中国科学技术大学六系研究生课程《数字图像分析》



第十章:图像识别

中国科学技术大学 电子工程与信息科学系

图象识别



- □ 简单形状检测
 - 霍夫变换 (Hough Transform)
 - 倒角距离变换 (Chamfer Distance Transform)
- □ 图像分类
- □ 图像检索

霍夫变换 (Hough Transform)



□ 应用场景:直线拟合





如何从边缘检测的结果得到直线拟合的结果?

- □ 直线拟合的难点
 - 边缘检测点杂乱且多余
 - 不同的检测点属于不同的直线
 - 部分线段可能漏检
 - 边缘检测点上存在噪声



霍夫变换 (Hough Transform)

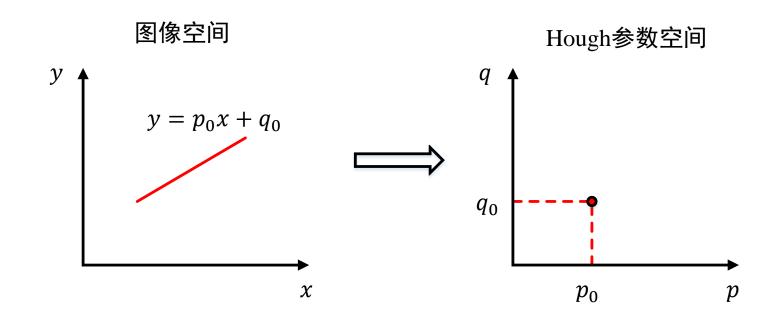


- □ 基本思想:基于投票的机制
 - 视待检测形状为一个模型(model)
 - 让每个样本(像素)对所有与其兼容的模型进行投票
 - 假设:噪声样本不会偏好任何单个模型
 - 即使有部分样别缺失,当有足够的样本保留时,仍可将目标模型 (形状)检测出来

霍夫变换原理: 以直线检测为例



- Hough Transform
 - 图像空间与参数空间之间的一种变换
- □ Hough参数空间
 - 在图像空间中的一条直线,对应于Hough参数空间中的一个点



霍夫变换:直线检测

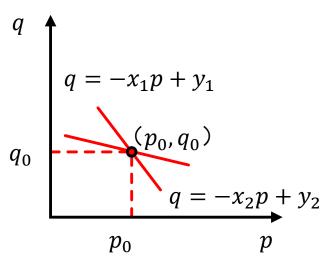


- □ 参数空间的一条直线对应图像空间的一个点
- □ 图像空间中同一条直线上的任意两个点,在参数空间中 对应于两条相交的直线
 - 即在图像空间共线的n个点,对应于参数空间n条<mark>共点</mark>(p_0, q_0)的 直线

图像空间

$y = p_0 x + q_0$ $(x_1, y_1) \qquad (x_2, y_2)$

Hough参数空间



霍夫变换:直线检测



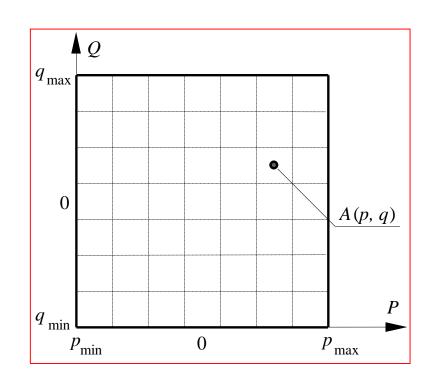
□ 具体方法

■ 将参数空间离散化为一个 2-D的累加数组*A*(*p*, *q*)

$$p \in [p_{\min}, p_{\max}]$$

 $q \in [q_{\min}, q_{\max}]$

A(p,q) = A(p,q) + 1A(p,q): 共线点数(p,q): 直线方程参数



□ 潜在的问题

■ p_{min} 和 q_{min} 可能为无穷小, p_{max} 和 q_{max} 可能为无穷大,难以对其进行离散化

霍夫变换:直线检测的改进形式

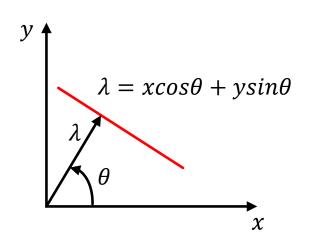


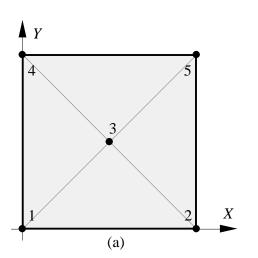
□ 直线的极坐标方程

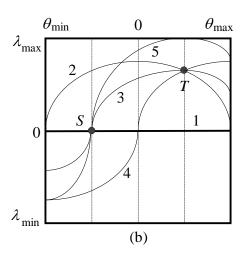
$$\lambda = x cos\theta + y sin\theta$$

- 参数λ和θ唯一确定一条直线
- □ X-Y平面的一个点对应参数空间的一条正弦曲线
 - $\lambda = x_0 cos\theta + y_0 sin\theta \leftrightarrow \lambda = A sin(\theta + \alpha)$

其中
$$\alpha = \tan^{-1}\left(\frac{x_0}{y_0}\right)$$
, $A = \sqrt{x_0^2 + y_0^2}$







霍夫变换: 其他形状的检测

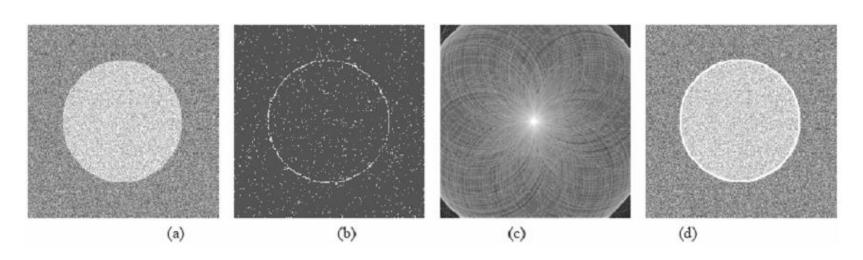


- 口 对于满足显式解析式 f(x, c) = 0形式的各类曲线, 霍夫变换可以将其检测出来,并把曲线上的点完整地连接起来
- □ 示例:以圆周检测为例
 - 圆周方程: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = r^2$
 - 三个参数 $a \times b \times r$,所以需要在参数空间中建立3-D累加数组, 其中的元素可以记为A(a,b,r)

霍夫变换:圆周检测



□ 示例:检测半径为确定值的圆



图(a)为256x256, 灰度256级, 叠加随机噪声;

图(b)为求梯度(Sobel算子)取阈值后的结果(边缘检测);

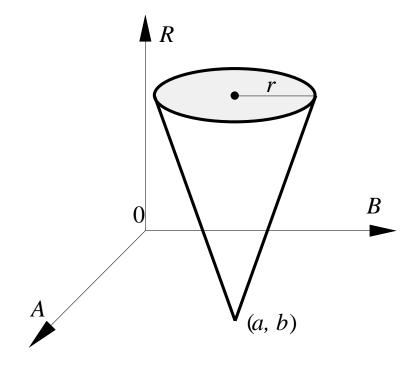
图(c)哈夫变换累计器图;

