Data Structure Assignment #1

Performance Analysis and Measurement

Due Date: 2016/3/13 11:59 PM

(Submit solution to my e-mail: utilForever@gmail.com)

1. Permutations 함수의 시간 복잡도는?

2. Magic 함수의 시간 복잡도는?

(여기서 말하는 Magic Square 란 모든 행, 열, 대각선의 합이 같은 $n \times n$ 행렬을 말함)

(H. Coxeter 는 n이 홀수일 때 Magic Square 를 만드는 간단한 방법을 제시함)

```
void Magic(const int n)
       // Create a magic square of size n, n is odd.
       const int MaxSize = 51;  // Maximum square size
       int square[MaxSize][MaxSize], k, 1;
       // Check correctness of n
       if ((n > MaxSize) || (n < 1))</pre>
              throw "Error! n out of range";
       else if (!(n % 2)) throw "Error! n is even";
       // n is odd. Coxeter's rule can be used
       for (int i = 0; i < n; i++) // Initialize square to 0</pre>
              fill(square[i], square[i] + n, 0); // STL algorithm
       square[0][(n - 1) / 2] = 1; // Middle of first row
       // i and j are current position
       int key = 2, i = 0, j = (n - 1) / 2;
       while (key <= n * n)
       {
              // Move up and left
              if (i - 1 < 0) k = n - 1;
              else k = i = 1;
              if (j - 1 < 0) l = n - 1;
              else l = j - 1;
              if (square[k][l]) i = (i + 1) % n; // Square occupied, mvoe down
              else
              {
                     // square[k][l] is unoccupied
                     i = k;
                     j = 1;
              square[i][j] = key;
              key++;
       }
              // End of while
       // Output the magic square
       cout << "Magic square of size " << n << endl;</pre>
       for (i = 0; i < n; i++)
       {
              copy(square[i], square[i] + n, ostream_iterator<int>(cout, " "));
              cout << endl;</pre>
       }
}
```

3. SelectionSort 함수의 시간 복잡도는?

4. 다음 순환식의 시간 복잡도를 구하고, Master Theorem 을 통해 맞는지 확인해 보라.

```
 - \text{ The Form}: T(n) = \left\{ \begin{array}{l} c, \text{ if } n < d \\ aT(n/b) + f(n), \text{ if } n \geq d \end{array} \right.   - \text{ The Master Theorem}: (\varepsilon > 0 \text{ is any constant})   1. \text{ If } f(n) \text{ is } O(n^{\log_b a - \varepsilon}), \text{ then } T(n) \text{ is } \Theta(n^{\log_b a}).   2. \text{ If } f(n) \text{ is } \Theta(n^{\log_b a} (\log n)^k), \text{ then } T(n) \text{ is } \Theta(n^{\log_b a} (\log n)^{k+1}).   3. \text{ If } f(n) \text{ is } \Omega(n^{\log_b a + \varepsilon}), \text{ then } T(n) \text{ is } \Theta(f(n)), \text{ provided } af(n/b) \leq \delta f(n) \text{ for some } \delta < 1.
```

a.
$$T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + \frac{1}{2}n^2 + n$$

b. $T(n) = 2T\left(\frac{n}{4}\right) + \sqrt{n} + 42$
c. $T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + \frac{3}{4}n + 1$
d. $T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + n\log n$

5. 복소수 행렬 X는 A와 B가 실수 값으로 이루어진 행렬이라고 할 때, 행렬 쌍 (A,B)로 표현할수 있다. 두 복소수 행렬 (A,B)와 (C,D)의 곱을 계산하는 프로그램을 작성하라. 여기서 (A,B)* (C,D)=(A+iB)*(C+iD)=(AC-BD)+i(AD+BC)다. 모든 행렬이 $n\times n$ 일 때 덧셈과 곱셈의 횟수는 얼마인가?