# Семинар #1: Основы. Домашнее задание.

# Задача 1. Плюс 1:

Напишите программу, которая будет считывать число и печатать это число, увеличенное на 1. Известно, что число больше 0 и меньше 1000.

### Задача 2. Условие:

Напишите программу, которая будет считывать число и проверять, является ли число чётным и принадлежащим следующему множеству  $[0,20] \cup (100,200)$  и печатать Yes или No. Используйте один оператор if.

вход	выход	вход	выход
4	Yes	22	No
5	No	100	No
20	Yes	102	Yes

### Задача 3. Число, квадрат и куб:

Напишите программу, которая будет печатать само число, его квадрат и его куб от 1 до n, разделённые стрелочкой. Число n считывается с помощью scanf. Например, при n = 5, программа должна напечатать следующее:

```
1 -> 1 -> 1
2 -> 4 -> 8
3 -> 9 -> 27
4 -> 16 -> 64
5 -> 25 -> 125
```

Для того чтобы все числа печатались выровнено, можно использовать спецификатор %3 і за место % і в printf. В этом случае, если число имеет в записи меньше 3-х цифр, то printf напечатает необходимое число пробелов перед числом.

#### Задача 4. Последовательность:

Пример программы, которая считывает число п. Затем считывает п чисел и находит среди них максимум.

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
int main()
{
    int n;
    scanf("%i", &n);
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
    {
        int a;
        scanf("%i", &a);
        if (a > max)
             max = a;
    }
    printf("Max = \%i\n", max);
}
```

В этой программе используется константа INT\_MIN из библиотеки limits.h. Эта константа равна минимальному возможному значению чисел типа int, то есть INT\_MIN = -2147483648. В этой задаче нельзя использовать массивы. Измените программу выше так чтобы программа находила максимум и количество элементов, равных этому максимуму.

вход	выход
3 1 2 3	3 1
3 7 7 7	7 3
10 1 8 2 4 8 8 1 5 2 8	8 4

# Задача 5. Числа-градины:

Пусть нам на вход поступает число  ${\bf n}$ . Мы преобразуем это число следующим образом n=f(n), где

$$f(n) = \begin{cases} 3n+1, & \text{если } n-\text{нечётное} \\ n/2, & \text{если } n-\text{чётное} \end{cases}$$

Затем повторяем этот алгоритм до тех пор пока число не достигнет единицы. Получится некоторая последовательность. Например, если изначально n = 7, то последовательность будет выглядеть следующим образом:

#### 7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

Ваша задача заключается в том, чтобы напечатать эту последовательность, её длину и максимальный элемент этой последовательность по изначальному числу n.

вход	выход				
3	3 10 5 16 8 4 2 1				
	Length = 8, Max = 16				
256	256 128 64 32 16 8 4 2 1				
	Length = 9, Max = 256				
7	7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1				
	Length = 17, Max = 52				

### Задача 6. Сумма:

На вход программе подаются два целых числа n и m. Нужно посчитать следующую сумму:

$$S_{n,m} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} (-1)^{i+j} i \cdot j$$

Например, если n = 3, a m = 4, то сумма будет равна:

$$S_{3,4} = 1 - 2 + 3 - 4 - 2 + 4 - 6 + 8 + 3 - 6 + 9 - 12 = -4$$

вход	выход		
1 1	1		
2 2	1		
3 3	4		
3 4	-4		
5 7	12		
10 10	25		
77 107	2106		

#### Задача 7. Печать всех делимых:

На вход программе подаются числа a, b, c. Программа должна напечатать все числа, делящиеся на c на отрезке [a, b] через пробел. Решите эту задачу как можно более эффективно.

вход	выход
1 20 4	4 8 12 16 20
1 20 7	7 14
1 10000 9500	9500
1 1000000000 500000000	50000000 1000000000
1 1000000000 123456789	123456789 246913578 370370367 493827156
	617283945 740740734 864197523 987654312

## Задача 8. Повтор массива

На вход программе приходит количество элементов некоторой последовательности, а затем сама последовательность. Вам нужно напечатать эту последовательность 2 раза.

вход	выход
4	10 20 30 40 10 20 30 40
10 20 30 40	
1	123 123
123	

### Задача 9. Операция над массивом

Ниже приведён пример программы, которая считывает массив, затем удаляет первый элемент в этом массиве и печатает массив на экран:

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a[1000];
    int n;
    scanf("%i", &n);
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        scanf("%i", &a[i]);

    for (int i = 0; i < n - 1; ++i)
        a[i] = a[i + 1];
    n--;

    for (int i = 0; i < n; ++i)
        printf("%i ", a[i]);

    printf("\n");
}</pre>
```

