کد کنترل

861





عصر پنجشنبه ۱۳۹۸/۳/۲۳



«اگر دانشگاه اصلاح شود عملکت اصلاح می شود.» امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فنّاوری سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دورههای کارشناسی ارشد ناپیوستهٔ داخل ـ سال ۱۳۹۸

مجموعه علوم کامپیوتر ـ کد (۱۲۰۹)

مدت پاسخگویی: ۲۴۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۳۵

عنوان مواد امتحاني، تعداد و شمارهٔ سؤالات

رديف	مواد امتحانی	تعداد سؤال از شمارهٔ تا شمارهٔ		تعداد سؤال از شمارهٔ		تا شمارة	
1	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)	٣٠	۲۰ ۱				
۲	دروس پایه (ریاضی عمومی(۱و۳)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال)	۲۵	۳۱	94			
٣	ساختمان دادهها، طراحي الگوريتهها و مباني نظريه محاسبه	٣٠	99	۹۵			
۴	مباتی منطق و نظریه مجموعهها		9.5	114			
۵	رياضيات گسسته و مباني تركيبيات	۲٠	118	١٣۵			

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمرهٔ منفی دارد.

حق حادی تکتب و انتشار سفالات به هر روش (الکترونیکی و...) بس از برگزاری آزمون برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان محل می باشد و با متخفص برای مقی این رفتار می شود.

	To TANGE 및 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1985 - 1	ینجانب با شم سندلی خود را با شمارهٔ داوطلبی مندرج در بالاء
دفترچه سوالات، نوع و	and the state of the sale of the state of the sale of	صدای خود را با سماره داوطنبی مندرج در بادع ند کنترل درج شده بر روی دفترچهٔ سؤالات و پائ
9	امضا:	
		عمومی و تخصصی (انگلیسی) :
		3 - 73 737

The second secon						
1) immorality	tendency	antipathy	4) commitment			
			11 1 2 1 1 1 2 2 2 3 1 1 1 1 2 2 3 3 3 1 1 1 1			
			전문의 [[[[[[[[[[[[[[[[[[[
My niece has a imagination. She can turn a tree and a stick into a castle and a						
wand and spend he	ours in her fairy kingo	lom.				
1) vacuous	2) vivid	3) cyclical	4) careless			
The singer's mellifluous voice kept the audience for two hours.						
1) disputed	2) disregarded	3) frustrated	4) enchanted			
His family, relatives, and friends still cling to the hope that Jeff will someday						
himself from the d	estructive hole he now	finds himself in.				
1) evade	2) prevent	3) deprive	4) extricate			
Logan has been working long hours, but that is no excuse for him to be to customers.						
1) ingenious	intimate	discourteous	4) redundant			
Although he was found, he continued to assert that he was innocent and ha						
1) critical	2) guilty	problematic	4) gloomy			
The old sailor's sk sun and the wind.	in had become wrink	led and from	years of being out in the			
1) desiccated	2) emerged	intensified	4) exposed			
The promoters conducted a survey to study the of the project before investing						
their money in it.						
1) impression	visibility	feasibility	preparation			
	A recent study she computers has led 1) ambivalence My niece has a	A recent study shows that the prevale computers has led to a/an in s 1) ambivalence 2) distinction My niece has a	wand and spend hours in her fairy kingdom. 1) vacuous 2) vivid 3) cyclical The singer's mellifluous voice kept the audience for to 1) disputed 2) disregarded 3) frustrated His family, relatives, and friends still cling to the hope that Je himself from the destructive hole he now finds himself in. 1) evade 2) prevent 3) deprive Logan has been working long hours, but that is no excuse for customers. 1) ingenious 2) intimate 3) discourteous Although he was found, he continued to assert that been falsely indicted. 1) critical 2) guilty 3) problematic The old sailor's skin had become wrinkled and from sun and the wind. 1) desiccated 2) emerged 3) intensified The promoters conducted a survey to study the of the			

- 10-That is too ----- an explanation for this strange phenomenon-I am sure there's something more complex at work.
 - 1) simplistic
- 2) lengthy
- 3) profound
- 4) initial

PART B: Cloze Test

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the correct choice on your answer sheet.

Some researchers investigated the effect of listening to music by Mozart (11) ----spatial reasoning, and the results were published in Nature. They gave research participants one of three standard tests of abstract spatial reasoning (12) ----each of three listening conditions: the Sonata for Two Pianos in D major, K. 448 by Mozart, verbal relaxation instructions, and (13) -----. They found a temporary enhancement of spatial-reasoning, (14) ----- spatial-reasoning subtasks of the Stanford-Binet IQ test. Rauscher et al. show that (15) ----- the music condition is only temporary.

11-1) in

- 2) for

- 1) having experienced 12
 - to be experiencing
- 1) silence 13-
- 2) was silent
- 14-1) then measured
 - 3) as measured by
- 1) the effect of the enhancement of 15-
 - 2) the enhancing effect of
 - enhances the effect of
 - 4) is enhanced by

- 3) of 4) on
- 2) after they had experienced
- 4) to experience
- 3) there was silent 4) of silence
- 2) that was measured
- 4) to be measuring

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer each question by marking the best choice (1), (2), (3) or (4) on your answer sheet.

PASSAGE 1:

Perhaps the richest and most exciting area of application of the projection theorem is the area of statistical estimation. It appears in virtually all branches of science, engineering, and social science for the analysis of experimental data, for control of systems subject to random disturbances, or for decision making based on incomplete information.

All estimation problems discussed in this chapter are ultimately formulated as equivalent minimum norm problems in Hilbert space and are resolved by an appropriate application of the projection theorem. This approach has several practical advantages but limits our estimation criteria to various forms of least squares. At the outset, however, it should be pointed out that there are a number of different least squares estimation procedures which as a group offer broad flexibility in problem formulation. The differences lie primarily in the choice of optimality criterion and in the statistical assumptions required.

Least squares is, of course, only one of several established approaches to estimation theory, the main alternatives being maximum likelihood and Bayesian techniques. These other techniques usually require a complete statistical description of the problem variables in terms of joint probability distribution functions, whereas least squares requires only means, variances, and covariances. Although a thorough study of estimation theory would certainly include other approaches as well as least squares, we limit our discussion to those techniques that are derived as applications of the projection theorem. In complicated, multivariable problems the equations resulting from the other approaches are often nonlinear, difficult to solve, and impractical to implement. It is only when all variables have Gaussian statistics that these techniques produce linear equations, in which case the estimate is identical with that obtained by least squares. In many practical situations then, the analyst is forced by the complexity of the problem to either assume Gaussian statistics or to employ a least-squares approach. Since the resulting estimates are identical, which is used is primarily a matter of taste.

16- The projection theorem -----

- 1) is applicable only when the available data is complete
- 2) serves as a virtual tool to solve scientific problems
- 3) is used when random disturbance of experimental data is used
- 4) is used to make decision when the available information may not be complete

17- Estimation theory -----

- 1) provides an alternative approach to solve the maximum likelihood problem
- 2) can only be addressed by a least squares formulation
- 3) can be addressed by techniques using joint probability distribution functions
- provides a useful tool for evaluating the effectiveness of maximum likelihood and Bayesian techniques

18- The choice of optimality criterion and the used statistical assumptions ------

- 1) are irrelevant to the least squares model
- 2) may cause the projection theorem to be ineffective
- 3) leads to a particular least squares estimation
- 4) may make the least squares approach to be inappropriate

19- The estimate by various approaches is identical if ------

- 1) the problem is not multivariable
- 2) joint probability distributions are not used
- 3) all the variables have Gaussian statistics
- 4) a complete statistical distribution of the problem variables is used

20- The minimum norm problem in a Hilbert space as an estimation problem ------.

- 1) may be addressed by several alternative approaches
- 2) can only be resolved by a least squares approach
- 3) is a hard problem to solve due to inappropriateness of the projection theorem
- 4) is solved by a direct application of the projection theorem

PASSAGE 2:

In comparison with facsimile, which has become very popular in recent years, electronic mail is more economical, has the flexibility advantages above, and is in principle more convenient for data already stored in a computer. Facsimile is far more convenient for data in hard-copy form (since the hard copy is fed directly into the facsimile machine). It appears clear, however, that the recent popularity of facsimile is due to the fact that it is relatively hassle-free, especially for the <u>occasional</u> or uninitiated user. Unfortunately, electronic mail, and more generally computer communication, despite all the cant about user friendliness, is full of hassles and pitfalls for the occasional or uninitiated user.

