#### 中国科学技术大学六系研究生课程《数字图像分析》



# 第十二章:运动分析

#### 中国科学技术大学 电子工程与信息科学系

主讲教师: 李厚强 (<u>lihq@ustc.edu.cn</u>)

周文罡 (zhwg@ustc.edu.cn)

李礼(lill@ustc.edu.cn)

胡 洋 (eeyhu@ustc.edu.cn)

助教: 王 宁 (wn6149@mail.ustc.edu.cn)

席 茂 (ximao@mail.ustc.edu.cn)

姚 鑫 (xinyao@mail.ustc.edu.cn)

赵 鉴 (zj140@mail.ustc.edu.cn)

#### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

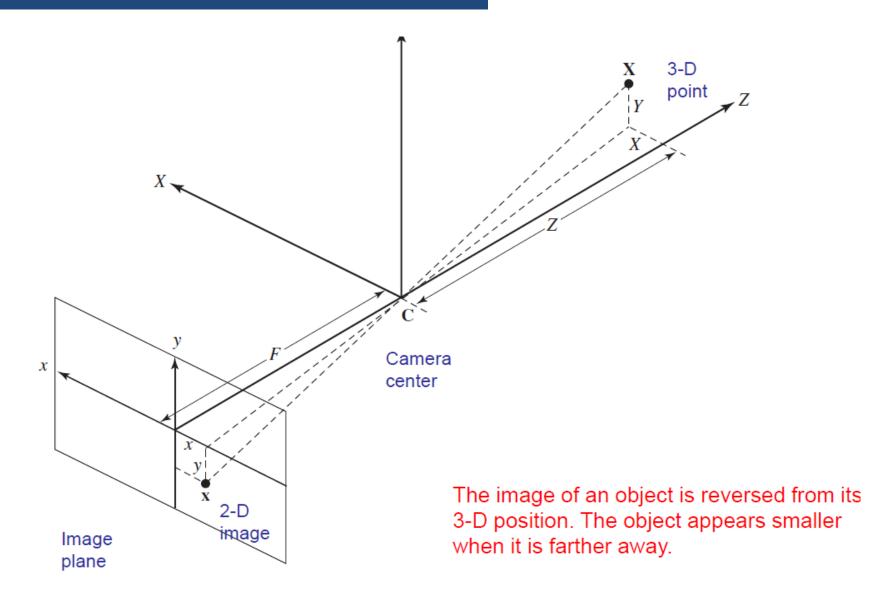
#### 二维运动模型



- □ 相机投影
- □ 三维运动
- □ 三维运动的投影
- □ 刚体目标的二维运动
  - 投影映射
- □ 投影映射的近似
  - 仿射模型
  - 双线性模型

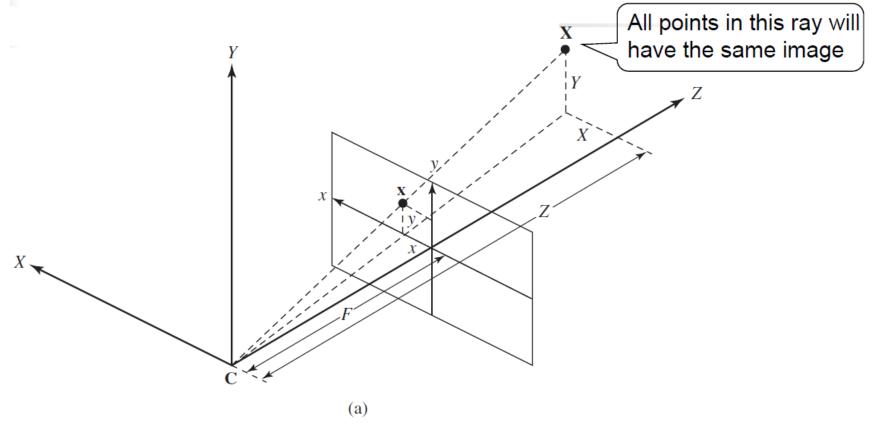
# 针孔相机





# 针孔相机模型:透视投影



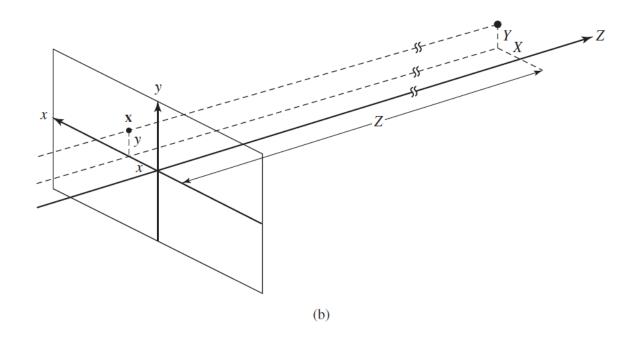


$$\frac{x}{F} = \frac{X}{Z}, \frac{y}{F} = \frac{Y}{Z} \Rightarrow x = F\frac{X}{Z}, y = F\frac{Y}{Z}$$

x, y are inversely related to Z

## 近似模型: 正交投影





当一个目标很远时  $(Z \to \infty)$ , x = X, y = Y.

只要物体表面相对深度的变化与物体到相机的距离相比可以忽略时,就可以使用这个近似。

# 三维运动——刚体运动模型



刚体运动模型:  $X' = R \cdot X + T$ 

$$X' = X + T$$
 平移

旋转 
$$[R] = [R_z] \cdot [R_y] \cdot [R_x]$$

$$[R_x] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta_x & -\sin \theta_x \\ 0 & \sin \theta_x & \cos \theta_x \end{bmatrix}$$

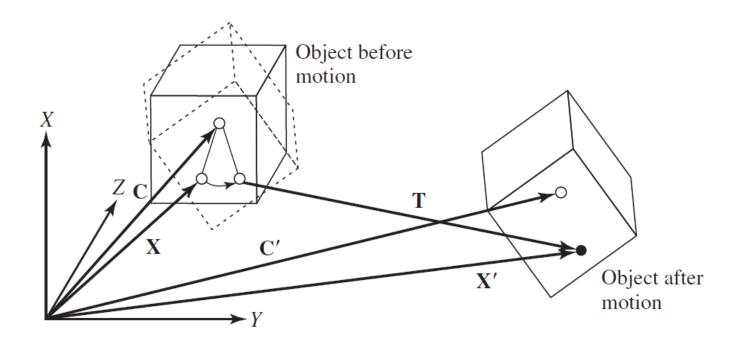
$$[R_x] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta_x & -\sin \theta_x \\ 0 & \sin \theta_x & \cos \theta_x \end{bmatrix} \qquad [R_y] = \begin{bmatrix} \cos \theta_y & 0 & \sin \theta_y \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta_y & 0 & \cos \theta_y \end{bmatrix}$$

$$[R_z] = \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z & 0 \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$[R] \approx [R'] = \begin{vmatrix} 1 & -\theta_z & \theta_y \\ \theta_z & 1 & -\theta_x \\ -\theta_y & \theta_x & 1 \end{vmatrix}$$

### 刚性物体运动





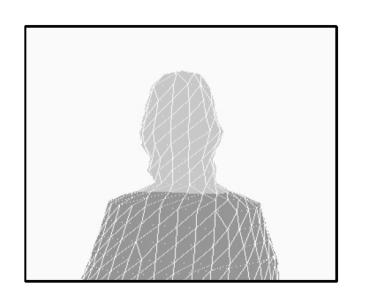
Rotation and translation wrt. the object center:

$$X' = [R](X - C) + T + C;$$
  $[R] : \theta_x, \theta_y, \theta_z;$   $T : T_x, T_y, T_z$ 

