

Tarea N°1

Econometría I

Valentina Andrade, Rosario Novión y Cataliza Baeza

${\bf Resumen}$

El siguiente reporte tiene por objetivo presentar los análisis realizados en la Tarea $\rm N^o1$ del ramo Econometría I dictado por el profesor Juan Urquiza

1. Análisis descriptivo

1.1. Distribuciones univariadas

- Distribución de growth, tradeshare, yearscchol
- Describe (media, desviación estándar, mínimo y máximo)

1.2. Distribuciones bivariadas

1.2.1. Matriz de correlaciones de todas las variables y luego discutir significancia estadística [punto 2]

Cuadro 1: Matriz de correlaciones (R Pearson)

Parameter	rgdp60	assasinations	rev_coups	yearsschool	tradeshare
growth tradeshare yearsschool rev_coups assasinations	0.09 -0.13 0.83*** -0.39* -0.09	-0.14 -0.35 -0.12 0.49***	-0.27 -0.21 -0.33	0.32 -0.08	0.21

Nota: *** p < 0.001; ** p < 0.01; * p < 0.05.

1.3. Gráficos de dispersión

1.4. Análisis de regresión lineal múltiple

Rectas de regresión

Función de Regresión Lineal Poblacional

$$\widehat{\text{growth}} = \beta_0 + (\beta_1 \cdot X_{\text{tradeshare}}) + (\beta_2 \cdot X_{\text{yearsschol}}) + (\beta_3 \cdot X_{\text{revcoups}}) + (\beta_4 \cdot X_{\text{assasinations}}) + (\beta_5 \cdot X_{\text{rgdp60}}) + u$$

Función de Regresión Lineal Muestral

$$\widehat{\text{growth}} = 0.627 + (1.341 \cdot X_{\text{tradeshare}}) + (0.564 \cdot X_{\text{yearsschol}}) + (-2.15 \cdot X_{\text{revcoups}}) + (0.323 \cdot X_{\text{assasinations}}) + (-0.461 \cdot X_{\text{rgdp60}}) + (-0.461 \cdot X_{\text{rgdp60}}) + (-0.461 \cdot X_{\text{rgdp60}}) + (-0.461 \cdot X_{\text{redeshare}}) + (-0.461 \cdot X_{\text{rede$$

1.5. Propiedades del Modelo de Regresión

1.5.1. Suma de residuos

[1] -1.804112e-15

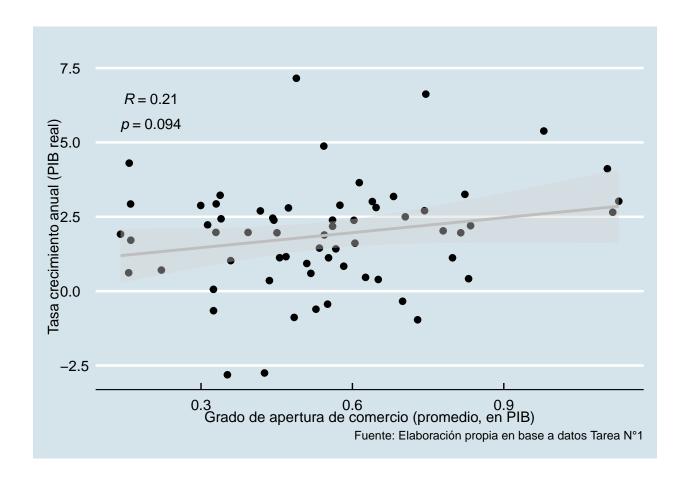


Figura 1: Gráfico de dispersión entre la tasa de crecimiento económico y el grado de apertura de comercio.

