
Análise Sintática

Guido Araújo
guido@ic.unicamp.br

Introdução

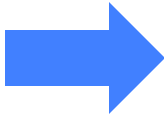
- **Análise Léxica:**
 - Quebra a entrada em palavras conhecidas como *tokens*
- **Análise Sintática:**
 - Analisa a estrutura de frases do programa
- **Análise Semântica:**
 - Calcula o “significado” do programa

Analizador Sintático (Parser)

- Receba uma seqüência de tokens do analisador léxico e determine se a string pode ser gerada através da gramática da linguagem fonte.
- É esperado ainda que ele reporte os erros de uma maneira inteligível
- Seja capaz de se recuperar de erros comuns, continuando a processar a entrada

Analizador Sintático (Parser)

- Seja capaz para expressar a sintaxe de linguagens de programação
 - Que tal dar nomes à ERs?

$\text{expr} = ab(c|d)e$  $\text{aux} = c | d$
 $\text{expr} = a b \text{aux} e$

Context-free Grammars

- Exemplo de ER usando nomes:
 - **digits** = $[0-9]^+$
 - $\text{sum} = (\text{digits } "+")^* \text{digits}$
- Como isso é implementado?
 - O analisador léxico substitui os nomes das ERs antes de traduzir para um autômato finito
 - $\text{sum} = ([0-9]^+ "+")^* [0-9]^+$

Context-free Grammars

- É possível usar a mesma idéia para definir uma linguagem para expressões que tenham parênteses balanceados?

$(1+(245+2))$

- Tentativa:
 - digits = $[0-9]^+$
 - sum = expr “+” expr
 - expr = “(“ sum “)” | digits

Context-free Grammars

- digits = $[0-9]^+$
 - **sum** = $\text{expr} \text{ “+” } \text{expr}$
 - $\text{expr} = \text{ “(“ } \text{sum} \text{ “)” } \mid \text{digits}$
 - O analisador léxico substituiria *sum* em *expr*:
 - $\text{expr} = \text{ “(“ } \text{expr} \text{ “+” } \text{expr} \text{ “)” } \mid \text{digits}$
 - Depois substituiria *expr* no próprio *expr*:
 - $\text{expr} = \text{ “(“ “(“ } \text{expr} \text{ “+” } \text{expr} \text{ “)” } \mid \text{digits} \text{ “+” } \text{expr} \text{ “)” } \mid \text{digits}$
- O que está ocorrendo aqui?

Context-free Grammars

- ERs são boas para definir a estrutura léxica de maneira declarativa
- Não são “poderosas” o suficiente para conseguir definir declarativamente a estrutura sintática de linguagens de programação
- Que notação usar para representar “palavras” (cadeias) dentro de uma frase?

Gramáticas Livre de Contexto

- Nomes não acrescentam a ERs o poder de expressar recursão.
- É isso que precisamos para expressar a recursão mútua entre sum e expr
- O que está faltando então?

Gramáticas Livre de Contexto

- Descreve uma linguagem através de um conjunto de produções da forma:

symbol -> symbol symbol symbol ... symbol

Símbolos:

- terminais: uma string do alfabeto da linguagem
- não-terminais: aparecem do lado esquerdo
- nenhum token aparece do lado esquerdo
- existe um não-terminal definido como *start symbol*

Gramáticas Livre de Contexto

1. $S \rightarrow S; S$

2. $S \rightarrow \text{id} := E$

3. $S \rightarrow \text{print}(L)$

4. $E \rightarrow \text{id}$

5. $E \rightarrow \text{num}$

6. $E \rightarrow E + E$

7. $E \rightarrow (S, E)$

8. $L \rightarrow E$

9. $L \rightarrow L, E$

$\text{id} := \text{num}; \text{id} := \text{id} + (\text{id} := \text{num} + \text{num}, \text{id})$

Possível código fonte:

$a := 7;$

$b := c + (d := 5 + 6, d)$

Derivações

a : = 7 ; b : = c + (d : = 5 + 6 , d)

- S
- S ; S
- S ; id := E
- id := E ; id := E
- id := num ; id := E
- id := num ; id := E + E
- id := num ; id := E + (S, E)
- id := num ; id := id + (S, E)
- id := num ; id := id + (id := E, E)
- id := num ; id := id + (id := E + E, E)
- id := num ; id := id + (id := E + E, id)
- id := num ; id := id + (id := num + E, id)
- id := num ; id := id + (id := num + num, id)

Derivações

- *left-most*: o não terminal mais a esquerda é sempre o expandido;
- *right-most*: idem para o mais a direita.
- Qual é o caso do exemplo anterior?

