

ئام :

نام خانوادگی :

محل امضاء:



صبح پنجشنبه ۹۳/۱۱/۱۶

网络玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃玻璃



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح میشود. امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فناوری سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دورههای کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل ـ سال ۱۳۹۴

مجموعه علوم کامپیوتر ـ کد ۱۲۰۹

توجه: داوطلبان گرایش علوم کامپیوتر باید به سؤالهای ۱ تا ۱۳۵ پاسخ دهند. داوطلبان گرایش علوم تصمیم و مهندسی دانش به سؤالهای ۱۳۰۰ و ۱۳۶ تا ۲۴۰ پاسخ دهند.

مدت یاسخگویی: ۲۷۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۲۴۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات

تا شماره	از شماره	تعداد سؤال	مواد امتحانی	رديف	محرايش
ŗ.	1.	۲.	ژبان عمومی و تخصصی	Y	مشترك
٧۵	71	۲۵	دروس یایه (ریاضیات عمومی، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آتالیز عددی و مبانی احتمال)	۲	مختص اوطالبان علوم
۱۳۵	٧۶	9.	دروس تخصصی (مبانی ترکیبات، ساختمان دادمها و الگوریتهها، مبانی نظریه محاسبه، مبانی منطق و نظریهٔ مجموعهها)	٣	كأميبوتر
۱۸۰	142	40	دروس پایه (ریاضیات عمومی، مبانی آنالیز عددی، مبانی احتمال، مبانی کامپیوتر، ریاضیات گسسته)	۴	مختص اوطلبان علوم
44.	181	۶.	دروس تخصصي (ساختمان دادهها و الگوريتيهها، مباني نظري محاسبه، تحقيق در عطيات (١))	۵	تصعیم و هندسی دانش

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

بهمن ماه ـ سال ۱۳۹۳

يق حاب، تكثير و انتشار سوالات به هي وش (الكترونيكي و ...) مين از د كزاري آزمون، د اي تمامي اشخاص حقيقي و حقوقي نتها با محوز اين سازمان محاز ميراشد و با متخلفين براير مقررات رفتار ميرشود

زبان عمومي و تخصصي

PART A: Vocabulary

<u>Directions:</u> Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark your answer sheet.

ne time to make sure	ar	th vour anewere en	vou're hanny wi
reface	3) proceed	2) precede	1) prescribe
pilled food all over the	absolute; the l	babysitting was an	2- My first day of l
	mything I had to say.	wouldn't listen to	kitchen and they
asco	condemnation	2) enigma	1) invasion
asco pany tossed our boxes	way the moving	nhappy with the	3- We were very u
		ise.	into our new hou
eutral	initial	2) impatient	 haphazard
ouse."	3) initial id the dog was "as big :	when he sa	4- The author used
retension	precision	ss 2) hyperbole	 shortsightednes
ter.	set about such a	ou would get so up	5- I never thought y
ivial	colloquial	2) consistent	1) contradictory
e crime.	s for committi	ered about the man	6- The police wond
nspiration	impact	2) motive	 inhibition
pect Ricky to	reed with the decision	members have ag	7- While most club
5 N20		Section 11 To 11	forcibly.
bate	3) avoid	2) vanish	1) dissent
farms must receive	he candidate, "that	," said t	8- "It is my firm
)."	government help
eprivation	conviction	safeguard	 speculation
you look it up in a/an	ding that unusual wor	etter chance of fin rv.	9- You'll have a b
nabridged	cultured	2) publicized	 skilled
used to their	unite at 4:00 P.M., th	kers planned to re	
hronicle	3) synchronize	2) reinforce	
bate farms must reprivation you look it up in nabridged nused to	3) avoid he candidate, "that is 3) conviction ding that unusual wor 3) cultured unite at 4:00 P.M., th	2) vanish 2," said to 3." 2) safeguard etter chance of fin ry. 2) publicized kers planned to re	forcibly. 1) dissent 8- "It is my firm government help 1) speculation 9- You'll have a b dictiona 1) skilled 10- Because the hi watches.

PART B: Cloze Passage

<u>Directions:</u> Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark your answer sheet.

Herbicides, also commonly known as weed killers, are pesticides used to kill unwanted plants. Selective herbicides kill specific targets, (11) ------ the desired crop relatively unharmed. Some of these act by interfering with (12) ------ and are often synthetic mimics of natural plant hormones. Herbicides used to clear waste ground, industrial sites, railways and railway embankments are not selective (13) ------ all plant material with which they come into contact. Smaller quantities are used in forestry, pasture systems, and management of areas (14) ------ as wildlife habitat.

Some plants produce natural herbicides, (15) ----- the genus Juglans (walnuts), or the tree of heaven; such action of natural herbicides, and other related chemical interactions, is called allelopathy.

- 11-1) they leave 2) when left with
- 3) while leaving 4) by leaving
- 12-1) the weed of growth
- 2) the growth of the weed
- 3) the weed in growing
- 4) the growing of weed

13- 1) and kill	2) killer of	3) to kill	4) which kill		
14- 1) where set aside		2) in which they are set aside			
3) that set asi	de	4) set aside			
15- 1) either	2) such as	3) or	4) includes		

PART C: Reading Comprehension

<u>Directions</u>: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4) and then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE 1:

Suppose that a task can be done in n_1 or in n_2 ways? But that some of the set of n_1 ways to do the task are the same as some of the n_2 other ways to do the task. In this situation, we cannot use the sum rule to count the number of ways to do the task. Adding the number of ways to do the tasks in these two ways leads to an overcount, because the ways to do the task in the ways that are common are counted twice. To correctly count the number of ways to do the two tasks, we add the number of ways to do it in one way and the number of ways to do it in the other way, and then subtract the number of ways to do the task in a way that is both among the set of no ways and the set of n_2 ways. This technique is called the principle of inclusion-exclusion. Sometimes, it is also called the subtraction principle for counting. Also, this principle will be used to count the permutations of n objects that leave no objects in their original positions. Consider Example 1 below.

The Hatcheck Problem. A new employee checks the hats of *n* people at a restaurant, forgetting to put claim check numbers on the hats. When customers return for their hats, the checker gives them back hats chosen at random from the remaining hats. What is the probability that no one receives the correct hat?

A derangement is a permutation of objects that leaves no object in its original position. Let D_n denote the number of derangements of n objects. Note that

$$D_n = n! \left(1 - \frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} - \frac{1}{3!} + \dots + (-1)^n \frac{1}{n!} \right).$$

			/
10-	Let us assume a task can be done ei	•	
	we can use the to count	the number of ways	to do the task.
	1) sum rule	product rule	
	3) subtraction principle	4) sum rule su	btraction principle
17-	A derangement is (a)	500	
	1) permutation with repetition	2) permutation	i
	3) combination	4) combination	with repetition
18-	The number of derangements of a s	et of <i>n</i> objects can be	proved by the
	1) subtraction principle		
	2) pigeonhole principle		
	3) generalized pigeonhole principle	e	
	4) generalized inclusion-exclusion		
19-	The number of derangements of the		4000 MA-14W
	1) 4 2) 3	3) 2	4) 1

The solution of problem in Example 1 is -----

1)0

2) D_n 3) $\frac{D_n}{n!}$

PASSAGE 2:

Pixel positions in the frame buffer are organized as a two-dimensional array of intensity values corresponding to coordinate screen positions. The number of pixel positions in the raster is called the resolution of the display processor (or resolution of the frame buffer). Good-quality raster systems have a resolution of about 1024 by 1024, although higher-resolution systems are available. Since the resolution of a CRT monitor depends on the size of the phosphor dot that can be produced, a graphics system may have two resolutions one for the monitor used with the system and one for the frame buffer. To generate the best-quality pictures, the resolution for the video monitor should be equal to or higher than the resolution of the frame buffer.

Graphics commands are translated by the scan-conversion process into intensity values for storage in the frame buffer. In a simple black-and-white system, each screen point is either on or off, so only one bit per pixel is needed to control the intensity of screen positions. A bit value of 1, for example, would mean that the electron beam is to be off. Additional bits are needed when color and intensity variations can be displayed. Up to 24 or more bits per pixel are included in high quality systems, although storage requirements for the frame buffer then get quite high. A system employing 24 bits per pixel with a screen resolution of 1024 by 1024 would require a frame buffer with 3 megabytes of storage.

21- Resolution of frame buffer should be ----- resolution for the video monitor.

- 1) higher than or equal to
- 2) higher than

3) exactly the same as

4) less than or equal to

22- Resolution of the frame buffer -----

- 1) demands 3 megabytes of storage
- 2) is the number of pixel positions in the raster
- 3) plays a major role in design of a frame
- 4) does not have any impact on the quality of picture

23- A resolution of 1024 by 1024 -----

- 1) is too costly for picture presentation
- demands 3 megabytes of storage
- 3) is not good for colored pictures
- 4) is good enough for showing good quality pictures

24- The number of bits per pixel -----.

- 1) has a direct effect on the storage requirements
- 2) is unnecessarily big for practical purposes
- 3) can be as large as 1024
- 4) is always 1

25- 3 megabytes of storage would be required ------

- if black and white pictures are to be shown
- 2) for a 1024 by 1024 resolution with 24 bits per pixel
- 3) to say the least
- 4) for CRT monitors

PASSAGE 3:

It is necessary here to make a distinction between virtual circuit or datagram operation at the network layer and virtual circuit or datagram service. The discussion above concerned the operation of the network layer; the user of the network layer (usually the transport layer) is concerned only with the service offered. Since successive packets of a session, using datagram operation, might travel on different routes, they might appear at the destination out of order. Thus (assuming that the network layer module at the destination does not reorder the packets), the service offered by such a network layer allows packets to get out of order. Typically, with datagram operation, packets are sometimes dropped also. As a result, datagram service is usually taken to mean that the network layer can deliver packets out of order, can occasionally fail to deliver packets, and requires no connection phase at the initiation of a session. Conversely, virtual circuit *service* is taken to mean that all packets are delivered once, only once, and in order, but that a connection phase is required on session initiation. We will often use the term connectionless service in place of datagram service and connection-oriented service in place of virtual circuit service. We shall see that the difference between connectionless and connection-oriented service has as much to do with quality of service, flow control, and error recovery as it does with routing.

26-	The service being offered	·•
	1) is excellent	
	2) concerns the transport layer	
	3) is inappropriate for the transport	layer
	4) is not adequate for practical purp	ooses
27-	Packets get out of order due to	
	1) a bad service	
	2) unnecessary precautions	
	3) their travelling on different route	es
	4) their travelling on the same route	
28-	Packets may not be delivered becau	
	1) of datagram operation	the service is bad
	3) of unnecessary precautions	4) the destination is obscure
29-	A connection phase is needed at the	initiation of a session
	1) in a virtual circuit service	2) in a data transferring program
	3) in any service	4) for data processing
30-	Routing plays a key role in	······································
	1) any data transformation	
	2) supporting packet delivery	
	3) differentiating datagram service	and virtual circuit service

4) the connection phase of a service

رياضيات عمومي

برای دو عدد حقیقی a و b با شرط a < b < a < b ، حد دنبالهٔ $\left\{x_n\right\}_{n=1}^\infty$ با ضابطه زیر کدام است؟

 $x_1 = a$

 $\mathbf{x}_{\mathbf{Y}} = \mathbf{b}$

$$x_n = \frac{x_{n-1} + x_{n-1}}{r} \qquad (n \ge r)$$

b (1

$$\frac{1}{r}(a+rb)$$
 (Y

$$\frac{1}{r}(a+b)$$
 (7

$$\frac{1}{\Lambda}(\tau a + \Delta b)$$
 (*

۱۳۲ مشتق تابع $x = \frac{\pi}{r}$ در نقطه $f(x) = \int_{0}^{\sin x} \frac{dt}{r + t^{\Delta}}$ کدام است

 $D = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^7 \mid x^7 + y^7 \le 1, \ x \ge \circ, \ y \ge \circ \right\}$ کدام $\int \int xy(x^7 + y^7)^{\frac{r}{r}} dx dy$ مقدار $D = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^7 \mid x^7 + y^7 \le 1, \ x \ge \circ, \ y \ge \circ \right\}$ کدام $- \pi \pi$

است؟

برد تابع $\frac{1}{x^x}$ کدام است؟

- $(\circ, e^e]$ ()
- (0,1] (7
- (°,e⁻¹] (۳
- (o,ee-1] (*

x مساحت رویه حاصل از دوران منحنی $x = \frac{1}{\lambda}(t-\sin t)$ و $x = \frac{1}{\lambda}(t-\sin t)$ محور $x = -\infty$

كدام است؟

- $\frac{\pi}{r}$ (1
- $\frac{\pi}{r}$ (7
- Yπ (٣
- $\frac{\Delta\pi}{r}$ (*

سیالی در درون یک مخزن استوانهای به شعاع ۲ درحال چرخش است، بهطوریکه حرکتش توسط میدان $F(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ $i+x\sqrt{x^7+y^7}$ j سطح فوقانی و $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ $i+x\sqrt{x^7+y^7}$ سطح فوقانی و $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ کدام است $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ کدام است $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ کدام است و قائم یکهرو به خارج مخزن استوانهای باشد، مقدار انتگرال $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ کدام است و قائم یکهرو به خارج مخزن استوانهای باشد، مقدار انتگرال $f(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$

- 8TT ()
- ¥π (٢
- 10 T (T
- 18T (4

 $\phi(x,y,z)=x^{7}-ty^{7}+tz^{7}$ کدام است؟ ماکسیمم مقدار مشتق جهتی تابع $\phi(x,y,z)=x^{7}-ty^{7}+tz^{7}$ کدام است؟

- T1 (1
- TVT1 (T
- VT1 (
- TVT1 (4

y=1 و خط y=1 حول خط y=1 کدام است؟ $y=x^{7}$ و خط y=1 حول خط y=1 کدام است؟

- $\frac{7\pi}{\Delta}$ (1
- $\frac{\pi \lambda \pi}{\Delta}$ (۲
- $\frac{\Delta 9\pi}{1\Delta}$ (4)
 - γπ (۴

با کدام گزینه برابر است؟
$$\int_{1}^{e} \int_{1}^{\ln x} f(x,y) dy dx$$
 انتگرال $-$ 99

$$\int_{\circ}^{1} \int_{e}^{e^{y}} f(x,y) dxdy \quad (1)$$

$$\int_{\circ}^{1} \int_{e^{y}}^{e^{y}} f(x,y) dxdy \quad (1)$$

$$\int_{\circ}^{1} \int_{e^{y}}^{e^{y}} f(x,y) dxdy \quad (2)$$

$$\int_{\circ}^{1} \int_{e^{y}}^{e^{y}} f(x,y) dxdy \quad (3)$$

مباني علوم رياضي

- f نون کنید $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ یک تابع خود توان باشد (یعنی برای هر f(f(n)) = n ، $n \in \mathbb{N}$ ورث کنید $f: \mathbb{N} \to \mathbb{N}$ یک رابطه:
 - ۱) بازتایی است.
 - ۲) یاد متقارن است.
 - ٣) متقارن است.
 - ۴) متعدی (تراگذری) است.
 - نقیض گزارهٔ زیر کدام است؟

تابع $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ در نقطهٔ $a \in \mathbb{R}$ پیوسته است.

