

# Algoritmos e Estruturas de Dados no Big Data

## MLP - ESBD1 - Aula 5

Importância dos breaks a cada 50 min / 1 hora

Overview:

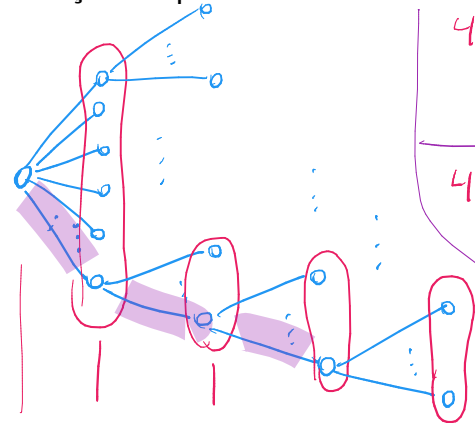
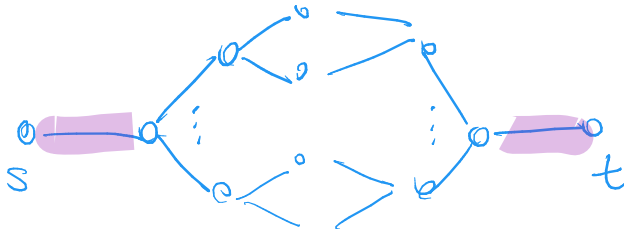
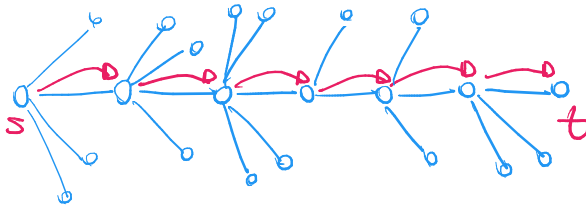
- Analisar a Atividade 2

- Pilhas e recursão

- Recapitular definição de grafos

- Busca em profundidade: o que é alcançado a partir de um ramo?

*motivada pelos 6 graus de separação*



*4 saltos e/ 1000  
nós =  $1000^4 = 1T$*

*4 saltos e/ 100  
nós distintos  
=  $100^4 = 10^8$*

*$1 \times 1000 \times 1000 \times 1000 \times 1000$*

*$1 \times 1000 \times 100 \times 100 \times 100$*

## Analisando a Atividade 2:

<https://colab.research.google.com/drive/1CzzCaPp-lrL2s87ovmeULyiqmOqnEUG-#scrollTo=Sy4Z7P9mdhxs>

Calculando o # de arestas em cada teste

	# Médio de Arestas por Vértice    # Total de Arestas		
# Vértices (n)	5    5n	raiz(n)    n * raiz(n)	n / 5    n <sup>2</sup> / 5
100	$5 \times 100 = 500$	$10 \times 100 = 1000$	$20 \times 100 = 2000$
1000	$5 \times 1000 = 5000$	$31,623 \times 1000 = 31.623$	$200 \times 1000 = 200000$
10000	$5 \times 10000 = 50000$	$100 \times 10000 = 1000000$	$2000 \times 10000 = 20.000.000$
100000	$5 \times 100000 = 500000$	$316.227 \times 100000 = 31622700$	$20000 \times 100000 = 2000000000$

tan. grafo  
crescimento  
quadrático

10x

10x

10x

10x

> 100

> 100

> 100

tan. do grafo cresce linearmente no # de vértices

Calculando o grau de separação médio considerando todos os caminhos

crecimento do # médio de arestas  
reduz o # de saltos

# Vértices (n)	# Médio de Arestas por Vértice    # Total de Arestas		
	5    5n	raiz(n)    n * raiz(n)	n / 5    n^2 / 5
100	2.27	1.82	1.56
1000	3.21	1.96	1.62
10000	4.3	2.0	1.63
100000	5.31	2.02	limite de memória

x10

x10

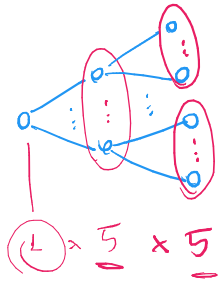
x10

x10

+1

+1

+1



↑  
crescimento  
exponencial  
nos vértices

↑  
crescimento  
linear

↑  
crescimento  
"marginal"

↑  
sem crescimento

Análise: Observando a variação dos valores ao longo de uma linha,

- podemos notar que o número de saltos diminui
  - quando cresce o número médio de arestas por vértice.
- Atentando à variação ao longo de uma coluna
  - notamos que, em geral, o número de saltos aumenta
    - quando cresce o número de vértices.

