Массивы (всего 10 баллов):

Эти задачи нужно оформить в соответствии с правилами оформления: http://style.vdi.mipt.ru/CodeStyle.html и youtube.com/watch?v=NSNvfr_KpDc и прислать мне на почту vladimir.biryukov@phystech.edu. В некоторых задачах потребуются входные файлы, которые можно найти по адресу: github.com/v-biryukov/cs mipt faki/tree/master/term1/seminar04 array/advanced problems/inputs

1 Простая работа с файлами. fprintf и fscanf

Для простейшей работы с файлами мы будем использовать функции fscanf и fprintf, которые работают аналогично функциям printf и scanf. Подробней файлы будем проходить позднее. Библиотека для работы с файлами - stdio.h (та же самая, что и для printf и scanf).

Пример записи в файл:

Пример чтения чисел из файла:

• Задача 1. Чтение/запись (0.5 балла): Создайте файл input.txt в котором будут храниться входные числа в следующем виде:

```
15
54 32 53 64 1 21 77 4 6 81 34 10 92 17 42
```

Сначала идёт число n - количевство чисел последовательности, а потом эти n чисел. Ваша задача - написать программу, которая будет считывать эти числа, возводить их в квадрат и записывать результат в файл output.txt.

```
#include <stdio.h>
void print_array(int lo, int hi, int* arr)
        for (int i = lo; i < hi; i++)</pre>
                printf("%d ", arr[i]);
        printf("\n");
}
// Сортировка выбором, которая сортирует числа массива с индексами от 10 до hi-1
// Выбор таких индексов удобен для реализации реккурсивных алгоритмов сортировок
void selection_sort(int lo, int hi, int* arr)
        for (int j = lo; j < hi; j++)</pre>
                 // Находим индекс минимального элемента на отрезке [j:hi-1]
                 int min_index = j;
                 for (int i = j+1; i < hi; i++)</pre>
                         if (arr[i] < arr[min_index])</pre>
                                 min_index = i;
                // Меняем местами элемент номер ј и минимальный элемент
                 int temp = arr[j];
                 arr[j] = arr[min_index];
                 arr[min_index] = temp;
        }
}
int main()
{
        int a[15] = {45, 73, 34, 82, 31, 1, 64, 54, 47, 73, 62, 11, 16, 7, 26};
        selection_sort(0, 15, a);
        print_array(0, 15, a);
}
```

- Задача 2. Чтение/запись сортировки (0.5 балла): Считайте числа из файла input.txt и запишите их в файл output.txt в отсортированом виде.
- Задача 3. Сортировка пузырьком (1 балл): Напишите функцию void bubble_sort(int lo, int hi, int* arr), реализующую алгоритм сортировки пузырьком. О сортировке пузырьком можно посмотреть, например, тут: youtube.com/watch?v=oqpICiM165I youtube.com/watch?v=xli FI7CuzA
- Задача 4. Быстрая сортировка (2 балла): Напишите функцию void quick_sort(int lo, int hi, int* arr), реализующую алгоритм быстрой сортировки (советую использовать разбиение Ломуто, так как оно немного проще). О быстрой сортировке можно посмотреть, например, тут: Википедия www.youtube.com/watch?v=MZaf 9IZCrc
- Задача 5. Сортировка большого количества чисел (1 балл): В файле numbers.txt хранятся 300000 случайных чисел. Отсортируйте их с помощью 3-х различных методов сортировки (выбором, пузырьком и быстрой). Результат запишите в файл sorted_numbers.txt.

3 Двумерные массивы

```
#include <stdio.h>
// Зададим константу МАХ = 200 - максимальный возможный размер матрицы
#define MAX 200
// В отличии от одномерного массива, в двумерном массиве при передаче
// в функцию обязательно нужно указывать размер ( количество столбцов = MAX )
// \%g - печатает вещественные числа также как и \%f, но без нулей на конце
void print_array(int n, float arr[MAX][MAX])
    for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++)
            printf("%5g ", arr[i][j]);
        printf("\n");
    }
}
// Суммируем 2 квадратные матрицы A и B размера n на n и записываем результат в C
void sum(int n, float A[MAX][MAX], float B[MAX][MAX], float C[MAX][MAX])
    for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < n; j++)
            C[i][j] = A[i][j] + B[i][j];
}
int main()
    // Создаём массивы вещественных чисел ( с запасом )
    float a[MAX][MAX] = \{\{7, 7, 2\}, \{1, 8, 3\}, \{2, 1, 6\}\};
    float b[MAX][MAX] = \{\{5, 2, 9\}, \{-4, 2, 11\}, \{7, 1, -5\}\};
    // Мы создали матрицы с 200 на 200 ( с запасом ), но будем использовать только
    // маленькую часть 3 на 3. В будущем мы научимся как создавать матрицы нужного
    // размера во время выполнения программы
    printf("a = \n");
    print_array(3, a);
    printf("b = \n");
    print_array(3, b);
    float c[MAX][MAX];
    sum(3, a, b, c);
    printf("a + b = \n");
    print_array(3, c);
}
```

- Задача 6. Умножение на число (0.5 балла): Написать функцию void multiply_by_number(int n, float A[MAX] [MAX], float x), которая умножает квадратную матрицу A (n на n) на число x.
- Задача 7. Присвоение (0.5 балла): Написать функцию void assign(int n, float A[MAX] [MAX], float B[MAX][MAX]), которая присваивает элементам матрицы A соответствующие элементы матрицы B(A=B).
- Задача 8. Умножение матриц (1 балл): Написать функцию void multiply(int n, float A [MAX] [MAX], float B [MAX] [MAX], которая перемножает матрицы A и B (строка на столбец), а результат записывает в матрицу C. Формула: $C_{ij} = \sum_k A_{ik} * B_{kj}$.