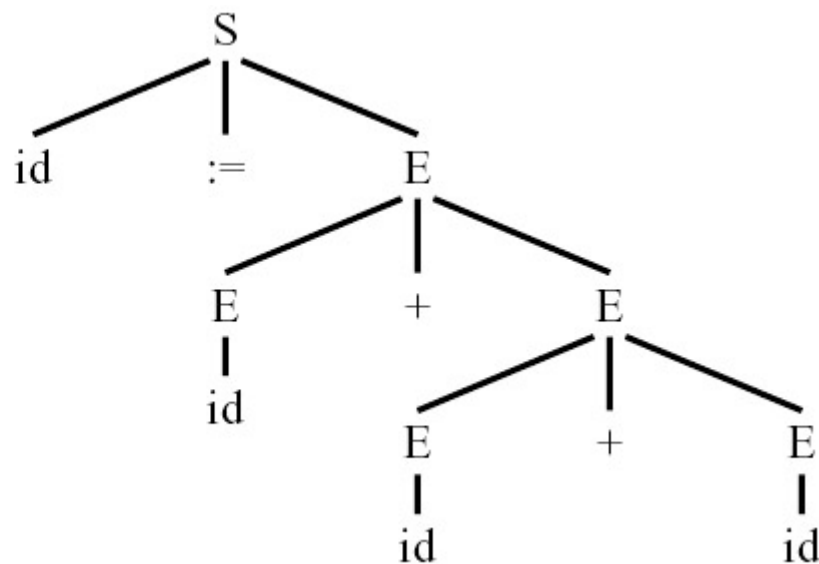
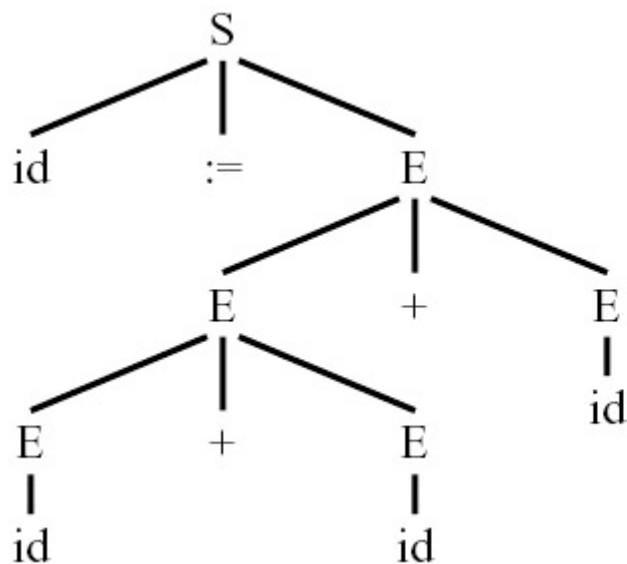
Parse Trees

- Constrói-se uma árvore conectando-se cada símbolo em uma derivação da qual ele foi derivado
- Duas derivações diferentes podem levar a uma mesma parse tree

Gramáticas Ambíguas

- Podemos derivar uma sentença com duas *parse trees* diferentes?

– $\text{id} := \text{id} + \text{id} + \text{id}$



É Ambígua?

$E \rightarrow \text{id}$

$E \rightarrow \text{num}$

$E \rightarrow E * E$

$E \rightarrow E / E$

$E \rightarrow E + E$

$E \rightarrow E - E$

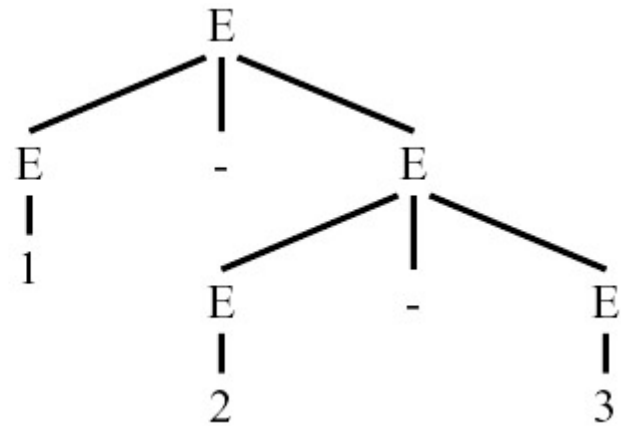
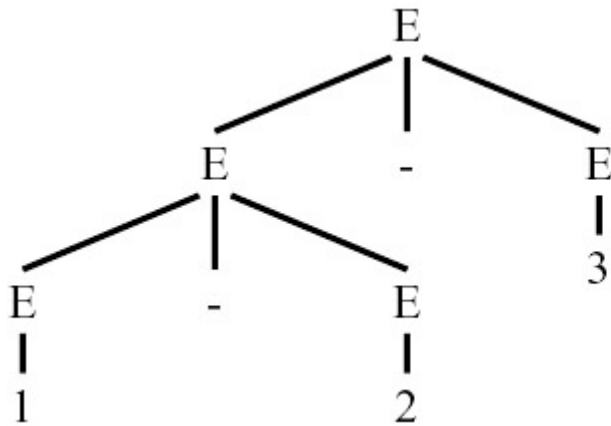
$E \rightarrow (E)$

