Семинар #1: Основы. Домашнее задание.

Задача 1. Плюс 1:

Напишите программу, которая будет считывать число и печатать это число, увеличенное на 1. Известно, что число больше 0 и меньше 1000.

Задача 2. Условие:

Напишите программу, которая будет считывать число и проверять, является ли число чётным и принадлежащим следующему множеству $[0,20] \cup (100,200)$ и печатать Yes или No. Используйте один оператор if.

вход	выход	вход	выход
4	Yes	22	No
5	No	100	No
20	Yes	102	Yes

Задача 3. Число, квадрат и куб:

Напишите программу, которая будет печатать само число, его квадрат и его куб от 1 до n, разделённые стрелочкой. Число n считывается с помощью scanf. Например, при n = 5, программа должна напечатать следующее:

```
1 -> 1 -> 1
2 -> 4 -> 8
3 -> 9 -> 27
4 -> 16 -> 64
5 -> 25 -> 125
```

Для того чтобы все числа печатались выровнено, можно использовать спецификатор %3 і за место % і в printf. В этом случае, если число имеет в записи меньше 3-х цифр, то printf напечатает необходимое число пробелов перед числом.

Задача 4. Последовательность:

Пример программы, которая считывает число п. Затем считывает п чисел и находит среди них максимум.

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
int main()
{
    int n;
    scanf("%i", &n);
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
    {
        int a;
        scanf("%i", &a);
        if (a > max)
            max = a;
    }
    printf("Max = \%i\n", max);
}
```

В этой программе используется константа INT_MIN из библиотеки limits.h. Эта константа равна минимальному возможному значению чисел типа int, то есть INT_MIN = -2147483648. В этой задаче нельзя использовать массивы. Измените программу выше так чтобы программа находила максимум и количество элементов, равных этому максимуму.

вход	выход
3 1 2 3	3 1
3 7 7 7	7 3
10 1 8 2 4 8 8 1 5 2 8	8 4

Задача 5. Числа-градины:

Пусть нам на вход поступает число ${\bf n}.$ Мы преобразуем это число следующим образом n=f(n), где

$$f(n) = \begin{cases} 3n+1, & \text{если } n-\text{нечётное} \\ n/2, & \text{если } n-\text{чётное} \end{cases}$$

Затем повторяем этот алгоритм до тех пор пока число не достигнет единицы. Получится некоторая последовательность. Например, если изначально n = 7, то последовательность будет выглядеть следующим образом:

7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

Ваша задача заключается в том, чтобы напечатать эту последовательность, её длину и максимальный элемент этой последовательность по изначальному числу n.

вход	выход
3	3 10 5 16 8 4 2 1
	Length = 8, Max = 16
256	256 128 64 32 16 8 4 2 1
	Length = 9, Max = 256
7	7 22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1
	Length = 17, Max = 52

Задача 6. Сумма:

На вход программе подаются два целых числа n и m. Нужно посчитать следующую сумму:

$$S_{n,m} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} (-1)^{i+j} i \cdot j$$

Например, если n = 3, a m = 4, то сумма будет равна:

$$S_{3,4} = 1 - 2 + 3 - 4 - 2 + 4 - 6 + 8 + 3 - 6 + 9 - 12 = -4$$

вход	выход	
1 1	1	
2 2	1	
3 3	4	
3 4	-4	
5 7	12	
10 10	25	
77 107	2106	

Задача 7. Печать всех делимых:

На вход программе подаются числа a, b, c. Программа должна напечатать все числа, делящиеся на c на отрезке [a, b] через пробел. Решите эту задачу как можно более эффективно.

вход	выход
1 20 4	4 8 12 16 20
1 20 7	7 14
1 10000 9500	9500
1 1000000000 500000000	500000000 1000000000
1 1000000000 123456789	123456789 246913578 370370367 493827156
	617283945 740740734 864197523 987654312

Задача 8. Повтор массива

На вход программе приходит количество элементов некоторой последовательности, а затем сама последовательность. Вам нужно напечатать эту последовательность 2 раза.

вход	выход
4	10 20 30 40 10 20 30 40
10 20 30 40	
1	123 123
123	

Задача 9. Операция над массивом

Ниже приведён пример программы, которая считывает массив, затем удаляет первый элемент в этом массиве и печатает массив на экран:

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a[1000];
    int n;
    scanf("%i", &n);
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        scanf("%i", &a[i]);

    for (int i = 0; i < n - 1; ++i)
        a[i] = a[i + 1];
    n--;

    for (int i = 0; i < n; ++i)
        printf("%i ", a[i]);

    printf("\n");
}</pre>
```

