

# Порядок байт в слове

- В каком порядке располагаются в памяти байты многобайтового слова?
- Соглашения
  - «Тупоконечники»: Sun, PPC Mac, Internet
    - Наименее значимый байт имеет наибольший адрес
  - «Остроконечники»: x86
    - Наименее значимый байт имеет наименьший адрес

# Примеры упорядочения байт

## ■ «Тупоконечное»

- Наименее значимый байт имеет наибольший адрес

## ■ «Остроконечное»

- Наименее значимый байт имеет наименьший адрес

## ■ Пример

- Переменная x
  - имеет 4-байтовое представление 0x01234567
  - Расположена по адресу &x - 0x100

### «Тупоконечное»

		0x100	0x101	0x102	0x103		
		01	23	45	67		

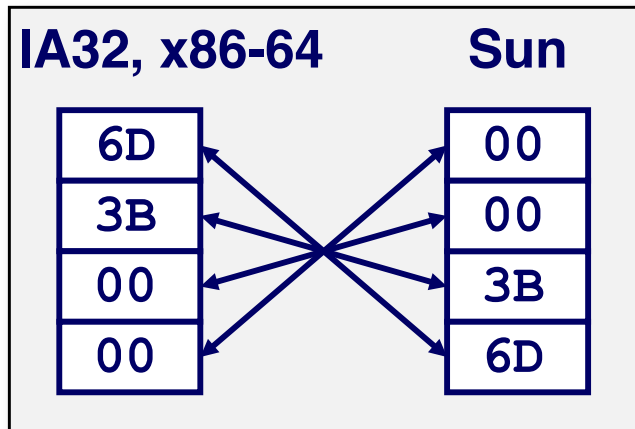
### «Остроконечное»

		0x100	0x101	0x102	0x103		
		67	45	23	01		

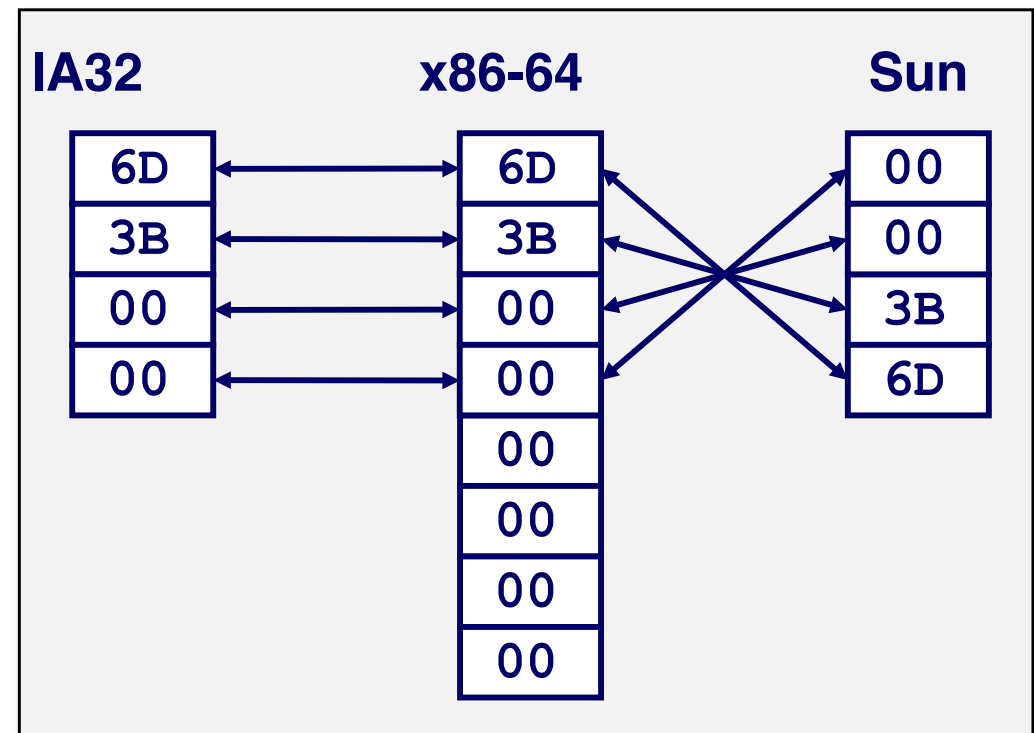
# Представление Целочисленное

Десятичное:	15213
Двоичное:	0011 1011 0110 1101
Шестнадцатиричное:	3 B 6 D

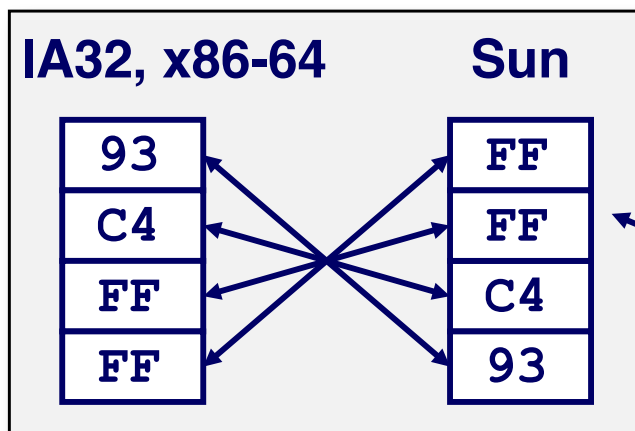
int A = 15213;



long int C = 15213;



int B = -15213;