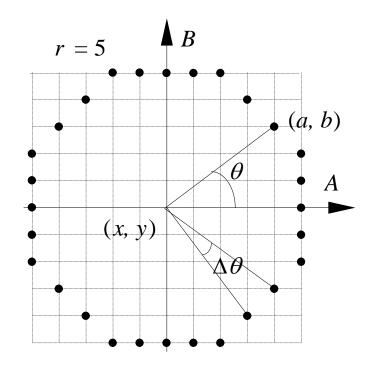
图(d)为检测出的圆周附加在原图上的效果

霍夫变换:圆周检测



- □ 利用梯度降维
 - 使累加数组的维度减少一维
 - 圆周——圆周对偶性





$$(a - x)^2 + (b - y)^2 = r^2$$

霍夫变换:圆周检测



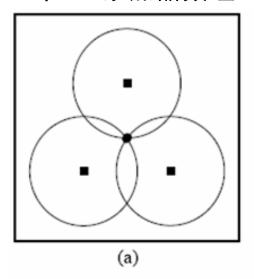
□ 利用梯度降维

■ 圆周圆心在圆周边缘点的梯度方向上

$$a = x - r\sin\theta$$

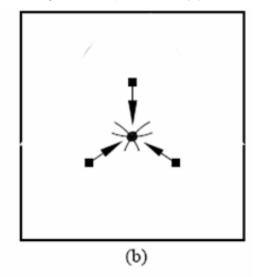
$$b = y + r\cos\theta$$

1个3-D累加器数组



•

2个2-D累加器数组



利用梯度与否 2 种情况下的累加数组示意

广义霍夫变换



- □ 广义Hough变换将一般的模板匹配与Hough变换相结合
- □ 先对模板与图象上的物点作<mark>坐标变换</mark>,然后求相关
- □ 并用类似Hough变换检测物体的表决方法来确定匹配点



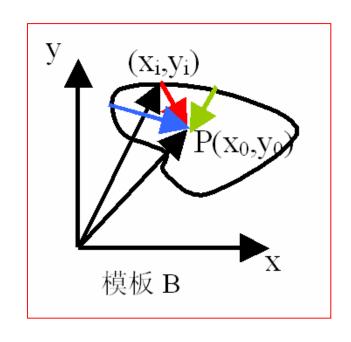
- □ 给定模板的一组点集
 - **B** = { $(x_i, y_i), i = 1, 2, \dots, m$ }
- □ $P(x_0, y_0)$ 为一参考点,常把P取为**B**的中心点。
 - 从而将 B 表达为B = $\{(dx_i, dy_i), i = 1, 2, \dots, m\}$

H(B,P)

$$\{(dx_i, dy_i), i = 1, 2, \dots, n\}$$

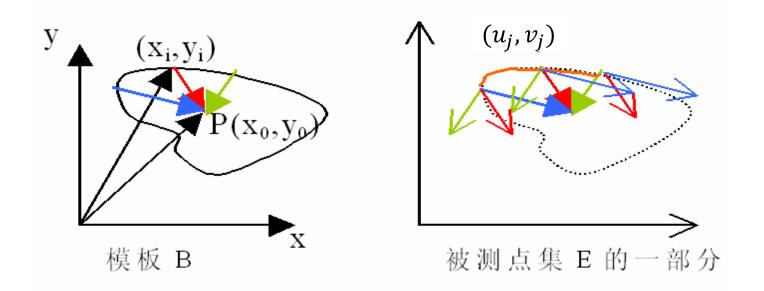
$$dx_i = x_0 - x_i = -(x_i - x_0)$$

$$dy_i = y_0 - y_i = -(y_i - y_0)$$





- \square 检测时,将待测图象,记为点集E:
 - $E = \{(u_j, v_j), j = 1, 2, \dots, n\}$
- □ 将待检测点集与变换后的模板B做相关运算
 - $\forall i, j,$ 计算 $\mathbf{m}(i, j) = (dx_i + u_j, dy_i + v_j),$
 - 如果有很多点m(i,j)都对应同一个坐标点,则该点为与B相匹配的形状的中心位置





□ 在所需检测的曲线或目标轮廓没有或不易用解析式表达时,可以利用表格来建立曲线或轮廓点与参考点间的关系,从而可继续利用哈夫变换进行检测

建立参考点与轮廓点的联系:

$$p = x + r(\theta) \cdot \cos(\phi(\theta))$$
$$q = y + r(\theta) \cdot \sin(\phi(\theta))$$

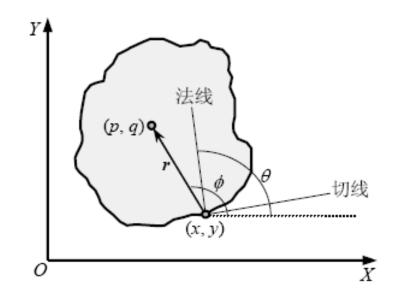


图 6.1.8 建立参考点和轮廓点的对应关系



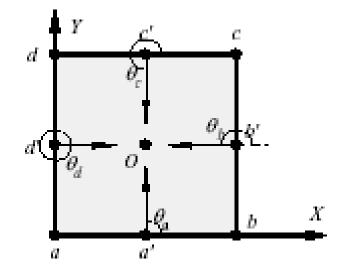
- □ 已知轮廓形状、朝向和尺度,而只需检测位置信息
- □ 根据 θ ,r和 ϕ 的函数关系作出参考表

梯度角θ	矢径 $r(\theta)$	矢角 $\phi(\theta)$
θ_{1}	$r_1^1, r_1^2, \cdots, r_1^{N_1}$	$\phi_{1}^{1}, \ \phi_{1}^{2}, \ \cdots, \ \phi_{1}^{N_{1}}$ $\phi_{2}^{1}, \ \phi_{2}^{2}, \ \cdots, \ \phi_{2}^{N_{2}}$ \cdots $\phi_{M}^{1}, \ \phi_{M}^{2}, \ \cdots, \ \phi_{M}^{N_{M}}$
θ_{2}	$r_2^1, r_2^2, \dots, r_2^{N_2}$	$\phi_2^1, \ \phi_2^2, \ \cdots, \ \phi_2^{N_2}$
$ heta_M$	r_M^1 , r_M^2 ,, $r_M^{N_M}$	ϕ_M^1 , ϕ_M^2 ,, $\phi_M^{N_M}$

- □ 给定一个测试点(x', y') 及其梯度角 θ ',即可确定一组可能的参考点位置
 - 根据梯度角 θ ',找到表中对应梯度角所在行的矢径r和矢角 ϕ 序列
 - 基于坐标(x', y')和序列中每一组 (r, ϕ) 值,反推出形状参考点坐标 $p' = x' + r(\theta) \cdot \cos(\phi(\theta))$ $q' = y' + r(\theta) \cdot \sin(\phi(\theta))$



轮廓点	а	a'	b	b'	С	c'	d	d'
矢径 $r(\theta)$	√2/2	1/2	$\sqrt{2}/2$	1/2	$\sqrt{2}/2$	1/2	$\sqrt{2}/2$	1/2
矢角 ¢ (θ)								



梯度角 θ	矢径	$r(\theta)$	矢角	$\phi(\theta)$
$\theta_a = \pi/2$	$\sqrt{2}/2$	1/2	$\pi/4$	$2\pi/4$
$\theta_b = 2\pi/2$			$3\pi/4$	
$\theta_c = 3\pi/2$	$\sqrt{2}/2$		5π/4	
$\theta_d = 4\pi/2$	$\sqrt{2}/2$		$7\pi/4$	

