Trabajo Práctico de Simulación Codificación de fuente y de canal

Universidad Nacional de La Plata Facultad de Ingeniería



Valeria Micol García N°Alumno: 03404/7



Índice

1. Introducción	3
2. Construcción del código lineal (14,10)	4
3. Simulación del sistema codificado (modo corrector)	8
3.1 Conclusiones	12
4. Simulación del sistema codificado (modo detector)	13
4.1 Conclusiones	16
5. Compresión de Imagen Utilizando el Algoritmo de Huffman	17
5.1 Conclusiones	22



1. Introducción

El presente trabajo práctico tiene como objetivo principal la simulación de un sistema de comunicación digital sobre un canal ruidoso, implementando un código de bloque lineal sistemático con detección dura. Se busca analizar y comparar el desempeño del sistema codificado frente a un sistema sin codificación, utilizando modulación BPSK y un canal aditivo blanco gaussiano (AWGN).

Para ello, se desarrolló un código (14,10) con distancia mínima dmin = 3, capaz de corregir errores simples. La transmisión se simula mediante la generación de palabras de información aleatorias, codificación lineal, modulación BPSK, adición de ruido gaussiano, demodulación y decodificación. Posteriormente, se calculan las tasas de error de palabra y de bit para distintos valores de Eb/N0

Toda la simulación se implementó de forma matricial, optimizando el procesamiento y siguiendo la estructura propuesta por la cátedra. Se compararon los resultados con las curvas teóricas correspondientes (sistema sin codificación) y se analizó la ganancia de codificación obtenida, comparando tanto el sistema con corrección de errores como el sistema detector.

Además, como parte del segundo ejercicio, se implementó un algoritmo de compresión de fuente mediante la codificación de Huffman, aplicado a un archivo binario (imagen en formato TIFF). Se calcularon las probabilidades de los símbolos, se construyó el árbol de Huffman y se determinaron el largo promedio y la tasa de compresión del mensaje comprimido.



2. Construcción del código lineal (14,10)

En esta sección se diseñó e implementó un **código de bloque lineal sistemático** con las siguientes características:

- Longitud total de la palabra de código: n = 14 bits
- Longitud del mensaje de información: $k = 10 \ bits$
- Bits de paridad: n k = 4 bits

Para saber la distancia mínima, lo que se hizo fue usar la cota de Hamming.

$$\sum_{i=0}^{t_c} inom{n}{i} \leq 2^{n-k}$$

De aquí se encontró que tc = 1, por lo tanto dmin = 2. tc + 1 = 3

Por otra parte, se encontró td = dmin - 1 = 2

Este código fue seleccionado por su capacidad para detectar y corregir errores, cumpliendo con los requerimientos del ejercicio. En particular, permite corregir hasta 1 error por bloque y detectar hasta dos errores.

Para la construcción del código, se utilizó una representación sistemática, donde la matriz generadora G se armó con la forma:

$$G = [I_k \,|\, P]$$

donde:

- Ik es la matriz identidad 10×10 , que representa la parte informativa.
- P es una matriz de paridad 10×4 cuidadosamente construida para garantizar la independencia lineal de las filas y asegurar la distancia mínima deseada.



La matriz P fue elegida cumpliendo con los siguientes criterios:

- Cada fila es distinta y no nula, asegurando la capacidad de detección.
- Cada fila contiene al menos un "1", lo que implica que cada bit de paridad depende de los bits informativos.
- Las filas son linealmente independientes, evitando redundancias.

```
n = 14
k = 10
dmin = 3

I = np.eye(k, dtype=int)
print ("Matriz identidad I[k*k]")
print(" ")
print (I)

✓ 0.0s

Matriz identidad I[k*k]

[[1 0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 1 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 1 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 1 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
[0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

Figura 1: Creación de la matriz identidad

Figura 2: Creación de la matriz de paridad

Figura 3: Creación de la matriz Generadora



Posteriormente, se construyó la matriz de control de paridad H, utilizada para el cálculo del síndrome de las palabras recibidas:

$$H = [P^T \,|\, I_{n-k}]$$

Figura 4: Creación de la matriz de control de paridad

Esta matriz permite calcular el síndrome S mediante la expresión:

$$S = r \cdot H^T \mod 2$$

donde r es la palabra recibida. El síndrome S indica la presencia y localización de errores en el bloque recibido.

Finalmente, se calculó la ganancia asintótica de codificación para detección dura, dada por:

$$G_a = rac{k}{n} \cdot \left\lfloor rac{d_{min} + 1}{2}
ight
floor$$



obteniéndose un valor aproximado de 1.4 para el código diseñado. Esta ganancia representa la mejora teórica del sistema codificado respecto a un sistema sin codificación.