- $\forall \varepsilon \exists \delta \exists x (|x-a| \ge \delta \& |f(x)-f(a)| \ge \varepsilon)$ ()
- $\exists \varepsilon \forall \delta \exists x (|x-a| < \delta \& |f(x)-f(a)| \ge \varepsilon)$ (7)
- $\exists \varepsilon \forall \delta \exists x (|x-a| \geq \delta \& |f(x)-f(a)| \geq \varepsilon)$ (*
- $\exists \varepsilon \exists x \forall \delta (|x-a| < \delta \Longrightarrow |f(x)-f(a)| \ge \varepsilon)$ (4)
- ا باشد. $\mathbf{R} \in \mathbb{N}$ فرض کنیم $\mathbf{R} \in \mathbb{R}$ و محدد صحیح نامنفی و مضربی از \mathbf{n} است: \mathbf{r} و \mathbf{r} مجموعهٔ اعداد اول باشد. در این صورت $\prod_{n \in P}$ برابر است با:

- $\mathbb{N}-\{1\}$ (1)
- NU{0} (
- $(\mathbb{N}-\{1\})\cup\{\circ\}\ (\overline{\Gamma}$
 - NU{0}-P (+
- ۴۳- گزاره زیر را در نظر بگیرید که در آن a و b و c اضلاع مثلث T هستند.

 $\mathbf{a}^\mathsf{T} + \mathbf{b}^\mathsf{T} = \mathbf{c}^\mathsf{T}$ مثلث \mathbf{T} قائم الزاويه باشد اين است كه

كدام گزينه معادل با گزاره فوق است؟

- $a^{\mathsf{T}} + b^{\mathsf{T}} = c^{\mathsf{T}}$ مثلث قائم الزاویه باشد آنگاه T مثلث (۱
- ۲) اگر $a^{\tau} + b^{\tau} \neq c^{\tau}$ آنگاه T یک مثلث قائمالزاویه نیست.
 - $a^{\mathsf{T}} + b^{\mathsf{T}} = c^{\mathsf{T}}$ مثلث قائمالزاویه است و T (۳
- اگر $a^T + b^T = c^T$ آنگاه $a^T + b^T = c^T$ اگر ۴

- قرگاه x و z و z اعداد اصلی باشند و z ترامتناهی (transfinite) باشد، کدام گزینه درست است؟

$$(x+y)^{z} = y^{z}$$
 آنگاه $x = y$ (۱)

$$(x + y)^{Z} = y^{Z}$$
 و y ترامتناهی باشد آنگاه $x < y$). اگر $x < y$).

$$x = y$$
 آنگاه $x^{z} = y^{z}$ (۳

$$x = y$$
 آنگاه $xz = yz$ (۴

$:R\cap R^{-1}$ اگر R یک رابطهٔ دوتایی روی مجموعه X باشد آنگاه $R\cap R^{-1}$:

مبانی ماتریسها و جبر خطی

$$(I + \Upsilon A)^{-1} = I + \alpha A + \beta A^{\Upsilon}$$
و $A^{\Upsilon} = 0$ و $A^{\Upsilon} = 0$ و $A^{\Upsilon} = 0$ و $A^{\Upsilon} = 0$ و $A^{\Upsilon} = 0$ مقادیر A مقادیر A و $A^{\Upsilon} = 0$ و $A^{\Upsilon} = 0$

$$\alpha = -\tau, \beta = \tau$$
 (1

$$\alpha = r \cdot \beta = -r \cdot (r \cdot \beta)$$

$$\alpha = -\tau, \beta = -\tau$$

$$\alpha = \tau, \beta = \tau$$
 (\$

۴۷ فرض کنید T یک عملگر خطی روی فضای چند جملهایهای از درجه حداکثر T است که با ضابطهٔ زیر تعریف شده است: T(f(x)) = f(x) + f(x+1)f'(x) مقادیر ویژه T کدامند؟

برابراست با:
$$\mathbf{W} = \left\{ \mathbf{B} \in \mathbf{M}_{\mathsf{Y}}(\mathbb{R}) \, | \, \mathbf{A} \mathbf{B} = \mathbf{B} \mathbf{A} \right\}$$
 برابراست با: $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathsf{Y} & \mathsf{I} \\ -\mathsf{I} & \circ \end{bmatrix}$ برابراست با:

- 1 (1
- 7 (7
- 7 (4
- F (F

۴۹ فرض کنید A یک ماتریس 1×1 بر روی یک میدان است. اگر $A + \det A$ آنگاه

tr(I+A) برابر است با:

- 4 (1
- 0 (1
- 8 (4
- V (4

مجموعه ای از بردارهای متعامد و یکه در \mathbb{R}^Δ باشد که برای $A\in M_{\Delta}(\mathbb{R})$ فرض کنید $A\in M_{\Delta}(\mathbb{R})$ و $A\in M_{\Delta}(\mathbb{R})$ مجموعه ای از بردارهای متعامد و یکه در $A\alpha_i=i\alpha_i$ باشد که برای $X\in A_1, \alpha_1, \alpha_2$ داریم:

$$1 \le \frac{X^t A X}{X^t X} \le r$$
 (1

$$0 \le \frac{X^t A X}{X^t X} \le 1$$
 (7

$$r < \frac{X^t A X}{X^t X} \le f$$
 (r

$$f < \frac{X^t A X}{X^t X} \le \Delta$$
 (f

۵۱ فرض کنید T یک تبدیل خطی روی \mathbb{R}^T بوده که مضرب همانی نباشد که دو زیر فضای متمایز T بعدی از \mathbb{R}^T را پایا نگه میدارد. در این صورت تعداد مقادیر ویژه حقیقی T برابر است با:

- ۱) صفر
 - 1 (1
 - 7 (4
 - T (F

مباني أناليز رياضي

۵۲ - فرض کنید A و B دو زیر مجموعه کراندار ناتهی از R باشند. در اینصورت کدام گزاره معادل inf $A \leq \inf B$

- $a \le b$ هست که $a \in A$ عضوی مانند $b \in B$ هست که (۱
- $a \le b$ هست که به ازای هر $b \in B$ عضوی مانند $a \in A$ هست که به ازای هر
- $a < b + \varepsilon$ مست که $a \in A$ دو عضو $a \in A$ و $a \in A$
- $a < b + \varepsilon$ و هر $a < b + \varepsilon$ عضوى مانند $a \in A$ هست که $b \in B$ به ازاى هر $b \in B$

ا کدام است؟
$$a_n = (1 + \frac{(-1)^n}{n})^{n^{\Upsilon}}$$
 کدام است؟ حرض کنیم $a_n = (1 + \frac{(-1)^n}{n})^{n^{\Upsilon}}$

- sinh(1) (1
- rcosh(1) (T
- Tsinh(1) (T
- cosh(1) (f

....
$$\mathbf{R}$$
 در $\mathbf{E} = \left\{ \frac{(-1)^n}{\sqrt[n]{\Delta}} : n = 1, 7, ... \right\} \cup \left\{ x \in \mathbf{R} : 1 \le |x| \le F \right\}$ در $-\Delta F$

- ۱) فشرده است.
- ۲) همبند است.
- ۳) بسته است ولی فشرده نیست.
- ۴) کراندار است ولی فشرده نیست.

$\mathbf{a_n} = \mathbf{x_n} - \mathbf{x_{n-1}}$. فرض کنیم $\{\mathbf{x_n}\}$ دنبالهای از اعداد حقیقی مثبت باشد. برای $\mathbf{x_n}$ قرار دهید

گذام گزینه درست است؟
$$\mathbf{b}_{\mathbf{n}} = \frac{\mathbf{x}_{\mathbf{n}}}{\mathbf{x}_{\mathbf{n}-\mathbf{y}}}$$

- اگر {b_n} کوشی باشد، آنگاه {x_n} کوشی است.
- ۲) اگر (b_n) همگرا باشد، آنگاه (x_n) همگرا است.
- ۲) اگر {x_n} کوشی باشد، آنگاه {a_n} همگرا است.
- ۴) اگر (a_n) همگرا باشد، آنگاه (x_n) همگرا است.

شرض کنیم $\{f\}$ پیوسته است و $\{f:Q \to R: f^{\mathsf{Y}} = f\}$ کدام گزینه درست است $\{f\}$

- ا لمار است.
- ۲) A شمارای نامتناهی است.
 - ۳ دقیقاً دو عضو دارد.
- ۴) A متناهی است و بیش از دو عضو دارد.

۵۷- كدام تابع بر (∞+, ۲] پيوسته يكنواخت نيست؟

- $f(x) = e^{x}$ (1)
- $f(x) = \sin x$ (Y
- $f(x) = \sqrt{x-r}$ (r
 - $f(x) = \frac{1}{x^7} ($

کدام یک f(0) = -f(-1) و $f(\circ) = \circ$ فرض کنید $f(\circ) = -f(-1)$ باشد به قسمی که $f(\circ) = -f(-1)$ و $f(\circ) = -\delta$. کدام یک $f(\circ) = -\delta$ از گزینههای زیر درست است؟

- ارد. (۱-۱٫۱) دارد.
 ۱۵ حداقل یک ریشه در (۱٫۱) دارد.
- ریشه در f'(-1,1) دارد. f'(-1,1) دارد.
- ۳ 'f حداکثر یک ریشه در (۱٫۱−) دارد.
- f" (۴ حداقل یک ریشه در (۱٫۱−) دارد.

۵۹ کدام گزینه نادرست است؟

. اگر
$$\sum_{n=1}^{\infty} x_n y_n$$
 و $\sum_{n=1}^{\infty} y_n^{\tau}$ همگرا باشد، آنگاه $\sum_{n=1}^{\infty} x_n^{\tau}$ نیز همگراست.

۲) در یک سری همگرای مشروط، سری متشکل از جملات منفی می تواند همگرا باشد.

یک سری همگرا با جملات مثبت باشد، آنگاه سری
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{x_n x_{n+1}}$$
 نیز همگراست. $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$ اگر $\sum_{n=1}^{\infty} x_n$

با اگر دنباله
$$\sum_{n=1}^{\infty} x_n y_n$$
 صعودی و کراندار و $\sum_{n=1}^{\infty} x_n = \sum_{n=1}^{\infty} x_n y_n$ همگراست.

۶۰ کدام گزینه درست است؟

- دارد. $F: [\circ, 1] \rightarrow R$ وجود دارد. $F: [\circ, 1] \rightarrow R$
- (۲) یک تابع پیوسته و پوشا مانند $\{0,1\} \to F: [0,1] \to F: [0,1]$ وجود دارد.
- $F:(\circ,1) \to [\circ,1]$ وجود دارد. $F:(\circ,1) \to [\circ,1]$
- جود دارد. $F:[\circ,1] \to (\circ,1)$ وجود دارد. $F:[\circ,1] \to (\circ,1)$

ا - فرض کنیم E زیر مجموعه همبند R^{Y} با حداقل دو عضو باشد. در این صورت:

- ۱) °E همبند است
 - $(\overline{E})^{\circ} = E^{\circ}$ (7
 - $E \subseteq E'$ (*
 - $\overline{E}^{\circ} = \overline{E}$ (*

دارای $f:A\to R$ زیر مجموعه R باشد. تحت کدام شرط روی A، هر تابع پیوسته یکنواخت $R\to R$ دارای توسیع پیوسته یکتا از R به R است؟

- ا) A در R چگال است.
 - A (۲ بسته است.
 - ۳) A باز است.
 - ۴) A فشرده است.

۶۳- کدام گزینه درست است؟

- ۱) زیر مجموعهٔ A از R فشرده است اگر و تنها اگر هر دنباله کوشی در آن همگرا باشد.
 - ۲) اشتراک هر خانواده از زیر مجموعههای همبند R، همبند است.
- $f(A^\circ) \subseteq f(A)^\circ$.R از A از A و تنها اگر به ازای هر زیر مجموعهٔ A از A ییوسته است اگر و تنها اگر به ازای هر زیر مجموعهٔ A
- $f(A') \subseteq f(A)'$ ،R الA' = f(A)' ،R البع A = f(A)' ،R پیوسته است اگر و تنها اگر به ازای هر زیر مجموعهٔ

مباني أناليز عددي

۶۴− دستگاه ممیز شناور نرمال شدهای مد نظر است که در آن هر عدد حقیقی x به صورت با $d_1=1$ ، ۱ یا $d_i=1$ ، ۱ فرض کنید که برای نمایش اعداد حقیقی $\pm (\circ/d_1d_Y)_Y \times \Upsilon^{\pm d_Yd_Y}$ ارقام غیر قابل نمایش گرد می شوند. اگر عدد حقیقی x در ناحیه سرریز (overflow) قرار داشته باشد، آن گاه x برابر کدام است؟

- F/0 (1
- D/A (T
 - 8 (4
 - Y (4

هادلات کنید $\overline{\mathbf{X}}$ جواب محاسبه شده با روش حذفی گوس و محورگزینی سطری برای یک دستگاه معادلات -80خطی AX=b در رابطه زیر صدق کند: 0>0 + t u , t>0 کند: 0>0 خطی AX=b

 $\mathbf{u} = 1$ روند عدد یک در ماشین محاسبه به کار رفته است. در این صورت، تعداد ارقام قابل اعتماد در

- X تقریباً برابر کدام است؟ p-t-1 (1
 - t-p+1 (Y
 - t (T
 - p (*

و کہ مجہول است. جواب $u, v \in \mathbb{R}^n$ و $\lambda u - v \parallel$ را در نظر بگیرید که در آن، $u, v \in \mathbb{R}^n$ و $\lambda u - v \parallel$ مسأله با min || \underword u - v برابر كدام است؟

- $v^T v / u^T v$ ()
- $\mathbf{u}^{\mathrm{T}}\mathbf{u}/\mathbf{v}^{\mathrm{T}}\mathbf{v}$ (7
- $\mathbf{u}^{\mathsf{T}}\mathbf{u}/\mathbf{u}^{\mathsf{T}}\mathbf{v}$
- $v^T v / u^T u$ (f

۶۷− میخواهیم مسأله min_x (sin x cos x − ۱) را با روش نیوتن حل کنیم. در این صورت، رابطه تکراری به دست آمده كدام است؟

371F

$$x_{n+1} = x_n + \frac{1}{r}\cot(rx_n)$$
 (1)

$$x_{n+1} = x_n - r \tan(rx_n)$$
 (7

$$x_{n+1} = x_n - r \cot(rx_n)$$
 (**

$$x_{n+1} = x_n - \frac{1}{r} \tan(rx_n)$$
 (4

مقدار $\frac{\mathrm{d} y(x)}{\mathrm{d} x}$ در $x=\circ_{/}$ با استفاده از روش اویلر برای معادله دیفرانسیل به صورت -۶۸