#### 柔性物体运动



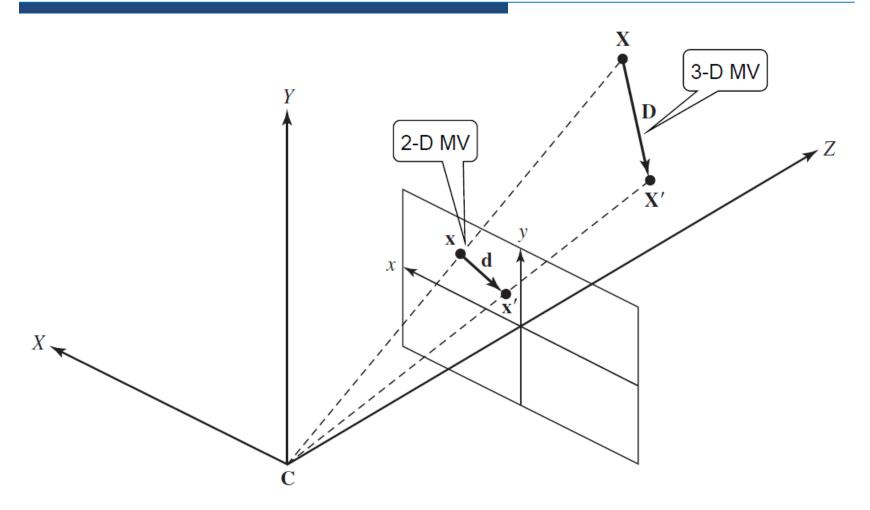
- □ 两种描述方式
  - 分解为多个互相连接的刚性子物体
  - 全局运动加子目标的局部运动
    - ✓ 例如:人体由多个肢节组成,每个肢节在做刚体 运动





# 三维与二维运动之间的关系





MV: motion vector

## 定义和符号



#### □ 三维运动向量

$$D(X;t_1,t_2) = X' - X = [D_X, D_Y, D_Z]^T$$

□ 二维运动向量

$$d(x;t_1,t_2) = x' - x = [d_x,d_y]^T$$

□ 映射函数

$$w(X;t_1,t_2) = X'$$

$$w(x) = x + d(x)$$

□ 流矢量(速度矢量)

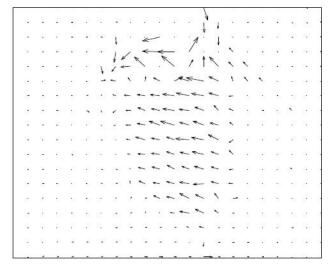
$$V = \frac{\partial d}{\partial t} = \left[ \frac{\partial d_x}{\partial t}, \frac{\partial d_y}{\partial t} \right]^T$$

# 一个典型的二维运动场





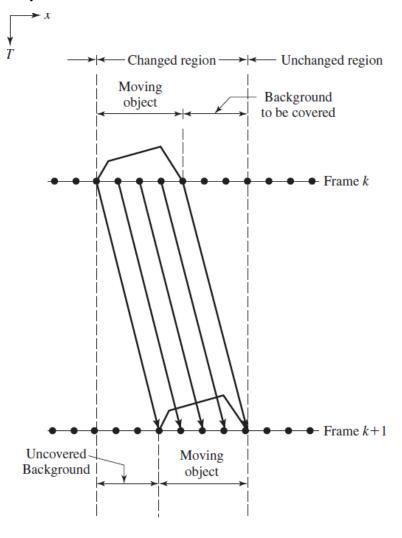




# 遮挡的影响



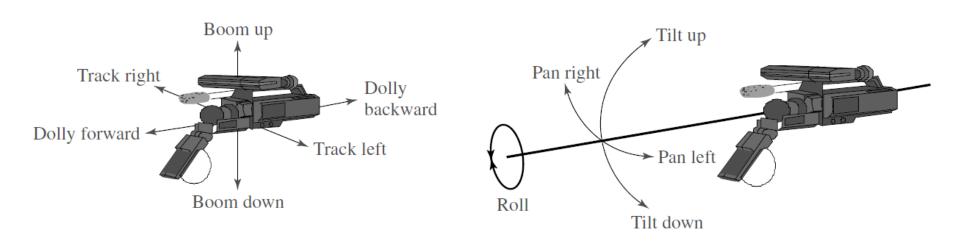
□ 在遮挡区域,运动是未定义的



## 典型的相机运动



□ 接下来介绍典型的相机运动对应的2D运动



# 相机平移: 跟(track)与吊(boom)



$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \\ 0 \end{bmatrix} \iff \begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} FT_x/Z \\ FT_y/Z \end{bmatrix}$$

当 
$$\Delta Z \ll \bar{Z}$$

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \end{bmatrix}, t_x = \frac{FT_x}{\overline{Z}}, t_y = \frac{FT_y}{\overline{Z}}$$

# 相机摇(Pan)与倾(Tilt)



$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = [R_x][R_y] \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} \qquad [R_x][R_y] = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \theta_y \\ 0 & 1 & -\theta_x \\ -\theta_y & \theta_x & 1 \end{bmatrix}$$

如果  $Y\theta_x \ll Z, X\theta_v \ll Z,$  那么 $Z' \approx Z$ 

$$\begin{bmatrix} d_{x}(x,y) \\ d_{y}(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \theta_{y}F \\ -\theta_{x}F \end{bmatrix}$$

# 相机推(Zoom)和滚(Roll)



□ 推(zoom):像平面与中心点距离(焦距)被改变

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \rho x \\ \rho y \end{bmatrix} \implies \begin{bmatrix} d_x(x, y) \\ d_y(x, y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1 - \rho)x \\ (1 - \rho)y \end{bmatrix} \qquad (\rho = F'/F)$$

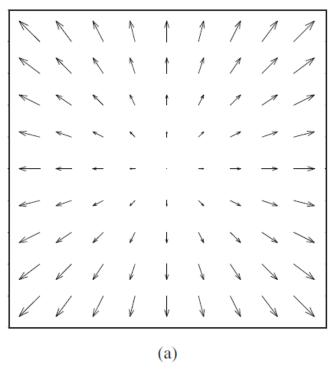
□ 滚 (roll)

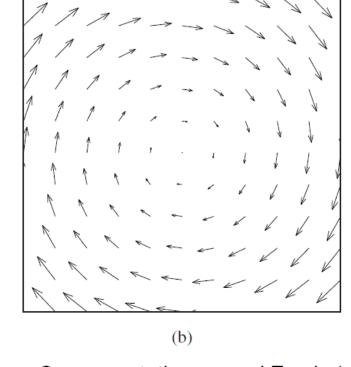
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} \approx \begin{bmatrix} 1 & -\theta_z \\ \theta_z & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\theta_z y \\ \theta_z x \end{bmatrix}$$

# 相机运动的运动场







Camera zoom

Camera rotation around Z-axis (roll)

## 四参数模型



- □ 考虑一个顺序地进行平移、摇、倾、变焦和旋转的摄像 机
- □ 几何映射:

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \rho \begin{bmatrix} \cos \theta_z & -\sin \theta_z \\ \sin \theta_z & \cos \theta_z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x + \theta_y F + t_x \\ y - \theta_x F + t_y \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} c_1 & -c_2 \\ c_2 & c_1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} c_3 \\ c_4 \end{bmatrix}$$

