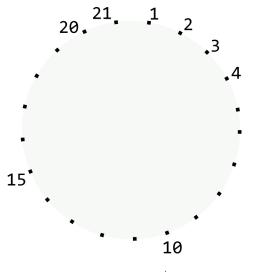
Семинар #5: Контейнеры STL. Домашнее задание.

Задача 1. Задача Иосифа Флавия



По кругу стоит n войнов, начиная с первого война они убивают каждого m-го. В каком порядке будут выбывать войны и в каком месте нужно встать, чтобы остаться последним выжившим?

Например, если n=21, а m=2, то войны будут выбывать в следующем порядке:

2 4 6 8 10 12 14 16 18 20 1 5 9 13 17 21 7 15 3 19

В конце останется войн с номером 11.

Решите эту задачу, промоделировав ситуацию с помощью контейнера std::list.

вход	выход
21 2	2 4 6 8 10 12 14 16 18 20 1 5 9 13 17 21 7 15 3 19
	11
7 2	2 4 6 1 5 3
	7
21 6	6 12 18 3 10 17 4 13 21 9 20 11 2 16 14 8 15 1 19 7
	5

Задача 2. Правильная скобочная последовательность

На вход приходит строка, содержащая некоторою скобочную последовательность. Она может состоять из трёх видов скобок: (){}[]. Вам нужно узнать, является ли эта скобочная последовательность правильной. Используйте std::stack.

вход	выход
(()())	Yes
)(No
[({})]	Yes
)]}	No

вход	выход
[}	No
([)]	No
({}[]([])[]	Yes
[]	Yes

Задача 3. Верёвка

На прямой лежит верёвка длиной n метров. Затем её начинают последовательно разрезать, всего сделав k разрезов. Все места разрезов – целые числа. Найти длину самого длинного куска после каждого разреза. Решение должно иметь вычислительную сложность $O(n\log(n))$. Используйте контейнеры std::set и std::multiset. На вход программе подаются числа n и k, а затем k чисел – места разрезов.

вход	выход
20 8	12 10 8 7 6 5 5 4
8 10 15 1 7 4 11 18	

Задача 4. Уникальные числа

На вход подаётся n чисел. Напечатайте эти числа удалив все дупликаты.

Задача 5. Сортировка с помощью мультимножества

Считайте n чисел и отсортируйте их с помощью вставки в multiset. Распечатайте отсортированные числа.

Задача 6. Количество повторений

На вход программе приходит n чисел. Некоторые числа могут повторяться. Вам нужно найти уникальные числа и количество их повторений. Например, если на вход приходят числа 5 1 5 1 1 1 2 1 5 1, то среди этих чисел есть 3 уникальных числа: число 1 повторяется 6 раз, число 2 – 1 раз, а число 5 – 3 раза. Алгоритм должен работать за O(n) или за $O(n \log(n))$. Используйте контейнер std::map.

вход	выход
10	1 2 5
5 1 5 1 1 1 2 1 5 1	6 1 3
10	2 1000000000
2 2 2 2 2 1000000000 2 2 2 2 2	9 1

Задача 7. Поиск пути

B папке wave_algo_tests лежат изображения в формате .ppm (для просмотра изображений в формате .ppm советую использовать программу IrfanView). Каждая картинка содержит пиксели 4-х разных цветов:

- 1. Белые пиксели места по которым можно ходить
- 2. Черные пиксели препятствия, то есть места по которым ходить нельзя
- 3. Зелёный пиксель начало пути
- 4. Красный пиксель конец пути

Вам нужно найти кратчайший путь от начала до конца. При этом ходить можно только по пикселям: из одного пикселя можно перейти только в один из восьми соседей. Кратчайший путь нужно дорисовать на картинке синим цветом и сохранить картинку в новый файл. Для работы с изображением используйте класс Image, который находится в папке image. Кратчайший алгоритм можно найти с помощью волнового алгоритма. При реализации этого алгоритма используйте стандартные контейнеры

Задача 8. Разбиение на пары

Напишите шаблонную функцию, которая будет принимать на вход контейнер (vector, array, string) и возвращать вектор пар нечётных и чётных элементов. Если в контейнере было нечётное количество элементов, то второй элемент последней пары должен быть инициализирован с помощью value-инициализации.

аргумент	возвращаемое значение
std::vector{10, 20, 30, 40, 50}	{{10, 20}, {30, 40}, {50, 0}}
std::array <std::string, 4="">{"cat", "dog", "mouse", "lion"}</std::string,>	{{"cat", "dog"}, {"mouse", "lion"}}
"Hello"	{{'H', 'e'}, {'1', '1'}, {'o', '\0'}}

Протестировать функцию можно в файле code/test_pairing.cpp.