
Análise de Fluxo de Dados

Guido Araújo
guido@ic.unicamp.br

Introdução

- Otimização

- Transformações para ganho de eficiência
- Não podem alterar a saída do programa

- Exemplos:

- Dead Code Elimination: Apaga uma computação cujo resultado nunca será usado
- Common-subexpression Elimination: Se uma expressão é computada mais de uma vez, elimine uma das computações
- Constant Folding: Se os operandos são constantes, calcule a expressão em tempo de compilação
- Register Allocation: Reaproveitamento de registradores

Introdução

- Essas transformações são feitas com base em informações coletas do programa
- Esse é o trabalho da análise de fluxo de dados
- Intraprocedural global optimization
 - Interna a um procedimento ou função
 - Engloba todos os blocos básicos

Introdução

- Idéia básica
 - Atravesse o grafo de fluxo do programa coletando informações sobre a execução
 - Conservativamente!
 - Modifique o programa para torná-lo mais eficiente em algum aspecto:
 - Desempenho
 - Tamanho
- Maioria das análises podem ser descrita através de equações de fluxo de dados:
 - Ex.: Análise de Longevidade (Cap 10)

Exemplos de Otimizações de Código Básicas

Otimizações

- Melhorar o algoritmo é tarefa do programador
- O compilador pode ser útil para
 - Aplicar transformações que tornam o código gerado mais eficiente
 - Deixa o programador livre para escrever um código limpo

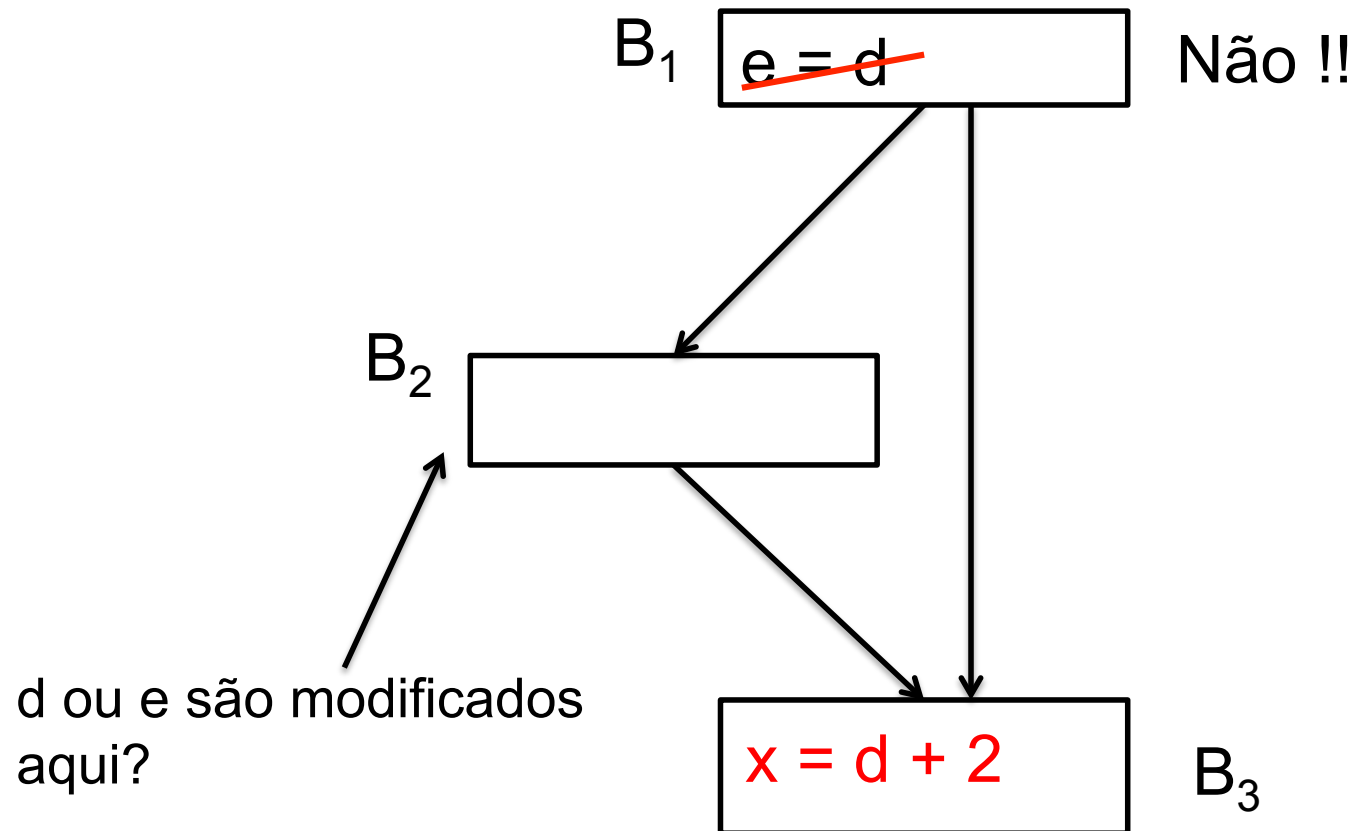
Introdução

- Usar as informações coletadas pelas análises
- Tornar o código mais eficiente
- Vamos começar olhando:
 - Dead Code Elimination
 - Constant Propagation
 - Copy Propagation
 - CSE