□ 这个映射函数有四个参数,是仿射映射的一个特例,仿 射映射一般有6个参数。

# 相应于三维刚性运动的二维运动模型



- □ 之前的相机运动模型均没有考虑相机在Z方向的平移运动
- □ 一般情况:

$$\begin{bmatrix} X' \\ Y' \\ Z' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_1 & r_2 & r_3 \\ r_4 & r_5 & r_6 \\ r_7 & r_8 & r_9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \\ T_z \end{bmatrix}$$

Perspective Projection

$$x' = F \frac{(r_1 x + r_2 y + r_3 F)Z + T_x F}{(r_7 x + r_8 y + r_9 F)Z + T_z F}$$

$$y' = F \frac{(r_4 x + r_5 y + r_6 F)Z + T_y F}{(r_7 x + r_8 y + r_9 F)Z + T_z F}$$

## 投影映射



- 口 投影映射
  - 在Z方面没有平移运动
  - 目标均有平坦表面,即Z = aX + bY + c

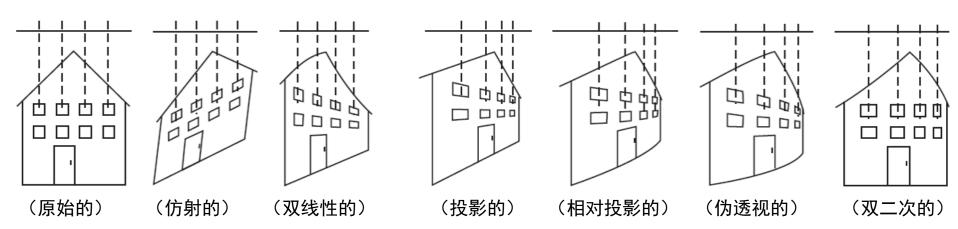
$$x' = \frac{a_0 + a_1 x + a_2 y}{1 + c_1 x + c_2 y}, \quad y' = \frac{b_0 + b_1 x + b_2 y}{1 + c_1 x + c_2 y}$$

□ 实际图像可以分成多个包含平坦平面的区域

## 投影映射



#### 非线性调频模型



线性调频模型

#### □ 投影映射的两个现象

■ 线性调频: 感知的空间频率随着与相机距离的增大而增大

■ 汇聚效果: 指两束平行光随着距离的增加看起来越来越近

## 仿射和双线性模型



□ 仿射 (6个参数):

$$\begin{bmatrix} d_x(x,y) \\ d_y(x,y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1x + a_2y \\ b_0 + b_1x + b_2y \end{bmatrix}$$

- 适合将三角形映射到三角形
- □ 双线性 (8个参数):

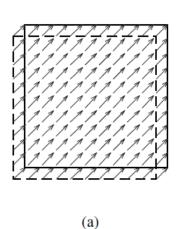
$$\begin{bmatrix} d_x(x, y) \\ d_y(x, y) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1 x + a_2 y + a_3 xy \\ b_0 + b_1 x + b_2 y + b_3 xy \end{bmatrix}$$

■ 适合将一个四边形映射为一个曲边四边形

# 不同二维运动模型的运动场



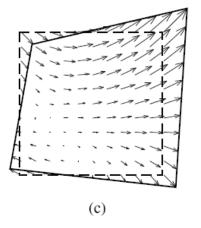


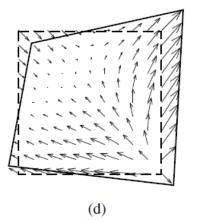


(b)

仿射

双线性





透视

#### 运动分析

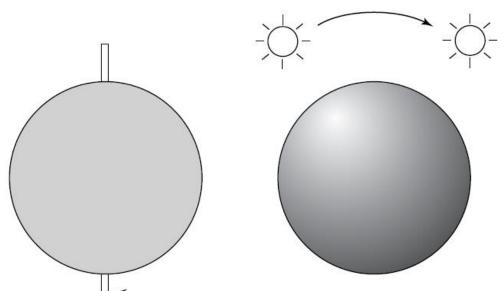


- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

#### 二维运动 vs. 光流



- □ 观察到的二维运动并不一定和实际的二维运动相同
- □ 仅知道图像颜色信息的情况下最好的方式就是估计光流
- □ 光流:基于图片模式的变化"感知"二维运动,也依赖于光照和目标表面纹理



左边:球体在恒定环境照明下转动, 但是观测的图像没有变化。

右边:点绕着静止的球转动,引起球上的亮点旋转。

### 光流方程



- □ 在光照条件未知的情况下,最优的估计方法是光流估计
- □ 恒定亮度假设 → 光流方程

Under "constant intensity assumption":

$$\psi(x+d_x, y+d_y, t+d_t) = \psi(x, y, t)$$

But, using Taylor's expansion:

$$\psi(x+d_x, y+d_y, t+d_t) = \psi(x, y, t) + \frac{\partial \psi}{\partial x} d_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} d_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} d_t$$

Compare the above two, we have the optical flow equation:

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} d_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} d_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} d_t = 0 \quad \text{or} \quad \frac{\partial \psi}{\partial x} v_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} v_y + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0 \quad \text{or} \quad \nabla \psi^T \mathbf{v} + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

## 如何使用光流方程



#### 最小二乘光流估计

$$f_{t} \approx \frac{1}{4} \Big[ f(x, y, t+1) + f(x+1, y, t+1) + f(x, y+1, t+1) + f(x+1, y+1, t+1) \Big]$$

$$-\frac{1}{4} \Big[ f(x, y, t) + f(x+1, y, t) + f(x, y+1, t) + f(x+1, y+1, t) \Big]$$

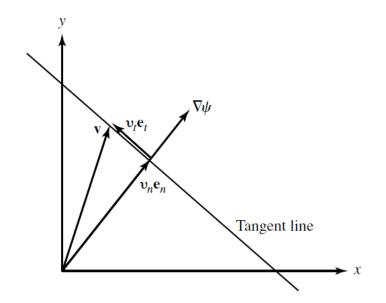
$$f_{x} \approx \frac{1}{4} \Big[ f(x+1, y, t) + f(x+1, y+1, t) + f(x+1, y, t+1) + f(x+1, y+1, t+1) \Big]$$

$$-\frac{1}{4} \Big[ f(x, y, t) + f(x, y+1, t) + f(x, y, t+1) + f(x, y+1, t+1) \Big]$$

#### 运动估计的二义性



- $\square$  光流方程仅包含梯度  $v_n$  方向的流向量
- $\square$  切线方向  $v_i$  的流向量是未定义的
- lue 在恒定亮度区域  $\nabla \psi = 0$  ,光流是不确定的
  - 在平坦纹理区域,运动估计是不可靠的,更可靠的是靠近边缘 的区域



$$\nabla \psi^T \mathbf{v} + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

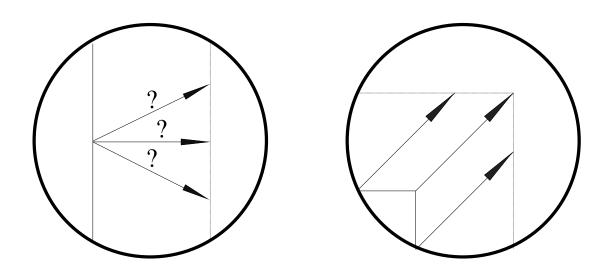
$$\mathbf{v} = v_n \mathbf{e}_n + v_t \mathbf{e}_t$$

$$v_n \|\nabla \psi\| + \frac{\partial \psi}{\partial t} = 0$$

# 孔径问题(Aperture problem)



http://elvers.us/perception/aperture/



#### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 运动估计的一般考虑



#### □ 两类方法:

- 基于特征:经常用于目标跟踪,从二维重建三维目标。
- 基于亮度(基于恒定亮度假设): 经常用于视频编码、插帧中的运动补偿预测,这也是我们关注的

#### □ 三个重要问题

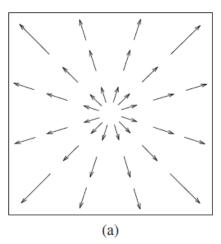
- 如何表达运动场?
- 用什么标准来估计运动参数?
- 如何搜索运动参数?