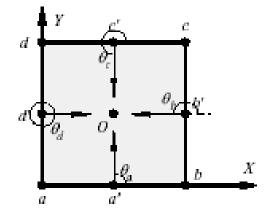


- \square 利用正方形上的8个轮廓点判断可能参考点位置(p',q')
- □ 对每个 θ 有 2个 r 及2个 ϕ 与之对应

梯度角 θ	矢径	$r(\theta)$	矢角	$\phi(\theta)$
$\theta_a = \pi/2$	$\sqrt{2}/2$	1/2	$\pi/4$	$2\pi/4$
$\theta_b = 2\pi/2$		1/2	$3\pi/4$	$4\pi/4$
$\theta_c = 3\pi/2$	$\sqrt{2}/2$	1/2	$5\pi/4$	$6\pi/4$
$\theta_d = 4\pi/2$	$\sqrt{2}/2$		$7\pi/4$	

$$p' = x' + r(\theta) \cdot \cos(\phi(\theta))$$

$$q' = y' + r(\theta) \cdot \sin(\phi(\theta))$$



梯度角	轮廓点	可能参考点		可能参考点 轮		轮廓点	可能刻	参考点
θ_a	а	0	d'	a'	b'	0		
θ_b	b	0	a'	b'	c'	O		
θ_{c}	c	0	b'	c'	d'	O		
θ_d	d	0	c'	d'	a'	O		

点0出现频率最高

广义霍夫变换的性能



- □ 运算量较小
- □ 抗干扰性也较强
- □ 可以求出曲线的某些参数
- □ 可适用于不规则曲线
- 口 仍不具有旋转不变性和缩放不变性

完整广义霍夫变换



- □ 轮廓的平移 + 轮廓放缩、旋转
- □ 累加数组:
- \square $A(p_{\min}; p_{\max}, q_{\min}; q_{\max}, \beta_{\min}; \beta_{\max}, S_{\min}; S_{\max})$

$$p = x + S \times r(\theta) \times \cos[\phi(\theta) + \beta]$$

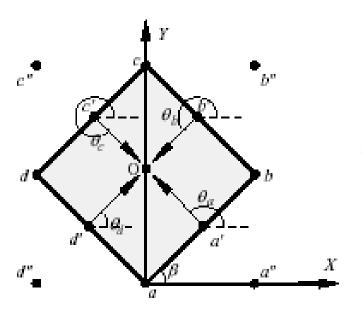
$$q = y + S \times r(\theta) \times \sin[\phi(\theta) + \beta]$$

□ 累加数组的累加: $A(p, q, \beta, S) = A(p, q, \beta, S) + 1$

完整广义霍夫变换



计算示例



假设已知S = 1, $\beta = \pi/4$

原梯度角 θ	新梯度角 θ'	矢径 $r(\theta)$	新矢角φ(θ)
$\theta_a = \pi/2$	$\theta'_a = 3\pi/4$	$\sqrt{2}/2$ 1/2	$2\pi/4$ $3\pi/4$
			$4\pi/4$ $5\pi/4$
			$6\pi/4$ $7\pi/4$
			$8\pi/4$ $1\pi/4$

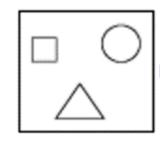
梯度角	轮廓点	可能参	考点	轮廓点	可能参	考点
θ'_a	а	0	ď	a'	b'	0
θ'_b	b	0	a'	b'	C'	O
θ'_c	С	0	b'	c'	d'	O
θ'_d	d	0	C'	d'	a'	O

目标检测



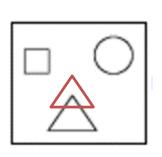
- □ 简单形状检测
 - 霍夫变换 (Hough Transform)
 - 倒角距离变换 (Chamfer Distance Transform)
- □ 图像分类
- □ 图像检索

- □ 从一个问题出发
 - 如何从下面左图二值边缘图像中检测匹配右图所示的三角形形状?





- □ 基本思路:
 - 把右图作为模板,将其中心置于左图所有可能的像素位置
 - \blacksquare 对于每个放置位置x,计算模板形状与测试图像边缘的匹配距离



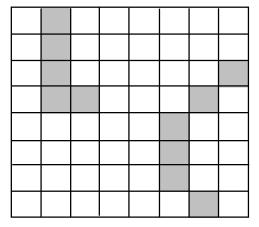
$$D(x) = \frac{1}{|T|} \sum_{t \in T} d_I(t + x)$$

- •T是模板形状(像素点的集合),t为其中一个点的坐标
- I 是待匹配的边缘图像(像素点的集合)
- $\bullet d_I(y)$ 是坐标点y到 I 中所有边缘点的最近点的距离
- lacksquare 将最小匹配距离 所对应的位置x,视为匹配位置

- □ 计算复杂度分析
 - 假设测试图像中边缘点数量为M,所有像素点数量为P,模板中边缘点数量为N,上述距离计算的复杂度为O(MNP)
 - 上面距离测度存在大量计算冗余
- □ 如何降低冗余?
 - 事先计算测试图像中边缘点的距离变换
 - 图 I 中的边缘点集合E,像素点p的距离变换结果为:

 $DF_I(\mathbf{p}) = \min_{\mathbf{x} \in \mathbf{E}} dist(\mathbf{p}, \mathbf{x})$,其中 $dist(\cdot, \cdot)$ 表示距离函数,如棋盘距离

边缘图



距离变换结果

1	0	1	2	3	4	3	2
1	0	1	2	<u>ო</u> ო	3 2	2	1
1	0	1	2	3	2	1	0
1	0	0	1	2	1	0	1
3	1	1	2	1	0	1	2
3	2	2	2	1	0	1	2
<u>4</u> 5	3	3	2	1	0	1	2
5	4	4	3	2	1	0	1

□ 倒角距离变换:

■ 基于 DF_I ,对模板形状进行倒角匹配(Chamfer matching)

$$D_{chamfer}(\mathbf{x}) = \frac{1}{|T|} \sum_{\mathbf{t} \in T} d_I(\mathbf{t} + \mathbf{x}) = \frac{1}{|T|} \sum_{\mathbf{t} \in T} DF_I(\mathbf{t} + \mathbf{x})$$

- T是模板形状(像素点的集合)
- I 是待匹配的边缘图像(像素点的集合)
- $d_I(t)$ 是模板中的点t到I中边缘点的最小的距离
- 计算复杂度: $O(MNP) \rightarrow O(NP)$

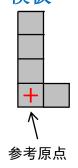
计	場	攵
KJ.		\simeq

		·	

距离变换结果

1	0	1	2	3	4	3	2			
1	0	1	2	3	3	2	1			
1	0	1	2	3	2	1	0			
1	0	0	1	2	1	0	1			
2	1	1	2	1	0	1	2			
3	2	2	2	1	0	1	2			
4	3	3	2	1	0	1	2			
5	4	4	3	2	1	0	1			
						•				

模板



倒角变换距离

121711 X 47 (2 PT) 4								
1	1	3						
2	1	4						
3	1	5						
4	0	4						
6	2	5						
9	5	6						
13	9	8						
18	14	13						
						-		

(自行计算后面五列结果)

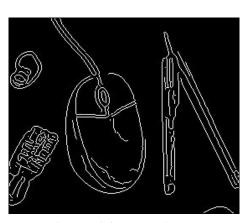
□ 距离变换实例

■ 在距离变换的结果中,每个位置的值表示这个位置到最近的边缘点(或者其他二值化的图片结构)的距离

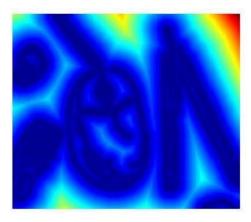
$$DF_I(\mathbf{p}) = \min_{\mathbf{x} \in \mathbf{E}} dist(\mathbf{p}, \mathbf{x})$$



原图



边缘检测结果



距离变换结果

倒角距离变换:如何做距离变换?



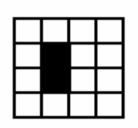
- □ 1-D距离变换
 - 1-D L_1 范数的距离变换是一个计算复杂度为O(n)的算法
 - 算法步骤
 - 1. 对图中任意位置的值进行初始化,当j在特征P中时初始化为0,否则初始化为inf。将第 j 个位置的值记为D[j]
 - 2. 前向过程: for j from 1 up to n-1,更新D[j] $D[j] = \min(D[j], D[j-1] + 1)$
 - 3. 后向过程: for j from n-2 down to 0,更新D[j] $D[j] = \min(D[j], D[j+1]+1)$

倒角距离变换:如何做距离变换?



