کد کنترل

262





عصر پنجشنبه ۹۷/۲/۶



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.» امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فنّاوری سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دورههای کارشناسی ارشد ناپیوستهٔ داخل ـ سال ۱۳۹۷

مجموعه علوم کامپیوتر ـ کد (۱۲۰۹)

مدت پاسخگویی: ۲۴۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۳۵

عنوان مواد امتحاني، تعداد و شمارهٔ سؤالات

ديف	مواد امتحاني	تعداد سؤال از شمارهٔ تا شم		ؤال از شمارة تا شمارة	
,	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	۳.	,	۲۰ ۱	
۲	وس یایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی آتالیز بریاضی، مبانی آتالیز ۳۵ ۳۱ دی و مبانی احتمال)		90 TI TO		
٣	ساختمان دادهها، طراحي الگوريتيها و مباني نظريه محاسبه	۳.	99	۹۵	
۴	مبانی منطق و نظریه مجموعهها	۲.	9,9	114	
Δ	ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات	۲.	115	١٣٥	

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمرهٔ منفی دارد.

حق حاب، تکتب و انتشاء سفالات به هر روش (الکتر ونیکی و...) پس از بر کا اری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان محل مریاشد و با متخلفین برای مقررات و فتل مریشود.

ىت.	ى ور شما در جلس ة آ زمون اس	جدول ذيل، بهمنزلة عدم حض	صات و امضا در مندرجات -	🕯 داوطلب گرامی، عدم درج مشخم				
ەر	ة اين آزمون شركت مىنماي	بیدر جلسا	با شمارهٔ داوطلب	اينجانب				
		امضا:						
			ž	یان عمومی و تخصصی (انگلیسی):				
Dire	RT A: Vocabulary ections: Choose the wo k the correct choice or	점이 마음이 많아 이번 이번 가장이 아름다면 하고 있다면 하는데 하는데 하다 하다 하다.	2), (3), or (4) that bes	t completes the blank. Then				
1-	Animal welfare sciential by the keeping and	이 아이를 보고 있는데 가는 사람이 아이를 살아 보고 있다면 하나 바다 하다 하는데 하다 때 것	eld that seeks to an	swer questions				
	1) raised		3) settled	4) evolved				
2-	The low soil fertilit			g the appropriate lime and				
	organic fertilizers.	NAME	2746 3250 151 25	2000 See See See See See See See See See				
	1) traced	preceded	mitigated	necessitated				
3-	to be used for the n	ew dish.	1908 1990	s regarding the				
	1) properties		ceremonies					
4-	The problem of power cut was so important that we decided not to bother about to other issues that were not much of a concern at that time.							
	1) gradual	peripheral	tranquil	4) lucrative				
5-	Everybody knows that Ted is a chronic procrastinator; he puts off doing assignments until the last minute.							
		marginally		superficially				
6-				- to significantly reduc				
		ssions by the year 203						
9650	1) malady	determination						
7-				ir biases and be objective.				
	1) detach	2) delete	3) ignore	4) strengthen				
8-	The local businessman accused the newspaper of defaming him by publishing an arti-							
		ny was m:	9	0 1 11				
	1) seriously	2) centrally	3) poorly	4) crucially				
9-	Landing a plane on an aircraft carrier requires a great deal of, as you ca crash if you miss the landing zone by even a little bit.							
	1) determination	2) precision	3) rationality	4) consultation				
10-								
10-	New growth of the body's smallest vessels, for instance, enables cancers to enlarge an spread and contributes to the blindness that can diabetes.							
	1) cause	2) halt	3) identify	4) accompany				
	4 TO 10 TO 1	SOUND CONTROL	TO A OTHER DESTRUCTION OF					

PART B: Cloze Passage

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

Estimates of the number of humans that Earth can sustain have ranged in recent decades from fewer than a billion to more than a trillion. (11) ------, since "carrying capacity" is essentially a subjective term. It makes little sense to talk about carrying capacity in relationship to humans, (12) ------ and altering both their culture and their physical environment, (13) ------ can thus defy any formula (14) ----- the matter. The number of people that Earth can support depends on (15) -----, on what we want to consume, and on what we regard as a crowd.

- 11- 1) It is probably unavoidable that such elasticity
 - 2) Such elasticity is probably unavoidable
 - 3) It is such elasticity probably unavoidable
 - 4) That it is probably unavoidable for such elasticity

2) because

- 12- 1) that adapt their capability
 - 3) who are capable of adaptation
- 13- 1) therefore
- 1 1) might gattle
- 14- 1) might settle
 - 3) that might settle
- 15- 1) how we on Earth want to live
 - 3) where we want to live in on Earth
- 2) whose capability is adapted
- 4) who are capable of adapting
- and
 next
- 2) might be settling
- 4) which it might settle
- 2) Earth where we want to live
- 4) where do we want to live on Earth

PART C: Reading Comprehension:

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

The term geometric modeling first came into use in the early 1970s with the rapidly developing computer graphics and computer-aided design and manufacturing technologies. It refers to a collection of methods used to define the shape and other geometric characteristics of an object. Geometric modeling embraces an area often called computational geometry and extends beyond this to the newer field of solid modeling, creating an elegant synthesis of geometry and the computer.

When we construct a model of something, we create a <u>substitute</u> of that thing – a representation. We cast it into a more convenient form, easier for us to use and analyze. If the model is a good one, it will respond to our proddings and questions in the same way that the original would. We try to abstract only the information essential for our objectives while ignoring other information. For many applications, the geometric model of a physical object may require the complete description of surface reflectance properties, texture, and color; or it may include only information on the elastic properties of the object's material. We can determine the detail required in a

model by the uses and operations to which we intend to subject it. If the model is rich enough in descriptive detail, we can perform operations on it that yield the same results as operations performed on the object itself.

We use geometric-modeling methods to construct a precise mathematical description of the shape of a real object or to simulate some process. The construction itself is usually a computer-aided operation, with the model stored in, and analyzed by, a computer. Using a computer is, in fact, central to the entire geometric-modeling process. Without computational power, we would be unable to construct and analyze sophisticated models of any practical importance.

16- The term geometric modeling ------

- 1) refers to a practical discipline representing geometric shapes in computer
- 2) refers to a theoretical discipline as computational geometry
- 3) deals with the new field of solid modeling as a tool for manufacturing
- 4) is concerned with shapes regardless of their geometric properties

17- Computional geometry ------

- 1) deals with practical issues related to solid modeling
- 2) is included in a wider discipline named geometric modeling
- 3) is an extension of geometric modeling
- 4) extends the early developments in computer graphics

18- Which word best gives the meaning of the underlined word "substitute" in the second paragraph?

- 1) Reflection 2) Transition
 - on
- 3) Rotation
- 4) Replacement

19- A practical representation of an object in a computer has been made possible by -----.