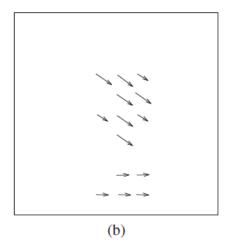
## 运动表达



#### 整体:

整个运动场被一些全局参数表达。



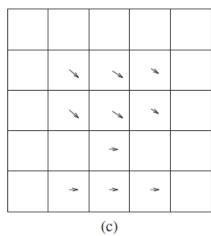


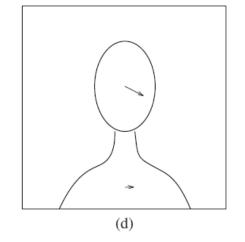
#### 基于像素:

每一个像素有一个运动 向量,在相邻运动向量 之间有一些平滑约束。

#### 基于块:

整个帧被分为若干个块, 每个块中的运动由一些 参数描述。





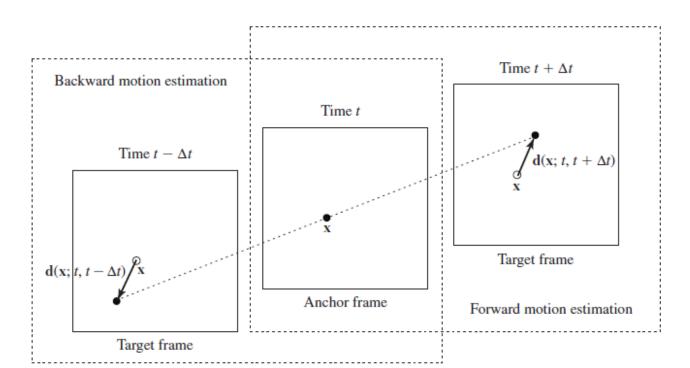
#### 基于区域:

整帧被划分为若干区域, 每个区域对应一个具有 一致运动的目标或者子 目标,并用一些参数表 达。

其他表达:基于网格(控制网格)

## 符号定义





锚帧:  $\psi_1(\mathbf{x})$ 

目标帧:  $\psi_2(\mathbf{x})$ 

运动参数: a

锚帧中一个像素点的

运动向量: d(x)

运动场:  $\mathbf{d}(\mathbf{x};\mathbf{a}),\mathbf{x}\in\Lambda$ 

映射函数:

 $\mathbf{w}(\mathbf{x};\mathbf{a}) = \mathbf{x} + \mathbf{d}(\mathbf{x};\mathbf{a}), \mathbf{x} \in \Lambda$ 

### 运动估计准则(1)



#### □ 基于位移帧差准则 (DFD criterion)

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{a}) = \sum_{x \in \Lambda} |\psi_2(\mathbf{x} + \mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x})|^p \to \min$$

$$p = 1 : \text{MAD}; \quad P = 2 : \text{MSE}$$

$$\frac{\partial E_{\text{DFD}}}{\partial \mathbf{a}} = 2 \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} (\psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x})) \frac{\partial \mathbf{d}(\mathbf{x})}{\partial \mathbf{a}} \nabla \psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}))$$

#### □ 基于光流方程准则 (OF criterion)

$$\frac{\partial \psi_1}{\partial x} d_x + \frac{\partial \psi_1}{\partial y} d_y + (\psi_2 - \psi_1) = 0 \quad \text{or} \quad \nabla \psi_1^T \mathbf{d} + (\psi_2 - \psi_1) = 0$$

$$E_{\text{OF}}(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} \left| \left( \nabla \psi_2(\mathbf{x}) \right)^T \mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) + \psi_2(\mathbf{x}) - \psi_1(\mathbf{x}) \right|^p \to \min$$

$$\frac{\partial E_{\text{flow}}}{\partial \mathbf{a}} = 2 \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} \left( \nabla \psi_1(\mathbf{x})^T \mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) + \psi_2(\mathbf{x}) - \psi_1(\mathbf{x}) \right) \frac{\partial \mathbf{d}(\mathbf{x})}{\partial \mathbf{a}} \nabla \psi_1(\mathbf{x})$$

#### 运动估计准则(2)



□ 正则化准则: 利用额外的<mark>平滑项 (smoothness)</mark> 约束 (important in pixel- and block-based representation)

$$E_{s}(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \Lambda} \sum_{\mathbf{y} \in N_{x}} \|\mathbf{d}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) - \mathbf{d}(\mathbf{y}; \mathbf{a})\|^{2}$$

$$w_{DFD} E_{DFD}(\mathbf{a}) + w_{s} E_{s}(\mathbf{a}) \rightarrow \min$$

□ 贝叶斯准则 (Bayesian criterion): 最大化后验概率

$$P(D = \mathbf{d}|\psi_2, \psi_1) \rightarrow \max$$

$$P(\mathbf{\mathcal{D}} = \mathbf{d}|\mathbf{\Psi} = \psi_2; \psi_1) = \frac{P(\mathbf{\Psi} = \psi_2|\mathbf{\mathcal{D}} = \mathbf{d}; \psi_1)P(\mathbf{\mathcal{D}} = \mathbf{d}; \psi_1)}{P(\mathbf{\Psi} = \psi_2; \psi_1)}$$

### 不同准则之间的联系



- □ OF误差准则 (OF criterion) 只有当运动较小的情况下表现良好
- □ 在OF误差准则下,当目标函数是MV的二次函数时,那 么该函数具有封式解
- □ 当运动较大时,最好应用DFD误差准则
- □ 基于Bayesian准则 (Bayesian criterion) 的运动估计可以 被简化为具有适当平滑约束的基于DFD的估计

### 优化方法



- □ 穷举搜索
  - 通常在DFD准则 (p=1) 下被采用
  - 保证达到全局最优解
  - 当同时搜索的参数数目很大时,所需计算量可能是不可接受的
  - 改进的快速搜索算法可以达到次优解并减少搜索时间
- □ 基于梯度搜索
  - 通常在DFD准则 (p=2) 和OF准则 (p=2) 下被采用
    - ✓ 梯度往往可以被解析计算得到
    - ✓ 在OF准则下,通常可以得到封式解
  - 容易得到一个接近于初始解的局部最优解,需要通过先验知识 获得一个良好的初始解
- □ 多分辨率搜索策略
  - 由粗到精地搜索,比穷举搜索迅速
  - 避免陷入局部最优解

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 基于像素的运动估计



- □ 运动平滑约束正则化方法
  - OF + smoothness 准则
- □ 多点邻域方法
  - 假设每个像素点的邻域中所有的像素都具有相同的 MV
- □ 像素递归方法
  - 当前像素的MV是由之前已经编码的邻近像素的MV 更新得到的,根据同样的更新规则,解码器可以导 出同样的MV,从而MV不必编码
  - 尽管运动估计精度低,由于其简单性,被用于较早 几代的视频编码器中

