1-amaliy mashg`ulot. Mavzu: Kompyuterli modellashtirish bosqichlari

Reja

- 1. Amaliy mashg`ulot uchun kerakli jihozlar
- 2. Nazariy ma`lumotlar
- 3. Tadqiqot ob'yekti, ob'yekt matematik modeli, matematik modelni yechish algoritmi, algoritmi asosida tuzilgan dastur.
- 4. Tizimlarni modellashtirish va loyihalashning turli bochqichlarida qoʻllaniladigan modellar va modellashtirish vositalari.
- 5. Amaliy qism
- 6. Amaliy topshiriqlar

Kerakli jihozlar. Matlab®/Simulink®dasturiy ta'minoti bilan ta'minlangan kompyuterlar va printerlar.

Nazariy ma`lumotlar

Tadqiqot ob'yekti, ob'yekt matematik modeli, matematik modelni yechish algoritmi, algoritm asosida tuzilgan dastur

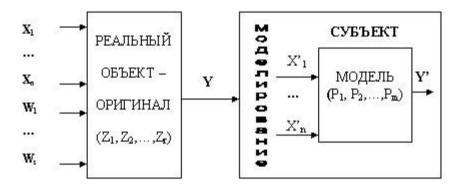
Model xakidagi boshlangiya ma'lumotlardan bizga shu narsa ma'lum boʻldiki, matematik model real dunyodagi yoki biror tadqiqotlar predmet sohasidagi ob'yektlar(hodisalar)ning qandaydir xossalarini oʻrganish maqsadida ularning matematika tilida tavsiflanishidan iboratdir. Tadkikotchi sub'yekt tomonidan ob'yekt obrazini muayyan formal(matematik) tizimlar yordamida qurish jarayonini umumiy holda tushinib olish uchun quyidagi vaziyatni qaraymiz.

Faraz qilaylik Q ob'yekt bizni qiziqtiruvchi biror C_0 xossasaga ega. bo'lsin. Bu xossani ifodalovchi matematik modelni hosil qilish uchun quyidagilar zarur:

- 1. Shu xossa koʻrsatkichini aniklash(ya'ni xossaning biror oʻlchamlar tizimidagi oʻlchovini aniqlash).
- 2. S_0 xossa bilan qandaydir munosabatlar orqali bogʻlangan $S_1,...,S_m$, xossalar roʻyxatini aniklash(ular ob'yekning ichki xossalari va ob'yektga ta'sir koʻrsatuvchi tashki muhit xossalari boʻlishi mumkin).
- 3. Izlanayotgan Ykoʻrsatkichga ta'sir koʻrsatadigan tashki muhit xossalarini tanlangan format tizimida $x_1,...,x_n$ taщqi faktorlar kabi, ob'yektning ichki xossalarini $z_1,...,z_r$ parametlar kabi ifodalash, xisobga olinmagan xossalarni esa xisobga olinmaydigan ($w_1,...,w_s$) faktorlar guruxiga kiritish kerak.
- 4. Mumkin boʻlgan holda Y koʻrsatkich bilan barcha xisobga olinadigan faktorlar va parametrlar orasidagi munosabatni aniklash, matematik modelni qurish.

Umumiy koʻrinishda bunday modellashtirish sxemasi 1-rasmda

koʻrsatilgan.



1-rasm. Real ob'yektni sub'yektiv kursatish kabi modellashtirish. 1-rasmga koʻrsatilgandek real ob'yekt uning xossalari koʻrsatkichlari orasidagi quyidagi funksional munosabat

$$Y = f(x_1,...,x_n,z_1,...,z_r,w_1,...,w_s).$$
(4)

orkali xarakterlanadi. Ammo modelda ob'yekt-originalning faqat shunday faktor(omil) va parametrlari aks ettiriladiki, ular tadkik kilinayotgan muammoni hal etish uchun muhim ahamiyatga ega bo'ladilar. Bundan tashkari o'lchov asboblarining noaniqligi va ba'zi omillar to'g'risida ma'lumotlarning yetishmasligi sababli muhim omil va parametrlarni aniqlashda albatta muayyan xatolikga yo'l qo'yiladi. Shu sababli matematik model o'rganilayotgan ob'yekt xossalarining taqribiy ifodasi hisoblanadi. Matematik modelni o'rganilayotgan real mavjudlikning abstraksiyasi sifatida aniklash ham mumkin.

