中国科学技术大学六系研究生课程《数字图像分析》



第十一章:运动分析

中国科学技术大学电子工程与信息科学系

主讲教师: 李厚强 (lihq@ustc.edu.cn)

周文罡 (zhwg@ustc.edu.cn)

李礼(<u>lil1@ustc.edu.cn</u>)

胡 洋 (<u>eeyhu@ustc.edu.cn</u>)

助教: 王 宁 (wn6149@mail.ustc.edu.cn)

席 茂 (ximao@mail.ustc.edu.cn)

姚 鑫 (xinyao@mail.ustc.edu.cn)

赵 鉴 (zj140@mail.ustc.edu.cn)

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

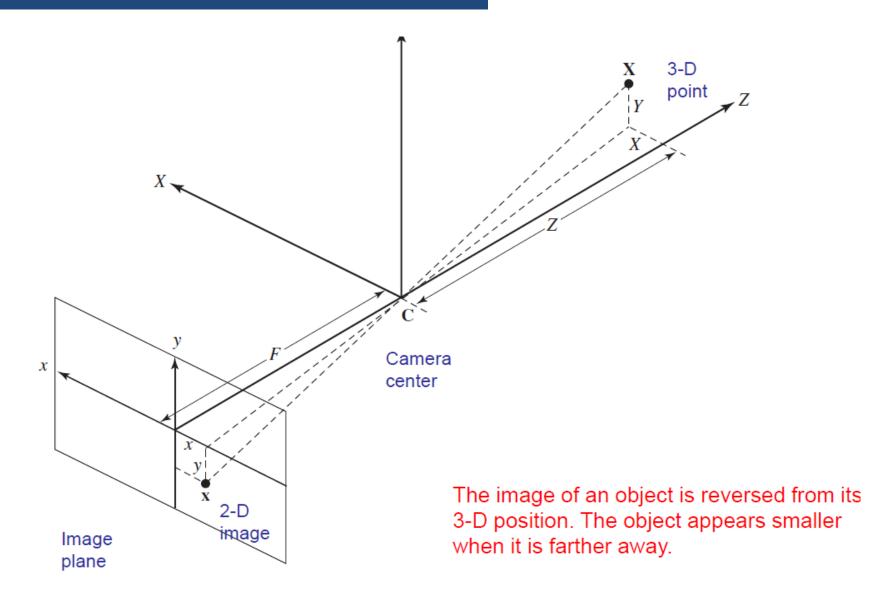
二维运动模型



- □ 相机投影
- □ 三维运动
- □ 三维运动的投影
- □ 刚体目标的二维运动
 - 投影映射
- □ 投影映射的近似
 - 仿射模型
 - 双线性模型

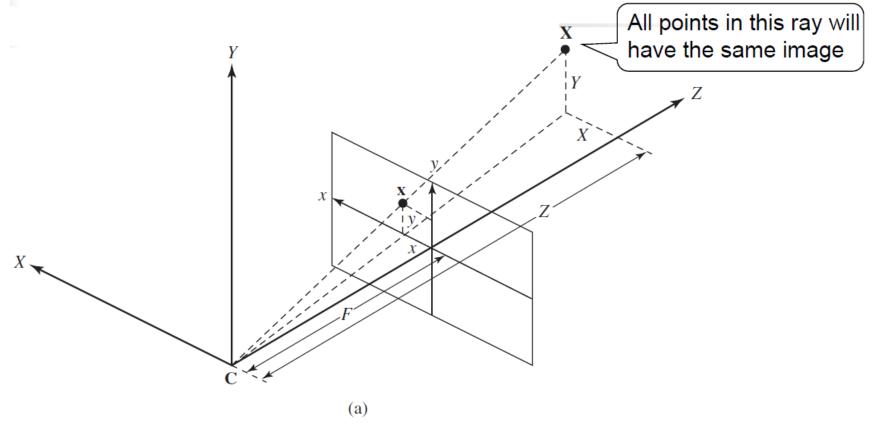
针孔相机





针孔相机模型:透视投影



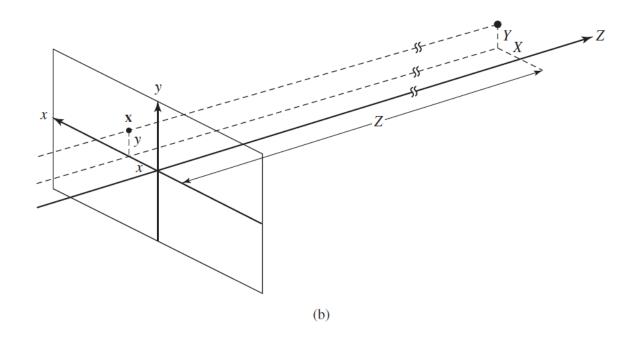


$$\frac{x}{F} = \frac{X}{Z}, \frac{y}{F} = \frac{Y}{Z} \Rightarrow x = F\frac{X}{Z}, y = F\frac{Y}{Z}$$

x, y are inversely related to Z

近似模型: 正交投影





当一个目标很远时 $(Z \rightarrow \infty)$, x = X, y = Y.

只要物体表面相对深度的变化与物体到相机的距离相比可以忽略时,就可以使用这个近似。

刚体运动模型



刚体运动模型: $X' = R \cdot X + T$

$$X' = X + T$$
 平移

旋转
$$[R] = [R_z] \cdot [R_y] \cdot [R_x]$$

$$[R_x] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta_x & -\sin \theta_x \\ 0 & \sin \theta_x & \cos \theta_x \end{bmatrix}$$

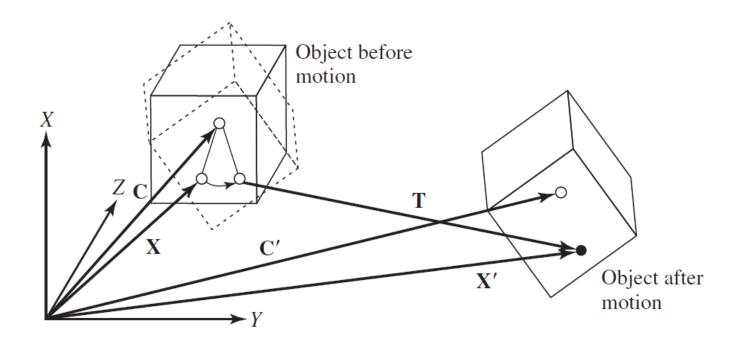
$$[R_x] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta_x & -\sin \theta_x \\ 0 & \sin \theta_x & \cos \theta_x \end{bmatrix} \qquad [R_y] = \begin{bmatrix} \cos \theta_y & 0 & \sin \theta_y \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta_y & 0 & \cos \theta_y \end{bmatrix}$$

$$[R_z] = \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z & 0 \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$[R] \approx [R'] = \begin{vmatrix} 1 & -\theta_z & \theta_y \\ \theta_z & 1 & -\theta_x \\ -\theta_y & \theta_x & 1 \end{vmatrix}$$

刚性物体运动





Rotation and translation wrt. the object center:

$$X' = [R](X - C) + T + C;$$
 $[R] : \theta_x, \theta_y, \theta_z;$ $T : T_x, T_y, T_z$