- 1) the sophisticated computer systems
- 2) use of general properties of the object
- 3) theoretical developments in computational geometry
- construction of good models through the use of tools developed by geometric modeling

20- To simulate a process for practical purposes, ------

- 1) sophisticated models and technologies are not needed
- 2) one needs a high performance parallel computer
- 3) one makes use of methods developed in geometric modeling
- 4) there is no need for mathematical description of the process

PASSAGE 2:

In three-dimensional computer graphics, fractal techniques have been used to generate terrain models and the easiest techniques involve subdividing the facets of the objects that consist of triangles or quadrilaterals. A recursive subdivision procedure is applied to each facet, to a required depth or level of detail, and a convincing terrain model results. Subdivision in this context means taking the midpoint along the edge between two vertices and perturbing it along a line normal to the edge. The result of this is to sub-divide the original facets into a large number of smaller facets, each having a random orientation in three-dimensional space about the original facet orientation. The initial global shape of the object is retained to an extent that depends on the

perturbation at the subdivision and a planar four-sided pyramid might turn into a 'Mont Blanc' shaped object.

Most subdivision algorithms are based on a formulation by Fournier, Fussell and Carpenter (1982) that recursively subdivides a single line segment. This algorithm was developed as an alternative to more mathematically correct, but expensive, procedures suggested by Mandelbrot. It uses self-similarity and conditional expectation properties of fractional Brownian motion to give an estimate of the increment of the stochastic process. The process is also Gaussian and the only parameters needed to describe a Gaussian distribution are the mean (conditional expectation) and the variance.

The procedure recursively subdivides a line (tl,fl), (t2,f2) generating a scalar displacement of the midpoint of the line in a direction normal to the line.

To extend this procedure to, say, triangles or quadrilaterals in three dimensional space, we treat each edge in turn generating a displacement along a midpoint vector that is normal to the plane of the original facet I (Figure 12.2). Using this technique we can take a smooth pyramid, say, made of large triangular faces and turn it into a rugged mountain.

Fournier categorizes two problems in this method — internal and external consistency. Internal consistency requires that the shape generated should be the same whatever the orientation in which it is generated, and that coarser details should remain the same if the shape is replotted at greater resolution.

21- With the use of subdivision, -----

- 1) computational complexity increases
- 2) only simple shapes can be reasonably represented
- 3) a satisfactory terrain model is obtained
- 4) some details of an object are eliminated

22- Compared to the procedures suggested by Mandelbrot, subdivision algorithms ------

- 1) need less computing effort
- 2) may require sophisticated stochastic processing
- 3) need more computing effort but are more accurate
- 4) are more accurate and need less computing effort

23- The mean for the description of the Gaussian distribution is ------

- 1) the mean under a certain condition
- 2) only used when expectations are high
- 3) needed when the variance is ignored
- 4) used when a large value of variance is expected

24- Choose the description that best fits the underlined word "quadrilaterals" in the first paragraph.

1) Quadratic terms

Quadrangles

3) Right triangles

4) Equilateral triangles

25- By the internal consistency due to Fournier, for a shape replotted at a greater resolution,

- 1) consistency may be lost
- 2) more details are added
- 3) the coarser details should be preserved
- 4) the preserved coarser details may change depending on the orientation

PASSAGE 3:

The study of optimization as an independent topic must, of course, be regarded as a branch of applied mathematics. As such it must look to various areas of pure mathematics for its unification, clarification, and general foundation. One such area of particular relevance is functional analysis.

Functional analysis is the study of vector spaces resulting from a merging of geometry, linear algebra, and analysis. It serves as a basis for aspects of several important branches of applied mathematics including Fourier series, integral and differential equations, numerical analysis, and any field where linearity plays a key role. Its appeal as a unifying discipline stems primarily from its geometric character. Most of the principal results in functional analysis are expressed as abstractions of intuitive geometric properties of ordinary three-dimensional space.

Some readers may look with great expectation toward functional analysis, hoping to discover new powerful techniques that will enable them to solve important problems beyond the reach of simpler mathematical analysis. Such hopes are rarely realized in practice. The primary utility of functional analysis for the purposes of this book is its role as a unifying discipline, gathering a number of apparently diverse, specialized mathematical tricks into one or a few general geometric principles.

26- According to the passage, functional analysis ------

- 1) has no relation to optimization
- 2) is an area of mathematics being useful in optimization
- 3) is an area of applied mathematics with no relevance to pure mathematics
- 4) is an area of pure mathematics with no relevance to applied mathematics
- 27- The word "diverse" is paragraph 3 means -----.
 - 1) important
- 2) explicit
- 3) particular
- 4) various

28- Functional analysis serves as a basis in areas dealing with ------

1) linear forms

2) geometric designs

3) complex structures

4) analytical aspects of linear algebra

29- Functional analysis -----

- 1) is unable to solve important problems
- 2) can be expected to solve all important problems
- 3) is expected to do as well as the simpler mathematical analysis
- offers techniques to solve problems that cannot be solved by mathematical analysis alone.

30- Geometry ----- functional analysis.

- 1) plays no important role in
- 2) is, in principle, the same as
- 3) is served as a tool to diversify
- 4) along with linear algebra and analysis are the main ingredients of

دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال):

262F

است؟
$$\frac{\sin x + \sin 7x + ... + \sin 9x}{\cos x + \cos 7x + ... + \cos 8x}$$
 کدام است؟

$$-\tan\frac{\Delta}{r}x$$
 (1

$$-\tan \frac{v}{r}x$$
 (Y

tan
$$\frac{\Delta}{\nu}$$
 x (ν

$$\tan \frac{y}{x} x$$
 (*

ورست است؟
$$\sum_{n=1}^{\infty} a_n$$
 اگر $a_n = \lim_{x \to \infty} \frac{(1-\cos x)^{\frac{n}{x}}}{x^n}$ درست است؟ -۳۲

$$\lim_{n\to\infty} a_n \neq 0$$
 (1)

اما سرى واگرا است.
$$\lim_{n\to\infty}a_n=\circ$$
 (۴

و
$$g''(\circ)$$
 آنگاه $g(x) = \int_1^{e^x} (x-t)f(t)dt$ و $g''(\circ)$ آنگاه $g''(\circ)$ آنگاه $g''(\circ)$ کدام است؟

$$-f(1)$$
 (7

۳۴− مقدار XArctanxdx کدام است؟

$$\frac{\pi}{r}$$
 -1 (1

$$\frac{\pi}{r} - \frac{1}{r}$$
 (7

$$\frac{\pi}{r} + 1$$
 (r

$$\frac{\pi}{r} + \frac{1}{r}$$
 (r

سری تیلور تابع $f(x) = \ln(r + rx + x^r)$ حول نقطه x = -1 کدام است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^n$$
 (1

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{r_n} (x+1)^{r_n} (r+1)^{r_n} ($$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{r_n} (x+1)^n \ (r$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n} (x+1)^{n} (x+1)^{n}$$

 $x = \cos t + t \sin t$ از $t = \infty$ تا t = 0 کدام است؟ t = 0 از t = 0 تا t = 0 کدام است؟ t = 0 از t = 0 تا t = 0 کدام است؟

$$\frac{\pi^{\gamma}}{\gamma}$$
 (4

 $(\frac{\lambda}{\alpha})^{r}+(\frac{\lambda}{\beta})^{r}+(\frac{\lambda}{\gamma})^{r}$ باشد، مقدار $x^{\frac{r}{r}}+y^{\frac{r}{r}}+z^{\frac{r}{r}}=a^{\frac{r}{r}}$ باشد، مقدار $\alpha x+\beta y+\gamma z=\lambda$ باشد، مقدار $\alpha x+\beta y+\gamma z=\lambda$