- □ 2-D距离变换:算法步骤与1-D情况类似
 - 初始化距离矩阵
 - 前向过程:从上方和左方找离特征点最近的距离 $D[i,j] = \min(D[i,j], D[i,j-1] + 1, D[i-1,j] + 1)$
 - 后向过程:从下方和右方找离特征点最近的距离 $D[i,j] = \min(D[i,j], D[i,j+1] + 1, D[i+1,j] + 1)$

-	1
1	0
0	1
1	-



8	8	00	8
8	0	8	×
8	0	8	8
8	8	8	8

8	8	8	8
8	0	1	8
8	0	8	8
8	8	8	8

8	8	8	8
8	0	1	2
8	0	1	2
8	1	2	3

2	1	2	3
1	0	1	2
1	0	1	2
2	1	2	3

- □ 优点
 - 对混乱背景干扰较为鲁棒
 - 计算效率高
- □ 缺点
 - 对缩放和旋转变换敏感
 - 对形状的小的形变敏感
 - 需要大量的模板形状,应应对目标形状的形变
- □ 改进方法
 - 多尺度匹配
 - 层级模型组织(hierarchical model organization)

图像识别

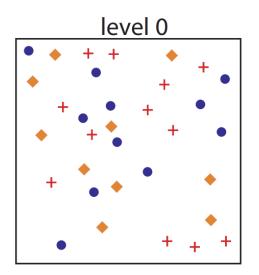


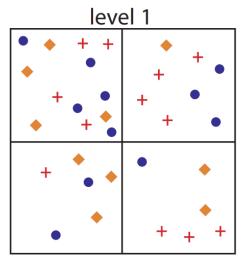
- □ 简单形状检测
- □ 图像分类
 - 空间金字塔匹配
- □ 图像检索

面向图像分类的空间金字塔匹配



- □ 空间金字塔匹配 (Spatial Pyramid Matching)
 - 基于局部视觉特征(如SIFT)和词袋模板,一副图像中的各个局部 视觉特征可表达为相应的视觉单词
 - 不同类别的图像,视觉单词在图像平面服从某种<mark>空间分布</mark>
 - 如何表达视觉单词间的空间上下文关系?
 - ✓ 空间金字塔:在第l层,将图像平面均匀划分为 $2^l \times 2^l$ 份, $0 \le l \le L$





level 2			
• •	+	+	+
+	+	+	•
+	• •	•	•
•	•	+	+ +

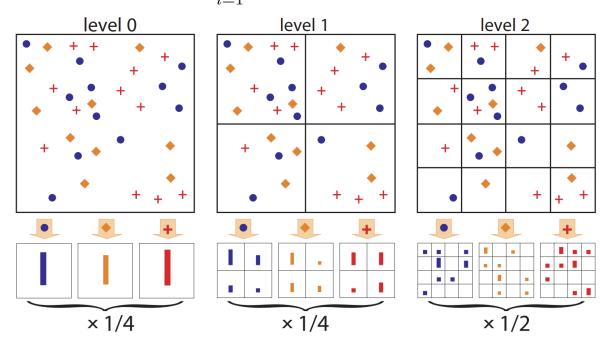
 Lazebnik S, Schmid C, Ponce J. Beyond bags of features: Spatial pyramid matching for recognizing natural scene categories. IEEE CVPR, 2006, 2: 2169-2178.

面向图像分类的空间金字塔匹配



- □ 视觉单词的空间金字塔表达
 - 空间金字塔:在第l层,将图像平面均匀划分为 $2^l \times 2^l$ 个格子区域
 - 对每个划分的格子区域,将其表达为视觉单词直方图
 - 在第 l 层,两幅图像X 和 Y 匹配的视觉单词数量(直方图交):

$$\mathcal{I}^{\ell} = \mathcal{I}(H_X^{\ell}, H_Y^{\ell}) = \sum_{i=1}^{D} \min \left(H_X^{\ell}(i), H_Y^{\ell}(i) \right). \quad (D 为格子数量)$$



面向图像分类的空间金字塔匹配



□ 视觉单词的空间金字塔表达

- 对于两幅图像,第l层匹配的视觉单词包含第l+1层匹配的 所有视觉单词
- 所以,相对于第l+1层,第l层的新增匹配定义为 l^l-I^{l+1} ,对应的权值为 $\frac{1}{2L-l}$,反比于该层格子宽度
 - ✓ 格子宽度越大, 匹配噪声越严重, 越不可靠, 故权值越小

■ 空间金字塔匹配 (SPM)

✓ 对于两幅图像 X 和 Y, 其L 层的空间金字塔匹配核:

$$\kappa^{L}(X,Y) = \mathcal{I}^{L} + \sum_{\ell=0}^{L-1} \frac{1}{2^{L-\ell}} (\mathcal{I}^{\ell} - \mathcal{I}^{\ell+1})$$
$$= \frac{1}{2^{L}} \mathcal{I}^{0} + \sum_{\ell=1}^{L} \frac{1}{2^{L-\ell+1}} \mathcal{I}^{\ell}.$$

图像识别



- □ 简单形状检测
- □ 图像分类
- □ 图像检索
 - 倒排索引
 - 空间验证
 - 二值哈希

图像检索



□ 基于内容的图像检索



□ 图像检索的潜在应用场景



版权保护

网络购物

监控目标检索



安防监控

纹身图像检索



刑侦分析

• • • • •

3

图像数据库索引: 正向索引



□ 正向索引

- 基于词袋模型,每幅图像表达为一个维度为*K*的矢量
- 遍历数据库图像,一一计算与查询图像的相似性得分

query	ý		I_1	I_2	I_{j}		I_{M}	
1		D_1	0	0.5	 0		0.5	$[s_1, s_2, \cdots, s_M]$
0.7		D_2	0.8	0.2	 0	•••	0	
0		D_3	0	0	 1		0	
:		:	:	:	 :	•••	:	
0		$D_{\!\scriptscriptstyle K}$	0	0	 0.9	•••	0.1	

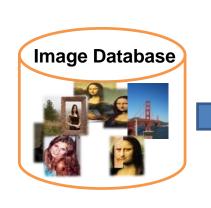
- 在大规模图像检索中: 遍历M张图像逐一计算相似性, 耗时太久。
- 如何改进?
 - ✓ 去除向量距离计算时的计算冗余

图像数据库索引: 倒排索引



- □ 先验条件
 - 图像视觉表征向量的<mark>稀疏性</mark>:非零元素比例低,比如< 1%
 - 只需存储向量中的非零元素 → 视觉单词在词典中的索引
- □ 倒排索引的优势:高效的存储和计算
 - 根据向量距离公式,仅存储和比较向量中的非0元素

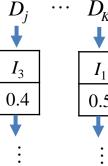
$$D(I_q, I_m) = \sum_{i=1}^{K} |q_i - m_i|^p = 2 + \sum_{i|q_i \neq 0, m_i \neq 0} (|q_i - m_i|^p - q_i^p - m_i^p)$$



	D_1	D_2	•••	D_{j}	•••	$D_{\!\scriptscriptstyle K}$
I_1	0	0.5		0	•••	0.5
I_2	0.8	0.2	•••	0	•••	0
I_3	0	0	•••	0.4	•••	0
:	:	•••	•••	•••	•••	
I_{M}	0	0		0.9	•••	0.1