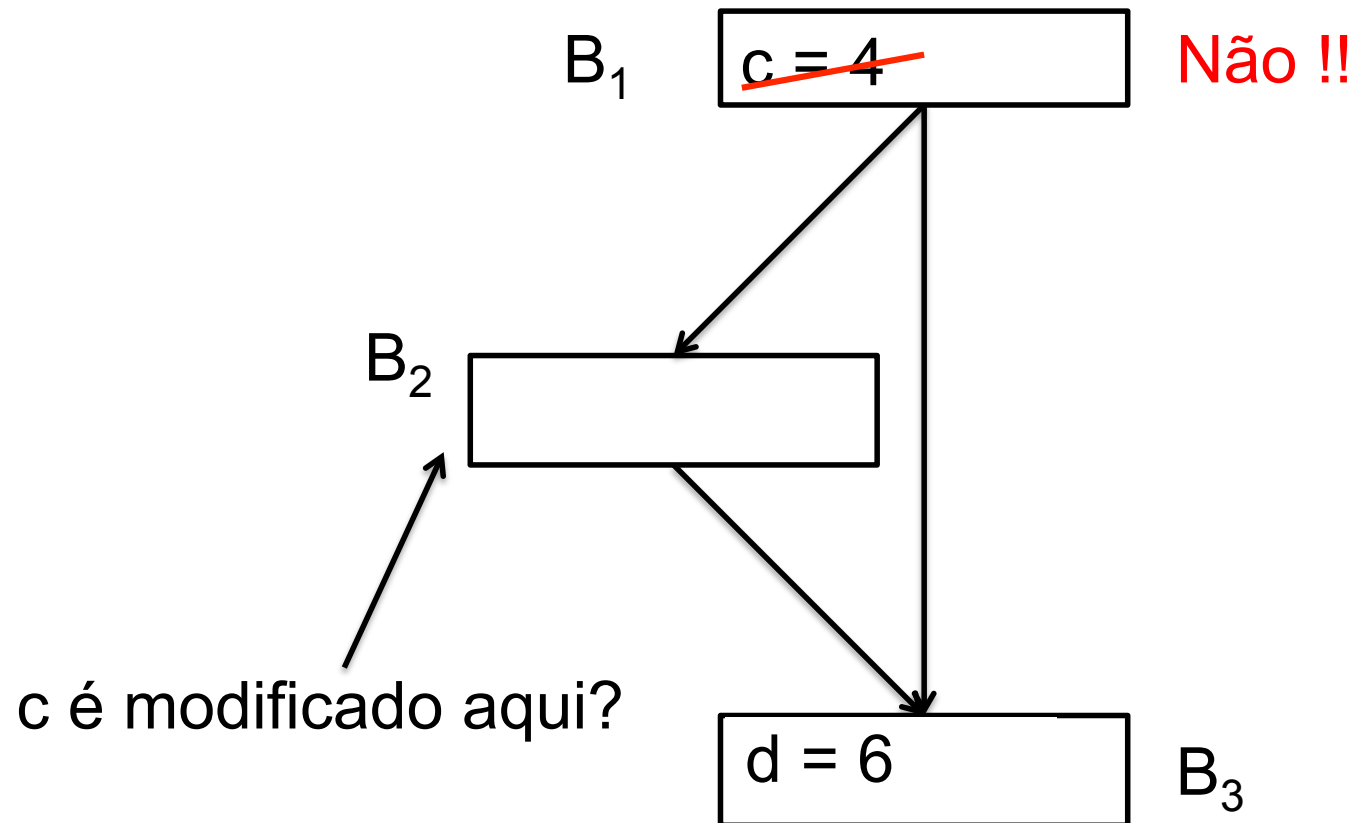
Principais Fontes de Otimização

- Transformações que preservam a funcionalidade
 - Eliminação de Sub-expressões comuns (CSE)
 - Propagação de Cópias
 - Eliminação de código morto
 - Constant folding
- Transformações Locais
 - Dentro de um bloco básico
- Transformações Globais
 - Envolve mais de um bloco básico
- Livro do dragão: seção 9.1

