

## A. Satz um Satz (hüpft der Has)

1.3. Betragssätze . . . . .	10
1.5. Vollständigkeit von $\mathbb{R}$ bezüglich dem Infimum . . . . .	11
1.6. Existenz des Supremum . . . . .	12
2.1. Induktionsmengen . . . . .	13
2.2. Beweisverfahren durch <b>vollständige Induktion</b> . . . . .	13
2.3. <b>Ganze Zahlen</b> . . . . .	14
4.1. Eigenschaften von Binomialkoeffizienten . . . . .	19
4.2. Folgerung . . . . .	19
4.3. Bernoullische Ungleichung (BU) . . . . .	19
4.4. Der binomische Satz . . . . .	20
5.2. Wurzeln . . . . .	21
5.3. Eindeutigkeit von rationalen Potenzen . . . . .	22
6.1. Grenzwert und Beschränktheit konvergenter Folgen . . . . .	23
6.2. Konvergenzsätze . . . . .	24
6.3. Monotoniekriterium . . . . .	26
7.1. Konvergenzsatz für Wurzeln . . . . .	27
7.4. Satz über $\sqrt[n]{n}$ . . . . .	28
7.6. Satz und Definition von $e$ . . . . .	28
8.1. Sätze zu Teilfolgen . . . . .	31
8.2. Satz von Bolzano-Weierstraß . . . . .	32
9.1. Beschränktheit und Abgeschlossenheit der Häufungswerte . . . . .	33
9.2. Eigenschaften des Limes superior und inferior . . . . .	34
9.3. Äquivalenzaussagen zur Konvergenz . . . . .	34
9.5. Rechenregeln für den Limes superior und inferior . . . . .	35
10.1. Cauchy-Kriterium . . . . .	37

11.1. Cauchy- und Monotoniekriterium sowie Nullfolgeeigenschaft . . . . .	40
11.2. Rechenregeln bei Reihen . . . . .	40
11.3. Dreiecksungleichung für Reihen . . . . .	41
12.1. Leibnizkriterium . . . . .	43
12.2. Majoranten- und Minorantenkriterium . . . . .	43
12.3. Wurzelkriterium . . . . .	44
12.4. Quotientenkriterium . . . . .	45
12.6. In konvergenten Folgen darf man Klammern setzen . . . . .	46
13.1. Riemannscher Umordnungssatz . . . . .	47
13.2. Alle Produktreihen sind Umordnungen voneinander . . . . .	48
13.3. Absolute Konvergenz geht auf Produktreihen über . . . . .	48
13.4. Cauchyprodukt absolut konvergierender Folgen konvergiert . . . . .	49
13.5. $E(r) = e^r \ \forall r \in \mathbb{Q}$ . . . . .	49
14.1. Konvergenz von Potenzreihen . . . . .	53
14.2. Konvergenzradien von Cauchyprodukten . . . . .	54
15.1. Konvergenz $g$ -adischer Entwicklungen . . . . .	57
15.2. Eindeutigkeit der $g$ -adischen Entwicklung . . . . .	57
15.3. Existenz der $g$ -adischen Entwicklung . . . . .	58
15.4. $\mathbb{R}$ ist überabzählbar . . . . .	58
16.1. Grenzwertsätze bei Funktionen . . . . .	62
16.2. Rechnen mit Funktionsgrenzwerten . . . . .	62
16.3. Grenzwerte der Exponentialfunktion . . . . .	63
17.1. Stetigkeitssätze . . . . .	65
17.2. Stetigkeit der Potenzreihen . . . . .	66
17.4. Stetigkeit von verketteten stetigen Funktionen . . . . .	66
18.1. Zwischenwertsatz . . . . .	69
18.2. Nullstellensatz von Bolzano . . . . .	69
18.4. Eigenschaften von Bildmengen stetiger Funktionen . . . . .	70
18.5. Bildintervalle und Umkehrbarkeit stetiger, monotoner Funktionen . . . . .	71

18.6. Der Logarithmus . . . . .	71
19.1. Funktionskonvergenzkriterien . . . . .	74
19.2. Stetigkeit bei gleichmäßiger Konvergenz . . . . .	74
19.3. Identitätssatz für Potenzreihen . . . . .	75
20.1. Stetigkeitssätze . . . . .	77
21.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit . . . . .	79
21.2. Ableitungsregeln . . . . .	79
21.3. Kettenregel . . . . .	80
21.4. Ableitung der Umkehrfunktion . . . . .	81
21.5. Erste Ableitung am relativen Extremum . . . . .	81
21.6. Mittelwertsatz der Differenzialrechnung . . . . .	82
21.8. Die Regeln von de l'Hospital . . . . .	83
21.9. Ableitung von Potenzreihen . . . . .	84
21.10Eigenschaften trigonometrischer Funktionen . . . . .	85
21.11Tangens . . . . .	86
22.1. Differenzierbarkeit von Potenzreihen . . . . .	87
22.2. Satz von Taylor . . . . .	88
22.3. Bestimmung von Extrema durch höhere Ableitungen . . . . .	89
23.1. Zerlegungs-Verfeinerungen . . . . .	91
23.2. Rechenregeln für Integrale . . . . .	92
23.3. Riemannsches Integrabilitätskriterium . . . . .	93
23.4. Integrabilität monotoner und stetiger Funktionen . . . . .	93
23.5. 1. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung . . . . .	94
23.6. Integrierbarkeit gleichmäßig konvergierender Funktionsfolgen . . . . .	95
23.7. Integration von verketteten Funktionen . . . . .	96
23.8. Weitere Rechenregeln für Integrale . . . . .	96
23.9. Aufteilung eines Integrals . . . . .	97
23.10Integral und Unstetigkeitsstellen . . . . .	97
23.11Mittelwertsatz der Integralrechnung . . . . .	98

