

---

# Análise de Longevidade

**Guido Araújo**  
**guido@ic.unicamp.br**

# Introdução

---

- Linguagem intermediária
  - Gerada pelo front-end considerando número infinito de registradores para temporários
- Máquinas reais têm finitos registradores
  - Para máquinas RISC, 32 é um número típico
- Dois valores temporários podem ocupar o mesmo registrador se não estão “em uso” ao mesmo tempo
  - Muitos temporários podem caber em poucos registradores
  - Os que não couberem vão para a memória (spill)

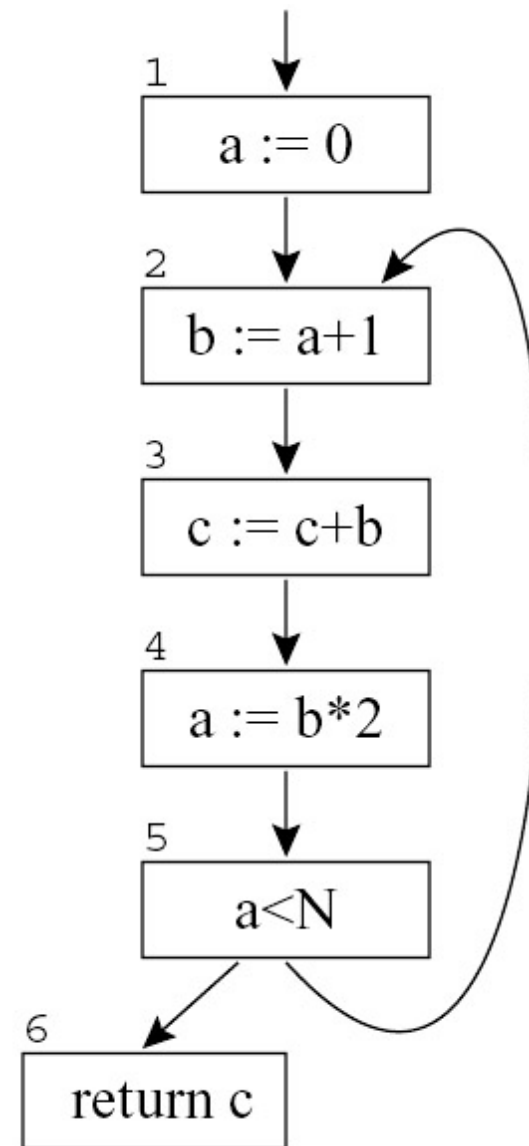
# Introdução

---

- O compilador analisa a IR para saber quais valores estão em uso ao mesmo tempo
- Chamamos de *viva* uma variável que pode vir a ser usada no futuro
- Esta tarefa então, é conhecida como *liveness analysis*

# Control Flow Graph (CFG)

$a \leftarrow 0$   
 $L_1 : b \leftarrow a + 1$   
 $c \leftarrow c + b$   
 $a \leftarrow b * 2$   
if  $a < N$  goto  $L_1$   
return  $c$



