

## 033.1

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [13, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [5, 11, 8]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [6, 10, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [15, 10]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.15$ ,  $q = 0.25$ ,  $X = B$ )

## 033.2

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [15, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [5, 6, 3]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 11, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [15, 6]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a$ ,  $b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.93$ ,  $b = 0.1$ ,  $c = 0.18$ )

## 033.3

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [10, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [12, 9, 8]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [5, 13, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [11, 5]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a$ ,  $b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.45$ ,  $b = 0.22$ ,  $c = 0.43$ )

## 033.4

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [9, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [15, 2, 10]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 14, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [7, 3]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.38$ ,  $q = 0.42$ ,  $X = C$ )

## 033.5

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [6, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [9, 3, 2]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 12, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [21, 11]$ )
5. Parodomosioms teniso varžyboms buvo pakviesti du žymūs tenisininkai ir trys teisėjai. Nepriklausomai vienas nuo kito kiekvienas žaidėjas atvyksta su tikimybe  $p$ , o teisėjai - su tikimybėmis  $a$ ,  $b$  ir  $c$ . Kokia tikimybė varžyboms įvykti, jei tam reikia abiejų tenisininkų ir bent vieno teisėjo? ( $p = 0.45$ ,  $a = 0.55$ ,  $b = 0.84$ ,  $c = 0.69$ )

## 033.6

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [12, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [9, 7, 5]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [8, 9, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [8, 4]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.8$ ,  $q = 0.19$ ,  $X = C$ )

## 033.7

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [11, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [12, 9, 4]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 16, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [19, 11]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.02$ ,  $n = 4$ ,  $k = 3$ )

## 033.8

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [15, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [10, 12, 4]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 16, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [21, 11]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.88$ ,  $q = 0.15$ ,  $X = C$ )

## 033.9

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [10, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [3, 10, 8]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [12, 19, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [12, 9]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.51$ ,  $q = 0.63$ ,  $X = B$ )

## 033.10

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [15, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [7, 10, 5]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [10, 14, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [21, 11]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.25$ ,  $n = 5$ ,  $k = 4$ )

## 033.11

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [16, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [13, 9, 6]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [10, 13, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [14, 4]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.25$ ,  $n = 6$ ,  $k = 4$ )

## 033.12

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [9, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [10, 8, 11]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [5, 6, 3]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [14, 4]$ )
5. Parodomosioms teniso varžyboms buvo pakviesti du žymūs tenisininkai ir trys teisėjai. Nepriklausomai vienas nuo kito kiekvienas žaidėjas atvyksta su tikimybe  $p$ , o teisėjai - su tikimybėmis  $a$ ,  $b$  ir  $c$ . Kokia tikimybė varžyboms įvykti, jei tam reikia abiejų tenisininkų ir bent vieno teisėjo? ( $p = 0.76$ ,  $a = 0.5$ ,  $b = 0.92$ ,  $c = 0.56$ )

## 033.13

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [21, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [12, 12, 6]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [5, 11, 3]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [15, 6]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.56$ ,  $q = 0.46$ ,  $X = B$ )

## 033.14

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [18, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [15, 3, 10]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [6, 10, 3]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [15, 8]$ )
5. Parodomosioms teniso varžyboms buvo pakviesti du žymūs tenisininkai ir trys teisėjai. Nepriklausomai vienas nuo kito kiekvienas žaidėjas atvyksta su tikimybe  $p$ , o teisėjai - su tikimybėmis  $a$ ,  $b$  ir  $c$ . Kokia tikimybė varžyboms įvykti, jei tam reikia abiejų tenisininkų ir bent vieno teisėjo? ( $p = 0.47$ ,  $a = 0.84$ ,  $b = 0.9$ ,  $c = 0.59$ )

## 033.15

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [10, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [13, 6, 7]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [10, 18, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [14, 6]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.12$ ,  $n = 10$ ,  $k = 4$ )

## 033.16

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [15, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [10, 10, 11]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [11, 15, 3]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [20, 11]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.53, q = 0.16, X = C$ )

## 033.17

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [10, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [12, 12, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 12, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [7, 4]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.21, n = 6, k = 4$ )