There is a similar comparison of electronic mail with voice telephone service. Voice service, in conjunction with an answering machine or voice mail service, in principle has most of the flexibility of electronic mail except for the ability to print a permanent record of a message. Voice, of course, has the additional advantage of immediate two-way interaction and of nonlinguistic communication via inflection and tone. Voice communication is more expensive, but requires only a telephone rather than a telephone plus computer.

As a final application, one might want to use a remote computer system for some computational task. This could happen as a means of load sharing if the local computer is overutilized. It could also arise if there is no local computer, if the local computer is inoperational, or the remote computer is better suited to the given task. Important special cases of the latter are very large problems that require supercomputers. These problems frequently require massive amounts of communication, particularly when the output is in high resolution graphic form. Present-day networks, with their limited link speeds, are often inadequate for these tasks. There are also "real-time" computational tasks in which the computer system must respond to inputs within some maximum delay. If such a task is too large for the local computer, it might be handled by a remote supercomputer or by a number of remote computers working together. Present-day networks are also often inadequate for the communication needs of these tasks.

21- The popularity of facsimile is due to its ------

1) inexpensiveness

2) communication speed

- 3) general purposefulness
- 4) convenience of use by beginners

22- Electronic mail ----- voice telephone service.

1) has the same cost as

2) is less expensive than

3) is more expensive than

4) is not comparable to

23- The word "occasional" in paragraph 1 is similar in meaning to ------

1) infrequent

2) unprofessional

3) articulate

4) learned

24- Remote computer systems ------

- 1) are not needed for load sharing tasks
- 2) are needed only for processing high resolution graphic outputs
- 3) have produced a number of unnecessary complications
- are needed as a supplement to local computer systems to handle some possible inadequacies

25- For tasks in which a response to the input is required within a limited time, ------

- 1) remote processing may not be helpful
- 2) a local computer may turn to be inadequate
- 3) present-day networks make use of high-speed links
- 4) remote processing may be used appropriately

PASSAGE 3:

Solving an IEP can generally be regarded as solving a nonlinear algebraic system. It is not surprising that many existing computational techniques can be applied to solve an IEP. However, because IEPs also involve matrices, there are more matrix structures and properties that can be and should be exploited. We have found from the literature that current numerical procedures for solving IEPs can roughly be classified into three categories. These are:

- direct approach,
- 2. iterative approach,
- continuous approach.

Thus far, we know of no superlative method, whose performance is clearly superior to all others. Rather, it is often the case that a certain method should be specifically tailored to fit a certain problem.

Direct approach. By a direct method, we mean a procedure through which a solution to an IEP can be found in finitely many arithmetic operations. It might be surprising that, for nonlinear systems such as IEPs, such a method could ever exist. However, most IEPs with Jacobi structure can be solved by the Lanczos method that terminates in finitely many steps. The paper by Boley and Golub (1987) offers a good survey of this method.

In fact, it is also the primary concern in the paper by Ikramov and Chugunov (2000) who search for upper bounds on the number of prescribed entries so that a matrix with these prescribed entries and a prescribed spectrum could be completed by finite rational methods. By a rational method, we refer to any procedure that uses only arithmetic operations of the field over which the problem is considered. As such, a rational algorithm can employ exact arithmetic, say, using the computer algebra

1) call

3) construct

package MAPLE, to complete the construction of a matrix. At present, the bound on the maximal allowable number of prescribed entries in such a PEIEP appears to have been set by the Hershkowitz theorem (Hershkowitz, 1978), beyond which no existence theory is available and no direct method is known to work. However, this lack of an existence theory does not mean that no other numerical methods can be employed to find a solution.

Many classical results in matrix theory proved by mathematical induction may be regarded as constructible by a direct method. With advance in today's programming languages that allow a subprogram to <u>invoke</u> itself recursively, traditional induction proof can be transformed into a recursive algorithm which terminates in finitely many steps.

		· 우리 특히 1984 (1911 - 1917) - 1917 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1918 - 1818 - 1819 -			
26-	- The word "tailored" in paragraph	2 is similar in meaning to			
	1) adapted	embrades some und dem 15 Autoria de de despaintentes fran du faut.			
	2) decomposed				
	3) transformed				
	4) decoupled				
27-	There are many computational techniques for solving nonlinear algebraic systems approach exists for solving certain IEPs.				
	1) but no direct	2) and a direct			
	3) but no iterative	4) but no continuous			
28-	A direct approach for solving the IEP has been developed due to				
	1) the employment of the Lanczos method				
	2) the Jacobi structure of the problem				
	3) work presented by Boley and Golub				
	4) use of a nonlinear algebraic sys				
29-	A method using only finitely many arithmetic operations of the field of concern in ord				
	to arrive at a solution				
	cannot be developed				
	2) is always at hand when MAPLE is used				
	3) can always be developed regardless of the structure of the problem				
	4) is at hand if the number of p	rescribed entries in a related matrix is limited to a			

The word "invoke" in the last paragraph is similar in meaning to ------

2) transform

4) induce

دروس پایه (ریاضی عمومی(۱و۲)، مبانی علوم ریاضی، مبانی ماتریسها و جبر خطی، مبانی آنالیز ریاضی، مبانی آنالیز عددی و مبانی احتمال) :

$$\lim_{n\to\infty} \left(\frac{1}{\sqrt{n^{\Upsilon}+1}} + \frac{1}{\sqrt{n^{\Upsilon}+\Gamma}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{n^{\Upsilon}+n}}\right)$$
 کدام است؟

0 (1

1 (1

Int (T

 $Y(\sqrt{Y}-1)$ (F

$$A=\{p\in(\circ,\infty)\,|\,\sum_{n=1}^\infty(\sqrt[n]{n}-1)^p<\infty\}$$
 آنگاه A کدام است $A=\{p\in(\circ,\infty)\,|\,\sum_{n=1}^\infty(\sqrt[n]{n}-1)^p<\infty\}$ آنگاه A

(1,∞) (1

[1,∞) (T

(e,∞) (٣

[e,∞) (۴

است؟
$$\lim_{x\to\infty} \frac{e-(1+x)^{\frac{1}{x}}}{x}$$
 کدام است? -۳۳

 $-\frac{e}{r}$ (1

e (T

-е (т

e r (4

حدار
$$\int_1^\infty \frac{\mathrm{d}x}{x\sqrt{1+x^7}}$$
 کدام است؟ $-$ ۳۶

$$\ln(1+\sqrt{\tau})$$
 (1

$$\ln(\tau + \sqrt{\tau}) (\tau$$

$$\ln(1+7\sqrt{7})$$
 (7

00 (4

9-۳۵ سری مکلورن تابع $\frac{x}{(1-x^{7})^{7}}$ در فاصلهٔ |x| < 1 سری مکلورن تابع

$$\sum_{n=1}^{\infty} n x^{\gamma_{n+1}} \ (1$$

$$\frac{1}{r}\sum_{n=1}^{\infty}nx^{rn-1}$$
 (7

$$\sum_{n=0}^{\infty} (n+1) X^{\forall n+1}$$
 (7

$$\frac{1}{7}\sum_{n=0}^{\infty}(n+1)X^{7n+1}$$
 (4

 $r = \sin \tau \theta$ و $r = \sin \tau \theta$ کدام است $r = \sin \tau \theta$ مساحت ناحیه محدود به منحنیهای

$$\frac{\pi}{\epsilon} - \frac{1}{r}$$
 (1

$$\frac{\pi}{r}$$
 -1 (7

$$\frac{\pi}{\lambda} - \frac{1}{\epsilon}$$
 (8)

۱۱۳۶ کدام گزینه در مورد $\frac{x + \sin y}{(x,y) \to (\circ,\circ)} \frac{x + \sin y}{y + \sin x}$ درست است؟