	D_1	D_2	•••	D_j
	I_2	I_1		I_3
	0.8	0.5		0.4
•		T	•	+
		I_2		
		0.2	1	+
				I_{M}
				0.9



图像数据库索引: 倒排索引



- □ 伪代码对比
 - 顺排表实现:

```
\begin{split} D[1:M] &= 0; \\ For i &= 1:M \\ For j &= 1:K \\ D[i] &+= (q[j] - I[i][j]) \ (q[j] - I[i][j]); \\ End \\ End \end{split}
```

■ 倒排表实现:

```
D[1:M] = 2;
For j = 1: K
len = pLen[j]; // len为第j个链表长度
if q[j] > 0
For m = 1: len
i = list[m].imgID;
val = list[m].val;
D[i] -=2 · q[j] · val;
End
End
End
```

图像数据库索引:倒排索引-示例



- \square 给定查询图像的K维 L_1 归一化的特征向量为 $I_q=[0.7,0.3,0,\cdots,0]$
 - I_q 仅在第1、2维的值为非零
- □ 计算 I_q 和 I_1 、 I_2 的距离:

$$D(I_q, I_1) = 2 + \sum_{i|q_i \neq 0, m_i \neq 0} (|q_i - m_i| - q_i - m_i)$$

= 2 + (|q_2 - m_2| - q_2 - m_2) = 2 + 0.2 - 0.3 - 0.5 = 1.4

$$D(I_q, I_2) = 2 + \sum_{i|q_i \neq 0, m_i \neq 0} (|q_i - m_i| - q_i - m_i)$$

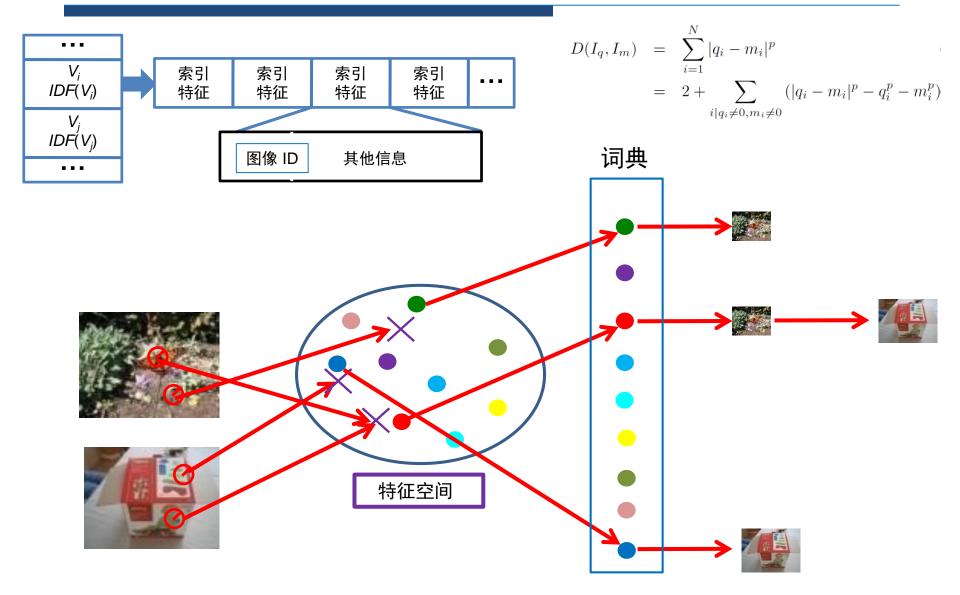
= 2 + (|q_1 - m_1| - q_1 - m_1) + (|q_2 - m_2| - q_2 - m_2) = 2 - 1.4 - 0.4 = 0.2

□ 计算 I_q 和 I_m (m > 2) 的距离:

$$D(I_q, I_m) = 2 + \sum_{i|q_i \neq 0, m_i \neq 0} (|q_i - m_i| - q_i - m_i) = 2$$

图像数据库索引: 倒排索引





图像分类与检索



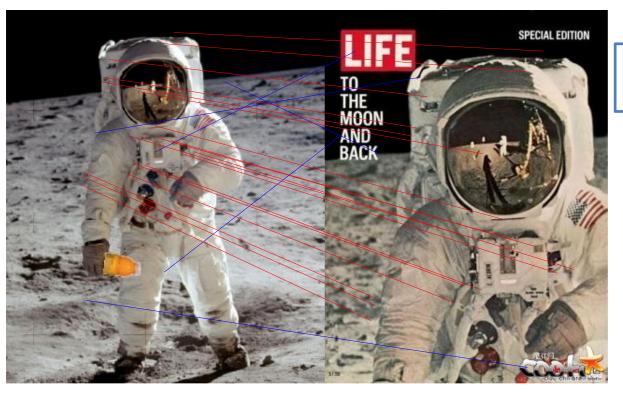
- □ 图像分类
- □ 图像检索
 - 倒排索引
 - 空间验证
 - 二值哈希

空间验证



□ 动机

- 局部特征匹配时缺少对位置信息的校验
- 通过检验几何一致性去掉错误的匹配点对



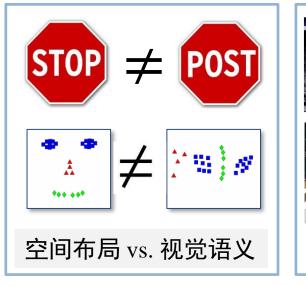
红线: 几何一致的匹配点对

蓝线: 几何不一致的匹配点对

视觉几何上下文表达



- □ 视觉单词以特定<mark>空间布局表达视觉语义</mark>
 - 利用几何上下文提升图像匹配质量
 - 有助于准确度量图像内容相关性





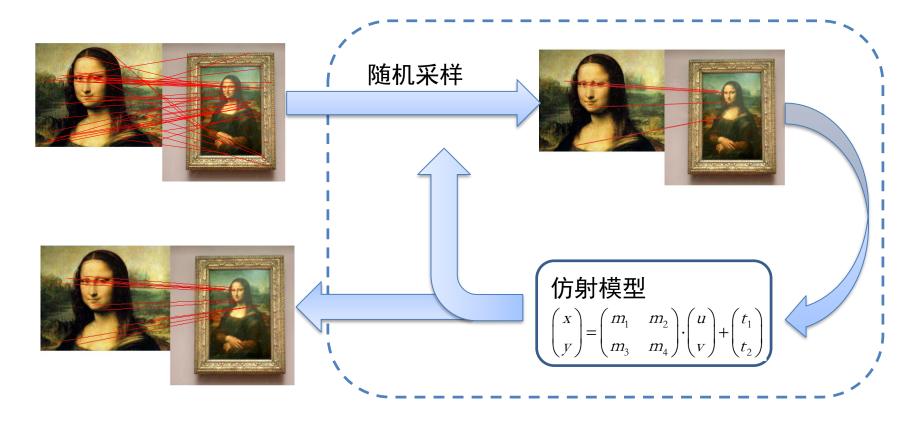
□ 困难和挑战

- 几何上下文结构化表达:便于图像匹配
- 几何上下文快速匹配:保证实时检索

几何校验(1): RANSAC



- □ RANSAC算法示例
 - 通过匹配的特征点对估计图像的仿射变换



• Fischler, et al., **RAN**dom **SA**mple Consensus: a paradigm for model fitting with applications to image analysis and automated cartography, *Comm. of the ACM*, 24:381-395, 1981.