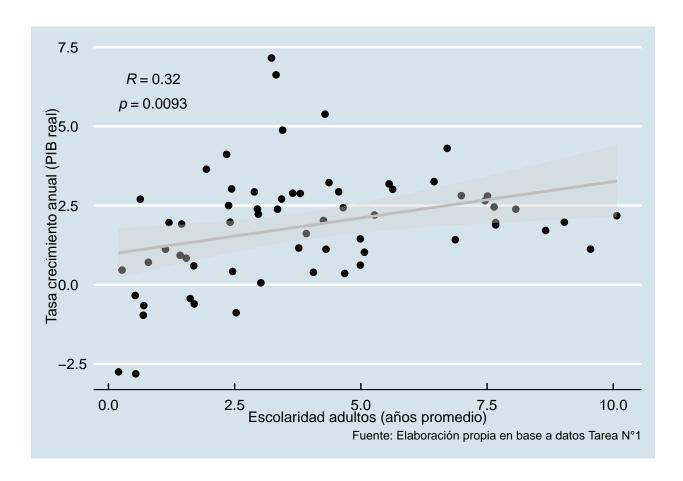


Figura 2: Gráfico de dispersión entre la tasa de crecimiento económico y los años de educación de adultos

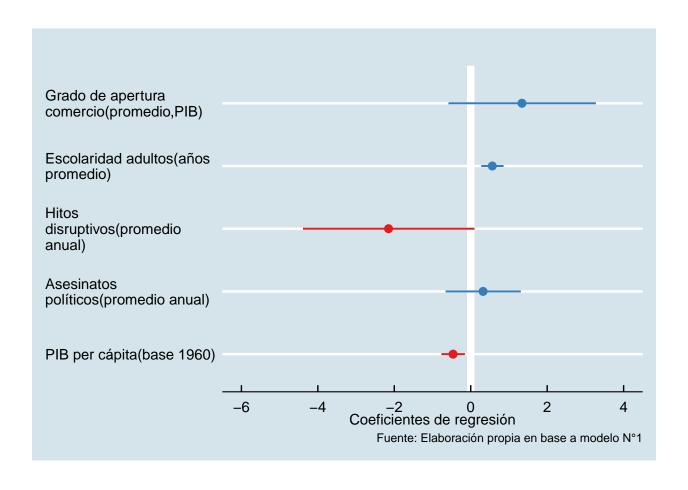


Figura 3: Forest-plot con los coeficientes estimados del modelo de regresión que estima la tasa de crecimiento anual (PIB real)

Cuadro 2: Modelo de regresión lineal que estima la tasa de crecimiento anual (en PIB)

	Modelo 1
Intercepto	0.627
	(0.783)
Grado de apertura comercio (promedio, en PIB)	1.341
	(0.960)
Escolaridad adultos (años promedio)	0.564^{***}
	(0.143)
Hitos disruptivos (promedio anual)	-2.150
	(1.119)
Asesinatos políticos (promedio anual)	0.323
	(0.488)
PIB per cápita (base 1960)	-0.461^{**}
	(0.151)
	1
Determinante económico	2
Determinante social	3
Determinantes políticos	4
Control	5
\mathbb{R}^2	0.291
$Adj. R^2$	0.230
Num. obs.	64
F statistic	4.764
RMSE	1.594

^{***} p < 0.001; ** p < 0.01; * p < 0.05. Coeficientes de regresión no estandarizados y error estándar entre paréntesis

1.5.2. Ortogonales a variables explicativas

1.5.3. Promedio de la variable dependiente coincide con promedio de variable dependiente estimada

1.5.4. Comprobar coeficiente determinación \mathbb{R}^2 es igual al cuadrado del coeficiente de correlacion entre variable dependiente y estimada.

1.6. Marginal effects

1.7. Global significance model

- Estadístico F
- Demostrar que R es igual a F

1.8. Predicción

Se calcularán dos predicciones de la tasa de crecimiento (\widehat{growth}) a partir de los resultados obtenidos en el modelo~1.

