# 2E200 : Electronique Numérique, Combinatoire et Séquentielle

Bertrand Granado

Licence E<sup>2</sup>A

Hiver 2019







- Introduction: L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- 3 Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- 8 Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné
  - Interface avec l'environnement continu : Conversion Analogique vers Numérique et Numérique vers Analogique





- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- 2 Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Codage
  - Codage Binaire Codage Décimal
  - Codage Héxadécimal
  - Codage Décimal Codé Binaire
  - Codage de Gray
  - Codage ASCII
  - Codage des nombres signés : le complément à 2
  - Codage Virgule Fixe
  - Codage Flottant
  - Analyse de l'erreur





• Système de base : codage décimal





- Système de base : codage décimal
- Conversion décimal-binaire et binaire-décimal





- Système de base : codage décimal
- Conversion décimal-binaire et binaire-décimal
- $\nexists n \Rightarrow 2^n = 10$ , nécessité codage octal ou héxadécimal





- Système de base : codage décimal
- Conversion décimal-binaire et binaire-décimal
- $\nexists n \Rightarrow 2^n = 10$ , nécessité codage octal ou héxadécimal
- Codage DCB : Décimal Codé Binaire





- Système de base : codage décimal
- Conversion décimal-binaire et binaire-décimal
- $\nexists n \Rightarrow 2^n = 10$ , nécessité codage octal ou héxadécimal
- Codage DCB : Décimal Codé Binaire
- Code de Gray ou binaire réfléchi





- Système de base : codage décimal
- Conversion décimal-binaire et binaire-décimal
- $\nexists n \Rightarrow 2^n = 10$ , nécessité codage octal ou héxadécimal
- Codage DCB : Décimal Codé Binaire
- Code de Gray ou binaire réfléchi
- Code ASCII



 La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position





- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i



- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire

1 0 1 1

Position du bit

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire

1 0 1 1

Position du bit

4

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire

1 0 1 1

Position du bit

4 3

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire

1 0 1 1

Position du bit

4 3 2

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire 1 0 1 Position du bit 4 3 2



- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire 1 0 1 1 0 Position du bit 4 3 2 1 0



- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^{4}$				





- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^{4}$	0			



- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^4$	0	<b>2</b> <sup>2</sup>		



- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^4$	0	<b>2</b> <sup>2</sup>	2 <sup>1</sup>	

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^4$	0	$2^2$	2 <sup>1</sup>	0

- La conversion binaire-décimal s'effectue simplement en réalisant la somme des bits pondérés par leur position
- $\sum_{i=0}^{n-1} b_i * 2^i$  où  $b_i$  est la valeur du bit de position i

Nombre Binaire	1	0	1	1	0
Position du bit	4	3	2	1	0
Nombre Décimal	$2^4$	0	<b>2</b> <sup>2</sup>	2 <sup>1</sup>	0

$$= 16 + 0 + 4 + 2 + 0 = 22$$



 La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.



- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2



- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

29





- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2



- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2



- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

#### Conversion décimal-binaire

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

#### Conversion décimal-binaire

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

#### Conversion décimal-binaire

- La conversion décimal-binaire peut s'effectuer en utilisant la méthode inverse de celle énoncée précédemment. Exemples. Fastidieux pour de grand nombre.
- Réalise un division par 2

Nombre binaire = 11101



• Travaille avec des quartets binaires : 1010



- Travaille avec des quartets binaires : 1010
- Intéressant la taille du mot binaire de base est l'octet



- Travaille avec des quartets binaires : 1010
- Intéressant la taille du mot binaire de base est l'octet
- Un octet = Deux Quartets





La base du système Héxadécimal est la base 16





- La base du système Héxadécimal est la base 16
- Il faut donc 16 symboles





- La base du système Héxadécimal est la base 16
- Il faut donc 16 symboles
- 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F





Hexa	Décimal	Binaire	Hexa	Décimal	Binaire
0	0	0000	8	8	1000
1	1	0001	9	9	1001
2	2	0010	Α	10	1010
3	3	0011	В	11	1011
4	4	0100	С	12	1100
5	5	0101	D	13	1101
6	6	0110	E	14	1110
7	7	0111	F	15	1111







 De même que pour la conversion binaire-décimal, il s'agit ici de faire une sommation pondéré des symboles

Nombre Hexadécimal

Α

2

Ε

Position du symbole

Puissance associée

Nombre Décimal



 De même que pour la conversion binaire-décimal, il s'agit ici de faire une sommation pondéré des symboles

