

Sprawozdanie

Michał Szczygieł Antoni Zięciak

Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest analiza działania algorytmu Negamax (wersji zwykłej oraz *alpha-beta pruning*) w różnych wariantach gry *Nim* - probabilistycznym (z 10% prawdopodobieństwem gracz, który się porusza, musi wziąć z wybranego stosu o jeden element mniej niż zamierzał) i deterministycznym. Przeanalizowane są średni czas wykonania ruchu oraz liczba zwycięstw.

Opis problemu - Nimby

Nimby to dwuosobowa gra, w której każdy z graczy podczas ruchu usuwa z jednego ze stosów krążek/krążki. Stos zawiera określoną liczbę krążków, z których gracz może zabrać od 1 do *liczby dostępnych krążków na stosie* podczas tury. Gracz, który usunie ostatni dostępny krążek przegrywa.

```
In [ ]: from copy import deepcopy
        from random import random
        from easyAI import TwoPlayerGame
        from time import time
        from easyAI import AI_Player, Negamax
```

Realizacja rozwiązania

Klasa *Nim* dziedziczy po klasie *TwoPlayerGame* z biblioteki *EasyAI*. Jest ona implementacją gry *Nim* dla dwóch graczy. Istnieje opcja, aby gracze mieli 10% szans na zmniejszenie liczby ściąganych krążków ze stosu o 1. Przyjmuje ona również atrybut *times*, do którego zapisywane są czasy wykonywania ruchu obu graczy i na podstawie, którego jest liczony średni czas ruchu.

```
In [ ]: class Nim(TwoPlayerGame):
        def __init__(self, players=None, max_removals_per_turn=None, piles=(5, 5, 5),
            """ Default for `piles` is 5 piles of 5 pieces. """
            self.players = players
            self.piles = list(piles)
            self.times = times
            self.max_removals_per_turn = max_removals_per_turn
            self.current_player = current_player # player 1 starts.
            self.prob = prob

        def possible_moves(self):
            return [
                "%d,%d" % (i + 1, j)
                for i in range(len(self.piles))
                for j in range(
                    1,
```

```

        self.piles[i] + 1
        if self.max_removals_per_turn is None
        else min(self.piles[i] + 1, self.max_removals_per_turn),
    )
]

def make_move(self, m):
    move = list(map(int, m.split(",")))
    num_pieces = move[1]

    # Check if the current player is affected by the 10% probability
    if self.prob and random() < 0.1:
        num_pieces -= 1

    self.piles[move[0] - 1] -= num_pieces

def show(self):
    print(" ".join(map(str, self.piles)))

def win(self):
    return max(self.piles) == 0

def is_over(self):
    return self.win()

def scoring(self):
    return 100 if self.win() else 0

def play(self, nmoves=1000, verbose=True):
    history = []

    if verbose:
        self.show()

    for self.nmove in range(1, nmoves + 1):

        if self.is_over():
            break

        t1 = time()
        move = self.player.ask_move(self)
        t2 = time()
        total = t2 - t1
        self.times[self.player].append(total)
        history.append((deepcopy(self), move))
        self.make_move(move)

        if verbose:
            print(
                "\nMove #d: player %d plays %s :"
                % (self.nmove, self.current_player, str(move))
            )
            self.show()

        self.switch_player()

    history.append(deepcopy(self))

    return history

```

```
def ttentry(self):
    return tuple(self.piles) # optional, speeds up AI
```

Funkcja Negamax

W przypadku funkcji Negamax z alpha-beta pruning została wykorzystana klasa z biblioteki *EasyAI*, dostarczasz ona wrapper na funkcję *negamax* z tej samej biblioteki, która pozwala na wykorzystanie jej przez gracza AI. Klasa *Negamax2* jest wrapperem na funkcję *negamax2*, która jest modyfikacją wcześniej wspomnianej funkcji, która różni się tylko tym, że nie przerywa algorytmu, gdy $\alpha \geq \beta$.

```
In [ ]: LOWERBOUND, EXACT, UPPERBOUND = -1, 0, 1
inf = float("infinity")

def negamax2(game, depth, origDepth, scoring, alpha=+inf, beta=-inf, tt=None):
    alphaOrig = alpha

    if (depth == 0) or game.is_over():
        return scoring(game) * (1 + 0.001 * depth)

    possible_moves = game.possible_moves()

    state = game
    best_move = possible_moves[0]
    if depth == origDepth:
        state.ai_move = possible_moves[0]

    bestValue = -inf
    unmake_move = hasattr(state, "unmake_move")

    for move in possible_moves:

        if not unmake_move:
            game = state.copy() # re-initialize move

        game.make_move(move)
        game.switch_player()

        move_alpha = -negamax2(game, depth - 1, origDepth, scoring, -beta, -alpha)

        if unmake_move:
            game.switch_player()
            game.unmake_move(move)

        # bestValue = max( bestValue, move_alpha )
        if bestValue < move_alpha:
            bestValue = move_alpha
            best_move = move

        if alpha < move_alpha:
            alpha = move_alpha
            # best_move = move
            if depth == origDepth:
                state.ai_move = move

    if tt is not None:
```

```

        assert best_move in possible_moves
        tt.store(
            game=state,
            depth=depth,
            value=bestValue,
            move=best_move,
            flag=UPPERBOUND
            if (bestValue <= alphaOrig)
            else (LOWERBOUND if (bestValue >= beta) else EXACT),
        )

    return bestValue

class Negamax2:
    def __init__(self, depth, scoring=None, win_score=+inf, tt=None):
        self.scoring = scoring
        self.depth = depth
        self.tt = tt
        self.win_score = win_score

    def __call__(self, game):
        """
        Returns the AI's best move given the current state of the game.
        """

        scoring = (
            self.scoring if self.scoring else (lambda g: g.scoring())
        ) # horrible hack

        self.alpha = negamax2(
            game,
            self.depth,
            self.depth,
            scoring,
            -self.win_score,
            +self.win_score,
            self.tt,
        )
        return game.ai_move

