Факультет компьютерных технологий и прикладной математики Кафедра информационных технологий 02.03.03

> Приложение нейросетевых алгоритмов Лабораторная работа № 1

Тема: однослойные нейронные сети

Цель работы: получение знаний и практических навыков построения однослойных нейронных сетей.

Задание: требуется разработать алгоритмы и программы решения задач 1-3 на языке Python без использования специализированных библиотек.

Указания к работе. Студенты решают задачи № 1, 2, 3. Студент разрабатывает алгоритмы и программы решения задач на языке Python без использования специализированных библиотек, используя систему управления версиями и размещая их на личный Git репозиторий. Студенту будет необходимо подготовить отчёт по лабораторной работе в электронной форме. За лабораторную работу студент может получить оценку «зачтено», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично».

 $3a\partial a va~1.~$ <u>Нейроны типа WTA</u>. Нейроны типа WTA (англ. Winner Takes All — победитель получает всё) имеют входной модуль в виде стандартного сумматора, рассчитывающего сумму входных сигналов с соответствующими весами w_{ii} .

Выходной сигнал i -го сумматора определяется согласно формуле

$$u_i = \sum_{j=0}^N w_{ij} x_j.$$

Группа конкурирующих между собой нейронов (рисунок 1) получает одни и те же входные сигналы x_j . В зависимости от фактических значений весовых коэффициентов суммарные сигналы u_i , отдельных нейронов могут различаться. По результатам сравнения этих сигналов победителем

признаётся нейрон, значение и, у которого оказалось наибольшим. Нейрон-победитель вырабатывает на своём выходе состояние 1, а остальные (проигравшие) нейроны переходят в состояние 0.

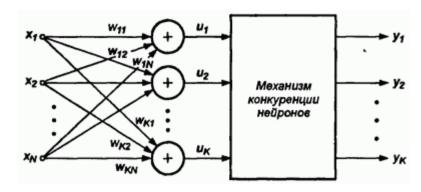


Рисунок 1 – Схема соединения нейронов типа WTA

Для обучения нейронов типа WTA не требуется учитель, оно протекает аналогично обучению инстара, с использованием нормализованных входных векторов *x*. На начальном этапе случайным образом выбираются весовые коэффициенты каждого нейрона, нормализуемые относительно 1.

После подачи первого входного вектора x определяется победитель этапа. Победивший в этом соревновании нейрон переходит в состояние 1, что позволяет ему провести уточнение весов его входных линий (по правилу Гроссберга).

Проигравшие нейроны формируют на своих выходах состояние 0, что блокирует процесс уточнения их весовых коэффициентов. Вследствие бинарности значений выходных сигналов конкурирующих нейронов (0 или 1) правило Гроссберга может быть несколько упрощено:

$$w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t) + \eta \left[x_j - w_{ij}(t) \right].$$

На функционирование нейронов типа WTA оказывает существенное влияние нормализация входных векторов и весовых коэффициентов. Выходной сигнал u_i i-го нейрона может быть описан векторным отношением

$$u_i = w^T x = ||w|| ||x|| \cos \varphi_i.$$

Поскольку $\|w\| = \|x\| = 1$, значение u_i определяется углом между векторами w и x: $u_i = \cos \varphi_i$.

Поэтому победителем оказывается нейрон, вектор весов которого оказывается наиболее близким текущему обучающему вектору x. В результате победы нейрона уточняются его весовые коэффициенты, значения которых приближаются к значениям текущего обучающего вектора x. Если на вход сети будет подаваться множество близких по значениям векторов, побеждать будет один и тот же нейрон. Поэтому его веса станут равными усреднённым значениям тех входных векторов, благодаря которым данный нейрон оказался победителем. Проигравшие нейроны не изменяют свои веса. Только победа при очередном представлении входного вектора позволит им произвести уточнение весовых коэффициентов и продолжить процесс обучения в случае ещё одной победы.

Условие задачи:

Реализовать нейронную сеть, состоящую из 4-х нейронов типа WTA (рисунок 2), предназначенную для классификации входных двухкомпонентных векторов.

В качестве входных обучающих векторов использовать векторы в нормализованном виде:

$$x_{1} = \begin{bmatrix} 0.97 \\ 0.20 \end{bmatrix}, \ x_{2} = \begin{bmatrix} 1.00 \\ 0.00 \end{bmatrix}, \ x_{3} = \begin{bmatrix} -0.72 \\ 0.70 \end{bmatrix}, \ x_{4} = \begin{bmatrix} -0.67 \\ 0.74 \end{bmatrix},$$
$$x_{5} = \begin{bmatrix} -0.80 \\ 0.60 \end{bmatrix}, \ x_{6} = \begin{bmatrix} 0.00 \\ -1.00 \end{bmatrix}, \ x_{7} = \begin{bmatrix} 0.20 \\ -0.97 \end{bmatrix}, \ x_{8} = \begin{bmatrix} -0.30 \\ -0.95 \end{bmatrix}.$$