# Análise de Longevidade

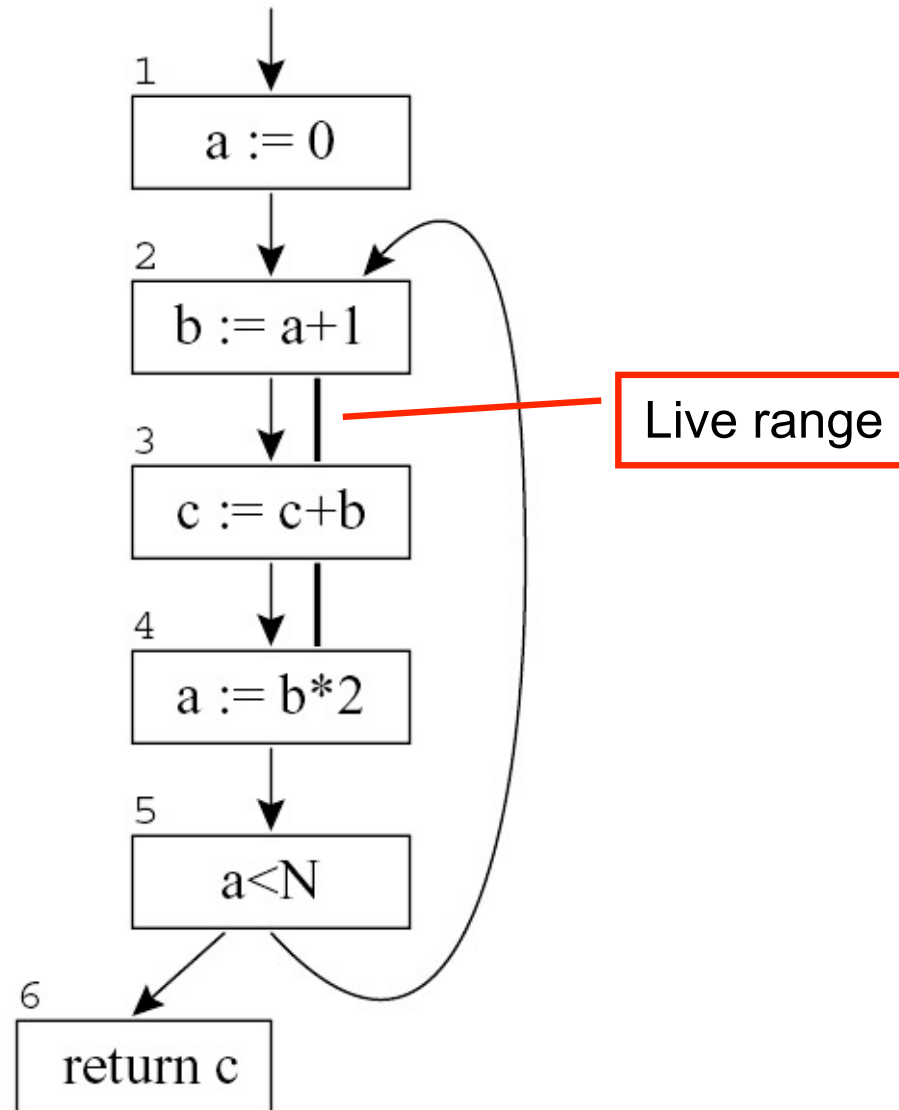
---

- $b$  é usada em 4
  - Precisa estar viva na aresta  $3 \rightarrow 4$
- $b$  não é definida (atribuída) no nó 3
  - Logo, deve estar viva na aresta  $2 \rightarrow 3$
- $b$  é definida em 2
  - Logo,  $b$  está morta na aresta  $1 \rightarrow 2$
  - Seu valor nesse ponto não será mais útil a ninguém
- Live range de  $b$ :
  - $\{2 \rightarrow 3, 3 \rightarrow 4\}$

# Análise de Longevidade

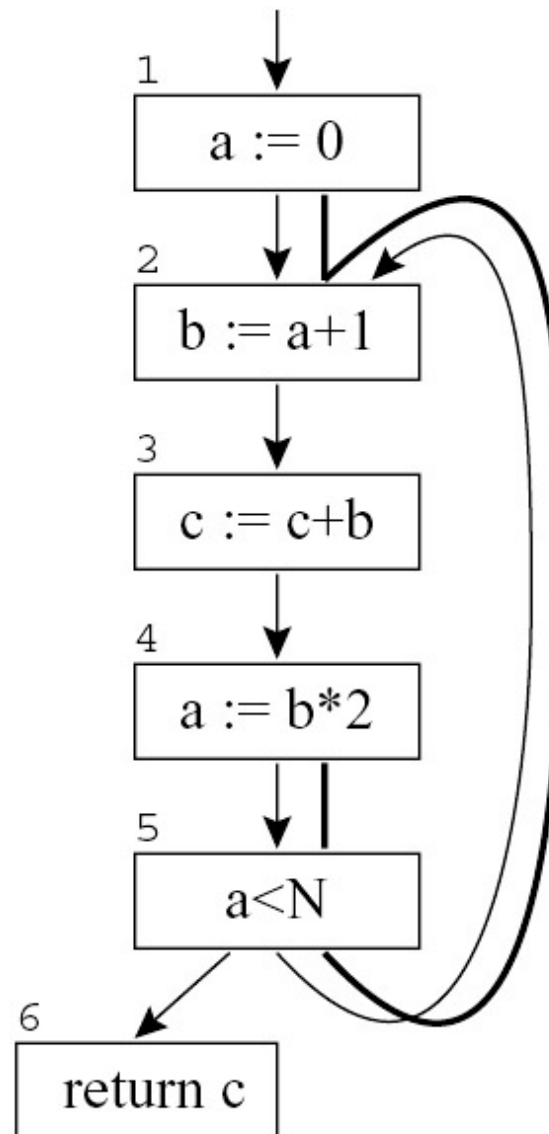
b: {2 → 3 , 3 → 4,}

Como seria  
para a e c?