با
$$\mathbf{y}'(\circ) = 1 \cdot \mathbf{y}(\circ) = 0$$
 با $\mathbf{y}'(\circ) = 1 \cdot \mathbf{y}(\circ) = 0$ و $\mathbf{y}'(x) = \mathbf{x}\mathbf{y} + \mathbf{y}$

- 1 (1
- 1,01 (
- 1/01 (4

وه برای محاسبه $f'(x_o) \simeq \frac{-\nabla f(x_o) + \nabla f(x_o + h) - f(x_o + h) - f(x_o + h)}{\nabla h}$ استفاده $f'(x_o) \simeq \frac{-\nabla f(x_o) + \nabla f(x_o + h) - f(x_o + h)}{\nabla h}$ استفاده می کنیم. خطای برشی این فرمول برابر کدام است؟

$$-\frac{h^{\tau}}{\tau}f^{(\tau)}(x) \ (1$$

$$\frac{h^{\tau}}{\tau}f^{(\tau)}(x) \ (\tau$$

$$\frac{h^{\gamma}}{\epsilon}f^{(\gamma)}(x)$$
 (7)

$$-\frac{h^{\gamma}}{\epsilon}f^{(\gamma)}(x)$$
 (4

مباني احتمال

- میانگین توافقی (هارمونیک) N عدد حقیقی برابر $\frac{1}{N}$ است. میانگین توافقی یک زیر مجموعه سره از این اعداد برابر $\frac{1}{M}$ است. میانگین توافقی N-M عدد حقیقی باقیمانده کدام است؟

$$\frac{1}{N-M}$$
 (1

$$\frac{1}{N+M}$$
 (7

$$\frac{1}{N_{\lambda}-M_{\lambda}} \omega$$

$$\frac{1}{N^{\gamma}+M^{\gamma}}$$
 (*

۷۱ فاصله بین دو شهر A و B ۱۰۰ کیلومتر است و ۷ شرکت مسافربری بین این دو شهر وجود دارد. تعداد اتوبوسهای هر شرکت و فواصل شرکتها از شهر A به صورت زیر است:

فواصل شرکتها از شهر A	0-70	10-40	40-00	۵۰-۸۰	٨٥-١٥٥
تعداد اتوبوس	۵۰	100	۲۰	۴٥	110

اگر یک پمپ بنزین بخواهیم در این جاده احداث کنیم فاصله آن تا شهر A چقدر باشد تا جمع کل مسافتهای پیموده شده برای سوختگیری توسط اتوبوسها حداقل شود.

- FD (1
- 44/0 (Y
 - DO (T
- DY/D (F

۷۲ - در شکل زیر با نقاط داده شده روی دو خط L_1 و L_7 چند مثلث می توان ساخت به طوری که یک راس روی L_1 یک خط و دو رأس دیگر روی خط دیگر باشند؟

L, - · · · ·

- T50 (1
- TT0 (T
- 110 CT
- 90 (4

- $M = \{(x,y): x,y = \circ,1,.., \epsilon\}$ فرض کنید $M = \{(x,y): x,y = \circ,1,.., \epsilon\}$ اگر $M = \{(x,y): x,y = \circ,1,.., \epsilon\}$ باشده و مجاز به رفتن از $M = \{(y,z): x,y = \circ,1,.., \epsilon\}$ باشده Q باشیم که مختصات آن (y,z): (y,z) باشد، به چند طریق می توان از نقطه (z,z): (y,z): (z,z) در M رسیدM رسیدM
 - 18 (1
 - TF (T
 - Y . (T
 - TAS (4
- ۷۴ یک سکه را که شانس شیر آمدنش برابر p است P بار پرتاب میکنیم. اگر Q نمایانگر احتمال مشاهده زوج شیر در P پرتاب باشد. گزینه صحیح کدام استP
 - (۱) دقیقاً یک جواب برای p در معادلهی q=Q=Q وجود دارد.
 - ۲) دقیقاً دو جواب برای p در معادلهی $\frac{\pi}{\epsilon}=Q$ وجود دارد.
 - رد. $Q = \frac{r}{r}$ وجود دارد. $Q = \frac{r}{r}$ وجود دارد.
 - وجود دارد. $Q = \frac{\pi}{*} = Q$ و وجود دارد.
- A در یک انتخاب بین نامزدهای A و A درصد از رای دهندگان زن هستند که ۶۰ درصد آنها به A رای A رای میدهند؛ میدهند. فقط ۶۲ درصد از مردان به A رای میدهند.
 - ۱) ۶۳/۵ درصد
 - ۲) ۹ /۶۰ درصد
 - ۳) ۵۲/۵ درصد
 - ۵۰/۱ (۴ درصد

دروس تخصصی:

مباني تركيبات

- K_{1} که هیچ دو درختی یال مشترک نداشته باشند، چند تاست K_{1}
 - 1 (1
 - 9 (1
 - 10 (
 - 11 (4

د. کدام گزینه همواره درباره	(مکمل) آن هم دو بخشی است	اف دو بخشی باشد که متمم	۷۱- فرض کنید G یک گر
-----------------------------	--------------------------	-------------------------	----------------------

- G درست است؟
- ۱) G حداکثر ۴ راس دارد.
- ۲) G مسیر یا دوری به طول زوج است.
 - ۳) G گراف کامل دو بخشی است.
- الست. G دارای n راس و حداکثر n-1 یال است. G

٧٨ - كدام يك از دنباله هاى زير مى تواند دنبالة درجات يك گراف دو بخشى باشد؟

- (0,0,4,7,7,1,1,1) (1
- (8,8,4,4,4,4,4,7,7,7) (7
 - (0,0,0,0,0,0,4,4,4) (*
 - (4,4,4,4,4,7,7,7) (4

$(e^{x} - 1)^{4}$ چقدر است $(e^{x} - 1)$ چقدر است $(e^{x} - 1)$

- $\frac{r!}{l}$ (1
- 0 (1
- 1 (5
- -1 (4

۸۰ یک مهره در صفحه شطرنج ۸×۴ در هر گام ۱ خانه به سمت راست یا ۱ خانه به سمت بالا می رود. تعداد راههای رسیدن از خانه سمت چپ پایین به خانه سمت راست بالا به طوری که هیچ دو گام متوالی روبه بالا طی نشوند، چند تاست؟

- DF (1
- Yo (T
- 178 (4
- 450 (F

۸۱ تعداد راههای توزیع ۱۱ توپ یکسان در ۳ جعبه یکسان به طوری که در هر جعبه حداقل ۲ توپ قرار گیرد،
 چندتاست؟

- FA (1
- T1 (T
- 10 (
- D (4

۱۸۲ مجموعههای $S = \{1,..., 1 \}$ $S = \{1,..., 9 \}$ را در نظر بگیرید. تعداد زیر مجموعههای S که شامل تعداد فردی از اعضای S هستند، چندتاست؟

371F

- T14 ()
- T19 (T
- 711 (T
- r9 (4

میدانیم دنبالههای $u_n\}_{n\geq \circ} \left\{ u_n \right\}_{n\geq \circ} \left\{ u_n \right\}_{n\geq \circ}$ و $u_n\}_{n\geq \circ} \left\{ u_n \right\}_{n\geq \circ}$ در رابطههای بازگشتی $v_n = v_n + v_$

- گزینه است؟
 - 0/1 (1
 - F/0 (T
 - 8/D (T
 - TO/T (F

 a_1,a_7,a_7,a_8,a_8,a_9 از اعداد صحیح مثبت (نه الزاماً متمایز)، وجود a_1,a_7,a_7,a_8,a_8,a_9 و به ازای هر $a_1=a_1$ بخش بذیر است؟ دارد به طوری که $a_1=1$ بخش پذیر است؟

- VA (1
- 7770 (7
- 7400 (T
- 7900 (4

مدار دنبالهٔ $\{x_n\}_{n\geq 1}$ با شرط اولیهٔ $\{x_n\}_{n=1}$ و رابطه بازگشتی $\{x_n\}_{n\geq 1}$ تعریف شده است. مقدار $\{x_n\}_{n\geq 1}$

X10 كدام است؟

$$\frac{\mu_{10}-1}{\mu_{11}-1} (1$$

$$\frac{k_{10}-1}{k_{11}-1} \text{ (A.)}$$

$$\frac{L_{10}+1}{L_{11}+1} \, \mathrm{GL}$$

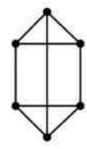
$$\frac{k_{10}+1}{k_{11}+1} \ \zeta_k$$

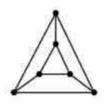
- 110 (1
- To (T
- 18 (4
- 10 (4

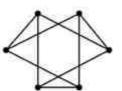
۸۷ - دنبالهٔ درجات ۳,۲,۲,۲,۱,...,۱ با تعداد دلخواه ۱ در نظر بگیرید. تعداد درختهای با این دنباله درجات چندتاست؟ (فقط درختهای غیر یکریخت را بشمارید.)

- 4 (1
- F (T
- 0 (
- 9 (4

۸۸ - کدامیک از گرافهای زیر با گراف روبرو یکریخت نیست؟

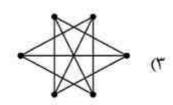












۸۹ می خواهیم تمام یالهای گراف کامل ۶ رأسی و K را با تعدادی رنگ، رنگ آمیزی کنیم به طوری که هیچ مثلثی وجود نداشته باشد که همگی یالهایش همرنگ باشند، حداقل تعداد رنگی که برای اینکار لازم است برابر کدامیک است؟

- T ()
- 4 (1
- 4 (4
- D (4

۹۰ اگر F(x) تابع مولد دنبالهٔ $f_n=rac{1}{n!}$ باشد، تابع G(x)=x $F(x^{7})$ تابع مولد کدام دنباله است؟

371F

$$g_n = \frac{1}{(\tau_n)!} - (-1)^n$$
 (1)

$$g_n = \frac{1}{(\tau n + 1)!} - 1 (\tau$$

$$g_n = \frac{1 - (-1)^n}{r \left| \frac{n}{r} \right|!} \quad (r)$$

$$g_n = \frac{1}{(\tau n - 1)!} \ (f$$

ساختمان دادهها والگوريتمها

۹۱ فرض کنید K_n یک گراف کامل و بدون جهت با n گره باشد که در آن n عددی زوج است. یالهای گراف K_n را به چند درخت پوشا می توان افراز کرد؟

$$\frac{n-1}{r} (1)$$

$$n^{n-r} (r$$

$$n^{n-r}$$
 (r

$$\frac{n}{r}$$
 (*

۹۲ - درختی با n گره وجود دارد به طوری که درجهٔ گرههای آن d_n ،...، d_r میباشند. کدامیک از موارد زیر جاصل $\mathbf{d_1} + \mathbf{d_7} + ... + \mathbf{d_n}$ را نشان می دهد؟

$$rn-r$$
 (1

$$rn-1$$
 (r

۹۳ کدام گزینه در مورد درختهای دودویی صحیح میباشد؟ (تعداد کل گرهها بزرگتر یا مساوی یک فرض مىشود.)

۹۴ فرض کنید $\mathbf T$ یک درخت پوشای کمینه از گراف $\mathbf G$ باشد، در رابطه با $\mathbf T$ همهی موارد زیر صحیحاند بجز:

۳) هر مسیر در
$$T$$
 بین دو رأس s و t یک کوتاهترین مسیر در T نیست.

- $S = \sum_{i=1}^{n} x_i$... $\{x_1, x_7, ..., x_n\}$ مجموعه ای از اعداد صحیح و S حاصل جمع آنها باشد. $\{x_1, x_7, ..., x_n\}$... $\{x_1, x_7, ..., x_n\}$... بهترین الگوریتم برای افراز این مجموعه به دو زیر مجموعه (در صورت وجود) به طوری که جمع عناصر دو زیر مجموعه مساوی باشند. دارای چه مرتبهٔ زمانی است؟
 - O(nS) (1
 - O(n+S) (Y
 - $O(n^{7})$ (7
 - O(n log n) (f
- و با احتمالات $P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma}$ را در نظر بگیرید. فرض کنید $a_{\varepsilon}, a_{\gamma}, a_{\gamma}, a_{\gamma}, a_{\gamma}$ را در نظر بگیرید. فرض کنید $P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma}$ نتیجه دهد $n_{\gamma} = 1$ کدام است $P_{\gamma} > P_{\gamma} = P_{\gamma} = P_{\gamma}$ نتیجه دهد $n_{\gamma} = 1$ کدام است.)
 - 0/1 (1
 - 0/5 (7
 - 0/4 (4
 - 0/0 (4
- 9۷ در یک صف حلقوی به طول n ، مقدار متغیری که ابتدای صف را نشان میدهد (f) چگونه به روز رسانی میشود؟
 - f = f + 1 (1
 - f = (f + 1)/n (Y
 - f = (f + 1) % (n 1) (**
 - f = (f 1) / n
- 9۸ آرایه A با n عنصر را m چرخشی گویند اگر با m چرخش دادههای آن مرتب شده باشند. برای مثال آرایه A
 - O(log n) (1
 - O(n+m) (Y
 - O(m log n) (*
 - O(n log m) (f
- ۹۹ در الگوریتم جستجوی سه تایی (تقریباً مشابه با جستجوی دودویی) آرایه مورد نظر به سه قسمت تقسیم هی شود و داده مورد جستجو با این عناصر مقایسه می شود. کدام رابطه در هر مرحله نشان دهندهٔ عنصر
 - است، اگر حد پایین و بالای آرایه 1 و عنصر $\frac{r}{m}$) است، اگر حد پایین و بالای آرایه 1 و m_1 باشد؟
 - $m_{\gamma} = \frac{h-\gamma l}{\gamma}$ $m_{\gamma} = \frac{h+\gamma l}{\gamma}$ (1)
 - $m_{\gamma} = \gamma \frac{(1+h)}{r} g m_{\gamma} = \frac{1+h}{r} (\gamma$
 - $m_{\gamma} = \frac{7h+1}{r} g m_{\gamma} = \frac{h+7l}{r} (r$
 - $m_1 = \frac{\Upsilon(h-1)}{\Upsilon} g m_1 = \frac{1+h}{\Upsilon} (\Upsilon$

است؟ $M:Z^+ o Z$ است؟ است؟ به صورت زیر تعریف می شود. کدام گزینه صحیح است؟

$$M(n) = \begin{cases} n - 1 \circ & \text{if } n > 1 \circ \circ \\ M(M(n+1))) & \text{if } n \leq 1 \circ \circ \end{cases}$$

- ۱) برای تمام ۱۰۰ ≥ n مقدار (M(n) برابر ۹۰ خواهد بود.
- ۲) برای حداقل نیمی از nهای کوچکتر از ۱۰۰ مقدار M(n) برابر ۹۱ خواهد بود.
 - ۳) برای نیمی از nهای کوچکتر از ۱۰۰ جواب ندارد.
 - برای تمام ۱۰۱ $\leq n$ مقدار M(n) برابر ۹۱ خواهد بود.