### 运动平滑约束正则化方法



□ OF + smoothness 准则

$$E(V(X)) = \sum_{X \in \Delta} \left(\frac{\partial \psi}{\partial x} v_x + \frac{\partial \psi}{\partial y} v_y + \frac{\partial \psi}{\partial t}\right)^2 + w_s (\|\nabla v_x\|^2 + \|\nabla v_y\|^2)$$

$$\nabla v_x = \left[v_x(x, y) - v_x(x - 1, y), v_x(x, y) - v_x(x, y - 1)\right]^T$$

$$\nabla v_y = \left[v_y(x, y) - v_y(x - 1, y), v_y(x, y) - v_y(x, y - 1)\right]^T$$

计算梯度的方法对算法的准确性和鲁棒性具有重要影响

用高斯预滤波加中心差分通常会得到更好的结果(sobel算子)

### 多点邻域方法



- □ 通过最小化像素的邻域像素的DFD误差,独立地估计每个 像素的MV
- □ 假设:每个像素点的邻域中所有的像素都具有相同的MV
- □ 目标函数:

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{d}_{\text{n}}) = \sum_{\mathbf{x} \in B(\mathbf{x}_{n})} w(\mathbf{x}) |\psi_{2}(\mathbf{x} + \mathbf{d}_{n}) - \psi_{1}(\mathbf{x})|^{2} \rightarrow \min$$

- □ 优化方法:
  - 穷举搜索 (假设每次只需要求解一个MV)
    - ✓ 需要选择合适的搜索范围和搜索步长
  - 基于梯度搜索

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 块匹配算法



- □ 假设一个块内所有像素都具有一致的运动,即可独立地 估计每个块的运动参数
- □ 块匹配算法 (BMA): 仅平移运动, 对每个块估计一个MV (1 MV, 2 parameter)
  - 穷举BMA (EBMA)
  - 快速算法

# 块匹配算法 (BMA)



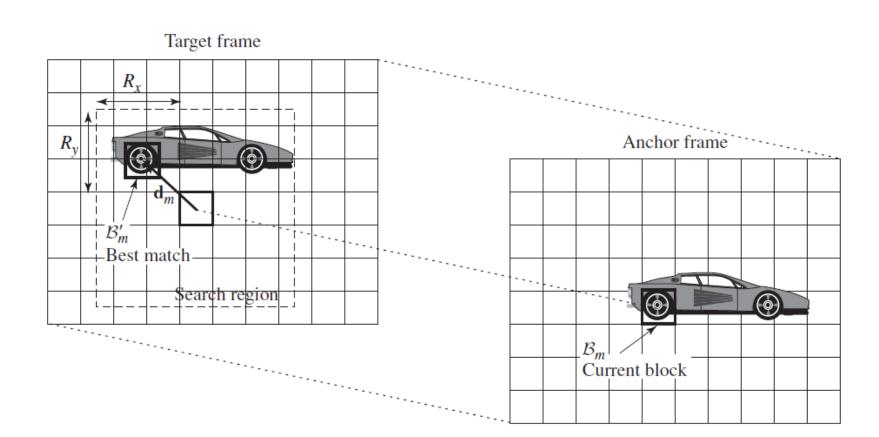
- □ 概述:
  - 假设块中所有像素仅有同一个平移运动,用一个MV 即可表示
  - 通过最小化块中的DFD误差,估计MV
- □ 目标函数:

$$E_{\text{DFD}}(\mathbf{d}_{\text{m}}) = \sum_{\mathbf{x} \in B_m} \left| \psi_2(\mathbf{x} + \mathbf{d}_m) - \psi_1(\mathbf{x}) \right|^p \longrightarrow \min$$

- □ 优化方法:
  - 穷举搜索
    - ✓ 每次只需要求解一个MV
    - ✓ 可使用MAD准则,即 p=1
  - 快速搜索算法
  - 整数精度搜索 vs. 分数精度搜索

# 穷举BMA (EBMA)





### 整数像素精度EBMA复杂度



- 口 假设
  - 图像尺寸: *M* × *M*
  - 块尺寸: N×N
  - 搜索范围: (-R,R) in each dimension
  - 搜索步长: 1 pixel (assuming integer MV)
- □ 操作数 (Operation counts):

(1 operation=1 "-", 1 "abs", 1 "+")

- 每个候选位置的像素灰度比较数: *N*<sup>2</sup>
- 每个参考块需要遍历的候选位置: $(2R + 1)^2$
- **整一**帧:  $(M/N)^2(2R+1)^2N^2=M^2(2R+1)^2$ 
  - ✓ 独立于块尺寸!
- □ 例子: M=512, N=16, R=16, 30 fps
  - 总操作数 = 2.85x10^8/frame\*30 frame/s =8.55x10^9/s
- □ 适用于超大规模集成电路 (VLSI) 进行实现
  - 软件实现困难

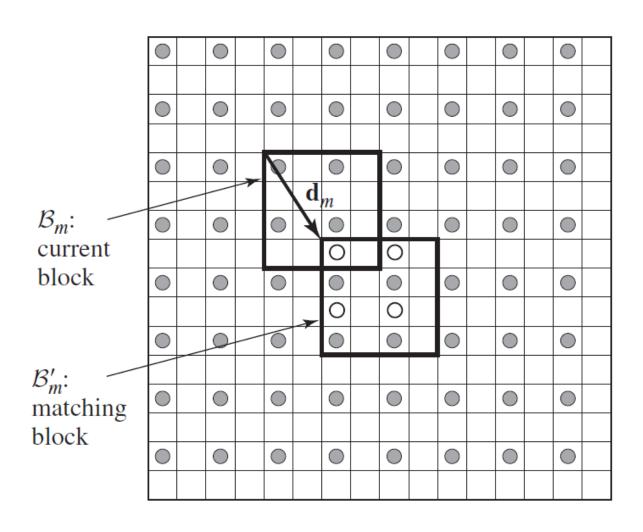
### 分数像素精度EBMA



- □ MV估计中,搜索步长并不一定是一个整数,在实际情况下,分数步长可能更合适
- □ 半像素精度EBMA: step-size=1/2 pixel in both dimension
- □ 困难:
  - 目标帧仅有整数像素点
- □ 解决方案:
  - 在搜索之前目标帧先进行2倍内插
  - 通常采用双线性插值
- □ 计算复杂度:
  - 4倍于整数像素精度,并加上额外的插值开销
- □ 快速算法:
  - 首先以整数精度进行搜索,然后在小范围内以半像素精度进行 细化

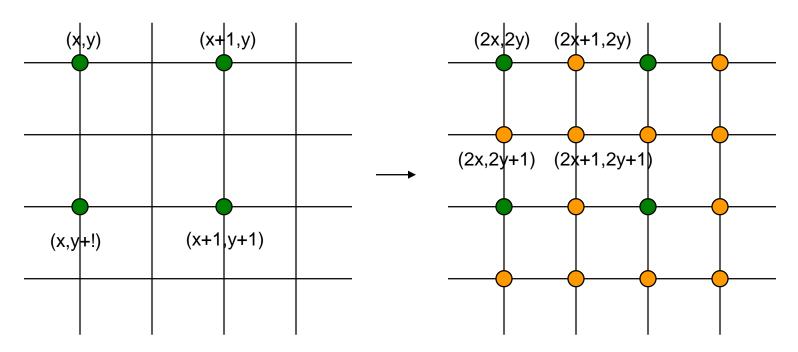
# 半像素精度EBMA





## 双线性插值





O[2x,2y]=I[x,y] O[2x+1,2y]=(I[x,y]+I[x+1,y])/2 O[2x,2y+1]=(I[x,y]+I[x+1,y])/2O[2x+1,2y+1]=(I[x,y]+I[x+1,y]+I[x,y+1]+I[x+1,y+1])/4

anchor frame

Predicted anchor frame (29.86dB)