# Análise de Longevidade

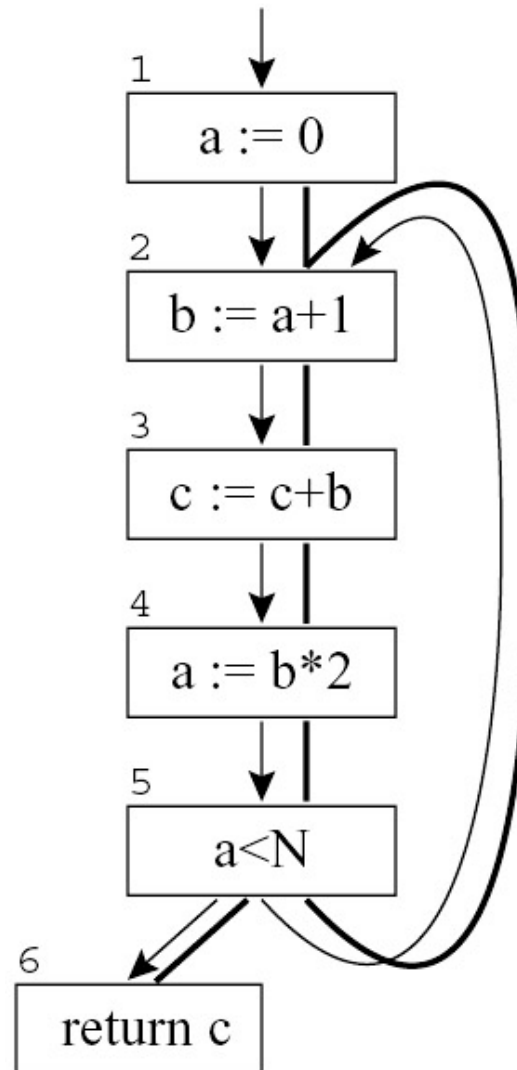
a: {1  $\rightarrow$  2 , 4  $\rightarrow$  5,  
5  $\rightarrow$  2}



# Análise de Longevidade

a: {1 → 2, 2 → 3, 3 → 4,  
4 → 5, 5 → 6, 5 → 2}

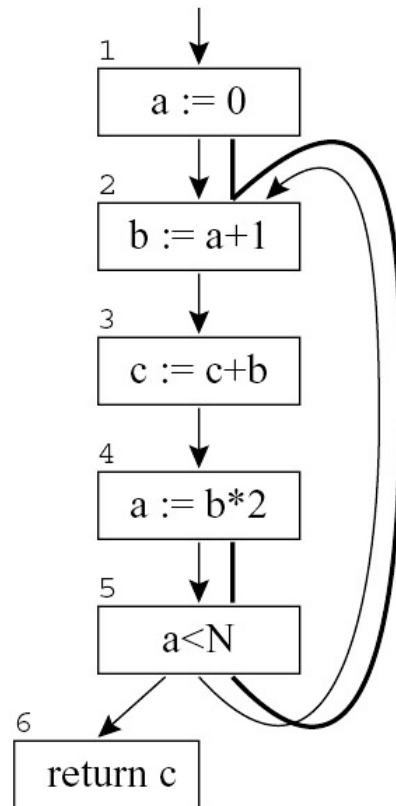
Alguma coisa  
especial sobre c?