```
Ga = ·(k /·n) ·* ·floor((dmin·+·1)·/·2)

print(f"La ·ganancia ·asintótica ·Ga ·(detección ·dura) ·es ·de ·≈ ·{Ga:.3f}")

✓ 0.0s

La ganancia asintótica Ga (detección dura) es de ≈ 1.429
```

Figura 5: Cálculo de la ganancia asintótica



3. Simulación del sistema codificado (modo corrector)

En esta sección se realizó la simulación del sistema de comunicación digital con codificación de canal, considerando la capacidad del código de corregir errores. El esquema general consistió en transmitir bloques de información codificados, sometidos a un canal con ruido aditivo blanco gaussiano (AWGN), y aplicar un detector/corrector de errores. Se compararon los resultados con la curva teórica del sistema sin codificación.

La simulación del sistema codificado se implementó utilizando Python y se basó en una estructura matricial eficiente para representar la transmisión de M bloques de información.

El procedimiento consistió en los siguientes pasos:

- Generación de bloques U: Se crearon M palabras de información aleatorias de longitud k=10.
- Codificación V: Cada bloque fue codificado usando la matriz generadora G, obteniendo palabras de código de longitud n=14.
- Modulación BPSK: Las palabras codificadas se mapearon a símbolos BPSK (0 → A, 1 → A).
- Canal con ruido AWGN: Se sumó ruido gaussiano complejo a cada símbolo transmitido para simular el canal. Se utilizó la energía de bit Eb y densidad espectral N0correspondientes a cada Eb/N0.
- **Demodulación y detección**: Se realizó detección dura comparando el valor real recibido con un umbral 0, $(r > 0 \rightarrow 1)$, $r < 0 \rightarrow 0$
- Cálculo del síndrome S: Se utilizó la matriz de control H para determinar la presencia y localización de errores en cada bloque recibido.
- **Corrección VRcorregida**: Si el síndrome era distinto de 0, se corrigió el bit correspondiente al error identificado.
- **Decodificación Uest**: Se extrajeron los primeros k bits de cada bloque corregido para obtener las palabras decodificadas.



- Cálculo de errores: Se contaron los errores de palabra (V≠VRcorregida) y de bit (U≠Uest).
- **Resultados Pe y Pb**: Se calcularon las probabilidades de error de palabra y de bit, y se compararon con la curva teórica de BPSK sin codificación.