Проверьте ваш код на следующих тестах:

$$\begin{pmatrix} 7 & 7 & 2 \\ 1 & 8 & 3 \\ 2 & 1 & 6 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 5 & 2 & 9 \\ -4 & 2 & 11 \\ 7 & 1 & -5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 21 & 30 & 130 \\ -6 & 21 & 82 \\ 48 & 12 & -1 \end{pmatrix}$$
$$\begin{pmatrix} 5 & 2 & 9 \\ -4 & 2 & 11 \\ 7 & 1 & -5 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 7 & 7 & 2 \\ 1 & 8 & 3 \\ 2 & 1 & 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 55 & 60 & 70 \\ -4 & -1 & 64 \\ 40 & 52 & -13 \end{pmatrix}$$
$$\begin{pmatrix} 7 & 7 & 2 \\ 1 & 8 & 3 \\ 2 & 1 & 6 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 7 & 7 \\ 3 & 8 & 1 \\ 6 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

В файлах mat_A10.txt и mat_B10.txt лежат матрицы 10 на 10. считайте эти матрицы с помощью fscanf, перемножьте (A на B) и запишите результат в другой файл с помощью fprintf. В результате должно получиться:

$$\begin{pmatrix} 259 & -15 & 237 & 257 & 231 & 67 & 237 & -64 & 152 & 363 \\ 555 & 233 & 539 & 188 & 356 & 325 & 423 & -47 & 123 & 387 \\ 497 & 512 & 572 & 95 & 619 & 155 & 414 & 207 & 203 & 217 \\ 455 & 280 & 675 & 354 & 664 & 346 & 483 & 177 & 168 & 404 \\ 264 & 182 & 272 & 290 & 474 & -33 & 234 & 99 & 379 & 156 \\ 272 & 180 & 469 & 286 & 326 & 282 & 325 & 215 & 195 & 231 \\ 421 & 363 & 475 & 506 & 359 & 481 & 468 & 101 & 325 & 328 \\ 384 & 218 & 567 & 395 & 475 & 488 & 361 & 168 & 291 & 298 \\ 387 & 297 & 480 & 170 & 318 & 423 & 483 & 10 & -17 & 406 \\ 193 & 241 & 486 & 38 & 403 & 146 & 286 & 326 & 212 & 172 \end{pmatrix}$$

• Задача 9. Матрица в степени (1 балл): Написать функцию void power(int n, float A[MAX][MAX], float C[MAX][MAX], int k), которая вычисляет A^k , т.е. возводит матрицу A в k-ю степень, а результат записывает в матрицу C. Используйте функции multiply и assign. Псевдокод функции:

Проверьте ваш код на следующих тестах:

$$\begin{pmatrix} 7 & 7 & 2 \\ 1 & 8 & 3 \\ 2 & 1 & 6 \end{pmatrix}^{4} = \begin{pmatrix} 7116 & 15654 & 9549 \\ 4002 & 8955 & 6135 \\ 3369 & 6165 & 4350 \end{pmatrix}$$
$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}^{50} = \begin{pmatrix} 525456 & 396655 & 299426 \\ 696081 & 525456 & 396655 \\ 396655 & 299426 & 226030 \end{pmatrix}$$

• Задача 10. Метод Гаусса (2 балла): Написать программу, которая бы решала линейную систему уравнений Ax = b методом Гаусса. Главная функция этой программы должна иметь вид: void solve_linear_system(int n, float A[MAX] [MAX], float b[], float x[]). Программа должна считывать матрицу A и столбец b из файла и записывать результат решения x в новый файл.

```
#include <stdio.h>
#define MAX 200
// Возможно понадобится вспомогательная функция для перестановки строк матрицы А
void swap_rows(int n, float A[MAX][MAX], int k, int m)
{
    // Ваш код
}
void solve_linear_system(int n, float A[MAX][MAX], float b[], float x[])
{
    // Ваш код
}
int main()
{
   int n;
   float A[MAX][MAX];
   float b[MAX];
   float x[MAX];
    // Считываем n, A и b из файла
    solve_linear_system(n, A, b, x);
    // Записываем х в новый файл
}
```

Проверьте вашу программу на следующих тестах:

1. Следующая система:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 - x_3 = 9 \\ x_2 + 3x_3 = 3 \\ -x_1 - 2x_3 = 2 \end{cases}$$

Файл для считывания должен выглядеть следующим образом:

```
3
1 1 -1
0 1 3
-1 0 -2
9
3
2
```

Решение этой системы: $x=(\frac{2}{3},7,-\frac{4}{3})\approx (0.67,7,-1.33)$

- 2. Система из файла system1.txt. Решение в файле x1.txt.
- 3. Система из файла system2.txt. Решение в файле x2.txt.