Семинар #2: Инкапсуляция. Домашнее задание.

Класс Circle

Допустим, что мы хотим создать программу, которая будет работать с окружностями (это может быть игра или, например, графический редактор). Для того, чтобы сделать код более понятным и удобным в использовании, мы решили создать класс окружности. Кроме того, мы решили использовать уже ранее написанный класс точки в 2D пространстве (файлы point.h и point.cpp). Создайте класс окружности, который будет включать следующие методы:

- Kohctpyktop Circle(const Point& acenter, float aradius), который будет задавать поля center и radius соответстующими значениями.
- Конструктор по умолчанию Circle() задаются значения, соответствующие единичной окружности с центром в начале координат.
- Конструктор копирования Circle(const Circle& circle)
- Сеттеры и геттеры, для полей center и radius. Поле radius нельзя задать отрицательным числом. При попытке задания его отрицательным числом оно должно устанавливаться в значение 0.
- Meтод float getArea() const, который будет возвращать площадь поверхности круга.
- Metog float getDistance(const Point& p) const, который будет возвращать расстояние от точки p, до ближайшей точки окружности.
- Meтод bool isColliding(const Circle& c) const, который будет возвращать true, если круг пересекается с кругом с.
- Metog void move(const Point& p), который будет перемещать кружок на вектор р.

Весь начальный код содержится в папке Ocircle. При компиляции нужно указывать все .cpp файлы, которые вы хотите скомпилировать:

g++ main.cpp point.cpp

• Создайте файлы circle.h и circle.cpp и перенесите реализацию класса окружности из файла main.cpp в эти файлы.

Задача 7: Математический вектор

В файлах code/complex.h и code/complex.cpp лежит реализация комплексного числа с перегруженными операторами. Используйте её в качестве примера для решения этой задачи.

- Создайте структуру Vector3f вектор в трёхмерном пространстве с полями x, y, z типа float в качестве координат. Перегрузите следующие операторы для работы с вектором. Для передачи вектора в функции используте ссылки и, там где возможно, модификатор const.
 - Сложение векторов (+) – Вычитание (-) — Умножение вектора на число типа float (число * вектор и вектор * число) — Деление вектора на число типа float (вектор / число) - Скалярное произведение (*) - Унарный -- Унарный + Проверка на равенство == (должна возвращать тип bool) Проверка на неравенство != (должна возвращать тип bool) – Операторы += и -= (вектор += вектор) Операторы *= и /= (вектор *= число) - Оператор вывода ostream >> вектор. Выводите вектор в виде (x, y, z). - Оператор ввода istream << вектор - Функция float squaredNorm(const Vector3f& a), которая вычисляет квадрат нормы вектора. $-\Phi$ ункция float norm(const Vector3f& a), которая вычисляет норму вектора. $-\Phi$ ункция void normalize(Vector3f& a), которая нормализует вектор a.
- Поместите весь ваш код в отдельный файл vector3f.h и подключите к файлу main.cpp.
- Протестируйте ваши функции:

```
#include <iostream>
#include "vector3f.h"
using std::cout, std::endl;
int main()
{
    Vector3f a = \{1.0, 2.0, -2.0\};
    Vector3f b = \{4.0, -1.0, 3.0\};
    cout << "a = " << a << endl << "b = " << b << endl;
    cout << "a + b = " << a + b << endl:
    cout << "-a = " << -a << endl;
    cout << "Scalar product of a and b = " << a * b << endl;</pre>
    cout << "a after a /= 5;" << a << endl</pre>
    normalize(b);
    cout << "Normalized b:" << b << endl</pre>
    a += b;
    cout << "a after a+= b;" << a << endl;</pre>
}
```

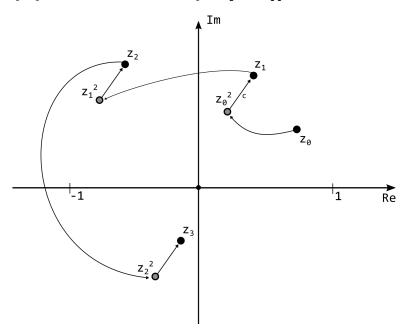
Задача 8: Убегающая точка

• Предположим, что у нас есть комплексная функция $f(z) = z^2$. Выберем некоторое комплексное число z_0 и будем проводить следующие итерации:

$$z_1 = f(z_0)$$
 $z_2 = f(z_1)$... $z_{k+1} = f(z_k)$... (1)

В зависимости от выбора точки z_0 эта последовательность либо разойдётся, либо останется в некоторой ограниченной области. Будем называть точку z_0 убегающей, если $z_k \to \infty$ при $k \to \infty$. Найдите область неубегания для функции z^2 , т.е. множество всех начальных значений z_0 , при которых последовательность (1) остаётся ограниченной (это можно сделать в уме).

• Julia: Для функции $f(z) = z^2$ эта область тривиальна, но всё становится сложней для функции вида $f(z) = z^2 + c$, где c – некоторое комплексное число. Численно найдите область неубегания для функций такого вида. Для этого создайте изображение размера 800×800 , покрывающую область $[-2:2] \times [-2:2]$ на комплексной плоскости. Для каждой точки этой плоскости проведите $N \approx 20$ итераций и, в зависимости от результата, окрасьте пиксель в соответствующий цвет (цвет можно подобрать самим, он должен быть пропорционален значению z_N - меняться от яркого если z_N мало и до черного если z_N большое). Используйте класс Complex и перегруженные операторы. Пример работы с изображениями в формате ppm можно посмотреть в файле complex_image.cpp. Программа должна создавать файл julia.ppm.