262F

كدام است؟

 $\frac{\partial x}{\partial u}$ اگر $w=z+x^\intercal$ و $v=y+z^\intercal$ و $v=y+z^\intercal$ کدام است $w=z+x^\intercal$ اگر $v=y+z^\intercal$

$$\frac{1}{1 + \lambda XVZ}$$
 (7

$$\frac{1}{\lambda xyz}$$
 (4

 $(a>\circ)y=a-rac{x^{\intercal}}{a}$ و استوانه سهموی z=a-x+y و $y=\circ$ و $y=\circ$ سهموی $y=\circ$ صحم صلبی که بین صفحات $y=\circ$ و $y=\circ$ محصور میباشد، کدام است؟

$$\frac{\tau\lambda}{\Delta}a^{\tau}$$
 (1

$$\frac{7\lambda}{1\Delta}a^{7}$$
 (7

$$\frac{Y\lambda}{1\Delta}a^{T}$$
 (T

$$\frac{\Upsilon\lambda}{\Delta}a^{\Upsilon}$$
 (4

و استوانه $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$ در جهت راستگرد باشید و $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$ و استوانه $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$ در جهت راستگرد باشید و $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$ در جهت راستگرد باشید و $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$ کدام است $\mathbf{x}^{\mathsf{T}} = \mathbf{f}$

- -λπ (1
- -8π (Y
 - ۶π (٣
 - **Λπ (**\$

باشد. رابطهٔ R را روی \mathcal{P} به این صورت تعریف \mathbb{R} باشد. رابطهٔ R را روی \mathcal{P} به این صورت تعریف P_1 و با P_2 و P_3 اگر و تنها اگر هر عضو از P_4 با P_5 در رابطه است P_5 اگر و تنها اگر هر عضو از افراز P_6 باشد. کدام گزینه درست است؟

رابطهٔ همانی روی
$${\cal P}$$
 است.

 $R = \phi$ ()

است.
$$\mathcal{P}$$
 یک رابطهٔ همارزی روی \mathcal{R} (۴

R (۳ یک رابطهٔ ترتیب جزئی است.

۲۲ کدام گزینه درست است؟ (متغیرها مقید به اعداد حقیقیاند.)

$$\exists x \ \forall z \ \forall y \ (x+z < y)$$
 (1

$$\exists x \exists y \ \forall z (x+z < y)$$
 (Y

$$\exists x \ \forall z \ \exists y \ (x + z < y) \ (\forall x = y) \ (\forall x = y = y)$$

$$\exists x \; \exists z \; \forall y \; (x+z < y) \; ($$

 \mathbf{B} فرض کنید \mathbf{A} مجموعهٔ همهٔ چهارضلعیهایی در صفحهٔ \mathbf{R}^{T} باشد، که مختصات رئوس آنها اعداد گویا هستند و \mathbf{R}^{T} مجموعهٔ همهٔ مربعهایی در صفحهٔ \mathbf{R}^{T} باشد که طول ضلع هر یک عددی گویا است. کدام گزینه درست است؟ (در گزینههای زیر \mathbf{R}^{T} عدد اصلی مجموعهٔ اعداد طبیعی و \mathbf{R}^{T} عدد اصلی \mathbf{R}^{T} است.)

- ا) اعداد اصلی A و B هر دو % است.
-) عدد اصلی A مساوی c و عدد اصلی B مساوی δ است.
 - ۳) اعداد اصلی A و B هر دو c است.
- است. A مساوی A مساوی A و عدد اصلی B مساوی A

۴۴- کدام گزینه درست است؟

١) هر مجموعه كه با يك زيرمجموعة واقعى (سره) خود هم عدد باشد، نامتناهي است.

۲) هر مجموعه که زیرمجموعهای نامتناهی داشته باشد، ناشمارا است.

٣) هر زيرمجموعة نامتناهي از يک مجموعة ناشمارا، شمارا است.

۴) هر مجموعه که با یک زیرمجموعهٔ خود هم عدد باشد، نامتناهی است.

40− فرض كنيد A، B، D و D مجموعه هايي دلخواه باشند. كدام گزينه درست نيست؟

$$(A \times B) \cap (C \times D) = (A \cap C) \times (B \cap D)$$
 (1)

$$(A \times B) \bigcup (C \times D) = (A \bigcup C) \times (B \bigcup D)$$
 (Y

$$(A \times B) \cap (A \times C) = A \times (B \cap C)$$
 (*

$$(A \times B) \bigcup (A \times C) = A \times (B \bigcup C)$$
 (f

$$\begin{cases} x_1 + Fx_Y - Tx_Y = \circ \\ Yx_1 + \Delta x_Y - Fx_Y = \circ \end{cases}$$
 کدام است $\begin{cases} x_1 + Fx_Y - Tx_Y = \circ \\ Yx_1 + Ax_Y - Yx_Y = \circ \end{cases}$

0 (1

1 (7

7 (4

ې کدام است
$$W=\left\{ egin{array}{ccc} \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} \\ \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} & \mathbf{r} \end{array} \right.$$
 آنگاه \mathbf{W} آنگاه \mathbf{W}

7 (7

4 (4

4 (4

۱۹- اگر A ماتریس وارون پذیر و $A^{-1}B$ پوچ توان باشد، در مورد ماتریس A+B کدام مورد صحیح است؟

۲) يوچتوان نيست.

۱) پوچتوان است.

۴) وارون پذیر نیست.

۳) وارون پذیر است.

فرض كنيد A∈M₁₀ (R) و rank (A)=٩ و rank (A)=٩ كدام است؟

0 (1

1 (1

9 (4

10 (4

- من کنید $\mathbf{A} \in \mathbf{M}_{10}(\mathbb{R})$ و عناصر روی قطر \mathbf{A} همگی صفر و عناصر بالای قطر اصلی همگی ۱ و عناصر پایین قطر اصلی همگی ۱– باشند. \mathbf{A} چند مقدار ویژه حقیقی دارد؟
 - 10 (1
 - 7 (7
 - 1 (1
 - 0 (4
 - باله $x_n = \sin n + \sin \frac{(n+1)\pi}{7n}$ را در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟ ۵۱
 - ۱) حد بالای دنباله ($\limsup x_n$) برابر ۲ است.
 - است. -1 برابر (lim inf x_n) حد یابین دنباله (۲
 - ست. -۲ است. (lim inf x_n) برابر + است.
 - است. (lim $\sup x_n$) برابر ااست. (
 - 9-۵۲ اگر $\mathbf{k} = \lim \mathbf{x}_n$ و $\ell = \lim \frac{\mathbf{x}_{n+1}}{\mathbf{x}_n}$ و $\ell = \lim \frac{\mathbf{x}_{n+1}}{\mathbf{x}_n}$ و $\mathbf{k} = \lim \mathbf{x}_n$ و اگر $\mathbf{k} = \lim \mathbf{x}_n$
 - k < l ()
 - $k = \ell$ (τ
 - k>1 (
 - $k = \begin{cases} \circ & \ell < 1 \\ +\infty & \ell > 1 \end{cases}$ (4
- ۵۳ فرض کنید $= f(\circ) = f$ و $f(\circ) = f(\circ)$ مشتق پذیر است و $f(\circ) = f(\circ)$ عـدد طبیعـی بـزرگ تـر از یـک اسـت. مقـدار

