Информатика 1	[	
Весна 2016		
Экзамен 1		
4/2/2016		
Длительность:	120	Минут

Имя	Фамилия:	
Имя	Фамилия:	

7 страниц (включая эту) и 15 вопросов. Общее число баллов 500.

Таблица баллов (заполняется преподавателем)

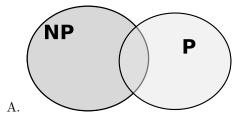
Вопрос	Баллы	Набранные баллы
1	10	
2	20	
3	20	
4	20	
5	10	
6	20	
7	25	
8	25	
9	15	
10	10	
11	10	
12	30	
13	55	
14	80	
15	150	
Всего:	500	

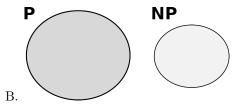
## 1 Вопросы

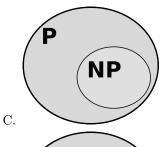
		-		
1.	(10 баллов)	Чему равен порядок роста продо	лжительности рабо	оты следующего участка кода:
		= 0; (i = 0; i < N; i++) (int j = i+1; j < N; j++) for (int k = j+1; k < N; k++) for (int h = 0; h < N; h-) sum++;		
	$\bigcirc$	O(1)		
		O(n)		
		$O(n^3)$		
		$O(n^3\sqrt{n})$		
		$O(n^3 \log n)$		
		$O(n^4)$		
2.	(20 баллов)	Расположите следующие функци	ии в порядке увелич	нения скорости роста:
	A.	$\log n$	E. $\log \log n$	I. $n \log n$
	В.		F. $n\sqrt{n}$	J. $n^2$
		$e^n$	G. n!	
	D.	n	H. $n^n$	$K. 2^n$
3.	(20 баллов)	Отметьте все функции, чьё О-бо.	льшое равно $O(n^2)$	
		$1000n^2$		$\square \ n^3 + 100n^2$
		1		$\square \ n^3 - 100n^2$
		$e^n$		$\square \ n \log n$
		$4n^2 + 10n + 50$		$\square \ n^3/(1+n)$
4.	(20 баллов)	Какие утверждения об алгоритм	ах сортировки верн	ны (можно отметить несколько вариантов).
		Если мы не знаем никакой доп- сложность сортировки числовог		рмации об элементах массива, то оптимальная $(n\log n)$
		Есть только один алгоритм сорт	гировки, имеющий	оптимальную сложность.
		Алгоритм быстрой сортировки с	основан на принциг	ие "разделяй и властвуй"
		Время работы большинства ал входном массиве	горитмов сортиров	ки не зависит от расположения элементов во

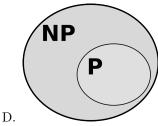
100-й элеме	Пусть у уже отсортированного масс: нт переставили с 101-ым, 242-й с 243-	$\ddot{\mathbf{n}}$ , так $k$ перестановог	к). При этом известно, ч	( 1 1 )
из алгоритм	мов будет лучшим выбором для сорти	провки такого массива	<b>1.</b>	
	) Сортировка выбором			
	) Сортировка вставками			
	) Сортировка пузырьком			
	) Сортировка слиянием			
	) Быстрая сортировка			
,	пов) Пусть есть массив чисел: 42 55 е массив, который получится после п			рром.
7. (25 баллов)	Заполните таблицу:			
	Алгоритм		Сложность(в среднем)	=
	Сортировка пузырьком		$O(n^2)$	=
	Сортировка вставками	( )	_	
	Сортировка слиянием		_	
	Быстрая сортировка		_	
	Сортировка выбором		=	
	Простейший алгоритм перемно		_	
	Простейший алгоритм сложен	ия матриц nxn		_
8. (25 баллов)	Заполните таблицу:			
		Доступ к элементу	Вставка элемента	
	Массив			
	Односвязный список(list)			
	Двоичное дерево поиска	O(1)	O(1)	
	Хеш-таблица	O(1)	O(1)	
	Отметьте все преимущества односвя  Односвязный список занимает меня В односвязном списке можно гораз,	ьше памяти, чем масс	ИВ	ассивом.
	В односвязный список можно гораз			
	В односвязный список можно доба программы).	- · · ·		во время работы
С	Все элементы односвязного списка з быть полезно.	кранятся в памяти лог	кально(друг за другом),	что иногда может

- 10. (10 баллов) Класс NP это:
  - Класс задач, которые можно за полиномиальное время решить на детерминированной машине Тьюринга.
  - Класс задач, которые можно за полиномиальное время решить на недетерминированной машине Тьюринга.
  - Класс алгоритмов, которые можно за полиномиальное время решить на детерминированной машине Тьюринга.
  - Класс алгоритмов, которые можно за полиномиальное время решить на недетерминированной машине Тьюринга.
- 11. (10 баллов) Как соотносятся между собой классы Р и NP?