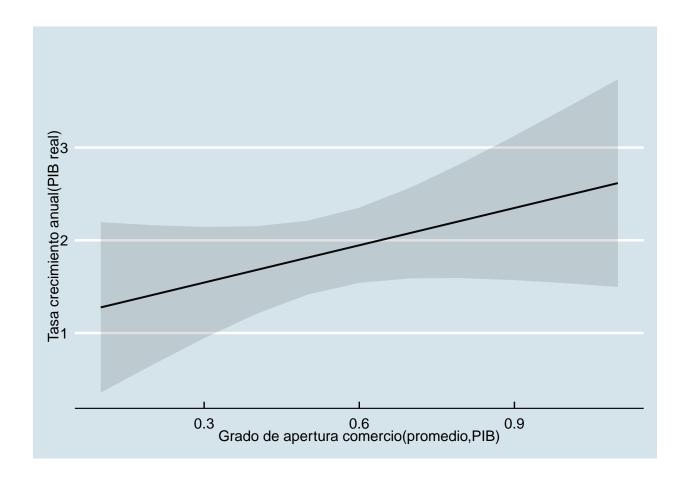


Figura 4: Valores predichos para la tasa de crecimiento anual (en PIB) según grado de apertura del comercio (PIB promedio)

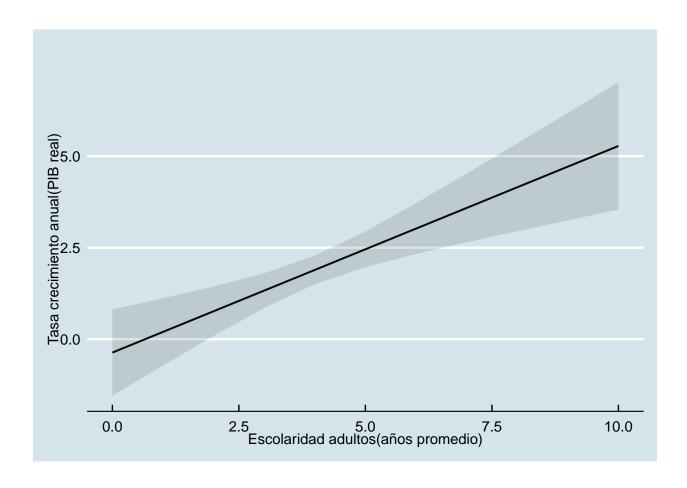


Figura 5: Valores predichos para la tasa de crecimiento anual (en PIB) segúnaños de escolaridad promedio de la población adulta)

1.8.1. Predicción en base a la media de los predictores

1. La primera, considera los valores promedio (\bar{X}) de cada uno de los predictores. Formalmente tenemos que

$$\widehat{\text{growth}} = 0.627 + (1.341 \cdot \bar{X}_{tradeshare}) + (0.564 \cdot \bar{X}_{yearsschol}) + (-2.15 \cdot \bar{X}_{revcoups}) + (0.323 \cdot \bar{X}_{assasination}) + (-0.461 \cdot \bar{X}_{tradeshare}) + (-0.564 \cdot$$

Donde valores esperados fueron tomados del Cuadro 1

$$\bar{X}_{tradeshare} = 0.542$$

$$\bar{X}_{yearsschol} = 3.959$$

$$\bar{X}_{revcoups} = 0.17$$

$$\bar{X}_{assasination} = 0.282$$

$$\bar{X}_{radp60} = 3.131$$

Con ello obtenemos

$$\widehat{\text{growth}}_1 = 0.627 + 1.341 \cdot 0.542 + 0.564 \cdot 3.959 + -2.15 \cdot 0.17 + 0.323 \cdot 0.282 + -0.461 \cdot 3.131 = 1.8694533$$