است
$$\lim_{x\to\infty} \frac{1}{x} (f(x) + f(\frac{x}{r}) + f(\frac{x}{r}) + \dots + f(\frac{x}{k}))$$

$$(1+\frac{1}{r}+\frac{1}{r}+\cdots+\frac{1}{k})f'(\circ)$$
 (1

$$\frac{k(k+1)}{r}f'(\circ)$$
 (7

- kf'(∘) (٣
- ۴) حد وجود ندارد.
- بازهٔ $(\circ,+\infty)$ در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است $g(x)=e^{\sin(x^{\mathsf{Y}})}$ و $f(x)=e^{-\frac{1}{x}}$ توابع $-\Delta \mathfrak{t}$
 -) $f \in g$ پیوسته یکنواخت هستند.
 - r) f و g پیوسته یکنواخت نیستند.
 - r) f پیوسته یکنواخت است ولی g پیوسته یکنواخت نیست.
 - پیوسته یکنواخت است ولی f پیوسته یکنواخت نیست. g
- همبند باشد. کدام گزینه در مورد مجموعه R باشد و R-A همبند باشد. کدام گزینه در مورد مجموعه A درست A
 - ۲) A بی کران است.

۱) A همیند است.

۴) A مى تواند شمارا باشد.

۳ می تواند فشرده باشد.

كدام است؟

١) مى تواند وجود نداشته باشد.

m = n وجود دارد و یکتاست اگر و تنها اگر (۲

٣) همواره وجود دارد ولى لزوماً يكتا نيست.

۴) همواره وجود دارد و یکتاست.

 x_n ،... x_n را روی نقاط متمایز x_n ،... x_n درونیابی می کنیم. چه شرطی روی نقاط گرهای x_n ،... x_n تابع x_n را روی نقاط گرهای درونیاب حداکثر x_n باشد؟

$$\prod_{i=0}^{n}(x_{i})=0 \quad (1$$

 $\mathbf{x}_{\circ} + \mathbf{x}_{1} + \dots + \mathbf{x}_{n} = 0$ (Y

$$f[x_0, x_1, ..., x_n] = V ($$

 $f[x_0, x_1, ..., x_n] = x_0 + \cdots + x_n$ (*

مدار \mathbf{k} کدام $\mathbf{k} \geq \circ$ ، $\mathbf{f}[x_\circ,...,x_k] = \frac{1}{2}$. اگر $\mathbf{i} = \circ,...,n$ ، $\mathbf{x}_i = \mathbf{i}$ و $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \mathbf{T}^{\mathbf{x}}$ در این صورت مقدار \mathbf{k} کدام \mathbf{k}

است؟

1 (1

7 (1

T (T

4 (4

 $\pm (\circ/d_1d_7d_7d_7) \times \Upsilon^{\pm d_3d_9}$ در یک دستگاه ممیزشناور نرمال شده در مبنای ۲، هر عدد حقیقی به صورت $\pm (\circ/d_1d_7d_7d_7) \times (\circ/d_1d_7d_7d_7) \times (\circ/d_1d_7d_7d_7d_7)$ وقتی عدد ناصفر است و ماشین در محاسبه گرد می کند. فاصله بین کوچک ترین عدد مثبت قابل نمایش و کوچک ترین عدد مثبت قابل نمایش بزرگ تر از ۱، چقدر است $\pm (\circ/d_1d_7d_7d_7d_7)$

x = -1 ابع $\frac{\pi x}{\pi}$ را در نقاط ۲۰۰۰ درونیابی کردهایم. حداکثر خطای درونیاب حاصل، در نقطهٔ x = -1 با $f(x) = \sin \frac{\pi x}{\pi}$ با توجه به فرمول خطای درونیابی کدام است؟

$$\frac{\pi^r}{18r}$$
 (1

$$\frac{\pi^{r}}{\lambda 1}$$
 (7

$$\frac{\pi^{r}}{1\lambda}$$
 (**

$$\frac{\pi^{\Upsilon}}{9}$$
 (4

دادههای (cv) است. ضریب تغییرات $x_1,...,x_n$ به ترتیب برابر ۱۵ و ۱۲/۵ است. ضریب تغییرات $x_1,...,x_n$ دادههای $x_1,...,x_n$

است؟
$$\frac{x_1}{r} + 1, ..., \frac{x_n}{r} + 1$$

$$\frac{\Delta}{1\sqrt{Y}}$$
 (1

$$\frac{\sqrt{1}}{2}$$
 (7

۶۲− به چند طریق می توان ۵ مهره یکسان را در ۶ جعبه مرتب شدهٔ کنار هم قرار داد بهطوری که دو جعبه وسطی خالی نباشد؟

262F

- 101
- 47 718
- 110 (T
- 115 (F

-9 فرض کنید یک بازی را که شانس برد آن $\frac{1}{N}$ است، بارها به طور مستقل بازی کنید. بدون استفاده از تقریب بزرگ نمونهای توزیعها حداقل تعداد دفعات به تقریب چقدر باشد تا شانس حداقل یک بار برنده شدن شما بیشتر از -0 باشد?

- $\frac{N-1}{\ln r}$ (1
- (N-1)ln7 (7
 - $\frac{N}{\ln r}$ (r
 - NInt (f

۶۵ در پرتاب یک سکه اگر شیر ظاهر شود، مجاز به پرتاب سکه دوم هستیم و در غیر این صورت دو تاس را پرتاب
 میکنیم. با کدام احتمال حداقل یک بار ۶ مشاهده می شود؟

- 11 (1
- 77 (7
- 11 TS (T
- 17 78

ساختمان دادهها، طراحي الگوريتمها و مباني نظريه محاسبه:

۶۶ - اگر f_k نشان دهندهٔ kامین عدد در دنبالهٔ فیبونچی باشد، بهترین زمان برای محاسبه f_{nY} چیست؟

- O(n) (1
- O(n^{*}) (7
- O(logn) (*
- O(n log n) (f

 $x[i]^T + x[j]^T = x[k]^T$ میخواهیم در یک آرایه از اعداد صحیح به طول n اندیسهای i و i و j و i را پیدا کنیم که iباشد. بهترین زمان ممکن برای این کار کدام است؟

$$O(n^{\tau})$$
 (1

۶۸ - اگر در ذخیرهسازی یک ماتریس آدرس خانه [۰٫۱] برابر ۵۰ ۷۸ و آدرس خانه [۱٫۱] برابر ۷۸۱۰ باشــد (در مبنای ۱۶)، آنگاه ذخیرهسازی ماتریس به چه صورتی است؟

hash (1

random (7

column major (*

row major (f

۴۹ در یک گراف غیرجهت دار با n رأس و e یال جمع درجه تمام رئوس کدام است؟

Te (1

Tn (T

$$\frac{re-1}{r}$$
 (r

$$\frac{rn-1}{r}$$
 (*

٧٠ - اگر به یک آرایه عددی مرتب شده یک عنصر تصادفی اضافه کنیم، کدام الگوریتم برای مرتب سازی آن دارای بهترین زمان است؟

