Информатика. Числа Каталана.

ДЗ

Задача 1

Дана скобочная последовательность. Требуется написать программу, чтобы проверить её на правильность.

Задача 2

Дано число n. Вывести все скобочные последовательности длины 2n.

Задача 3

Дано число n. Вывести все скобочные последовательности, где n левых и n правых скобок.

Задача 4

Дано число n. Вывести все правильные скобочные последовательности, где n левых и n правых скобок.

Задача 5

Дано число n. Вывести значение C_n , если известно, что:

$$C_n = \sum_{i=0}^{n-1} C_i \cdot C_{n-i-1}$$

 $C_0 = 1$

$$C_1 = 1$$

Задача 6

Рассмотрим шахматную доску $n \times n$. Требуется провести ладью из левого нижнего угла в правый верхний. Двигаться можно только вверх и вправо, не заходя при этом на клетки выше главной диагонали. Выведите все такие маршруты в формате матриц $n \times n$, где звездочками отмечены посещённые клетки.

Задача 7

Рассмотрим шахматную доску $n \times n$. Требуется провести ладью из левого нижнего угла в правый верхний. Двигаться можно только вверх и вправо, не заходя при этом на клетки главной диагонали и ниже неё. (Ладья оказывается на главной диагонали только в начальный и в конечный моменты времени.) Выведите все такие маршруты в формате матриц $n \times n$, где звездочками отмечены посещённые клетки.

Задача 8

На окружности даны 2n точек. Сколькими способами можно провести n отрезков, не имеющих общих точек, с концами в данных точках?

Задача 9

Дано число n. Вывести все бинарные деревья, где ровно n+1 висячая вершина. Для каждого дерева программа должна выводить сначала число вершин, а после матрицу смежности размера $n \times n$.