Modellar odatda orginaldan oʻzining ichki parametrlari tabiati bilan farq kiladi. Bundagi oʻxshashlik esa model va orginalning $x_1,...x_n$ tashki faktorlar oʻzgarishiga koʻrsatadigan Y reaksiyasining adekvatligida hisoblanadi. Shuning uchun umumiy holda matematik model quyidagi funksiya bilan tavsiflanadi:

$$Y' = f(x'_1, ..., x'_n, p_1, ..., p_m),$$
 (5)

bu yerda $p_1,...,p_m$ – modelning ichki parametrlari boʻlib, ular orginalning parametrlariga adekvatdir.

Oʻrganilayotgan ob'yektni matematik tavsiflash usullarining qoʻllanishiga karab matematik modellar analitik, imitatsiyali, mantiqiy, grafikli, avtomatli va shunga oʻxshash boshqa shakllarda boʻlishi mumkin.

Matematik modellashtirishning bosh masalasi shundaki, tuzilgan matematik model real ob'yektning hisobga olinadigan faktorlari, parametrlari va ba'holanayotgan xossasining *Y* ko'rsatkichi orasidagi munosabatlarni qanchalik aniqlikda aks ettiradi, ya'ni (5) tenglama (4) tenglamaga qanchalik aniqlikda mos keladi.

Ba'zan (5) tenglama aniq koʻrinishda olinishi mumkin. Masalan, differensial tenglamalar sistemasi koʻrinishida yoki boshka aniq matematik munosabatlar koʻrinishida hosil qilinishi mumkin.

Murakkabrok xollarda (4) tenglamaning koʻrinishi noma'lum va tadkikotchining vazifasi avvalo bu tenglamani topishdan iborat. Bunda variatsiyalanuvchi $x'_1,...,x'_n$, parametrlar tarkibiga barcha xisobga olinadigan tashki faktorlar va oʻrganilayotgan ob'yektning parametrlari kiradi, Izlanayotgan parametrlar hisobiga esa modelning $p_1,...,p_m$ ichki parametrlari kiradi. Bu parametrlar $x'_1,...,x'_n$, faktorlarni Y'koʻrsatkich bilan haqiqatga eng yaqin munosabat orqali bogʻlaydi.

Bu muammoni hal etish bilan tajriba(eksperiment) nazariyasi shugʻullanadi. Bu nazariyaning mohiyati shundan iboratki, $x'_1,...,x'_n$ parametrlar va Y' koʻrsatkichning tasodifiy tanlab olingan kiymatlariga asoslanib, (5) funksiya (4) real konuniyatni eng anik aks ettirishini ta'minlaydigan $p_1,...,p_m$, parametrlarni topish talab etiladi.

Amaliyotdan yaxshi ma'lumki, amaliy masalalarni yechishda fakatgina matematik bilimlarga ega bo'lish yetarli emas, balki masalaning boshlang'ich qo'yilishini matematika tiliga o'tkaza olish tajribasi ham zarurdir. Xuddi shu narsa matematik modellashtirish mahoratiga ega bo'lish muammosi xisoblanadi.

Modelni qurish nimadan boshlanadi? Matematik modellashtirish boʻyicha ishlarni tashkillashtirishning asosiy bosqichlari nimalardan iborat?

Modellashtirishdagi boshlangʻich nuqta, odatda, hodisaning biror bir empirik real tasviri — matematik boʻlmagan real ob'yekt: tabiat xodisasi, fizik, biologik yoki ishlab chikarish jarayoni va shu kabilardir. Matematik ifodalash mumkin boʻlgan masalani jumlalashtirish jarayoni koʻpincha davomli boʻladi va bunda matematikning boshqa matematik boʻlmagan mutaxassislar bilan maslahatlashishi zarur.