```
EbN0_veces = 10**(EbN0/10)
#U_teorica Pb = 8.5 * erfc(np.sqrt(2*EbN8_veces) / np.sqrt(2)) # Probabilidad de bit error para BPSK
Q_teorica = 1 - (1 - Pb)**n # Probabilidad teórica de error de palabra
if Q_teorica == 8:
    Q_teorica - 1e-12 # Esto se hace para evitar la división por cero
M = max(num_bloques, int(10 / Q_teorica))
errores_bit = 0
total_bits = M * k
# Generación de palabras aleatorias: U es una matriz M x k U = np.random.randint(0, 2, (M, k))
# Codificación matricial usando G: V es M x n V = np.mod(U @ G, 2)
noise = np.sqrt(N0/2) * (np.random.randn(M, n) + 1j * np.random.randn(M, n))
# Señal recibida - señal transmitida + ruido
R - S + noise
VR = (np.real(R) > 0).astype(int)
# Cálculo del síndrome para todos los bloques
SIND - np.mod(VR @ H.T, 2) # M x (n-k)
errores_Dalabra - np.sum(~np.all(V -- VR_corregida, axis-1)) # Error si V distinto de VR_corregida errores_bit - np.sum(U !- U_est) # Comparar U original con U_est (decodificado)
Pe_palabra_sim.append(errores_palabra / M) # Probabilidad de error de palabra
Pb_bit_sim.append(errores_bit / (M * k)) # Probabilidad de error de bit
Pb_teorico.append(Pb) # Pb_teórico (BPSK)
```

Figura 6: Código de simulación



En el último bloque del código, se calcularon y almacenaron las tres principales probabilidades de error que caracterizan el desempeño del sistema de comunicación digital:

1. Probabilidad de error de palabra simulada (P_e)

$$P_e = rac{ ext{errores_palabra}}{M}$$

Se calcula como la proporción de palabras de código transmitidas que contienen errores. Interpreta el rendimiento del sistema a nivel de palabra (es decir, cuántas palabras fueron incorrectas).

2. Probabilidad de error de bit simulada (Pb)

$$P_b = rac{ ext{errores_bit}}{M \cdot k}$$

Es la fracción de bits erróneos respecto al total de bits transmitidos. Mide el desempeño del sistema a nivel de bit, considerando la codificación y corrección aplicada.

3. Probabilidad de error teórica sin codificación (Pb, teórico)

$$P_{eb} = Q\left(\sqrt{rac{2E_b}{N_0}}
ight)$$

Representa el error teórico del sistema sin codificación, usando la expresión del error de bit para modulación BPSK en un canal AWGN. En el código, esta fórmula está implementada con la función *erfc* de Scipy



A continuación se muestra un gráfico donde se trazaron estas probabilidades en escala logarítmica en función de Eb/N0, permitiendo comparar el rendimiento del sistema codificado (curvas Pb y Pe), con la teoría sin codificación (Pb, teórico).

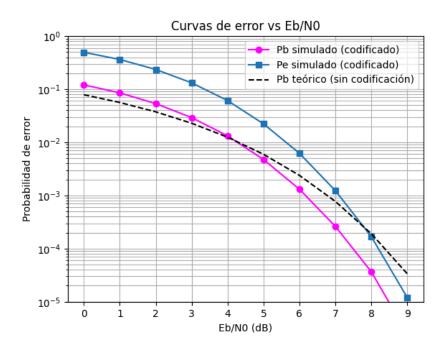


Figura 7: Curvas de tasa de error (Código corrector)

La ganancia de codificación se interpreta como la diferencia horizontal (en Eb/N0 en dB) necesaria para alcanzar un mismo nivel de probabilidad de error Pb en el sistema codificado respecto al sistema sin codificación.

Observamos que para un Pb específico (por ejemplo 10⁻³), la curva violeta (sistema codificado) requiere un Eb/N0 menor que el sistema teórico sin codificación (curva negra), indicando una ganancia.

En este caso, la ganancia de codificación aproximada es de 1.4 dB, consistente con la ganancia asintótica calculada Ga.



3.1 Conclusiones

El código implementado permite reducir la energía necesaria por bit para alcanzar una determinada tasa de error, confirmando el efecto de la codificación.

La diferencia entre las curvas azul (Pe) y violeta (Pb) indica que aunque la probabilidad de palabra completa con error es relativamente alta, la probabilidad de error de bit se reduce significativamente gracias a la corrección.

La simulación evidencia que, para bajas probabilidades de error (Pb $\leq 10^{-3}$), el sistema codificado muestra una clara ventaja en términos de eficiencia energética.



4. Simulación del sistema codificado (modo detector)

En esta sección se simula el desempeño del sistema digital usando el mismo código lineal propuesto anteriormente, pero empleándolo sólo como detector de errores, sin aplicar corrección. Esta aproximación permite analizar la capacidad del código para identificar errores, y cuantificar su impacto en la tasa de error en palabras y bits, comparado con el sistema sin codificación.

El procedimiento consistió en los siguientes pasos:

- **Generación de palabras aleatorias**: Se generan M bloques de longitud k, cada uno con bits equiprobables e independientes.
- **Codificación**: Se aplica la matriz generadora G para producir palabras codificadas de longitud n.
- **Modulación BPSK**: Los bits codificados se modulan mapeando $0 \rightarrow -A$ y $1 \rightarrow A$, y se transmiten por el canal.
- **Ruido**: Se agrega ruido AWGN complejo a cada bloque simulado, modelando el canal realista.
- Demodulación: Se utiliza detección dura comparando el signo de la parte real de cada símbolo recibido.
- **Síndrome**: Se calcula el síndrome a partir de la matriz **H**, determinando si la palabra es válida o si contiene errores.

- Contadores:

Si el síndrome es cero, se considera una palabra válida y se compara con la original para determinar errores de bit.

Si el síndrome es distinto de cero, se cuenta la palabra como errónea, pero no se corrige.