Construa Parse Trees para
as seguintes expressões:

1-2-3

1+2*3

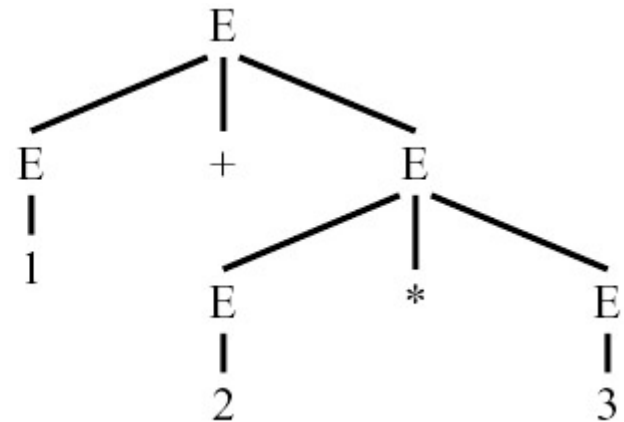
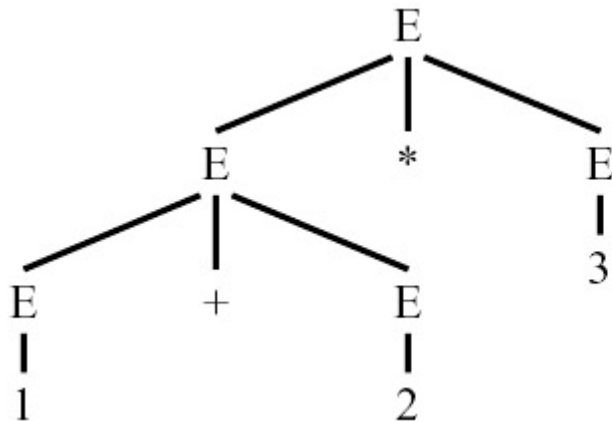
Exemplo: 1-2-3



Ambígua!

$$(1-2)-3 = -4 \text{ e } 1-(2-3) = 2$$

Exemplo: $1+2*3$



Ambígua!

$$(1+2)*3 = 9 \text{ e } 1+(2*3) = 7$$

Mas qual o problema com isto?

Gramáticas Ambíguas

- Os compiladores usam as parse trees para extrair o significado das expressões
- A ambiguidade se torna um problema
- Podemos, geralmente, mudar a gramática de maneira a retirar a ambigüidade

Gramáticas Ambíguas

- Alterando o exemplo anterior:
 - Queremos colocar uma precedência maior para $*$ em relação a $+$ e $-$
 - Também queremos que cada operador seja associativo à esquerda:
 $(1-2)-3$ e não $1-(2-3)$
- Conseguimos isso introduzindo novos não-terminais

Gramática para Expressões

$$E \rightarrow E + T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$F \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$F \rightarrow \text{num}$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow (E)$$

Construa as derivações e Parse Trees para as seguintes expressões:

1-2-3

1+2*3

Gramática para Expressões

$$E \rightarrow E + T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$F \rightarrow \text{id}$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$T \rightarrow T / F$$

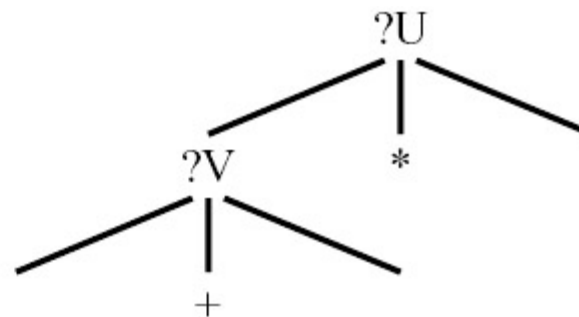
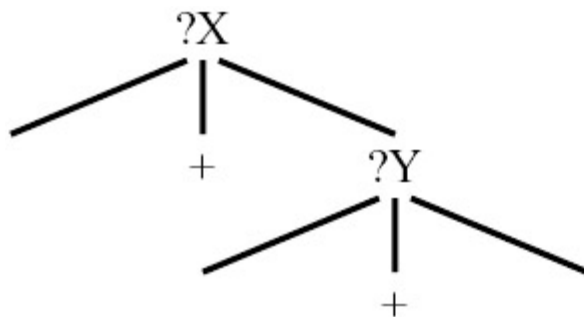
$$F \rightarrow \text{num}$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow (E)$$

Essa gramática pode gerar as árvores abaixo?



