## UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA NACIONAL – FACULTAD REGIONAL VILLA MARÍA Recuperatorio 1° PARCIAL ANÁLISIS MATEMÁTICO II

Nombre y Apellido:.....Fecha: 27/04/2023

- **1.** Dado por la ecuación  $f(x, y) = x^3 y^3 3xy + 6$ 
  - a. Mientras resuelvas en forma práctica justifica con la teoría correspondiente.
  - Encuentre las coordenadas de todos los puntos de la superficie donde tienen un plano tangente horizontal.
  - c. Encuentre el plano tangente horizontal en uno de los puntos críticos.
  - d. Analizar la naturaleza de los puntos encontrados.
- **2.** La temperatura de cierta superficie está dada por  $T(x,y) = 20 4x^2 y^2$  Supongamos que estamos parados sobre la misma en el punto (2,-3):
  - a. ¿Hacia qué dirección debemos movernos para alejarnos del calor?
  - b. ¿Cuál es el valor máximo que alcanza la derivada direccional en dicho punto?
  - c. ¿Qué valor alcanza la derivada si seguimos la dirección del vector (-1,4)?
  - d. Justifique con la teoría, en forma clara y completa
- **3.** Halle los extremos de la función  $f(x,y) = y^2 4x$  si (x,y) se encuentra en la circunferencia  $x^2 + y^2 = 5$