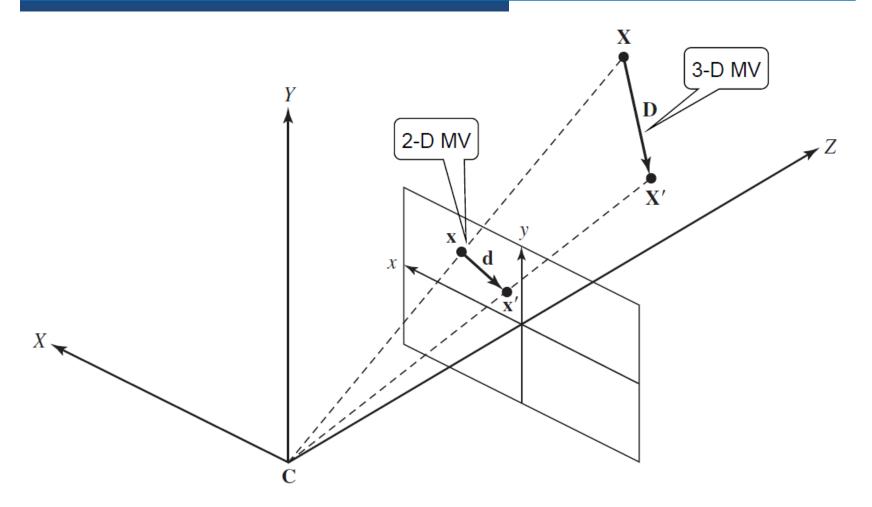
柔性物体运动



- □ 两种描述方式
 - 分解为多个互相连接的刚性子物体
 - 全局运动加子目标的局部运动
 - ✓ 例如:人体由多个肢节组成,每个肢节在做刚体 运动

三维与二维运动之间的关系





MV: motion vector

定义和符号



□ 三维运动向量

$$D(X;t_1,t_2) = X' - X = [D_X, D_Y, D_Z]^T$$

□ 二维运动向量

$$d(x;t_1,t_2) = x' - x = [d_x,d_y]^T$$

□ 映射函数

$$w(x;t_1,t_2) = x'$$

$$w(x) = x + d(x)$$

□ 流矢量(速度矢量)

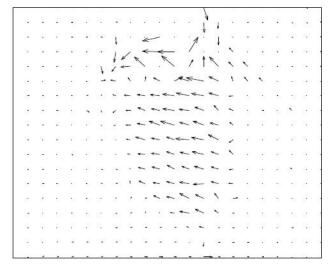
$$V = \frac{\partial d}{\partial t} = \left[\frac{\partial d_x}{\partial t}, \frac{\partial d_y}{\partial t} \right]^T$$

一个典型的二维运动场





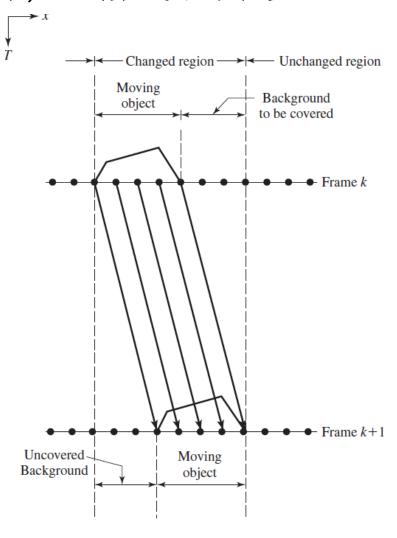




遮挡的影响



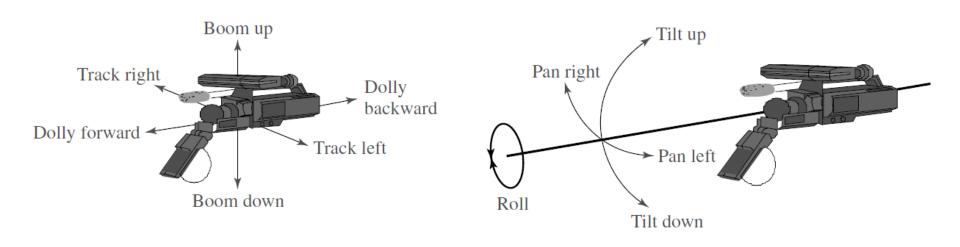
□ 在遮挡区域,运动是未定义的



典型的相机运动



□ 接下来介绍典型的相机运动对应的2D运动



相机平移: 跟(track)与吊(boom)



$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \\ 0 \end{bmatrix} \iff \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} FT_x/Z \\ FT_y/Z \end{bmatrix}$$

当
$$\Delta Z \ll \bar{Z}$$

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \end{bmatrix}, t_x = \frac{FT_x}{\overline{Z}}, t_y = \frac{FT_y}{\overline{Z}}$$

相机摇(Pan)与倾(Tilt)



$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R_x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R_y \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} \qquad \begin{bmatrix} R_x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} R_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \theta_y \\ 0 & 1 & -\theta_x \\ -\theta_y & \theta_x & 1 \end{bmatrix}$$

如果 $Y\theta_x \ll Z, X\theta_y \ll Z,$ 那么 $Z' \approx Z$

$$\begin{bmatrix} d_{x}(x, y) \\ d_{y}(x, y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \theta_{y}F \\ -\theta_{x}F \end{bmatrix}$$

相机推(Zoom)和滚(Roll)



□ 推(zoom):像平面与中心点距离(焦距)被改变

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \rho x \\ \rho y \end{bmatrix} \implies \begin{bmatrix} d_x(x, y) \\ d_y(x, y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1 - \rho)x \\ (1 - \rho)y \end{bmatrix} \qquad (\rho = F'/F)$$

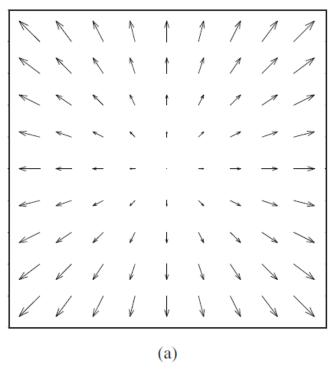
□ 滚 (roll)

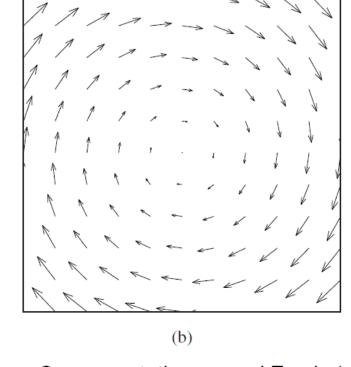
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} 1 & -\theta_z \\ \theta_z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\theta_z y \\ \theta_z x \end{bmatrix}$$

相机运动的运动场







Camera zoom

Camera rotation around Z-axis (roll)

四参数模型



- □ 考虑一个顺序地进行平移、摇、倾、变焦和旋转的摄像机
- □ 几何映射:

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \rho \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x + \theta_y F + t_x \\ y - \theta_x F + t_y \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} c_1 & -c_2 \\ c_2 & c_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c_3 \\ c_4 \end{bmatrix}$$