کدام است؟ $\int_{x}^{1} \int_{x}^{1} e^{y^{\frac{w}{t}}} dy dx$ مقدار –۳۸

$$\frac{re+r}{r}$$
 (r

$$\frac{re-r}{r}$$
 (*

```
y = 1.x = 7 مساحت بخشی از رویه z^{T} = Txy واقع در یک هشتم اول فضا بین صفحات y = 1.x = 7
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                كدام است؟
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        1 (1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       4 (1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        4 (4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        9 (4
\mathbf{b}^{\mathsf{T}}\mathbf{x}^{\mathsf{T}} + \mathbf{y}^{\mathsf{T}} = \mathbf{b}^{\mathsf{T}} درهای را از نقطه (۱,۰) به نقطه (-۱,۰) در مسیر \mathbf{F}(\mathbf{x},\mathbf{y}) = (\mathbf{T}\mathbf{y}^{\mathsf{T}} + \mathbf{T}, 19\mathbf{x}) درهای را از نقطه (-۴۰
                                                                                                                                                      جابه جا می کند. کار انجام شده به ازای کدام مقدار b ماکزیمم می شود؟
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    4 (1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    π (٣
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    1 (4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                      ۴۱ نقیض گزاره زیر کدام است؟
                                                                                                                                                                              \alpha = \beta = 0 آنگاه \alpha u + \beta v = 0 آنگاه \alpha = \beta = 0 آنگاه
                                                                                                                                                                                                           \alpha u + \beta v = 0 اعداد ناصفر \alpha و \beta وجود دارند که
                                                                                                            \alpha u + \beta v \neq 0 و \beta که حداقل یکی از آنها ناصفر است وجود دارند که \beta و \alpha اعداد \beta
                                                                                                              \alpha u + \beta v = 0 و \beta که حداقل یکی از آنها ناصفر است وجود دارند که \alpha که حداقل یکی از آنها ناصفر است
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  FY کدام گزاره درست است؟
                                                         \forall x \exists y p(x,y) \Rightarrow \exists y \forall x p(x,y) \ (
                                                                                                                                                                                                                 \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \exists xq(x) \ (1)
            (\exists xp(x) \land \exists xq(x)) \Rightarrow \exists x(p(x) \land q(x)) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor \forall xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow \forall xp(x) \lor xq(x) \ (f \forall x(p(x) \lor q(x)) \Rightarrow (f \forall x(p(x) \lor
                   ۴۳ فرض کنید \mathcal{P}(X) گردایهٔ همهٔ زیرمجموعههای X باشد. برای دو مجموعهٔ A و B کدام گزینه درست نیست -
                                                     \mathcal{P}(A) \subset \mathcal{P}(B) آنگاه A \subset B څار۲
                                                                                                                                                                                                                                                      A \in B آنگاه \mathcal{P}(A) \in \mathcal{P}(B) آ
                                                     A \subseteq B آنگاه \mathcal{P}(A) \subseteq \mathcal{P}(B) آنگاه \mathcal{P}(A) \subseteq \mathcal{P}(B) آنگاه \mathcal{P}(A) \subseteq \mathcal{P}(B) آنگاه \mathcal{P}(A) \subseteq \mathcal{P}(B)
۴۴ - فرض کنید N نمایش اعداد طبیعی باشد. رابطهٔ R را روی N ، رابطهٔ R را روی N و رابطهٔ ¬R را روی
                                                                                                                                                                                                                                                                    \mathbb{N} \times \mathbb{N} به صورت زیر تعریف می کنیم:
 f R, g \Leftrightarrow max f(x) = max g(x)
x R_{\tau} y \Leftrightarrow |x-y| < \tau
(x_1, y_1) R_{\tau}(x_{\tau}, y_{\tau}) \Leftrightarrow x_1 y_1 = x_{\tau} y_{\tau}
                                                                                                                                                                                                  کدامیک از رابطههای R_1 و R_7 و R_7 همارزی هستند؟
```

 R_{τ} (۱ R_{τ} (۱ و R_{τ}) فقط R_{τ} (۱ فقط R_{τ}) فيج كدام R_{τ} (۱ فقط R_{τ}) فيج كدام R_{τ} (عدد اصلى مجموعة همة توابع اكيداً نزولى از R_{τ} الله R_{τ} (عدد اصلى R_{τ} (ا با R_{τ} نمايش مى دهيم.) (۱) برابر R_{τ} است. (۱ برابر $R_{$

- آنگاه بعد زير $V = \{(a+Tb+Fc+Td, Ta+Tb+Fc, Tb+Tc+Td, -b-c-d) | a,b,c,d \in \mathbb{R}\}$ آنگاه بعد زير فضای V از \mathbb{R}^{f} کدام است؟
 - 4 (4
- مقدار $X^T + TX + T$ با درایه های حقیقی است که چند جمله ای مشخصهٔ آن برابر است با $X^T + TX + T$ مقدار (tr(A^۲) برابر است با:
- تبدیل خطی \mathbf{T}^{T} با ضابطهٔ $\mathbf{T}^{\mathsf{T}} = \begin{bmatrix} \mathbf{x} + \mathbf{y} \\ \mathbf{x} \mathbf{v} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{x} + \mathbf{y} \\ \mathbf{x} \mathbf{v} \end{bmatrix}$ نسبت به -۴۸ پایههای استاندارد، کدام است؟
 - [" °] (1
 - ۲ ° ۲ (۲
 - (T °)
 - [-\mathcal{P} \cdot \nightarrow \pi \cdot \nightarrow \pi \cdot \nightarrow \pi \cdot \nightarrow \nig
- $x^{r} 7x 7x 7x$ با چند جملهای مشخصه $x^{r} 7x 7x + 7x 7x$ باشد، آنگاه چند جملهای مشخصه ماتریس

A-۱ کدام است؟

کدام است؟
$$\mathbf{x}^{\mathsf{T}} - \frac{\mathsf{T}}{\mathsf{T}} \mathbf{x}^{\mathsf{T}} - \frac{\mathsf{J}}{\mathsf{T}}$$
 ساپین کنگور (۱

 $x^{7} + \frac{7}{4}x - \frac{1}{4}$ (7)

$$x^{\tau} - \frac{\tau}{r}x - \frac{\eta}{r}$$
 (τ

$$x^{r} + \frac{r}{r}x^{r} - \frac{1}{r}$$
 (4

 $p_{\mathbf{v}}(\mathbb{R})$ فصای چند جملهای از درجه حداکثر \mathbf{v} روی \mathbb{R} باشد و تبدیل خطی \mathbf{p} باشدد، $p_{\tau}(\mathbb{R})$ باشد، $\beta = \{1, x, x^{\intercal}\}$ باشد، T(f) = f + f' + f'' باشد، $f : p_{\tau}(\mathbb{R}) \to p_{\tau}(\mathbb{R})$ آنگاه $[T^{-1}]_{eta}$ کدام گزینه است؟

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & \circ \\ \circ & -1 & -7 \\ \circ & \circ & 1 \end{bmatrix} (1)$$

۵۱ – فرض کنید تابع $\mathbb{R} o \mathbb{R}$ در همهٔ نقاط گنگ پیوسته و مقدار آن در همه نقاط گویا برابر ۲ باشد. کدام گزینه درباره تابع f درست است؟

- ۱) مشتق پذیر است.
- ٢) پيوسته پکنواخت است ولي لزوماً مشتق پذير نيست.
 - ٣) پيوسته است ولي لزوماً پيوسته يكنواخت نيست.
 - ۴) فقط در اعداد گنگ پیوسته است.

 $B = \begin{cases} x \in \mathbb{R} : \inf_{a \in A} |x-a| = 0 \end{cases}$ و $A \subseteq \mathbb{R}$ کدام گزینه درست است؟ $A \subseteq \mathbb{R}$

$$B = A$$
 (Υ

$$B = \overline{A}$$
 (A (ستار) (۴

است؟ $a_n = \underbrace{\sin \sin ... \sin}_{\hat{\mathbf{n}}} (\frac{n\pi}{\mathsf{rn}+1})$ دام گزینه درست است؟ $a_n = \underbrace{\sin \sin ... \sin}_{\hat{\mathbf{n}}} (\frac{n\pi}{\mathsf{rn}+1})$ دام گزینه درست است؟

در مورد سری
$$\frac{1}{\ln(n+1)}^{\infty}$$
 کدام گزینه درست است؟ -2

۱) همگرای مطلق است.