23.12	Äquivalenz der Riemannschen und Darbouxschen Integrale . . . . .	99
23.13	2. Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung . . . . .	99
23.14	Anwendung des 2. Hauptsatzes auf stetige Funktionen . . . . .	100
23.15	Partielle Integration . . . . .	100
23.16	Substitutionsregeln . . . . .	101
23.17	Integration von rationalen Funktionen . . . . .	102
23.18	Folgen von Zerlegungen mit $ Z_n  \rightarrow 0$ . . . . .	103
23.19	Riemannsche Definition des Integrals mit Nullfolgen . . . . .	104
23.20	Gleichmäßige Konvergenz der Stammfunktion . . . . .	105
25.1.	Varianzeigenschaften . . . . .	109
25.2.	Eigenschaften Funktion von beschränkter Varianz . . . . .	110
26.1.	. . . . .	111
26.2.	Partielle Integration . . . . .	112
26.3.	. . . . .	112
26.4.	Abschätzen des RS-Integrals mit Hilfe der Totalvarianz . . . . .	113
26.6.	Weiteres Kriterium zur RS-Integrierbarkeit . . . . .	114

# Stichwortverzeichnis

- $g$ -adische Entwicklung, 57
- $g$ -adischer Bruch, 57
- $n$ -mal stetig differenzierbar, 87
- (unendliche) Reihe, 39
- überabzählbar, 17
  
- abgeschlossene Menge, 69
- abgeschlossenes Intervall, 11
- Ableitung, 79
- absolut konvergent, 40, 108
- abzählbar, 17
- alternierende Harmonische Reihe, 41
- Anordnungsaxiome, 10
- aquidistante Zerlegung, 93
- Arcustangens, 86
- Assoziativgesetze, 9
  
- beschränkt, 12
- beschränkter Variation, 109
- bestimmtes Integral, 100
- Betrag, 10
- Betragssätze, 10
- bijektiv, 17
- Binominalkoeffizienten, 19
  
- Cauchyfolge, 37
- Cauchy Kriterium, 108
  - bei Funktionsgrenzwerten, 62
- Cauchyprodukt, 49
  
- Differenzierbarkeit, 79
- Distributivgesetz, 9
- divergent, 23, 39, 107
- Dreiecksungleichung für Integrale, 96
  
- echt gebrochen rational, 102
- endlich, 17
- Entwicklungspunkt, 55
- Exponentialfunktion, 46
- Extremum
  - relatives, 81
- für fast alle, 23
  
- Fakultät, 19
- Feinheitsmaß, 103
- Folge von Funktionen, 73
- Folgen, 17
- Funktionsreihe, 73
  
- Ganze Zahlen, 14
- geometrische Reihe, 39
- gleichmäßig (glm) konvergent, 73
- gleichmäßig stetig, 77
- Grenzwert, 23
  
- Häufungspunkt, 61
- Häufungswert, 31
- halboffenes Intervall, 11
- harmonische Reihe, 39
- Heine, Satz von, 77
  
- Induktionsmenge, 13
- Infimum, 11
- injektiv, 17
- innerer Punkt, 81
- Integral, 92
- Integrator(funktion), 111
- integrierbar, 92
- Intervall, 11
  
- Körperaxiome, 9
- Kommutativgesetze, 9
- konvergent, 23, 39, 107, 108
- Konvergenzbereich, 53
- Konvergenzradius, 53
- Kosinus, 51
  
- Limes, 23
- Limes inferior, 33
- Limes superior, 33
- Lipschitz stetig, 77
  
- Majorantenkriterium, 43, 108
- Maximum, 11
  - relatives, 81
- Minimum, 11

- relatives, 81
- Minorantenkriterium, 43, 108
- monoton, 26
- monoton fallend, 26
- monoton wachsend, 25
- natürlichen Zahlen, 13
- Nullfolge, 24, 103
- obere Schranke, 11
- oberer Limes, 33
- oberes Integral, 91
- Obersumme, 91
- offene Menge, 69
- offenes Intervall, 11
- Partialbruch, 102
- Potenz
  - allgemeine, 72
  - natürliche, 19
  - rationale, 22
- Potenzreihe, 53
- Produktzeichen, 14
- rationale Funktion, 102
- Reellen Zahlen, 9
- Reihenglied, 39
- Reihensumme, 39
- Reihenwert, 39
- relatives
  - Extremum, 81
  - Maximum, 81
  - Minimum, 81
- Riemann-Stieltjes-Integral, 111
- Riemann-Stieltjes-integrierbar, 111
- Riemann-Stieltjes-Summe, 111
- Riemannsche Zwischensumme, 98
- Riemannscher Umordnungssatz, 47
- Sinus, 51
- Stammfunktion, 94
- streng monoton, 26
- streng monoton fallend, 26
- streng monoton wachsend, 25
- Summenzeichen, 14
- Supremum, 11
- surjektiv, 17
- Taylorpolynom, 88
- Taylorreihe, 88
- Teilfolge, 31
- Teilsumme, 39
- Totalvariation, 109
- Umgebung, 23
- Umordnung, 47
- unbestimmtes Integral, 100
- uneigentliche Integral, 107
- unendlich, 17
- untere Schranke, 11
- unterer Limes, 33
- unteres Integral, 91
- Untersumme, 91
- unzerlegbar, 102
- Variation, 109
- Verfeinerung, 91
- vollständige Induktion, 13
- Vollständigkeitsaxiom, 11
- Weierstraß, Kriterium von, 74
- Wurzel, 21
- Zerlegung, 91
- Zwischenvektor, 98