Gramáticas Ambíguas

- Geralmente podemos transformar uma gramática para retirar a ambigüidade
- Algumas linguagens não possuem gramáticas não ambíguas
- Mas elas não seriam apropriadas como linguagens de programação

Fim de Arquivo

$$S \rightarrow E \$$$
$$E \rightarrow E + T$$
$$E \rightarrow E - T$$
$$E \rightarrow T$$
$$T \rightarrow T * F$$
$$T \rightarrow T / F$$
$$T \rightarrow F$$
$$F \rightarrow \text{id}$$
$$F \rightarrow \text{num}$$
$$F \rightarrow (E)$$

Criar um novo não terminal
como símbolo inicial

Predictive Parsing

- Também chamados de *recursive-descent*
- É um algoritmo simples, capaz de fazer o parsing de algumas gramáticas
- Cada produção se torna uma cláusula em uma função recursiva
- Temos uma função para cada não-terminal

Predictive Parsing

$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$

$S \rightarrow \text{begin } S L$

$S \rightarrow \text{print } E$

$L \rightarrow \text{end}$

$L \rightarrow ; S L$

$E \rightarrow \text{num} = \text{num}$

Como seria um parser
para essa gramática?

Predictive Parsing

```
final int IF=1, THEN=2, ELSE=3, BEGIN=4, END=5, PRINT=6,
        SEMI=7, NUM=8, EQ=9;

int tok = getToken();

void advance() {tok=getToken();}

void eat(int t) {if (tok==t) advance(); else error();}

void S() {
    switch(tok) {
        case IF: eat(IF); E(); eat(THEN); S(); eat(ELSE); S();
        break;
        case BEGIN: eat(BEGIN); S(); L(); break;
        case PRINT: eat(PRINT); E(); break;
        default: error(); }}

void L() {
    switch(tok) { case END: eat(END); break;
        case SEMI: eat(SEMI); S(); L(); break;
        default: error(); }}

void E() { eat(NUM); eat(EQ); eat(NUM); }
```

Predictive Parsing

$$S \rightarrow E \$$$

$$E \rightarrow E + T$$

$$E \rightarrow E - T$$

$$E \rightarrow T$$

$$T \rightarrow T * F$$

$$T \rightarrow T / F$$

$$T \rightarrow F$$

$$F \rightarrow \text{id}$$

$$F \rightarrow \text{num}$$

$$F \rightarrow (E)$$

Vamos aplicar a mesma técnica para essa outra gramática ...

Predictive Parsing

```
void S() { E(); eat(EOF); }  
void E() {switch (tok) {  
    case ?: E(); eat(PLUS); T(); break;  
    case ?: E(); eat(MINUS); T(); break;  
    case ?: T(); break;  
    default: error(); }}  
void T() {switch (tok) {  
    case ?: T(); eat(TIMES); F(); break;  
    case ?: T(); eat(DIV); F(); break;  
    case ?: F(); break;  
    default: error(); }}
```

Funciona ???

Como seria a execução para $1*2+3$?

E para $1*2-3$?

FIRST and FOLLOW sets

- Dada uma string γ de terminais e não terminais
 - $\text{FIRST}(\gamma)$ é o conjunto de todos os terminais que podem iniciar uma string de terminais derivada de γ .
- Exemplo usando gramática anterior
 - $T \rightarrow T * F$
 - $\gamma = T * F$
 - $\text{FIRST}(\gamma) = \{\text{id}, \text{num}, (\}$

Predictive Parsing

- Se uma gramática tem produções da forma:
 - $X \rightarrow \gamma_1$
 - $X \rightarrow \gamma_2$
 - Caso os conjuntos $\text{FIRST}(\gamma_1)$ e $\text{FIRST}(\gamma_2)$ tenham intersecção, então a gramática não pode ser analisada com um *predictive parser*
- Por que?
 - A função recursiva não vai saber que caso executar

Calculando FIRST

- $Z \rightarrow d$
 - $Z \rightarrow X Y Z$
 - $Y \rightarrow$
 - $Y \rightarrow c$
 - $X \rightarrow Y$
 - $X \rightarrow a$
- *Como seria para $y = X Y Z$?*
 - Podemos simplesmente fazer $\text{FIRST}(XYZ) = \text{FIRST}(X)$?

Nullable

- Nullable(X) é verdadeiro se X pode derivar a string vazia

$Z \rightarrow d$

$Z \rightarrow X Y Z$

Nullable(Y)

$Y \rightarrow$

Nullable(X)

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

Nullable(Z)

$X \rightarrow a$

Nullable

- Nullable(X) é verdadeiro se X pode derivar a string vazia

$Z \rightarrow d$

$Z \rightarrow X Y Z$

$Y \rightarrow$

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow a$

Nullable(Y) = yes

Nullable(X) = yes

Nullable(Z) = no

FIRST

- $\text{FIRST}(X)$ é o conjunto de terminais que podem iniciar strings derivadas de X