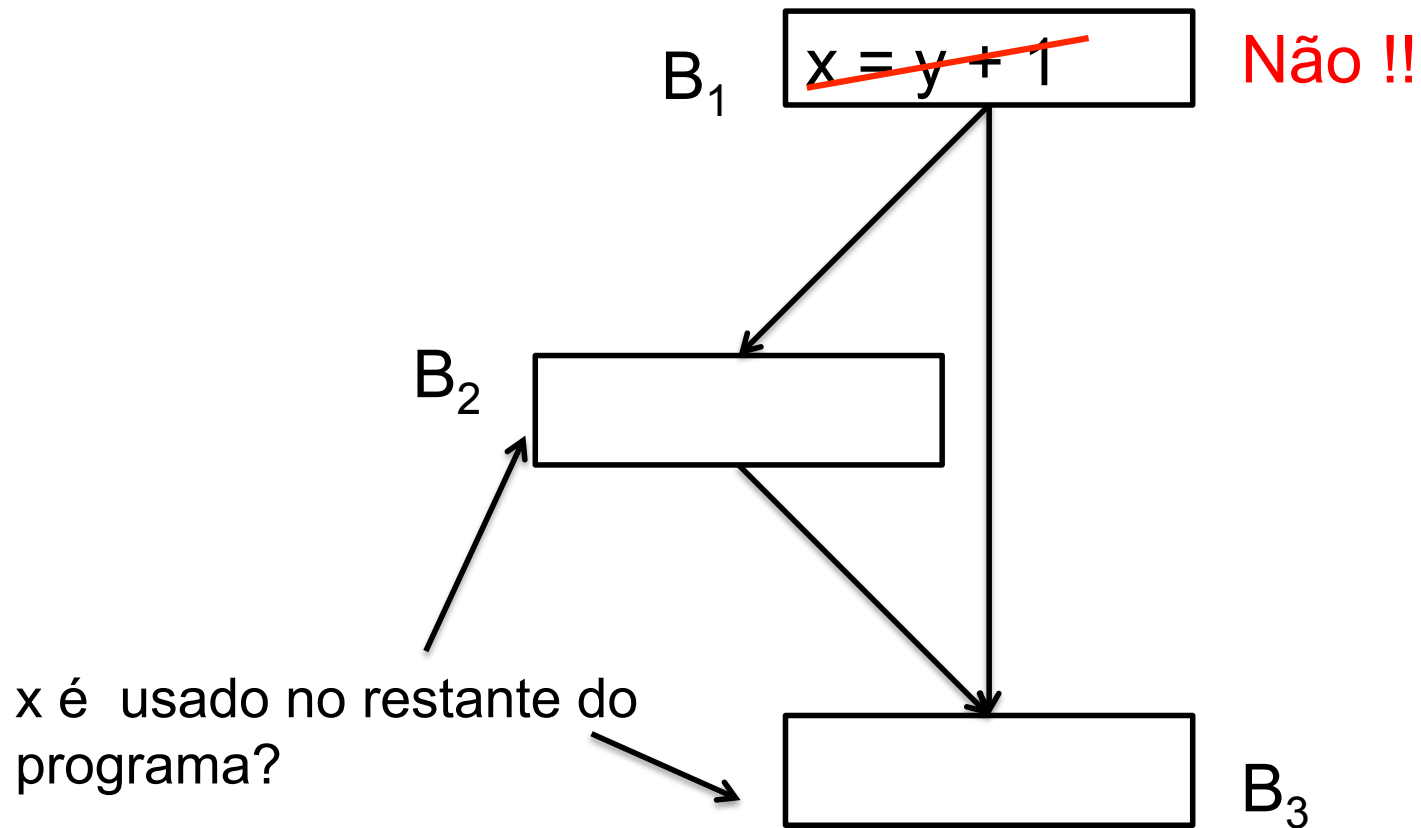
Copy Propagation



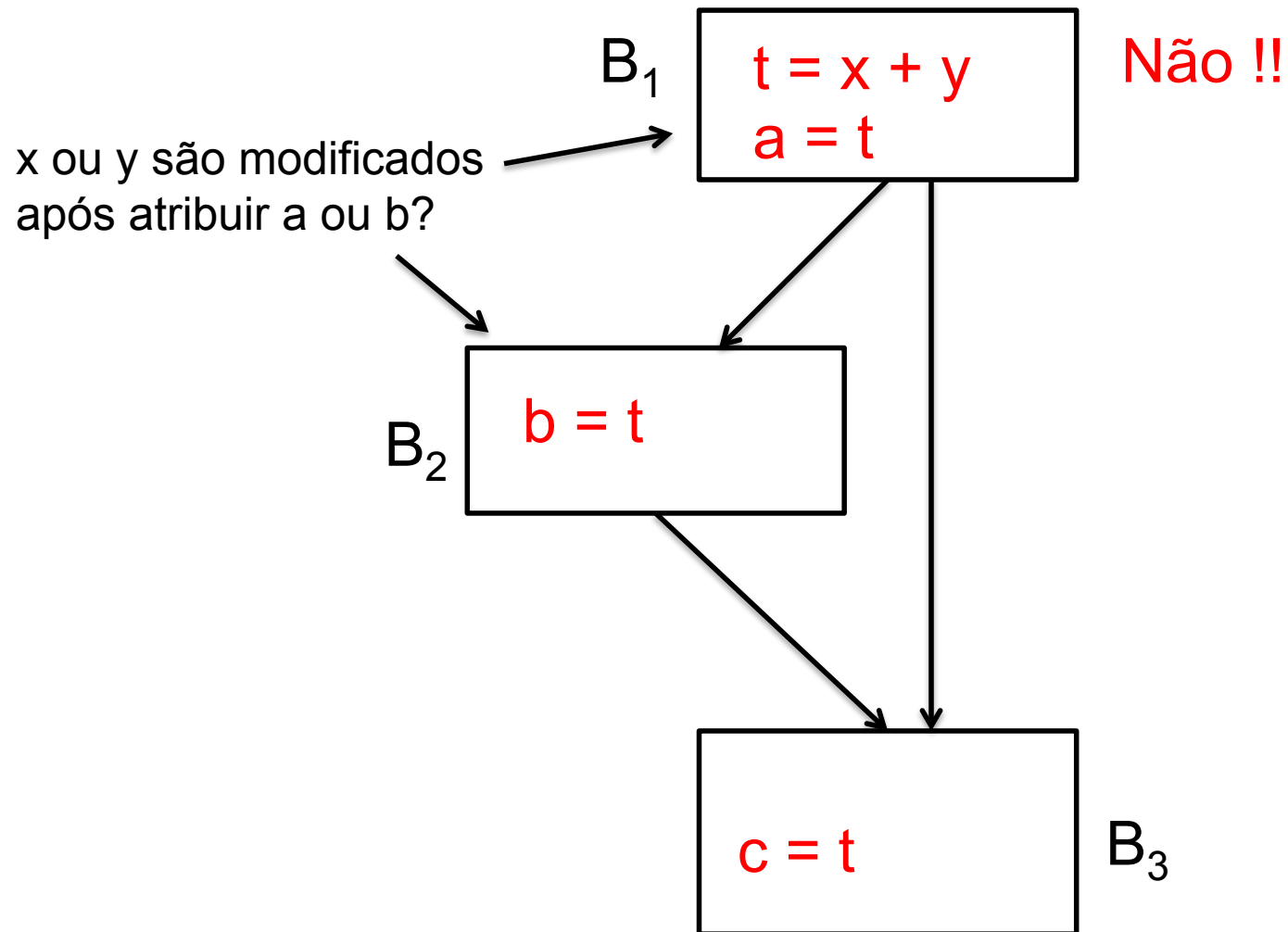
Constant Propagation



Dead Code Elimination



Common Sub-expression Elimination

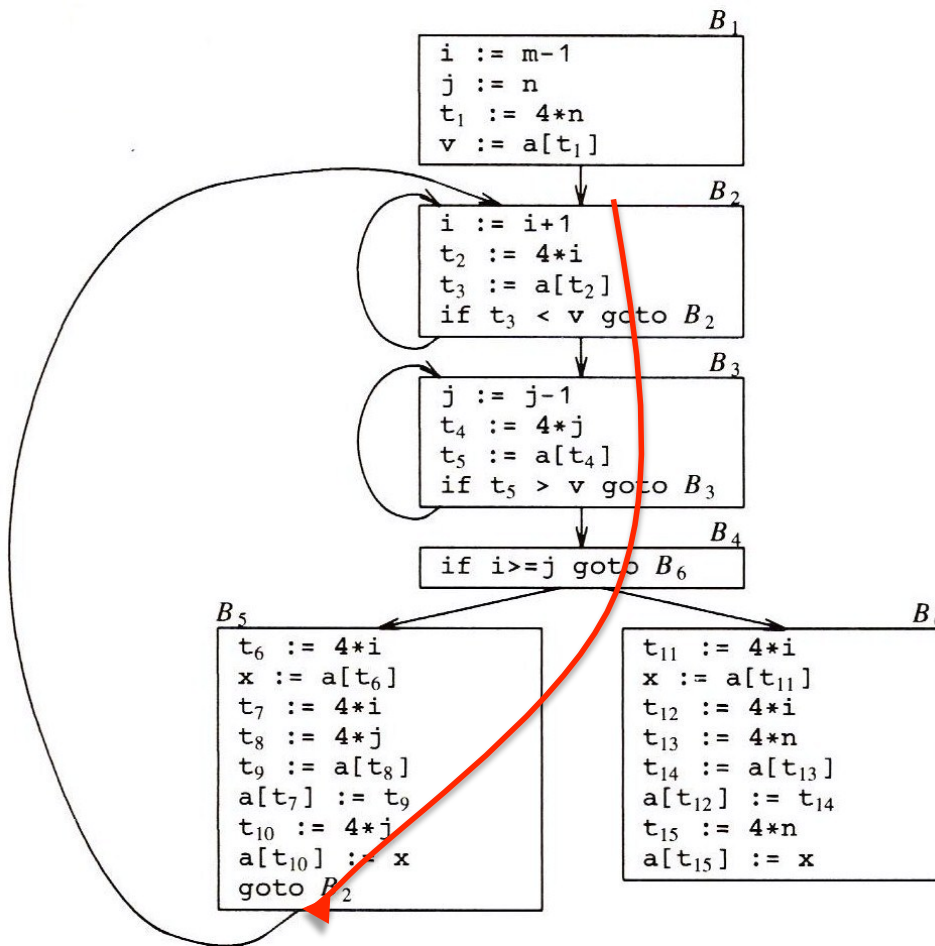


Quick Sort

```
void quicksort(m,n)
int m,n;
{
    int i,j;
    int v,x;
    if ( n <= m ) return;
    /* fragment begins here */
    i = m-1; j = n; v = a[n];
    while(1) {