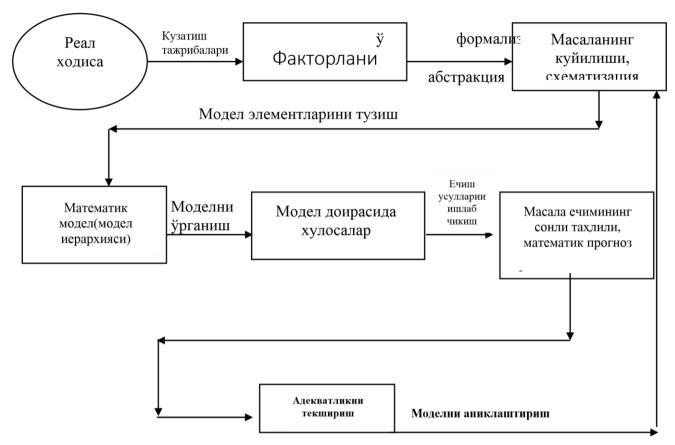
1–rasmda konkert amaliy masalani yechish maksadida matematik modellashtirish jarayonni tashkillashtirish umumiy sxemasi keltirilgan. Matematik modellarni qurish va ularni tadqiq kilish bosqichlari sifatida qarash mumkin boʻlgan bu sxema kadamlarini kiskacha izohlab oʻtamiz.

Avvalo modellashtirishning maksadi aniq ifodalanishi lozim. Shundan kelib chikib, boshlangʻich bosqich (sxemaning 0–1 kadamlari) ma'lumotlar(faktlar) va ilmiy kuzatish natijalarini yigʻishdan iborat. Bu yerda tadqiq etilayotgan ob'yektga xos umumiy talablar, shartlar va cheklashlarni aniqlash maqsadga muvofiqdir.

Keyingi bosqichda (1–2 kadam) xodisani sxematik ifodalash va uni ideallashtirish jarayoni sodir boʻladi, ya'ni xodisaning muhim xususiyatlari ajratib koʻrsatiladi.

Har bir hodisada muhim va muhim boʻlmagan xususiyatlarni koʻrish mumkin.

Masalaning qoʻyilishi uchun hal etuvchi uzgaruvchilar, parametrlar va cheklashlarni identifikatsiyalash(aniqlash) zarur. Bu kadam matematik ifodalash mumkin boʻlgan masalaning qoʻyilishiga olib keladi.



1-расм. Matematik modell qurilish strukturasi.

Muhim omillar aniqlangandan keyingi bosqich (2-3 kadam) bizga kerakli ma'lumotlarni matematik tushunchalar va kattaliklar yordamida ifodalashdan iborat. Bunda xodisalarning aniqlovchi parametrlari sistemasini tuzish, kattaliklar va parametrlar orasidagi tenglama va munosabatlarni aniqlash kabilar bajariladi. Bu modellashtirish jarayonining eng murakkab boskichidir. Bu yerda tadkikotchi koʻp xollarda fundamental fizik konunlarga, masalan, massa va energiyaning saklanish konuniga, xarakat mikdorining oʻzgarishi, elektromagnetizim konunlariga, nurlanish nazariyasiga, extimollar nazariyasining prinsiplari va boshkalarga tayanishiga toʻgʻri keladi. Model elementlarini tuzish natijasida masalaning matematik modelini yoki bunday modellarning iyerarxiyasini hosil qilamiz.

Model qurilgandan keyin va uni qurish davomida modelning xodisaga adekvatligini va masala qoʻyilishining mantiqiy ziddiyatsizligi, korrektligini tekshirish kerak boʻladi (3-4 kadam). Modelning matematik asosi ziddiyatsiz boʻlishi va matematik mantikning odatdagi barcha konunlariga buysunishi lozim. Qoʻyilgan matematik masala korrekt boʻlishi, ya'ni boshlangʻich va chegaraviy shartlardagi kichik oʻzgarishlarda turgʻun boʻlgan yagona yechimga ega boʻlishi kerak.

Matematik model qurilgandan keyin, ya'ni masalaga matematik shakl berilgandan so'ng biz uni o'rganish uchun ma'lum bo'lgan matematik usullardan foydalanishimiz yoki agar ulardan foydalanib boʻlmasa, yangi usullarni ishlab chikish lozim boʻladi.

Yakunlovchi boskichlarda (4-5, 5-6 kadamlarda) modelning toʻgʻriligi bizning matematik modelimizga mos ravishda nazariy masalani yechish natijalari boʻyicha va ularni real xolat taqqoslash orqali tekshiriladi. Shuni aytib utish kerakki, masalani yechish va olingan natijalarni real voqʻyelik bilan taqqoslash jarayonida model aniklashtirilib borilishi mumkin.