□ 这个映射函数有四个参数,是仿射映射的一个特例,仿 射映射一般有6个参数。

相应于三维刚性运动的二维运动模型



- □ 之前的相机运动模型均没有考虑相机在Z方向的平移运动
- □ 一般情况:

$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_1 & r_2 & r_3 \\ r_4 & r_5 & r_6 \\ r_7 & r_8 & r_9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \\ T_z \end{bmatrix}$$

Perspective Projection

$$x' = F \frac{(r_1 x + r_2 y + r_3 F)Z + T_x F}{(r_7 x + r_8 y + r_9 F)Z + T_z F}$$

$$y' = F \frac{(r_4 x + r_5 y + r_6 F)Z + T_y F}{(r_7 x + r_8 y + r_9 F)Z + T_z F}$$

投影映射



- 口 投影映射
 - 在Z方面没有平移运动
 - 目标均有平坦表面,即Z = aX + bY + c

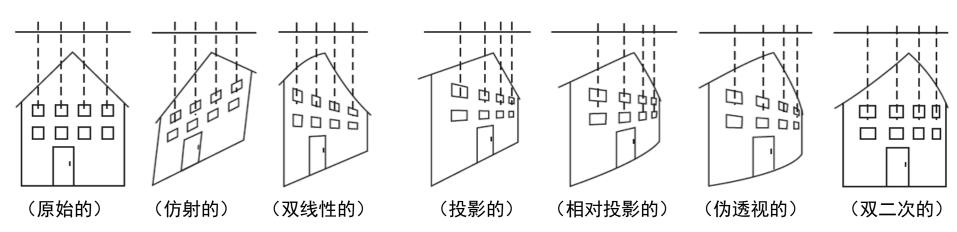
$$x' = \frac{a_0 + a_1 x + a_2 y}{1 + c_1 x + c_2 y}, \quad y' = \frac{b_0 + b_1 x + b_2 y}{1 + c_1 x + c_2 y}$$

□ 实际图像可以分成多个包含平坦平面的区域

投影映射



非线性调频模型



线性调频模型

□ 投影映射的两个现象

■ 线性调频:感知的空间频率随着与相机距离的增大而增大

■ 汇聚效果: 指两束平行光随着距离的增加看起来越来越近

仿射和双线性模型



□ 仿射 (6个参数):

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1x + a_2y \\ b_0 + b_1x + b_2y \end{bmatrix}$$

- 适合将三角形映射到三角形
- □ 双线性 (8个参数):

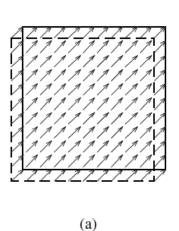
$$\begin{bmatrix} d_x(x, y) \\ d_y(x, y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1 x + a_2 y + a_3 xy \\ b_0 + b_1 x + b_2 y + b_3 xy \end{bmatrix}$$

■ 适合将一个四边形映射为一个曲边四边形

不同二维运动模型的运动场



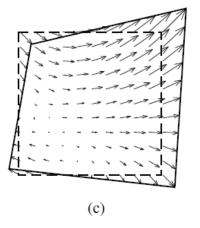


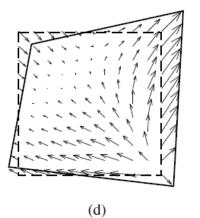


(b)

仿射

双线性





透视

运动分析

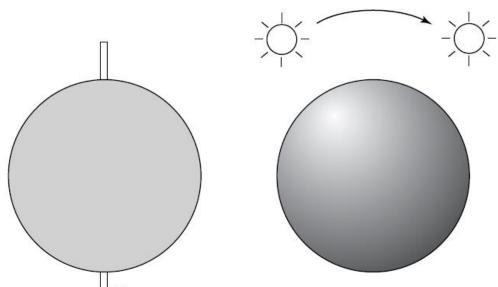


- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

二维运动 vs. 光流



- □ 观察到的二维运动并不一定和实际的二维运动相同
- □ 仅知道图像颜色信息的情况下最好的方式就是估计光流
- □ 光流:基于图片模式的变化"感知"二维运动,也依赖于光照和目标表面纹理



左边:球体在恒定环境照明下转动,但是观测的图像没有变化。

右边:点绕着静止的球转动,引起球上的亮点旋转。

光流方程



- □ 在光照条件未知的情况下,最优的估计方法是光流估计
- □ 恒定亮度假设 → 光流方程

Under "constant intensity assumption":

$$\psi(x+d_x, y+d_y, t+d_t) = \psi(x, y, t)$$

But, using Taylor's expansion:

$$\psi(x+d_x, y+d_y, t+d_t) = \psi(x, y, t) + \frac{\partial \psi}{\partial x} d_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} d_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} d_t$$

Compare the above two, we have the optical flow equation:

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} d_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} d_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} d_t = 0 \quad \text{or} \quad \frac{\partial \psi}{\partial x} v_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} v_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0 \quad \text{or} \quad \nabla \psi^T \mathbf{v} + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

如何使用光流方程



最小二乘光流估计

$$f_{t} \approx \frac{1}{4} \Big[f(x, y, t+1) + f(x+1, y, t+1) + f(x, y+1, t+1) + f(x+1, y+1, t+1) \Big]$$

$$-\frac{1}{4} \Big[f(x, y, t) + f(x+1, y, t) + f(x, y+1, t) + f(x+1, y+1, t) \Big]$$

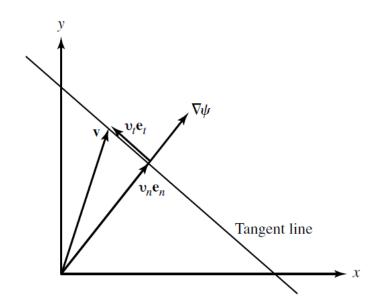
$$f_x \approx \frac{1}{4} \Big[f(x+1,y,t) + f(x+1,y+1,t) + f(x+1,y,t+1) + f(x+1,y+1,t+1) \Big]$$

$$-\frac{1}{4} \Big[f(x,y,t) + f(x,y+1,t) + f(x,y,t+1) + f(x,y+1,t+1) \Big]$$

运动估计的二义性



- \square 光流方程仅包含梯度 v_n 方向的流向量
- \square 切线方向 v_i 的流向量是未定义的
- lue 在恒定亮度区域 $abla \psi = 0$,光流是不确定的
 - 在平坦纹理区域,运动估计是不可靠的,更可靠的是靠近边缘 的区域



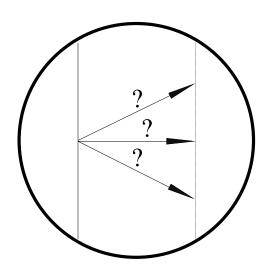
$$\nabla \psi^T \mathbf{v} + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

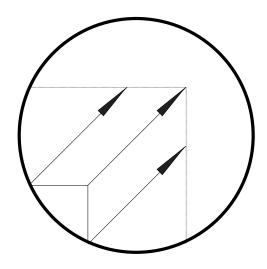
$$\mathbf{v} = v_n \mathbf{e}_n + v_t \mathbf{e}_t$$

$$v_n \|\nabla \psi\| + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

孔径问题







运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

运动估计的一般考虑



□ 两类方法:

- 基于特征:经常用于目标跟踪,从二维重建三维目标。
- 基于亮度(基于恒定亮度假设): 经常用于视频编码、插帧中的运动补偿预测,这也是我们关注的

□ 三个重要问题

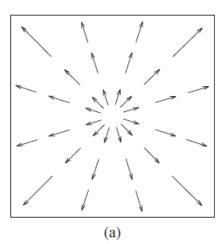
- 如何表达运动场?
- 用什么标准来估计运动参数?
- 如何搜索运动参数?