        do i = i+1; while ( a[i] < v );
        do j = j-1; while ( a[j] > v );
        if (i >= j ) break;
        x = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = x;
    }
    x = a[i]; a[i] = a[n]; a[n] = x;
    /* fragment ends here */
    quicksort(m,j); quicksort(i+1,n);
}
```

Fig. 10.2. C code for quicksort.

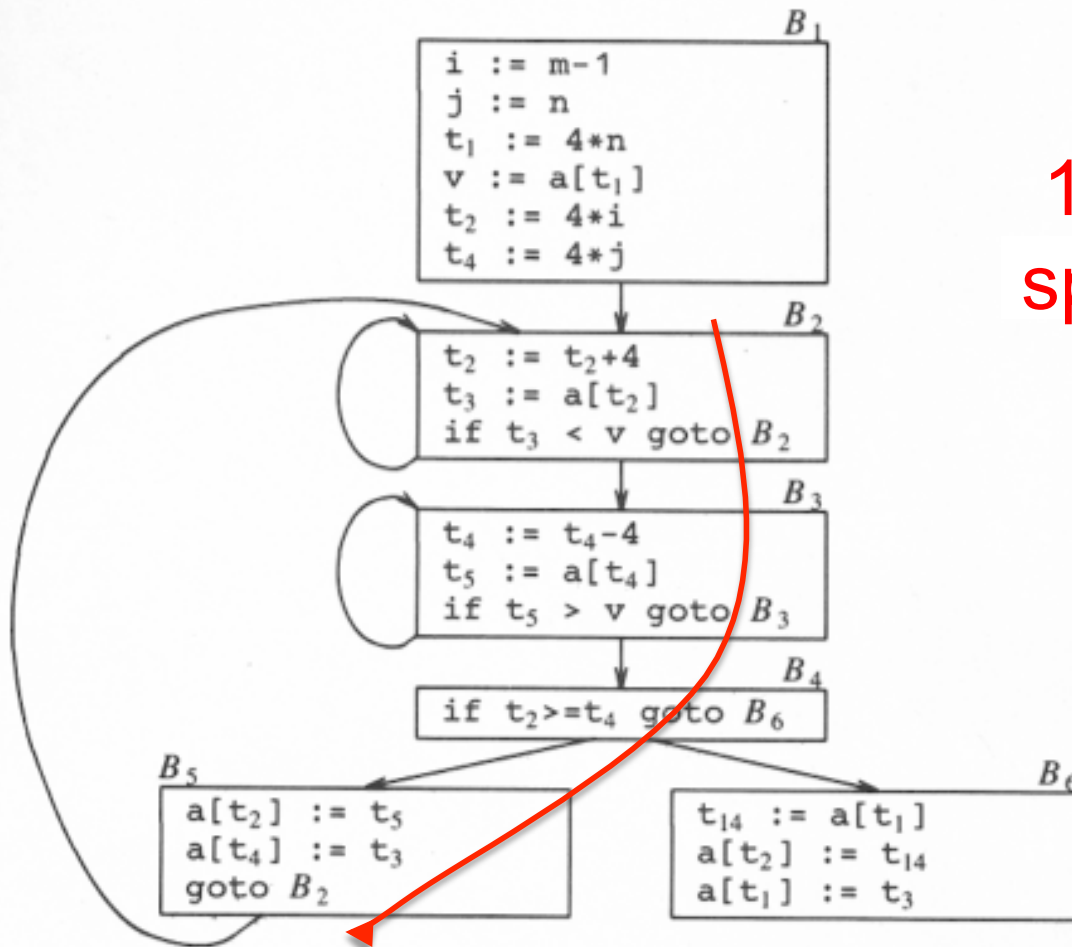
Quick Sort (original)