Yukorida keltirilgan sxemaga asosan amaliy masalani matematik modellashtirish usuli bilan tadkik kilish va yechishning quyidagi asosiy boskichlarini keltirish mumkin:

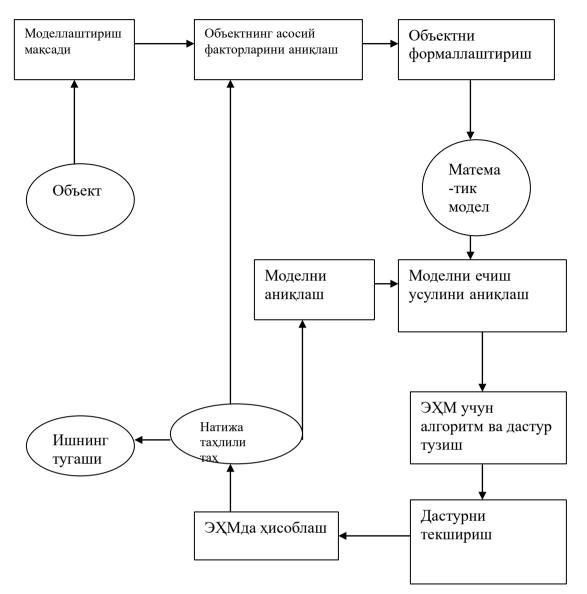
- -muammoni identifikatsiyalash(aniqlashtirish);
- -matematik modelni qurish;
- -modelni oʻrganish va matematik masalani yechish usulini tanlash;
- -qoʻyilgan matematik masalani yechish va olingan natijalar
- taxlili; -modelning adekvatligini va korrektligini tekshirish; -

Olingan tadqiqot natijalarini realizatsiya qilish.

Matematik modelni kurish va tadkik kilish, amaliy masalani yechish boʻyicha barcha ishlarni tashkillashtirish murakkab jarayon xisoblanadi. Bu jarayon haqida yukorida aytilgan fikrlar fakatgina uning umumiy sxemasini aniklaydi.

Real ob'yektdan uning modeliga oʻtishni aniqlaydigan anik koidalar umumiy holda mavjud emas. Real ob'yekt holatini aniklovchi faktorlar toʻplamidan uncha koʻp boʻlmagan hal etuvchi faktorlarni ajratib olish va originaldan modelga oʻtish tadqiqotchining modellashtirish boʻyicha qobilyatini aniklaydi. Qurilgan modelning real sistemaga adekvatlik darajasi va, natijada, qoʻyilgan masalani hal etishdagi muvafaqqiyat tadqiqotchilar guruxi a'zolarining ijodiy qobiliyati va amaliy tajribalariga koʻp jixatdan bogʻliqdir.

Modellashtirish bosqichlarini toʻgʻri va oqilona amalga oshirish matematikaning qoʻllanishi an'anaviy boʻlgan nafakat fizika va mexanika, balki fanning boshka sohalari, jumladan kimyo, iktisodiyot, biologiya, geologiya, geografiya, psixologiya, tibbiyot va konkert texnika fanlariga oid turli masalalarni muvaffaqiyatli hal etish imkonini beradi.



Tizimlarni modellashtirish va loyihalashning turli bochqichlarida qoʻllaniladigan modellar va modellashtirish vositalari

Hisoblash tizimlari masalalari maxsus sinf modellarini talab qiladi. Bu modellar tizimning oʻzgarish qonuniyatlarini, uning unumdorligi, ishonchliligi va boshqa xarakteristikalarini hisobga olgan holda tuziladi. Shu bilan birga modelni analiz qilish, identifikatsiya va sintez masalalari uchun metodlar aniqlash talab etiladi. Masalaning unumdorligi va ishonchliligini analiz qilish, unumdorligi va ishonchliligi berilgan holda masalani sintez qilish masalasi hisoblash texnikalarini loyihalashtirish va ekspluatatsiya qilishning ommaviy masalalaridan biri boʻlib qolmoqda.

