

Variables cualitativas

Efecto Aditivo

Diferencias de intercepto entre grupos $\rightarrow \beta_0$ intercepto con $X_2=0$
 $\beta_0 + \beta_2$ intercepto con $X_2=1$

$$\hat{Y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_1 + \hat{\beta}_2 X_2 + \epsilon$$

β_2

\rightarrow diferencia promedio del grupo 1 respecto del grupo 0, manteniendo el resto constante

$$E(Y|X_1=1, \text{control}) - E(Y|X_1=0, \text{control})$$

\rightarrow desplazamiento del intercepto entre grupos

\rightarrow efecto parcial X_2 sobre Y

X_2 \rightarrow 1 grupo que aparece en regresión

\rightarrow 0 grupo referencia o base \rightarrow no Δ estadístico, pero sí para intercepto

Se pueden incluir ambas categorías (mujer y hombre) pero sin intercepto

$$y_i = \delta_1 X_{1i} + \delta_2 X_{2i} + \delta_3 X_{3i} + \epsilon_i$$

$$E(Y|H, X_1) = \delta_1 X_1 + \delta_3 \quad E(Y|H, X_1) = \delta_1 X_1 + \delta_2$$

\rightarrow igual pendiente, pero interceptos diferentes. Antes β_0 era el de la variable omitida

DEMOSTRACIÓN SOBRE CATEGORÍA REF.
 $E(Y|H, X_2) = \beta_0 + \beta_1 X_1$ $E(Y|H, X_2) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2$
 $y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + \epsilon_i$
 $E(Y|H, X_1) = (\beta_0 + \beta_2) + \beta_1 X_1$
 $E(Y|H, X_1) = (\beta_0 + \beta_1 X_1)$
 \rightarrow misma diferencia solo cambia categoría de referencia
 $\beta_0 = \beta_0 + \beta_2 \quad \beta_0 = \beta_0 \quad \beta_1 = \beta_1$

CATEGORÍAS MÚLTIPLES

si tengo q categorías, con q-1 variables binarias

Categoría excluida o base (referencia)

\rightarrow las categorías se analizan respecto a la excluida

Colapsar y agrupar

\rightarrow cuando q muy grande y n pequeño

Permite comparar si quiero saber si combinaciones son distintas (y que no son cat. referencia)

Efecto Interacción $\rightarrow \Delta$ en pendiente

INTERACCIONES entre variables binarias

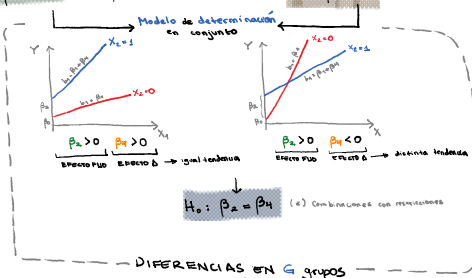
$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_1 X_2 + \epsilon$$

\rightarrow NO cambia la pendiente

INTERACCIÓN entre cuantitativas y cualitativa

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \beta_3 X_3 + \beta_4 X_1 X_2 + \epsilon$$

β_2 diferencia promedio entre grupos X_2
 β_4 diferencia promedio del efecto de X_1 entre cada X_2



$$Y_j = \beta_0 + \beta_1 X_{1j} + \beta_2 X_{2j} + \beta_3 X_{3j} + \beta_4 X_{1j} X_{2j} + \epsilon_j$$

* Cambio estructural
 * Series de tiempo
 * Prueba de estabilidad

$$F = \frac{SSR_A - SSR_{NA}}{c/n} \sim F_{(c-1), (n-k-1)}$$

Modelo sencillo

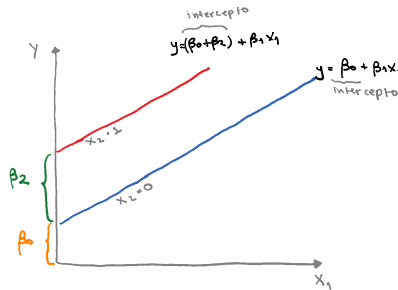
$$\text{salario} = \beta_0 + \beta_1 \text{mujer} + \beta_2 \text{edu} + u$$

$$\text{mujer} = 1 \text{ (si } \varphi) \quad \text{mujer} = 0 \text{ (si } \sigma)$$

\rightarrow TRAMPA DE VARIABLES DUMMY
 * multicolinealidad perfecta (*)

¿Qué pasa si pongo intercepto?

\rightarrow colinealidad perfecta una variable es combinación lineal de variables



1.1 INFERENCIA

¿Diferencias de los grupos a nivel poblacional?

$$H_0: \beta_2 = 0 \quad H_1: \beta_2 > 0$$

\rightarrow prueba t

$$H_0: \delta_3 = \delta_2 \quad H_1: \delta_3 \neq \delta_2$$

\rightarrow prueba F (combinación R)

\rightarrow requiero matriz cov-var

Ejemplo

civil-sexo

M = mujer
 H = hombre
 C = casado
 S = soltero

reg salario 1. genero-casado

base
 \rightarrow grupo base 2

$$\ln(\text{salario}) = 0.321 + 0.213 H-C - 0.148 M-C - 0.111 S+...+t$$

0.213 x 100% \rightarrow H-C tienen un salario 21.3% mayor que H-S

Diferencia salarial mujeres

$$[M-C - M-S] = -0.148 - (-0.111)$$

$$= -0.037 \rightarrow -3.7\%$$

M-C ganan 3.7% menos que M-S

$$\ln(\text{salario}) = 0.321 + 0.111 H_1 + 0.221 C - 0.31 M_C$$

$$\Delta \ln(\text{salario}) = 0.221 + (-0.31) \cdot C$$

$$= -0.08 = -8.8\%$$

TEST DE CI SE SIGUE = MODELOS

reg Y 1. fem ## C. var 1

test 1. female ## C var 2

* $\beta_0 \rightarrow$ "en promedio"

* $\beta_j \rightarrow$ "de pendiente" de cada variable

$$SSR_{\text{un}} - 1 \quad (G-1)(K+1)$$

$$H_0 = \begin{cases} \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 \\ \beta_{1,1} = \beta_{1,2} = \beta_1 \\ \beta_{2,1} = \beta_{2,2} = \beta_2 \end{cases}$$

* ¿Puede determinarse si un set de datos puede ser unido? \rightarrow variación de residuos

Chow test is simply a test of whether the coefficients estimated over one group of the data are equal to the coefficients estimates over another