$Z \rightarrow d$

$\text{FIRST}(Y)$

$Z \rightarrow X Y Z$

$\text{FIRST}(Z)$

$Y \rightarrow$

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow a$

FIRST

- $\text{FIRST}(X)$ é o conjunto de terminais que podem iniciar strings derivadas de X

$$Z \rightarrow d$$

$$Z \rightarrow X Y Z$$

$$Y \rightarrow$$

$$Y \rightarrow c$$

$$X \rightarrow Y$$

$$X \rightarrow a$$

$$\text{FIRST}(Y) = \{c\}$$

$$\text{FIRST}(Z) = \{a, c, d\}$$

FOLLOW

- FOLLOW(X) é o conjunto de terminais que podem imediatamente seguir X
 - $t \in \text{FOLLOW}(X)$ se existe alguma derivação contendo Xt
 - Cuidado com derivações da forma $X Y Z t$, onde Y e Z podem ser vazios

$Z \rightarrow d$

FOLLOW(Y)

$Z \rightarrow X Y Z$

$Y \rightarrow$

FOLLOW(Z)

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow a$

FOLLOW

- FOLLOW(X) é o conjunto de terminais que podem imediatamente seguir X
 - $t \in \text{FOLLOW}(X)$ se existe alguma derivação contendo Xt
 - Cuidado com derivações da forma $X Y Z t$, onde Y e Z podem ser vazios

$Z \rightarrow d$

$\text{FOLLOW}(Y) = \{d, a, c\}$

$Z \rightarrow X Y Z$

$Y \rightarrow$

$\text{FOLLOW}(Z) = \{ \}$

$Y \rightarrow c$

$X \rightarrow Y$

$X \rightarrow a$

Resumindo

- $\text{Nullable}(X)$ é verdadeiro se X pode derivar a string vazia
- $\text{FIRST}(\gamma)$ é o conjunto de terminais que podem iniciar strings derivadas de γ
- $\text{FOLLOW}(X)$ é o conjunto de terminais que podem imediatamente seguir X
 - $t \in \text{FOLLOW}(X)$ se existe alguma derivação contendo Xt
 - Cuidado com derivações da forma $X Y Z t$, onde Y e Z podem ser vazios

Definição FIRST, FOLLOW e nullable

for each terminal symbol Z

$\text{FIRST}[Z] \leftarrow \{Z\}$

repeat

for each production $X \rightarrow Y_1 Y_2 \cdots Y_k$

if $Y_1 \dots Y_k$ are all nullable (or if $k = 0$)

then $\text{nullable}[X] \leftarrow \text{true}$

for each i from 1 to k , each j from $i + 1$ to k

if $Y_1 \cdots Y_{i-1}$ are all nullable (or if $i = 1$)

then $\text{FIRST}[X] \leftarrow \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}[Y_i]$

if $Y_{i+1} \cdots Y_k$ are all nullable (or if $i = k$)

then $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FOLLOW}[X]$

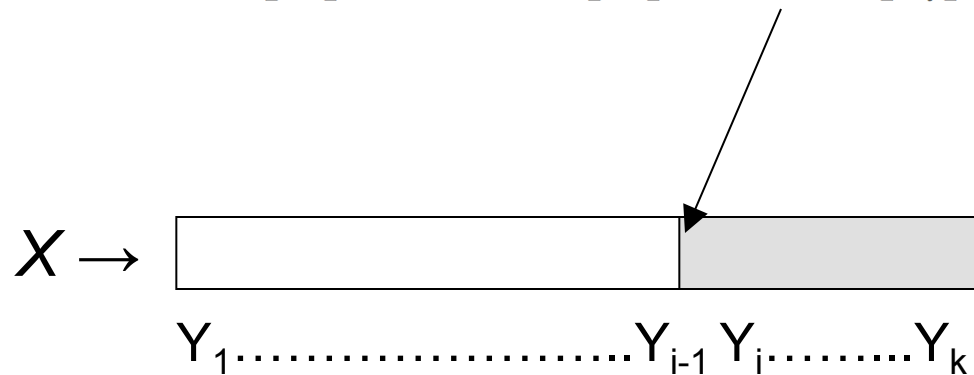
if $Y_{i+1} \cdots Y_{j-1}$ are all nullable (or if $i + 1 = j$)

then $\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FIRST}[Y_j]$

until FIRST, FOLLOW, and nullable did not change in this iteration.

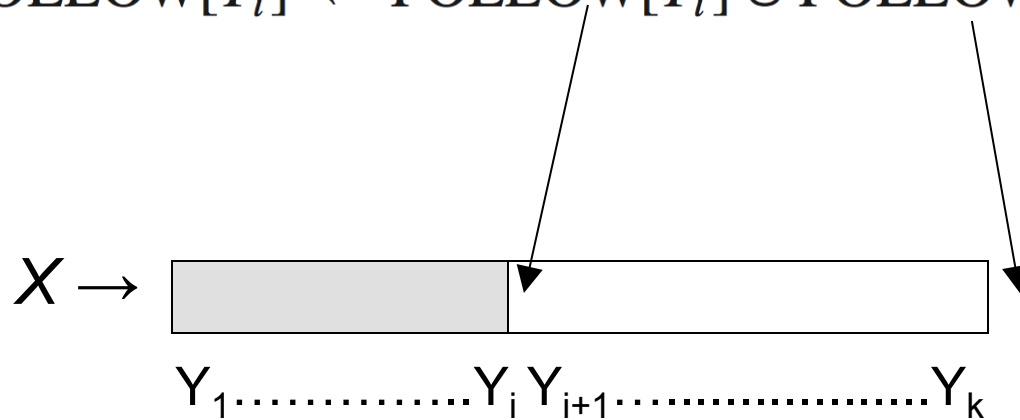
FIRST, FOLLOW, NULLABLE

$$\text{FIRST}[X] \leftarrow \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}[Y_i]$$