۴) دنباله مجموعهای جزئی آن کراندار نیست.

تعریف $F(x) = \int_a^x f(t)dt$ با ضابطه $F:[a,b] \to \mathbb{R}$ تعریف $F(x) = \int_a^x f(t)dt$ با ضابطه $F:[a,b] \to \mathbb{R}$ تعریف شود. کدام گزینه درست است؟

- ۲) جنوا است.
- F (۲ بر (a,b) مشتق پذیر است.
- ۳) F بر [a,b] پیوسته یکنواخت است.
- ۴) F بر [a,b] پیوسته است ولی لزوماً پیوسته یکنواخت نیست.
- ۵۶ در یک دستگاه ممیز شناور نرمال شده برای نمایش اعداد حقیقی در مبنای ۸ با ۳ رقم مانتیس و روش گرد کردن، فاصله بین عدد ۱۳ (در مبنای ۱۰) و نزدیک ترین عدد قابل نمایش بزرگ تر از ۱۳ چقدر است؟
 - Y_, (,
 - A⁻⁷ (7
 - ۸^{-۲} (۳
 - 7-1 (4

- A در برد Ax*-b در برد
- Ax*-b (۲ در پوچ A
- A * مر يوچ Ax * b (۳
- Ax = b در جواب دستگاه x^* (۴

- ۱) ۰ و ۰
- ۲) ۴ و ه
 - ۳) 🚡 و ٥
 - ۴) ه و ۴

و n اعداد صحیح مثبت هستند. $q(x)=x^m(x^p-x^n)$ که در آن p ،m و p ،m و p ،m و p ،m را چند جملهای m+p+1 دادهٔ متمایز m+1 دادهٔ دادهٔ متمایز m+1 دادهٔ دادهٔ متمایز m+1 دادهٔ دا

- p < n ()
- p≥n (۲
- n = p + 1 (τ
 - n≠m (f

و موض کنید تابع f بر بازه f(x) مشتقپذیر، f(a,b) مشتقپذیر، f(a,b) درجه دقت اور مول و خطای آن عبارتست از ...

$$\exists c \in (a,b)$$
 : $E = \frac{h^{r}}{\epsilon}f'''(c)$ درجه دقت ۲ و (۱

$$\exists c \in (a,b) : E = \frac{h^r}{s} f''(c)$$
 ورجه دقت ۱ و (۲

$$\exists c \in (a,b) : E = \frac{h^{r}}{\varepsilon} f''(c)$$
 ورجه دقت ۱ و ۳ درجه دقت ۲ و

$$\exists c \in (a,b) : E = \frac{h^r}{\varepsilon} f'''(c)$$
 ورجه دقت ۲ و (۴

- ۶۱ انحراف معیار و صدک مرتبه ۲۵ام برای ۲۰ داده به ترتیب برابر صفر و ۱۰ است. میانگین داده ها کدام است؟
 - ۱) صفر
 - T (T
 - T/A (T
 - 10 (4
- n نفر به تصادف روی n صندلی در یک ردیف مینشینند. احتمال اینکه دو نفر مشخص A و B کنار هم قرار نگیرند، کدام است؟
 - $\frac{n-r}{n}$ ()
 - $\frac{n-r}{n}$ (7
 - $\frac{(n-r)}{n(n-1)}$ (r
 - $\frac{1}{n-1}$ (4
- n = 7k فرض کنید A یک مجموعهٔ n = 7k عضوی باشد. تعداد زیرمجموعههای غیرتهی A که تعداد اعضای آنها زوج باشد، کدام است؟
 - r^{n-1} (1
 - $r^{n-1}-1$ (7
 - $r^n \frac{n}{r}$ (r
 - $r^n \frac{n}{r} 1$ (4

 $\frac{1}{100}$ و $\frac{\pi}{4}$ و \frac است. یک سکه را به تصادف از کیسه انتخاب و سه بار پرتاب میکنیم. احتمال مشاهده پیشامد (رو، رو، پشت)

- 111 (1
- 101 (7
- 101 (1
- 111 (4

-۶۵ در جعبهٔ شماره یک، ۳ مهرهٔ سفید و ۲ مهره سیاه و در جعبهٔ شماره دو، ۵ مهرهٔ سفید و ۵ مهرهٔ سیاه وجود دارد. یک تاس سالم را پرتاب می کنیم. اگر عدد رو شده مضرب ۳ باشد، مهرهای به تصادف از جعبه یک و در غیر این صورت از جعبه دوم مهرهای به تصادف انتخاب می شود. اگر مهره انتخابی سفید باشد با چه احتمالی از جعبهٔ شماره یک می آید؟

 $\theta(n)$ (1

ساختمان دادهها، طراحی الگوریتمها و مبانی نظریه محا

 ۶۶ در الگوریتم مرتبسازی ادغامی (Merge sort) برای مرتبسازی لیست های زیر ۲۰ عنصر از الگوریتم مرتبسازي درجي (Insertion sort) استفاده مي كنيم، در اين صورت پيچيد كي زماني الگوريتم چه خواهد شد؟

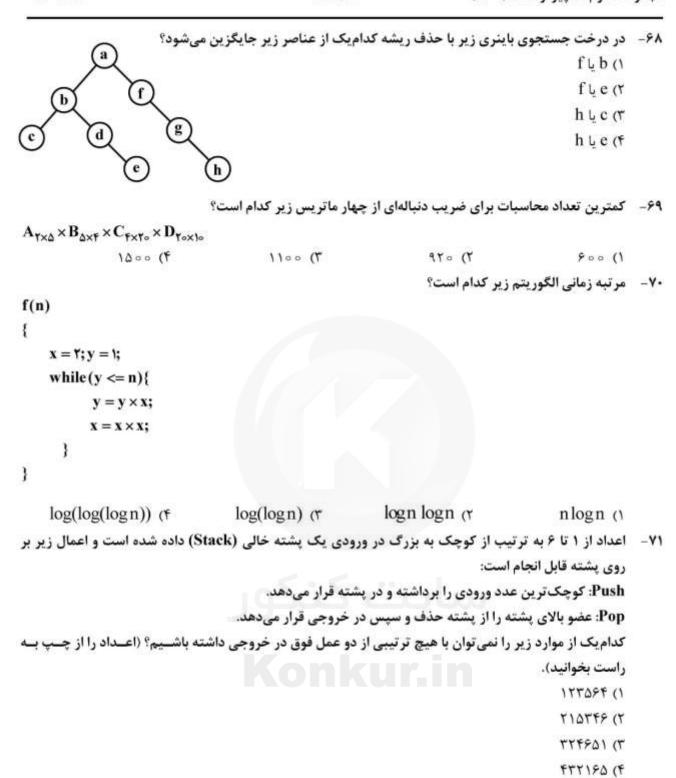
$$\theta(n^{\tau} \log n)$$
 (f $\theta(n \log n)$ (f $\theta(n^{\tau})$ (f

 $y = (y_1, y_2, ..., y_m)$ و $x = (x_1, x_2, ..., x_n)$ فرض کنید $x = (x_1, x_2, ..., x_n)$ و $y = (y_1, y_2, ..., y_m)$ الگوریتمی که دو لیست را در لیست z ترکیب می کند، کدام است؟

$$z = \begin{cases} (x_1, y_1, x_{\gamma}, y_{\gamma}, ..., x_m, y_m, x_{m+1}, ..., x_n) & \text{if } m \leq n \\ (x_1, y_1, x_{\gamma}, y_{\gamma}, ..., x_n, y_n, y_{n+1}, ..., y_m) & \text{if } m > n \end{cases}$$

$$O(m+n)$$
 (Y $O(mn)$ (Y

$$O(\min(m,n))$$
 (* $O(\max(m,n))$ (*



```
C و نتیجه را در C بر C بر C بر C و نتیجه را در C بر C بر C و نتیجه را در C بر C بر C و نتیجه را در C بر C و نتیجه را در C بر C و نتیجه را در C و نتیجه را در C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C و C
```