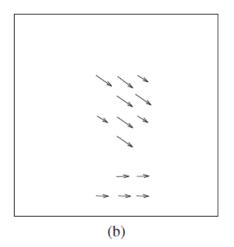
运动表达



整体:

整个运动场被一些全局参数表达。



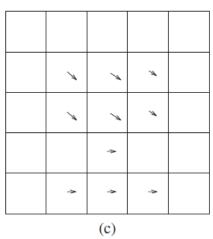


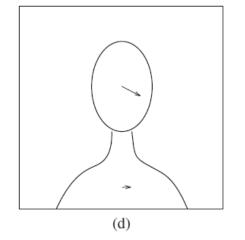
基于像素:

每一个像素有一个运动 向量,在相邻运动向量 之间有一些平滑约束。

基于块:

整个帧被分为若干个块, 每个块中的运动由一些 参数描述。





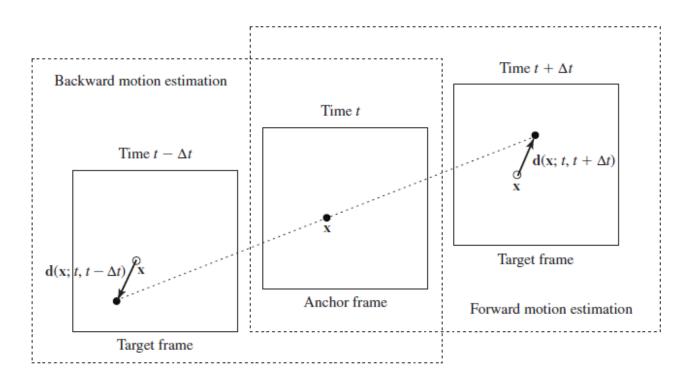
基于区域:

整帧被划分为若干区域,每个区域对应一个具有一致运动的目标或者子目标,并用一些参数表达。

其他表达:基于网格(控制网格)

符号定义





锚帧: $\psi_1(\mathbf{x})$

目标帧: $\psi_2(\mathbf{x})$

运动参数: a

锚帧中一个像素点的

运动向量: d(x)

运动场: $\mathbf{d}(\mathbf{x};\mathbf{a}),\mathbf{x}\in\Lambda$

映射函数:

 $\mathbf{w}(\mathbf{x};\mathbf{a}) = \mathbf{x} + \mathbf{d}(\mathbf{x};\mathbf{a}), \mathbf{x} \in \Lambda$

运动估计准则



□ 基于位移帧差准则 (DFD criterion)

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} |\psi_2(\mathbf{x} + \mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x})|^p \to \min$$

$$p = 1 : \text{MAD}; \quad P = 2 : \text{MSE}$$

□ 基于光流方程准则 (OF criterion)

$$E_{\mathrm{OF}}(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} \left| \left(\nabla \psi_2(\mathbf{x}) \right)^T \mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) + \psi_2(\mathbf{x}) - \psi_1(\mathbf{x}) \right|^p \to \min$$

□ 正则化准则:利用额外的平滑项 (smoothness) 约束 (important in pixel- and block-based representation)

$$E_{s}(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} \sum_{\mathbf{y} \in N_{x}} \|\mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) - \mathbf{d}(\mathbf{y}; \mathbf{a})\|^{2}$$

 $W_{DFD}E_{DFD}(\mathbf{a}) + W_sE_s(\mathbf{a}) \rightarrow \min$

□ 贝叶斯准则 (Bayesian criterion): 最大化后验概率 $P(D=\mathbf{d}|\psi_2,\psi_1) \rightarrow \max$

不同准则之间的联系



- □ OF误差准则 (OF criterion) 只有当运动较小的情况下表现良好
- □ 在OF误差准则下,当目标函数是MV的二次函数时,那 么该函数具有封式解
- □ 当运动较大时,最好应用DFD误差准则;可以多次迭代 求解OF误差准则下的解,以满足DFD准则
- □ 基于Bayesian准则 (Bayesian criterion) 的运动估计可以 被简化为具有适当平滑约束的基于DFD的估计

优化方法



- □ 穷举搜索
 - 通常在DFD准则 (p=1) 下被采用
 - 保证达到全局最优解
 - 当同时搜索的参数数目很大时,所需计算量可能是不可接受的
 - 改进的快速搜索算法可以达到次优解并减少搜索时间
- □ 基于梯度搜索
 - 通常在DFD准则 (p=2) 和OF准则 (p=2) 下被采用
 - ✓ 梯度往往可以被解析计算得到
 - ✓ 在OF准则下,通常可以得到封式解
 - 容易得到一个接近于初始解的局部最优解,需要通过先验知识 获得一个良好的初始解
- □ 多分辨率搜索策略
 - 由粗到精地搜索,比穷举搜索迅速
 - 避免陷入局部最优解

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

基于像素的运动估计



- □ 运动平滑约束正则化方法
 - OF + smoothness 准则
- □ 多点邻域方法
 - 假设每个像素点的邻域中所有的像素都具有相同的 MV
- □ 像素递归方法
 - 当前像素的MV是由之前已经编码的邻近像素的MV 更新得到的,根据同样的更新规则,解码器可以导 出同样的MV,从而MV不必编码
 - 尽管运动估计精度低,由于其简单性,被用于较早 几代的视频编码器中

运动平滑约束正则化方法



□ OF + smoothness 准则

$$E(V(X)) = \sum_{X \in \Delta} \left(\frac{\partial \psi}{\partial x} v_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} v_y + \frac{\partial \psi}{\partial t}\right)^2 + w_s (\|\nabla v_x\|^2 + \|\nabla v_y\|^2)$$

$$\nabla v_x = \left[v_x(x, y) - v_x(x - 1, y), v_x(x, y) - v_x(x, y - 1)\right]^T$$

$$\nabla v_y = \left[v_y(x, y) - v_y(x - 1, y), v_y(x, y) - v_y(x, y - 1)\right]^T$$

计算梯度的方法对算法的准确性和鲁棒性具有重要影响用高斯预滤波加中心差分通常会得到更好的结果

多点邻域方法



- □ 通过最小化像素的邻域像素的DFD误差,独立地估计每个 像素的MV
- □ 假设:每个像素点的邻域中所有的像素都具有相同的MV
- □ 目标函数:

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{d}_{\text{n}}) = \sum_{\mathbf{x} \in B(\mathbf{x}_{n})} w(\mathbf{x}) |\psi_{2}(\mathbf{x} + \mathbf{d}_{n}) - \psi_{1}(\mathbf{x})|^{2} \rightarrow \min$$

- □ 优化方法:
 - 穷举搜索 (假设每次只需要求解一个MV)
 - ✓ 需要选择合适的搜索范围和搜索步长
 - 基于梯度搜索

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

块匹配算法



- □ 假设一个块内所有像素都具有一致的运动,即可独立地 估计每个块的运动参数
- □ 块匹配算法 (BMA): 仅平移运动, 对每个块估计一个MV (1 MV, 2 parameter)
 - 穷举BMA (EBMA)
 - 快速算法
- □ 可变形块匹配算法 (Deformable BMA)
 - 适用于较复杂的模型(仿射,双线性投影等)

块匹配算法 (BMA)



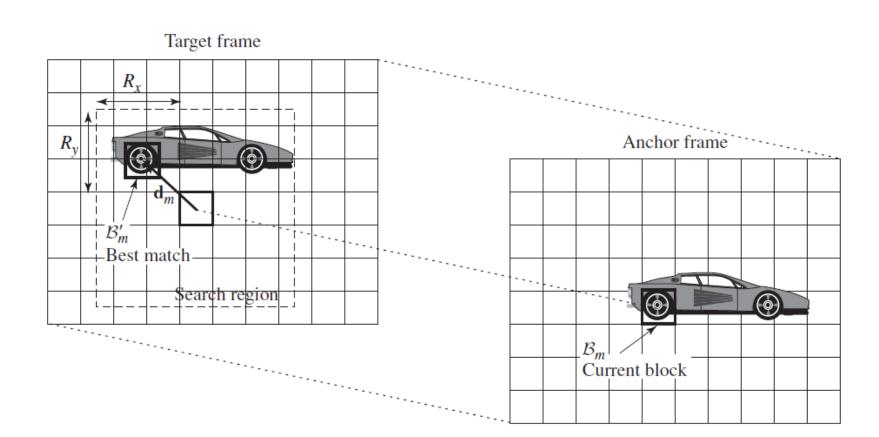
- □ 概述:
 - 假设块中所有像素仅有同一个平移运动,用一个MV 即可表示
 - 通过最小化块中的DFD误差,估计MV
- □ 目标函数:

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{d}_{\text{m}}) = \sum_{\mathbf{x} \in B_m} \left| \psi_2(\mathbf{x} + \mathbf{d}_m) - \psi_1(\mathbf{x}) \right|^p \longrightarrow \min$$

- □ 优化方法:
 - 穷举搜索
 - ✓ 每次只需要求解一个MV
 - ✓ 可使用MAD准则,即 p=1
 - 快速搜索算法
 - 整数精度搜索 vs. 分数精度搜索

穷举BMA (EBMA)





整数像素精度EBMA复杂度



- 口 假设
 - 图像尺寸: *M* × *M*
 - 块尺寸: N×N
 - 搜索范围: (-R,R) in each dimension
 - 搜索步长: 1 pixel (assuming integer MV)
- □ 操作数 (Operation counts):

(1 operation=1 "-", 1 "abs", 1 "+")

- 每个候选位置的像素灰度比较数: *N*²
- 每个参考块需要遍历的候选位置: $(2R + 1)^2$
- **整一**帧: $(M/N)^2(2R+1)^2N^2=M^2(2R+1)^2$
 - ✓ 独立于块尺寸!
- □ 例子: M=512, N=16, R=16, 30 fps
 - 总操作数 = 2.85x10^8/frame*30 frame/s =8.55x10^9/s
- □ 适用于超大规模集成电路 (VLSI) 进行实现
 - 软件实现困难

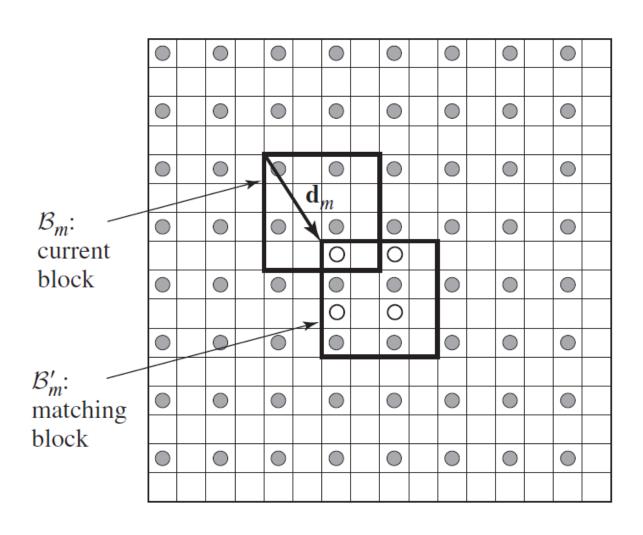
分数像素精度EBMA



- MV估计中,搜索步长并不一定是一个整数,在实际情况下,分数步长可能更合适
- □ 半像素精度EBMA: step-size=1/2 pixel in both dimension
- □ 困难:
 - 目标帧仅有整数像素点
- □ 解决方案:
 - 在搜索之前目标帧先进行2倍内插
 - 通常采用双线性插值
- □ 计算复杂度:
 - 4倍于整数像素精度,并加上额外的插值开销
- □ 快速算法:
 - 首先以整数精度进行搜索,然后在小范围内以半像素精度进行 细化

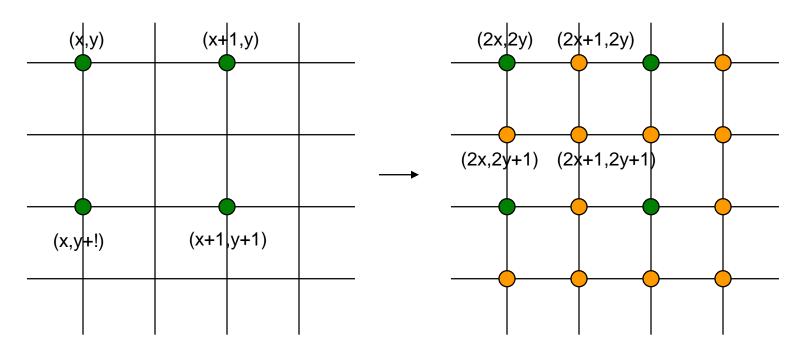
半像素精度EBMA





双线性插值





O[2x,2y]=I[x,y] O[2x+1,2y]=(I[x,y]+I[x+1,y])/2O[2x,2y+1]=(I[x,y]+I[x+1,y])/2

O[2x+1,2y+1]=(I[x,y]+I[x+1,y]+I[x,y+1]+I[x+1,y+1])/4

anchor frame

Predicted anchor frame (29.86dB)