```
EbN0 in EbN0_dB:
EbN0_veces = 10**(EbN0/10)
Es = A**2  # Energia del simbolo

Ebf = Es * n / k  # Energia por bit de fuente

N0 = Ebf / EbN0_veces  # Densidad espectral del ruido (N0)
Pb = 0.5 * erfc(np.sqrt(2*EbN0_veces) / np.sqrt(2)) # Probabilidad de bit error para BPSK

Q_teorica = 1 - (1 - Pb)**n # Probabilidad teórica de error de palabra
if 0 teorica == 0:
    O teorica = 1e-12 # Esto se hace para evitar la división por cero
M = max(num_bloques, int(10 / Q_teorica))
errores_palabra = 0
errores bit = 0
total bits = M * k
palabras_validas = 0
# Generación de palabras aleatorias: U es una matriz M x k U = np.random.randint(0, 2, (M, k))
V = np.mod(U @ G, 2)
noise = np.sqrt(N\theta/2) * (np.random.randn(M, n) + 1j * np.random.randn(M, n))
R = S + noise
VR = (np.real(R) > 0).astype(int) # M x n
SIND = np.mod(VR @ H.T, 2) # M x (n-k)
errores_palabra = np.sum(np.any(SIND != 0, axis=1)) # Bloques con sindrome distinto de 0
palabras_validas = np.sum(~np.any(SIND != 0, axis=1)) # Bloques con sindrome = 0
U_est = VR[:, :k]
U_val = U[~np.any(SIND != 0, axis=1)] # U solo para palabras válidas
U_est_val = U_est[~np.any(SIND != 0, axis=1)] # U_est solo para palabras válidas
U_val = U[~np.any(SIND != 0, axis=1)]
errores_bit = np.sum(U_val != U_est_val) # Errores en bits solo en palabras válidas
Pe_palabra_sim.append(errores_palabra / M)
if palabras_validas > 0:
     Pb_bit_sim.append(errores_bit / (palabras_validas * k))
     Pb_bit_sim.append(1) # Si todas las palabras dieron error, Pb=1
Pb_teorico.append(Pb)
```

Figura 10: Código de Simulación (Código detector)



En el último fragmento del código se calcula:

- Pe: tasa de error de palabra (simulada).
- Pb: tasa de error de bit (considerando solo palabras sin error detectado).
- Pb teórico: tasa teórica de error de bit para BPSK sin codificación, usando:

$$P_{eb} = Q\left(\sqrt{rac{2E_b}{N_0}}
ight)$$

A continuación se muestra el gráfico de las tres curvas resultantes: Pb simulado, Pe simulado, y Pb teórico.

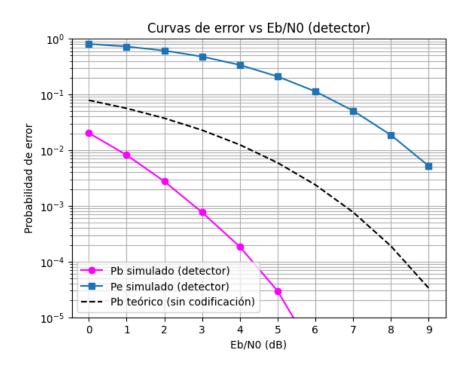


Figura 9: Curvas de tasa de error (Código detector)

En este caso, observamos que para un Pb específico (por ejemplo, 10⁻³), la curva violeta (sistema codificado detector) requiere un Eb/N0 menor que el sistema teórico sin codificación (curva negra), indicando así una ganancia.



Sin embargo, comparando con el sistema corrector, esta ganancia es más pronunciada y puede parecer exagerada. Esto se debe a que el código detector solo considera bits de palabras sin error detectado, eliminando del conteo aquellas con errores, lo que reduce artificialmente la tasa de error de bit y sobreestima la ganancia.

4.1 Conclusiones

El código detector implementado permite reducir significativamente la probabilidad de error por bit, al descartar palabras con errores detectados, lo que reduce la tasa de error de bit para un mismo nivel de Eb/N0. Sin embargo, esta aparente mejora se obtiene a costa de eliminar palabras inválidas, lo que disminuye el volumen de datos útiles transmitidos.

En comparación con el código corrector:

- La diferencia entre las curvas azul (Pe) y violeta (Pb) es mayor, mostrando una ganancia más marcada.
- Esta diferencia es artificial, ya que solo se cuentan bits en palabras válidas, mientras que el corrector contempla todos los bits y aplica corrección.
- En términos de eficiencia energética, la simulación del detector muestra una ganancia teórica superior, pero con menor efectividad real en la transmisión.



5. Compresión de Imagen Utilizando el Algoritmo de Huffman

En esta sección se implementó el algoritmo de Huffman para comprimir una imagen binaria (logo FI.tif), considerando la fuente extendida de orden 2 y orden 3. Se estimaron las probabilidades de cada bloque de símbolos y se construyó el código Huffman correspondiente. El objetivo era obtener el largo promedio y la tasa de compresión logrados, analizando además la razón por la cual se logra compresión a pesar de que los símbolos (blanco y negro) son prácticamente equiprobables.

El algoritmo se implementó en Python y se basa en la construcción de un árbol binario mínimo de probabilidades, conocido como heap o montículo, para garantizar una codificación eficiente. Los primeros pasos previos a la implementación de Huffman son:

- Lectura y Procesamiento de la Imagen: Se carga la imagen binaria y se convierte a un vector de píxeles (0 y 1), obteniendo la frecuencia de aparición de cada símbolo.
- Construcción de Bloques (Fuente Extendida): Se forman bloques de longitud 2 y 3 para calcular las probabilidades extendidas, es decir, se consideran secuencias de símbolos para reflejar dependencias y aprovechar mejor la redundancia.