Example: 半像素精度EBMA

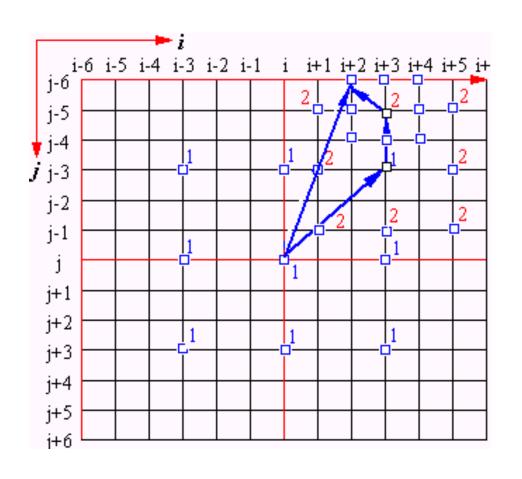
### BMA快速算法



- □ 如何减少EBMA计算量?
  - 降低搜索候选块的数量:
    - ✓ 只搜索那些可能产生小误差的块
    - ✓ 根据之前的搜索结果,预测可能剩下的候选块
  - 简化误差度量准则 (DFD)
- □ 经典的快速算法
  - 三步搜索法 (Three-step)
  - 二维对数搜索法 (2D-log)
- □ 还有许多新的快速算法
  - 有些适合软件实现,有些适合VLSI实现

### 三步搜索法





R<sub>0</sub>: initial search step

Search step L

$$L = \lfloor \log_2 R_0 + 1 \rfloor$$

Total number:8L+1

For example

$$R = 32$$

$$EBMA:4225 = (2R+1)^2$$

$$3Step:41 = 8*5+1$$

## EBMA存在的问题(I)



- □ 块效应 (块边界的不连续性)
  - 基于块的平移运动模型不准确
  - 实际的运动情况比平移更复杂
    - ✓ 解决方案: 可形变的BMA(deformable BMA)
  - 在一个块中可能有多个具有不同运动的对象
    - ✓ 解决方案:
      - ▶ 基于区域的运动估计
      - 基于网格模型的运动估计
  - 光照影响
    - ✓ 进行光照补偿以满足"恒定光强假设"

# EBMA存在的问题 (II)



- □ 运动场混乱
  - 原因:逐块独立地估计MV
  - 解决方案:
    - ✓ 加入显式的平滑约束项
    - ✓ 多分辨率方法
    - ✓ 基于网格模型的运动估计
- □ 平坦区的MV预测出错
  - 当空间上梯度接近于零时,运动难以确定
  - 应该使用非规则的理想的分块
  - 解决方案:基于区域的运动估计
- □ 需要巨大的计算量
  - 解决方案:
    - ✓ 快速算法:多分辨率方法

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

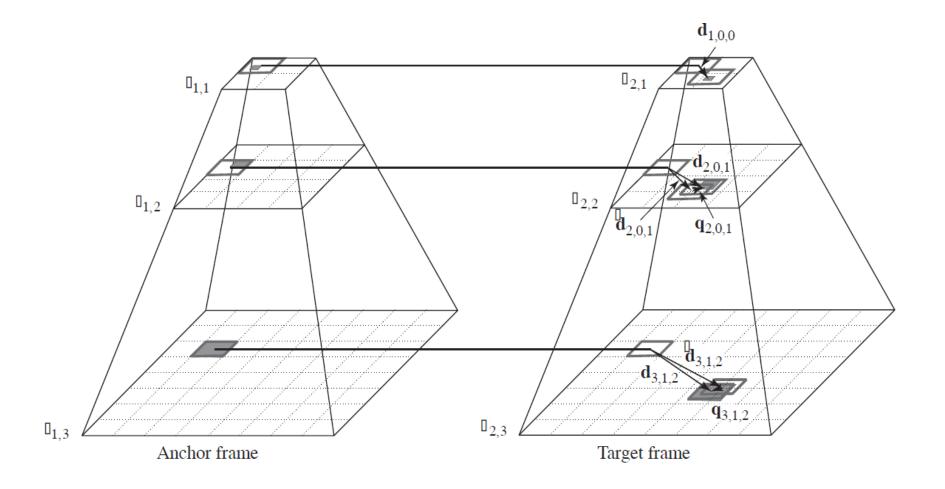
## 多分辨率运动估计



- □ BMA存在缺陷
  - 除非使用穷举搜索,否则可能难以达到全局最优解
  - 穷举搜索需要非常大的计算量
  - 基于块的平移运动模型并不总是合适的
- □ 多分辨率估计方法
  - 解决上述前两个问题
  - 首先在低通滤波、下采样的图像对上,进行低分辨率下的运动 估计
    - ✓ 通常能得到一个接近于真实运动场的解
  - 然后在较小的搜索范围内以更高的分辨率逐步改善初始解
    - ✓ 降低计算量
  - 可以应用于不同的运动场景下,后续内容中我们只集中介绍其 在BMA中的应用

# 多分辨率运动估计





# 分层块匹配算法 (HBMA)



Number of levels: L

Ith level image:  $\Psi_{t,l}(X), X \in \Lambda_l, t = 1,2$ 

Interpolation operator:  $\tilde{d}_l(X) = \mathcal{U}(d_{l-1}(X))$ 

Error function:  $\sum_{X \in \Lambda} |\Psi_{2,l}(X + \tilde{d}_l(X) + q_l(X)) - \Psi_{1,l}(X)|^p$ 

Update motion vector:  $d_l(X) = \tilde{d}_l(X) + q_l(X)$ 

MV at Ith level prediction:

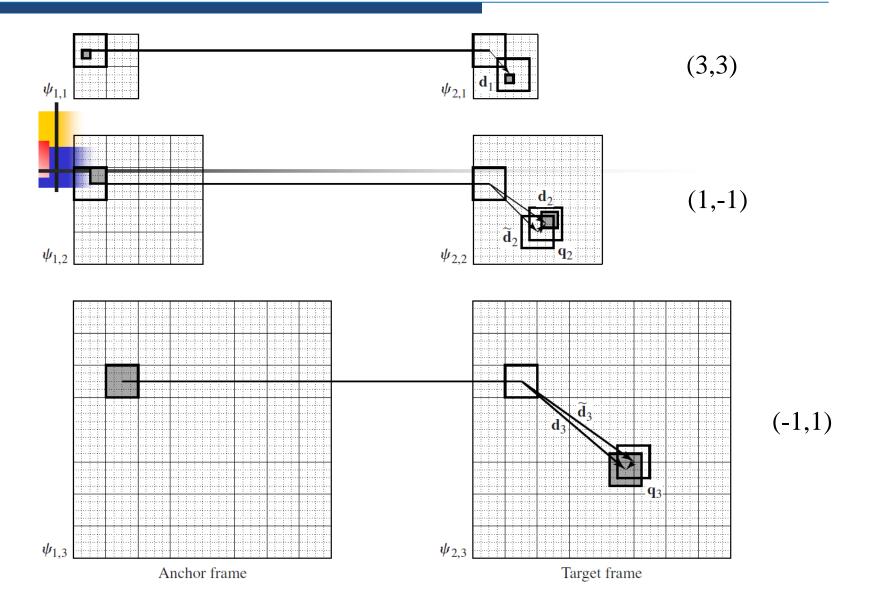
$$\tilde{d}_{l,m,n}(X) = \mathcal{U}(d_{l-1,\lfloor m/2\rfloor,\lfloor n/2\rfloor}(X)) = 2d_{l-1,\lfloor m/2\rfloor,\lfloor n/2\rfloor}(X)$$