18 instruções

Fig. 10.5. Flow graph.

Quick Sort (otimizado)



18 instruções
speedup = $18/10$
= 1.8

Fig. 10.10. Flow graph after induction-variable elimination.

Análise de Fluxo de Dados

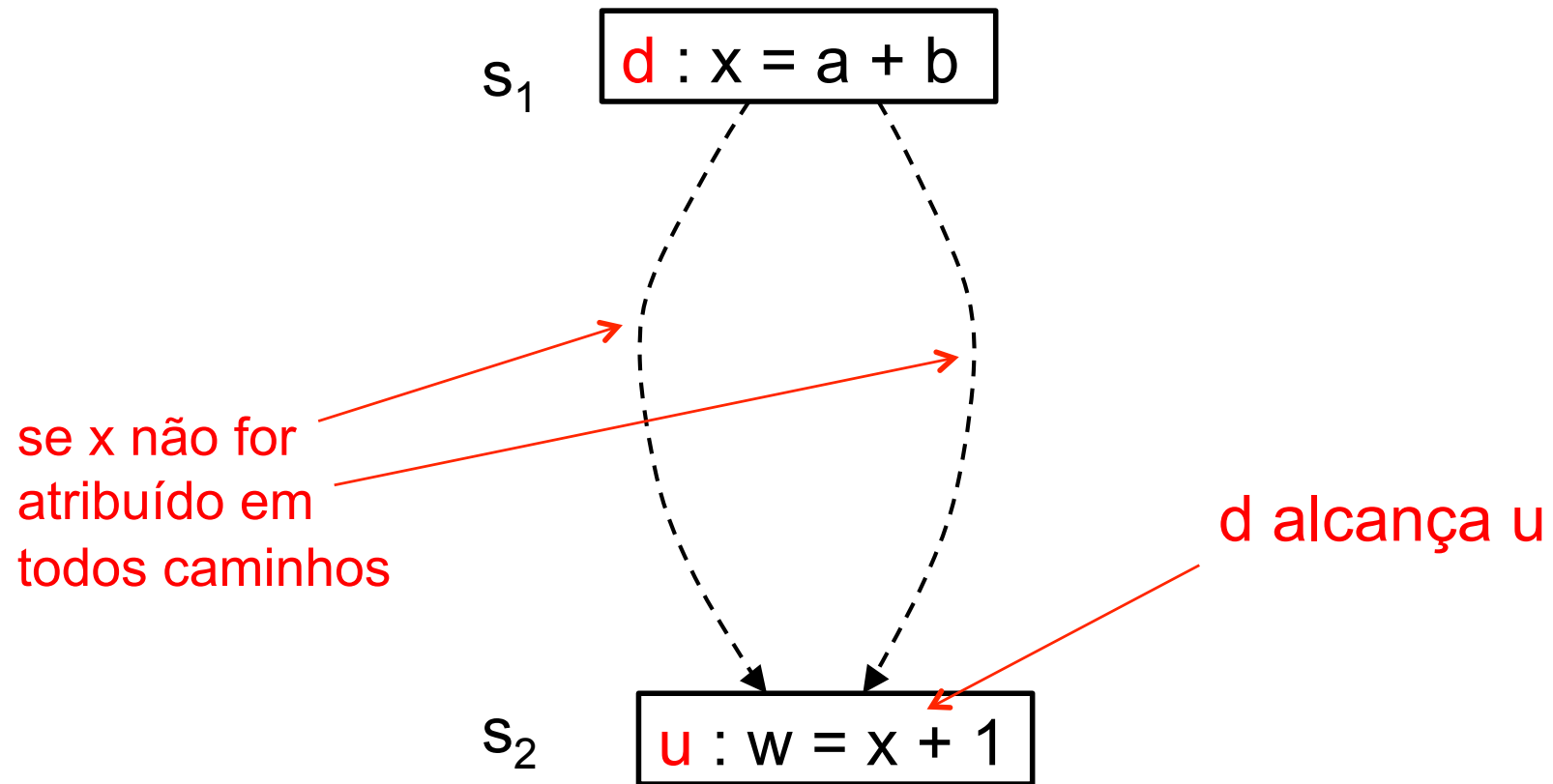
Introdução

- Veremos análises baseadas no CFG de quádruplas:
 - $a \leftarrow b \text{ op } c$ é representada como (a, b, c, op)
- Reaching Definitions
- Available Expressions
- Liveness Analysis