۱۰۱- برای مرتبسازی یک آرایه ۵ عنصری بر مبنای مقایسه، در بدترین حالت حداقل چند مقایسه نیاز داریم؟

- F ()
- D (T
- 8 (4
- V (4
- ۱۰۲ سه آرایه مرتب شده A_7, A_7, A_7 با n عنصر از اعداد حقیقی متمایز داریم، میخواهیم از روی مجموعه $A_7 \cup A_7 \cup A_7$
 - $O(n^7)$ (1
 - O(n) (7
 - O(n log n) (T
 - O(n log n) (f

۱۰۳- کدام عبارت صحیح است؟

- $O((\log n)!) < O(n) < O(\log n!)$ (1)
- $O(n) < O(\log n!) < O((\log n)!)$ (Y
- $O(\log n!) < O((\log n)!) < O(n)$ (*
- $O(\log n!) < O(n) < O((\log n)!)$ (*
- است، یافتن یک مسئله NP-Complete برای اینکه نشان دهیم مسئله A متعلق به خانواده مسائل NP-Complete مانند B و کاهش B به B مانند B مانند B مانند B و کاهش B به B مسئله است.
 - ١) شرط لازم و كافي است.
 - ۲) شرط کافی است ولی لازم نیست.
 - ٣) شرط لازم است ولي كافي نيست.
 - ۴) نه شرط لازم و نه شرط کافی است.

۱۰۵- جواب رابطه بازگشتی زیر چیست؟

$$T(n) = \Upsilon T(\frac{n}{\Upsilon}) + \frac{n}{\log n}$$

- O(n) (1
- O(log n) (Y
- O(n log n) (*
- $O(n \log(\log n))$ (*

مبانى نظريه محاسبه

در سؤالهای ۱۰۶ الی ۱۲۰ لم نشان دهنده کلمه پوچ به طول صفر است.

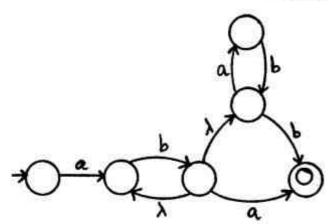
۱۰۶- کدام گزینه صحیح است؟

- ١) هر زبان منظم دارای يک اتوماتون غيرقطعي كمينه يكتا است.
- ۲) هیچ کلاسی از زبانها بین کلاس زبانهای مستقل از متن (CFL) و کلاس زبانهای منظم (Regular)
 وجود ندارد.
 - ٣) هر زيرمجموعه از " [١٠٥] مي تواند داراي يک اتوماتون قطعي احتمالاً نامتناهي باشد.
- ۴) زبان L وجود دارد که برای آن کلیه ماشینهای تورینگ با زبان L حداقل ۱۳۹۴ حالت در اتوماتون خود دارند.

$L = \left\{ yxzx^Ry^R \mid x,y,z \in \{\circ,1\}^+ \right\}$ زبان -1.7

- ۱) یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) ندارد.
 - ۲) حساس به متن (CS) نیست.
 - ٣) مستقل از متن است ولى منظم نيست.
 - ۴) منظم است.

۱۰۸- اتوماتون غیر قطعی زیر معادل با کدام یک از عبارات منظم است؟



- abb*((a+b)*b+b*a) (1
 - abb*((ab)*b+a) (7
 - ab*((ab)*b+b*a) (*
 - ab*((a+b)*b+a) (*
- M_{γ} و M_{γ} و M_{γ} هم شده M_{γ} به شکل زیر ساخته شده است. از حالت حالتهای پذیرش هر دو اتوماتون سیمی به یک لامپ وصل شده است که هرگاه یک اتوماتون در حالت پذیرش قرار می گیرد از این سیم جریان عبور می کند. لامپ تنها زمانی روشن می شود که از هر دو سیم مربوط به M_{γ} و M_{γ} برسد. ماشین M_{γ} روی رشته ورودی M_{γ} هر دو اتوماتون M_{γ} و M_{γ} را به صورت همزمان اجرا می کند و رشته M_{γ} را می پذیرد هرگاه در طول محاسبه روی M_{γ} لامپ هیچ گاه روشن نشود. خران M_{γ} کدام است M_{γ}
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \operatorname{prefix}(x), z \in L(M_1) \cup L(M_7)\}$ (1)
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \operatorname{prefix}(x), z \in L(M_x) \cap L(M_y)\}\$ (Y
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \text{prefix}(x), z \notin L(M_x) \cap L(M_y)\}\$ (*
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in prefix(x), z \notin L(M_1) \cup L(M_2)\}\$ (*

- اگر k > 1 عددی صحیح و ثابت باشد، زبان L بر روی الفبای \sum بدین ترتیب تعریف شده است که هر عضو آن دارای حداقل k > 1 حرف یکسان در انتهای خود باشد. حداقل تعداد حالات اتوماتون متناهی قطعی برای پذیرش k > 1 چند است؟
 - $k \times |\Sigma|$ (1
 - $k \times |\Sigma| + 1$ (7
 - $k+|\Sigma|$ (*
 - $k+|\Sigma|+1$ (4
- ا۱۱ فرض کنید $A\subseteq \{\circ,1\}^*$ یک زبان منظم و $S\subseteq \{\circ,1\}^*$ یک مجموعه دلخواه باشد. قرار دهید $L_{A,S}=\{x\mid (\exists y\in A)\quad xy\in S\}$
 - ١) منظم است.
 - ٢) نه مستقل از متن است نه منظم
 - ٣) مستقل از متن است ولى مستقل از متن قطعي نيست.
 - ۴) مستقل از متن است ولى منظم نيست.
 - ۱۱۲- گرامر منظم G با k قاعده تولید مفروض است. کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟
 - ۱) یک اتوماتون متناهی قطعی با حداکثر k+1 حالت وجود دارد که زبان آن با L(G) برابر باشد.
 - ۲) تعداد حالات هر اتوماتون متناهی قطعی برای پذیرش (G) حداقل (K) است.
 - L(G) برابر است. L(G) برابر آن با L(G) برابر است.
 - ۴) هیچ ارتباطی بین تعداد حالت اتوماتون متناهی قطعی کمینه برای (L(G) و k وجود ندارد.
- ۱۱۳- اگر در ماشین پشتهای (PDA) داده شده، برای هر ورودی هیچگاه نمادی از روی پشته حذف نشود، زبان پذیرش با حالات نهایی این ماشین،
 - ۱) مستقل از متن نیست.
 - ٢) نامنظم است ولى مستقل از متن قطعي است.
 - ٣) مستقل از متن قطعي نيست ولي مستقل از متن است.
 - ۴) منظم است.
 - ۱۱۴ کدام یک از زبانهای زیر توسط یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) قابل پذیرش است؟
 - است. $L \subseteq \{a,b\}^*$ (۱) زبان $L \subseteq \{a,b\}^*$ است.
 - ربان $\mathbb{L} \subseteq \{a,b\}^*$ که شامل رشتههای متقارن با طول فرد است.
 - بان $^*(,)$ که شامل پرانتزهای متوازن است. $L \subseteq \{(,)\}$
 - بان $L \subseteq \{a,b\}^*$ که شامل رشتههای متقارن با طول زوج است.
- ا کدام گزینه گرامر $\lambda> a$ او S
 ightarrow a و ابرای زبان $L \subseteq \{a,b\}^*$ که هر عضو آن دارای تعداد برابری b است کامل میکند؟
 - $A \rightarrow SaS$, $B \rightarrow SbS$ (1
 - $A \rightarrow aS$, $B \rightarrow bS$ (7
 - $A \rightarrow aS | Sa , B \rightarrow bS | Sb$ (*
 - $A \rightarrow aS | Sa | \lambda$, $B \rightarrow bS | Sb | \lambda$ (*

است؟ $\{a\}^*\{b\}^*\{c\}^* - \{a^nb^nc^n \mid n \ge 0\}$ زبان $\{a\}^*\{b\}^*\{c\}^*$

- ۱) زبان مستقل از متن است ولی قابل شناسایی با یک ماشین تورینگ نیست.
- ۲) زبان قابل شناسایی با یک ماشین تورینگ است ولی مستقل از متن نیست.
 - ٣) زبان منظم است.
 - ۴) زبان مستقل از متن است ولى منظم نيست.

در مورد بررسی عضویت $x \neq \lambda$ در زبان مربوط به یک گرامر مستقل از متن G به شکل نرمال چامسکی، کدام گزینه صحیح است 9

- ا) مسأله تعیین عضویت x در L(G) در صورت نامبهم بودن G لزوماً در زمان چند جملهای نسبت به طول x قابل حل نیست.
 - را تولید کرد. $x \in L(G)$ گار $x \in L(G)$ گار $x \in L(G)$ گار درد.
 - ۳) مسأله تعیین عضویت x در (CG) در حالت کلی تصمیم پذیر نیست.
- ۲) اگر $x \in L(G)$ آنگاه در هر گرامر مستقل از متن برای L(G) میتوان با حداکثر $x \in L(G)$ قاعده x را تولید کرد.

۱۱۸- کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟

- ۱) زبان $L \subseteq \{0,1\}^*$ وجود دارد که فقط می تواند زبان یک ماشین تورینگ یکتا باشد.
- ۲) زبان $^*(\cdot, \cdot) \supseteq L$ وجود دارد که زبان یک ماشین تورینگ غیرقطعی است ولی نمی تواند زبان هیچ ماشین تورینگ قطعی باشد.
 - ٣) کلاس زبانهایی در * (۰٫۱) که می توانند زبان یک ماشین تورینگ باشند نسبت به اجتماع بسته است.
 - ۴) کلاس زبانهایی در *(۰٫۱) که می توانند زبان یک ماشین تورینگ باشند نسبت به متمم گیری بسته است.

۱۱۹ همه گزینه های زیر در مورد زبان های قابل پذیرش توسط ماشین های تورینگ صحیح است، بجز:

- ۱) کلاس زبانهای شمارش پذیر بازگشتی (r.e.) نسبت به اجتماع، اشتراک و متمم بسته است.
 - ۲) کلاس زبانهای بازگشتی (تصمیمپذیر) نسبت به اجتماع، اشتراک و متمم بسته است.
- ۳) کلاس زبانهای بازگشتی (تصمیمیذیر) شامل کلاس زبانهای مربوط به گرامرهای حساس به متن است.
 - ۴) کلاس زبانهای شمارش پذیر بازگشتی (r.e.) هم ارز با کلاس زبانهای مربوط به گرامرها (دلخواه) است.

۱۲۰ ماشین تورینگ غیر قطعی M که برای هر ورودی نهایتاً متوقف می شود با زبان L مفروض است. همه گزینه های زیر صحیح هستند بجز:

- ۱) اگر X € L لزوماً ماشین در هر محاسبه پاسخ خیر (No) میدهد.
- ۲) لزوماً متمم L (زبان \overline{L}) دارای یک ماشین تورینگ قطعی است که برای هر ورودی متوقف می شود.
 - ho لزوماً ho دارای یک ماشین تورینگ قطعی است که برای هر ورودی متوقف می شود.
 - ۴) اگر برای ورودی X ماشین پاسخ خیر (No) بدهد لزوماً X ∉ L.

مبانى منطق و نظرية مجموعهها

است؟ $(p \leftrightarrow r)(q \leftrightarrow r)$ است؟

$$[(\neg p \lor r) \land (p \lor \neg r)] \lor \neg [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] \ (\land)$$

$$\neg [(\neg p \lor r) \land (p \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) \land [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] (\forall q \lor \neg r) ($$

$$[(\neg p \lor r) \land (p \lor \neg r) \lor [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] \ ($$

$$\neg[(\neg p \lor r) \land (p \lor \neg r) \lor [(\neg q \lor r) \land (q \lor \neg r)] \ (f$$

۱۲۲- یک گزاره را لیترال گوییم هرگاه اتمی یا نقیض اتمی باشد. در این صورت عطف فصل لیترال ها را صورت............ مینامیم.

۱۲۳ - رابطه منطقی «» را طبق جدول زیر تعریف میکنیم: دراین صورت برای فرمولها در گزارهای φ و ψ، فرمول « Φ | ψ هم ارز منطقی با کدام است؟

<u>p</u>	q	plq	$\neg(\phi \land \psi)$ (1
	T F	F T	$\neg(\phi\lor\psi)$ (۲
	F T		$\neg \phi \land \psi$ (*
F	F	T	φ ∧ ¬ψ (۴

۱۲۴- کدام گزینه در منطق گزاره ها صحیح است؟

- () φ یک توتولوژی است اگر و تنها اگر φ− تناقض باشد.
- ϕ یک توتولوژی است اگر و تنها اگر ϕ ارضا ناشدنی باشد.
- φ (۳ ارضا شدنی است اگر و تنها اگر φ یک توتولوژی باشد.
- $\phi \rightarrow \psi$ اگر $\psi \rightarrow \phi$ و ψ توتولوژی باشند آنگاه ϕ نیز توتولوژی است.

$R \cdot Q \cdot P$ فرض کنید $R \cdot Q \cdot P$ و $R \cdot Q \cdot P$ فرمول هایی در منطق گزارهها باشند، کدام گزینه غلط است

۱) اگر
$$P \rightarrow Q$$
 ، $P \rightarrow Q$ و $R \lor (S \land \neg Q)$ ، $P \rightarrow Q$) اگر است.

۲) اگر
$$(R \wedge S) \rightarrow (R \wedge S)$$
 درست و $Q \wedge S$ غلط باشد آنگاه $Q \rightarrow (R \wedge S)$ غلط است.

$$P \rightarrow -Q$$
 درست است. $R, \neg (P \land \neg R)$ درست باشند آنگاه Q درست است.

اگر
$$P
ightarrow Q
ightarrow (R ee S)$$
 ، $P
ightarrow Q$ فلط باشد آنگاه $P
ightarrow Q$ غلط است.

است؟ $\exists x \forall z (Q(z,y) \lor \neg \forall y (Q(y,z) \to P(x)))$ کدام گزینه صحیح است؟

 $\phi = \forall x (h(x) \rightarrow g(x))$ $\psi = \forall x (f(x) \rightarrow g(x))$ $\theta = \exists x (f(x) \land h(x))$

اکنون تعبیر زیر را در نظر بگیرید:

 $M = \{A, B\}, I(f) = \{A\}, I(h) = \{B\}, I(g) = \{A, B\}$

كدام گزينه تحت اين تعبير صحيح ميباشد؟

) هر سه گزاره ϕ و ψ و θ نادرست است.

۲) هر سه گزاره φ و ψ و θ درست است.

φ (۳ و θ درست ولی ψ نادرست است.