- ullet Нарисуте изображение для $c=-0.4+0.6i; \quad c=-0.70-0.38i; \quad c=-0.80+0.16i$ и c=0.280+0.011i.
- Добавьте параметры командной строки: 2 вещественных числа, соответствующие комплексному числу c, и целое число итераций N.
- Mandelbrot: Зафиксируем теперь $z_0 = 0$ и будем менять c. Численно найдите все параметры c, для которых точка z_0 не является убегающей. Для этого создайте изображение размера 800×800 , покрывающую область $[-2:2] \times [-2:2]$ возможных значений c на комплексной плоскости. Программа должна создавать файл mandelbrot.ppm.
- Анимация: Программа complex_movie.cpp создаёт множество изображений и сохраняет их в папку animation (если у вас нет такой папки создайте её). Эти изображения представляют собой отдельные кадры будущей анимации. Чтобы их объединить в одно видео можно использовать программу ffmpeg (Нужно скачать тут: www.ffmpeg.org и изменить переменную среды РАТН в настройках Windows или Linux). После этого можно будет объединить все изображения в одно видео такой командой:

ffmpeg -r 60 -i animation/complex_%03d.ppm complex_movie.mp4

Создайте анимацию из изображений множеств Julia при c линейно меняющемся от (-1.5-0.5i) до i.

Класс Number (большое число)

Стандартные целочисленные типы данных, такие как int имеют фиксированный небольшой размер. Соответственно значения, которые можно хранить в переменных этих типов ограничены. Типичное максимальное значение char равно $2^7 - 1 = 127$, тип int обычно ограничен $2^{31} - 1 = 2147483647$ и даже тип unsigned long long имеет ограничение в $2^{64} - 1 = 1.8 * 10^{19}$. Хранить действительно большие числа в этих типах невозможно. В этом задании нужно сделать класс, с помощью которого будет удобно складывать и умножать большие целые положительные числа. Начальный код этого класса содержится в 1number/number.cpp. Изучите этот код.

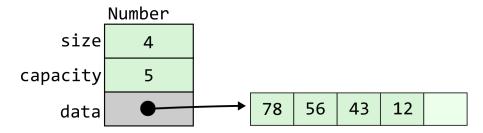


Рис. 1: Представление числа 12345678 в памяти с помощью нашего класса Number

Задания:

- **Конструктор по умолчанию:** Напишите конструктор по умолчанию Number(), который будет создавать число равное нулю.
- Конструктор копирования: Напишите конструктор копирования Number(const Number& n).
- Конструктор из строки: Напишите конструктор Number(const char* str), который будет создавать большое число на основе строки. Предполагаем, что на вход конструктору всегда идёт корректная строка. Например, число из примера можно будет создать так:

Number
$$a = Number("12345678");$$

- Присваивание: Напишите оператор присваивания Number& operator=(const Number& right).
- Сложение: Напишите и протестируйте операторы сложения operator+ и оператор присваивания сложения operator+=. Реализовывать оба этих оператора с нуля необязательно. Ведь, если написан один из этих операторов, то очень просто написать другой.
- Числа Фибоначчи: Числа Фибоначчи задаются следующим образом:

$$F_0 = 0$$

$$F_1 = 1$$

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$$

Используйте класс Number, чтобы вычислить F_{1000} . Правильный ответ:

 $F(1000) = 43466557686937456435688527675040625802564660517371780402481729089536555417949051890 \\ 40387984007925516929592259308032263477520968962323987332247116164299644090653318793829896964992 \\ 8516003704476137795166849228875$

- **Четность:** Напишите метод bool isEven() const, который будет проверять является ли наше число чётным и, если это верно, возвращает true, в ином случае возвращает false.
- Произведение: Напишите метод Number operator*(const Number& right) const оператор умножения одного числа Number на другое. Протестируйте вашу функцию на различных примерах (умножение большого числа на большое, умножение большого числа на небольшое (< 100) или на ноль, умножение двух небольших чисел и т. д.).

• Факториал: Используйте написанный оператор для вычисления факториала от 1000. Правильный ответ:

1000! = 40238726007709377354370243392300398571937486421071463254379991042993851239862902059

 \bullet Числа-градины: Возьмём некоторое число n и будем последовательно применять к нему следующую функцию:

$$f(n) = \begin{cases} n/2, & \text{если n - четное} \\ 3n+1, & \text{если n - нечетное} \end{cases}$$

В результате получится некоторая последовательность. Например, при n=7 получится:

```
7 -> 22 -> 11 -> 34 -> 17 -> 52 -> 26 -> 13 -> 40 -> 20 -> 10 -> 5 -> 16 -> 8 -> 4 -> 2 -> 1
```

Последовательность доходит до 1. Вам нужно написать функцию, которая будет по начальному числу находить длину такой последовательности (steps) и максимальное число в этой последовательности(max). Например, для числа 7, максимальное число в последовательности будет равно 52, а длина последовательности — 16. Напишите программу, которая будет по начальному числу находить длину последовательности и максимальный элемент в ней.

Тесты для проверки:

Для решения этой задачи нужно написать оператор сравнения и метод деления на 2 (оператор целочисленного деления можно не писать).

• **Раздельная компиляция:** Перенесите объявление класса Number в файл number.h, а определение методов в файл number.cpp. Раздельно скомпилируйте эту программу.