Вывести веса нейронов после обучения для коэффициента обучения $\eta = 0.5 \, .$

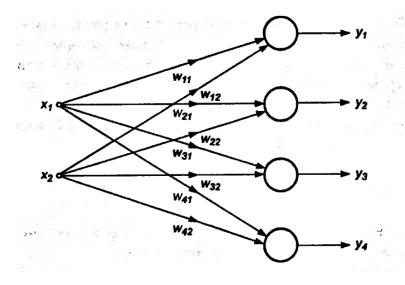


Рисунок 2 – Нейронная сеть типа WTA

Задача 2. Проблема мёртвых нейронов. Серьёзной проблемой при обучении WTA остаётся проблема мёртвых нейронов, которые после инициализации ни одного раза не победили в конкурентной борьбе и остались в состоянии, сформированном в начальный момент времени. Каждый мёртвый нейрон уменьшает эффективное количество элементов, прошедших обучение, и соответственно увеличивает общую погрешность распознавания данных. Для разрешения этой проблемы применяется модифицированное обучение, основанное на учёте прошлых побед каждого нейрона и штрафовании (временной дисквалификации) тех из них, которые побеждали чаще всего. Дисквалификация слишком активных нейронов может осуществляться либо назначением порогового числа побед, по достижении которого наступает обязательная пауза, либо уменьшением фактического значения u_i при нарастании количества побед i-го нейрона.

Условие задачи:

Для предыдущей задачи использовать модифицированное обучение WTA (например, ввести систему штрафов: учитывать прошлые победы каждого нейрона и штрафовать те нейроны, которые побеждали больше всего. Штрафование может назначаться либо при достижении порогового значения

числа побед, либо уменьшением значения функции активации при нарастании количества побед).

Задача 3. Модель нейрона Хебба. Д. Хебб в процессе исследования нервных клеток заметил, что связь между двумя клетками усиливается, если обе клетки пробуждаются (становятся активными) в один и тот же момент времени. Если j-я клетка с выходным сигналом y_j связана с i-й клеткой, имеющей выходной сигнал y_i , связью с весом w_{ij} , то на силу связи этих клеток влияют значения выходных сигналов y_i и y_j .

Хебб предложил формальное правило, в котором отразились результаты его наблюдений. В соответствии с правилом Хебба вес w_{ij} нейрона изменяется пропорционально произведению его входного и выходного сигналов:

$$\Delta w_{ii} = \eta y_i y_i, \tag{1}$$

где η – это коэффициент обучения, значение которого выбирается в интервале (0, 1). Правило Хебба может применяться для нейронных сетей различных типов с разнообразными функциями активации моделей отдельных нейронов.

Структурная схема нейрона Хебба на рисунке 3 соответствует стандартной форме модели нейрона.

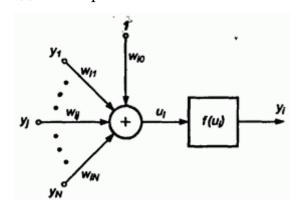


Рисунок 3 – Структурная схема нейрона Хебба

Связь с весом w_{ij} , способ подбора значения которого задаётся отношением (1), соединяет входной сигнал y_j с сумматором i-го нейрона, вырабатывающего выходной сигнал y_i .

Обучение нейрона по правилу Хебба может проводиться как с учителем, так и без него. Во втором случае в правиле Хебба используется фактическое значение y_i выходного сигнала нейрона. При обучении с учителем вместо значения выходного сигнала y_i используется ожидаемая от этого нейрона реакция d_i . В этом случае правило Хебба записывается в виде (2)

$$\Delta w_{ii} = \eta y_i d_i. \tag{2}$$

Правило Хебба характеризуется тем, что в результате его применения веса могут принимать произвольно большие значения, поскольку в каждом цикле обучения происходит суммирование текущего значения веса и его приращения Δw_{ii} :

$$w_{ij}(t+1) = w_{ij}(t) + \Delta w_{ij}.$$

Условие задачи:

Для предыдущей задачи реализовать обучение нейронной сети с двумя нейронами по правилу Хебба.

Список источников:

- 1. Осовский С. Нейронные сети для обработки информации / Пер. с польск. И. Д. Рудинского. М.: Финансы и статистика, 2004. 344 с.
- 2. Харитонова А. А. Нейрокомпьютерные системы: методические указания к контрольной работе для специальностей / ПГУТИ. Самара: ПГУТИ, 2009. 69 с.
- 3. Глубокое обучение и нейронные сети с Python и Pytorch, введение. Часть I [Электронный ресурс]. URL: https://pythonist.ru/glubokoe-obuchenie-i-nejronnye-seti-s-python-i-pytorchvvedenie-chast-i/ (дата обращения: 27 января 2024).
- 4. РуТогсh [Электронный ресурс]. URL: https://pytorch.org/ (дата обращения: 27 января 2024).

5. Нейронные сети на основе радиально-симметричных функций [Электронный ресурс]. URL: https://neuronus.com/theory/nn/954-nejronnye-seti-na-osnove-radialnosimmetrichnykh-funktsij.html (дата обращения: 27 января 2024).