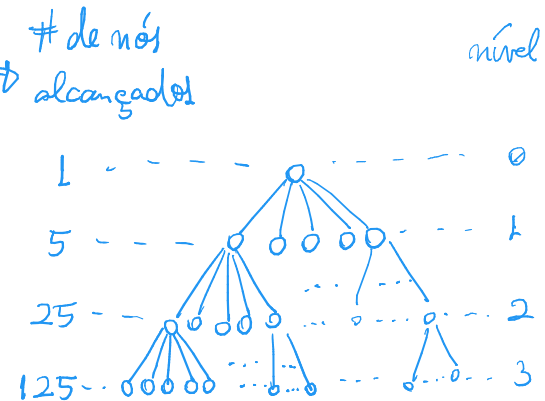
Vale notar que, mesmo quando o número médio de arestas é constante,

- o crescimento no número de saltos é
  - muito pequeno em relação ao crescimento do número de vértices.
- Para entender o motivo, vale considerar
  - o crescimento exponencial do número de nós alcançados.

*crescimento  $O(\lg n)$   
sendo  $n = |V|$*

Ademais, quando o número médio de arestas cresce

- em função do número de vértices
  - o crescimento no número médio de saltos é ainda menor,
    - ou mesmo inexistente.



# Calculando o grau de separação médio considerando apenas caminhos alternantes

# Médio de Arestas por Vértice    # Total de Arestas			
# Vértices (n)	5    5n	raiz(n)    n * raiz(n)	n / 5    n^2 / 5
100	2.9	2.42	2.1
<u>1000</u>	4.24	<u>2.54</u>	2.06
10000	5.6	2.69	<u>2.15</u>
100000	7.03	2.49	limite de memória

$$32/2 = 16$$

arestas

úteis em média

$$\frac{2000}{2} \approx 1K$$

arestas  
úteis em  
média

Análise: Observando somente a segunda tabela,

- podemos fazer as mesmas observações feitas n
- No entanto, comparando as tabelas percebemos que
  - o número de saltos médio aumenta quando
    - vamos da primeira para a segunda tabela

a primeira.

5    5n	raiz(n)    n * raiz(n)	n / 5    n^2 / 5
2.27	1.82	1.56
<u>3.21</u>	1.96	1.62
4.3	<u>2.0</u>	1.63
5.31	2.02	limite de memória

5 arestas  
em média



100  
arestas em média

Uma maneira de interpretar a restrição dos caminhos alternantes

- é pensar que, em média, cada vértice tem
  - metade dos vizinhos que teria sem a restrição.
- Uma consequência disso é que, fixada uma célula
  - da primeira coluna na primeira tabela,
- o valor dela é maior que o da célula
  - à direita da correspondente dela na segunda tabela.

No entanto, fixada uma célula da segunda coluna na primeira tabela,

- o valor dela é menor que o da célula à direita
  - da correspondente dela na segunda tabela. Por que?

Uma explicação para essas últimas observações é que,

- embora o maior número de arestas encurte os caminhos,
- a regra do caminho alternante torna inviáveis
  - caminhos de comprimento 1
    - quando os extremos têm o mesmo gênero
  - e caminhos de comprimento 2
    - quando os extremos têm gêneros distintos.
- Por isso, quando o número médio de saltos é próximo ou inferior a 2,
  - é muito difícil que o cenário com mais arestas
    - e caminho alternante “vença”.

Pilhas: Comportamento e exemplo de pilha,

Stack

Last

In

First

Out

insereção →

topo (t)

x

c

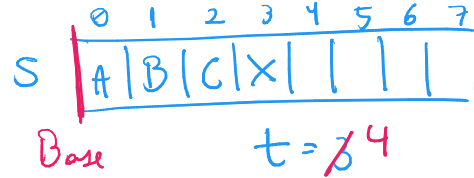
B

A

Base

- Implementação em vetor e em lista ligada.