Modelni qurish tamoyillari va uning xossalari. Model-bu tekshirilayotgan ob'yektni o'zida akslantiruvchi fizik yoki abstrakt tizimdir. Hisoblash tizimlari nazariyasida abstrakt modellar qo'llaniladi. Bu modellarda komponentalar fizikaviy elementlar bo'lmay, ular matematikada ko'p qo'llaniladigan tushunchalardan iborat. Matematik model quyidagi funksional ko'rinishdan iborat $Y = \{y_1, ..., y_M\}$ va $X = \{x_1, ..., x_N\}$ modellashtirilayotgan tizimning

xarakteristikasi va parametrlaridir, F – funksiya modelni aks ettiradi. Modelni qurish, F funksiyani qurishdan iboratdir.

Model tekshirish maqsadidan kelib chiqib tuziladi, bunda quyidagilar hisobga olinadi:

- 1) xarakteristik $Y = \{y_1, \dots, y_M\}$, tuzilishi
- 2) parametrlarning $X = \{x_1, ..., x_N\}$ tuzilishi , bularning oʻzgarishi Y ga ta'sir qilishi kerak;
- 3) $x_n \in x_n^*, n = 1,..., N$, parametrlarning o'zgarish sohasi modelning aniqlanish sohasi deyiladi.
- 4) adekvatlilik model asosidagi *Y* xarakteristikaning limitik mumkin boʻlgan xatoligi.

Y xarakteristikaning tuzilishi tizimning unumdorligi va ishonchliligi bilan bogʻlangan funksional oʻzgarishlarni ifodalaydi. X parametr esa modelning yuqoridagi sifatlariga ta'sir etadigan tizimning barcha aspektlarini hisobga oladi.

Jarayonlarni modellashtirishda ehtimoliy yondoshuv. Hisoblash tizimining unumdorligi va ishonchliligi vaqt oʻzgarishlari bilan bogʻlangandir. Unumdorlikni baholash, hisoblash tizimidagi hisoblash jarayonining vaqt boʻyicha davomiyligidan iborat. Ishonchlilikni baholashda, tizimning har-xil holatlarda boʻlish davomiyligi tushuniladi, ya'ni qurilmaning ishlamay qolishi va uni qayta tiklash gacha boʻlgan vaqt davomiyligidan iborat. Hisoblash tizimlari, protsessordagi hisoblash jarayonining davomiyligi, periferiya qurilmasiga murojaat qilinishlar soni va tartibidan iborat boʻlgan tasodifiy faktorlar ta'sirida boʻladi. Ishlamay qolgan elementlarni qayta tiklash ham tasodifiy hodisalardan iborat.

Hisoblash tizimlaridagi jarayonlar, modellarda uzluksiz va diskret tasodifiy jarayonlar koʻrinishida boʻladi. Diskret tasodifiy jarayonlar chekli holatlar toʻplamidan iborat. Bular esa ehtimollar nazariyasi va matematik statistika metodlariga asoslanadi.

Markov modellari. Tasodifiy Markov jarayonida, $t+\delta$ momentdagi tasodifiy jarayon faqat t momentdagi jarayonga bogʻliqdir.

Markov jarayonlarida diskret tasodifiy jarayonlar Markov zanjirlari deyiladi. Agar jarayonning $S = \{s_1, ..., s_K\}$ toʻplami chekli boʻlsa Markov zanjiri chekli deyiladi. Chyekli Markov zanjiri uzluksiz va diskret vaqtlarda aniqlanadi. Birinchi vaziyatda jarayon bir holatdan ikkinchi holatga ixtiyoriy $t_0, t_1, t_2, ...$ vaqt momentlarida oʻtsa, u holda zanjir uzluksiz deyiladi. Ikkiinchi vaziyatda jarayon bir holatdan ikkinchi holatga vaqtning t = 0, 1, 2, ... momentlarida oʻtsa, u holda zanjir diskret deyiladi.

Diskret Markov zanjiri quyidagicha aniqlanadi:

- 1) holatlar to 'plami $S = \{s_1, ..., s_K\}$
- 2) ehtimoliy oʻtish matritsasi, ya'ni jarayonning joriy s_i holatidan s_j holatga oʻtishini xarakterlaydi;

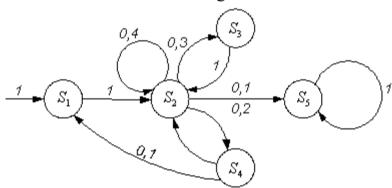
$$P = \begin{bmatrix} p_{ij} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_1 & s_2 & \dots & s_K \\ p_{11} & p_{12} & \dots & p_{1K} \\ s_2 & p_{21} & p_{12} & \dots & p_{2K} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ s_K & p_{K1} & p_{K1} & \dots & p_{KK} \end{bmatrix}$$
(*)

3) boshlang'ich ehtimollar vektori (boshlang'ich taqsimlanish)

 $\pi_0 = \left\{p_1^{(0)}, \dots, p_k^{(0)}\right\}$, ya'ni, bunda $t\neq 0$ momentda jarayonning joriy s_i holatda bo'lishi $p_i^{(0)}$ ehtimol bilan aniqlanadi.