Reaching Definitions

- Definição não ambígua de t :
 - $d: t \leftarrow a \text{ op } b$
 - $d: t \leftarrow M[a]$
- d alcança uma sentença u :
 - Se existe um caminho no CFG de d para u
 - Esse caminho não contém outra definição não ambígua de t
- Definição ambígua
 - Uma sentença que pode ou não atribuir um valor a t
 - CALL
 - Não acontecem no compilador Minijava

Reaching Definitions



Reaching Definitions

- Pode ser expressa como equações de fluxo de dados
- Criamos IDs para as definições
 - $d1: t \leftarrow x \text{ op } y$
 - Gera $d1$
 - Mata todas as outras definições de t , pois não alcançam o final dessa instrução
- $\text{defs}(t)$: conjunto de todas as definições de t

Conjuntos Gen e Kill

Table 17.2: Gen and kill for reaching definitions.

Statement s	$gen[s]$	$kill[s]$
$d : t \leftarrow b \oplus c$	$\{d\}$	$defs(t) - \{d\}$
$d : t \leftarrow M[b]$	$\{d\}$	$defs(t) - \{d\}$
$M[a] \leftarrow b$	$\{\}$	$\{\}$
if a relop b goto L_1 else goto L_2	$\{\}$	$\{\}$
goto L	$\{\}$	$\{\}$
$L :$	$\{\}$	$\{\}$
$f(a_1, \dots, a_n)$	$\{\}$	$\{\}$
$d : t \leftarrow f(a_1, \dots, a_n)$	$\{d\}$	$defs(t) - \{d\}$

Reaching Definitions

- Usando gen e kill computamos:
 - $In[n]$: conjunto de definições que alcançam o início de n
 - $Out[n]$: conjunto de definições que alcançam o final de n

$$in[n] = \bigcup_{p \in pred[n]} out[p]$$

$$out[n] = gen[n] \cup (in[n] - kill[n])$$

- In e Out inicializados com vazio.

Reaching Definitions

1 : $a \leftarrow 5$

2 : $c \leftarrow 1$

3 : L1 : if $c > a$ goto L2

4 : $c \leftarrow c + c$

5 : goto L1

6 : L2 : $a \leftarrow c - a$

7 : $c \leftarrow 0$

Reaching Definitions

Iter. 1				
<i>n</i>	<i>gen[n]</i>	<i>kill[n]</i>	<i>in[n]</i>	<i>out[n]</i>
1	1	6		1
2	2	4,7	1	1,2
3			1,2	1,2
4	4	2,7	1,2	1,4
5			1,4	1,4
6	6	1	1,2	2,6
7	7	2,4	2,6	6,7

1 : $a \leftarrow 5$

2 : $c \leftarrow 1$

3 : L1 : if $c > a$ goto L2

4 : $c \leftarrow c + c$

5 : goto L1

6 : L2 : $a \leftarrow c - a$

7 : $c \leftarrow 0$

- Você imagina alguma otimização que poderia fazer no programa usando essa informação?

Reaching Definitions

<i>n</i>	<i>gen[n]</i>	<i>kill[n]</i>	Iter. 1		Iter. 2		Iter. 3	
			<i>in[n]</i>	<i>out[n]</i>	<i>in[n]</i>	<i>out[n]</i>	<i>in[n]</i>	<i>out[n]</i>
1	1	6		1		1		1
2	2	4,7	1	1,2	1	1,2	1	1,2
3			1,2	1,2	1,2,4	1,2,4	1,2,4	1,2,4
4	4	2,7	1,2	1,4	1,2,4	1,4	1,2,4	1,4
5			1,4	1,4	1,4	1,4	1,4	1,4
6	6	1	1,2	2,6	1,2,4	2,4,6	1,2,4	2,4,6
7	7	2,4	2,6	6,7	2,4,6	6,7	2,4,6	6,7