Example: 半像素精度EBMA

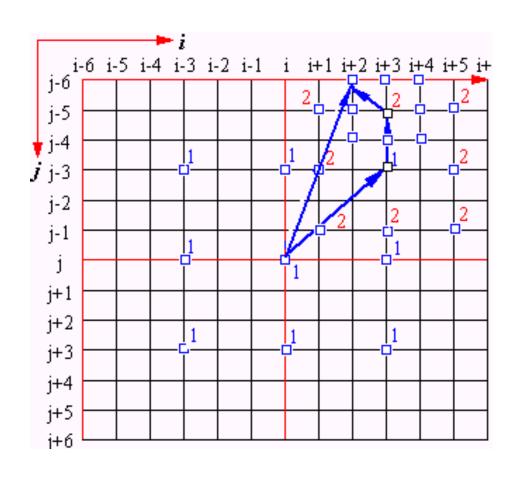
BMA快速算法



- □ 如何减少EBMA计算量?
 - 降低搜索候选块的数量:
 - ✓ 只搜索那些可能产生小误差的块
 - ✓ 根据之前的搜索结果,预测可能剩下的候选块
 - 简化误差度量准则 (DFD)
- □ 经典的快速算法
 - 三步搜索法 (Three-step)
 - 二维对数搜索法 (2D-log)
- □ 还有许多新的快速算法
 - 有些适合软件实现,有些适合VLSI实现

三步搜索法





R₀: initial search step

Search step L

$$L = \lfloor \log_2 R_0 + 1 \rfloor$$

Total number:8L+1

For example

$$R = 32$$

$$EBMA:4225 = (2R+1)^2$$

$$3Step:41 = 8*5+1$$

EBMA存在的问题(I)



- □ 块效应 (块边界的不连续性)
 - 基于块的平移运动模型不准确
 - 实际的运动情况比平移更复杂
 - ✓ 解决方案: 可形变的BMA (deformable BMA)
 - 在一个块中可能有多个具有不同运动的对象
 - ✓ 解决方案:
 - ▶ 基于区域的运动估计
 - 基于网格模型的运动估计
 - 光照影响
 - ✓ 进行光照补偿以满足"恒定光强假设"

EBMA存在的问题 (II)



- □ 运动场混乱
 - 原因:逐块独立地估计MV
 - 解决方案:
 - ✓ 加入显式的平滑约束项
 - ✓ 多分辨率方法
 - ✓ 基于网格模型的运动估计
- □ 平坦区的MV预测出错
 - 当空间上梯度接近于零时,运动难以确定
 - 应该使用非规则的理想的分块
 - 解决方案:基于区域的运动估计
- □ 需要巨大的计算量
 - 解决方案:
 - ✓ 快速算法:多分辨率方法

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

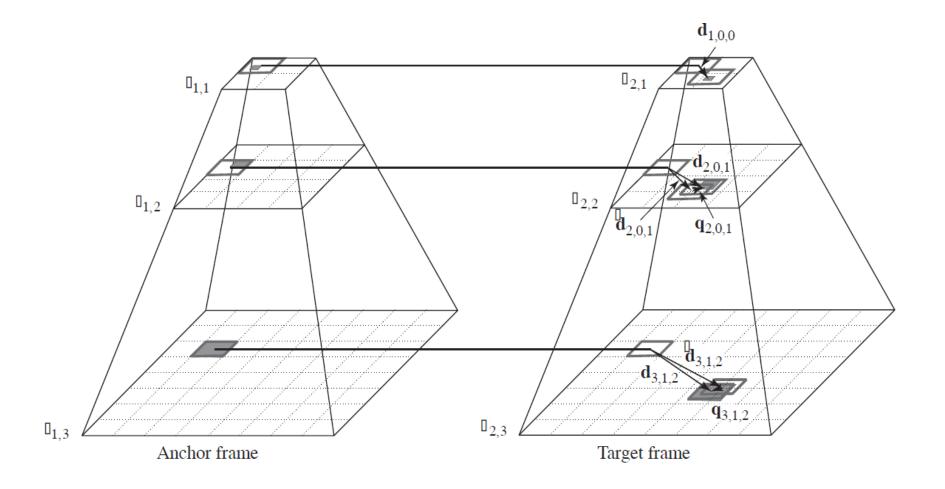
多分辨率运动估计



- □ BMA存在缺陷
 - 除非使用穷举搜索,否则可能难以达到全局最优解
 - 穷举搜索需要非常大的计算量
 - 基于块的平移运动模型并不总是合适的
- □ 多分辨率估计方法
 - 解决上述前两个问题
 - 首先在低通滤波、下采样的图像对上,进行低分辨率下的运动 估计
 - ✓ 通常能得到一个接近于真实运动场的解
 - 然后在较小的搜索范围内以更高的分辨率逐步改善初始解
 - ✓ 降低计算量
 - 可以应用于不同的运动场景下,后续内容中我们只集中介绍其 在BMA中的应用

多分辨率运动估计





分层块匹配算法 (HBMA)



Number of levels: L

Ith level image: $\Psi_{t,l}(X), X \in \Lambda_l, t = 1,2$

Interpolation operator: $\tilde{d}_l(X) = \mathcal{U}(d_{l-1}(X))$

Error function: $\sum_{X \in \Lambda} |\Psi_{2,l}(X + \tilde{d}_l(X) + q_l(X)) - \Psi_{1,l}(X)|^p$

Update motion vector: $d_l(X) = \tilde{d}_l(X) + q_l(X)$

MV at Ith level prediction:

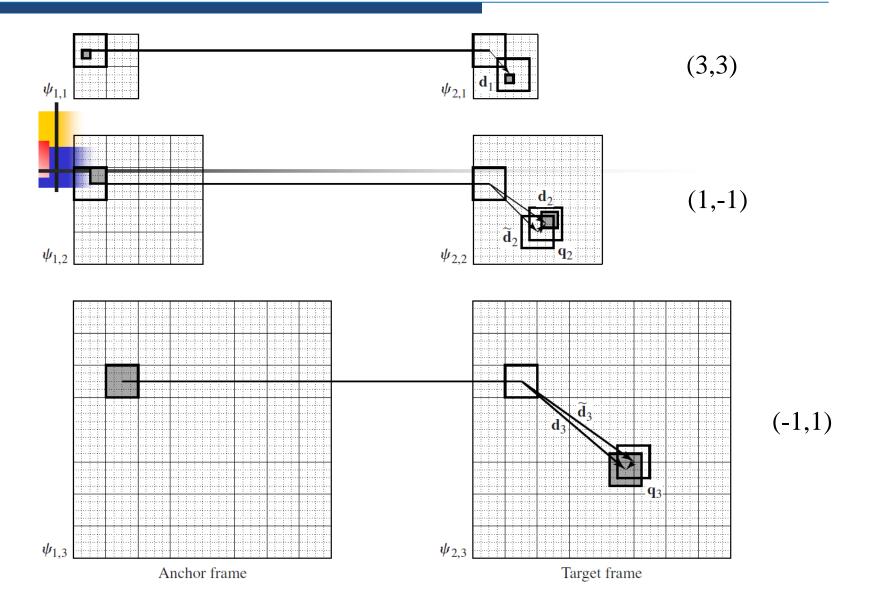
$$\tilde{d}_{l,m,n}(X) = \mathcal{U}(d_{l-1,\lfloor m/2\rfloor,\lfloor n/2\rfloor}(X)) = 2d_{l-1,\lfloor m/2\rfloor,\lfloor n/2\rfloor}(X)$$