Insertion sort (7

Bubble sort (1

Quick sort (*

Selection sort (*

٧١- تابع زماني قطعه برنامه زير كدام است؟

r = 0

for
$$i=1$$
 to n
for $j=1$ to i
for $k=j$ to $i+j$
 $r=r+1$

$$\frac{n(n+1)}{r}$$
 (1

$$\frac{n^{r}}{c} + \frac{n^{r}}{r}$$
 (7

$$\frac{n(n+1)(7n+1)}{5} (7)$$

$$\frac{n(n+1)(7n+1)}{9} + \frac{n(n+1)}{7} (9)$$

```
۷۲− در یک آرایهٔ عددی A به طول m برخی از عناصر ۱ تا n که m<n است، ظاهر شدهانـد. بهتـرین الگـوریتم بـرای
                                                                                بافتن بزرگ ترین عنصری که در آرایه ظاهر نشده است، دارای چه مرتبه زمانی است؟
                                                                                                                                                                                                                                                                                          O(n) (1
                                                                                                                                                                                                                                                                                       O(m) (7
                                                                                                                                                                                                                                                                        O(n log n) (T
                                                                                                                                                                                                                                                                    O(m log m) (f
                                                                                                                                         اگر T(n) = \sum_{i=1}^{n} (i + \frac{1}{i}) کدام است؟ -۷۳
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \theta(n^r) ()
                                                                                                                                                                                                                                                                          \theta(n^{\tau} + i^{\tau}) (7
                                                                                                                                                                                                                                                                           \theta(n^{\tau} \ln n) (*
                                                                                                                                                                                                                                                                              \theta(n \ln n) (f

    ۷۴ الگوریتم زیر چه عملی روی لیست پیوندی با آدرس شروع P انجام می دهد؟

 list * listravel(list * P)
 {
                           list * h
               if(P == null)or(P \rightarrow link == null)
                                              return(P)
                    h = listravel(p \rightarrow link)
                     P \rightarrow link \rightarrow link = P
                     P \rightarrow link = null
                   return h
 }
                                                       ۲) لیست پیوندی را برعکس می کند.
                                                                                                                                                                                                                     ۱) لیست پیوندی را تغییر نمی دهد.
                                          ۴) اشاره گر ابتدای لیست را به انتها میبرد.
                                                                                                                                                                                                    ۳) اشاره گر انتهای لیست را به ابتدا میبرد.
۷۵− فرض کنید یک درخت دودویی T را یک بار پیمایش inorder و یک بار پیمایش postorder کردهایی. آخـرین
                                                                             عنصر در این دو پیمایش یکسان میباشد. دربارهٔ این درخت، کدام مورد صحیح است؟
                                                                 ۲) زير درخت جب T خالي است.
                                                                                                                                                                                                                         ۱) زير درخت راست T خالي است.
                                   ۴) درخت T یک درخت دودویی کامل است.
                                                                                                                                                                                                  ۳) درخت T یک درخت دودویی پر است.
              ^{\circ} اگر ^{\circ} ^{\circ} و ^{\circ} ^{\circ}
                                                                                                                                                                                                                                                                      A((BC)D) (1
                                                                                                                                                                                                                                                                       (AB)(CD) (7
                                                                                                                                                                                                                                                                      (A(BC))D (*
                                                                                                                                                                                                                                                                       ((AB)C)D (F
```

```
۷۷ - در کدامیک از درختان زیر ارتفاع دو زیر درخت هر گرهای حداکثر دارای فاصله ۱ است؟
                                                                                         AVL ()
                                                                                       Binary (Y
                                                                                        Splay (*
                                                                                 Red - Black (*

    ٧٨ الگوريتم زير براي آراية x با n عنصر چه عملي انجام مي دهد؟

f()
1
   s = new AVL - Tree
   for i = 1 to n do
           if s. member(x[i])
                s.delete(x[i])
           else
               s.insert(x[i])
  for i = 1 to n do
        if not s.member(x[i])
                return (false)
    return (True)
}
                                                ۱) اگر آرایه عنصر تکراری داشته باشد True بر می گرداند.

 ۲) اگر آرایه عنصر تکراری نداشته باشد True بر می گرداند.

                                              ۳) اگر تعداد رخداد تمام عناصر فرد باشد True بر می گرداند.
                           ۴) از آرایه X تمام عناصر تکراری را حذف و آن را در یک درخت AVL قرار میدهد.

    ۷۹ در رابطه با استفاده از الگوریتم heapsort به عنوان الگوریتم مرتبسازی کمکی در مرتبسازی radix کیدام

                                                                                جمله درست است؟

 مى تواند استفاده بشود چون inplace است.

 نمى تواند استفاده بشود چون inplace نیست.

                                                           ٣) مي تواند استفاده بشود چون stable است.
                                                         ۴) نمی تواند استفاده بشود چون stable نیست.
۸- در نوشتهای تعداد تکرار حروف E .D .C .B .A و F به ترتیب ۲۰۰ ، ۱۵۰ ، ۲۵۰ ، ۳۰ و ۲۰ بار می باشد.
              چنانچه آن نوشته را با استفاده از روش هافمن کد کنیم، طول کد تولید شده چند بیت خواهد بود؟
                                                                                         1770 (1
                                                                                         1710 (T
                                                                                         1890 (8
                                                                                         1400 (4
```

۸۱ - فرض کنید A و B دو مسئلهٔ تصمیم گیری بوده و $A \leq_p B$ باشد A در زمان چندجملهای به B کاهش یابد). کدام گزینه درست است؟

. اگر B یک مسئلهٔ NP باشد آنگاه A یک مسئله NP - کامل است (۱

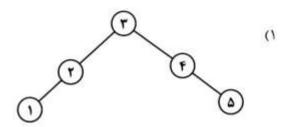
۲) اگر A یک مسئلهٔ NP - کامل باشد آنگاه B نیز NP - کامل است.

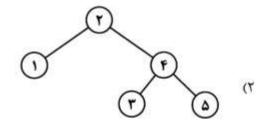
۳) اگر A یک مسئلهٔ NP باشد آن گاه B یک مسئلهٔ NP - کامل است.

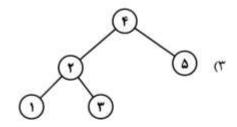
۴) اگر B یک مسئلهٔ NP - کامل باشد آنگاه A نیز NP - کامل است.