Напишите программу, которая будет считывать массив и удалять все отрицательные элементы из массива, а затем печатать этот массив на экран. Постарайтесь написать как можно более эффективный код. Например, каждый элемент нужно переместить максимум 1 раз. Вам нужно изменить сам массив, а не просто напечатать отдельные его элементы.

вход	выход
6	0 2 5
0 -1 2 -3 -4 5	
2	9
9 -5	

# Задача 10. Сумма столбцов

На вход поступают размеры матрицы n и m и элементы матрицы. Нужно найти сумму элементов в каждом столбце. Для этой задачи не нужно использовать двумерный массив, достаточно будет одномерного.

вход	выход
3 4	14 15 16 12
1 2 3 6	
6 5 4 2	
7 8 9 4	

# Задача 11. Сортировка по сумме цифр

На вход подаётся последовательность чисел. Отсортируйте эти числа по возрастанию суммы цифр.

вход	выход			
6	401 15 516 932 96 673			
673 96 15 401 932 516				

В файле numbers.txt хранится 10000 чисел. Используйте перенаправление потока, чтобы отсортировать эти числа по сумме цифр. Сохраните результат в файле sorted.txt. Нужно написать в терминал следующее:

a.exe < numbers.txt > sorted.txt

#### Задача 12. Умножение матриц

На вход поступает число **n** и две квадратных матрицы размера **nxn**. Нужно перемножить эти матрицы и напечатать результат. Формула перемножения матриц:

$$C_{ij} = \sum_{k=0}^{n-1} A_{ik} \cdot B_{kj}$$

.

вход	выход	вход	выход
3	21 30 130	3	55 60
7 7 2	-6 21 82	5 2 9	-4 -1
183	48 12 -1	-4 2 11	40 52
2 1 6		7 1 -5	
5 2 9		7 7 2	
-4 2 11		183	
7 1 -5		2 1 6	

В файле matAB.txt сохранены две матрицы 10x10. Используйте перенаправление потока, чтобы считать эти матрицы из файла matAB.txt, перемножьте их и сохраните в новый файл matC.txt. Нужно написать в терминал следующее:

#### a.exe < matAB.txt > matC.txt

В результате должна получиться такая матрица:

,	/259	-15	237	257	231	67	237	-64	152	363
1	555	233	539	188	356	325	423	-47	123	387
1	497	512	572	95	619	155	414	207	203	217
1	455	280	675	354	664	346	483	177	168	404
١	264	182	272	290	474	-33	234	99	379	156
١	272	180	469	286	326	282	325	215	195	231
۱	421	363	475	506	359	481	468	101	325	328
1	384	218	567	395	475	488	361	168	291	298
ı	387	297	480	170	318	423	483	10	-17	406
١	193	241	486	38	403	146	286	326	212	172 <b>/</b>

# Необязательные задачи (не входят в ДЗ, никак не учитываются)

# Задача 1. Три числа:

На вход программе подаются три числа: a, b и c. Нужно проверить следующие условия:

- 1. Если числа a, b и c являются последовательными, то нужно напечатать Consecutive.
- 2. Если последовательность a, b, c является возрастающей, то нужно напечатать Increasing.
- 3. Если последовательность a, b, c является убывающей, то нужно напечатать Decreasing.
- 4. Если все три числа равны, то нужно напечатать Equal.
- 5. В ином случае нужно напечатать None.