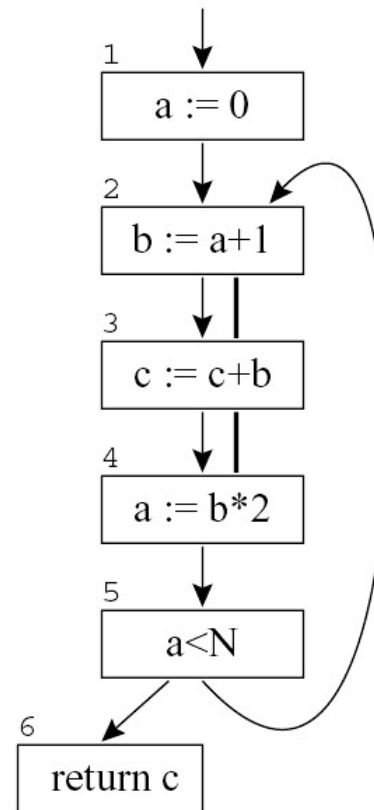


# Análise de Longevidade

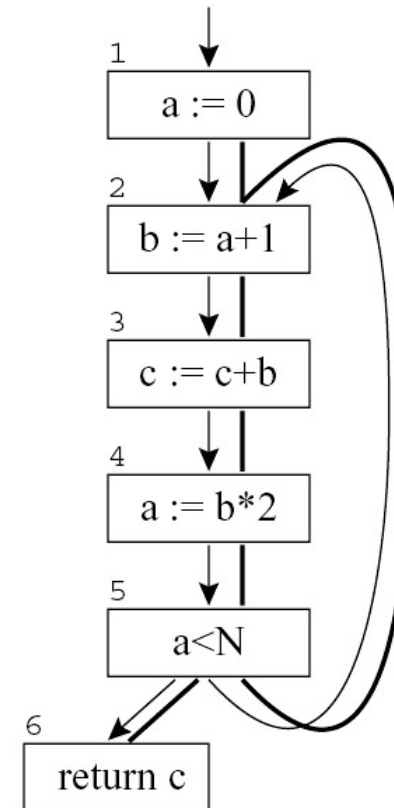
- De quantos registradores preciso?



(a)



(b)



(c)

# Análise de Longevidade

---

- É um exemplo de análise de fluxo de dados
  - Dataflow Analysis
- Terminologia:
  - Succ[n]: conjunto de nós sucessores a n
  - Pred[n]: conjunto de predecessores de n
  - Out-edges: saem para os sucessores
  - In-edges: chegam dos predecessores
  - Uma atribuição a uma variável define a mesma
  - Uma ocorrência do lado direito de uma expressão é um uso da variável

# Análise de Longevidade

---

- Terminologia:

- Def de uma variável é o conjunto de nós do grafo que a definem
- Def de um nó é o conjunto de variáveis que ele define
- Analogamente para use

- Longevidade:

- Uma variável  $v$  está viva em uma aresta se existe um caminho direcionado desta aresta até um uso de  $v$ , que não passa por alguma definição de  $v$
- Live-in:  $v$  é live-in em um nó  $n$  se  $v$  está viva em alguma in-edge de  $n$
- Live-out:  $v$  é live-out em  $n$  se  $v$  está viva em alguma out-edge de  $n$

# Computando Liveness

---

1. Se  $v$  está em  $use[n]$ , então  $v$  é *live-in* em  $n$ .
2. Se  $v$  é *live-in* no nó  $n$ , então ela é *live-out* para todo  $m$  em  $pred[n]$ .
3. Se  $v$  é *live-out* no nó  $n$ , e não está em  $def[n]$ , então  $v$  é também *live-in* em  $n$ .

# Algoritmo

---

$$in[n] = use[n] \cup (out[n] - def[n])$$

$$out[n] = \bigcup_{s \in succ[n]} in[s]$$

**for each**  $n$

$$in[n] \leftarrow \{ \}; out[n] \leftarrow \{ \}$$

**repeat**

**for each**  $n$

$$in'[n] \leftarrow in[n]; out'[n] \leftarrow out[n]$$

$$in[n] \leftarrow use[n] \cup (out[n] - def[n])$$

$$out[n] \leftarrow \bigcup_{s \in succ[n]} in[s]$$

**until**  $in'[n] = in[n]$  and  $out'[n] = out[n]$  for all  $n$

# Algoritmo

---

- Execute o algoritmo para o grafo do exemplo anterior
- Temos como melhorar o desempenho?
- Sim:
  - Usando uma ordem melhor para os nós
  - Repare que  $in[i]$  é calculado a partir de  $out[i]$  e  $out[i-1]$  é computado a partir de  $in[i]$
  - A convergência ocorre antes de computarmos
    - $out[i], in[i], out[i-1], \dots$
    - Invertendo a ordem dos nós aproveitamos mais cedo as informações!