Total motion:

$$d_{l}(X) = q_{L}(X) + \mathcal{U}(q_{L-1}(X) + \mathcal{U}(q_{L-2}(X) \cdots + \mathcal{U}(q_{1}(X) + d_{0}(X)) \cdots))$$

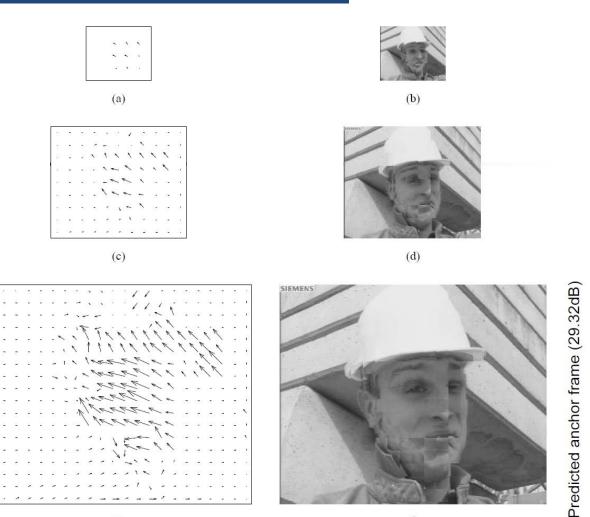
分层块匹配算法 (HBMA)





分层块匹配算法 (HBMA)





(f)

Example: Three-level HBMA

HBMA复杂度



□ 假设

- 图像尺寸: *M*x*M*
- 块尺寸: NxN at every level; Levels: L
- 搜索范围:
 - ✓ 1st level: $R/2^{(L-1)}$ (Equivalent to R in L-th level)
 - \checkmark Other levels: $R/2^{(L-l)}$ (can be smaller)

□ EBMA

- 图像尺寸= *M*x*M* ,块尺寸= *N*x*N*,搜索范围= (-*R*, *R*)
- 操作数: $M^2(2R+1)^2$
- □ HBMA *l*-th level 操作数 (图像尺寸: M/2^{L-l})

$$(M/2^{L-l})^2(2R/2^{L-1}+1)^2$$

□ HBMA总操作数

$$\sum_{l=1}^{L} \left(M / 2^{L-l} \right)^2 \left(2R / 2^{L-1} + 1 \right)^2 \approx \frac{1}{3} 4^{-(L-2)} 4M^2 R^2$$

 \square EBMA / HBMA: $3 \cdot 4^{(L-2)} = 3(L=2)$; 12(L=3)

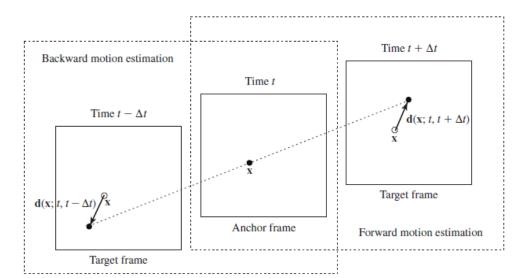
运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

相位相关法





识别相位相关函数的峰值 (PCF)

$$\psi_{1}(X) = \psi_{2}(X+d)$$

$$\overline{\psi}_{1}(f) = \overline{\psi}_{2}(f) \cdot e^{j2\pi d^{T}f}$$

$$\tilde{\psi}(f) = \frac{\overline{\psi}_{1}(f) \cdot \overline{\psi}_{2}^{*}(f)}{|\overline{\psi}_{2}(f) \cdot \overline{\psi}_{2}^{*}(f)|} = e^{j2\pi d^{T}f}$$

$$PCF(X) = F^{-1}\{\tilde{\psi}(f)\} = \delta(X+d)$$

- □ Note
 - 减轻边界采样效应:空间域加权窗函数
 - 广泛应用于图像配准
 - 优点:对光照变化不敏感

运动分析

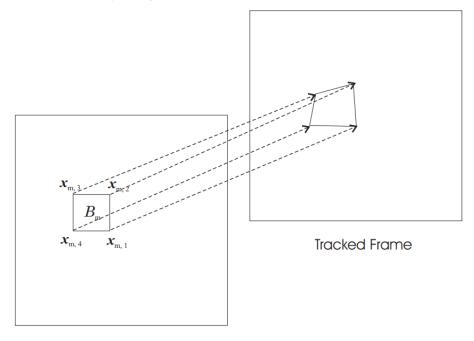


- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

可形变块匹配



- □ 之前的图像块匹配算法主要考虑平移运动,无法刻画旋转、缩放、仿射等更高阶的运动
- □ 可形变块匹配算法
 - 面向更高阶运动的图像块匹配算法



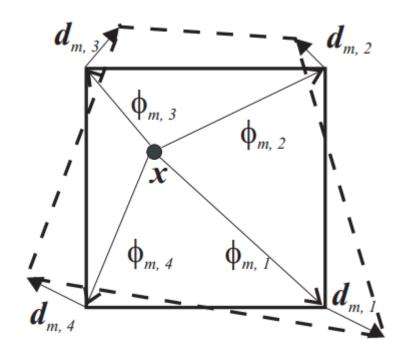
Anchor Frame

可形变块匹配



□ 基于顶点的运动信息表征

$$\mathbf{d}_{m}(\mathbf{x}) = \sum_{k=1}^{K} \phi_{m,k}(\mathbf{x}) \mathbf{d}_{m,k}, \quad \mathbf{x} \in \mathcal{B}_{m}.$$



可形变块匹配



□ 运动估计方法

$$E(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \mathcal{B}} |\psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x})|^p$$
$$\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) = \mathbf{x} + \sum_{k \in \mathcal{K}} \phi_k(\mathbf{x}) \mathbf{d}_k$$

□ 基于梯度的方法

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}}(\mathbf{a}) = \left[\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_x}(\mathbf{a}), \frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_y}(\mathbf{a}) \right]^T,$$

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_x}(\mathbf{a}) = 2 \sum_{x \in \mathcal{B}} e(\mathbf{x}; \mathbf{a}) \frac{\partial \psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}))}{\partial x} \phi(\mathbf{x}),$$

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_y}(\mathbf{a}) = 2 \sum_{x \in \mathcal{B}} e(\mathbf{x}; \mathbf{a}) \frac{\partial \psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}))}{\partial y} \phi(\mathbf{x}).$$

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

全局运动估计



- □ 全局运动:
 - 摄像机在固定的场景上移动
 - ✓ 大多数投影摄像机的运动都可以用仿射映射来表达
 - 整个场景都在移动: 鲜有发生
 - 通常,场景可以<mark>分解为几个主要区域</mark>,每个区域的移动方式不同 (基于场景的运动估计)
- □ 如果存在一个全局运动,或者区域运动具有运动一致性,我们可以估计出运动参数
 - 直接估计
 - 间接估计
- □ 当绝大多数像素 (非全部) 具有运动一致性,我们可以迭代地估计 出运动参数以及得到所对应的像素点
 - 稳健估计
 - Inlier and outlier