Напишите программу, которая будет считывать массив и удалять все отрицательные элементы из массива, а затем печатать этот массив на экран. Постарайтесь написать как можно более эффективный код. Например, каждый элемент нужно переместить максимум 1 раз. Вам нужно изменить сам массив, а не просто напечатать отдельные его элементы.

вход	выход
6	0 2 5
0 -1 2 -3 -4 5	
2	9
9 -5	

Задача 10. Сумма столбцов

На вход поступают размеры матрицы **n** и **m** и элементы матрицы. Нужно найти сумму элементов в каждом столбце. Для этой задачи не нужно использовать двумерный массив, достаточно будет одномерного.

вход	выход
3 4	14 15 16 12
1 2 3 6	
6 5 4 2	
7 8 9 4	

Задача 11. Сортировка по сумме цифр

На вход подаётся последовательность чисел. Отсортируйте эти числа по возрастанию суммы цифр.

вход	выход
6	401 15 516 932 96 673
673 96 15 401 932 516	

В файле numbers.txt хранится 10000 чисел. Используйте перенаправление потока, чтобы отсортировать эти числа по сумме цифр. Сохраните результат в файле sorted.txt. Нужно написать в терминал следующее:

a.exe < numbers.txt > sorted.txt

Задача 12. Умножение матриц

На вход поступает число **n** и две квадратных матрицы размера **nxn**. Нужно перемножить эти матрицы и напечатать результат. Формула перемножения матриц:

$$C_{ij} = \sum_{k=0}^{n-1} A_{ik} \cdot B_{kj}$$

.

	I.		
вход	выход	вход	выхо,
3	21 30 130	3	55 60
7 7 2	-6 21 82	5 2 9	-4 -1
1 8 3	48 12 -1	-4 2 11	40 52
2 1 6		7 1 -5	
5 2 9		7 7 2	
-4 2 11		183	
7 1 -5		2 1 6	

В файле matAB.txt сохранены две матрицы 10x10. Используйте перенаправление потока, чтобы считать эти матрицы из файла matAB.txt, перемножьте их и сохраните в новый файл matC.txt. Нужно написать в терминал следующее:

a.exe < matAB.txt > matC.txt

В результате должна получиться такая матрица:

/259	-15	237	257	231	67	237	-64	152	363
555	233	539	188	356	325	423	-47	123	387
497	512	572	95	619	155	414	207	203	217
455	280	675	354	664	346	483	177	168	404
264	182	272	290	474	-33	234	99	379	156
272	180	469	286	326	282	325	215	195	231
421	363	475	506	359	481	468	101	325	328
384	218	567	395	475	488	361	168	291	298
387	297	480	170	318	423	483	10	-17	406
193	241	486	38	403	146	286	326	212	172 /

Необязательные задачи (не входят в ДЗ, никак не учитываются)

Задача 1. Три числа:

На вход программе подаются три числа: а, b и с. Нужно проверить следующие условия:

- 1. Если числа a, b и c являются последовательными, то нужно напечатать Consecutive.
- 2. Если последовательность a, b, c является возрастающей, то нужно напечатать Increasing.
- 3. Если последовательность a, b, c является убывающей, то нужно напечатать Decreasing.
- 4. Если все три числа равны, то нужно напечатать Equal.
- 5. В ином случае нужно напечатать None.