۷۳ در صورتی که جدول فراوانی نسبی کاراکترهای زیر را داشته باشیم، با استفاده از روش رمزگذاری هافمن معادل رمزگذاری شدهٔ کلمهٔ DATA کدام است؟ (به پیوند چپ مقدار صفر و به پیوند راست مقدار یک را نسبت دهید).

```
A D T
ο/۲۵ ο/1 ο/ο1
```

```
01001000 (4 01100010 (4 0100100 (4 011001 (1
```

٧٢- تابع زير آدرس ريشه يک درخت را دريافت مي کند. اين تابع چه عملي انجام مي دهد؟

```
int func(TreeNode * T) 

{
    if (T == NULL)return(\circ);
    else
    {
        m_{\gamma} = 1 + \text{func}(T \rightarrow \text{leftChild});
        m_{\tau} = 1 + \text{func}(T \rightarrow \text{rightChild});
        if (m_{\gamma} > m_{\tau}) return(m_{\gamma});
        else return(m_{\tau});
    }
}
```

- ۱) تعداد گرههای با دو فرزند را محاسبه می کند.
- ۲) تعداد گرههای داخلی درخت را محاسبه می کند.
 - ۳) تعداد کل گرههای درخت را محاسبه می کند.
 - ۴) ارتفاع درخت را محاسبه می کند.

۷۵− فرض کنید با استفاده از تابع هش همانی (h(x) = x) که با استفاده از linear probing پیادهسازی شده است دادههایی را در یک آرایه قرار دادهایم و نتیجه به صورت زیر شده است.

0	١	۲	٣	۴	۵	۶	٧	٨
٩	۱۸		17	٣	14	۴	11	

كدام ترتيب نشان دهندهٔ ترتيب ورودي دادهها است؟

در یک گراف دوبخشی که هر بخش آن $\frac{n}{r}$ رأس داشته باشد مسأله درخت پوشانی کمینه (MST) را می توان در -۷۶ چه زمانی حل کرد؟

 $O(\log n \log(\log n))$ (* $O(n \log(\log n))$ (* O(n) () O(nlogn) (Y

٧٧− رابطة دنباله عددي G كه توسط تابع زير توليد مي شود با دنباله عددي فيبوناچي كدام است؟

 $G(\circ) = \circ$

 $G(n) = n - G(G(n-1)) \quad n > 1$

 ۲) دنباله G و دنباله فیبوناچی یکی هستند. ۱) هیچ رابطهای بین دو دنباله وجود ندارد.

۳) دنباله فیبوناچی زیرمجموعه دنباله G است. ۴) دنباله G زیرمجموعه دنباله فیبوناچی است.

 ۷۸ فرض کنید SAT نشان دهندهٔ مسئله تصمیم گیری صدق پذیری و HAM نشان دهندهٔ مسئله تصمیم گیری گراف هامیلتونی باشد. در این صورت همه جملات زیر صحیحاند، به جز:

۱) اگر مسئلهای از کلاس NP متعلق به کلاس P باشد، آنگاه P=NP ، است.

Y) اگر X به صورت چندجملهای به Y تقلیل یابد، آنگاه اگر $Y \in P$ باشد، $X \in P$ است.

۳) مسئلهای در کلاس NP وجود ندارد که برای حل آن الگوریتمی شناخته نشده باشد.

۴) اگر یک تقلیل چندجملهای از مسئله X به SAT وجود داشته باشد، در این صورت یک تقلیل پذیری چندجملهای از X به HAM نیز وجود دارد.

۱۹ – ۱گر $T(n) = \Upsilon T(\frac{n}{\epsilon}) + \theta(\sqrt{n})$ باشد، آنگاه $\theta(\sqrt{n})$ از مرتبه است $T(n) = \Upsilon T(\frac{n}{\epsilon}) + \theta(1)$ از کدام مرتبه است $\theta(\sqrt{n})$

 $\theta(\sqrt{n}\log n)$ (f $O(n\sqrt{\log n})$ (f

O(log n) (r

O(n) (1

اگر $U(m) = T(\Upsilon^m)$ باشد و $U(m) = T(\Upsilon^m)$ ، آنگاه رابطه بازگشی $U(m) = T(\Upsilon^m)$ ، آنگاه رابطه بازگشی $- \Lambda \cdot$

U(m) = U(m-1) + m (7

U(m) = U(m-1) + 1 (1)

 $U(m) = U(m-1) + r^{m} (f$

 $U(m) = U(m-1) + \log m$ (*

 ۸۱ یک گراف وزن دار در نظر بگیرید که وزن تمام پالهای آن ۱ است. برای یافتن مسیر کمینه بین دو رأس u و ۷ استفاده از کدام الگوریتم بیشترین کار آیی را دارد؟

Bellman Ford's algorithm (7

Breadth - first search ()

Dijkstra's algorithm (f

Depth - first Search (*

AVL اگریک درخت AVL با یک گره دارای عمق صفر باشد، آنگاه کمترین و بیشترین تعداد گره در یک درخت AVL بالانس با عمق ۵ چقدر است؟

84 , 19 (T

88 a 19 (1

84 9 To (4

98 , To (8

۸۳ در یک هیپ (heap) با اندازه n حداکثر تعداد گرههای چپ ریشه چند است؟

$$\frac{n}{r}$$
 (*

$$\frac{n}{r}$$
 (7

n – ۱ (1

k را k را k چرخش مرتب شده میگوییم اگر بتوان اعداد آن را با k چرخش مرتب نمود. برای مثال $-\Lambda$ ۴ چرخش مرتب شده است. بهترین الگوریتم برای پیدا کردن ماکزیمم در چنین آرایه ای دارای چه مرتبه زمانی است؟

$$O(n^{\tau})$$
 (τ

O(n) (1

میکنیم میخواهیم n داده را با عوض کردن دادهها مرتب کنیم. در الگوریتم این محدودیت را اعمال میکنیم - که عناصر $|i-j| < \sqrt{n}$ نمی تواند با هم عوض بشود مگر اینکه $|i-j| < \sqrt{n}$ باشد. بهترین حد پایین زمانی برای این الگوریتم کدام است؟

$$\Omega(n\sqrt{n}\log)$$
 (f

Ω(nlogn) (۳

 $U \rightarrow aTbU$

$$\Omega(n^{\tau})$$
 (τ

 $\Omega(n^{\frac{r}{r}})$ (1

۸۶ دو گرامر زیر را در نظر بگیرید. آنگاه کدام مورد صحیح است؟

$$G_{\gamma}$$
:
 $S \rightarrow aS$
 $S \rightarrow aSbS$
 $S \rightarrow aSbS$
 $S \rightarrow aTbT$
 $T \rightarrow c$
 $U \rightarrow aS_{\gamma}$

$$L(G_1) \neq L(G_7)$$
 (1

دو گرامر مبهم هستند.
$$L(G_1) = L(G_7)$$
 (۲

. ست.
$$L(G_1) = L(G_7)$$
 هر دو گرامر غیرمیهم است.

ب کرامر مبهم و
$$G_{\gamma}$$
 غیرمبهم است. $C(G_{\gamma}) = L(G_{\gamma})$ (۴

٨٧- با اين شرط كه

εeL

 $\forall x, y \in L$ axby, bxay $\in L$

زبان L كدام است؟

(x عداد کاراکتر (x) در رشته (x)

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid n_a(x) = n_b(x)\}\$$
 (\)

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid n_a(x) = n_b(x) \quad x \in \{a^+b^+\}\}$$
 (7

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid n_a(x) = n_b(x) \ x \in \{b^+a^+\}\} \ (7)$$

$$L = \{x \in \Sigma^* \mid n_a(x) = n_b(x), x \in \{a^+b^+, b^+a^+\}\}$$
 (f

* است کدام جمله زیر صحیح است $L \subseteq \{a\}$

- ۱) L منظم است.
- ۲) L مستقل از متن است.
- ۳) اگر L مستقل از متن باشد، پس L منظم است.
- ۴) اگر Turing decidable ،L باشد، پس مستقل از متن است.