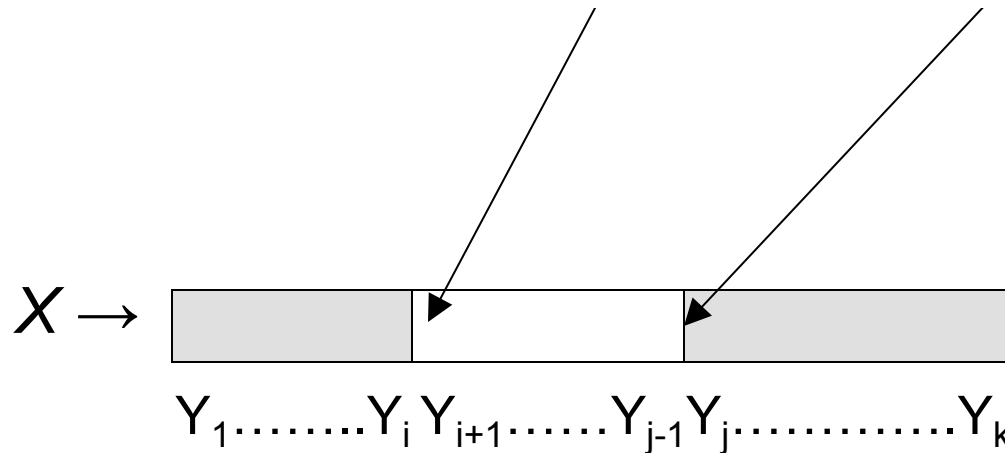
FIRST, FOLLOW, NULLABLE

$$\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FOLLOW}[X]$$



FIRST, FOLLOW, NULLABLE

$$\text{FOLLOW}[Y_i] \leftarrow \text{FOLLOW}[Y_i] \cup \text{FIRST}[Y_j]$$



Algoritmo FIRST, FOLLOW e nullable

- Algoritmo de iteração até um ponto fixo
- Os conjuntos poderiam ser computados de maneira separada
- Mesmo método usado para ϵ -closure
- Aparece também no back-end, para dataflow analysis

Exemplo

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X			
Y			
Z			

Exemplo

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	no	a	c d
Y	yes	c	d
Z	no	d	

Exemplo

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow X Y Z$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	a c	a c d
Y	yes	c	a c d
Z	no	a c d	

Construindo um Predictive Parser

- Cada função relativa a um não-terminal precisa conter uma cláusula para cada produção
- Precisa saber escolher, baseado no próximo *token*, qual a produção apropriada
- Isto é feito através da *predictive parsing table*

Exemplo

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	a c	a c d
Y	yes	c	a c d
Z	no	a c d	

- $Z \rightarrow d$
- $Z \rightarrow XYZ$
- $Y \rightarrow$
- $Y \rightarrow c$
- $X \rightarrow Y$
- $X \rightarrow a$

$FIRST(XYZ)$

$FIRST(Y)$

Generalizando para strings

- $\text{FIRST}(X\gamma) = \text{FIRST}[X]$, if not nullable[X]
- $\text{FIRST}(X\gamma) = \text{FIRST}[X] \cup \text{FIRST}(\gamma)$,
if nullable[X]
- string γ é *nullable* se cada símbolo em γ é *nullable*

Construindo um Predictive Parser

- Dada uma produção $X \rightarrow \gamma$
- Para cada $t \in \text{FIRST}(\gamma)$
 - Coloque a produção $X \rightarrow \gamma$ na linha X , coluna t .
- Se γ é *nullable*:
 - Coloque a produção na linha X , coluna t para cada $t \in \text{FOLLOW}[X]$.

