

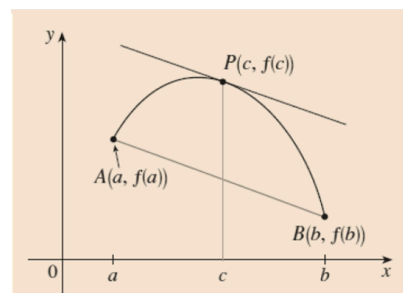
- ☐ Parcial 26/06
  - ☐ Teorema del valor medio del cálculo diferencial
  - ☐ Teorema de Rolle
  - ☐ Teorema de Cauchy
  - ☐ Regla de L'hospital
  - ☐ Antiderivadas/Primitivas
  - ☐ Regla de Barrow
  - ☐ Suma de Riemman
  - ☐ Suma superior e inferior
  - ☐ Teorema del valor medio del cálculo integral
  - ☐ Integración
  - ☐ Método de sustitucion
  - ☐ Método por partes
  - ☐ Por tabla
  - ☐ 4 casos racionales
  - ☐ 3 casos trigonométricos
  - ☐ Tipos de integrales
  - ☐ Teorema fundamental del calculo

## Teoremas

### Teorema del Valor Medio del Cálculo Diferencial - Teorema de Lagrange

Si  $f$  es una función que satisface las siguientes hipótesis:

1.  $f$  es continua sobre el intervalo cerrado  $[a, b]$
2.  $f$  es derivable sobre el intervalo abierto  $(a, b)$



Entonces existe un número  $x = c$  en  $(a, b)$  tal que

$$f'(c) = \frac{f(b)-f(a)}{b-a}$$

ó

$$f(b) - f(a) = f'(c)(b - a)$$

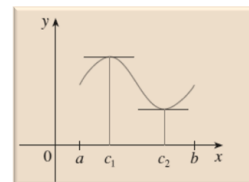
### Teorema de Rolle

$f$  es continua sobre el intervalo cerrado  $[a, b]$

$f$  es derivable sobre el intervalo abierto  $(a, b)$

$f(a) = f(b)$  entonces hay un número  $c$  en  $(a, b)$  tal que  $f'(c) = 0$

Funcionalidad: Sirve para encontrar la recta tangente paralela a la secante.



### Teorema de Cauchy

Sean  $f$  y  $g$  continuas en  $[a, b]$ . Entonces existe un punto  $c \in (a, b)$  tal que:

$$(f(b) - f(a)) \cdot g'(c) = (g(b) - g(a)) \cdot f'(c)$$

En el caso de que  $g(a) \neq g(b)$  y además  $g'(c) \neq 0$ , entonces puede escribirse:

$$\frac{f'(c)}{g'(c)} = \frac{f(b)-f(a)}{g(b)-g(a)}$$

### Regla de L'Hospital

Salva indeterminaciones  $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow a} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

Se debe acomodar la función para que de  $\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}$  y así resolver el límite.

## Productos indeterminados

$$\text{Si } \lim_{x \rightarrow a} f(x) \cdot g(x) = 0 \cdot \infty \rightarrow f \cdot g = \frac{f}{\frac{1}{g}} \text{ ó } \frac{g}{\frac{1}{f}}$$

## Diferencias indeterminadas

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x) - g(x)] = \infty - \infty$$

## Potencias indeterminadas

$$\lim_{x \rightarrow a} [f(x)]^{g(x)} \rightarrow y = [f(x)]^{g(x)} \Rightarrow \ln y = g(x) \cdot \ln f(x)$$

---

$F$  es primitiva de  $f$  en  $D \Leftrightarrow \forall x \in D: F'(x) = f(x)$

**Rectángulos por encima de la curva**  $\rightarrow$  *CIRCUNSCRIPTOS*

**Rectángulos por debajo de la curva**  $\rightarrow$  *INSCRIPTOS*

---

## Antiderivada

$$F'(x) = x^2 \text{ Podemos representarlo así } \int x^2 dx$$

## Regla de Barrow

Cuando tenemos una integral definida al finalizar la operación debemos evaluar la función en  $a$  y en  $b$ ; el resultado es hacer  $F(b) - F(a)$ .

$$\int_a^b f(x) \cdot dx = [G(x)]_a^b = G(b) - G(a)$$

## Suma de Riemann

$$y = f(x) > 0 \rightarrow \textit{Positiva}$$

$$y = f(x) < 0 \rightarrow \textit{Negativa}$$

Para realizar el cálculo de área de figuras irregulares, se analiza lo comprendido entre la función, el eje  $x$  y el intervalo cerrado  $[a, b]$ .

$$sp = \sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x$$

$$Sp = \sum_{i=0}^n f(x_i) \Delta x$$

### **Simetría**

$$\int_{-a}^a f(x) dx = 2 \int_0^a f(x) dx \text{ si } f(x) \text{ es par}$$

$$\int_{-a}^a f(x) dx = 0 \text{ si } f(x) \text{ es impar}$$

### **Teorema del valor medio del cálculo integral**

Si  $f$  es continua en el intervalo cerrado  $[a,b]$ , existe un punto en el intervalo tal que:

$$f(c)(b - a) = \int_a^b f(x) \cdot dx$$

**\*\*Rectángulo que su Área es igual al Área analizada\*\***

### **Valor promedio de una función**

$$f_{prom} = \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) \cdot dx$$

Coincide con la altura del rectángulo formado por el teorema del valor medio del cálculo integral.

### **Teorema fundamental del cálculo**

Si  $f$  es continua en el intervalo cerrado  $[a,b]$ , la integral definida por

$g(x) = \int_a^b f(t) \cdot dt$   $a \leq x \leq b$  es continua en el intervalo cerrado  $[a,b]$  y derivable en el intervalo abierto  $(a,b)$  y  $g'(x) = f(x)$

Se puede escribir como  $\frac{d}{dx} \int_a^x f(t) \cdot dt = f(x)$

## **Métodos de Integración**

Integral Inmediata (Método por tabla)

Integral por sustitución (Cambio de variable)  $\rightarrow \int f(g(x))g'(x).dx = \int f(u).du$

Integral por partes (Producto de funciones  $\rightarrow \int u.v' = u.v - \int v.u'$

**USAR MEMOTÉCNICA ILATE (inversa, logaritmica, algebraica, trigonométrica, exponencial) para saber cual es u Y cual es v'**

Integrales racionales

*Cuando el grado de  $P(x) \geq Q(x)$ , realizar división de polinomios*

$$\int \frac{P(x)}{Q(x)} dx = \int C(x) + \frac{R(x)}{Q(x)} dx$$

**Para saber qué caso es:**

**- Buscar raíces del denominador**

1er caso **Raíces reales distintas**

2do caso **Raíces reales iguales**

3er caso **Raíces complejas distintas**

Integrales trigonométricas

1er caso **Potencia impar de sen o cos** (Separar un sen o cos y aplicar (

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1)$$

$$2do \text{ caso } \textbf{Potencia par de sen o cos } \cos^2 x = \frac{1+\cos 2x}{2} \vee \sin^2 x = \frac{1-\cos 2x}{2}$$

$$3er \text{ caso } \textbf{Producto de sen y cos con una potencia impar } \sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

4to caso **Producto de sen y cos con ambas potencias par**

$$\cos^2 x = \frac{1+\cos 2x}{2} \vee \sin^2 x = \frac{1-\cos 2x}{2}$$