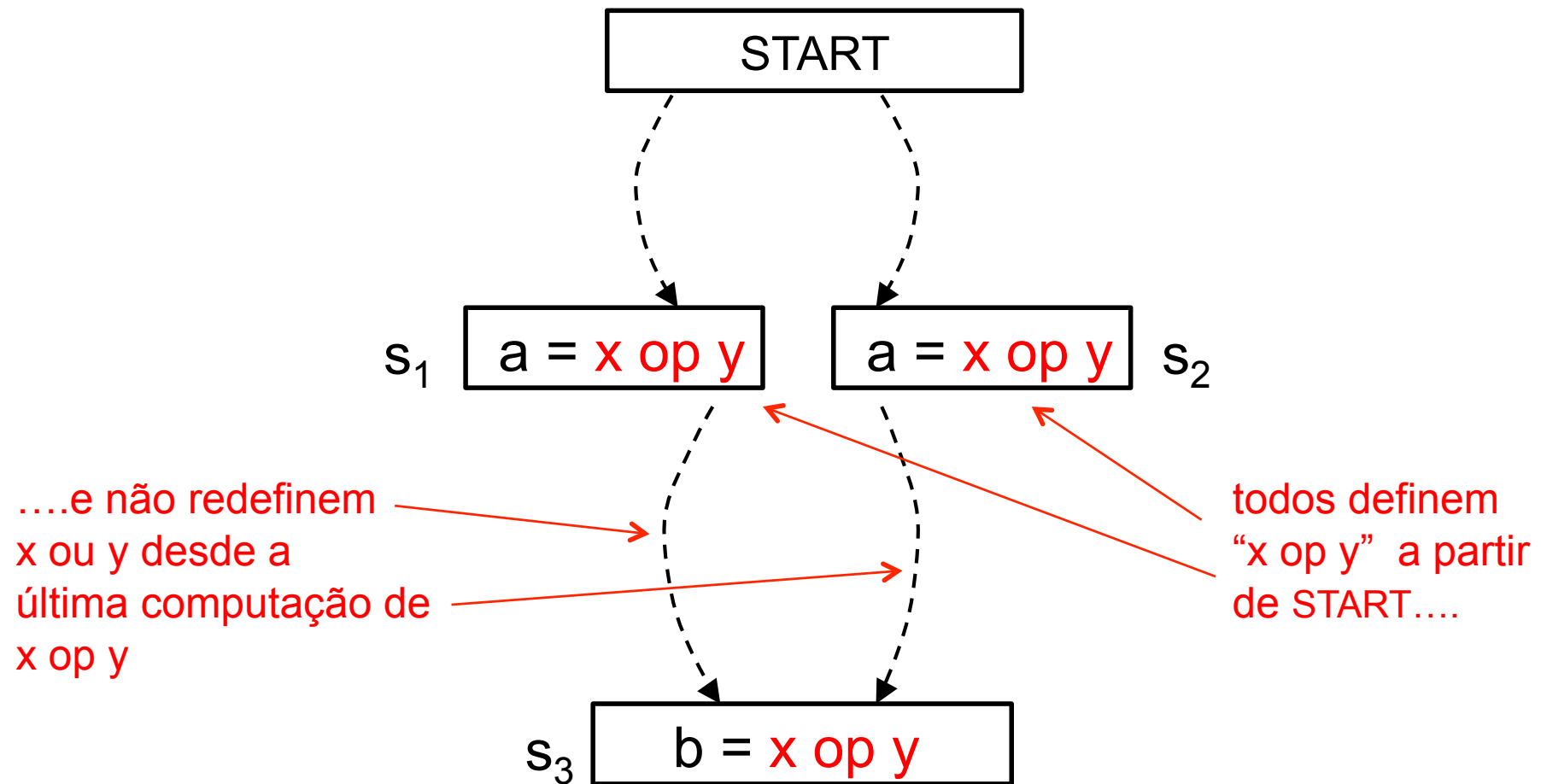
Reaching Definitions

$W \leftarrow$ the set of all nodes
while W is not empty
 remove a node n from W
 $old \leftarrow out[n]$
 $in \leftarrow \bigcup_{p \in pred[n]} out[p]$
 $out[n] \leftarrow gen[n] \cup (in - kill[n])$
 if $old \neq out[n]$
 for each successor s of n
 if $s \notin W$
 put s into W

Available Expressions

- $x \text{ op } y$ está disponível em n no CFG se:
 - Para todo caminho a partir do nó de entrada até n , $x \text{ op } y$ é computada pelo menos uma vez
 - Não há definições de x ou y após a mais recente ocorrência de $x \text{ op } y$ no caminho
- Gen e kill se tornam conjuntos de expressões
 - Nó que calcula $x \text{ op } y$: Gera $x \text{ op } y$
 - Qualquer definição de x ou y mata $x \text{ op } y$

Available Expressions



Available Expressions

Table 17.4: *Gen* and *kill* for available expressions.

Statement s	$gen[s]$	$kill[s]$
$t \leftarrow b \oplus c$	$\{b \oplus c\} - kill[s]$	expressions containing t
$t \leftarrow M[b]$	$\{M[b]\} - kill[s]$	expressions containing t
$M[a] \leftarrow b$	$\{\}$	expressions of the form $M[x]$
if $a > b$ goto L_1 else goto L_2	$\{\}$	$\{\}$
goto L	$\{\}$	$\{\}$
$L :$	$\{\}$	$\{\}$
$f(a_1, \dots, a_n)$	$\{\}$	expressions of the form $M[x]$
$t \leftarrow f(a_1, \dots, a_n)$	$\{\}$	expressions containing t , and expressions of the form $M[x]$

Available Expressions

- Usando gen e kill computamos:
 - $In[n]$: conjunto de expressões disponíveis no início de n
 - $Out[n]$: conjunto de expressões disponíveis no final de n

$$in[n] = \bigcap_{p \in pred[n]} out[p] \quad \text{if } n \text{ is not the start node}$$

$$out[n] = gen[n] \cup (in[n] - kill[n])$$

- In e Out inicializados com “cheio”.
 - Por que?
- Exceção para in do nó de entrada

Liveness Analysis

- Podemos usar gen e kill:
 - Usos de variável geram liveness
 - Definições de variável matam liveness

Statement s	$gen[s]$	$kill[s]$
$t \leftarrow b \oplus c$	$\{b, c\}$	$\{t\}$
$t \leftarrow M[b]$	$\{b\}$	$\{t\}$
$M[a] \leftarrow b$	$\{a, b\}$	$\{\}$
if $a > b$ goto L_1 else goto L_2	$\{a, b\}$	$\{\}$
goto L	$\{\}$	$\{\}$
$L :$	$\{\}$	$\{\}$
$f(a_1, \dots, a_n)$	$\{a_1, \dots, a_n\}$	$\{\}$
$t \leftarrow f(a_1, \dots, a_n)$	$\{a_1, \dots, a_n\}$	$\{t\}$

