Опционы и Математика

Ваня Воробьев

 $t.me/v0r0bi0v \mid +79779996957 \mid IEVorobyev@sberbank.ru$

24 июля 2024 г.

Базовые понятия

Случайная величина

Базовые понятия

Случайная величина

▶ Математическое ожидание

$$\mathbb{E}\,\xi = \int_{-\infty}^{+\infty} x f_{\xi}(x) dx \left(= \sum_{i \in I} x_i \cdot \mathbb{P}(\xi = x_i) \right)$$

Дисперсия

$$\mathbb{D}\,\xi = \mathbb{E}\left[(\xi - \mathbb{E}\,\xi)^2\right]$$

Какие бывают активы

Базовый актив

Какие бывают активы

Базовый актив

- Валюта
- Товары
- ▶ Ценные бумаги
- Процентная ставка
- Что угодно численное

Деривативы

Дериватив (Производный финансовый инструмент)

Соглашение между двумя сторонами, по которому они принимают на себя обязательство или приобретают право купить или продать базовый актив в установленный срок (или до его наступления) по согласованной цене.

Фьючерсы

Контракт, по которому стороны обязуются купить или продать определенное количество товара по заранее установленной цене в определенную дату в будущем.

Опционы

Опцион

Контракт, дающий право (но не обязательство) купить (колл-опцион) или продать (пут-опцион) базовый актив по заранее установленной цене в определенную дату в будущем.

- Выплата по деривативу является случайной величиной
- ▶ Нам нужно найти параметры этой случайной величины

- Выплата по деривативу является случайной величиной
- Нам нужно найти параметры этой случайной величины
- Фьючерс на год

$$\operatorname{Price} = \mathbb{E}\left[p_1\right]$$

Колл опцион на год

$$Price = \mathbb{E}\left[\max\left(p_1 - p_c\right), 0\right]$$

- ▶ Выплата по деривативу является случайной величиной
- ▶ Нам нужно найти параметры этой случайной величины
- Фьючерс на год

- Выплата по деривативу является случайной величиной
- Нам нужно найти параметры этой случайной величины
- Фьючерс на год

$$\operatorname{Price} = \mathbb{E}\left[p_1 \right]$$

- Выплата по деривативу является случайной величиной
- Нам нужно найти параметры этой случайной величины
- Фьючерс на год

$$Price = \mathbb{E}[p_1]$$

Колл опцион на год

- Выплата по деривативу является случайной величиной
- ▶ Нам нужно найти параметры этой случайной величины
- Фьючерс на год

$$\operatorname{Price} = \mathbb{E}\left[p_1\right]$$

Колл опцион на год

$$\operatorname{Price} = \mathbb{E}\left[\max\left(p_1 - s, 0\right)\right]$$

Предположим мы тренер хоккейной команды и нашей команде хватает ничьи для победы в турнире.

Предположим мы тренер хоккейной команды и нашей команде хватает ничьи для победы в турнире. Проведем аналогию с финансами:

- Разница в счете базовый актив
- При ничьей или победе мы заработаем 1, при поражении 0

Предположим мы тренер хоккейной команды и нашей команде хватает ничьи для победы в турнире. Проведем аналогию с финансами:

- Разница в счете базовый актив
- ightharpoonup При ничьей или победе мы заработаем 1, при поражении 0 Мы проигрываем -1 на последних минутах матча.

Предположим мы тренер хоккейной команды и нашей команде хватает ничьи для победы в турнире. Проведем аналогию с финансами:

- Разница в счете базовый актив
- При ничьей или победе мы заработаем 1, при поражении 0

 M ы проигрываем -1 на последних минутах матча.

Меняем вратаря на полевого игрока. Проанализируем это решение в нашей терминологии.

Как устроен прайсинг деривативов в банке

- 1. Математически находим "наиболее подходящие" свойства случайной величины цены базового актива
- 2. Считаем соответсвующее данному деривативу матожидание либо аналитически, либо численно