Два представления в дополнительном коде  
(пояснения последуют)

# Изучение представления данных

## ■ Вывод байтового представления данных

- Представление указателя как массива `unsigned char *`

```
typedef unsigned char *pointer;

void show_bytes(pointer start, int len){
    int i;
    for (i = 0; i < len; i++)
        printf("%p\t0x%.2x\n", start+i, start[i]);
    printf("\n");
}
```

**Спецификации преобразования:**

`%p`: Вывод указателя

`%x`: Вывод шестнадцатичного

# Пример исполнения show\_bytes

```
int a = 15213;  
printf("int a = 15213;\n");  
show_bytes((pointer) &a, sizeof(int));
```

## Результат (x86, Linux):

```
int a = 15213;  
0x11ffffcb8 0x6d  
0x11ffffcb9 0x3b  
0x11ffffcba 0x00  
0x11ffffcbb 0x00
```

# Плавающая точка

- Основы: Двоичные дроби
- Стандарт «плавающей точки» IEEE : Определение
- Примеры и свойства
- Округление, сложение, умножение
- Плавающая точка в Си
- Сводка

# Плавающая точка IEEE

## ■ Стандарт IEEE 754

- Принят в 1985 как единый стандарт арифметики с плавающей точкой
  - До этого множество уникальных стандартов
- Поддерживается всеми основными CPU/FPU

## ■ В основе - вопросы вычислений

- Удачно стандартизованы
  - округления,
  - переполнения,
  - потеря значимости
- Сложно сделать быстрым в аппаратуре
  - При создании стандарта численные аналитики доминировали над разработчиками аппаратуры
- Есть реализации «с отклонениями»

## ■ Есть версии и альтернативы

# Представление с плавающей точкой

## ■ Численная форма:

$$(-1)^s M 2^E$$

- Знаковый бит  $s$  определяет положительность/отрицательность
- Мантисса  $M$  - обычно дробь в интервале  $[1.0, 2.0)$ .
- Порядок  $E$  изменяет значение на степень двойки

## ■ Кодирование

- Наиболее значимый бит  $S$  – знаковый
- Поле **exp** кодирует  $E$ , но не совпадает с двоичным значением  $E$
- Поле **frac** кодирует  $M$ , но не совпадает с двоичным значением  $M$





# Применяемые точности

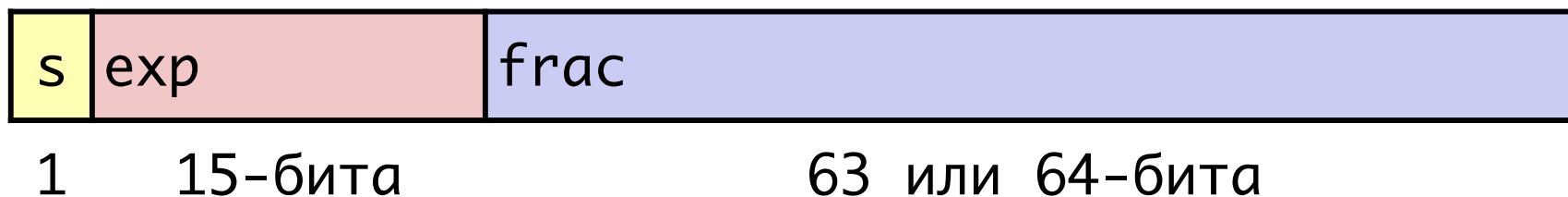
- **Одинарная: 32 бита**



- **Двойная: 64 бита**



- **Расширенная: 80 бит (только для Intel)**



# Нормализованные значения

- **Признак:  $\text{exp} \neq 000\dots 0$  и  $\text{exp} \neq 111\dots 1$**
- **Порядок кодируется со смещением :  $E = \text{Exp} - \text{Bias}$** 
  - $\text{Exp}$ : беззнаковое значение поля **exp**
  - $\text{Bias} = 2^{k-1} - 1$ , где  $k$  - количество бит порядка – смещение
    - Одинарная точность: 127 ( $\text{Exp}$ : 1...254,  $E$ : -126...127)
    - Двойная точность: 1023 ( $\text{Exp}$ : 1...2046,  $E$ : -1022...1023)
- **Код мантиисы подразумевает старшую 1:  $M = 1.\text{xxx}\dots\text{x}_2$** 
  - $\text{xxx}\dots\text{x}$ : биты поля **frac**
  - Минимальное значение  $M = 1.0$  , когда **frac** = 000...0
  - Минимальное значение  $M = 2.0 - \epsilon$  , когда **frac** = 111...1
  - Старший бит мантиисы не расходует ресурсы оборудования
  - Не подразумевается для расширенной точности 80-бит Intel !

