

Anhang A.

Satz um Satz (hüpft der Has)

1.1. Rechenregeln zur Norm	7
1.2. Offene und abgeschlossene Mengen	9
2.1. Konvergenz	11
2.2. Häufungswerte und konvergente Folgen	12
2.3. Überdeckungen	12
3.1. Grenzwerte vektorwertiger Funktionen	15
3.2. Stetigkeit vektorwertiger Funktionen	16
3.3. Funktionen auf beschränkten und abgeschlossenen Intervallen	17
3.4. Fortsetzungssatz von Tietze	17
3.5. Lineare Funktionen und Untervektorräume von \mathbb{R}^n	18
3.6. Eigenschaften des Abstands zwischen Vektor und Menge	18
4.1. Satz von Schwarz	21
4.2. Folgerung	21
5.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit	24
5.2. Stetigkeit aller partiellen Ableitungen	25
5.4. Kettenregel	26
5.5. Injektivität und Dimensionsgleichheit	28
6.1. Der Mittelwertsatz	29
6.3. Bedingung für Lipschitzstetigkeit	30
6.4. Linearität	30
6.5. Richtungsableitungen	31
6.6. Der Satz von Taylor	32
7.1. Regeln zu definiten Matrizen und quadratischen Formen	36

7.2. Störung von definiten Matrizen	36
8.1. Nullstelle des Gradienten	39
8.2. Definitheit und Extremwerte	39
9.2. Stetigkeit der Umkehrfunktion	41
9.3. Der Umkehrsatz	41
10.1. Satz über implizit definierte Funktionen	45
11.1. Multiplikationenregel von Lagrange	49
12.1. Rektifizierbarkeit und Beschränkte Variation	53
12.2. Summe von Wegen	54
12.3. Eigenschaften der Weglängenfunktion	54
12.4. Rechenregeln für Integrale im \mathbb{R}^n	55
12.5. Eigenschaften stetig differenzierbarer Wege	55
12.6. Rektifizierbarkeit von Wegsummen	57
12.7. Eigenschaften der Parametertransformation	57
13.1. Rechnen mit Wegintegralen	59
13.2. Rechnen mit Integralen bezgl. der Weglänge	60
13.3. Stetige Differenzierbarekeit der Aneinanderhängung	61
14.1. Hauptsatz der mehrdimensionalen Integralrechnung	63
14.3. Wegunabhängigkeit, Existenz von Stammfunktionen	64
14.4. Integrabilitätsbedingungen	65
14.5. Kriterium zur Existenz von Stammfunktionen	66
15.1. Integral über Normalbereiche im \mathbb{R}^2	67
15.2. Integral über Normalbereiche im \mathbb{R}^3	69
15.3. Eigenschaften von Integralen über Normalbereiche	70
16.1. Produkte und Quotienten von Folgen	71
16.2. Eigenschaften von Exponentialfunktion, Cosinus und Sinus	73
16.3. Konvergenz von Potenzreihen	74
17.1. Eigenschaften von Folgen in normierten Räumen	78
17.2. Banachscher Fixpunktsatz	79

19.1. Lösung einer homogenen linearen Dgl 1. Ordnung	85
19.2. Eindeutige Lösung eines Anfangswertproblems	85
19.3. Lösungen	87
20.1. Lösungen	89
21.1. Integralgleichung zur Lösbarkeit eines Anfangswertproblems	93
21.2. Satz über die α -Norm	94
21.3. EuE-Satz von Picard-Lindelöf (Version I)	95
21.4. EuE-Satz von Picard-Lindelöf (Version II)	97
21.5. EuE-Satz von Picard-Lindelöf (Version III)	97
21.6. Eindeutigkeit einer nicht fortsetzbaren Lösung	98
21.7. Kriterium für lokale LB	98
22.1. Lösungen	99
22.3. Lösungsmenge als Vektorraum	101
22.4. Zusammenhang FS, FM und Wronskideterminante	102
22.5. Spezielle Lösung	103
24.1. Lösungen	109
24.2. Lösungsmenge als Vektorraum	110
24.3. Spezielle Lösung	111