вход	выход				
1 2 3	Consecutive Increasing				
1 2 4	Increasing				
1 1 2	None				
1 2 1	None				
1 5 9	Increasing				
1 0 -1	Consecutive Decreasing				
1 5 4	None				
7 7 7	Equal				
20 15 5	Decreasing				

### Задача 2. Последовательность++:

Пример программы, которая считывает число п. Затем считывает п чисел и находит среди них максимум.

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
int main()
{
    int n;
    scanf("%i", &n);
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
    {
        int a;
        scanf("%i", &a);
        if (a > max)
            max = a;
    }
    printf("Max = %i\n", max);
}
```

В этой программе используется константа INT\_MIN из библиотеки limits.h. Эта константа равна минимальному возможному значению чисел типа int, то есть INT\_MIN = -2147483648. В этой задаче нельзя использовать массивы.

#### Подзадачи:

Измените программу выше так чтобы:

- 1. Программа находила минимум, а не максимум. Может понадобиться константа INT\_MAX = 2147483647.
- 2. Программа находила минимальное чётное число и максимальное нечётное. Если чётных или нечётных чисел нет, то программа должна печатать None за место числа.

вход	выход
3 4 5 6	4 5
3 7 7 7	None 7
10 1 8 2 4 8 8 1 5 2 8	2 5
4 10 8 6 8	6 None

3. Программа печатала Increasing если последовательность чисел строго возрастает, Decreasing, если последовательность чисел строго убывает и Equal, если все члены последовательности равны. В любом ином случае программа должна печатать None.

вход	выход
3 1 2 3	Increasing
3 7 7 7	Equal
5 20 15 10 7 5	Decreasing
4 1 1 4 5	None

# Задача 3. Числа-градины II:

На вход поступает 2 числа а и b. Нужно найти такое число  $\mathbf{n}$  ( $a \leq n \leq b$ ), для которого последовательность чисел-градин будет самой длинной. Нужно напечатать число  $\mathbf{n}$ , а также длину последовательности, которая начинается с  $\mathbf{n}$ .

вход	выход
1 5	3 8
1 8	7 17
1 10	9 20
10 15	14 18
1 100	97 119
1 500	327 144
400 500	487 142
1 1000	871 179
1 10000	6171 261
1 100000	77031 351

# Задача 4. Пифагоровы тройки:

На вход приходит целое число n. Нужно напечатать все возможные пифагоровы тройки a, b и c, такие что  $a \le n$ ,  $b \le n$  и  $c \le n$ . Пифагорова тройка – это тройка натуральных чисел, для которых верно:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Пифагоровы тройки, получаемые из некоторой пифагоровой тройки путём обмена местами чисел a и b считаются дублирующими. Пифагоровы тройки, получаемые из некоторой пифагоровой тройки путём умножения всех чисел на некоторое натуральное число, также считаются дублирующими. Печатать дублирующие тройки не нужно.

*Подсказка:* Просто переберите все возможные значения a, b и c.

вход	выход
15	3 4 5
	5 12 13
50	3 4 5
	5 12 13
	8 15 17
	7 24 25
	20 21 29
	12 35 37
	9 40 41

### Задача 5. Операции над массивом++

Во всех подзадачах этой задачи вам нужно изменить массив **a** и, возможно, размер **n** между считыванием массива и его печатью. Каждая программа должна иметь такой вид:

Внутри вашего кода нужно считать дополнительные данные и изменить массив и переменную n.

1. Удвоение массива: Нужно увеличить массив а в 2 раза, заполнив новую часть копией массива а. Предполагается, что количество места в массиве (1000) больше чем 2n, то есть места хватит. Не забудьте изменить переменную n.