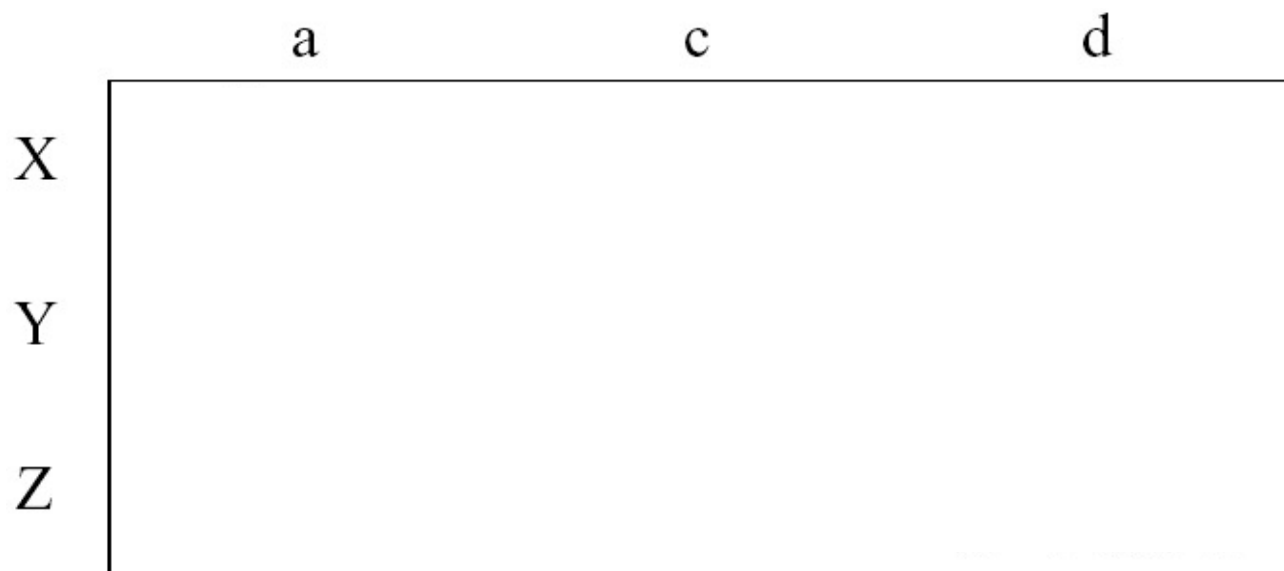
Exemplo

- $Z \rightarrow d$ { }
- $Z \rightarrow X Y Z$ { }
- $Y \rightarrow$ { }
- $Y \rightarrow c$ { }
- $X \rightarrow Y$ { }
- $X \rightarrow a$ { }

	nullable	FIRST	FOLLOW
X	yes	a c	a c d
Y	yes	c	a c d
Z	no	a c d	

Exemplo

- $Z \rightarrow d$ $\{d\}$
- $Z \rightarrow X Y Z$ $\{a, c, d\}$
- $Y \rightarrow$ $\{a, c, d\}$
- $Y \rightarrow c$ $\{c\}$
- $X \rightarrow Y$ $\{a, c, d\}$
- $X \rightarrow a$ $\{a\}$



Exemplo

- $Z \rightarrow d$ $\{a, c, d\}$
- $Z \rightarrow XYZ$ $\{a, c, d\}$
- $Y \rightarrow$ $\{a, c, d\}$
- $Y \rightarrow c$ $\{c\}$
- $X \rightarrow Y$ $\{a, c, d\}$
- $X \rightarrow a$ $\{a\}$

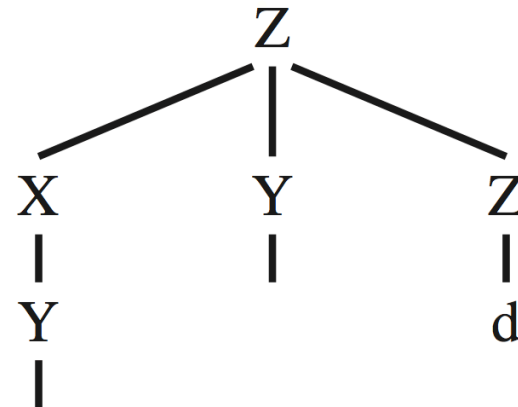
Funciona ???

	a	c	d
X	$X \rightarrow a$ $X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$	$X \rightarrow Y$
Y	$Y \rightarrow$	$Y \rightarrow$ $Y \rightarrow c$	$Y \rightarrow$
Z	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow XYZ$	$Z \rightarrow d$ $Z \rightarrow XYZ$

Construindo um Predictive Parser

- Não!!
 - A gramática é ambígua
 - Note que algumas células da tabela do predictive parser têm mais de uma entrada!
 - Isso sempre acontece com gramáticas ambíguas!

Z
|
d



Construindo um Predictive Parser

- Linguagens cujas tabelas não possuam entradas duplicadas são denominadas de LL(1)
 - *Left to right parsing, leftmost derivation, 1-symbol lookahead*
- A definição de conjuntos FIRST pode ser generalizada para os primeiros k tokens de uma string
 - Gera uma tabela onde as linhas são os não-terminais e as colunas são todas as seqüências possíveis de k terminais

Construindo um Predictive Parser

- Isso é raramente feito devido ao tamanho explosivo das tabelas geradas
- Gramáticas analisáveis com tabelas LL(k) são chamadas LL(k)
- Nenhuma gramática ambígua é LL(k) para nenhum k!