```
img = Image.open('logo FI.tif')  # Se abre la imagen
pixels = np.array(img).flatten()  # Conversión de la imagen a vector
pixels = pixels.astype(int)  # Conversión de booleanos a enteros

# Conteo de frecuencias de cada símbolo (0 y 1) en la imagen
freq = Counter(pixels)  # conteo de apariciones de cada símbolo
total = len(pixels)  # total de píxeles en la imagen

# Probabilidad de cada símbolo
prob = {sym: count/total for sym, count in freq.items()}
print("Probabilidades:", prob)
Probabilidades: {1: 0.5146142686465267, 0: 0.4853857313534733}
```

Figura 10: Lectura, conteo de frecuencias y probabilidades de cada símbolo



Implementación del código de Huffman

Se construye una heap donde cada elemento contiene la probabilidad, el símbolo (bloque) y el código binario asignado. En cada iteración, se extraen los dos nodos con menor probabilidad, se asignan los prefijos '0' y '1', se combinan y se reintegran a la heap. Este proceso continúa hasta que se obtiene el árbol completo con el código final para cada símbolo.

```
# Recorrido del vector de pixeles de n en n
bloques = [tuple(pixels[i:i+n]) for i in range(0, len(pixels)-n+1, n)]
freq = Counter(bloques)
total = len(bloques)
prob = {sym: count/total for sym, count in freq.items()}
print ("Las probabilidades de cada bloque son: " , prob)
print(" ")
# Cada elemento de la lista heap tiene [probabilidad, [simbolo, codigo binario]]
heap = [[prob, [sym, ""]] for sym, prob in prob.items()]
heapq.heapify(heap)
while len(heap) > 1:
      #Extracción de los dos nodos c
nodo_izq = heapq.heappop(heap)
      nodo_der = heapq.heappop(heap)
      # Asignación de prefijo '0' al código del subárbol izquierdo
for simbolo_codigo in nodo_izq[1:]:
            #ejemplo: simbolo_codigo = [ (1,0), '10']
simbolo_codigo[1] = '0' + simbolo_codigo[1]
#ejemplo: simbolo_codigo = [ (1,0), '010']
      # Asignación de prefijo 'l' al código del subárbol derecho
for simbolo_codigo in nodo_der[1:]:
    simbolo_codigo[1] = 'l' + simbolo_codigo[1]
      probabilidad total = nodo izg[0] + nodo der[0]
      heapq.heappush(heap, [probabilidad_total] + nodo_izq[1:] + nodo_der[1:])
codigo_huffman = {bloque: codigo for bloque, codigo in heap[θ][1:]}
Largo_promedio = sum(prob[sym] * len(code) for sym, code in codigo_huffman.items())
Largo_promedio = Largo_promedio / n
bits_originales = total * n
bits_comprisidos = sum(freq[sym] * len(codigo_huffman[sym]) for sym in freq)
tasa_compresion = bits_originales / bits_comprimidos
 return Largo_promedio, tasa_compresion, codigo_huffman
```

Figura 11: Implementación del código de Huffman



Ejemplo gráfico paso a paso, explicando el código:

Suponiendo que se tienen los siguientes bloques (versión simplificada):

Bloque	Probabilidad	
A	0.1	
В	0.15	
С	0.25	
D	0.5	

Paso 1: Se crea una heap con los bloques y sus probabilidades:

Paso 2: Se extraen los dos bloques con menor probabilidad: A (0.1) y B (0.15). Se asigna '0' a A y '1' a B. Se crea un nuevo nodo con probabilidad 0.24 (A+B)

- Nuevo nodo AB: [0.25, [A, "0"], [B, "1"]]
- Heap Actualizado:

Paso 3: Se extraen los dos bloques con menor probabilidad: C (0.25) y AB (0.25). Se asigna '0' a C y '1' al subárbol AB. Se crea un nuevo nodo CAB con probabilidad 0.5.

- Nuevo nodo CAB: [0.5, [C, "0"], [A, "10"], [B, "11"]]



- Heap Actualizado:

Paso 4: Se combinan D (0.5) y CAB (0.5). Se asigna '0' a D y '1' a CAB (agrega "1" a los códigos).

- Combino D y CAB:

D: código "0"

C: agrega "1" → "10"

A: agrega "1" \rightarrow "110"

B: agrega "1" → "111"

Árbol Final:

D: "0"

C: "10"

A: "110"

B: "111"

Resultado Final

Bloque	Probabilidad	Código
D	0.5	0
С	0.25	10
A	0.1	110
В	0.15	111



Resultados obtenidos con la implementación de Huffman

Por último, se calcula el largo promedio L ponderado por las probabilidades de los bloques en la fuente extendida de orden 2 y la de orden 3. También se calcula la tasa de compresión comparando los bits originales (sin compresión) con los bits comprimidos tras aplicar el código Huffman.