Total motion:

$$d_{l}(X) = q_{L}(X) + \mathcal{U}(q_{L-1}(X) + \mathcal{U}(q_{L-2}(X) \cdots + \mathcal{U}(q_{1}(X) + d_{0}(X)) \cdots))$$

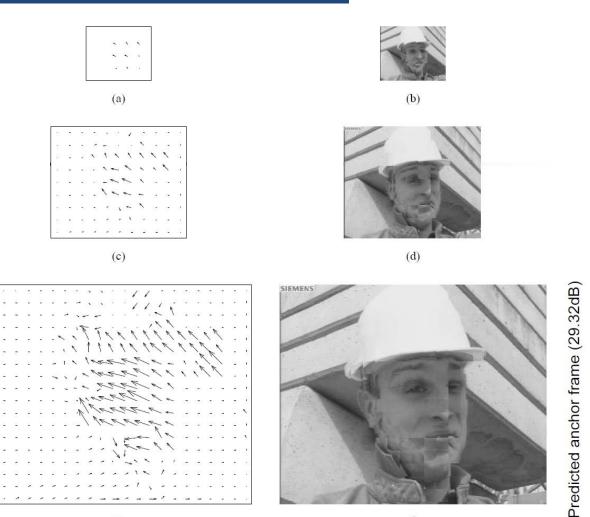
# 分层块匹配算法 (HBMA)





# 分层块匹配算法 (HBMA)





(f)

Example: Three-level HBMA

### HBMA复杂度



#### □ 假设

- 图像尺寸: *M*x*M*
- 块尺寸: NxN at every level; Levels: L
- 搜索范围:
  - ✓ 1<sup>st</sup> level:  $R/2^{(L-1)}$  (Equivalent to R in L-th level)
  - $\checkmark$  Other levels:  $R/2^{(L-l)}$  (can be smaller)

#### □ EBMA

- 图像尺寸= MxM , 块尺寸= NxN , 搜索范围= (-R, R)
- 操作数:  $M^2(2R+1)^2$
- □ HBMA *l*-th level 操作数 (图像尺寸: M/2<sup>L-l</sup>)

$$(M/2^{L-l})^2(2R/2^{L-1}+1)^2$$

□ HBMA总操作数

$$\sum_{l=1}^{L} \left( M / 2^{L-l} \right)^2 \left( 2R / 2^{L-1} + 1 \right)^2 \approx \frac{1}{3} 4^{-(L-2)} 4M^2 R^2$$

 $\square$  EBMA / HBMA:  $3 \cdot 4^{(L-2)} = 3(L=2)$ ; 12(L=3)

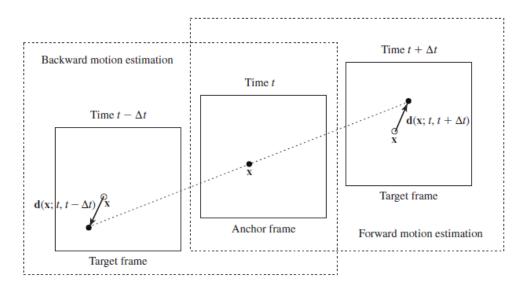
### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 相位相关法





#### 识别相位相关函数的峰值 (PCF)

$$\psi_{1}(X) = \psi_{2}(X+d)$$

$$\overline{\psi}_{1}(f) = \overline{\psi}_{2}(f) \cdot e^{j2\pi d^{T}f}$$

$$\tilde{\psi}(f) = \frac{\overline{\psi}_{1}(f) \cdot \overline{\psi}_{2}^{*}(f)}{|\overline{\psi}_{2}(f) \cdot \overline{\psi}_{2}^{*}(f)|} = e^{j2\pi d^{T}f}$$

$$PCF(X) = F^{-1}\{\tilde{\psi}(f)\} = \delta(X+d)$$

#### □ Note

- 减轻边界采样效应:空间域加权窗函数
- 广泛应用于图像配准
- 优点:对光照变化不敏感

### 运动分析

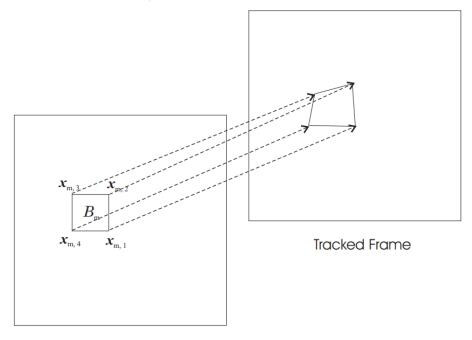


- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 可形变块匹配



- □ 之前的图像块匹配算法主要考虑平移运动,无法刻画旋转、缩放、仿射等更高阶的运动
- □ 可形变块匹配算法
  - 面向更高阶运动的图像块匹配算法



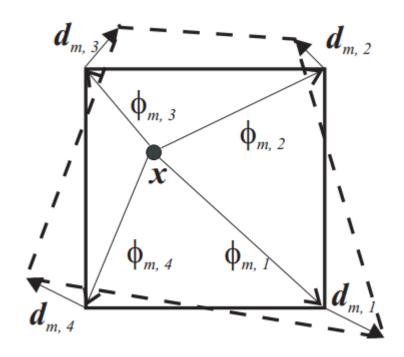
**Anchor Frame** 

### 可形变块匹配



- □ 基于顶点的运动信息表征
  - 基于参数的运动模型不适合与现有编码框架

$$\mathbf{d}_{m}(\mathbf{x}) = \sum_{k=1}^{K} \phi_{m,k}(\mathbf{x}) \mathbf{d}_{m,k}, \quad \mathbf{x} \in \mathcal{B}_{m}.$$



### 可形变块匹配



#### □ 运动估计方法

$$E(\mathbf{a}) = \sum_{\mathbf{x} \in \mathcal{B}} |\psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x})|^p$$
$$\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}) = \mathbf{x} + \sum_{k \in \mathcal{K}} \phi_k(\mathbf{x}) \mathbf{d}_k$$

#### □ 基于梯度的方法

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}}(\mathbf{a}) = \left[\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_x}(\mathbf{a}), \frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_y}(\mathbf{a})\right]^T,$$

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_x}(\mathbf{a}) = 2 \sum_{x \in \mathcal{B}} e(\mathbf{x}; \mathbf{a}) \frac{\partial \psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}))}{\partial x} \phi(\mathbf{x}),$$

$$\frac{\partial E}{\partial \mathbf{a}_y}(\mathbf{a}) = 2 \sum_{x \in \mathcal{B}} e(\mathbf{x}; \mathbf{a}) \frac{\partial \psi_2(\mathbf{w}(\mathbf{x}; \mathbf{a}))}{\partial y} \phi(\mathbf{x}).$$

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 全局运动估计



- □ 全局运动:
  - 摄像机在固定的场景上移动
    - ✓ 大多数投影摄像机的运动都可以用仿射映射来表达
  - 整个场景都在移动: 鲜有发生
  - 通常,场景可以<mark>分解为几个主要区域</mark>,每个区域的移动方式不同 (基于场景的运动估计)
- □ 如果存在一个全局运动,或者区域运动具有运动一致性,我们可以估计出运动参数
  - 直接估计
  - 间接估计
- □ 当绝大多数像素 (非全部) 具有运动一致性,我们可以迭代地估计 出运动参数以及得到所对应的像素点
  - 稳健估计
  - Inlier and outlier