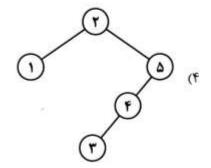
۸۲ درخت جستجوی دودویی بهینه برای نمونهٔ زیر کدام است؟

اعداد	١	۲	٣	۴	۵
احتمال جستجو	٥/٢	0/4	0,00	0/1	0,70









A۳ کدامیک از الگوریتمهای زیر حریصانه میباشد؟

a = Fractional knapsack

b = Dijkstra

c = Bellman - ford

d = kruskal

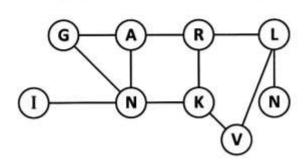
b.c.d of

a.b.d (

b.d (T

a.b ()

۸۴ در جستجوی عمق اول (Depth First Search) گراف زیر با فرض آن که گره مبدأ باشد و گرههای مجاور به یک گره به ترتیب حروف الفبای انگلیسی ملاقات شوند، کدام مورد ترتیب ملاقات گرهها را نمایش می دهد؟



$$A-G-N-I-K-R-L-N-V$$
 (1

$$A - G - N - I - R - K - L - V - N$$
 (Y

$$A - G - N - I - K - R - L - V - N$$
 (*

$$A - G - N - I - K - R - V - L - N$$
 (*

۸۵- تابع زیر از چه مرتبهای است؟

$$T(n) = YT\left(\left\lfloor \sqrt{n} \right\rfloor\right) + \log n$$

- $O(n\log(n))$ (1
- $O(\log(\log(n)))$ (7
- $O(n \log(\log(n)))$ (*
- $O(\log(n)\log(\log(n)))$ (f

۸۶- کدامیک از جملات زیر صحیح است؟

- ۱) اگر ۲۲ ، CFL ، L باشد، پس CFL ، L است.
- رد. CFL ، L_{γ} باشد. CFL ، L_{γ} باشد. CFL ، L_{γ} باشد. CFL ، L_{γ} باشد.
 - ۳) اگر CFL ،Lر باشد و CFL ،Lر باشد پس CFL ،Lر نیست.
 - ۴) اجتماع بينهايت زبان CFL ،CFL است.
- ۸۷ فرض کنید یک مجموعه متناهی مانند $\emptyset \neq B$ که شامل اعداد صحیح است داده شده. حال هـدف طراحـی یـک DFA روی الفبای OFA داده می شود در صورتی OFA یا به این OFA داده می شود در صورتی پذیرش می گیرد که:

 $\forall i \in B \ x = x_1, \dots, x_n \ x_i = 0$

تعداد stateهای این ماشین در حالت مینیمال کدام است؟ (Max(B) به مفهوم ماکزیمم ترین عضو مجموعه B است.)

$$Max(B) + Y$$
 (f

۸۸ فرض کنید ، L و L منظم است. حال زبانهای زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{split} L_{1}' = & \left\{ \mathbf{w} \mid \mathbf{w} = \mathbf{u}_{1} \mathbf{v}_{1} \mathbf{u}_{\gamma} \mathbf{v}_{\gamma} \mathbf{u}_{n} \mathbf{v}_{n} \right., & \mathbf{u}_{1} \mathbf{u}_{n} \in L_{1} \\ \mathbf{v}_{1} \mathbf{v}_{n} \in L_{\gamma} & \mathbf{u}_{i}, \mathbf{v}_{i} \in \Sigma \right\} \\ L_{\gamma}' = & \left\{ \mathbf{w} \mid \mathbf{w} = \mathbf{u}_{1} \mathbf{v}_{1} \mathbf{u}_{\gamma} \mathbf{v}_{\gamma} \mathbf{u}_{n} \mathbf{v}_{n} \right., & \mathbf{u}_{1} \mathbf{u}_{n} \in L_{1} \\ \mathbf{v}_{1} \mathbf{v}_{n} \in L_{\gamma} & \mathbf{u}_{i}, \mathbf{v}_{i} \in \Sigma^{*} \right\} \end{split}$$

كدام مورد صحيح است؟

- ۱) L' و برك منظم است.
- ۲) L' و کا نامنظم است.
- ۳) L' منظم ولى بال نامنظم است.
- ۴) برا منظم ولى L' نامنظم است.

مرض کنید یک زبان روی الفبای $\Sigma = \{a,b\}$ تعریف شده باشد بهطوری که بین هر جفت a در رشته بتوان تعدادی - ۸۹ فرد b یافت. DFA مینیمم روی این زبان شامل چند state است؟

- D (T
- 9 (4
- Y (4

به ازاي هر ∘ < state ، k > و حروف الفباي {0,1}، چه تعداد DFA با State ، K مي توان ارائه كرد؟

- KTKTO
- KTK+1TK CT
- k * k + 1 (+

۹۱ زبان معادل با گرامر زیر کدام است؟

 $S \rightarrow Ax \mid By$

 $A \rightarrow By \mid Cw$

 $B \rightarrow x \mid Bw$

 $C \rightarrow y$

 $xw^+y + xwx + yw$ ()

 $xw^+y + xwxy + ywx$ (Y

 $xw^*v + xw^*vx + vwx$ (**

 $xw^*y + xwxy + ywx$ (f

۹۲ رابطهٔ بازگشتی زیر چه زبانی را توضیح می دهد؟

 $\Sigma = \{a, b\}$

 $\lambda \in L$

 $\forall x \in L \Rightarrow axab \in L, bx \in L$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid \Sigma^n(ab)^n\} \ (V$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = (ba)^n (ab)^n\}$$
 (Y

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid x = a^n b^* (ab)^n \}$$
 (**

$$L = \left\{ x \in \Sigma^* \mid x = w(ab)^{n_a(w)}, w \in \Sigma^* \right\}$$

97 - بر اساس چه مقداری از L ، w منظم میشود؟

$$L = \left\{ a^n w b^n \mid n \ge \circ \right\}$$

- $w \in \{a, b\}$ (1
- $w \in \{a, b\}^*$ (7
- $w \in \{c,d\}^*$ (*
 - ۴) هیچکدام

۹۴- کدامیک از زبانهای زیر بازگشتی است؟

- L = {< D > است | state با مينيمم TM با مينيمم) (١
- L = {< D > است | state با مينيمم DFA يک D} (۲
- ۳ (NPDA یک NPDA با مینیمم state است (NPDA یک
 - *PDA یک PDA با مینیمم state است |PDA یک PDA) (۴

٩٥- همهٔ جملات زير صحيحاند، به جز:

- ۱) به ازای هر زیر مجموعه از یک زبان بازگشتی نمی توان یک decidable TM ارائه نمود.
 - ۲) به ازای هر رشته در یک زبان غیربازگشتی میتوان یک decidable TM ارائه نمود.
- ۳) به ازای هر زیر مجموعه از یک زبان غیربازگشتی نمی توان یک decidable TM ارائه نمود.
- ۴) مى توان يك زيرمجموعه نامتناهى از يك زبان غيربازگشتى يافت كه decidable TM باشد.

مبانی منطق و نظریه مجموعهها:

۹۶- تعداد T در ستون آخر جدول ارزش گزارهٔ $r \leftrightarrow (p \leftrightarrow q)$ برابر است با:

- 9 (1
- D (T
- 4 (4
- 4 (4

$$\{\neg p, p \lor q\} \models q$$

$$\{p \lor q, \neg q \lor r\} \models p \lor r$$

$$\{p \to q, s \to t\} \models (p \lor s) \to (q \land t)$$

- 1 (1
- 7 (7
- 1 (4
- 0 (4

۹۸ فرمول گزارهای زیر، چه تعداد زیرفرمول گزارهای دارد؟

$$((p \rightarrow \neg q) \lor ((p \land r) \rightarrow s)) \rightarrow \neg r$$

- 9 (1
- 10 (7
- 11 (4
- 17 (4

99- فرض کنید * یک رابط گزارهای ۲ ـ موضعی باشد بهطوریکه p*q غلط است اگر و تنها اگر q و p ارزش متفاوتی داشته باشند. در ستون آخر جدول ارزش گزارهٔ (p*p)*(q*q) چند T وجود دارد؟