 ϕ (۴ درست ولی θ نادرست است.

۱۲۸ - نماد است، کدام گزینه صحیح است؟ در دستگاه استنتاج طبیعی است، کدام گزینه صحیح است؟

 $\exists xp(x) \rightarrow Q \mid_{ND} \forall x(P(x) \rightarrow Q)$ (1)

 $\forall x (A(x) \lor B(x)) \mid_{ND} \forall x A(x) \lor \forall (x) B(x)$ (7

 $\neg \exists x \neg A(x) \not\models_{ND} \forall x A(x)$ ولى $\forall x A(x) \not\models_{ND} \neg \exists x \neg A(x)$ (۳

۱۲۹ - فرض کنید x متغیر آزاد در Q نباشد، همهٔ گزینه های زیر صحیح اند بجز:

 $\forall x (P(x) \lor Q) \models \forall x P(x) \lor Q$ (1)

 $\forall x P(x) \lor Q \models \forall x (P(x) \lor Q)$ (7

 $\exists x (P(x) \land Q) \models \exists x P(x) \land Q (f$

۱۳۰- فرض کنید:

 $\varphi = \forall x \exists y (\neg x > \circ \lor (y > \circ \land \neg x = y^{\mathsf{Y}}))$ $\psi = \forall x \exists y (x > \circ \to (y > \circ \land x = y^{\mathsf{Y}}))$ $\theta = \forall x (x > \circ \to \exists y (y > \circ \land x = y^{\mathsf{Y}}))$

کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) θ در صورت نرمال پیشوندی نیست.
- ۲) ۱۷ در صورت عطفی نرمال پیشوندی است.
- φ (۳ چنین نیست. φ در صورت فصلی نرمال پیشوندی است ولی ψ چنین نیست.
 - ۴) ψدر صورت فصلی نرمال پیشوندی است.

۱۳۱- حکم زیر را در نظر بگیرید:

D دو گزاره $\exists x(P(x)\land Q(x))$ و $\exists x(P(x)\land Q(x))$ دارای ارزشی یکسان در جهان $\exists x \in P(x)\land Q(x)$ هستند. گدام گزینه صحیح است؟

- ۱) حکم درست است دلیلش قاعده پخشی برای ۸ است.
- کم غلط است، یک مثال نقض P(x) = x < 0, D = Z و $e \ge 0$ میباشد.
- .Q(x)= مربع است x فرد است x فرد است x فرد است x حکم غلط است یک مثال نقض x
- P(x) = 0 و x بخشپذیر بر P(x) = 0 و x بخشپذیر بر P(x) = 0 و x = 0 بخشپذیر بر x = 0 است x = 0 آنگاه برای x = 0 دو گزاره دارای ارزش یکسان هستند.

۱۳۲- هرتابع $\{T,F\}^n \to \{T,F\}^n$ را یک تابع مقدار دهی - متغیره گوییم. در این صورت تعداد توابع مقداردهی - متغیره برابر است با:

- rn (1
- TTN (T
- rrn (r
- rnt cf

است؟ $FC(N) = \{A \subseteq N \mid A$ متناهی باشد N-A یا $A \in A$ کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) FC(N) ناشمارا است.
- ۲) FC(N) متناهی است.
 - |FC(N)|=|P(N)| (*
- FC(N) (۴ شمارای نامتناهی است

-۱۳۴ ω کوچکترین اردینال نامتناهی است. کدام گزینه صحیح است؟

- (۱+ω) یک عدد اصلی است.
- رای عدد اصلی یکسانی نیستند. $\omega + 1$ و $\omega + 1$
- $+ 1+ \omega$ و + 1 یکریخت اردینالی هستند ولی عدد اصلی یکسانی ندارند.
 - $(+ 1 + \omega)$ یکریخت اردینالی نیستند ولی عدد اصلی یکسانی دارند.

١٣٥- كدام گزينه صحيح است؟

ا) اگر A یک مجموعه نامتناهی و B_n خانواده تمام زیر مجموعههای A عضوی A باشد آنگاه برای هر

$$|A| = |B_n| = |\bigcup_{n \in \mathbb{N}} B_n|$$
 داريم: $n > 0$

۲) مجموعهی نامتناهی ایی وجود دارد که با هیچ زیر مجموعه سرهاش هم توان نیست.

$$|(r^N)^N| \neq |r^N|$$
 ("

$$|(\tau^N)^N| \neq |P(N)|$$
 (*

دروس پایه:

رياضيات عمومي

ابنای دو عدد حقیقی a و b با شرط b با شرط a د دنبالهٔ استa با ضابطه زیر کدام استa

$$\mathbf{x}_1 = \mathbf{a}$$

$$\mathbf{x}_{\tau} = \mathbf{b}$$

$$x_n = \frac{x_{n-1} + x_{n-1}}{r} \qquad (n \ge r)$$

b (1

$$\frac{1}{\pi}(a+\tau b)$$
 (7

$$\frac{1}{r}(a+b)$$
 (r

$$\frac{1}{\lambda}$$
 (ra + Δ b) (r

است؟ $\mathbf{x} = \frac{\pi}{r}$ در نقطه $\mathbf{F}(\mathbf{x}) = \int_{a}^{\sin \mathbf{x}} \frac{dt}{r+t^{\Delta}}$ کدام است؟

کدام $D = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^7 \mid x^7 + y^7 \leq 1, \ x \geq \circ \ , \ y \geq \circ \right\}$ کدام $\int_D xy(x^7 + y^7)^{\frac{r}{r}} dx dy$ مقدار –۱۳۸

است؟

برد تابع $\frac{1}{x}$ کدام است؟ -۱۳۹

- (o,ee] ()
- (0,1](7
- (o,e-1] ("
- (o,ee-1] (f

x مساحت رویه حاصل از دوران منحنی $x = \frac{1}{\lambda}(t-\sin t)$ و $x = \frac{1}{\lambda}(t-\sin t)$ مساحت رویه حاصل از دوران منحنی $x = \frac{1}{\lambda}(t-\sin t)$

كدام است؟

- $\frac{\pi}{r}$ (1
- $\frac{\pi}{r}$ (7
- Yπ (٣
- $\frac{\Delta\pi}{r}$ (*

۱۴۱ سیالی در درون یک مخزن استوانهای به شعاع ۲ درحال چرخش است، بهطوریکه حرکتش توسط میدان ۱۴۱ سیالی در درون یک مخزن استوانهای به شعاع ۲ درحال چرخش است، بهطوریکه حرکتش توسط میدان سرعتی آ $\vec{F}(x,y,z)=-y\sqrt{x^7+y^7}$ $\vec{i}+x\sqrt{x^7+y^7}$ \vec{j} سطح فوقانی و \vec{N} بردار قائم یکهرو به خارج مخزن استوانهای باشد، مقدار انتگرال \vec{S}_S (curl \vec{F}). \vec{N} ds کدام است

- 8TT ()
- ¥π (٢
- 10 T (T
- 18T (4

است؟ $\phi(x,y,z) = x^{7} - ty^{7} + fz^{7}$ کدام است؟ $\phi(x,y,z) = x^{7} - ty^{7} + fz^{7}$ کدام است؟

- T1 (1
- TVT1 (T
- VT1 (
- TVT1 (4

۱۴۳ حجم جسم حاصل از دوران ناحیهٔ محدود به منحنی $y=x^{7}$ و خط y=1 حول خط y=7 کدام است؟

- $\frac{7\pi}{\Delta}$ (1
- $\frac{\pi \lambda \pi}{\Delta}$ (۲
- <u>δεπ</u> (۳
 - γπ (۴

با کدام گزینه برابر است؟ انتگرال
$$\int_{1}^{e}\int_{0}^{\ln x}f(x,y)\mathrm{d}y\mathrm{d}x$$
 با کدام گزینه برابر است؟

$$\int_{0}^{1} \int_{e}^{e^{y}} f(x, y) dx dy$$
 (7

$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{0}^{e} f(x,y) dx dy$$
 (1)

$$\int \int \int_{0}^{e^{y}} f(x,y) dxdy$$
 (*

$$\int \int \int e^{y} f(x,y) dxdy$$
 (**

است؟ $\mathbf{x} = \mathbf{r}$ سری تیلور تابع $\frac{1}{\Delta - \mathbf{x}} = \mathbf{f}(\mathbf{x})$ ، حول نقطه $\mathbf{x} = \mathbf{r}$ کدام است؟

$$f(x) = \frac{1}{r} + \frac{1}{r^{r}}(x-r) + \frac{1}{r^{r}}(x-r)^{r} + \dots$$
 (1)

$$f(x) = \frac{1}{2} + (x - r) + (x - r)^r + ...$$
 (7)

$$f(x) = \frac{1}{r} - \frac{1}{r^r}(x-r) + \frac{1}{r^r}(x-r)^r -$$
 (7)

$$f(x) = \frac{1}{5} \left(1 - (x - r) + (x - r)^{r} + (x - r)^{r} + \dots \right) (r)$$

۱۴۶ مست $f(x) = \operatorname{sech} x$ است $f(x) = \operatorname{sech} x$ کدام گزینه یک تابع اولیه (ضد مشتق) برای

$$F(x) = r tan^{-1}(e^x)$$
 (1)

$$F(x) = 7 \tanh^{-1}(e^{x})$$
 (7

$$F(x) = \frac{1}{2} \ell n | \operatorname{sec} h x - \tanh x |$$
 (Υ

$$F(x) = \frac{1}{x} \ell n | \operatorname{sech} x + \tanh x | \quad ($$

۱۴۷- به ازای کدام مقادیر q، سری زیر همگرا است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} n^{q} (\frac{1}{n^{\gamma}})^{q^{\gamma}}$$

$$q < -\frac{\epsilon}{1}$$
 (7

$$-\frac{7}{1} < q < 1$$
 (8

$$q > 1 \neq q < -\frac{r}{1}$$
 (4

۱۴۸ مقدار
$$\lim_{x \to \frac{1}{\sqrt{Y}}} \left[-\frac{1}{x^{Y}} \right]^{1}$$
 کدام است؟

-1 مساوی x = x مساوی $f(x) = \frac{ax + b}{(x - 1)(x - 4)}$ در نقطه a = x مساوی a = x مساوی a = x

$$a = 1, b = 1$$
 (1

$$a=-1$$
, $b=0$ (Y

$$a = 1$$
, $b = 0$ ($^{\circ}$

$$a = 0$$
, $b = 1$ (4

مباني آناليز عددي

۱۵۰- دستگاه ممیز شناور نرمال شدهای مد نظر است که در آن هر عدد حقیقی x به صورت با $d_1=1$ ، ۱ یا $d_i=0$ ، ۱ فرض کنید که برای نمایش اعداد حقیقی $\pm (\circ_f d_1 d_7)_7 \times T^{\pm d_7 d_8}$ ارقام غیر قابل نمایش گرد می شوند. اگر عدد حقیقی x در ناحیه سرریز (overflow) قرار داشته باشد، آن گاه x برابر کدام است؟

۱۵۱ فرض کنید \overline{X} جواب محاسبه شده با روش حذفی گوس و محورگزینی سطری برای یک دستگاه معادلات

u=1روند عدد یک در ماشین محاسبه به کار رفته است. در این صورت، تعداد ارقام قابل اعتماد در

$$p-t-1$$
 (1

$$t-p+1$$
 (7

۱۵۲ مسأله کمترین مربعات $\|\lambda u - v\|$ را در نظر بگیرید که در آن، $\|u,v \in \mathbb{R}^n$ و λ مجهول است. جواب مسأله با| min || \lambda u - v برابر كدام است؟

$$v^Tv/u^Tv$$
 ()

$$u^{T}u/v^{T}v$$
 (7

$$\mathbf{u}^{\mathsf{T}}\mathbf{u}/\mathbf{u}^{\mathsf{T}}\mathbf{v}$$
 (*

$$v^Tv/u^Tu$$
 (*

۱۵۳ میخواهیم مسأله $\min_{x} (\sin x \cos x - 1)$ را با روش نیوتن حل کنیم. در این صورت، رابطه تکراری به دست آمده کدام است؟

$$x_{n+1} = x_n + \frac{1}{r}\cot(rx_n)$$
 (1)

$$x_{n+1} = x_n - r \tan(rx_n)$$
 (7

$$x_{n+1} = x_n - r \cot(rx_n)$$
 (Y

$$x_{n+1} = x_n - \frac{1}{r} \tan(rx_n)$$
 (*

مقدار $\frac{\mathrm{d} y(x)}{\mathrm{d} x}$ در $x=\circ_{/}$ با استفاده از روش اویلر برای معادله دیفرانسیل به صورت –۱۵۴

با
$$\mathbf{y}'(\circ) = 1 \cdot \mathbf{y}(\circ) = 0$$
 با $\mathbf{y}'(\circ) = 1 \cdot \mathbf{y}(\circ) = 0$ و $\mathbf{y}'(x) = xy + \frac{y}{x+1}$

0 (

1 (1

1101 (

1/01 (4

استفاده $f'(x_\circ) \simeq \frac{- \forall f(x_\circ) + \forall f(x_\circ + h) - f(x_\circ + h)}{\forall h}$ استفاده $f'(x_\circ)$ استفاده

مىكنيم. خطاى برشى اين فرمول برابر كدام است؟

$$-\frac{h^{\tau}}{\tau}f^{(\tau)}(x) \ (1$$

$$\frac{h^{\tau}}{\tau}f^{(\tau)}(x) \ (\tau$$

$$\frac{\mathbf{h}^{\tau}}{\varepsilon}\mathbf{f}^{(\tau)}(\mathbf{x})$$
 (τ

$$-\frac{h^{r}}{s}f^{(r)}(x)$$
 (*

۱۵۶ تخمین انتگرال $e^{-x}dx$ با فرمول سادهیخطای کم تری دارد.

مباني احتمال

۱۵۷ میانگین توافقی (هارمونیک) N عدد حقیقی برابر $\frac{1}{N}$ است. میانگین توافقی یک زیر مجموعه سره از این اعداد برابر $\frac{1}{M}$ است. میانگین توافقی N-M عدد حقیقی باقیمانده کدام است؟

$$\frac{1}{N-M}$$
 (1

$$\frac{1}{N+M}$$
 (7

$$\frac{1}{N^{Y}-M^{Y}}$$
 (*

$$\frac{1}{N^{\gamma} + M^{\gamma}}$$
 (*

۱۵۸ فاصله بین دو شهر A و B ۱۰۰ کیلومتر است و V شرکت مسافربری بین این دو شهر وجود دارد. تعداد اتوبوسهای هر شرکت و فواصل شرکتها از شهر A به صورت زیر است:

${f A}$ فواصل شركتها از شهر	0-70	Yo-40	40-00	۵۰-۸۰	۸۰-۱۰۰
تعداد اتوبوس	۵۰	100	۲۰	40	110

اگر یک پمپ بنزین بخواهیم در این جاده احداث کنیم فاصله آن تا شهر A چقدر باشد تا جمع کل مسافتهای پیموده شده برای سوختگیری توسط اتوبوسها حداقل شود.