۸۹ برای کدامیک از زبانهای زیر می توان یک NFA بدون € ارائه داد که فقط دارای یک حالت پذیرش باشد؟

$$(o^{+} + 1^{+})$$
 (f $(1+\epsilon)o^{*}$ (T $(1^{+} + o^{*})$ (T $(o^{+}1^{*})^{*}$ (1)

 $B_1 = \{1^k y 1^k \mid y \in \{0,1\}^* \text{ و } k \ge 1 \text{ و } x \in \mathbb{R} \}$ -9.

 $B_{Y} = \{1^{k} y \mid k \mid y \in \{0,1\}^{*} \mid k \geq 1 \}$ $\{1^{k} \mid y \mid k \geq 1 \}$

- ۱) زبان B_۱ و B_۲ منظم است.
- ۲) زبان B_۱ و B_۲ نامنظم است.
- ۳) زبان B_۱ منظم و B_۲ نامنظم است.
- ۴) زبان B_۱ نامنظم و زبان B_۲ منظم است.

۹۱ مناوت ماشینهای تورینگی که فقط زبانهای منظم را می پذیرند با ماشینهای تورینگ استاندارد کدام است؟

- ۱) سایز نوار به اندازه سایز ورودی است.
 - ۲) روی ورودی نمی توانند بنویسند.
- ٣) روى هر سلول از نوار فقط يكبار مى توان نوشت.
- ۴) سایز نوار به اندازه سایز ورودی است و روی نوار نمی توان نوشت ولی دو هد دارند.

۹۲- کدام یک از جملات زیر صحیح است؟

- ۱) اگر برای یک زبان مستقل از متن نتوان یک ماشین پشته قطعی ارائه نمود، ممکن است زبان غیرمبهم باشد.
 - ۲) اگر برای یک زبان مستقل از متن نتوان یک ماشین پشته قطعی ارائه نمود، پس زبان ذاتاً مبهم است.
- ۳) یک زبان L ذاتاً مبهم است که برای تولید هر رشته از زبان در گرامر G که L(G) = L مداقل دو درخت اشتقاق وجود داشته باشد. (گرامر G مستقل از متن است.)
- ۴) یک زبان L ذاتاً مبهم است که برای تولید حداقل یک رشته از زبان به ازای گرامر G که L(G) = L حداقل دو درخت اشتقاق وجود داشته باشد. (گرامر G مستقل از متن است.)

٩٣ - همه عبارات زير صحيحاند، به جز:

- Turing-recognizable $L = \bigcup_{i=1}^{\infty} L_i$ اگر ۱ L_{τ} است. Turing recognitable است. L_{τ} ، L_{τ} ، L_{τ})
- است. Σ^* به Σ^* به Σ^* به Σ^* است. اکر Turing-recognizable Σ به بردش Σ است.
- ۳) اگر Σ^* به Σ^* وجود دارد که دامنهاش Turing recognizable ،L است. اگر Σ است.
- ۴) اگر Turing-recognizable است ولی Turing-decidable نیست پس تعداد نامتناهی ورودی وجود دارد که به ازای هر ماشین تورینگ طراحی شده برای L در L در L در عنهایت قرار می گیرد.

۹۴ کدام یک از زبانهای زیر مستقل از متن هستند ولی زبان منظم نیستند؟

$$L = \{a^i b^j | i \neq j \& \forall i \neq j\}$$
 (1)

$$L = \{wtw^{R} \mid w, t \in \{a, b\}^*\}$$
 (Y

$$Z = \{w \# t \mid w \text{ is a substring of } t \text{ when } w, t \in \{a, b\}^*\}$$
 (T

 $Y = \{w \mid w = t_1 \# t_2 \# t_3 \# t_4 \# t_6 \# t_6 = t_6 \text{ whenever } i \neq j\}$

۹۵- همه موارد زیر صحیحاند، بهجز:

۱) برای هر زبان منظم، یک زیرمجموعهٔ منظم وجود دارد.

۳) برای هر زبان منظم، یک زیرمجموعه سره منظم وجود دارد.

۴) برای هر زبان نامنظم، یک زیرمجموعه سره منظم وجود دارد.

مبانی منطق و نظریه مجموعهها:

۹۶ فرض کنید تعبیرهای زیر را برای اعداد طبیعی در نظریهٔ مجموعههای ZFC داشته باشیم:

......
$$\phi = \{0,1\}, 1 := \{0\}, 0 := \emptyset = \{\}$$

 $< x, y > := \{\{x\}, \{x, y\}\},\$

در این صورت چند تا از احکام زیر درست هستند؟

$$\bigcup \bigcup \langle m,n \rangle = \max\{m,n\}$$
 (برای هر عدد طبیعی n برای هر عدد طبیعی $(n+1)=n$

$$n+1=n \bigcup \{n\}$$
 (3) $m < n \Leftrightarrow m \in n$ (5)

97 - کدامیک از هم ارزیهای منطقی ادعا شده زیر برقرار است؟

$$\exists x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y (P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y (P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow \forall y P(y) \equiv \forall x \forall y P(x) \rightarrow P(y)) \ (\forall x P(x) \rightarrow P(x)) \ (\forall x P(x) \rightarrow P(x$$

$$\forall x \exists v O(x, v) \exists v \forall x O(x, v) (\forall x, v) \exists v \forall x O(x, v) (\forall x, v) \exists v \forall x O(x, v) (\forall x, v)$$

$$\exists y (R(y) \land S(y)) \equiv \exists y R(y) \land \exists y S(y) \ (f$$

۹۸ - برای اثبات کدام یک از احکام زیر به اصل انتخاب نیاز نیست؟

١) قضيهٔ تماميت گودل براي منطق مرتبهٔ اول.

۲) برای هر مجموعهٔ A ، یک رابطهٔ خوش ترتیبی روی A وجود دارد.

 $f(x)\in X$ ماریم $\phi\neq X\subseteq \mathbb{N}$ مست که برای هر $f:P(\mathbb{N})\to \mathbb{N}$ داریم ۳

۴) برای هر خانوادهٔ X از مجموعههای ناتهی طوری که برای هر $A,B\!\in\! X$ داشته باشیم $A,B\!\in\! X$ ، مجموعهای مثل $C\!\subseteq\! A$ هست که برای هر $C\!\cap\! A$ ، $A\!\in\! X$ دقیقاً یک عضو دارد.

 ٩٩ کدام یک از مجموعهٔ ادوات معرفی شده، به طور تابعی کامل نیست؟ $\{\land,\lor,T,\rightarrow\}$ (* {A.-} (T {v,-} (r $\{\rightarrow, \perp\}$ () -۱۰۰ تابع بازگشتی f روی گزارههای منطق گزارهای به صورت استقرایی تعریف می شود: $-\mathbf{f}(\mathbf{p}) = 1$: برای هر P اتمی $-f(\neg A) = \forall f(A)$ $-f(A \wedge B) = \forall f(A) \times f(B)$ $-f(A \rightarrow B) = \forall \times f(A) \times f(B)$ $-f(A \lor B) = \triangle \times f(A) \times f(B)$ از بین احکام زیر چند تا حکم صحیح وجود دارد؟ الف) اگر مقدار f(A) داده شده باشد، A بهطور یکتا تعیین می شود. ب) اگر (f(A) داده شده باشد، تعداد اتمهای به کار رفته در A به طور یکتا تعیین می شود. ج) اگر f(A) داده شده باشد، تعداد ادوات منطقی به کار رفته در A به طور یکتا تعیین می شود. د) اگر f(A) داده شده باشد، تعداد نمادهای نقیض (\neg) به کار رفته در A به طور یکتا تعیین می شود. TO 4 (4 ۱) صفر ۱۰۱ میخواهیم تابع f را بهصورت استقرایی روی گزارهها (فرمولهای منطق گزارهای که با اتههای ..., P₁,P₂,... و ادوات f(A) منطقی \leftarrow , \neg , \lor , ساخته شدهاند) طوری تعریف کنیم که برای هر A که در فرم نرمال عطفی باشد، تعداد نقیض اتمی های به کار رفته در A را محاسبه کند. کدام مورد یک تعریف استقرایی درست برای این منظور مي تواند باشد؟ $\forall_i f(\neg P_i) = 1, f(A \land B) = f(A \lor B) = f(A \to B) = f(A) + f(B)$ $\forall_i f(P_i) = 1, f(\neg A) = 1 + f(A)$ $\forall_i f(P_i) = 0, f(A \land B) = f(A \lor B) = f(A) + f(B), f(\neg A) = 1 + f(A)$ $f(A \rightarrow B) = f(A) \times f(B) + 1$ $\forall_i f(P_i) = \circ, f(A \land B) = f(A \lor B) = f(A \to B) = 1 + f(A) + f(B), f(\neg A) = 1 + f(A)$ (7) $\forall_i f(P_i) = 0, f(A \land B) = f(A \lor B) = f(A \to B) = \max\{f(A), f(B)\} f(\neg A) = 1$ ۱۰۲- فرض کنید (p,q,r) یک گزاره باشد که در آن تنها از سـه متغیـر اتمـی p و q و r اسـتفاده شـده و مـیدانـیم (راست گو، صادق) است. A حداکثر چند گزارهٔ غیرمعادل می تواند باشد؛ A9 (4 F (T ۱۰۳- همه احکام زیر صحیحاند، بهجز: ۱) همهٔ گزارههای ارضاپذیر از منطق گزارهای تصمیمپذیرند. ۲) همهٔ همانگوهای منطق گزارهای، تصمیمپذیر تورینگ هستند. ۳) همهٔ قضایای قابل اثبات در نظریهٔ مجموعههای Turing-recognisable ، ZFC هستند. ۴) اگر مجموعة اصول یک نظریه، تصمیمپذیر باشد، مجموعة قضایای آن نظریه تصمیمپذیر است.

