Sistem Bilangan

Dhany Indra Gunawan, M.Kom.

LECTURER

INFORMATICS ENGINEERING SEKOLAH

TINGGI TEKNOLOGI BANDUNG

Email: dhany.indra@widyatama.ac.id

Pendahuluan

- Ada beberapa sistem bilangan yang digunakan dalam sistem digital. Yang paling umum adalah sistem bilangan desimal, biner, oktal dan heksadesimal
- Sistem bilangan desimal merupakan sistem bilangan yang paling familier dengan kita karena berbagai kemudahannya yang kita pergunakan sehari – hari.

Sistem Bilangan

• Secara matematis sistem bilangan bisa ditulis seperti contoh di bawah ini:

Bilangan:
$$D_r = d_{n-1}, d_{n-2}, \square, d_1, d_0, d_{-1}, \square, d_{-n}$$

Nilai :
$$D_r = \sum_{i=-n}^{n-1} d_i \times r^i$$

• Contoh:

Bilangan desimal:

$$5185.6810 = 5x103 + 1x102 + 8x101 + 5x100 + 6 x 10-1 + 8 x 10-2$$
$$= 5x1000 + 1x100 + 8x10 + 5 x 1 + 6x0.1 + 8x0.01$$

Bilangan biner (radiks=2, digit= $\{0, 1\}$)

$$100112 = 1 \times 16 + 0 \times 8 + 0 \times 4 + 1 \times 2 + 1 \times 1 = 1910$$

MSB LSB

$$101.0012 = 1x4 + 0x2 + 1x1 + 0x.5 + 0x.25 + 1x.125 = 5.12510$$

Macam-Macam Sistem Bilangan

Sistem	Radiks	Himpunan/elemen Digit	Contoh
Desimal	r=10	{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}	255 ₁₀
Biner	r=2	{0,1}	111111 ₂
Oktal	r= 8	{0,1,2,3,4,5,6,7}	3778
Heksadesimal	r=16	{0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F}	FF ₁₆

Desimal	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9						
Heksa	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Α	В	С	D	E	F
Biner	0000	0001	0010	0011	0100	0101	0110	0111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111

Konversi Radiks-r ke desimal

- Rumus konversi radiks-r ke desimal:
 - Contoh: • $1101_2 = 1$ $D_r = \sum_{i=-n}^{n-1} d_i \times r^i$ • $= 8 + 4 + 1 = 13_{10}$
 - $572_8 = 5 \times 8^2 + 7 \times 8^1 + 2 \times 8^0$ • = $320 + 56 + 16 = 392_{10}$
 - $2A_{16} = 2 \times 16^{1} + 10 \times 16^{0}$ • = $32 + 10 = 42_{10}$

Konversi Bilangan Desimal ke Biner

• Konversi bilangan desimal bulat ke bilangan Biner: Gunakan pembagian dgn 2 secara suksesif sampai sisanya = 0. Sisa-sisa pembagian membentuk jawaban, yaitu sisa yang pertama akan menjadi least significant bit (LSB) dan sisa yang terakhir menjadi most significant bit (MSB).

```
• Contoh: Konersi 179<sub>10</sub> ke biner:
 179 / 2 = 89 \operatorname{sisa} 1 \text{ (LSB)}
          / 2 = 44 \text{ sisa } 1
             / 2 = 22 sisa 0
                 / 2 = 11 \text{ sisa } 0
                   / 2 = 5 sisa 1
                      / 2 = 2 sisa 1
                         / 2 = 1 sisa 0
                           / 2 = 0 \text{ sisa } 1 \text{ (MSB)}
    \Rightarrow 179_{10} = 10110011_2
                     MSB
                                  LSB
```

Konversi Bilangan Desimal ke Oktal

• Konversi bilangan desimal bulat ke bilangan oktal: Gunakan pembagian dgn 8 secara suksesif sampai sisanya = 0. Sisa-sisa pembagian membentuk jawaban, yaitu sisa yang pertama akan menjadi least significant bit (LSB) dan sisa yang terakhir menjadi most significant bit (MSB).

• Contoh: Konersi 179₁₀ ke oktal:

$$179 / 8 = 22 \operatorname{sisa} 3 \text{ (LSB)}$$

$$/ 8 = 2 \operatorname{sisa} 6$$

$$/ 8 = 0 \operatorname{sisa} 2 \text{ (MSB)}$$

$$\Rightarrow 179_{10} = 263_8$$

MSB LSB

Konversi Bilangan Desimal ke Hexadesimal

• Konversi bilangan desimal bulat ke bilangan hexadesimal: Gunakan pembagian dgn 16 secara suksesif sampai sisanya = 0. Sisa-sisa pembagian membentuk jawaban, yaitu sisa yang pertama akan menjadi least significant bit (LSB) dan sisa yang terakhir menjadi most significant bit (MSB).

• Contoh: Konersi 179₁₀ ke hexadesimal:

$$179 / 16 = 11 \text{ sisa } 3 \text{ (LSB)}$$

/ 16 = 0 sisa 11 (dalam bilangan hexadesimal berarti

B)MSB

$$\Rightarrow$$
 179₁₀ = B3₁₆

MSB LSB

Konversi Bilangan Biner ke Oktal

Untuk mengkonversi bilangan biner ke bilangan oktal, lakukan pengelompokan 3 digit bilangan biner dari posisi LSB sampai ke MSB

•Contoh: konversikan 1011001₁₂ ke bilangan oktal Jawab : 10 110 011

Konversi Bilangan Oktal ke Biner

Sebaliknya untuk mengkonversi Bilangan Oktal ke Biner yang harus dilakukan adalah terjemahkan setiap digit bilangan oktal ke 3 digit bilangan biner

- Contoh Konversikan 263₈ ke bilangan biner.
- Jawab: 2 6 3
- 010 110 011
- Jadi 263₈ = 010110011₂ Karena 0 didepan tidak ada artinya kita bisa menuliskan 101100112

Untuk mengkonversi bilangan biner ke bilangan KONVERSI BILANGAN BINER KE hexadesimal, lakukan pengelompokan 4 digit bilangan Hexadesimal biner dari posisi LSB sampai ke MSB

•Contoh: konversikan 101100112 ke bilangan oktal

Jawab: 1011 0011

B 3

Jadi 101100112 = B316

Konversi Bilangan Hexadesimal ke Biner

Sebaliknya untuk mengkonversi Bilangan Hexadesimal ke Biner yang harus dilakukan adalah terjemahkan setiap digit bilangan Hexadesimal ke 4 digit bilangan biner •Contoh Konversikan B3₁₆ ke bilangan biner.

Jawab: B 3

1011 0011

$$Jadi B3_{16} = 10110011_2$$