# Пример нормализованного кода

■ Значение: Float  $F = 15213.0$ ;

$$\begin{aligned} 15213_{10} &= 11101101101101_2 \\ &= 1.1101101101101_2 \times 2^{13} \end{aligned}$$

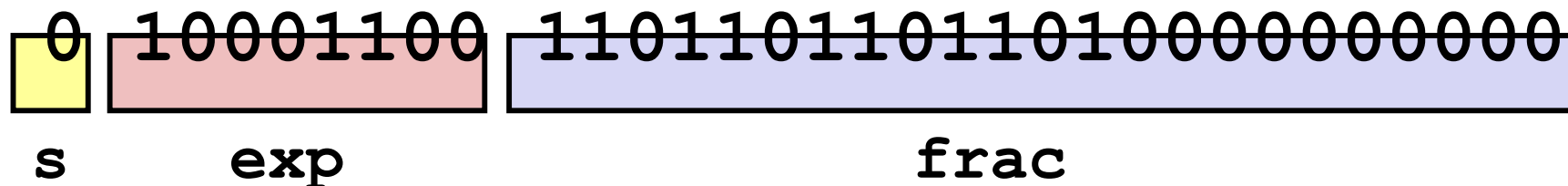
■ Мантисса

$$\begin{aligned} M &= 1.\underline{1101101101101}_2 \\ \text{frac} &= \underline{1101101101101}0000000000_2 \end{aligned}$$

■ Порядок

$$\begin{aligned} E &= 13 \\ \text{Bias} &= 127 \\ \text{Exp} &= 140 = 10001100_2 \end{aligned}$$

■ Результат:



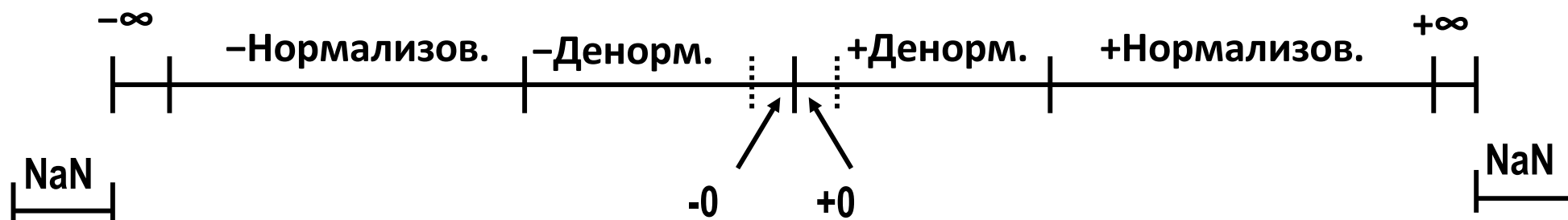
# Денормализованные значения

- Признак:  $\text{exp} = 000\dots 0$
- Значение порядка:  $E = 1 - \text{Bias}$  (вместо  $E = 0 - \text{Bias}$ )
- Код мантиссы подразумевает старший 0:  $M = 0.\text{xxx}\dots\text{x}_2$ 
  - $\text{xxx}\dots\text{x}$ : биты  $\text{frac}$
- Варианты
  - $\text{exp} = 000\dots 0, \text{frac} = 000\dots 0$ 
    - Обозначает нулевое значение
    - Представление неоднозначно:  $+0$  and  $-0$  (почему?)
  - $\text{exp} = 000\dots 0, \text{frac} \neq 000\dots 0$ 
    - числа очень близкие к  $0.0$
    - чем меньше, тем хуже относительная погрешность
    - равноотстоящие

# Специальные коды

- **Признак:  $\text{exp} = 111\dots 1$**
- **Вариант 1:  $\text{exp} = 111\dots 1$ ,  $\text{frac} = 000\dots 0$** 
  - Обозначает значение  $\infty$  (бесконечность)
  - Результат операции при переполнении
  - Есть оба варианта: отрицательная и положительная
  - E.g.,  $1.0/0.0 = -1.0/-0.0 = +\infty$ ,  $1.0/-0.0 = -\infty$
- **Вариант 2:  $\text{exp} = 111\dots 1$ ,  $\text{frac} \neq 000\dots 0$** 
  - Не число, Not-a-Number (NaN)
  - Обозначает случаи когда невозможно определить численное значение
  - Примеры:  $\text{sqrt}(-1)$ ,  $\infty - \infty$ ,  $\infty \times 0$

# Коды с плавающей точкой визуально



# (не)Представимые числа (2)