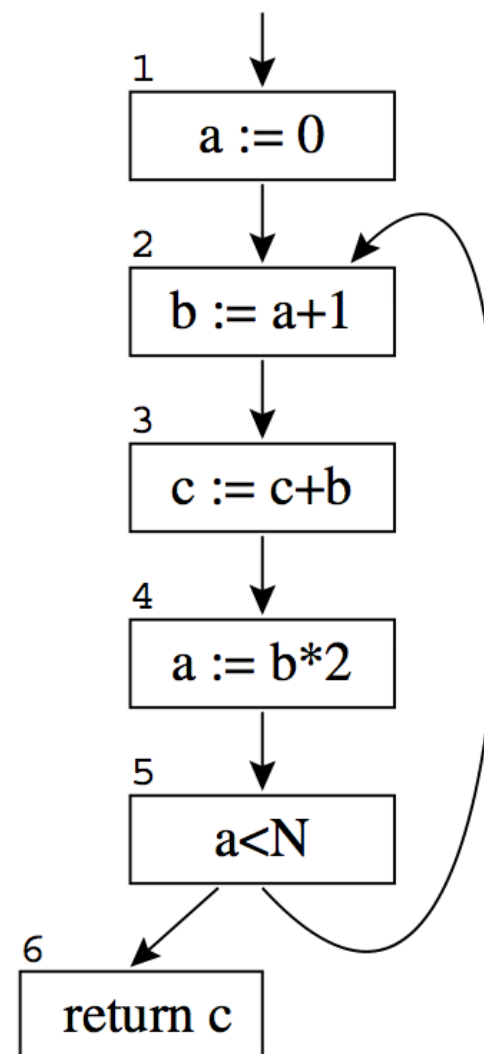
# Algoritmo

---

- O fluxo da análise deve seguir o fluxo do liveness: backwards
- A ordenação pode ser obtida através de uma busca em profundidade
- Complexidade:
  - Pior caso:  $O(N^4)$
  - Com a ordenação, na prática roda tipicamente entre  $O(N)$  e  $O(N^2)$

# Control Flow Graph (CFG)

	<i>use</i>	<i>def</i>	1st		2nd		3rd	
			<i>out</i>	<i>in</i>	<i>out</i>	<i>in</i>	<i>out</i>	<i>in</i>
6	c			c		c		c
5	a		c	ac	ac	ac	ac	ac
4	b	a	ac	bc	ac	bc	ac	bc
3	bc	c	bc	bc	bc	bc	bc	bc
2	a	b	bc	ac	bc	ac	bc	ac
1		a	ac	c	ac	c	ac	c



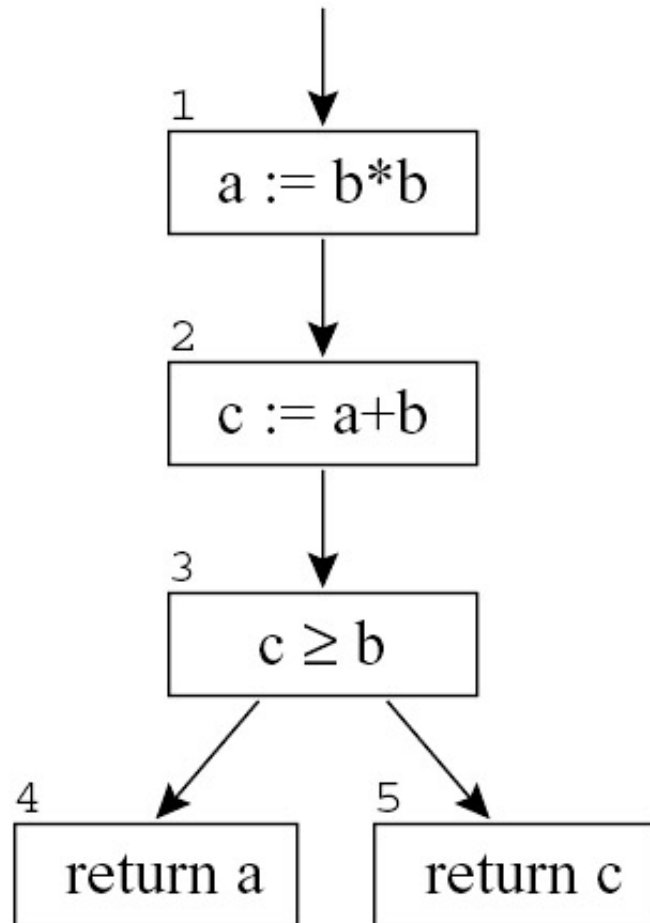


# Algoritmo

---

- É conservativo:
  - Se uma variável pode estar viva em algum nó  $n$ , ela estará no  $out[n]$
  - Pode haver alguma variável em  $out[n]$  que na verdade não seja realmente usada adiante
- Deve ser dessa maneira para prevenir o compilador de tornar o programa errado!

# Exemplo



- Qual seria o conjunto  $\text{in}[4]$ ?
- E o  $\text{out}[3]$ ?
- Algo estranho?