### 直接估计



□ 使用运动参数,将DFD误差表示为如下形式,并通过最 小化DFD误差来估计这些参数

$$E_{\text{DFD}} = \sum_{n \in \mathcal{N}} w_n |\psi_2(\mathbf{x}_n + \mathbf{d}(\mathbf{x}_n; \mathbf{a})) - \psi_1(\mathbf{x}_n)|^p$$

 $\mathbf{w}_{n}$  是  $\mathbf{x}_{n}$ 的加权系数,取决于运动估计在 $\mathbf{x}_{n}$ 的精度

Ex: 仿射运动:

$$\begin{bmatrix} d_x(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) \\ d_y(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_0 + a_1 x_n + a_2 y_n \\ b_0 + b_1 x_n + b_2 y_n \end{bmatrix}, \quad \mathbf{a} = [a_0, a_1, a_2, b_0, b_1, b_2]^T$$

□ 穷举搜索或梯度下降法都可以用来找到一个最小的E<sub>DED</sub>

### 间接估计



- □ 首先使用基于像素或基于块的方法找到深度运动场(e.g. EBMA)
- □ 然后通过最小二乘拟合,利用运动模型对得到的运动场 进行参数化

$$E_{fit} = \sum w_n (\mathbf{d}(\mathbf{x}_n; \mathbf{a}) - \mathbf{d}_n)^2$$

Affine motion:

$$\mathbf{d}(\mathbf{x}_n;\mathbf{a}) = [\mathbf{A}_n]\mathbf{a},$$

$$[\mathbf{A}_n] = \begin{bmatrix} 1 & x_n & y_n & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & x_n & y_n \end{bmatrix}$$

$$\frac{\partial E_{fit}}{\partial \mathbf{a}} = \sum w_n [\mathbf{A}_n]^T ([\mathbf{A}_n] \mathbf{a} - \mathbf{d}_n) = 0$$

$$\mathbf{a} = \left(\sum w_n [\mathbf{A}_n]^T [\mathbf{A}_n]\right)^{-1} \left(\sum w_n [\mathbf{A}_n]^T \mathbf{d}_n\right)$$

 $\mathbf{w}_{n}$  是  $\mathbf{x}_{n}$ 的加权系数,取决于运动估计在 $\mathbf{x}_{n}$ 的精度。

### 稳健估计

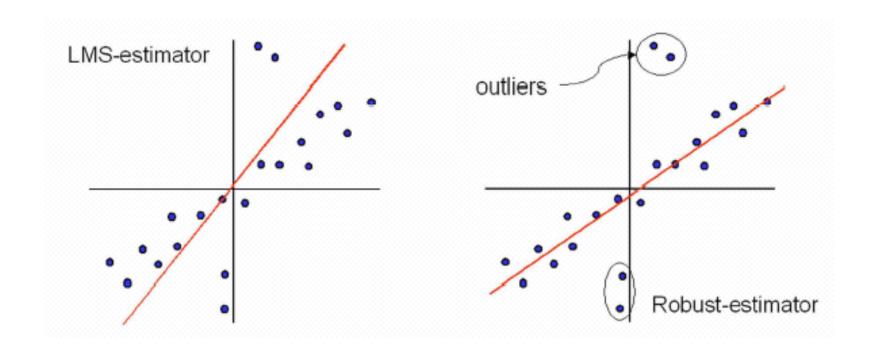


- □ 实质: 迭代删除离群点(outlier)像素
  - 1. 将区域设置为帧中的所有像素
  - 2. 将直接或间接方法应用于区域内的所有像素
  - 3. <mark>评估区域内所有像素的误差(E<sub>DFD</sub> or E<sub>fit</sub>)</mark>
  - 4. 删除有较大错误的离群像素
  - 5. 对区域中的其余像素重复步骤2-4

细节: 硬阈值与软阈值

## 稳健估计





使用LMS(最小均方)和稳健估计器拟合数据点的直线

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

# 局部运动估计: 基于区域的运动估计

#### □ 基本假设

- 场景由多个对象组成,每个对象(或子对象)对应的区域的运动 具有一致性。
- 从物理意义上考虑,基于区域的运动估计比基于块、基于网格 或全局运动模型更正确

#### □ 方法:

- 区域优先: 基于纹理/边缘将帧分割成多个区域,然后使用全局 运动估计方法估计每个区域的运动
- 运动优先: 估计整个图像的运动场,然后对运动场进行分割, 这样每个区域的运动就可以用一组参数精确地描述
- 对区域分割和每一个区域的运动进行联合估计: 迭代交替的进行区域分割与运动估计

### 运动分析



- □ 二维运动模型
- □ 二维运动 vs. 光流
- □ 运动估计中的一般方法
- □ 基于像素的运动估计
- □ 基于块的运动估计
- □ 多分辨率运动估计
- □ 相位相关法
- □ 可形变块匹配
- □ 全局运动估计
- □ 局部运动估计
- □ 运动分割

### 运动分割



- □ 为什么要对物体的运动进行分割
  - 帮助改善多运动光流估计
  - 帮助改善三维运动和结构估计
  - 目标识别
  - 目标跟踪
  - 基于对象的视频编码
  - 基于对象的编辑(合成变形)

### 图像分割 vs 运动分割

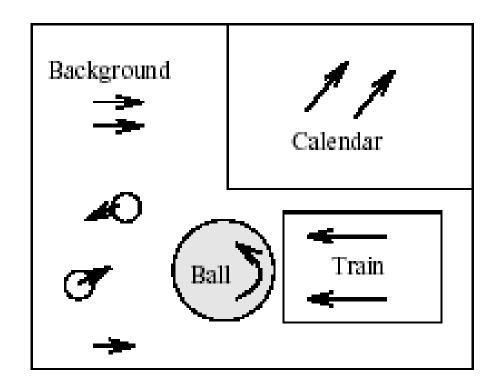


- □ 分割是基于一个特征(向量)的操作
  - e.g. 图像分割通常基于灰度、颜色或纹理
- □ 将图像分割方法直接应用于运动分割(比如使用速度向量作为特征)可能并不有效,因为三维运动通常会产生空间变化的光流场。
  - e.g. 在纯旋转的物体中,旋转中心没有流动,随着 点到旋转中心的距离增加,流矢量的大小也增加。
- □ 运动分割需要基于运动场的一些参数描述

### 二维光流估计与分割



- □ 一个真实的场景通常包含多个动作
- □ 不能跨运动边界施加平滑约束



### 运动分割方法



- □ 基于运动模型的分割
  - 改进的Hough变换
  - 参数聚类方法
  - 贝叶斯分割
  - 主导运动估计法
  - 同时估计和分割

### 总结



#### □ 基本原理

- 与摄像机运动相对应的二维运动
  - ✓ 投影变换,仿射变换
- 光流方程
  - ✓ 由恒定亮度和小运动假设导出
  - ✓ 运动估计的模糊性
- 如何表示运动:
  - ✓ 基于像素,基于块,基于区域,全局表示, etc.
- 估计标准:
  - ✓ DFD (constant intensity)
  - ✓ OF (constant intensity + small motion)
  - ✓ Bayesian (MAP, DFD + motion smoothness)
- 搜索方法:
  - ✓ 穷举搜索,梯度下降,多分辨率

### 总结



- 口 一般方法:
  - 基于像素的运动估计
  - 基于块的运动估计
    - ✓ EBMA, 整数精度 vs. 分数精度, 快速算法
- □ 更先进的方法
  - 多分辨率方法
    - ✓ 避免局部极小值,平滑运动区域,减小计算量
  - 相位相关方法
  - 全局运动估计
    - ✓ 估计相机运动
  - 基于区域的运动估计
    - ✓ 更加合理的方法: 允许每个子对象区域有不同的运动
  - 运动分割