# セミ時雨ハッシュ

原案: 生田

問題文: 生田

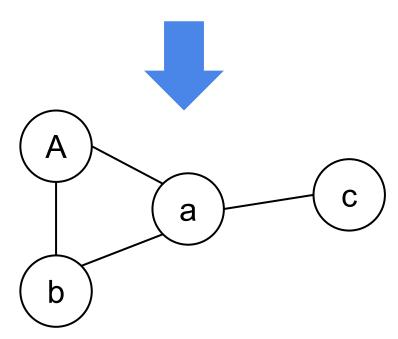
解説: 生田

#### 問題概要

- 30変数の2次多項式が与えられる
  - 係数は全て1
  - 2次の項のみ
  - 各変数はたかだか4箇所にしか使われない
- 各変数に1 or -1を割り当てる
- 多項式が最小値を取るような割り当ての 総数を求めよ

• 多項式の各項に同時に出現している変数の 間に辺を張ったグラフを構築

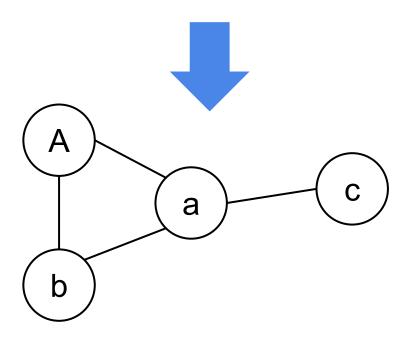
a\*A+b\*b+c\*a+b\*a+A\*b

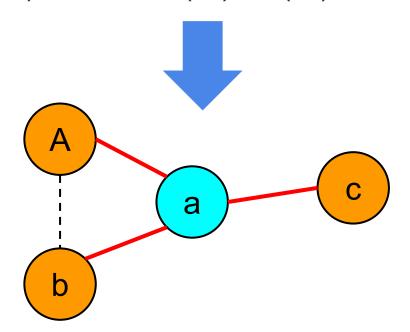


多項式を最小にする割り当てと グラフ上での最大カットが対応

a\*A+b\*b+c\*a+b\*a+A\*b

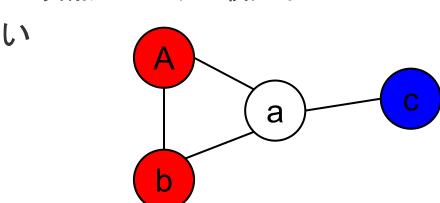
$$(-1)*1+1*1+1*(-1)+1*(-1)+1*1$$





- 30頂点のグラフ上での最大カットの個数を求める
- 各変数はたかだか4回しか出現しない → グラフの最大次数は4 → 極小の頂点被覆のサイズが|V| \* % ≤ 24

- サイズ24以下の極小頂点被覆に含まれる頂点 の割り当てを全探索
  - 被覆に含まれないものは隣接頂点から±1の 割り当てが定まる
  - 例) 頂点被覆A,b,cの割り当てが決まると、以下の例では頂点aはカット最大化のために青にしなければいけな



- 頂点被覆内の頂点の割り当てを決める=> それ以外の頂点の割り当てによる最大値と その個数が分かる
  - 最大のものを足し合わせていく
- 計算量O(2^(⅓|V|) \* |V|)

# その他

- 注意すべきケース
  - グラフが非連結な場合
  - 頂点被覆に含まれていない頂点を カットのどちらに入れても良い場合をちゃんと数えるなど
- 連結で頂点被覆が24になるようなケースは 今回作成できず
  - 河田さんの作成した22が最大でした

- 定数倍を防ぐために定数倍を要求していたかも知れません・・・
  - ビット演算使ってください

# ジャッジ解

- 生田
  - C++, 135行
  - JAVA, 145行
- 河田
  - C++, 193行
    - 最小頂点被覆ソルバ込

#### 統計

- AC/Trying
  - 0 6/41
- First AC 全体
  - hos.lyric\* (112:13)
- First AC オンサイト
  - o cgyrngmoon(team) (131:27)