Liveness Analysis

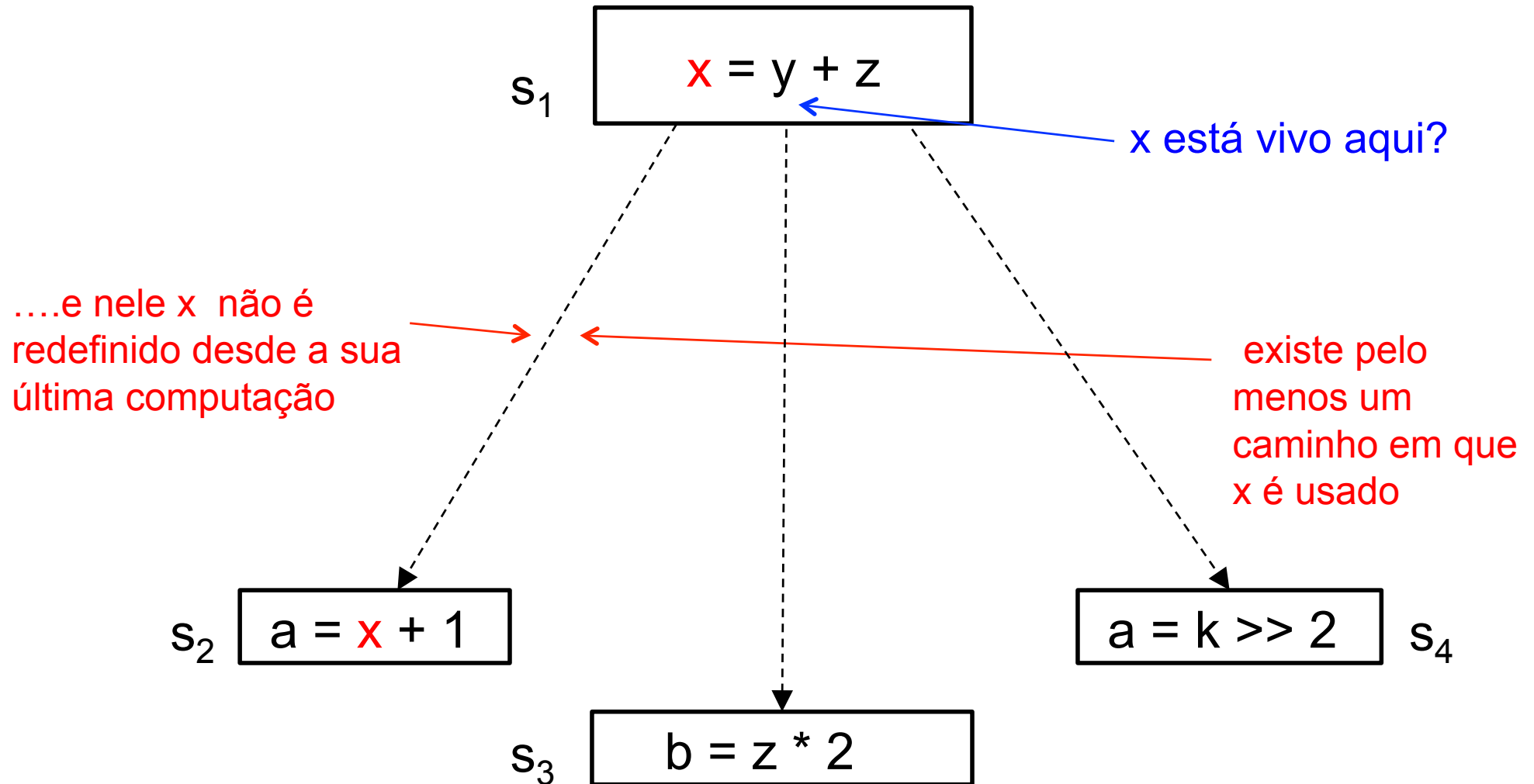
- Podemos usar gen e kill:
 - Usos de variável geram liveness
 - Definições de variável matam liveness

$$in[n] = gen[n] \cup (out[n] - kill[n])$$

$$out[n] = \bigcup_{s \in succ[n]} in[s]$$

- Liveness tem fluxo contrário ao do grafo

Liveness Analysis



Blocos Básicos

- Suponha dois nós no CFG n e p
 - p é o único predecessor de n
- Neste caso, podemos combinar os efeitos gen e kill de n e p
- Teremos apenas um nó no grafo
- Podemos repetir para todas as instruções de um bloco básico!

Blocos Básicos

- Bloco básico: Apenas uma entrada, uma saída e nenhum desvio contido nele.
- Pense em Reaching Definitions
 - Como combinar gen e kill para um bloco básico?
- $out[n] = gen[n] \cup (in[n] - kill[n])$.
- $in[n] = out[p]$. Por quê?

Blocos Básicos

- Então temos:
 - $out[n] = gen[n] \cup ((gen[p] \cup (in[p] - kill[p])) - kill[n]).$
- Lembre-se que
 - $(A \cup B) - C = (A - C) \cup (B - C)$
 - $A - (B \cup C) = (A - B) - C$
- Logo:
 - $out[n] = gen[n] \cup ((gen[p] - kill[n]) \cup (in[p] - (kill[p] \cup kill[n])))$

Blocos Básicos

- Logo:
 - $out[n] = gen[n] \cup ((gen[p] - kill[n]) \cup (in[p] - (kill[p] \cup kill[n])))$
- Daí tiramos que:
 - $gen[pn] = gen[n] \cup (gen[p] - kill[n])$
 - $kill[pn] = kill[p] \cup kill[n]$
- Exercício: Deduza essas equações para outras análises
 - Available expressions, liveness

Blocos Básicos

- Usando essa técnica podemos
 - Combinar todas as sentenças de um bloco básico
 - Criar gen e kill para o bloco todo
- O CFG de BBs é muito menor que o de sentenças individuais
- Acelera a análise

Ordenação dos Nós

- Forward analysis:
 - Ordenar os nós com DFS
 - Topológica (sem ciclos)
 - Quase-topológica (com ciclos)
 - Faz com que a maioria dos predecessores seja computada antes dos sucessores
- Backward analysis
 - Começar pelo nó saída