Nombre Hexadécimal A 2 E
Position du symbole 2 1

Puissance associée

Nombre Décimal



 De même que pour la conversion binaire-décimal, il s'agit ici de faire une sommation pondéré des symboles

Nombre Hexadécimal A 2 E
Position du symbole 2 1 0
Puissance associée
Nombre Décimal



Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>		
Nombre Décimal			



Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	
Nombre Décimal			



Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	16 <sup>0</sup>
Nombre Décimal			



Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	16 <sup>0</sup>
Nombre Décimal	$10*16^{2}$		

Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	16 <sup>0</sup>
Nombre Décimal	$10*16^{2}$	$+2*16^{1}$	



Nombre Hexadécimal	Α	2	Е
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	16 <sup>0</sup>
Nombre Décimal	$10*16^{2}$	$+2*16^{1}$	$+14*16^{0}$



Nombre Hexadécimal	Α	2	E
Position du symbole	2	1	0
Puissance associée	16 <sup>2</sup>	16 <sup>1</sup>	16 <sup>0</sup>
Nombre Décimal	$10*16^{2}$	$+2*16^{1}$	$+14*16^{0}$
	= 2606		







$$\begin{array}{r}
 311 & 16 \\
 7 & 19
 \end{array}$$

De même que pour la conversion décimal-binaire on a recourt à la division

Nombre Héxadécimal = 137



 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire





 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire

Nombre Hexadécimal E 3 B

Nombre Binaire



 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire

Nombre Hexadécimal E 3 B 1 Nombre Binaire 1110



 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire

```
Nombre Hexadécimal E 3 B 1
Nombre Binaire 1110 0011
```



 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire

```
Nombre Hexadécimal E 3 B 1
Nombre Binaire 1110 0011 1011
```



# Conversion Hexadécimal-Binaire

 Le nombre binaire est déduit en remplaçant chaque chiffre hexadécimal par son quartet binaire

```
Nombre Hexadécimal E 3 B 1
Nombre Binaire 1110 0011 1011 0001
```



• La méthode est l'inverse de la précédente





- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

Nombre Binaire 0101 1010 1100 1011



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

Nombre Binaire 0101 1010 1100 1011 Nombre Hexadécimal



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

```
Nombre Binaire 0101 1010 1100 1011
Nombre Hexadécimal 5
```



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

Nombre Binaire	0101	1010	1100	1011
Nombre Hexadécimal	5	Α		



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

Nombre Binaire	0101	1010	1100	1011
Nombre Hexadécimal	5	Α	С	



- La méthode est l'inverse de la précédente
- on regroupe les bits par quartet et on remplace les quartets par leur équivalent hexadécimal.

Nombre Binaire	0101	1010	1100	1011
Nombre Hexadécimal	5	Α	С	В



• Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal



- Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal
- les symboles 0,1,2,3,4,5,6,7,8 et 9 appartiennent au code décimal et hexadécimal



- Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal
- les symboles 0,1,2,3,4,5,6,7,8 et 9 appartiennent au code décimal et hexadécimal
- Nécessité d'une convention d'écriture pour différencier



- Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal
- les symboles 0,1,2,3,4,5,6,7,8 et 9 appartiennent au code décimal et hexadécimal
- Nécessité d'une convention d'écriture pour différencier

Binaire 100 Décimal 100 Hexadécimal 100



- Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal
- les symboles 0,1,2,3,4,5,6,7,8 et 9 appartiennent au code décimal et hexadécimal
- Nécessité d'une convention d'écriture pour différencier

Binaire  $100_B$ Décimal 100Hexadécimal 100



- Les symboles 0,1 appartiennent au code binaire, décimal et hexadécimal
- les symboles 0,1,2,3,4,5,6,7,8 et 9 appartiennent au code décimal et hexadécimal
- Nécessité d'une convention d'écriture pour différencier

Binaire  $100_B$ Décimal 100Hexadécimal  $100_H$ 



• Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire



- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal





- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal
   Nombre Décimal
   Nombre Binaire

- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal
   Nombre Décimal 5 3 7 1
   Nombre Binaire 0101

- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal
   Nombre Décimal
   Nombre Binaire
   0101
   0011

- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal
   Nombre Décimal 5 3 7 1
   Nombre Binaire 0101 0011 0111

- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal
   Nombre Décimal 5 3 7 1
   Nombre Binaire 0101 0011 0111 0001



- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal

```
        Nombre Décimal
        5
        3
        7
        1

        Nombre Binaire
        0101
        0011
        0111
        0001

        Nombre Binaire
        0101
        1001
        1000
        0011

        Nombre Décimal
```





- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal

```
        Nombre Décimal
        5
        3
        7
        1

        Nombre Binaire
        0101
        0011
        0111
        0001

        Nombre Binaire
        0101
        1001
        1000
        0011

        Nombre Décimal
        5
```





- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal

```
Nombre Décimal
                  5
                         3
Nombre Binaire
                 0101
                        0011
                               0111
                                      0001
                              1000
Nombre Binaire
                 0101
                        1001
                                      0011
Nombre Décimal
                   5
                         9
```



- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal

Nombre Décimal	5	3	7	1
Nombre Binaire	0101	0011	0111	0001
Nombre Binaire	0101	1001	1000	0011
Nombre Décimal	5	9	8	



- Remplacer chaque chiffre d'un nombre décimal par son équivalent binaire
- Faire une correspondance directe entre binaire et décimal

Nombre Décimal	5	3	7	1
Nombre Binaire	0101	0011	0111	0001
Nombre Binaire	0101	1001	1000	0011
Nombre Décimal	5	9	8	3



• Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire





- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites





- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites
- $\bullet$  1010<sub>B</sub>,1011<sub>B</sub>,1100<sub>B</sub>,1101<sub>B</sub>,1110<sub>B</sub>,1111<sub>B</sub>





- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites
- 1010<sub>B</sub>,1011<sub>B</sub>,1100<sub>B</sub>,1101<sub>B</sub>,1110<sub>B</sub>,1111<sub>B</sub>
- Différence entre codage binaire et DCB





- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites
- 1010<sub>B</sub>,1011<sub>B</sub>,1100<sub>B</sub>,1101<sub>B</sub>,1110<sub>B</sub>,1111<sub>B</sub>
- Différence entre codage binaire et DCB
- 231

en binaire

231

en DCB



- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites
- 1010<sub>B</sub>,1011<sub>B</sub>,1100<sub>B</sub>,1101<sub>B</sub>,1110<sub>B</sub>,1111<sub>B</sub>
- Différence entre codage binaire et DCB
- 231 =11100111<sub>B</sub> en binaire
- 231 en DCB



- Sous-Utilisation de l'espace de représentation binaire
- 6 représentations interdites
- 1010<sub>B</sub>,1011<sub>B</sub>,1100<sub>B</sub>,1101<sub>B</sub>,1110<sub>B</sub>,1111<sub>B</sub>
- Différence entre codage binaire et DCB
- 231 =11100111<sub>B</sub> en binaire
- 231 =001000110001<sub>B</sub> en DCB



# Code de Gray

• Une représentation ne diffère de la précédente que d'un bit





# Code de Gray

• Une représentation ne diffère de la précédente que d'un bit

Binaire	Gray	Décimal	Binaire	Gray
0000	0000	8	1000	1100
0001	0001	9	1001	1101
0010	0011	10	1010	1111
0011	0010	11	1011	1110
0100	0110	12	1100	1010
0101	0111	13	1101	1011
0110	0101	14	1110	1001
0111	0100	15	1111	1000
	0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110	0000 0000 0001 0001 0010 0011 0011 0010 0100 0110 0101 0111 0110 0101	0000         0000         8           0001         0001         9           0010         0011         10           0011         0010         11           0100         0110         12           0101         0111         13           0110         0101         14	0000         0000         8         1000           0001         0001         9         1001           0010         0011         10         1010           0011         0010         11         1011           0100         0110         12         1100           0101         0111         13         1101           0110         0101         14         1110



• Besoin de traiter de l'information non numérique





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique : , ? R t j





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique:,? Rtj
- Mise en place d'un codage sur 7 bits :





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique : , ? R t j
- Mise en place d'un codage sur 7 bits : l'ASCII





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique : , ? R t j
- Mise en place d'un codage sur 7 bits : l'ASCII
- American Standard Code for Information Interchange





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique : , ? R t j
- Mise en place d'un codage sur 7 bits : l'ASCII
- American Standard Code for Information Interchange
- 7 bits : 26 lettres minuscules, 26 lettres majuscules, 10 chiffres, 7 signes de ponctuation soit 69 signes à coder. Le reste sert pour des caractères spéciaux





- Besoin de traiter de l'information non numérique
- Information Alphanumérique : , ? R t j
- Mise en place d'un codage sur 7 bits : l'ASCII
- American Standard Code for Information Interchange
- 7 bits : 26 lettres minuscules, 26 lettres majuscules, 10 chiffres, 7 signes de ponctuation soit 69 signes à coder. Le reste sert pour des caractères spéciaux
- ASCII étendu : 8 bits