- 40 (1
- 44/0 (Y
 - Do (T
- DY/A (4

راس روی L_1 و L_2 چند مثلث می توان ساخت به طوری که یک راس روی L_3 و L_4 چند مثلث می توان ساخت به طوری که یک راس روی L_4 یک خط و دو رأس دیگر روی خط دیگر باشند؟

L, - · · · ·

- TF0 (1
- TT0 (T
- 110 (
- 90 (4

۱۶۰ فرض کنید $\{x,y\}:x,y=\circ,1,..,f\}$ اگر M اگر M انقطهٔ M باشد و مجاز به رفتن از M به نقطه M باشیم که مختصات آن M (M با M باشد، به چند طریق می توان از نقطه M در M به نقطه M رسید؛

- 18 (1
- TF (T
- Vo (T
- TOF (4

۱۶۱ - یک سکه را که شانس شیر آمدنش برابر p است p بار پرتاب می کنیم. اگر Q نمایانگر احتمال مشاهده زوج شیر در p پرتاب باشد. گزینه صحیح کدام است p

(۱ دقیقاً یک جواب برای
$$p$$
 در معادلهی $q = \frac{p}{\epsilon}$ وجود دارد.

رد.
$$Q = \frac{\pi}{\epsilon}$$
 وجود دارد. $Q = Q = \frac{\pi}{\epsilon}$ وجود دارد.

رد.
$$Q = \frac{\pi}{4}$$
 وجود دارد. P در معادلهی $Q = \frac{\pi}{4}$

(۴ وجود دارد.
$$Q = \frac{\pi}{4}$$
 وجود دارد. $Q = Q = \frac{\pi}{4}$

رای A در یک انتخاب بین نامزدهای A و A درصد از رای دهندگان زن هستند که P درصد آنها به P رای میدهند. میدهند. فقط P درصد از مردان به P رای میدهند.

- ۱) ۶۳/۵ درصد
- ۲) ۹ /۶۰ درصد
- ۳) ۵۲/۵ درصد
- ۵٥/١ (۴ درصد

۱۶۳ فروشگاههای B ،A و C به ترتیب ۲۰۰، ۷۵ و ۱۲۵ نفر کارمند دارند. از این تعداد به ترتیب ۵۰٪، ۶۰٪ و ۱۶۳ کر C و C به ترتیب ۵۰٪، ۱۶۳ نفر کارمند زن استعفا دهد، احتمال اینکه C از کارمندان فروشگاه C باشد، کدام است؟

18۴− یک تیم مسابقه شامل ۶ نفر است که بایستی ۴ مساله مسابقه را حل کنند. اگر هر یک از اعضا تیم برای حل دقیقاً یک مسأله مسابقه تعیین شوند و حل هر یک از ۴ مسأله حداقل توسط یکی از اعضاء تیم صورت پذیرد، به چند طریق می توان این کار را انجام داد؟

مباني كامپيوتر

ارایه n عنصری A داریم که عناصر آن -1، و یا 1+1 است. مرتبه زمانی مرتبسازی این آرایه در A داریم که عناصر آن A داریم که عناصر آن که عناصر آ

$$O(\log^7 n)$$
 (*

۳) n امین عدد طبیعی را برمی گرداند.

```
۱۶۶- شبه کد زیر را در نظر بگیرید:
sum = 0
i = 2
j=1
while (i/j > 0.001) do
   j = 2 * j
   sum = sum + i / j
end while
write(sum)
                 مقدار sum به چه عددی نزدیک خواهد بود؟ (متغیرها و عملگرها از نوع اعشاری هستند.) ^{\circ} (۱ ^{\circ} ) ^{\circ} ) ^{\circ} (۱ ^{\circ} ) ^{\circ} ) ^{\circ} ) ^{\circ} ) ^{\circ} ) ^{\circ}
                                                                    ۱۶۷- قطعه برنامه زیر چه عملی انجام میدهد؟
f(x,y)
 while (x ≠ y) do
            if x > y then x = x - y
            else
                     \mathbf{v} = \mathbf{v} - \mathbf{x}
   return(x)
}
                                                                              ۱) همیشه مقدار 1 برمی گرداند.

 ۲) حاصل x − y را محاسبه می کند.

                                                  ۳) بزرگترین مقسوم علیه مشترک x و y را محاسبه می کند.
                                                     ۴) حاصل (max(x,y)-min(x,y) را محاسبه می کند.
                                                             ۱۶۸- برای ∘ < n، برنامهزیر چه عملی انجام می دهد؟
int f(int n)
{
       if(n == 1) return(0);
       else
           return(f(n--)+2);
}
                      ۲) در یک حلقه دائم گیر میکند.
                                                                                     ۱) ۲*n را برمی گرادند.
```

n (۴ امین عدد طبیعی زوج را برمی گرداند.

189- الگوريتم زير چه مقدار برمي گرداند؟

```
test(x,n)
1
            t = 1;
            while (n > 0)
                      if((n \& 1) = 1)
                                           t = t * x;
                      x = x * x;
                       n = n/2;
          }
            return(t);
                                                                                                                                                                                                                                                                     x^n (1
                                                                                                                     x*n (Y
}
                                                                      n باقیمانده تقسیم X بر n
                                                                                                                                                                                                                                                         logon (T
    -۱۷۰ در تبدیل عبارت میانوندی (postfix) (1+7)/(1+7)/(1+7) به عبارت پسوندی (postfix)، حداکثر طول
                                                                                                                                                                                                                        پشته چقدر خواهد بود؟
    ۱۷۱ – فرض کنید که P ، یک روال بازگشتی باشد، اگر تضمینی برای توقف اجرای P وجود داشته باشد آنگاه کدام
                                                                                                                                                                                           یک از موارد زیر درست خواهد بود؟
                                                                                                                                                                                           P-1 حتماً دارای متغیر محلّی است.
                                                                                                        P-T دارای یک مسیر اجرایی است که خودش را فراخوانی نمی کند.
                                  P-T یا از یک متغیر سراسری استفاده می کند و یا دست کم یک پارامتر دارد. (۳) و (۲) و (۳) 
                                                                                                                                                         ۱۷۲ - با توجه به شبه کد زیر، کدام گزینه صحیح است؟
int F(int n)
{
                  if(n == 1) then
                                          return 1;
                  else
                       if(n is even) then
                                       return(1+F(\frac{n}{2}));
                   else
                            if (n is odd) then
                                          return F(3n-1);
}
                                                                                                             ۱) این شبه کد همیشه درست کار میکند و F(*) = F(*) خواهد بود.
                                                                             ۲) این شبه کد برای برخی از مقادیر درست کار می کند و F(r) = 0 خواهد بود.
                                                                              ۳) این شبه کد برای برخی از مقادیر درست کار میکند و F(\mathfrak{s}) = V خواهد بود.
                                                                                                                                            ۴) این شبه کد شرایط یک الگوریتم بازگشتی را ندارد.
```

رياضيات گسسته

۱۷۳ - حداکثر تعداد درختهای فراگیر در گراف ۲۰۱ که هیچ دو درختی یال مشترک نداشته باشند، چند تاست؟

- A (1
- 9 (4
- 10 (1
- 11 (4

۱۷۴- فرض کنید G یک گراف دو بخشی باشد که متمم (مکمل) آن هم دو بخشی است. کدام گزینه همواره درباره

- G درست است؟
- ۱) G حداکثر ۴ راس دارد.
- ۲) G مسیر یا دوری به طول زوج است.
 - ۳) G گراف کامل دو بخشی است.
- است. G دارای n راس و حداکثر n-1 یال است.

۱۷۵- کدامیک از دنبالههای زیر می تواند دنبالهٔ درجات یک گراف دو بخشی باشد؟

- (0.0.4.7.7.1.1.1) (1
- (F.F.F.F.F.F.T.T.Y) (Y
 - (0,0,0,0,0,0,4,4,4) (*
 - (4.4.4.4.4.7.7.7) (4

۱۷۶ مقدار ثابت در بسط چند جملهای $(e^x - 1)^F$ چقدر است

- 1 (1
- a (1
- 1 (1
- -1 (4

۱۷۷- یک مهره در صفحه شطرنج ۸×۴ در هر گام ۱ خانه به سمت راست یا ۱ خانه به سمت بالا می ود. تعداد راههای رسیدن از خانه سمت چپ پایین به خانه سمت راست بالا به طوری که هیچ دو گام متوالی روبه بالا طی نشوند، چند تاست؟

- DF (1
- Yo (7
- 178 (4
- TF0 (4

۱۷۸ - تعداد راههای توزیع ۱۱ توپ یکسان در ۳ جعبه یکسان به طوری که در هر جعبه حداقل ۲ توپ قرار گیرد. چندتاست؟

- 40 (1
- 11 (1
- 10 (4
- ۵ (۴

۱۷۹ مجموعههای $S = \{1,...,1\}$ که شامل تعداد ریز مجموعههای $S = \{1,...,1\}$ که شامل تعداد فردی از اعضای S هستند، چندتاست؟

371F

ارگشتی
$$v_n$$
 میدانیم دنبالههای v_n v_n و v_n v_n و v_n

کدام گزینه است؟

دروس تخصصی:

ساختمان دادهها و الگوريتمها

۱۸۱ فرض کنید $\mathbf{K_n}$ یک گراف کامل و بدون جهت با \mathbf{n} گره باشد که در آن \mathbf{n} عددی زوج است. یالهای گراف $\mathbf{K_n}$ را به چند درخت پوشا می توان افراز کرد؟

$$\frac{n-1}{r}$$
 (1

$$\frac{n}{r}$$
 (*

۱۸۲ – درختی با n گره وجود دارد به طوری که درجهٔ گرههای آن d_n ,...، d_r میباشند. کدامیک از موارد زیر حاصل $d_1+d_r+\ldots+d_n$ را نشان میدهد؟

$$Tn-1$$
 (T

- ۱۸۳ کدام گزینه در مورد درختهای دودویی صحیح میباشد؟ (تعداد کل گرهها بزرگتر یا مساوی یک فرض می شود.)
 - ۱) همواره تعداد برگها و تعداد گرههای تک فرزندی دو عدد متوالی میباشند.
 - ۲) همواره تعداد برگها و گرههای تک فرزندی برای درختهای کامل، دو عدد متوالی میباشند.
 - ۳) همواره تعداد برگها و تعداد گرههای دو فرزندی دو عدد متوالی میباشند.
 - ۴) همواره تعداد گرههای تک فرزندی و تعداد گرههای دو فرزندی، دو عدد متوالی می باشند.
 - ۱۸۴- فرض کنید T یک درخت پوشای کمینه از گراف G باشد، در رابطه با T همهی موارد زیر صحیحاند بجز:
 - ۱) T یکتا نیست.
 - ۲) T شامل تمام گرههای G می باشد.
 - ۳) هر مسیر در T بین دو رأس s و t یک کوتاهترین مسیر در G نیست.
 - ۴) برای هر جفت رأس s و t، کوتاهترین مسیر بین s و t در G همان مسیر بین s و t در T است.
- . $S = \sum_{i=1}^{n} x_i$ مجموعهای از اعداد صحیح و S حاصل جمع آنها باشد. $\left\{x_1, x_7, ..., x_n\right\}$ مجموعه ای از اعداد صحیح و S حاصل جمع آنها باشد. $S = \sum_{i=1}^{n} x_i$ مجموعه به دو زیر مجموعه (در صورت وجود) به طوری که جمع عناصر دو
- بهترین الگوریتم برای افراز این مجموعه به دو زیر مجموعه (در صورت وجود) به طوری که جمع عناصر دو زیر مجموعه مساوی باشند، دارای چه مرتبهٔ زمانی است؟
 - O(nS) (1
 - O(n+S) (Y
 - $O(n^7)$ (T
 - O(n log n) (f
- ۱۸۶ متنی با چهار حرف $a_{\epsilon}, a_{\gamma}, a_{\gamma}, a_{\gamma}, a_{\gamma}$ و با احتمالات $P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma} \geq P_{\gamma}$ را در نظر بگیرید. فرض کنید $P_{\gamma} > P_{\gamma} = P_{\gamma} = P_{\gamma}$ باشد. کوچکترین عددی مانند Q که Q نتیجه دهد $P_{\gamma} > P_{\gamma} = P_{\gamma} = P_{\gamma}$ است $P_{\gamma} > P_{\gamma} = P_{\gamma}$ نتیجه دهد $P_{\gamma} > P_{\gamma} = P_{\gamma}$ است $P_{\gamma} = P_{\gamma}$ است $P_{\gamma} = P_{\gamma}$ است.)
 - 0,1 (1
 - 0/4 (1
 - 0/4 (4
 - 0/0 (4
- ۱۸۷- در یک صف حلقوی به طول n ، مقدار متغیری که ابتدای صف را نشان میدهد (f) چگونه به روز رسانی می شود؟
 - f = f + 1 (1
 - f = (f + 1)/n (Y
 - $f = (f + 1)/(n 1) (\Upsilon$
 - f = (f 1)/n (*
- ۱۸۸ آرایه A با n عنصر را m چرخشی گویند اگر با m چرخش دادههای آن مرتب شده باشند. برای مثال آرایه A = $\{70,77,50,70,70,70\}$ یک آرایه A چرخشی است. بهترین الگوریتم برای یافتن ماکزیمم در این A = $\{70,77,50,70,70,70,70\}$
 - $O(\log n)$ (1
 - O(n+m) (7
 - O(m log n) (T
 - O(n log m) (f

۱۸۹ - در الگوریتم جستجوی سه تایی (تقریباً مشابه با جستجوی دودویی) آرایه مورد نظر به سه قسمت تقسیم میشود و داده مورد جستجو با این عناصر مقایسه میشود. کدام رابطه در هر مرحله نشان دهندهٔ عنصر

371F

$$\frac{1}{m}$$
 و عنصر $\frac{r}{m}$ است، اگر حد پایین و بالای آرایه $\frac{1}{m}$ باشد؛

$$m_{\tau} = \frac{h - \tau l}{\tau} g m_{\tau} = \frac{h + \tau l}{\tau} (1)$$

$$m_{\gamma} = \gamma \frac{(l+h)}{r} , m_{\gamma} = \frac{l+h}{r}$$
 (7

$$m_{\gamma} = \frac{\gamma h + 1}{\gamma}$$
 $m_{\gamma} = \frac{h + \gamma l}{\gamma}$ (7)

$$m_{\gamma} = \frac{r(h-1)}{r} g m_{\gamma} = \frac{1+h}{r} (r$$

است؟ $M:Z^+ \to Z$ تابع $M:Z^+ \to Z$ به صورت زیر تعریف می شود. کدام گزینه صحیح است؟

$$M(n) = \begin{cases} n - 1 \circ & \text{if } n > 1 \circ \circ \\ M(M(n+1))) & \text{if } n \leq 1 \circ \circ \end{cases}$$

۱) برای تمام ۱۰۰ ≥ n مقدار (M(n برابر ۹۰ خواهد بود.