几何校验(1): RANSAC



☐ RANSAC:

- 通过正确匹配点对估计仿射模型来排除错误匹配点对
- inliers: 正确的匹配点对
- outliers: 错误的匹配点对
- □ RANdom SAmple Consensus (RANSAC)的先验条件
 - 原始数据由inliers和outliers组成
 - inliers的子集可以正确的估计图像间的仿射变换
- □ 通过RANSAC估计仿射变换
 - 1.迭代的随机选取匹配点对当作假设的inliers
 - 2.根据假设的inliers计算一个仿射模型
 - 3.其他数据点根据上述的仿射模型判断是否是inliers
 - 4.通过所有的inliers重新估计仿射模型
 - 5.通过所有的匹配点对与模型的拟合程度计算误差

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} m_1 & m_2 \\ m_3 & m_4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} t_1 \\ t_2 \end{pmatrix}$$

口 缺点:由于随机采样点对估计模型要重复多次导致计算量大,计算 复杂度为 $O(N^3)$

Fischler, et al., RANdom SAmple Consensus: a paradigm for model fitting with applications to image analysis and automated cartography, Comm. of the ACM, 24:381-395, 1981

几何校验(2): 空间编码(Spatial Coding)

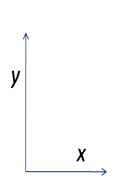


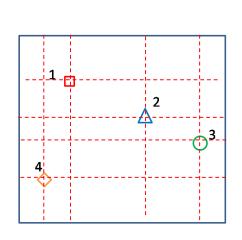
□ 核心思想: 建立空间编码矩阵

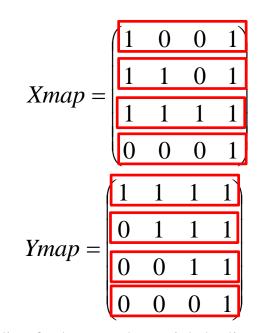
■ 匹配特征的相对空间位置关系

$$Xmap(i,j) = \begin{cases} 0 & \text{if } x_j > x_i \text{ right to } x_i \\ 1 & \text{if } x_j \le x_i \text{ left to } x_i \end{cases} \quad Ymap(i,j) = \begin{cases} 0 & \text{if } y_j > y_i \text{ above } y_i \\ 1 & \text{if } y_j \le y_i \text{ below } y_i \end{cases}$$

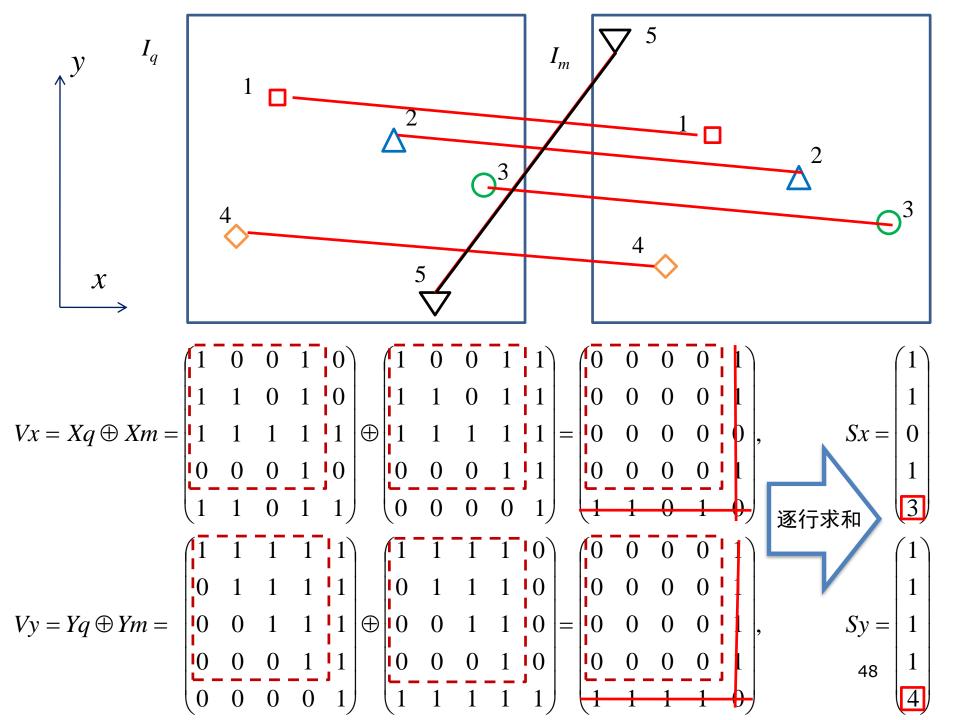
参考点: i







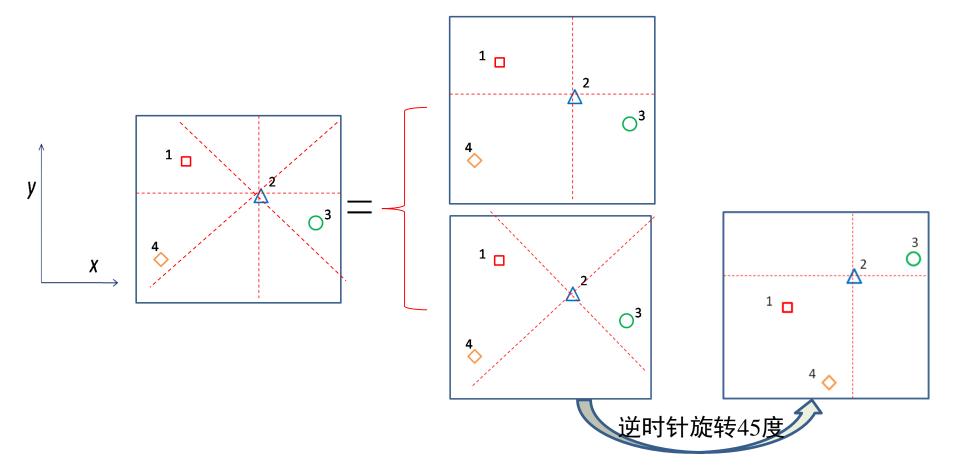
• Wengang Zhou, Yijuan Lu, Houqiang Li, Y. Song, and Qi Tian, "Spatial coding for large scale partial-duplicate web image search," *ACM International Conference on Multimedia (MM)*, pp.131-140, 2010.



空间编码矩阵生成



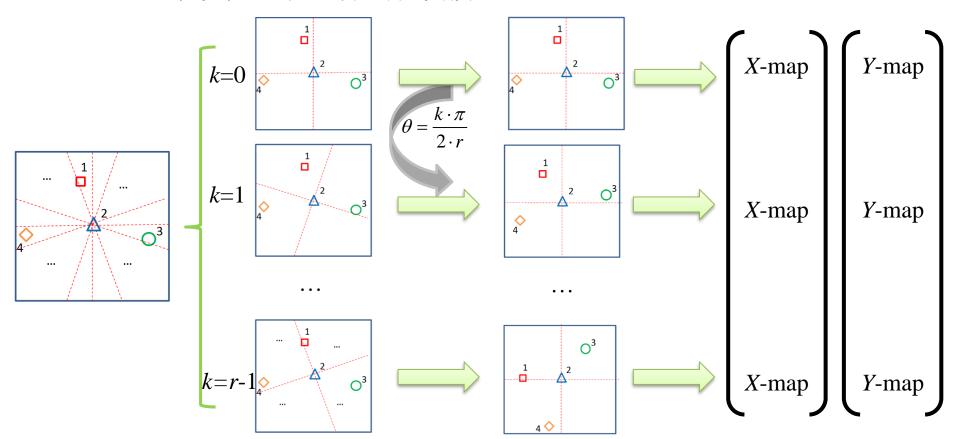
- □ 在前面的例子中,每个象限只有一个部分
 - 现在将每个象限均匀的分成两个部分



空间编码矩阵生成



- □ 生成空间矩阵GX和GY
 - 每个象限均匀的分成r个部分



• Wengang Zhou, Yijuan Lu, Houqiang Li, Y. Song, and Qi Tian, "Spatial coding for large scale partial-duplicate web image search," *ACM International Conference on Multimedia (MM)*, pp.131-140, 2010.