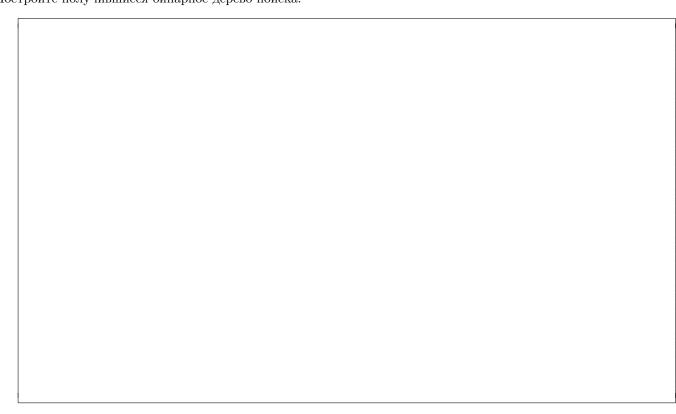




Если сомневаетесь в выборе варианта, можете дать развёрнутый ответ:

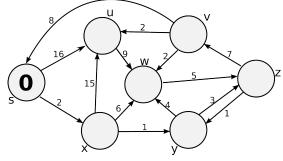
12. (30 баллов) Пусть на вход алгоритма построения бинарного дерева поиска поступает следующая последовательность: 91 40 22 87 36 60 27 43 62 24

Постройте получившиеся бинарное дерево поиска.



Предположим, что вам потребовалось найти в этом дереве число 76. Найдите последовательность чисел, с которыми число 76 будет сравниваться.

13. (55 баллов) Рассмотрим следующий взвешенный ориентированный граф:

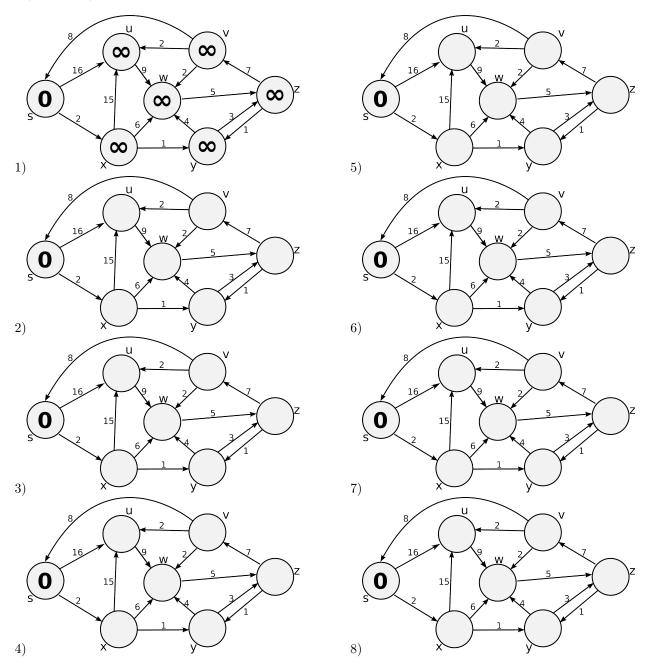


11.А. (5 баллов) Найдите число вершин и рёбер данного графа.

11.Б. (15 баллов) Известно, что есть 2 стандартных представления графа: список смежных вершин и матрица смежности. Представьте данный граф в обоих представлениях.



11.В. (35 баллов) Пошагово проиллюстрируйте работу алгоритма Дейкстры на этом графе.



## 2 Задачи на программирование

14. (80 баллов) Алгоритм бинарного поиска – это алгоритм поиска элемента в отсортированном массиве, использующий дробление массива на половины.

На вход алгоритма подаётся отсортированный по возрастанию массив и число, которое требуется в нём найти. Поиск осуществляется путём сравнения числа, которое нужно найти, с центральным элементом массива. Если это число оказалось больше центрального элемента, то оно рекурсивно ищется в правой половине массива, а если меньше, то в левой.

15. (150 баллов) Реализуйте алгоритм волновой трассировки.

9	10		10	9	8	9	10	11	12	13	14
8	9		9	8	7	8	9	10	11	12	13
7	8	9	8	7	6	7	8	9	10	11	12
6	7	8	7	6	5	6	7			10	11
5					4	5	6	7	8	9	10
4	3	2	1	2	3	4	5	6			11
3	2	1	0	1	2	3	4	5			10
4	3	2	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Вход	Выход
45 00100 00100 00100 00000 20	$ \begin{array}{c} (2,0) -> (2,1) -> \\ (3,1) -> (3,2) -> \\ (3,3) -> (2,3) -> \\ (1,3) -> (0,3) \end{array} $

От стартовой ячейки порождается шаг в соседнюю ячейку, при этом проверяется, проходима ли она, и не принадлежит ли ранее меченной в пути ячейке. При выполнении условий проходимости и непринадлежности её к ранее помеченным в пути ячейкам, в атрибут ячейки записывается число, равное количеству шагов от стартовой ячейки, от стартовой ячейки на первом шаге это будет Каждая ячейка, меченая числом шагов от стартовой ячейки становится стартовой и из неё порождаются очередные шаги в соседние ячейки. Восстановление кратчайшего пути происходит в обратном направлении: при выборе ячейки от финишной ячейки к стартовой на каждом шаге выбирается ячейка, имеющая атрибут расстояния от стартовой на единицу меньше текущей ячейки.

Считывание входа и построение графа (35 баллов из 125) Распространение волны (35 баллов из 125):

```
ЦИКЛ
ДЛЯ каждой ячейки loc, помеченной числом d
пометить все соседние свободные непомеченные ячейки числом d + 1
КЦ
d := d + 1
ПОКА (финишная ячейка не помечена) И (есть возможность распространения волны)
```

Восстановление пути (55 баллов из 125):

```
ЕСЛИ финишная ячейка помечена
ТО
перейти в финишную ячейку
ЦИКЛ
выбрать среди соседних ячейку, помеченную числом на 1 меньше числа в текущей ячейке
перейти в выбранную ячейку и добавить её к пути
ПОКА текущая ячейка - не стартовая
ВОЗВРАТ путь найден
ИНАЧЕ
ВОЗВРАТ путь не найден
```