- em vetor :



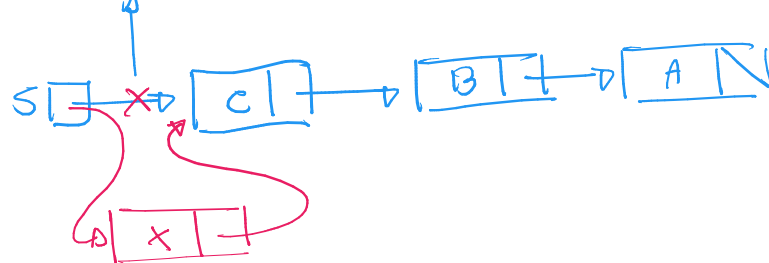
$s[t] = X$

$t += 1$

o topo é no início

Eficiência:  $O(1)$

- em lista ligada :



- Relação com recursão.

sona Seq Rec (int n):

se  $n = 0$  devolva 0

devolva  $n + \text{sona Seq Rec}(n-1)$

sona Seq Rec (4)

sona Seq Rec (3)

sona Seq Rec (2)

sona Seq Rec (1)

sona Seq Rec (0)

$0 + 1 = 1$

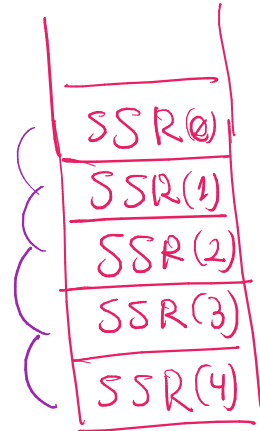
$3 = 1 + 2$

$3 + 3 = 6$

$6 + 4 = 10$

- Exemplo/aplicação?

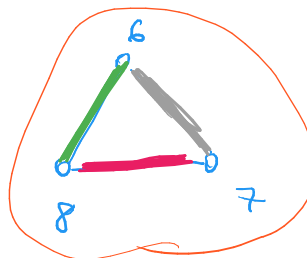
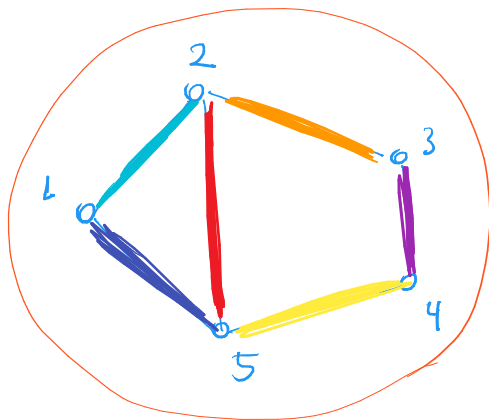
10