局部特征匹配的空间校验



□ 基于空间矩阵GX和GY的验证

■ 将匹配特征对的空间矩阵进行对比

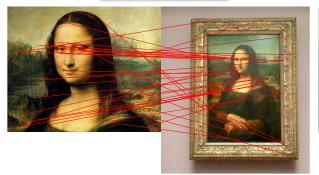
$$V_x(i,j,k) = GX_q(i,j,k) \oplus GX_m(i,j,k)$$
 V_x : 空间矩阵X中不一致的程度 $V_y(i,j,k) = GY_q(i,j,k) \oplus GY_m(i,j,k)$ V_y : 空间矩阵Y中不一致的程度 k = $0, ..., r$ - 1 ; i,j = $1, ..., N$; N : 匹配特征对的数量

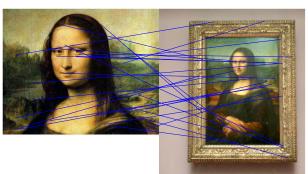
■ 迭代地**查找**和删除最不一致的匹配对

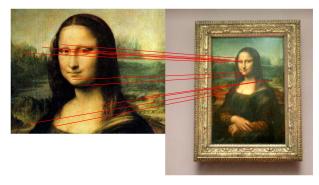
局部匹配的空间校验实例



相关图像







不相关图像







识别的错误匹配对



空间验证后

图像识别

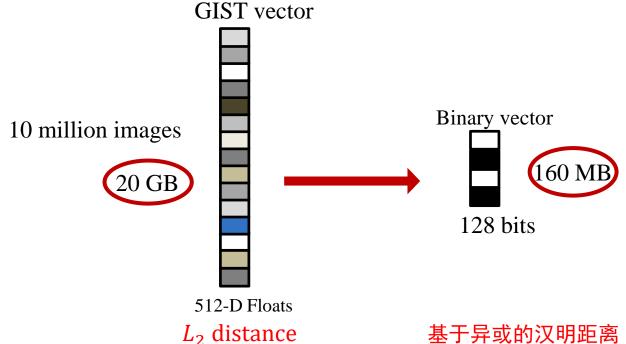


- □ 简单形状检测
- □ 图像分类
- □ 图像检索
 - 倒排索引
 - 空间验证
 - 二值哈希

哈希算法



- 大规模数据集图像检索任务的要求
 - 存储开销
 - 检索速度
- □ 二值哈希算法
 - 减小了存储开销加快了检索速度



基于异或的汉明距离

汉明距离计算-示例



- □ 给定两个8-bit的变量x和y(数据类型为uchar),首先计算其异或 $z=x\oplus y$
 - z也是一个8-bit变量,z中比特位为1的个数,即为x和y的汉明距离
- □ 为了快速得到z中比特位为1的个数,可事先<mark>离线</mark>计算一个长度为 2⁸的数组 **t**,其中第 *i*个数组元素值表示"十进制的正整数*i*在二进制表达下的比特位为1的个数"
 - 例如t[0]=0, t[1]=1, t[2]=1, t[3]=2, t[4]=1, ..., t[255]=8



- □ 因此,8-bit变量(数据类型为uchar)x和y的汉明距离可通过数组 **d**查表得到: $d = t[x \oplus y]$
 - 例如 $x = 4 = (00000100)_2$, $y = 8 = (00001000)_2$, 汉明距离 $d = t[x \oplus y] = t[(00001100)_2] = t[12] = 2$
 - 例如 $x = 7 = (00000111)_2$, $y = 3 = (00000011)_2$, 汉明距离 $d = t[x \oplus y] = t[(00000100)_2] = t[4] = 1$
- □ 当计算高比特向量间的汉明距离时,可以将比特向量分段,每段8 bit,分段按上面方法计算汉明距离,然后累加各段的汉明距离
 - 实际实现时,每段长度可以增加到16bit,此时数组 t的长度增大为 2^{16}

哈希算法



□ 哈希算法原理示意

- 特征提取:首先将一副图像表征为高维特征空间的一个向量
- 二值哈希: 然后把图像特征向量映射为高维立方体的一个顶点
 - ✓ 是否存在最优二值哈希函数? 未知

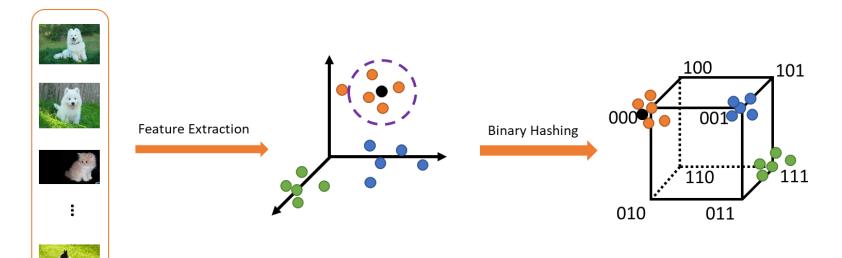


Image space

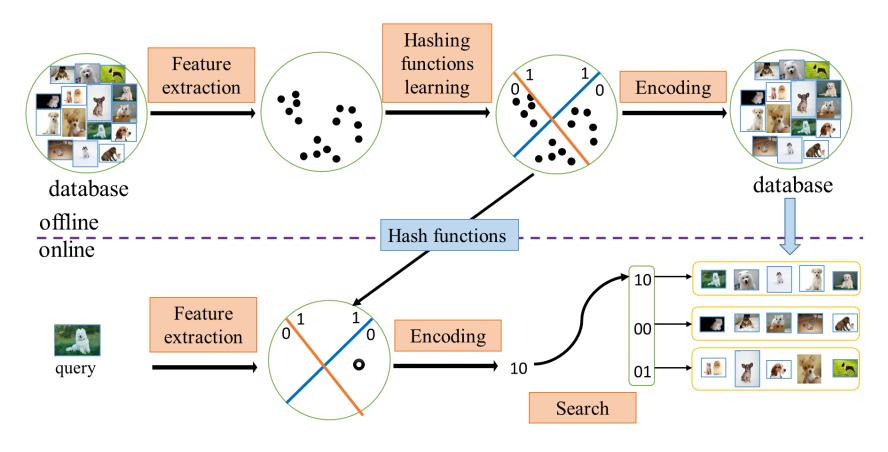
High dimensional floating-point vector Euclidean space: L2 distance

Low dimensional bit vector Binary space: Hamming distance

哈希算法



□ 哈希算法过程图例



哈希算法(1): 局部敏感哈希



- □ 局部敏感哈希定义
 - 高维空间的两点若距离很近,则这两点映射后的哈希值相同概率较大。
 - 若两点之间的距离较远,则他们哈希值相同概率较小。
- □ 正整数向量等价变换到汉明空间

2维向量的数据集: A=(1,1) B=(2,1) C=(1,2)

D=(2,2) E=(4,2) F=(4,3)

C (4)

坐标最大值:

每个向量转换为n*C维哈希码:

值为k的坐标转换为长度为C的哈希码,前k位为1,后续位为0

 $A=(1,1) \implies (1000, 1000) \implies 10001000$

B=(2,1) (1100, 1000) 11001000

.