۲) برای حداقل نیمی از nهای کوچکتر از ۱۰۰ مقدار M(n) برابر ۹۱ خواهد بود.

۳) برای نیمی از nهای کوچکتر از ۱۰۰ جواب ندارد.

۴) برای تمام ۱۰۱ ≤ n مقدار (M(n برابر ۹۱ خواهد بود.

۱۹۱- برای مرتبسازی یک آرایه ۵ عنصری بر مبنای مقایسه، در بدترین حالت حداقل چند مقایسه نیاز داریم؟

- 4 (1
- D (T
- 8 (4
- Y (4

۱۹۲ سه آرایه مرتب شده $A_{\gamma}, A_{\gamma}, A_{\gamma}$ با n عنصر از اعداد حقیقی متمایز داریم، میخواهیم از روی مجموعه $A_{\gamma}, A_{\gamma}, A_{\gamma}$ یک درخت جستجوی دودویی متوازن بسازیم. بهترین الگوریتم دارای چه مرتبهٔ زمانی است؟

- $O(n^7)$ ()
 - O(n) (7
- O(n log n) ("
- O(n log n) (f

19٣- كدام عبارت صحيح است؟

- O((log n)!) < O(n) < O(log n!) (1)
- $O(n) < O(\log n!) < O((\log n)!)$ (7
- $O(\log n!) < O((\log n)!) < O(n)$ (*
- $O(\log n!) < O(n) < O((\log n)!)$ (*

- ۱۹۴ برای اینکه نشان دهیم مسئله A متعلق به خانواده مسائل $NP ext{-}Complete$ است، یافتن یک مسئله $P ext{-}NP ext{-}Complete$ مانند $P ext{-}D$ ماند $P ext{-}D$ ماند P
 - ۱) شرط لازم و كافي است.
 - ٢) شرط كافي است ولي لازم نيست.
 - ٣) شرط لازم است ولي كافي نيست.
 - ۴) نه شرط لازم و نه شرط کافی است.
 - ۱۹۵- جواب رابطه بازگشتی زیر چیست؟

$$T(n) = \Upsilon T(\frac{n}{\Upsilon}) + \frac{n}{\log n}$$

- O(n) (1
- O(log n) (Y
- O(n log n) (T
- O(n log(log n)) (f
- ۱۹۶- پیمایش inorder (میان ترتیب) از یک درخت دودویی با \mathbf{n} گره در دسترس میباشد. با مشخص بودن تعداد برگهای درخت به تعداد $\mathbf{n}_{\rm o}$ در این پیمایش، چه تعداد درخت دودویی می توان ساخت؟
 - $\frac{1}{(n-n_{\circ})+1} \left(\frac{\gamma(n-n_{\circ})}{(n-n_{\circ})} \right) (1)$
 - $\frac{1}{n+1} \binom{7n}{n} n_{\circ}^{7}$ (7
 - $\frac{n_o}{(n+n_o)} \binom{rn}{n+n_o} n_o (r$
 - ۴) در حالت کلّی با دُرّ دست داشتن پیمایش inorder نمی توان تعداد درختهای دودویی را محاسبه نمود.
- ۱۹۷- یک لیست پیوندی خطی با دو اشاره گر به ابتدا و انتهای آن را در نظر بگیرید. کدام یک از اعمال زیر وابسته به طول لیست میباشد؟
 - ١) حذف عنصر انتهاى ليست
 - ۲) اضافه کردن عنصر به ابتدای لیست
 - ۳) اضافه کردن عنصر به انتهای لیست
 - ۴) حذف عنصر ابتدای لیست
- ۱۹۸ فرض کنید دو آرایهٔ A[1..n] و B[1..n] از اعداد صحیح را داریم. بهترین الگوریتم برای اینکه مشخص K کنیم آیا K چرخشی از K است یا نه دارای چه مرتبهٔ زمانی خواهد بود؟ (منظور از چرخش این است که K عنصر آخر آرایهٔ مرتب را به ابتدای آن منتقل کنیم).
 - $O(n^T)$ (1
 - O(n) (7
 - O(log n) (T
 - O(n log n) (f
- $(a_1, a_7, ..., a_n)$ یک درخت جستجوی دودویی به صورت $(a_1, a_7, ..., a_n)$ یک درخت جستجوی دودویی به صورت $(a_1, a_7, ..., a_n)$ باشد. همه ی گزینه ها در مورد این درخت جستجوی دودویی صحیحاند بجز:
 - (۱) اگر a_i برگ نباشد، در این صورت یا a_{i-1} در زیر درخت چپ a_i است و یا a_{i+1} در زیر درخت راست آن است.
 - ۲) ترتیب حذف دو عنصر a_i و a_{i+1} تأثیری در درخت حاصل ندارد.
 - ۳) اگر a_{i+1} و فرزند داشته باشد در این صورت a_{i+1} فرزند چپ ندارد.
 - ۴) اگر a_{i-1} دو فرزند داشته باشد، در این صورت a_{i-1} فرزند راست ندارد.

- الگوریتمی مانند g داریم که آنرا n بار اجرا کردهایم و زمان مصرف شده $\theta(n \log n)$ بوده است. میانگین زمان اجرای g و بدترین زمان اجرای آن است.
 - $\theta(n \log n) \cdot \theta(n)$ (1)
 - $\theta(n) \cdot \theta(n)$ (7
 - $\theta(n \log n) \cdot \theta(\log n)$ (*
 - $\theta(\log n) \cdot \theta(\log n)$ (*

مباني نظري محاسبه

در سؤالهای ۲۰۱ الی ۲۲۰ لم نشان دهنده کلمه پوچ به طول صفر است.

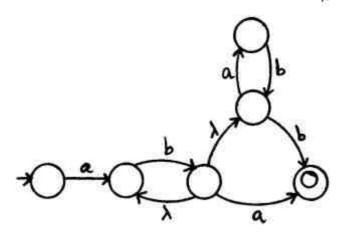
۲۰۱- کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) هر زبان منظم دارای یک اتوماتون غیرقطعی کمینه یکتا است.
- ۲) هیچ کلاسی از زبانها بین کلاس زبانهای مستقل از متن (CFL) و کلاس زبانهای منظم (Regular)
 وجود ندارد.
 - ٣) هر زيرمجموعه از *(٠,١) ميتواند داراي يک اتوماتون قطعي احتمالاً نامتناهي باشد.
- ۴) زبان L وجودد دارد که برای آن کلیه ماشینهای تورینگ با زبان L حداقل ۱۳۹۴ حالت در اتوماتون خود دارند.

$L = \left\{ yxzx^Ry^R \mid x,y,z \in \{\circ,1\}^+ \right\}$ زبان $-7\cdot7$

- یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) ندارد.
 - ۲) حساس به متن (CS) نیست.
 - ٣) مستقل از متن است ولى منظم نيست.
 - ۴) منظم است.

۲۰۳ - اتوماتون غیر قطعی زیر معادل با کدام یک از عبارات منظم است؟



$$abb*((a+b)*b+b*a)$$
 (1

$$abb*((ab)*b+a)$$
 (7

$$ab*((ab)*b+b*a)$$
 (*

$$ab*((a+b)*b+a)$$
 (*

- M_1 از دو اتوماتون متناهی قطعی M_1 و M_2 یک ماشین الکترونیکی M_3 به شکل زیر ساخته شده است. از حالت حالتهای پذیرش هر دو اتوماتون سیمی به یک لامپ وصل شده است که هرگاه یک اتوماتون در حالت پذیرش قرار می گیرد از این سیم جریان عبور می کند. لامپ تنها زمانی روشن می شود که از هر دو سیم مربوط به M_1 و M_2 جریان به آن برسد. ماشین M_3 روی رشته ورودی M_4 هر دو اتوماتون M_4 و M_5 را به صورت همزمان اجرا می کند و رشته M_1 را می پذیرد هرگاه در طول محاسبه روی M_3 لامپ هیچگاه روشن نشود. زبان M_4 کدام است؟
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in prefix(x), z \in L(M_1) \cup L(M_2)\}\$ (1)
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \operatorname{prefix}(x), z \in L(M_1) \cap L(M_7)\}\$ (7
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \text{prefix}(x), z \notin L(M_1) \cap L(M_7)\}\$ (*
 - $L(E) = \{x \mid \forall z \in \operatorname{prefix}(x), z \notin L(M_1) \cup L(M_2)\}\$ (§
- اگر k > 1 عددی صحیح و ثابت باشد، زبان L بر روی الفبای \sum بدین ترتیب تعریف شده است که هر عضو آن دارای حداقل k > 1 حرف یکسان در انتهای خود باشد. حداقل تعداد حالات اتوماتون متناهی قطعی برای پذیرش k > 1 چند است؟
 - $k \times |\Sigma|$ ()
 - $k \times |\Sigma| + 1$ (7
 - $k+|\Sigma|$ (*
 - $k+|\Sigma|+1$ (4
- عند کنید $A\subseteq \{\circ,1\}^*$ یک زبان منظم و $S\subseteq \{\circ,1\}^*$ یک مجموعه دلخواه باشد. قرار دهید $A\subseteq \{\circ,1\}^*$ فرض کنید $A\subseteq \{\circ,1\}^*$ یک منظم و $A\subseteq A$ یک زبان منظم و $A\subseteq A$ یک خدام گزینه دربارهٔ $A\subseteq A$ همواره صحیح است $A\subseteq A$
 - ۱) منظم است.
 - ۲) نه مستقل از متن است نه منظم
 - ٣) مستقل از متن است ولي مستقل از متن قطعي نيست.
 - ۴) مستقل از متن است ولي منظم نيست.
 - ۲۰۷ گرامر منظم G با k قاعده تولید مفروض است. کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟
 - ۱) یک اتوماتون متناهی قطعی با حداکثر k+1 حالت وجود دارد که زبان آن با L(G) برابر باشد.
 - ۲) تعداد حالات هر اتوماتون متناهی قطعی برای پذیرش L(G) حداقل k است.
 - L(G) یک اتوماتون متناهی قطعی با کمتر از k حالت وجود دارد که زبان آن با L(G) برابر است.
 - ۴) هیچ ارتباطی بین تعداد حالت اتوماتون متناهی قطعی کمینه برای (G) و k وجود ندارد.
- ۲۰۸- اگر در ماشین پشتهای (PDA) داده شده، برای هر ورودی هیچگاه نمادی از روی پشته حذف نشود، زبان پذیرش با حالات نهایی این ماشین،
 - ۱) مستقل از متن نیست.
 - ٢) نامنظم است ولى مستقل از متن قطعي است.
 - ۳) مستقل از متن قطعی نیست ولی مستقل از متن است.
 - ۴) منظم است.

۲۰۹ کدام یک از زبانهای زیر توسط یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) قابل پذیرش است؟

- (۱) زبان $L \subseteq \{a,b\}^*$ که هر عضو آن به صورت XX است.
- ربان $L \subseteq \{a,b\}^*$ که شامل رشتههای متقارن با طول فرد است.
 - ") زبان $^*(\cdot,)$ که شامل پرانتزهای متوازن است.
- بان $L \subseteq \{a,b\}^*$ که شامل رشتههای متقارن با طول زوج است.

ا کدام گزینه گرامر $\lambda>a$ او S ightarrow a و ابرای زبان $L\subseteq \{a,b\}^*$ که هر عضو آن دارای تعداد برابری b است کامل می کند؟

- $A \rightarrow SaS$, $B \rightarrow SbS$ (1
 - $A \rightarrow aS$, $B \rightarrow bS$ (7
- $A \rightarrow aS | Sa$, $B \rightarrow bS | Sb$ (7
- $A \rightarrow aS |Sa|\lambda$, $B \rightarrow bS |Sb|\lambda$ (*

است؟ $\{a\}^*\{b\}^*\{c\}^* - \{a^nb^nc^n \mid n \ge 0\}$ زبان $\{a\}^*\{b\}^*\{c\}^*$

- ۱) زبان مستقل از متن است ولی قابل شناسایی با یک ماشین تورینگ نیست.
- ۲) زبان قابل شناسایی با یک ماشین تورینگ است ولی مستقل از متن نیست.
 - ۳) زبان منظم است.
 - ۴) زبان مستقل از متن است ولى منظم نيست.

۲۱۲ - در مورد بررسی عضویت x ≠ λ در زبان مربوط به یک گرامر مستقل از متن G به شکل نرمال چامسکی، کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) مسأله تعیین عضویت x در (G) در صورت نامبهم بودن G لزوماً در زمان چند جملهای نسبت به طول
 x قابل حل نیست.
 - را تولید کرد. $x \in L(G)$ گرد. $x \in L(G)$ گرد. $x \in L(G)$ گرد.
 - ۳) مسأله تعیین عضویت x در (CG) در حالت کلی تصمیم پذیر نیست.
- $x \in L(G)$ میتوان با حداکثر $x \in L(G)$ قاعده $x \in L(G)$ اگر $x \in L(G)$ آنگاه در هر گرامر مستقل از متن برای میتوان با حداکثر $x \in L(G)$ قاعده $x \in L(G)$ تولید کرد.

۲۱۳- کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟

- ۱) زبان * $\{ \circ, \circ \} \supseteq L$ وجود دارد که فقط میتواند زبان یک ماشین تورینگ یکتا باشد.
- ۲) زبان $L \subseteq \{0,1\}^*$ وجود دارد که زبان یک ماشین تورینگ غیرقطعی است ولی نمیتواند زبان هیچ ماشین تورینگ قطعی باشد.
 - ٣) کلاس زبانهایی در *(۰٫۱) که میتوانند زبان یک ماشین تورینگ باشند نسبت به اجتماع بسته است.
 - ۴) کلاس زبانهایی در *(۰٫۱) که می توانند زبان یک ماشین تورینگ باشند نسبت به متمم گیری بسته است.

۲۱۴ همه گزینه های زیر در مورد زبان های قابل پذیرش توسط ماشین های تورینگ صحیح است، بجز:

- کلاس زبانهای شمارش پذیر بازگشتی (r.e.) نسبت به اجتماع، اشتراک و متمم بسته است.
 - ۲) کلاس زبانهای بازگشتی (تصمیمپذیر) نسبت به اجتماع، اشتراک و متمم بسته است.
- ۳) کلاس زبانهای بازگشتی (تصمیمپذیر) شامل کلاس زبانهای مربوط به گرامرهای حساس به متن است.
 - ۴) کلاس زبانهای شمارشیذیر بازگشتی (r.e.) هم ارز با کلاس زبانهای مربوط به گرامرها (دلخواه) است.