1.8.2. Predicción en base a la media de predictores y dos desviaciones estándar de tradeshare

2. Segundo, una predicción del crecimiento $(growt\tilde{h}_2)$ con los valores promedios para todas las variables, excepto para tradeshare que toma un valor igual a dos desviaciones estándar por encima de la media. Esto significa que $\bar{X}_{tradeshare} + 2\sigma_{tradeshare}$

$$\widetilde{\text{growth}}_2 = 0.627 + 1.341 \cdot 0.999 + 0.564 \cdot 3.959 + -2.15 \cdot 0.17 + 0.323 \cdot 0.282 + -0.461 \cdot 3.131 = 2.3261186 + 0.00012 \cdot 0.00012$$

Ahora veremos si estas estimaciones son significativamente distintas. Para ello testearemos la H_0 que indica que no hay diferencias significativas entre la predicción con los valores promedio y aquella que considera para tradeshare un valor sobre dos desviaciones estándar de su media.

Como podemos ver en el resultado, no hay evidencia suficiente para rechazar H_0 , por lo que no se puede plantear de manera certera que a nivel poblacional ambas predicciones sean estadísticamente distintas.

```
##
## Simultaneous Tests for General Linear Hypotheses
##
## Fit: lm(formula = growth ~ tradeshare + yearsschool + rev_coups +
## assasinations + rgdp60, data = data)
```

Cuadro 3: Valores predichos para la tasa de crecimiento (en PIB) según años de escolaridad promedio 4 y 6 años

Tasa crecimiento	Grado apertura	Hitos disruptivos	Asesinatos políticos	PIB 1960	Años de escolaridad
1.892130	0.5423919	0.1700666	0.281901	3.130813	
3.020619	0.5423919	0.1700666	0.281901	3.130813	

Note:

Nota: Los intervalos de confianza fueron calculados a un $95\,\%$ de confianza

```
##
## Linear Hypotheses:
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## tradeshare == 0.9990572 1.3408 0.9601 0.356 0.723
## (Adjusted p values reported -- single-step method)
```

1.9. Estimación del cambio en el crecimiento en base a cambio educativo

Estime el cambio en la tasa de crecimiento que predice el MODELO 1 para un país que en 1960 implementó una política educativa que permitió aumentar la escolaridad promedio de 4 a 6 años, y luego refiérase a la significancia estadística y económica.

$$\triangle \widehat{growth} = \triangle \bar{X}_{yearsschool} E(growth|yearsschool = 6)$$

■ Importante: control estadístico

1.10. Significancia conjunta

Evalúe la significancia conjunta de las variables tradeshare, rev_coups y assasinations, y luego compruebe que el estadístico F reportado por STATA puede obtenerse a partir de la diferencia en la suma de cuadrados residuales de un modelo restringido y la de un modelo sin restringir.

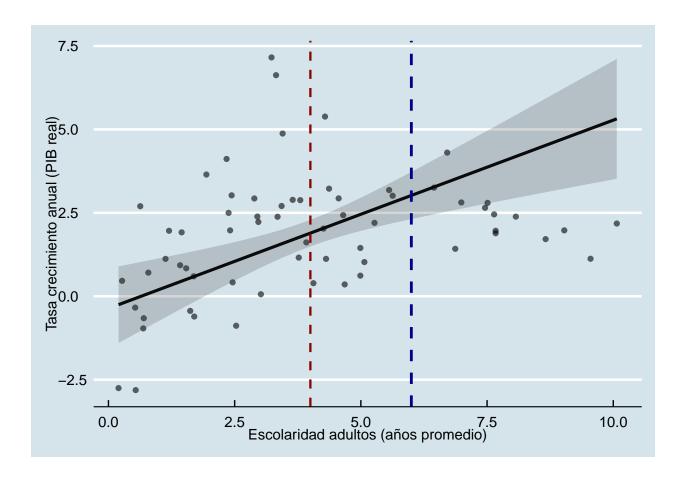


Figura 6: Gráfico de valores predichos para la tasa de crecimiento según los años de escolaridad promedio. *Nota*: La línea roja marca los años de escolaridad en 4 y la azul en 6

2. Apéndice

2.1. Visualización de propiedades