## 033.18

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [18, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [14, 3, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 10, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [19, 11]$ )
5. Atkrintamųjų krepšinio varžybų finale žaidžiama iki  $N$  laimėtų rungtynių. Sužaidus  $m + n$  rungtynių, rezultatas yra  $m : n$ . Kokia tikimybė laimėti finalą atsiliekančiai komandai, jei žinoma, kad pirmaujanti komanda kiekvienas rungtynes laimi su tikimybe  $p$ ? ( $m = 3, n = 2, N = 5, p = 0.68$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [10, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [17, 11, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [7, 8, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [9, 3]$ )
5. Parodomosioms teniso varžyboms buvo pakviesti du žymūs tenisininkai ir trys teisėjai. Nepriklausomai vienas nuo kito kiekvienas žaidėjas atvyksta su tikimybe  $p$ , o teisėjai - su tikimybėmis  $a$ ,  $b$  ir  $c$ . Kokia tikimybė varžyboms įvykti, jei tam reikia abiejų tenisininkų ir bent vieno teisėjo? ( $p = 0.52$ ,  $a = 0.83$ ,  $b = 0.55$ ,  $c = 0.56$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [22, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [14, 2, 3]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [12, 18, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [7, 2]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a$ ,  $b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.58$ ,  $b = 0.26$ ,  $c = 0.38$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [23, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [12, 7, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [9, 13, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [17, 8]$ )
5. Parodomosioms teniso varžyboms buvo pakviesti du žymūs tenisininkai ir trys teisėjai. Nepriklausomai vienas nuo kito kiekvienas žaidėjas atvyksta su tikimybe  $p$ , o teisėjai - su tikimybėmis  $a$ ,  $b$  ir  $c$ . Kokia tikimybė varžyboms įvykti, jei tam reikia abiejų tenisininkų ir bent vieno teisėjo? ( $p = 0.87$ ,  $a = 0.65$ ,  $b = 0.73$ ,  $c = 0.92$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [21, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [3, 4, 6]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [13, 14, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [11, 7]$ )
5. Siunčiamas  $n$  baitų pranešimas. Siekiant didesnio patikimumo, naudojami  $k$  nepriklausomų informacijos perdavimo kanalų. Kokia tikimybė, kad bent vienu kanalu bus gautas neiškraipytas pranešimas, jei baito kraipymo tikimybė kiekviename kanale yra  $p$ ? ( $p = 0.24$ ,  $n = 10$ ,  $k = 3$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [18, 4]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [7, 6, 7]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [8, 9, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [12, 3]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a$ ,  $b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.24$ ,  $b = 0.22$ ,  $c = 0.1$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [5, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebalošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [8, 4, 5]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [8, 9, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [13, 3]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.19$ ,  $q = 0.31$ ,  $X = C$ )



## 033.25

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [13, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [8, 12, 3]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [8, 9, 4]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [14, 6]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a, b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.62, b = 0.16, c = 0.44$ )

## 033.26

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [23, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [9, 6, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [13, 18, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [18, 11]$ )
5. Trijų nepriklausomų įvykių tikimybės yra lygios  $a, b$  ir  $x$ . Tikimybė, kad įvyks lygiai du iš šių įvykių yra  $c$ . Raskite  $x$ . ( $a = 0.51, b = 0.12, c = 0.15$ )

## 033.27

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j, i \neq j$ ? ( $[n, k] = [19, 5]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [13, 5, 8]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [5, 8, 2]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [10, 5]$ )
5. Atkrintamųjų krepšinio varžybų finale žaidžiama iki  $N$  laimėtų rungtynių. Sužaidus  $m + n$  rungtynių, rezultatas yra  $m : n$ . Kokia tikimybė laimėti finalą atsiliekančiai komandai, jei žinoma, kad pirmaujanti komanda kiekvienas rungtynes laimi su tikimybe  $p$ ? ( $m = 2, n = 0, N = 4, p = 0.48$ )

1. Urnoje yra  $n$  rutulių, pažymėtų skaičiais  $1, 2, \dots, n$ . Atsitiktinai su grąžinimu traukiama  $k$  rutulių,  $X_1, X_2, \dots, X_k$  – ištrauktųjų rutulių numeriai. Kokia tikimybė, kad visi šie numeriai bus skirtingi? Kokia tikimybė, kad bus patenkintos nelygybės  $X_1 < X_2 < \dots < X_k$ ? Kokia tikimybė, kad bus patenkinta bent viena lygybė  $X_i = X_j$ ,  $i \neq j$ ? ( $[n, k] = [20, 3]$ )
2. Mėtoma simetriškų šešiasienių kauliukų pora. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $k$ , lošėjas A laimi ir lošimas baigiamas. Jeigu atvirtusių akučių suma lygi  $m$ , laimi B ir daugiau nebellošama. Kokia tikimybė, kad A laimės po  $n$  metimų? Kokia tikimybė, kad B laimės? ( $[n, k, m] = [13, 12, 9]$ )
3. Autobuso kelyje yra  $n$  stotelių, autobusu važiuoja  $m$  keleivių. Kiekvienas jų išlipa vienoje stotelėje. Kokia tikimybė, kad bent vienoje stotelėje niekas neišlips? Kokia tikimybė, kad niekas neišlips lygiai  $k$  stotelėse? ( $[n, m, k] = [8, 15, 5]$ )
4. Simetriška moneta metama  $n$  kartų, baigtys žymimos raidėmis H, S.  $n$  ilgio raidžių seka sutrumpinama, nubraukiant visas raides H prieš pirmąją S ir visas H po paskutinės S (jeigu tokių yra). Kokia tikimybė, kad sutrumpintoje rezultatų sekoje bus ne daugiau kaip  $m$  raidžių? ( $[n, m] = [17, 8]$ )
5. Tenisininkas A iki pirmo pralaimėjimo paeiliui žaidžia su varžovais B ir C, bet ne daugiau kaip du kartus su kiekvienu. A visada laimi prieš B su tikimybe  $p$ , o prieš C - su tikimybe  $q$ . Kokia tikimybė, kad varžybos baigsis po tenisininko X pergalės? ( $p = 0.1$ ,  $q = 0.16$ ,  $X = B$ )