```

Funkcja do rozegrania rozgrywki

Rozgrywa grę między podanymi graczami w wariacie deterministycznym, oraz niedeterministycznym, oraz zlicza zwycięstwa obu graczy i mierzy ich średni czas podjęcia decyzji.

```

In [ ]: def play_game(p1, p2):
        print("-----Deterministic-----")
        wins = {
            1: 0,
            2: 0
        }

        times = {
            p1: [],
            p2: []
        }

```

```

# deterministic
for i in range(10):
    game = Nim([p1, p2], current_player=(i % 2 + 1), times=times)
    game.play(verbose=False)

    wins[game.current_player] += 1

print(f'Player 1 won: {wins[1]} times')
print(f'Player 2 won: {wins[2]} times')

print(f"Player 1 avg time: {sum(game.times[p1]) / len(game.times[p1])}")
print(f"Player 2 avg time: {sum(game.times[p2]) / len(game.times[p2])}")

print("-----Probabilistic-----")
wins = {
    1: 0,
    2: 0
}

times = {
    p1: [],
    p2: []
}

# probabilistic
for i in range(10):
    game = Nim([p1, p2], current_player=(i % 2 + 1), prob=True, times=times)
    game.play(verbose=False)

    wins[game.current_player] += 1

print(f'Player 1 won: {wins[1]} times')
print(f'Player 2 won: {wins[2]} times')

print(f"Player 1 avg time: {sum(game.times[p1]) / len(game.times[p1])}")
print(f"Player 2 avg time: {sum(game.times[p2]) / len(game.times[p2])}")

```

Podjęte próby rozwiązania

Do powyższej funkcji zostały wysłane dwie pary graczy:

- korzystający z algorytmu *Negamax* z odcięciem
 - pierwszy gracz ma głębokość 8
 - drugi gracz ma głębokość 6
- korzystający z algorytmu *Negamax* bez odcięcia
 - pierwszy gracz ma głębokość 4
 - drugi gracz ma głębokość 3

W przypadku algorytmu *Negamax* bez odcięcia próbowaliśmy sprawdzić zestawienie graczy o głębokości 8 i 6, lecz po upływie 30 minut i braku rozwiązania nawet dla przypadku deterministycznego zaprzestaliśmy eksperymentu.

Gracze z alfa-beta pruningiem

```
In [ ]: p1 = AI_Player(  
        Negamax(8)  
    )  
        p2 = AI_Player(  
        Negamax(6)  
    )  
        play_game(p1, p2)
```

```
-----Deterministic-----  
Player 1 won: 10 times  
Player 2 won: 0 times  
Player 1 avg time: 2.181157112121582  
Player 2 avg time: 0.23351802323993884  
-----Probabilistic-----  
Player 1 won: 7 times  
Player 2 won: 3 times  
Player 1 avg time: 2.7088718800931364  
Player 2 avg time: 0.28632613232261256
```

Gracze bez alfa-beta pruning

```
In [ ]: p1 = AI_Player(  
        Negamax2(4)  
    )  
        p2 = AI_Player(  
        Negamax2(3)  
    )  
        play_game(p1, p2)
```

```
-----Deterministic-----  
Player 1 won: 10 times  
Player 2 won: 0 times  
Player 1 avg time: 0.8876371972701129  
Player 2 avg time: 0.09054574171702066  
-----Probabilistic-----  
Player 1 won: 4 times  
Player 2 won: 6 times  
Player 1 avg time: 1.0115687305277044  
Player 2 avg time: 0.10571060509517274
```

Liczba wygranych, przegranych

- gracze z alfa-beta pruning - wariant deterministyczny

	Gracz 1	Gracz 2
Liczba wygranych	10	0
Średni czas ruchu	2.18	0.23

- gracze z alfa-beta pruning - wariant probabilistyczny

	Gracz 1	Gracz 2
Liczba wygranych	7	3

	Gracz 1	Gracz 2
Średni czas ruchu	2.71	0.29

- gracze bez alfa-beta pruning - wariant deterministyczny

	Gracz 1	Gracz 2
Liczba wygranych	10	0
Średni czas ruchu	0.89	0.09

- gracze bez alfa-beta pruning - wariant probabilistyczny

	Gracz 1	Gracz 2
Liczba wygranych	4	6
Średni czas ruchu	1.01	0.11

Przemyślenia i wnioski

Zauważyć można, że jedynym sensownym wariantem algorytmu *Negamax* jest zastosowanie alpha-beta pruningu. Wariant ten jest o rząd wielkości szybszy od podstawowej wersji. Akceptowalny czas wykonywania jednego ruchu w wersji algorytmu bez obcięcia kończy się w momencie, w którym głębokość przekracza 4. W deterministycznym przypadku grę wygra zawodnik z większą głębokością. W przypadku wariantu probabilistycznego zwycięzca będzie losowy (a przynajmniej takie wrażenie odnieśliśmy po uruchomieniu rozgrywki kilka razy).