Markov zanjiri graflarda berilgan, bunda graflarning uchlari zanjir holatiga, yoylar esa bir holatdan boshqa holatga oʻtishni bildiradi. s_t va s_j uchlarni bogʻlovchi (i, j) yoylar bir — biridan p_{ij} ehtimollik bilan farqlanadi. 1- rasmda $S = \{s_1, ..., s_5\}$

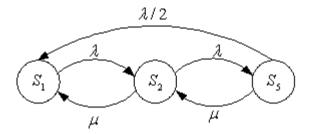
bunda $\pi_0 = \{1, 0, 0, 0, 0\}$ boshlang'ich ehtimol vektori.



holatlardagi Markov

zanjiri, ehtimoliy oʻtish matritsasi bilan berilgan.

Rasm. 1. Markov zanjiri grafi



Rasm. 2. Uzluksiz Markov zanjiri grafi

Markov zanjirlari yutuvchi va ergodik (qaytuvchi) zanjirlarga boʻlinadi.

Yutuvchi Markov zanjiri. Yutish holatidan iborat boʻlib, jaryon bir holatga oʻtib, u bu holatni mutlaqo tark etmaydi, ya'ni, jarayon tugaydi. Uning ehtimoliy oʻtish matritsasi quyidagidan iborat:

$$P = \begin{bmatrix} p_{ij} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} s_0 & s_1 & \dots & s_K \\ 1 & 0 & \dots & 0 \\ s_1 & p_{10} & p_{11} & \dots & p_{1K} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ s_K & p_{K0} & p_{K1} & \dots & p_{KK} \end{bmatrix}$$
(1)

Yutuvchi Markov zanjirining asosiy xarakteristikasi, jarayonning yoʻqolguncha s_1, \dots, s_K holatlardagi qolish sonidan iborat.

Ergodik Markov zanjiri. Bunda, holatlar toʻplami bir-biri bilan ehtimoliy oʻtish matritsasi bilan bogʻlangan boʻlib jarayon, biror holatdan boshlanib, bir nechta qadamdan soʻng ixtiyoriy boshqa holatga oʻtadi. Jarayon, ergodik zanjirda hech tugamaydi, u doimo bir holatdan boshqa holatga, ehtimoliy oʻtish matritsasi orqali oʻtib turadi. Ergodik zanjirning asosiy xarakteristikasi jarayonning S_j , j = 1,...,K holatlardagi boʻlish ehtimoli, uning S_j holatlarga tushishining nisbiy chastotasi va jarayonning har bir holatdagi boʻlish vaqtidan iborat.

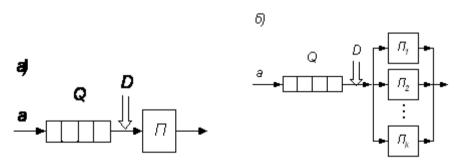
Ommaviy xizmat koʻrsatish modeli. Hisoblash tizimining unumdorligining modelini olishda ommaviy xizmat koʻrsatish nazariyasi keng qoʻllaniladi. EHMni ommaviy xizmat koʻrsatish tizimi deb qarash mumkin. Ya'ni, bunda, talabnomalar soni, talabnomalarning navbatda turish vaqti va boshqalarni keltirish mumkin.

Ommaviy xizmat koʻrsatish (rasm 3) kirayotgan talabnomalar oqimi a, navbatlar Q, navbatda turgan talabnomalarni tanlash tartibidan iborat xizmat koʻrsatish madaniyati D, va xizmat koʻrsatish pribori yoki xizmat koʻrsatish kanallaridan iborat. Agar tizimda bitta pribor boʻlsa, bu tizim bir kanalli, agar tizim bir nechta pribordan iborat boʻlsa koʻp kanalli deyiladi. Tizimning ishlashi navbatga kelib tushgan talabnomalarning tushishidan boshlanadi, xizmat koʻrsatish uchun navbatda turgan talabnomalarni tanlash, va talabnomani priborga biror moment

oraligʻiga uzatishdan iborat. Xizmat koʻrsatilgandan soʻng talabnoma tizimni tark etadi. Tizimdan chiqishda talabnomalar oqimi hosil boʻladi.