F=(4,3) (1111, 1110) 11111110

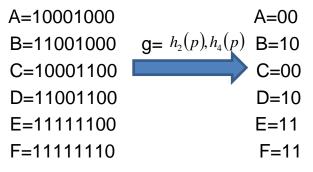
哈希算法(1): 局部敏感哈希



□ 一族哈希函数定义

$$h_r(p) = \{ \begin{array}{l} 0, \overline{z}_p \in \mathbb{R} \\ 1, \overline{z}_p \in \mathbb{R} \end{array} \}$$

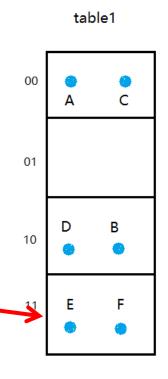
□ 选择k个哈希函数组成构成哈希表g



□ 查询时查找被哈希表映射在同一个桶内的点



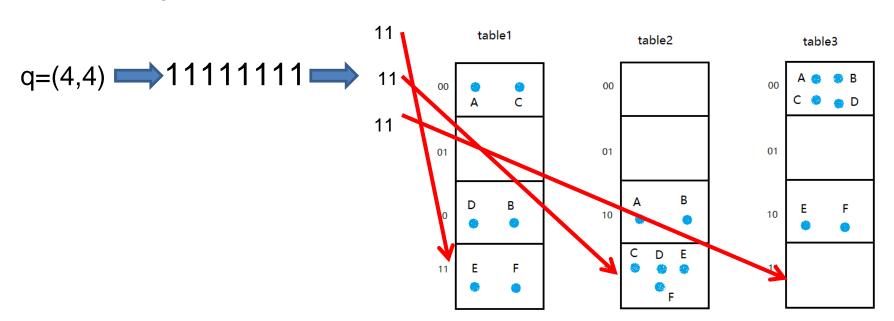
■ 再将q与E,F比较,得到F是q的最近邻



哈希算法(1): 局部敏感哈希



- □ 选择多组k个哈希函数组成构成多个哈希表g
 - 假设有如下结果。
 - ✓ g1分别抽取第2,4位。
 - ✓ g2分别抽取第1,6位。
 - ✓ g3分别抽取第3,8位

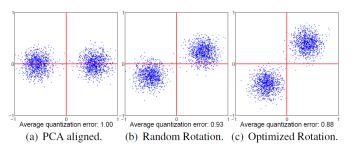


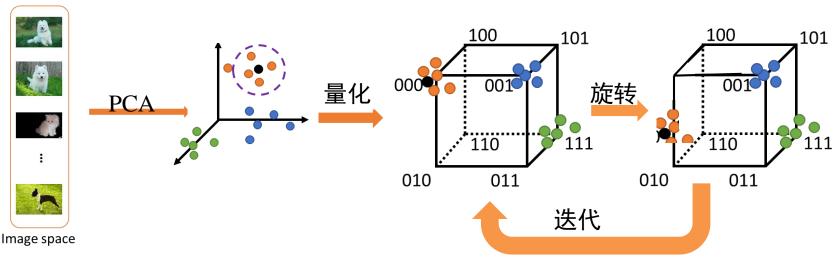
哈希算法(2): 迭代量化(ITQ)



□ ITQ算法动机

- 将原始数据映射到超立方体的顶点,求解量化误差最小的映射
- 将超立方体在空间中<mark>旋转</mark>,求解旋转矩阵即能得到最好的映射
- 迭代这两个步骤



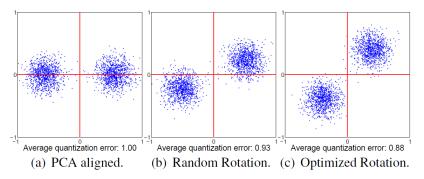


哈希算法(2): 迭代量化(ITQ)



□ ITQ(Iterative Quantization)算法步骤

- 对原始数据进行PCA降维 V = XW
- 最小化量化误差函数 $Q(B,R) = \|B VR\|_F^2$



- ✓ 固定R更新量化结果B: $B = \operatorname{sgn}(VR)$
- ✓ 固定B更新旋转矩阵R
 - lacktriangle 计算CxC矩阵 B^TV 的SVD分解 $S\Omega\hat{S}^T$ 然后令 $R=\hat{S}S^T$
- ✓ 迭代上述步骤, 文中为50次

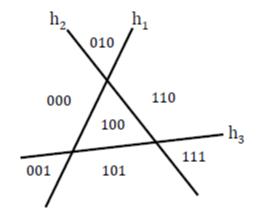
□ 优点

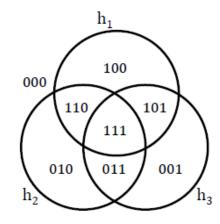
- 没有显式的对量化过程作正交限制
- 通过学习旋转矩阵代替了对汉明空间的操作
- Yunchao Gong and Svetlana Lazebnik, "Iterative Quantization: A Procrustean Approach to Learning Binary Codes," in CVPR 2011.

哈希算法(3): 球面哈希



- □ 动机:用超球面,而非超平面,来分割空间
 - 特征空间更紧凑
 - 在D维特征空间定义一个封闭子空间,只需一个超球面,但需要D+1个超平面
 - 在局部敏感性方面,超球面比超平面更佳



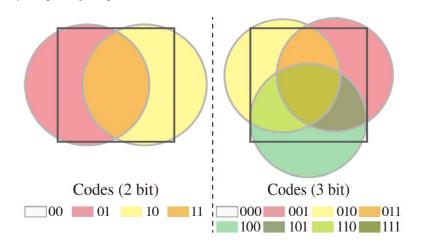


- □ 选择哈希函数即构建超球面:
 - 确定球心和半径

哈希算法(3): 球面哈希



□ 球哈希示意



$$h_k(x) = \begin{cases} -1 & \text{when } d(p_k, x) > t_k \\ +1 & \text{when } d(p_k, x) \le t_k \end{cases}$$

□ 理想的超球面性质

■ 平衡性:每个球把样本空间均分,即球内球外各占一半

■ 独立性:每个球的交叉部分尽量少,即每个哈希函数相对独立

✓ 任意两个球交叉区域内的样本占总样本的四分之一

$$\begin{array}{rcl} o_i & = & | \{s_k | h_i(s_k) = +1, 1 \leq k \leq m\} |, \\ \\ o_{i,j} & = & | \{s_k | h_i(s_k) = +1, h_j(s_k) = +1, 1 \leq k \leq m\} |, \end{array}$$

哈希算法(3): 球面哈希



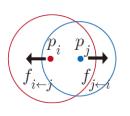
- □ 对于训练样本点集 $S = \{s_1, s_2, \dots, s_n\}$, 迭代确定超球面
 - 1. 初始化:从训练样本中随机选l个点作为初始球心 p_1, p_2, \cdots, p_l ;

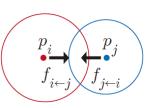
平衡性

- 2. 对各个球心,确定半径 t_1, t_2, \dots, t_l ,使得 $o_l = \frac{n}{2}$;
- 3. 对每一对哈希函数,计算 $o_{i,j}$;

独立性

4. $\forall i, j,$ 计算 $f_{i \leftarrow j} = \frac{1}{2} \frac{o_{i,j} - n/4}{\frac{n}{4}} (p_i - p_j)$





- 独立性
- 5. $\forall i$, 计算 $f_i = \frac{1}{l} \sum_{j=1}^{l} f_{i \leftarrow j}$, $p_i = p_i + f_i$
- 6. 重复步骤2~5,直至收敛,即满足下述条件 $avg(|o_{i,j}-n/4|) < \varepsilon_m \frac{m}{4} \text{ 且 } std dev(o_{i,j}) < \varepsilon_s \frac{m}{4}$
- □ 基于球哈希定义的汉明距离计算:

$$d_{shd}(b_i,b_j)=rac{|b_i\oplus b_j|}{|b_i\wedge b_j|}$$
 其中 \oplus : 异或; \land : 逻辑与