- 1 (1
- T (T
- 4 (4
- 4 (4

۱۰۰ چه تعداد از استنتاجهای زیر در دستگاه استنتاج طبیعی برقرارند؟

$$(\neg p) \lor (q \to p) \vdash \neg p \land q$$

$$(\neg r) \to (p \lor q), (r \land \neg q) \vdash r \to q$$

$$p \to (q \to r) \vdash p \to (r \to q)$$

- 0 (1
 - 1 (1
- ۲ (۳
- 4 (4

۱۰۱ - تعداد زیرمجموعههای مجموعهٔ توانی مجموعهٔ $\{\emptyset, \{\emptyset\}\}$ برابر است با:

- T (1
- 4 (1
- 18 (4
- TT (F

- ۱۰۲- چه تعداد از ادعاهای زیر در مورد اصل استقرا در نظریهٔ مجموعهها درست است؟
 - حقیقتی بدیهی در مورد اعداد است.
 - قضیهای در نظریهٔ مجموعهها است.
 - یک تعریف است.
 - 0 (1
 - 1 (1
 - T (T
 - T (F
- ۱۰۳ فرض کنید A مجموعهٔ همهٔ دایرههای در صفحه با مرکز با مختصات گویا و شعاع اصم و B مجموعهٔ همهٔ رابطههای همارزی روی مجموعهٔ اعداد حقیقی باشد. کدام یک از ادعاهای زیر در مورد این دو مجموعه درست است؟
 - ا A با B و B با A (۱ همتوان است.
 - با \mathbb{N} و \mathbb{R} با \mathbb{N} همتوان است. \mathbb{N}
 - با \mathbb{N} و \mathbb{R} با \mathbb{R} و \mathbb{R} با \mathbb{R} همتوان است.
 - با \mathbb{R} و \mathbb{R} با \mathbb{R} همتوان است.
- M_1 دو جملهٔ $B:(\exists x_1)(\forall x_7)\neg R(x_1,x_7)$ و $A:(\exists x_1)(\forall x_7)R(x_1,x_7)$ را در نظر بگیرید. فرض کنید $A:(\exists x_1)(\forall x_1,x_2)$ و $A:(\exists x_1)(\forall x_2,x_3)$ باشد. در این صورت: $A:(\exists x_1)(\forall x_2,x_3)$ و $A:(\exists x_1)(\forall x_2,x_3)$ باشد. در این صورت:
 - ۱) A در M غلط و B در بM غلط است.
 - ۲) A در M درست و B در M درست است.
 - ۳) A در M غلط و B در M درست است.
 - در M_1 درست و B در M_1 غلط است.
 - ۱۰۵ فرمول مرتبهٔ اول زیر به ترتیب چه تعداد متغیر آزاد و زیرفرمول دارد؟

 $(\forall x)(\exists y A(x,y) \rightarrow \exists y (B(x,y,z) \land D(z)))$

- 8.1 (1
- 1.7 (
- 8.7 (4
- 1.1 (4
- ۱۰۶- چه تعداد از خواص زیر در ساختار حسابی، بیان پذیر (تعریف پذیر) است؟
 - اول بودن
 - فرد بودن
 - مربع کامل بودن
 - 0 (1
 - 1 (1
 - T (T
 - 4 (4

```
۱۰۷ مجموعهٔ \{p \land q, p \lor q, p \to q\}، چه تعداد زیرمجموعهٔ ناتهی مستقل دارد؟
                                                                                                                              1 (1
                                                                                                                             T (T
                                                                                                                             4 (4
                                                                                                                             A (F
            -10.4 با دو اتم p و p و دو رابط + و - ، چند گزارهٔ غیر همارز که تناقض یا راستگو نباشند می توان ساخت؟
                                                                                                                             1 (1
                                                                                                                            14 (T
                                                                                                                            18 (4
                                                                                                                            11 (4
                           ۱۰۹ در ستون آخر جدول ارزش گزارهٔ (q 
ightarrow p) 
ightarrow (p 
ightarrow p) چند مورد T وجود دارد؟
                                                                                                                             1 (1
                                                                                                                             4 (1
                                                                                                                             1 (4
                                                                                                                            19 (4

 ۱۱۰ چه تعداد از فرمولهای زیر منطقاً معتبر است؟

\forall x (\phi(x) \leftrightarrow \psi(x)) \leftrightarrow (\forall x \phi(x) \leftrightarrow \forall x \psi(x))
\forall x \exists y (\phi(x) \lor \psi(y)) \rightarrow (\forall x \phi(x) \lor \exists y \psi(y))
(\neg \forall x \exists y \theta(x,y)) \rightarrow \exists w \exists z \theta(w,z)
                                                                                                                             0 (1
                                                                                                                             1 (1
                                                                                                                             7 (4
                                                                                                                             4 (4
۱۱۱ - به چند طریق می توان یک مجموعهٔ n عضوی را به ساختاری برای یک زبان مرتبهٔ اول با یک نماد محمولی
                                                            ۲_موضعی و یک نماد تابعی ۱_موضعی تبدیل کرد؟ ( n > ∘ )
                                                                                                                   r^{n^{\tau}} \times n^{n} ()
                                                                                                                  n^{n^n} \times r^n (7
                                                                                                                  n^{n^{\tau}} \times r^{n} (\tau
                                                                                                                  r^{n} \times n^{n} (f
                               ۱۱۲ - چه تعداد از فرمولهای زیر در یک ساختار مرتبهٔ اول دارای تساوی ارضاءپذیر هستند؟
\forall x \forall y (x=y)
\forall x \forall y (x \neq y)
\forall x \exists y (x \neq y)
                                                            1 (1
                                                                                                                             0 (1
                                                            4 (4
                                                                                                                             T (T
```

۱۱۳ جایگزینی ترم t به جای متغیر y در چه تعداد از فرمولهای A و B و C زیر، مجاز (آزاد) است؟

t = f(x, g(y))

 $A: \forall x R(x,y)$

 $B: \exists z (\forall x R(x,z) \rightarrow s(y))$

 $C:\exists x\exists z(R(x,y)\rightarrow s(z))$

- ا۱۱۴ فرمول $(y \ge z \le y) \wedge (x \ge z \le y \lor y \ge z \le x)$ ، در چه تعداد از ساختارهای ترتیبی اعداد طبیعی، اعداد صحیح، اعداد گویا و اعداد حقیقی درست است؟
 - 0 ()
 - 7 (7
 - 7 (7
 - 4 (4
- $\sum_{n=0}^{\infty} -110$ می مجموعهٔ نامتناهی از جملات در یک زبان مرتبهٔ اول است. فرض کنیم به هر زیرمجموعهٔ متناهی $\sum_{n=0}^{\infty} -110$ می توان یک جملهٔ دیگر اضافه کرد به طوری که مجموعهٔ حاصل سازگار باشد. چه تعداد از ادعاهای زیر لزوماً درست $\sum_{n=0}^{\infty} -110$
 - کے سازگار است.
 - ∑ تمام است.
 - \sum مستقل است.
 - 0 (1
 - 1 (1
 - 7 (4
 - T (F

ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات:

۱۱۶ - فرض کنید $\{A = \{1,7,...,10\}$ - پندتا از زیرمجموعههای A شامل دقیقاً سه عدد فرد هستند؟

$$\begin{pmatrix} L_{\Lambda} \\ V \end{pmatrix}$$
 (L. $\begin{pmatrix} L_{\Lambda} \\ V \end{pmatrix}$ (L. $\begin{pmatrix} L_$

