Método Reductio ad absurdum (Redução ao Absurdo)

CCMP0133 - Aula 06

Prof. Valdigleis S. Costa valdigleis.costa@univasf.edu.br 30 de maio de 2022

Universidade Federal do Vale do São Francisco Colegiado de Ciência da Computação *Campus* Salgueiro-PE

Roteiro

Introdução

A Definição

Seção Prática

Introdução

Perguntas Básicas

• O que é um Absurdo?

Perguntas Básicas

- O que é um Absurdo?
- O que seria reduzir ao absurdo?

Perguntas Básicas

- O que é um Absurdo?
- O que seria reduzir ao absurdo?
- Como funcionaria uma prova que reduz ao absurdo?

A Definição

Formalizando

Definição (Prova por Redução ao Absurdo — RAA)

A metodologia para uma demonstração por redução ao absurdo de uma asserção α , consiste em supor que não α é uma hipótese verdadeira, então deduzir um absurdo (ou contradição). Em seguida concluir que dado que a partir de não α foi produzido um absurdo pode-se afirma que α é verdadeiro.

3

Seção Prática

Exemplos

Escolham...

- Não existe um inteiro *n* que seja o maior inteiro.
- Se 3n + 2 é impar, então n é impar.
- Se n^2 é par, então n é par.
- ullet Não existe um n que seja par e impar ao mesmo tempo.
- Dado $a, b \in \mathbb{Z}$. Se a divide b, então ab divide b^2 .
- Dado n = ab sendo $a, b \in \mathbb{Z}_+^*$. Prove que $a \le \sqrt{n}$ ou $b \le \sqrt{n}$.
- Não existe um programa P jogador de xadrez que sempre vença.