Stichwortverzeichnis

- Äquivalenz, 57
- Überdeckungssatz von Heine-Borel, 13
- abgeschlossen
 - Kugel, 9
 - Menge, 9
- Abgeschlossenheit, 78
- Ableitung, 24
 - partielle, 20
- Abschluss, 9
- Abstand
 - zwischen Vektor und Menge, 18
 - zwischen zwei Vektoren, 7
- Aneinanderhängung, 61
- Anfangspunkt, 53
- Anfangswertproblem, 84, 93, 99, 109
 - Lösung, 84
- Banachraum, 79
- Berührungspunkt, 9
- Beschränktheit, 78
 - einer Funktion, 17
 - einer Menge, 8
- Betrag
 - komplexer, 71
- Bogen, 53
- Bogenmaß, 56
- Bolzano-Weierstraß, 11
- Cauchy
 - Kriterium, 11
- Cauchy-
 - Folge, 78
 - Schwarzsche Ungleichung, 7
- charakteristisch
 - Polynom, 113
- charakteristisches Polynom, 105
- Cosinus, 72
- Cramersche Regel, 41
- CSU, 7
- Differentialgleichung
 - explizite, 83
 - gewöhnliche, 83
 - homogene, 85, 113
 - homogene (n-ter Ordnung), 109
 - inhomogene, 85, 115
 - inhomogene (n-ter Ordnung), 109
 - Lösung, 83
 - lineare (1.Ordnung), 85
 - lineare (n-ter Ordnung), 109
 - mit getrennten Veränderlichen, 89
 - System von, 93
- Differenzierbarkeit, 23
 - einer $n \times n$ -Matrix, 102
 - partielle, 20
 - stückweise stetige, 56
- Divergenz, 72, 78
- Eigenwerte, 36
- eindeutige Lösung, 84
- Einschränkung einer Funktion, 49
- Endpunkt, 53
- euklidische Norm, 77
- Existenz und Eindeutigkeit, 95
- explizite Differentialgleichung, 83
- Exponentialfunktion, 72
- Flächeninhalt, 67
- Folge der sukzessiven Approximationen, 79
- Fortsetzbarkeit, 98
- Fundamental-
 - Matrix, 102
 - System, 102, 110
- Funktionalmatrix, 23
- Gebiet, 29
- geometrische Reihe, 72
- getrennte Veränderliche
 - Differentialgleichung mit, 89
- gewöhnliche Differentialgleichung, 83
- Glattheit, 56
 - stückweise, 56
- gleichmäßige Konvergenz, 78

- Gradient, 20
- Grenzwert, 11, 78
- Häufungspunkt, 9
- Hülle
 - lineare, 106
- Hesse-Matrix, 35
- homogen
 - Differentialgleichung, 85, 113
 - Differentialgleichung n-ter Ordnung, 109
 - System von Differentialgleichungen, 99
- Indefinitheit, 35
- inhomogen
 - Differentialgleichung, 85, 115
 - Differentialgleichung n-ter Ordnung, 109
 - System von Differentialgleichungen, 99
- Innenprodukt, 7
- innerer Punkt, 8
- Inneres einer Menge, 8
- Integrabilitätsbedingungen, 65
- Inverser Weg, 53
- Jacobi-Matrix, 23
- komplex
 - Betrag, 71
 - Exponentialfunktion, 72
 - Kosinus, 72
 - Sinus, 72
- Kontraktion, 79
- Konvergenz, 11, 72, 78
 - gleichmäßige, 78
- Konvergenzradius, 74
- Konvexität, 29
- Kosinus, 72
- Länge, 7, 53
- Lösung
 - eindeutige, 84
 - einer Differentialgleichung, 83
 - eines Anfangswertproblems, 84
- Lösungs-
 - Matrix, 102
 - System, 102
- Limes, 11, 78
- linear
 - Differentialgleichung (1. Ordnung), 85
 - Differentialgleichung n-ter Ordnung, 109
 - Hülle, 106
 - System von Differentialgleichungen, 99
- Lipschitz-Bedingung, 94
 - lokale, 94
- lokal
 - Extremum, 39
 - Extremum unter einer Nebenbedingung, 49
 - Lipschitz-Bedingung, 94
 - Maximum, 39
 - Minimum, 39
- Matrix-Vektorprodukt, 8
- Multiplikator, 49
- Negativdefinitheit, 35
- Norm, 7, 77
 - euklidische, 77
- Normalbereich, 67, 69
- normierter Raum, 77
- nullfache Nullstelle, 115
- Nullstelle
 - nullfache, 115
- offene Kugel, 8
- Offenheit, 78
- Parameter-
 - Darstellung, 57
 - Intervall, 53
 - Transformation, 57
- partiell
 - Ableitung, 20
 - Differenzierbarkeit, 20
- Polynom
 - charakteristisches, 105, 113
- Positivdefinitheit, 35
- Potenzreihe, 74
- quadratische Form, 35
- Rand, 9
- Randpunkt, 9
- Raum
 - normierter, 77
 - vollständiger, 79
- Reihe
 - geometrische, 72
 - unendliche, 72
- Rektifizierbarkeit, 53
- Richtung, 30
- Richtungs-
 - Ableitung, 30

- Vektor, 30
- Sinus, 72
- Skalarprodukt, 7
- Störfunktion, 85
- stückweise
 - Glattheit, 56
 - stetige Differenzierbarkeit, 56
- Stammfunktion, 63
- stationärer Punkt, 39
- Sternförmigkeit, 65
- Stetigkeit, 16
 - auf einem Intervall, 16
 - gleichmäßige, 16
 - Lipschitz-, 16
- Streckenzug, 29
- sukzessive Approximationen
 - Folge der, 79
- Summe von Wegen, 54
- System von Differentialgleichungen, 93
 - homogenes, 99
 - inhomogenes, 99
 - lineares, 99
- Teilfolge, 11
- Umgebung, 8
- Umordnung, 11
- unendliche Reihe, 72
- Variation der Konstanten, 86
- vektorwertige Funktion, 15
- Verbindungsstrecke, 29
- vollständiger Raum, 79
- Volumen, 69
- Weg-, 53
 - inverser, 53
 - Längenfunktion, 54
 - unabhängig, 64
- Winkelmaß, 56
- Wronskideterminante, 102, 110