вход	выход
1 2 3	Consecutive Increasing
1 2 4	Increasing
1 1 2	None
1 2 1	None
1 5 9	Increasing
1 0 -1	Consecutive Decreasing
1 5 4	None
7 7 7	Equal
20 15 5	Decreasing

Задача 2. Последовательность++:

Пример программы, которая считывает число п. Затем считывает п чисел и находит среди них максимум.

```
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
int main()
{
    int n;
    scanf("%i", &n);
    int max = INT_MIN;
    for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
    {
        int a;
        scanf("%i", &a);
        if (a > max)
            max = a;
    }
    printf("Max = \%i\n", max);
}
```

В этой программе используется константа INT_MIN из библиотеки limits.h. Эта константа равна минимальному возможному значению чисел типа int, то есть INT_MIN = -2147483648. В этой задаче нельзя использовать массивы.

Подзадачи:

Измените программу выше так чтобы:

- 1. Программа находила минимум, а не максимум. Может понадобиться константа INT_MAX = 2147483647.
- 2. Программа находила минимальное чётное число и максимальное нечётное. Если чётных или нечётных чисел нет, то программа должна печатать **None** за место числа.

вход	выход
3 4 5 6	4 5
3 7 7 7	None 7
10 1 8 2 4 8 8 1 5 2 8	2 5
4 10 8 6 8	6 None

3. Программа печатала Increasing если последовательность чисел строго возрастает, Decreasing, если последовательность чисел строго убывает и Equal, если все члены последовательности равны. В любом ином случае программа должна печатать None.

вход	выход
3 1 2 3	Increasing
3 7 7 7	Equal
5 20 15 10 7 5	Decreasing
4 1 1 4 5	None

Задача 3. Числа-градины II:

На вход поступает 2 числа а и b. Нужно найти такое число \mathbf{n} ($a \leq n \leq b$), для которого последовательность чисел-градин будет самой длинной. Нужно напечатать число \mathbf{n} , а также длину последовательности, которая начинается с \mathbf{n} .

вход	выход
1 5	3 8
1 8	7 17
1 10	9 20
10 15	14 18
1 100	97 119
1 500	327 144
400 500	487 142
1 1000	871 179
1 10000	6171 261
1 100000	77031 351

Задача 4. Пифагоровы тройки:

На вход приходит целое число **n**. Нужно напечатать все возможные пифагоровы тройки a, b и c, такие что $a \le n, b \le n$ и $c \le n$. Пифагорова тройка – это тройка натуральных чисел, для которых верно:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Пифагоровы тройки, получаемые из некоторой пифагоровой тройки путём обмена местами чисел a и b считаются дублирующими. Пифагоровы тройки, получаемые из некоторой пифагоровой тройки путём умножения всех чисел на некоторое натуральное число, также считаются дублирующими. Печатать дублирующие тройки не нужно.

Подсказка: Просто переберите все возможные значения a, b и c.

вход	выход
15	3 4 5
	5 12 13
50	3 4 5
	5 12 13
	8 15 17
	7 24 25
	20 21 29
	12 35 37
	9 40 41

Задача 5. Операции над массивом++

Во всех подзадачах этой задачи вам нужно изменить массив **a** и, возможно, размер **n** между считыванием массива и его печатью. Каждая программа должна иметь такой вид:

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int a[1000];
    int n;
    scanf("%i", &n);
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        scanf("%i", &a[i]);

    // |||| Ваш код между считыванием и печатью массива ||||

    for (int i = 0; i < n; ++i)
        printf("%i ", a[i]);