 $\Sigma \models A_1 \wedge A_2 \wedge ... \wedge A_n$ (§

اگر f یک به یک باشد، آنگاه f یوشا نیز هست و بالعکس.

رد. اما f^{-1} می تواند تابع باشد، امّا f یوشا نباشد.

۳) f می تواند یک به یک باشد، ولی یوشا نباشد. f (۴ می تواند پوشا باشد، ولی یک به یک نباشد.

اری هـر Γ فرض کنید Γ مجموعهای از گزارهها باشد. گوییم Δ یک پایه برای Γ است، اگـر Γ است کے و Γ بـرای هـر Γ داریم $A \vdash A$ داریم $A \vdash A$ داریم $B \in A$ داریم $B \in A$ داریم $A \vdash A$ داریم $A \in \Gamma$ (۱) ♦ یک بایه برای (Α :- Α } است. \bot (\bot) یک پایه برای $\{p, \neg p, q\}$ است. $A \lor \neg A$ یک پایه برای $A \lor \neg A$ است. ۴) هر مجموعهٔ ۲ از گزارهها دارای پایه است. $P^{n+1}(X) = P(P^n(X))$ قرار دهید: P(X) نشان داده و برای هر P(X) قرار دهید: $P(X) = P(P^n(X))$ ۱۰۵ در این صورت عدد اصلی مجموعه $P^{0}(\phi)$ کدام است؟ TA (T ۱۰۶ - فرض کنید که S ساختاری در یک زبان مرتبه اول شامل نماد ِ تساوی و با جهان {۱٫۲} باشد. S چه تعداد از جملات زیر را بر آورده می کند؟ $\exists x_1 \exists x_2 x_1 \neq x_2$ $\exists x_1 \exists x_7 \ \forall x (x = x_1 \lor x = x_7)$ $\forall x_1 \forall x_T (x_1 \neq x_T)$ 4 (4 ۱) صفر ۱۰۷- چند مورد از گزارههای زیر معتبر است؟ $p \rightarrow (q \rightarrow p)$ $((p \rightarrow q) \land \neg q) \rightarrow \neg p$ $(p \rightarrow q) \rightarrow ((p \rightarrow \neg q) \rightarrow \neg p)$ $p \rightarrow (q \rightarrow (p \land q))$ F (F 4 (4 از گزارههایی باشد که از اتمهای (نمادهای گزارهای ساده) تشکیل شدهاند. $A_1,...,A_n$ مجموعهای از گزارههایی باشد که از اتمهای (نمادهای گزارهای ساده) کدامیک از ادعاهای زیر همواره درست است؟ $\Sigma \models F$ اگر $A_1,...,A_n$ باشد آنگاه $A_1,...,A_n$ باشد آنگاه (۱ $\Sigma_{\circ} \vDash F$ داریم: $F \in \Sigma$ موجود است که برای هر $\Sigma_{\circ} \vDash \Sigma$ داریم: ۲) زیر مجموعه متناهی $\Sigma_{\circ} \vDash \Sigma$ $\Sigma \models A_1 \lor A_2 \lor ... \lor A_n$ (7

است؟ A کنید A یک مجموعه متناهی و $A \to A$ یک تابع باشد. کدامیک از گزینههای زیر صحیح است؟

X ماننسد X ماننس

۱) برای هر عضو C از P مجموعه C ∩ R ناتهی است.

$$.C \cap R = \emptyset$$
 یک $C \in P$ وجود دارد بهطوری که $C \in P$ یک (۲

۳) برای هر $C \in P$ ، مجموعه $C \cap R$ از یک و فقط یک عضو تشکیل شده است.

برای هر عضو $C \cap R$ مجموعه $C \cap R$ می تواند بیش از یک عضو داشته باشد.

در یک قطعه از یک برنامه کامپیوتری، n متغیری صحیح است و آرایه A[1]،.... A[1] به صورت زیر تعریف شده for n:=1 to $T\circ do$

$$A[n] := n * n - n.$$

کدامیک از گزارههای زیر صحیح است؟

$$(\forall n)(A[n] > \circ)$$
 (7

$$(\forall n)(A[n] \ge \circ)$$
 (\

$$(\forall n)((1 \le n \le 19) \rightarrow A[n] \ge A[Y \circ])$$
 (*

$$(\exists n)(A[n] = \forall A[n+1])$$
 (\forall

است؟ $\exists x)[p(x) \rightarrow (q(x) \land r(x))]$ کدام است؟ -۱۱۲

$$(\forall x)[\sim p(x)\lor \sim q(x)\lor \sim r(x)]$$
 (\

$$(\forall x)[p(x) \land (\sim q(x) \lor \sim r(x))]$$
 (Y

$$(\forall x)[\sim p(x) \rightarrow \sim q(x) \lor \sim r(x)]$$
 (7)

$$(\forall x)[p(x) \rightarrow q(x) \lor \neg r(x)] ($$

۱۱۳ - کدامیک از گزارههای زیر همواره درست است؟

$$(((p \rightarrow r) \land (p \rightarrow q)) \rightarrow p) \rightarrow (q \lor r) \land (q \lor r$$

$$((p \rightarrow r) \land (p \rightarrow q)) \rightarrow (p \rightarrow (q \land r))$$
 (7

$$(((p \rightarrow r) \land (p \rightarrow q)) \rightarrow (p \land q)) \rightarrow r \land r$$

$$((p \rightarrow r) \land (p \rightarrow q)) \rightarrow ((p \lor q) \rightarrow r) \ (f$$

الد، آنگاه کدام مورد صحیح است؟ $\Gamma \cup \{\phi
ightarrow \psi\}$ اگر نظریه $\Gamma \cup \{\phi
ightarrow \psi\}$

ا) حداقل یکی از نظریههای
$$\Gamma \cup \{ \psi \}$$
 یا $\{ \phi \sim \}$ سازگار است.

ر است.
$$\Gamma \cup \{ \neg \phi, \neg \psi \}$$
 یا $\Gamma \cup \{ \phi \land \psi \}$ سازگار است.

۳) حداکثر یکی از
$$\Gamma \cup \{\phi \land \psi\}$$
 و یا $\Gamma \cup \{\phi \land \psi\}$ میتواند سازگار باشد.

) هم
$$\Gamma \cup \{\phi \lor \psi\}$$
 و هم $\Gamma \cup \{\phi \lor \psi\}$ هر دو سازگارند.