۱۱۷- گراف K_{۱۰۰} شامل چند زیرگراف یکریخت با ستاره K_{۱۰۰} است؟

$$95\begin{pmatrix} 1 & \circ \\ \Delta \end{pmatrix}$$
 (7
$$\begin{pmatrix} 1 & \circ \\ \Delta \end{pmatrix}$$
 (1) $95\begin{pmatrix} 1 & \circ \\ 4 \end{pmatrix}$ (7) $95\begin{pmatrix} 1 & \circ \\ 4 \end{pmatrix}$ (8)

۱۱۸- مجموع اعداد ۶ رقمی که با رقمهای ۴ و ۴ و ۴ و ۱ و ۱ و ۱ ساخته می شوند. کدام است؟ 9999990 (Y 000000 (1 TFOXDDDDDD (F 11111100 (1 -119 همه عبارات زیر درباره گراف G صحیح است، بهجز: ۱) اگر G گراف دو بخشی باشد، آنگاه مکمل آن دوبخشی نیست. ۲) هرگراف دو بخشی با n رأس حداکثر $\frac{n^{\tau}}{\xi}$ يال دارد. ۳) گراف دو بخشی منتظم با تعداد فرد رأس وجود ندارد. ۴) اگر G یک گراف دو بخشی باشد، با حذف هر یال، دو بخشی باقی می ماند. ۱۲۰ بستار متعدّی رابطهٔ $R = \{(a,b),(b,c),(c,d),(d,b)\}$ دارای چند عضو است؟ 9 (1 10 (7 17 (14 (4 ۱۲۱- درخت T که دارای ۳ رأس درجهٔ ۵ است، حداقل دارای چند برگ است؟ 1 (1 10 (7 110 10 (4 ۱۲۲- طبق تعریف زیر، گراف G چند یال دارد؟ هر زیر مجموعه $x = \{1, 7, ..., 10\}$ و A مجاورند $x = \{1, 7, ..., 10\}$ و A مجاورند $(|A \cap B| = 1)$ اگر و تنها اگر اشتراک A و B تک عضوی باشد 110 (1 870 (T 1790 (4 TYX 0 (4 ۱۲۳ - گراف G از مرتبه ۱۵ با مینیمم درجه $\sigma = \delta$ ، دارای σ مؤلفه همبندی است. تعداد حداقل و حداکثر یالها را با q_{min} و q_{max} نمایش میدهیم. در این صورت (q_{min} و q_{max}) کدام است؟ (17.77) (7 (17.70) (1 (14.48) (4 (14. TA) (T

۱۲۴- گراف G با مجموعه رأسهای $\{v = \{r, r, r, \dots, v\}\}$ به صورت زیر تعریف می شود که دو رأس i و i مجاور هستند اگر و تنها اگر i و j نسبت به هم اول باشند. کدام مورد درباره G درست است؟

- ۱) مسیر هامیلتونی دارد اما اویلری نیست.
- ۲) گراف اویلری است اما مسیر هامیلتونی ندارد.
- ۳) نه مسیر هامیلتونی دارد و نه گراف اویلری است.
- ۴) هم مسیر هامیلتونی دارد و هم گراف اویلری است.

1۲۵- با استفاده از حروف كلمهٔ falafel چند كلمه به طول ۵ مى توان ساخت؟

- TY 0 (1
- 490 (T
- FA = (T
- VY 0 (4

اعداد جهار عدد متمایز از دنباله 1,1,7,7,7,7 - 7,7 - 7,7 - 7 را انتخاب می کنیم. احتمال اینکه حاصل ضرب اعداد انتخاب شده مثبت باشد، چقدر است 3

- ۴ (۱
- $\frac{\lambda}{r\Delta}$ (7
- <u>11</u> (4
- 19 (F

۱۲۷ – مجموعهٔ S با $S \Rightarrow (x + r \in S, (x - r)^r + r \in S)$ تعریف شده است. مقدار $S \cap \{1, r, ..., r \circ \}$ کدام است؟

- 10 (1
- 11 (7
- 17 (
- 14 (4

۱۲۸ می خسواهیم پسنج زیرمجموعسه $X = \{1,7,7\}$ از مجموعسهٔ $X = \{1,7,7\}$ انتخباب کنسیم بسه طسوری کسه $X = \{1,7,7\}$ این زیرمجموعه کرد؟ (پنج زیرمجموعه لزومیاً $A \cup B \cup C = D \cap E$ متمایز نیستند.)

- 1074 (1
- 1000 (7
- 779 (4
- DIT (4

۱۲۹- چند گراف کامل دو بخشی وجود دارد که قابل تجزیه به ۳ درخت فراگیر باشد؟ (در تجزیه یک گراف به چند زیرگراف، هر یال گراف دقیقاً در یک زیرگراف ظاهر می شود.)

- 1 (1
- T (T
- 4 (4
- 4 (4

۱۳۰ اعداد مجموعه $\{1,7,...,n\}$ را با دو رنگ سیاه و سفید رنگ کردهایم بهطوری که تفاضل هر دو عدد سیاه، سفید است $\{n\}$

D (T

1950 (1

۱۳۱ ضریب جملهٔ x^{f} در عبارت زیر کدام است -

$$(x + \sqrt{7} + 1)^{\Lambda} + (x + \sqrt{7} - 1)^{\Lambda} + (x - \sqrt{7} + 1)^{\Lambda} + (x - \sqrt{7} - 1)^{\Lambda}$$

a و a دو رقم متمایز هستند بهطوری که برای هر $n \in \mathbb{N}$ ، مضربی طبیعی از n با ارقام a و a وجود دارد. a و a -۱۳۲ به ترتیب کدام است؟

۱۳۳ – تعداد سه تایی های مر تب (x,y,z) از اعداد صحیح که در نامساوی ۶≤ |x|+|y|+|z| صدق می کنند. کدام است؟

- 8YY (1
- FAT (T
- **TYY** (T
- TA = (4

۱۳۴− تعداد ۷ نهال چنار، ۴ نهال سپیدار و ۳ نهال سرو باید در یک ردیف با رعایت شرایط زیر کاشته شوند:

نهالهای ابتدا و انتهای ردیف چنار باشند.

هیچ دو نهال سرو مجاور هم نباشند.

هیچ دو نهال سپیدار مجاور هم نباشند.

هر نهال سرو بین یک چنار و یک سپیدار واقع شود.

انجام این کار به چند طریق ممکن است؟ (نهالهای همنوع، یکسان محسوب میشوند.)

- 140 (1
- 940 (T
- 1010 (4
- 1140 (4

۱۳۵- به چند طریق می توان مجموعه {۱٬۲۰۳٬۰۰۰٬۱۳۹۷} را به ۴ زیرمجموعهٔ ناتهی افراز کرد که در هیچ یک، دو عدد متوالی وجود نداشته باشد؟

$$T^{1T9\Delta} - T^{1T9F}$$
 (T

$$T^{1T98} + T^{1T90} - 1$$
 (T

$$\frac{1}{r} \Big(r^{1795} - r^{1795} + 1 \Big)$$
 (4