

0.1. Búsqueda Lineal

```
proc contiene (in t1 :seq(Z), in x:Z, out result:Bool) {  
    Pre {true}  
    Post {result = true ↔ (∃i : Z)(0 ≤ i < |s| ∧L s[i] = x)}  
}
```

El invariante del ciclo y la función variante:

$$I \equiv 0 \leq i \leq |s| \wedge_L (\forall j : \mathbb{Z})(0 \leq j < i \longrightarrow_L s[j] \neq x) \quad fv = |s| - i$$

En c++ la implementación es

```
bool contiene(vector<int> &s, int x){  
    int i = 0;  
    while( i < s.size() && s[i] != x ){  
        i = i+1;  
    }  
    return i < s.size();  
}
```

El tamaño de cada secuencia delimitada la cantidad de iteraciones y, también, si el elemento está contenido en la misma. Si buscamos que el tiempo de ejecución sea el máximo, el elemento no debe estar contenido, eso representa el **peor caso** en tiempo de ejecución. El tiempo de ejecución de la búsqueda lineal es de $O(n)$.

0.2. Búsqueda Binaria

Suponemos que la secuencia está **ordenada**

```
proc contieneOrdenada (in t1 :seq(Z), in x:Z, out result:Bool) {  
    Pre {ordenado(s)}  
    Post {result = true ↔ (∃i : Z)(0 ≤ i < |s| ∧L s[i] = x)}  
}
```

El invariante del ciclo y la función variante:

$$I \equiv 0 \leq i < j < |s| \wedge_L s[i] \leq x < s[j] \quad fv = j - i - 1$$

Y la función variante

La implementación en C++ es

```
bool contieneOrdenada(vector<int> &s, int x){  
    if(s.size() == 0){  
        return false;  
    } else if(s.size() == 1){  
        return s[0] == x;  
    } else if(x < s[0]){  
        return false;  
    } else if(x ≥ s[s.size() - 1]){  
        return s[s.size() - 1] == x;  
    } else {  
        int low = 0;  
        int high = s.size() - 1;  
        while(low + 1 < high){  
            int mid = (low+high) / 2;  
            if(s[mid] ≤ x){  
                low = mid;  
            } else {  
                high = mid;  
            }  
        }  
        return s[low] == x;  
    }  
}
```

La complejidad de la búsqueda binaria es $O(\log_2 |s|)$ o $O(\log n)$