```
L2, tasa2, huff2 = calcular_huffman(pixels, 2)
print(f"Orden 2: L=(L2:.2f), tasa={tasa2:.2f}")

Las probabilidades de cada bloque son: {(1, 1): 0.5042136030039256, (1, 0): 0.011627410820959208, (0, 0): 0.4749850657108722, (0, 1): 0.009173920464243045}

Orden 2: L=0.76, tasa=1.32
```

Figura 12: Resultados obtenidos aplicando huffman, fuente extendida orden 2

```
L3, tasa3, huff3 = calcular_huffsan(pixels, 3)
print(f*Orden 3: L=[L3:.2f), tasa=(tasa3:.2f)*)

Las probabilidades de cada bloque son: {(1, 1, 1): 0.493423579109063, (1, 1, 0): 0.010016641065928161, (0, 0, 0): 0.46542178699436765,
Orden 3: L=0.53, tasa=1.88

(0, 0, 1): 0.00072580645161291, (1, 0, 0): 0.000504608294938876, (0, 1, 1): 0.01238479262672811, (1, 0, 1): 1.6001024065540195e-05, (0, 1, 0): 0.00016001024065540195
```

Figura 13: Resultados obtenidos aplicando huffman, fuente extendida orden 2

Fuente Extendida de Orden 2:

- Largo promedio L=0.76 bits por símbolo
- Tasa de compresión ≈1.32

Fuente Extendida de Orden 3:

- Largo promedio L=0.53 bits por símbolo
- Tasa de compresión ≈1.88



5.1 Conclusiones

La compresión de imagen mediante el algoritmo de Huffman, implementado con la fuente extendida de orden 2 y 3, demostró ser una estrategia eficaz para reducir el tamaño de los datos codificados. Aunque la imagen binaria utilizada tiene una distribución casi equiprobable de píxeles blancos y negros, la extensión de la fuente permitió explotar las dependencias entre símbolos, logrando una codificación más eficiente.

Al analizar los resultados, se observa que el largo promedio se redujo de manera significativa al utilizar la fuente extendida de orden 3 respecto a la de orden 2, lo que implica que se necesitan menos bits promedio por símbolo para representar la información comprimida. Además, la tasa de compresión aumentó con la fuente extendida de orden 3, reflejando una mayor eficiencia en la reducción del tamaño de los datos transmitidos o almacenados.

Estos resultados evidencian que la compresión de datos no depende exclusivamente de la equiprobabilidad de los símbolos individuales, sino que también puede aprovechar las correlaciones entre ellos. La implementación de la estructura heap permitió construir de forma eficiente el árbol binario de Huffman, asegurando que los bloques con mayor probabilidad obtuvieran códigos más cortos, mientras que los de menor probabilidad obtuvieron códigos más largos, optimizando así la codificación global.

En resumen, el uso del algoritmo de Huffman con fuentes extendidas no sólo mejora la eficiencia de la compresión de datos, sino que también reduce la redundancia y el tamaño del archivo comprimido, contribuyendo a una transmisión y almacenamiento más eficiente.