Ommaviy xizmat koʻrsatish tizimi quyidagi parametrlar toʻplamidan iborat:

- 1) tushayotgan talabnomalar tushishlari orasidagi oraliq intervallarini taqsimlash r(a);
 - 2) talabnomalarga xizmat koʻrsatish madaniyati *D*;
 - 3) xizmat koʻrsatish priborlari soni (kanallari) *K*;
- 4) priborlarni talabnomalarga xizmat koʻrsatish vaqti taqsimoti *r*(*b*). Jarayonning miqdoriy shakllanishi quyidagi xarakteristikalarga asoslanadi:
- 1) yuklanish vaqt boʻyicha oʻrtacha xizmat koʻrsatayotgan priborlar (kanallar) soni (bir kanalli tizimda yuklash juda kam vaqt talab etadi, bu vaqt oraligʻida xizmat koʻrsatish bilan band boʻladi, ya'ni turib qolmaydi);
- 2) navbatning uzunligi xizmat koʻrsatilishini kutayotgan zayavkalar soni;
- tizimdagi zayavkalar soni (priborlarda xizmat koʻrsatilayotgan zayavkalar);
- 4) zayavkalarning navbat kutish vaqti zayavkalarning tizimga tushgan vaqtidan xizmat koʻrsatish boshlanguncha boʻlgan vaqt;
- 5) zayavkaning tizimda boʻlish vaqti— zayavkalarning tizimga tushgan momentidan xizmat koʻrsatish tugaguncha boʻlgan vaqt, ya'ni tizimdan chiqib ketguncha boʻlgan vaqt.



Rasm 3. Birkanalli (a) va koʻpkanalli (b) xizmat koʻrsatish tizimlari

Talabalar mavzuni mukammal o'zlashtirishlari uchun bajaradigan topshiriqlar:

1-masala. H balandlikdan tashlangan moddiy nuqta yerga qanday tezlik bilan tushadi, ya'ni uning matematik modelini tuzing? Masalaning C++ dasturlash tili va Matlab dasturidagi kompyuterli modellari tuzilsin.

№	H(m)
1.	10
2.	11

No	H(m)
1.	25
2.	26

3.	12
4.	13
5.	14
6.	15
7.	16
8.	17
9.	18
10.	19
11.	20
12.	21
13.	22
14.	23
15.	24

3.	27
4.	28
5.	29
6.	30
7.	31
8.	32
9.	33
10.	34
11.	35
12.	36
13.	37
14.	38
15.	39

2. H bo'lgan tsilindrik idish suvga to'ldirilgan. Agar bu idish tubidan diametri R bo'lgan ventilli truba o'rnatilgan bo'lsa, bu ventil ochilgach idish qancha vaqtdan so'ng bo'shaydi? Bu yerda suv ideal suyuqlik deb hisoblansin. Masalaning C++ dasturlash tili va Matlab dasturidagi kompyuterli modellari

tuzilsin.

№	H(m)	R(mm)
		1
16.	7	12
17.	8	14
18.	9	16
19.	6	19
20.	5	18
21.	4	17
22.	12	13
23.	23	12
24.	24	10
25.	14	20
26.	17	21
27.	18	23
28.	5	24
29.	12	25
30.	16	26

	TT()	D ()
№	H(m)	R(mm)
16.	21	20
17.	23	21
18.	24	23
19.	26	25
20.	28	12
21.	21	13
22.	25	14
23.	9	15
24.	6	16
25.	4	18
26.	8	19
27.	9	17
28.	31	18
29.	20	23
30.	15	20

Nazorat savollari

1. Kompyuterli modellashtirish bosqichlari tushuntirib bering?

2. Qoʻyilgan real masalani yechish uchun mutaxassisdan qanday bilim va malaka talab etiladi?

Kompyuterli modellashtirish imkoniyatlari haqida nimalarni bilasiz?