    printf("\n");
}</pre>
```

Внутри вашего кода нужно считать дополнительные данные и изменить массив и переменную n.

1. **Удвоение массива:** Нужно увеличить массив **a** в 2 раза, заполнив новую часть копией массива **a**. Предполагается, что количество места в массиве (1000) больше чем 2n, то есть места хватит. Не забудьте изменить переменную n.

вход	выход
4	0 1 2 3 0 1 2 3
0 1 2 3	
3	6 4 3 6 4 3
6 4 3	

2. Вставка: На вход подаётся массив, новый элемент массива и индекс — положение в массиве, после которого нужно вставить элемент. Чтобы освободить место в массиве нужно передвинуть часть элементов вправо. Предполагается, что количество места в массиве (1000) больше чем n, то есть места на 1 элемент хватит. Будьте осторожны, не перепишите элементы массива при их перемещении. Не забудьте изменить переменную n.

вход	выход
6	0 1 2 9 3 4 5
0 1 2 3 4 5	
9 2	
2	1 5 4
1 5	
4 1	

3. **Удаление:** На вход подаётся массив и индекс элемента, который нужно удалить. При этом понадобится передвинуть часть элементов влево.

вход	выход
6	0 1 2 4 5
0 1 2 3 4 5	
3	
2	5
1 5	
0	

4. Удаление подмассива: На вход подаётся массив и подмассив(2 индекса). Нужно удалить этот подмассив из массива. Постарайтесь написать как можно более эффективный код. Например, каждый элемент нужно переместить только 1 раз.

вход	выход
6	0 4 5
0 1 2 3 4 5	
1 4	
9	2 1
9 8 7 6 5 4 3 2 1	
0 7	

5. **Разделение на чётные/нечётные:** Переставьте элементы массива **а** так, чтобы сначала в нём шли нечётные элементы, а потом чётные. Причём порядок следования внутри чётной или нечётной части не важен. Эту задачу можно решить с использованием дополнительных массивов, а можно и без них.

вход	выход
7	1 3 5 0 4 2 6
0 1 2 3 4 5 6	
9	9 7 5 3 1 8 2 4 6
9 8 7 6 5 4 3 2 1	
2	1 2
2 1	

6. Раздвоение: Увеличьте массив в 2 раза, раздвоив каждый элемент. Постарайтесь написать более оптимальный код без использования дополнительного массива.

вход	выход
6	0 0 1 1 2 2 3 3 4 4 5 5
0 1 2 3 4 5	
1	1 1
1	

7. **Циклический сдвиг:** На вход подаётся массив и целое положительное число k нужно циклически сдвинуть массив на k элементов вправо.

вход	выход
6	4 5 0 1 2 3
0 1 2 3 4 5	
2	
6	1 2 3 4 5 0
0 1 2 3 4 5	
5	

 ${\it Подсказка:}$ Новое положение i-го элемента в массиве будет задаваться формулой (i + k) % n. Эту задачу проще всего решить с использованием дополнительного массива, но можно и без него.

Задача 6. Сортировка столбцов

На вход поступают размеры матрица n и m и элементы матрицы. Нужно отсортировать элементы в каждом столбце.

вход	выход
5 3	1 1 1
8 1 9	2 2 3
2 5 1	4 2 7
7 5 7	7 5 7
4 2 3	8 5 9
1 2 7	

Задача 7. Нижняя граница

Пусть дан массив и некоторое число х. Нижняя граница — это индекс первого элемент, который больше или равен х. Напишите эффективную программу, которая ищет нижнюю границу на отсортированном массиве. Если такого элемента нет, то нужно вернуть n.

В	ζОД	Į					выход
7							3
1	1	1	2	2	5	6	
2							
7							4
0	1	1	2	6	6	9	
3							

BX	ОД	ζ			выход
5					4
1	2	3	4	5	
5					
5					0
1	1	1	1	1	
1					

вход	выход
3	0
2 2 6	
1	
3	3
2 2 6	
9	

Задача 8. Поиск пика

Пусть дан массив. Известно, что у этого массива и первые k >= 0 элементов строго возрастают, а остальные – строго убывают. Напишите эффективную программу, которая будет искать индекс пика (максимального элемента) в этом массиве. Используйте бинарный поиск, чтобы сделать алгоритм поиска пика более эффективным.

вход					выход			
	7							3
	1	2	3	4	3	2	1	
	7							1
	1	9	8	6	4	3	1	

вход	выход
5	4
1 2 3 4 5	
5	3
1 2 3 9 1	

вход	выход		
3	1		
1 2 1			
1	0		
5			