# Trasformata e antitrasformata di Laplace

# Setup

```
close all;
clear all;
clc;
```

### Variabili simboliche

```
% Tempo
syms t
% Funzione del tempo
syms f

% Variabile complessa
syms s
% Funzione della variabile complessa
syms F

% Parametri
% Traslazione temporale
syms T positive
% Fattore esponenziale
syms a
% Pulsazione
syms w
```

# Trasformata di Laplace

# **Impulso**

```
f(t) = dirac(t);
disp('L[delta(t)]:')

L[delta(t)]:

F(s) = laplace(f);
pretty(F(s))
```

#### Gradino

```
f(t) = heaviside(t);
disp('L[1(t)]:')

L[1(t)]:

F(s) = laplace(f);
```

```
pretty(F(s))

1
-
s
```

## Rampa lineare

```
f(t) = t;
disp('L[t]:')

L[t]:

F(s) = laplace(f);
pretty(F(s))

1
---
2
s
```

# **Esponenziale**

```
f(t) = exp(a*t);
disp('L[exp(at)]:')

L[exp(at)]:

F(s) = laplace(f);
pretty(F(s))

1
-----
a - s
```

#### Seno

```
f(t) = sin(w*t);
disp('L[sin(wt)]:')

L[sin(wt)]:

F(s) = laplace(f);
pretty(F(s))
```

### Coseno

s + w

```
f(t) = cos(w*t);
disp('L[cos(wt)]:')
```

```
L[cos(wt)]:

F(s) = laplace(f);
pretty(F(s))

s
-----
2 2
```

# Trasformata della traslazione temporale

## Traslazione di un gradino

s + w

## Traslazione di un'esponenziale

#### Traslazione di una sinusoide

### **Antitrasformata**

## **Antitrasformata semplice**

```
F(s) = w / (s^2 + w^2);
disp('L^{-1}[w / (s^2 + w^2)]:')

L^{-1}[w / (s^2 + w^2)]:

f(t) = ilaplace(F);
pretty(f(t))

sin(t w)
```

#### Traslazione nella trasformata

#### Traslazione nella trasformata del seno

```
disp('L^{-1}[w / ((s - a)^2 + w^2)]:')

L^{-1}[w / ((s - a)^2 + w^2)]:

f(t) = ilaplace(F(s-a));
pretty(f(t))

exp(a t) sin(t w)
```

#### Traslazione nella trasformata del coseno

```
F(s) = s / (s^2 + w^2);
disp('L^{-1}[(s - a) / ((s - a)^2 + w^2)]:')

L^{-1}[(s - a) / ((s - a)^2 + w^2)]:

f(t) = simplify(ilaplace(F(s-a)));
pretty(f(t));

exp(a t) cos(t w)
```

# **Grafico**

### Scelta dei parametri

```
% Scegliere i valori per "a" e "w"
aa = -1;
freq = 1;
ww = 2*pi*freq;
```

#### **Grafico**

```
% Definire l'asse temporale
tt = linspace(0, 10, 1000);
```

```
% Graficare
ff = subs(f, [a w], [aa ww]);
plot(tt, ff(tt));
xlabel('$$t$$', 'interpreter','latex', 'FontSize',20)
ylabel('$$f(t)$$', 'Interpreter','latex', 'FontSize',20)
yline(0, '--', 'LineWidth',0.5, 'Color',[0.6 0.6 0.6])
title(['$$f(t) = ' latex(ff) '$$'], 'Interpreter','latex', 'FontSize',20)
```

