Taller de Álgebra I - Simulacro de parcial

Aclaraciones

- El parcial se aprueba con tres ejercicios bien resueltos.
- Programe todas las funciones en lenguaje Haskell. El código debe ser autocontenido. Si utiliza funciones que no existen en Haskell, debe programarlas. Incluya la signatura de todas las funciones que escriba.
- No está permitido alterar los tipos de datos presentados en el enunciado, ni utilizar técnicas no vistas en clase para resolver los ejercicios.

Ejercicio 1

Implementar la función menorLex :: (Float, Float, Float) -> (Float, Float, Float) -> Bool que dados dos vectores $x, y \in \mathbb{R}^3$ decida si x es menor a y en el sentido lexicográfico.

Por ejemplo:

```
menorLex (3,-1,2) (5,10,0) \leftrightarrow True (pues 3<5)
menorLex (4,-1,7) (4,21,5) \leftrightarrow True (pues coinciden en la primera coordenada, y -1<21)
menorLex (2,1,31) (2,1,-5) \leftrightarrow False (pues coinciden en las dos primeras coordenadas, pero 31 \not< -5)
```

Ejercicio 2

Implementar una función suma Fibonacci :: Integer -> Integer que para cada $n \ge 1$ calcule $\sum_{j=0}^{n} f_n$, donde f_n es n-ésimo término de la sucesión de Fibonacci.

Por ejemplo:

```
sumaFibonacci 2 \rightsquigarrow 1+1+2 \rightsquigarrow 4 sumaFibonacci 4 \rightsquigarrow 1+1+2+3+5 \rightsquigarrow 12
```

Ejercicio 3

Implementar la funcion esDefectivo :: Integer -> Bool que dado un $n \in \mathbb{N}_{>0}$ determine si es defectivo, lo cual vale si y solo si la suma de los divisores propios positivos de n es menor que n.

Por ejemplo:

```
esDefectivo 16 \rightsquigarrow True esDefectivo 12 \rightsquigarrow False
```

ya que la suma de los divisores propios de 16 es 1 + 2 + 4 + 8 = 15, que es menor que 16; y la suma de los divisores propios de 12 es 1 + 2 + 3 + 4 + 6 = 16, que no es menor que 12.

Ejercicio 4

Programe la función maximaDistancia :: [Integer] -> Integer, que determina cuál es la máxima distancia entre dos elementos consecutivos en una lista de números enteros.

Por ejemplo:

Aclaración: Puede asumir que la lista tiene al menos dos elementos.

Ejercicio 5

Programe la función comprimir :: [Integer] -> [(Integer, Integer)] que dada una lista de números enteros devuelva una lista que contenga una tupla (número, cantidad de apariciones) por cada ráfaga de números iguales adyacentes.

Por ejemplo:

```
comprimir [1,1,7,7,4,4,1,4,4,4,3,3,3] \rightarrow [(1,2),(7,2),(4,2),(1,1),(4,3),(3,3)]
```

Sugerencia: Empiece reemplazando cada número n por una tupla (n, 1).

¹Recordar: decimos que d es un divisor propio de n si $d \mid n$ y $d \neq n$.