вход	выход
4	0 1 2 3 0 1 2 3
0 1 2 3	
3	6 4 3 6 4 3
6 4 3	

2. Вставка: На вход подаётся массив, новый элемент массива и индекс — положение в массиве, после которого нужно вставить элемент. Чтобы освободить место в массиве нужно передвинуть часть элементов вправо. Предполагается, что количество места в массиве (1000) больше чем n, то есть места на 1 элемент хватит. Будьте осторожны, не перепишите элементы массива при их перемещении. Не забудьте изменить переменную n.

вход	выход
6	0 1 2 9 3 4 5
0 1 2 3 4 5	
9 2	
2	1 5 4
1 5	
4 1	

3. Удаление: На вход подаётся массив и индекс элемента, который нужно удалить. При этом понадобится передвинуть часть элементов влево.

вход	выход
6	0 1 2 4 5
0 1 2 3 4 5	
3	
2	5
1 5	
0	

4. **Удаление подмассива:** На вход подаётся массив и подмассив(2) индекса(2). Нужно удалить этот подмассив из массива. Постарайтесь написать как можно более эффективный код. Например, каждый элемент нужно переместить только (1) раз.

вход	выход
6	0 4 5
0 1 2 3 4 5	
1 4	
9	2 1
9 8 7 6 5 4 3 2 1	
0 7	

5. **Разделение на чётные/нечётные:** Переставьте элементы массива **a** так, чтобы сначала в нём шли нечётные элементы, а потом чётные. Причём порядок следования внутри чётной или нечётной части не важен. Эту задачу можно решить с использованием дополнительных массивов, а можно и без них.

вход	выход
7	1 3 5 0 4 2 6
0 1 2 3 4 5 6	
9	9 7 5 3 1 8 2 4 6
9 8 7 6 5 4 3 2 1	
2	1 2
2 1	

6. Раздвоение: Увеличьте массив в 2 раза, раздвоив каждый элемент. Постарайтесь написать более оптимальный код без использования дополнительного массива.

вход	выход
6	0 0 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5
0 1 2 3 4 5	
1	1 1
1	

7. **Циклический сдвиг:** На вход подаётся массив и целое положительное число **k** нужно циклически сдвинуть массив на **k** элементов вправо.

вход	выход
6	4 5 0 1 2 3
0 1 2 3 4 5	
2	
6	1 2 3 4 5 0
0 1 2 3 4 5	
5	

*Подсказка:* Новое положение i-го элемента в массиве будет задаваться формулой (i + k) % n. Эту задачу проще всего решить с использованием дополнительного массива, но можно и без него.

## Задача 6. Сортировка столбцов

На вход поступают размеры матрица  $\mathbf{n}$  и  $\mathbf{m}$  и элементы матрицы. Нужно отсортировать элементы в каждом столбце.

вход	выход
5 3	1 1 1
8 1 9	2 2 3
2 5 1	4 2 7
7 5 7	7 5 7
4 2 3	8 5 9
1 2 7	

# Задача 7. Нижняя граница

Пусть дан массив и некоторое число x. Нижняя граница — это индекс первого элемент, который больше или равен x. Напишите эффективную программу, которая ищет нижнюю границу на отсортированном массиве. Если такого элемента нет, то нужно вернуть n.

вход	выход
7	3
1 1 1 2 2 5 6	
2	
7	4
0 1 1 2 6 6 9	
3	

вход	выход
5	4
1 2 3 4 5	
5	
5	0
1 1 1 1 1	
1	

вход	выход
3	0
2 2 6	
1	
3	3
2 2 6	
9	

### Задача 8. Поиск пика

Пусть дан массив. Известно, что у этого массива и первые k >= 0 элементов строго возрастают, а остальные – строго убывают. Напишите эффективную программу, которая будет искать индекс пика (максимального элемента) в этом массиве. Используйте бинарный поиск, чтобы сделать алгоритм поиска пика более эффективным.

вход		выход
7		3
1 2 3 4 3 2	1	
7		1
1 9 8 6 4 3	1	

В	KOJ	Į			выход
5					4
1	2	3	4	5	
5					3
1	2	3	9	1	

вход	выход
3	1
1 2 1	
1	0
5	