## Recapitulando definição e exemplos de Grafos: não orientados

o nós  
→ arestas



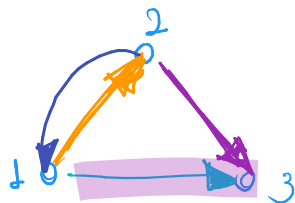
$$G = (V, E)$$

$$V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$

$$E = \{\{1, 2\}, \{2, 3\}, \{2, 5\}, \{1, 5\}, \{5, 4\}, \{4, 3\}, \{6, 8\}, \{8, 7\}, \{6, 7\}\}$$

- orientados ou dirigidos

o nós  
→ arestas



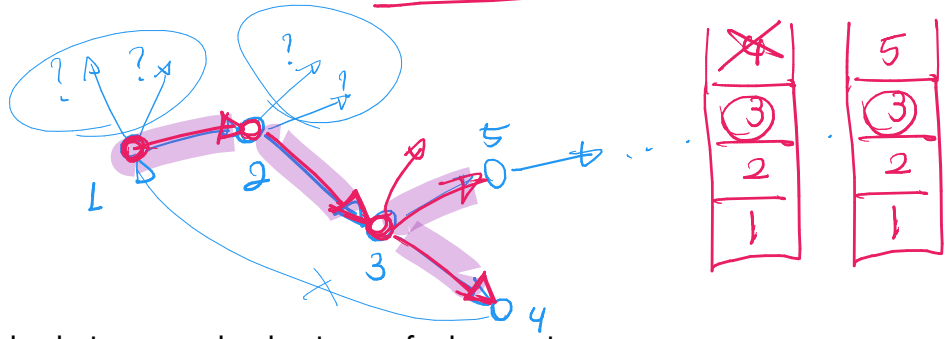
$$D = (V, A)$$

$$V = \{1, 2, 3\}$$

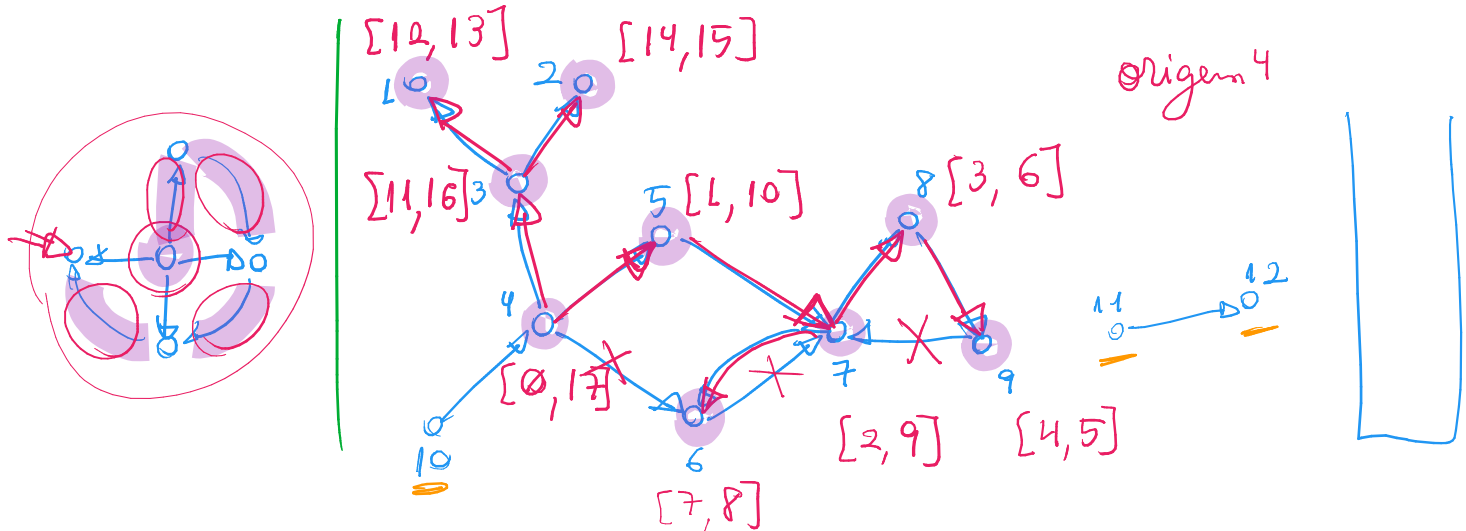
$$A = \{(1, 2), (2, 3), (1, 3), (2, 1)\}$$

Busca em profundidade: Ideia de visitar vértices ao longo de um caminho,

Depth  
First  
Search



- exemplo com cálculo de tempos de abertura e fechamento.



- Quais vértices são garantidamente alcançados a partir de um ramo?

Pseudocódigo da busca em profundidade:

busca Prof Rec ( $G = (V, E)$ , origem  $v$ ):

visitado [ $v$ ] = 1

abertura [ $v$ ] =  $t$ ;  $t++$

p/ cada aresta  $(v, w) \in E$ :

se  $w$  não foi visitado:

busca Prof Rec ( $G$ ,  $w$ )

fechamento [ $v$ ] =  $t$ ;  $t--$

Inicialização

p/ todo  $v \in V$ :

visitado [ $v$ ] = 0

$t = 0$

// inicializa abertura e fechamento

variáveis globais  
ou passadas por referência

- análise de eficiência. —  $O(n + m)$ , sendo  $n = |V|$  e  $m = |E|$

Códigos do Edu -

<https://colab.research.google.com/drive/1QdOsCbcWFOLkdal1X2S30a7hZ359UwTb?usp=sharing> (<http://bit.ly/EduMolinaCodigosAula5>) MLP ESD1 Aula 5 Códigos

## Material complementar

Pilhas, recursão e busca em profundidade:

- [PDF] Pilha implementada em vetor, aplicação com parênteses e colchetes, pilha de execução, relação de pilha com recursão - <http://bit.ly/MarioSanFeliceCompPilhaVetorPDF>
- [PDF] Pilhas em listas encadeadas (com e sem nó cabeça) - <http://bit.ly/MarioSanFeliceCompPilhaListaPDF>
- [Playlist] Busca em profundidade, conectividade - <http://bit.ly/MarioSanFeliceBuscaProfVideo>
- [PDF] Busca em profundidade, conectividade - <http://bit.ly/MarioSanFeliceCompBuscaProfPDF>

Ordenação Topológica e DAGs

- [Playlist] Ordenação topológica, DFS, DAGs aleatórios - <http://bit.ly/MarioSanFeliceOrdTopVideo>
- [PDF] Ordenação topológica, DFS, DAGs aleatórios - <http://bit.ly/MarioSanFeliceCompOrdTopPDF>