$^{-110}$ ماشین تورینگ غیر قطعی $^{-10}$ که برای هر ورودی نهایتاً متوقف میشود با زبان $^{-10}$ مفروض است. همه گزینههای زیر صحیح هستند بجز:

- ۱) اگر X € L لزوماً ماشین در هر محاسبه پاسخ خیر (No) می دهد.
- ۲) لزوماً متمم L (زبان \overline{L}) دارای یک ماشین تورینگ قطعی است که برای هر ورودی متوقف می شود.
 - ۳) لزوماً L دارای یک ماشین تورینگ قطعی است که برای هر ورودی متوقف می شود.
 - $X \notin L$ اگر برای ورودی X ماشین پاسخ خیر (No) بدهد لزوماً $X \notin L$

۲۱۶− زبان NFA - کریر کدام است؟

- Ø* ()
- {I} (T
- Ø*U111 (#
- λU(1)* (F

حدام یک از گزینههای زیر در مورد زبان متناهی L که توسط گرامر حساس به متن G تولید می شود صحیح است?

- ۱) زبان L منظم است.
- ۲) زبان L می تواند تصمیم پذیر نباشد.
- ۳) زبان L منظم نیست ولی مستقل از متن است.
- ۴) زبان L مستقل از متن نیست ولی حساس به متن است.

۲۱۸- کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟

- ۱) یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) فاقد المت. است.
- ۲) یک ماشین پشتهای قطعی (DPDA) برای هیچ ورودی در loop نامتناهی نمیافتد.
- ۳) هر ماشین پشتهای قطعی (DPDA) فقط از مقدار متناهی از پشته خود برای هر ورودی استفاده می کند.
- ۴) یک ماشین پشتهای قطعی(DPDA) وجود دارد که محاسبه آن برای هر ورودی کاملاً مستقل از محتوای پشته آن است.

۲۱۹- کدام یک از گزینههای زیر صحیح است؟

- ا) هر گرامر نامبهم برای زبان L که شامل λ نیست را میتوان به یک گرامر نامبهم به شکل نرمال چامسکی تبدیل کرد.
 - ۲) هر گرامر مبهم را می توان به شکل یک گرامر نامبهم هم ارز تبدیل کرد.
 - ۳) هر گرامر که شامل λ Production نباشد مبهم نیست.
 - ۴) هر گرامر منظم نامیهم است.

-۲۲- کدام یک از گزارههای زیر صحیح است؟

- ۱) تعداد زبانهای منظم در * (۰٫۱) شمارا نیست و تعداد عبارات منظم در * (۰٫۱) نیز شمارا نیست.
 - ۲) تعداد زبانهای منظم در * (۰٫۱) شمارا است و تعداد عبارات منظم در * (۰٫۱) نیز شمارا است.
 - ۳) تعداد زبانهای منظم در *(۰٫۱) شمارا نیست ولی تعداد عبارات منظم در *(۰٫۱) شمارا است.
 - ۴) تعداد زبانهای منظم در $^*\{0,1\}$ شمارا است ولی تعداد عبارات منظم در $^*\{0,1\}$ شمارا نیست.

تحقیق در عملیات (۱)

$$max x_o = x_1$$

s.t.
$$\Delta x_1 + x_7 = 1$$

$$\theta x_1 + x_T = \lambda$$

$$Yx_1 + x_F = F$$

$$x_1, x_7, x_7, x_6 \geq 0$$

۲۲۱ - مسأله روبهرو را در نظر بگیرید:

مقدار بهینه X_o کدام است؟

۲۲۲- مسأله روبهرو را در نظر بگیرید:

کدام گزینه در مورد این مسأله صحیح است؟

۱) نامتناهی (بیکران) است.

۲) ناشدنی است.

۳) جواب یکتا دارد.

۴) جواب بهینه چندگانه دارد.

$$\min \quad z = x_1 - x_Y - x_Y$$

s.t.
$$x_1 + x_7 = 1$$

$$\mathbf{x}_1 - \mathbf{x}_T = -1$$

$$x_1, x_7, x_7 \ge 0$$

۲۲۳- مسأله برنامه ريزي خطى (P) را در نظر بگيريد.

فرض کنید * z مقدار بهینه مسأله (P) است. یکی از قیدهای مسأله (P) را حذف کنید، و مسأله جدید را

(P') بنامید. کدام گزینه در مورد مسأله (P') صحیح است؟

$$min \quad z = c^{T}x$$

s.t.
$$Ax = b$$
 (P)

$$x \ge 0$$

۳) جواب بهینه با مقدار بهینه نابیش تر از *z دارد.

۴) جواب بهینه با مقدار بهینه ناکمتر از *z دارد.

$min \quad x_o = x_1 + 7x_7 + 77x_7 + x_6 - x_{\Delta}$

s.t.
$$x_1 + x_Y + x_Y = 1$$

$$x_1, x_2, \dots, x_{\Delta} \geq 0$$

۲۲۴- مسأله روبهرو را در نظر بگیرید:

دوگان این مسأله ...

- ۱) نشدنی است.
- ۲) دارای جواب بهینه متناهی و تباهیده است.
- ۳) دارای جواب بهینه متناهی و چندگانه است.
 - ۴) نامتناهی است.

(P)

۲۲۵- مسأله اوليه را به صورت (P) در نظر بگيريد،

$$\min \quad z = x_1 + x_7$$

که a یک اسکالر داده شده است. دوگان (P) را (D) بنامید.

s.t.
$$x_1 + x_7 = 1$$

كدام گزينه صحيح است؟

 $ax_1 + ax_7 = -a$

(P)

۱) (D) نمی تواند نامتناهی باشد.

 $x_1, x_7 \ge 0$

- ۲) (P) و (D) هر دو ناشدنیاند.
- ۳) (D) همواره شدنی است ولی (P) میتواند ناشدنی باشد.
 - ۴) اگر ∘ = a، آنگاه (P) شدنی ولی (D) ناشدنی است.

۲۲۶- مسأله (P) را به صورت زير در نظر بگيريد.

فرض کنید مسأله (P') جواب بهینه دارد. بردار c را به \hat{c} تغییر دهید و مسأله جدید را (P') بنامید. مسأله (D') را دوگان (P') بگیرید. کدام گزینه در مورد مسأله (D') صحیح است؟

- min $z = e^{T}x$
 - ۲) می تواندنامتناهی (بی کران) باشد.
 - ۳) یا نامتناهی (بی کران) است یا جواب بهینه دارد.
 - ۴) می تواندناشدنی باشد ولی نامتناهی (بی کران) نمی تواند باشد.

۲۲۷- جدول یک مسأله LP از نوع مینیمم سازی را در نظر بگیرید. در چه صورت جدول بعدی تباهیده خواهد بود؟

Ax = b

 $x \ge 0$

s.t.

$$b=c=1 (1$$

$$bc = 17 (7$$

$$b = \beta$$
, $c = \beta$ (T

$$b = -1$$
, $c = 7$ (*

min
$$z = e^{T}x$$

s.t. $Ax = b$ (P)

 $x \ge 0$

۲۲۸- مسأله اوليه (P) را به صورت

$$\min \ \mathbf{w} = \sum_{i=1}^{m} \mathbf{y_i}$$

با ∘ ≥ b در نظر بگیرید. مسأله مرحله یک (فاز یک) مربوط به (P) به قرار زیر است:

فرض کنید در جدول سیمپلکس بهینه برای مسأله (I)، یک متغیر و در بین

s.t.
$$\mathbf{A}\mathbf{x} + \mathbf{y} = \mathbf{b}$$
 (I) $\mathbf{b}_{\mathbf{i}} \neq 0$ ناشدنی است اگر $\mathbf{v} \neq 0$ ناشدنی است اگر (P) (۲

$$\mathbf{x} \geq 0$$
 (P) میتواند شدنی یا ناشدنی باشد $\mathbf{y} \geq 0$ (P) هر دو ناشدنی اند (P) هر دو ناشدنی یا ناشدنی باشد (P) میتواند شدنی یا ناشدنی باشد (P) میتواند (P

 $v \ge 0$

 $v \leq \circ$

(P) را به صورت زیر در نظر بگیرید که در آن، $b \ge 0$. کدام گزینه برای (P) صحیح است؟

۱) ہے کران است اگر ہ≥ c. $\min z = e^{T}x$

۲) جواب بهینه برابر با صفر دارد. s.t. $Ax \leq b$ (P) ۳) یا جواب بهینه دارد یا بی کران است.

 $x \ge 0$ ۴) همواره بی کران است.

۲۳۰ – مسأله (P) را به صورت زير در نظر بگيريد كه در آن، ه ≤ b. دوگان مسأله (P) را (D) بناميد.

 $min u = b^T v$ كدام گزينه صحيح است؟

 (D) همواره جواب بهینه متناهی دارد. s.t. $A^t v \ge c$ (P) ۲) (P) یا ناشدنی است یا جواب بهینه دارد.

(D) می تواند ناشدنی باشد.

(P) و (D) هر دو جواب بهینه دارند.

مستند. در این صورت، $\mathbf{A}^{-1}\lambda \geq \circ$, $\mathbf{A}^{-1}\lambda = \mathbf{c}$, هستند. در این صورت، $\mathbf{a}^{-1}\lambda = \mathbf{c}$ جواب دارد اگر و تنها اگر داشته باشتی

 $Ax \leq \circ \Rightarrow c^T x \leq \circ ()$

 $Ax \ge \circ \Rightarrow c^T x = \circ \ (\Upsilon$

 $Ax = \circ \Rightarrow c^T x \ge \circ \ ($

 $Ax \leq \circ \Rightarrow c^T x \geq \circ (f$

۲۳۲ - مسأله برنامهریزی خطی (P) را به صورت زیر در نظر بگیرید، که در آن ∘ <c . کدام گزینه برای مسأله (P)

صحیح است؟ min $z = c^{T}(x+y)$

۱) جواب بهینه چندگانه دارد. (P) $x + y \le c$ s.t. ۲) نامتناهی است. $x, y \ge 0$

۳) می تواند ناشدنی باشد.

۴) جواب بهینه یکتا دارد.

۲۳۳− مسأله برنامهریزی خطی را به صورت زیر در نظر بگیرید و دوگان آن را (D) بنامید. کدام گزینه صحیح

min u = 0است؟

۱) (P) جواب بهینه دارد. (P) s.t. Av = b۲) (D) جواب بهینه با مقدار بهینه برابر با صفر دارد.

۳) (D) ناشدنی است اگر و تنها اگر (P) ناشدنی باشد.

۴) (P) ناشدنی است اگر و تنها اگر (D) بی کران (نامتناهی) باشد.

(P)

بدارد؟ $\mathbf{u} \leq \mathbf{c}$ ، $\mathbf{A}^T \mathbf{u} \leq \mathbf{c}$ اگر دستگاه جواب ندارد؛ $\mathbf{u} \leq \mathbf{c}$ ، $\mathbf{A}^T \mathbf{u} \leq \mathbf{c}$

$$c^T x \neq 0, x \geq 0, Ax \leq 0$$
 ()

$$c^T x < \circ, x \ge \circ, Ax \le \circ$$
 (7

$$c^T x < \circ, x \le \circ$$
, $Ax \le \circ$ (7

$$c^T x \neq 0, x \leq 0, Ax \leq 0$$
 (4)

۲۳۵ – مسأله (P) را به صورت زير در نظر بگيريد و دوگان آن را (D) بناميد. كدام گزينه صحيح است؟

$$\max \quad t = u_1 - u_7$$

s.t.
$$u_1 - u_7 = 1$$

$$\mathbf{u}_1 - \mathbf{u}_{\mathbf{r}} = -1$$

۴) (D) یا بی کران (نامتناهی) است یا جواب بهینه (متناهی) دارد.

۲۳۶- مسأله برنامه ريزي خطي به صورت روبه رو را در نظر بگيريد:

 $min C^T x$

فرض کنید درایه b_i به b_i به b_i تغییر داده شود. گزینه صحیح کدام است؟

 $Ax \ge b$ s.t.

۱) ناحیه شدنی مسأله تغییر نمی کند.

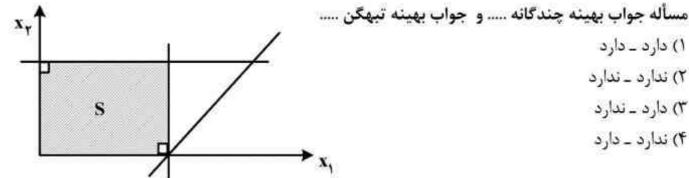
۲) ناحیه شدنی مسأله جدید کوچک تر نمی شود.

 $x \ge 0$

۳) ناحیه شدنی مسأله جدید بزرگتر نمیشود.

۴) جواب بهینه مسأله تغییر نمی کند.

۲۳۷ - مجموعه S ناحیه شدنی یک مسأله برنامهریزی خطی است که تابع هدف آن به صورت max x₁ است. این



- ۱) دارد ـ دارد
- ۲) ندارد ـ ندارد
- ۳) دارد ـ ندارد
- ۴) ندارد ـ دارد

٣٣٨- جدول سيميلكس زير را در نظر بگيريد. تحت چه شرايطي ناحيه شدني مسأله، مجموعهاي بي كران است ولى مسأله جواب بهينه دارد؟ (مسأله مينيمم سازي است.)

	z	X,	XT	XΥ	S	SY	S۳	RHS
z	١	α	0	0	o	β	k	u
XΥ	0	α_1	1	0	0	β,	k۱	u,
xΨ	0	α_{τ}	٥	1	0	β_{τ}	k۲	
s,	0	α_{r}	o	0	1	βr	k _r	u۳

$$\alpha < \circ$$
 $\alpha_{1}, \alpha_{7}, \alpha_{7} \leq \circ$ (1)

$$u > \circ g u_1, u_7, u_7 \leq \circ (7)$$

$$\alpha, \beta, k \leq \circ$$
 $_{9} \alpha_{1}, \alpha_{7}, \alpha_{7} \leq \circ$ (4

$$\alpha > \circ$$
 $_{9} \alpha_{1}, \alpha_{7}, \alpha_{7} \leq \circ$ (4

10+0

19 + Ta

18-a

22

25

10

 $1\lambda - \alpha$

24

40

۲۳۹− بخشی از یک جدول حمل و نقل داده شده است. این جدول به ازای م = α بهینه است. به ازای چه مقادیری

از α جدول بهینه باقی خواهد ماند؟

$$Y \le \alpha \le Y$$
 ()

۳۴۰ در جدول زیر، اگر ∘ < h و x را وارد پایه کنیم، آنگاه مقدار تابع هدف چقدر تغییر میکند؟

1	z	x,	XY	XΨ	XF	\mathbf{x}_{Δ}	Xç	RHS	-u ()
z	1	0	u	0	α	٥	-1	Zo	-ue (Y
×η	0	١	٥	o	α_1	0	١	β	-ue or
XΥ	o	0	-1	١	α_{Y}	0	1	k	Z ₀
xΔ	0	0	h	0	α_{r}	1	۲	e	$\frac{-ue}{h}$ (f