直接估计



□ 使用运动参数,将DFD误差表示为如下形式,并通过最 小化DFD误差来估计这些参数

$$E_{\text{DFD}} = \sum_{n \in \mathcal{N}} w_n |\psi_2(\mathbf{x}_n + \mathbf{d}(\mathbf{x}_n; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x}_n)|^p$$

 \mathbf{w}_{n} 是 \mathbf{x}_{n} 的加权系数,取决于运动估计在 \mathbf{x}_{n} 的精度

Ex: 仿射运动:

$$\begin{bmatrix} d_x(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) \\ d_y(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1 x_n + a_2 y_n \\ b_0 + b_1 x_n + b_2 y_n \end{bmatrix}, \quad \mathbf{a} = [a_0, a_1, a_2, b_0, b_1, b_2]^T$$

□ 穷举搜索或梯度下降法都可以用来找到一个最小的E_{DFD}

间接估计



- □ 首先使用基于像素或基于块的方法找到深度运动场(e.g. EBMA)
- □ 然后通过最小二乘拟合,利用运动模型对得到的运动场 进行参数化

$$E_{fit} = \sum w_n (\mathbf{d}(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) - \mathbf{d}_n)^2$$

Affine motion:

$$\mathbf{d}(\mathbf{x}_n;\mathbf{a}) = [\mathbf{A}_n]\mathbf{a},$$

$$[\mathbf{A}_n] = \begin{bmatrix} 1 & x_n & y_n & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & x_n & y_n \end{bmatrix}$$

$$\frac{\partial E_{fit}}{\partial \mathbf{a}} = \sum w_n [\mathbf{A}_n]^T ([\mathbf{A}_n] \mathbf{a} - \mathbf{d}_n) = 0$$

$$\mathbf{a} = \left(\sum w_n [\mathbf{A}_n]^T [\mathbf{A}_n]\right)^{-1} \left(\sum w_n [\mathbf{A}_n]^T \mathbf{d}_n\right)$$

 \mathbf{w}_{n} 是 \mathbf{x}_{n} 的加权系数,取决于运动估计在 \mathbf{x}_{n} 的精度。

稳健估计

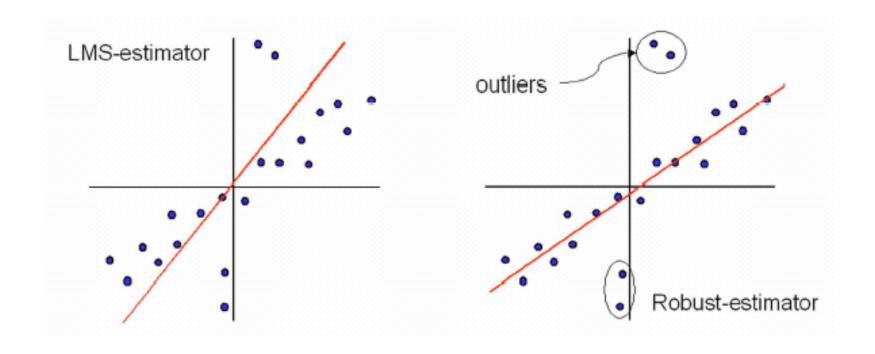


- □ 实质: 迭代删除离群点(outlier)像素
 - 1. 将区域设置为帧中的所有像素
 - 2. 将直接或间接方法应用于区域内的所有像素
 - 3. 评估区域内所有像素的误差 $(E_{DFD}$ or E_{fit})
 - 4. 删除有较大错误的离群像素
 - 5. 对区域中的其余像素重复步骤2-4

细节: 硬阈值与软阈值

稳健估计





使用LMS(最小均方)和稳健估计器拟合数据点的直线

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

局部运动估计: 基于区域的运动估计

□ 基本假设

- 场景由多个对象组成,每个对象(或子对象)对应的区域的运动 具有一致性。
- 从物理意义上考虑,基于区域的运动估计比基于块、基于网格或全局运动模型更正确

□ 方法:

- 区域优先: 基于纹理/边缘将帧分割成多个区域, 然后使用全局运动估计方法估计每个区域的运动
- 运动优先: 估计整个图像的运动场,然后对运动场进行分割, 这样每个区域的运动就可以用一组参数精确地描述
- 对区域分割和每一个区域的运动进行联合估计: 迭代交替的进行区域分割与运动估计

运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

运动分割



- □ 为什么要对物体的运动进行分割
 - 帮助改善多运动光流估计
 - 帮助改善三维运动和结构估计
 - 目标识别
 - 目标跟踪
 - 基于对象的视频编码
 - 基于对象的编辑(合成变形)

图像分割 vs 运动分割

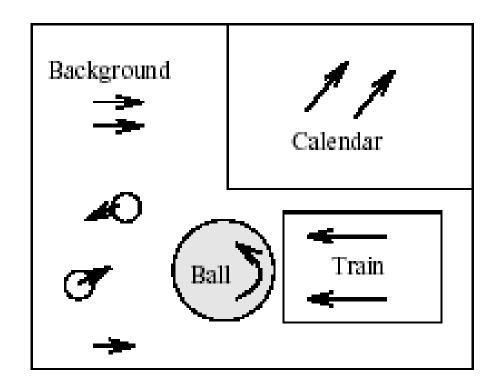


- □ 分割是基于一个特征(向量)的操作
 - e.g. 图像分割通常基于灰度、颜色或纹理
- □ 将图像分割方法直接应用于运动分割(比如使用速度向量作为特征)可能并不有效,因为三维运动通常会产生空间变化的光流场。
 - e.g. 在纯旋转的物体中,旋转中心没有流动,随着 点到旋转中心的距离增加,流矢量的大小也增加。
- □ 运动分割需要基于运动场的一些参数描述

二维光流估计与分割



- □ 一个真实的场景通常包含多个动作
- □ 不能跨运动边界施加平滑约束



运动分割方法



- □ 直接方法
 - 改变检测的阈值
- □ 基于运动模型的分割
 - 改进的Hough变换
 - 参数聚类方法
 - 贝叶斯分割
 - 主导运动估计法
 - 同时估计和分割

总结



□ 基本原理

- 与摄像机运动相对应的二维运动
 - ✓ 投影变换,仿射变换
- 光流方程
 - ✓ 由恒定亮度和小运动假设导出
 - ✓ 运动估计的模糊性
- 如何表示运动:
 - ✓ 基于像素, 基于块, 基于区域, 全局表示, etc.
- 估计标准:
 - ✓ DFD (constant intensity)
 - ✓ OF (constant intensity + small motion)
 - ✓ Bayesian (MAP, DFD + motion smoothness)
- 搜索方法:
 - ✓ 穷举搜索,梯度下降,多分辨率

总结



- 口 一般方法:
 - 基于像素的运动估计
 - 基于块的运动估计
 - ✓ EBMA, 整数精度 vs. 分数精度, 快速算法
- □ 更先进的方法
 - 多分辨率方法
 - ✓ 避免局部极小值,平滑运动区域,减小计算量
 - 相位相关方法
 - 全局运动估计
 - ✓ 估计相机运动
 - 基于区域的运动估计
 - ✓ 更加合理的方法: 允许每个子对象区域有不同的运动
 - 运动分割