Recursão à Esquerda

$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow E - T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow \text{id}$

$F \rightarrow \text{num}$

$F \rightarrow (E)$

Consigo gerar um parser
LL(1) para essa
gramática?

Recursão à Esquerda

$S \rightarrow E \$$

O que fazer para resolver?

$E \rightarrow F - T$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow \text{id}$

$F \rightarrow \text{num}$

$F \rightarrow (E)$

Recursão à Esquerda

$S \rightarrow E \$$

$E \rightarrow F - T$

$E \rightarrow E + T$

$E \rightarrow T$

$T \rightarrow T * F$

$T \rightarrow T / F$

$T \rightarrow F$

$F \rightarrow \text{id}$

$F \rightarrow \text{num}$

$F \rightarrow (E)$

O que fazer para resolver?

$E \rightarrow T E'$

$E' \rightarrow + T E'$

$E' \rightarrow$

Recursão à direita!

Recursão à Esquerda

Generalizando:

- Tendo $X \rightarrow X\gamma$ e $X \rightarrow \alpha$, onde α não começa com X
- Derivamos strings da forma $\alpha\gamma^*$
 - α seguido de zero ou mais γ .
- Podemos reescrever:

$$\begin{pmatrix} X \rightarrow X\gamma_1 \\ X \rightarrow X\gamma_2 \\ X \rightarrow \alpha_1 \\ X \rightarrow \alpha_2 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{pmatrix} X \rightarrow \alpha_1 X' \\ X \rightarrow \alpha_2 X' \\ X' \rightarrow \gamma_1 X' \\ X' \rightarrow \gamma_2 X' \\ X' \rightarrow \end{pmatrix}$$

Eliminando Recursão à Esquerda

- $S \rightarrow E \$$
- $E \rightarrow T E'$
- $E' \rightarrow + T E'$
- $E' \rightarrow - T E'$
- $E' \rightarrow$
- $T \rightarrow F T'$
- $T' \rightarrow^* F T'$
- $T' \rightarrow / F T'$
- $T' \rightarrow$
- $F \rightarrow \text{id}$
- $F \rightarrow \text{num}$
- $F \rightarrow (E)$

	nullable	FIRST	FOLLOW
S	no	(id num	
E	no	(id num) \$
E'	yes	+ -) \$
T	no	(id num) + - \$
T'	yes	* /) + - \$
F	no	(id num) * / + - \$

Eliminando Recursão à Esquerda

- $S \rightarrow E \$$
- $E \rightarrow T E'$
- $E' \rightarrow + T E'$
- $E' \rightarrow - T E'$
- $E' \rightarrow$
- $T \rightarrow F T'$
- $T' \rightarrow^* F T'$
- $T' \rightarrow / F T'$
- $T' \rightarrow$
- $F \rightarrow \text{id}$
- $F \rightarrow \text{num}$
- $F \rightarrow (E)$

	+	*	id	()	\$
S			$S \rightarrow ES$	$S \rightarrow ES$		
E			$E \rightarrow TE'$	$E \rightarrow TE'$		
E'	$E' \rightarrow +TE'$				$E' \rightarrow$	$E' \rightarrow$
T			$T \rightarrow FT'$	$T \rightarrow FT'$		
T'	$T' \rightarrow$	$T' \rightarrow *FT'$			$T' \rightarrow$	$T' \rightarrow$
F			$F \rightarrow \text{id}$	$F \rightarrow (E)$		

Fatoração à Esquerda

- Um outro problema para predictive parsing ocorre em situações do tipo:

$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$

$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S$

- Regras do mesmo não terminal começam com os mesmo símbolos

Fatoração à Esquerda

- Criar um novo não-terminal para os finais permitidos:

$$S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S X$$
$$X \rightarrow$$
$$X \rightarrow \text{else } S$$

- Gramática ainda é ambígua, mas conflito pode ser resolvido escolhendo sempre a segunda regra.

Recuperação de Erros

- Uma entrada em branco na tabela indica um caractere não esperado
- Parar o processo no primeiro erro encontrado não é desejável
- Duas alternativas:
 - Inserir símbolo:
 - Assume que encontrou o que esperava
 - Deletar símbolo(s):
 - Pula tokens até que um elemento do FOLLOW seja atingido.

Recuperação de Erros

```
void T() {  
    switch (tok) {  
        case ID:  
        case NUM:  
        case LPAREN: F(); Tprime(); break;  
        default: print("expected id, num, or  
left-paren");  
    }  
}
```

Recuperação de Erros

```
int Tprime_follow [] = {PLUS, RPAREN, EOF};  
void Tprime() {  
    switch (tok) {  
        case PLUS: break;  
        case TIMES: eat(TIMES); F(); Tprime(); break;  
        case RPAREN: break;  
        case EOF: break;  
        default: print("expected +, *, right-paren, or  
end-of-file");  
        skipto(Tprime_follow);  
    }  
}
```