۱۱۵ - همهٔ استنتاجهای زیر درستاند، بهجز:

$$\forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(x,y)) \Rightarrow \forall x (S(x) \rightarrow \exists y R(x,y)) \ (1$$

$$\forall x(S(x) \rightarrow \exists y R(x,y)) \Rightarrow \forall x \exists y (S(x) \rightarrow R(x,y)) \ (\forall x \in S(x) \rightarrow S(x,y)) \ (\forall x \in S(x) \rightarrow S(x)) \ ($$

$$\exists y \forall x R(x,y) \Rightarrow \forall x \exists y R(x,y) \ ($$

$$\forall x \exists y R(x,y) \Rightarrow \exists y \forall x R(x,y) \ ($$

ریاضیات گسسته و مبانی ترکیبیات:

۱۱۶- به چند طریق می توان ۷ مهره رُخ یکسان را در یک صفحه شطرنجی ۸×۸ قرار داد به طوری که هیچ دو تایی از آنها همدیگر را تهدید نکنند؟ (یعنی هیچ دو مهرهای در یک سطر یا در یک ستون نباشند)

A! ()

(A!) (Y

AXA! (T

YXY! (F

A را یک رأس گراف و به مورت «هر زیر مجموعه ۳ عضوی از $\mathbf{x} = \{1,7,...,1\circ\}$ را یک رأس گراف در نظر می گیریم. دو رأس $\mathbf{B} = \mathbf{A}$ را به هم وصل می کنیم هرگاه $\mathbf{B} = \mathbf{A}$.» تعریف می شود، این گراف چند یال دارد؟

T100 (1

T10 (T

470 (4

4700 (4

۱۱۸- حداقل چه تعداد عدد متمایز دلخواه از مجموعهٔ {۱,۲,...,۱۰} باید برداریم تا مطمئن باشیم که در بین اعداد انتخاب شده، دو عدد با ب.م.م بزرگتر از ۱ وجود دارد؟

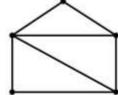
0(1

9 (4

Y (T

1 (4

۱۱۹ - به چند طریق می توان رئوس گراف زیر را با ۵ رنگ مختلف رنگ آمیزی کرد بهطوری که هیچ دو رأس مجاوری هم رنگ نباشند؟ (امکان دارد از بعضی از رنگ ها استفاده نشود.)



180 (1

110 (7

DF0 (T

100 (4

 $\left\{C_{n}\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر $\left\{B(x)\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر $\left\{a_{n}\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر $\left\{a_{n}\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر $\left\{a_{n}\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر است با: $\left\{A(x)\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر است با: $\left\{A(x)\right\}_{n=\circ}^{\infty}$ برابر است با:

a 1009 (1

b,010 (7

broth (T

b,009 (4

```
۱۲۱ - تعداد راههای افراز {۱٫...,۸} به زیر مجموعههای ۲ یا ۴ عضوی برابر است با:
```

- 440 (1
- TA0 (T
- T10 (T
- 140 (4

۱۲۲− میخواهیم با شرایط زیر ۲۰ عدد میوه بخریم: (۱) تعداد سیبها زوج باشد. (۲) تعداد موزها مضرب ۳ باشد. (۳) حداکثر ۱ هنداونه بخریم. (۴) حداکثر ۲ طالبی بخریم. چند روش برای انجام خرید فوق وجود دارد؟

- 19 (1
- To (T
- T1 (T
- TT (F

۱۲۳ تعداد جایگشتهای $(\Pi_1,...,\Pi_{10})$ از مجموعهٔ $\{1,...,1\circ\}$ بهطوری که بهازای هر $1 \leq k \leq 1$ داشته باشیم ای $\pi_k - k \leq 1$. برابر است با:

- ۵۵ (۱
- 19 PA
- 144 (4
- 4×44 (4

منوی $f_k(\pi)$ ، $X=\left\{1,7,...n\right\}$ از اعضای $\pi=(\pi_1,\pi_7,...,\pi_n)$ برابر تعداد زیرمجموعههای عضوی $\pi=(\pi_1,\pi_7,...,\pi_n)$ برابر تعداد زیرمجموعههای $\pi=(\pi_1,\pi_7,...,\pi_n)$ از $\pi=(\pi_1,\pi_7,...,\pi_n)$ به عنوان مثال برای جایگشت X از X تعریف می شود به طوری که $x=\{\pi(a) \mid a\in A\}$ میانگین $x=\{\pi(a) \mid a\in A\}$ برابر است با: $x=\{\pi(a) \mid a\in A\}$ برابر است با: $x=\{\pi(a) \mid a\in A\}$ برابر است با:

- 1 (1
- k (7
- n (T
- $\frac{n}{k}$ (4

میخواهیم سه مجموعه $A \neq B$ و A از زیرمجموعههای مجموعه $A = \{1,7,7,7,6,0\}$ انتخاب کنیم بهطوری که $A = A \subset B \subset C$ باشد به چند طریق این کار امکانپذیر است؟

- T90 (1
- DO9 (T
- **Δ**٣λ (٣
- DY 0 (4

۱۲۶ - گراف مسطح و همبند G از مرتبه \circ ۱، دقیقاً \dagger وجه مثلث شکل دارد. حداکثر تعداد یالهای G چقدر است G

- 18 (1
- 11 (1
- 7 F (T
- TO (F

861A

 $GRH \Leftrightarrow q(G) = q(H), \Delta(G) = \Delta(H)$

چند کلاس هم ارزی تحت این رابطه، ایجاد میشود؟

- 17 (1
- 10 (7
- 1 (4
- 9 (4

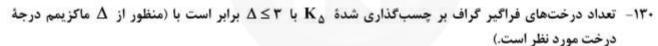
۱۲۸- کمترین مقدار n را بیابید بهطوری که گزاره زیر همیشه درست باشد:

«یالهای K_n را به هر شکل دلخواه با دو رنگ قرمز و آبی رنگ کنیم حداقل یک مسیر تکرنگ به طول ۳ وجود دارد.»

- Y ()
- 8 (4
- D (T
- 4 (4



- 197 (1
- IAF (T
- 110 (
- 144 (4



- TA (1
- 90 (T
- 110 (4



۱۳۱- تعداد n بیضی در صفحه رسم شدهاند بهطوری که هر دو بیضی یکدیگر را در ۲ نقطه قطع میکنند و هیچ ۳ بیضی از یک نقطه نمیگذرند. اگر تعداد نواحی ایجاد شده در صفحه را ۲_n بنامیم، مقدار ۲_{۱۰۰۰} برابر است با:

- 9907 (1
 - ۲) ۲
- 9991 (

$$T^{\text{loo}} - T \begin{pmatrix} q q \\ r \end{pmatrix} + T (F$$

۱۳۲ تعداد رابطههای پادمتقارن روی مجموعه $A = \{1,7,7,1\}$ که شامل $A = \{1,7,7,1\}$ نباشد، جندتاست؟

- TYAA ()
- 117 (T
- 1798 (4
- T097 (F

(0,0) از صفحه مختصات قرار دارد، این متحرک میتواند دو نوع حرکت به صورت $S:(x,y) \to (x+1,y+1)$ و $S:(x,y) \to (x+1,y+1)$ انجام دهد این متحرک به چند طریق میتواند به نقطه $S:(x,y) \to (x+1,y+1)$ برسد به طوری که حتماً از نقطه (0,0,1) بگذرد؟

$$\frac{(18!)^{7}}{(10!)(8!)} (1$$

$$\frac{\lambda!}{(\tau!)(\tau!)^{\tau}} \ (\tau$$

$$\frac{(18)!}{(19!)(8!)^7} (7)$$

$$\frac{\left(\lambda!\right)^{\gamma}}{\left(\gamma!\right)^{\gamma}\left(\gamma!\right)} \ (\gamma$$

۱۳۴ دو دور C_6 و C_6 را از طریق یک یال به هم چسبانده یم به چند طریق می توان رئوس این گراف را با C_6 رنگ، رنگ کرد به طوری که هیچ دو رأس مجاوری همرنگ نباشند؟



است با: $x^{\pi \circ r}$ در عبارت $x^{\pi \circ r}$ در عبارت $x^{\pi \circ r}$ در عبارت $x^{\pi \circ r}$ برابر است با:

1846 (1

TO91 (T

T018 (T

8187 (F

Konkur.in