#### **ASCII**

Caractère	Code Hexadécimal
Α	41 <sub>H</sub>
Е	45 <sub>H</sub>
I	49 <sub>H</sub>
М	4D <sub>H</sub>
Ν	4E <sub>H</sub>
Q	51 <sub>H</sub>
R	52 <sub>H</sub>
U	55 <sub>H</sub>





#### **ASCII**

0	Code Hayadásimal
Caractere	Code Hexadécimal
Α	41 <sub>H</sub>
Ε	45 <sub>H</sub>
I	49 <sub>H</sub>
M	4D <sub>H</sub>
N	4E <sub>H</sub>
Q	51 <sub>H</sub>
R	52 <sub>H</sub>
U	55 <sub>H</sub>

 $\bullet$  4E<sub>H</sub>55<sub>H</sub>4D<sub>H</sub>45<sub>H</sub>52<sub>H</sub>49<sub>H</sub>51<sub>H</sub>55<sub>H</sub>45<sub>H</sub>



#### **ASCII**

Caractère	Code Hexadécimal
Α	41 <sub>H</sub>
Е	45 <sub>H</sub>
I	49 <sub>H</sub>
М	4D <sub>H</sub>
N	4E <sub>H</sub>
Q	51 <sub>H</sub>
R	52 <sub>H</sub>
U	55 <sub>H</sub>

- 4E<sub>H</sub>55<sub>H</sub>4D<sub>H</sub>45<sub>H</sub>52<sub>H</sub>49<sub>H</sub>51<sub>H</sub>55<sub>H</sub>45<sub>H</sub>
- NUMERIQUE



• Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe :





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0		
1	1	0	0		

- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	
1	1	0	0		





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	4
1	1	0	0		





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	4
1	1	0	0	-	





- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	4
1	1	0	0	-	-4



- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	4
1	1	0	0	-	-4

Codage Signe + Valeur Absolue



- Comment Coder les Nombres Signés en Binaire ?
- Introduire un bit de signe : bit de poids fort
- Nombre sur 4 bits

Bertrand Granado (Licence E<sup>2</sup>A)

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	0	0	+	4
1	1	0	0	-	-4

- Codage Signe + Valeur Absolue
- Nécessite trop de logique pour réaliser des opérateurs arithmétiques



Hiver 2019

22 / 40

Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs





- Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs
- Complément à 2 :





- Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs
- Complément à 2 :
  - Bit de signe : bit de poids fort





- Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs
- Complément à 2 :
  - Bit de signe : bit de poids fort
  - Si bit de signe = 0 : Le nombre est codé





- Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs
- Complément à 2 :
  - Bit de signe : bit de poids fort
  - Si bit de signe = 0 : Le nombre est codé
  - Si bit de signe = 1 : Complément à 2 pour avoir la valeur





- Utilisation d'un codage qui permet de limiter les opérateurs
- Complément à 2 :
  - ▶ Bit de signe : bit de poids fort
  - Si bit de signe = 0 : Le nombre est codé
  - Si bit de signe = 1 : Complément à 2 pour avoir la valeur
- Principe : Pour un nombre de n bits complémenter le nombre pour arriver à 2<sup>n</sup>







<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale



_ <i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	signe	valeur décimale
0					



<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1		



<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	



<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7



• Codage de 7 :

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7





• Codage de 7:

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale

• Codage de 7:

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
1					

• Codage de 7:

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
1	0	0	1		

• Codage de 7 :

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7

• Codage de -7:

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	signe	valeur décimale
1	0	0	1	-	

• Codage de 7:

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
0	1	1	1	+	7

• Codage de -7:

$b_3$	$b_2$	$b_1$	$b_0$	signe	valeur décimale
1	0	0	1	-	-7

• Etapes pour complémenter à 2





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

_ <i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue Complément à 1
				Complément à 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	<i>b</i> <sub>0</sub>	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1				Complément à 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	<i>b</i> <sub>0</sub>	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0			Valeur Absolue Complément à 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1		Valeur Absolue Complément à 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Valeur Absolue Complément à 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	b <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Valeur Absolue Complément à 1
+			1	Ajout de 1





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	b <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Valeur Absolue Complément à 1
+			1	Ajout de 1
			1	





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

_ <i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	b <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Valeur Absolue Complément à 1
+			1	Ajout de 1
		1	1	





- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	b <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Valeur Absolue Complément à 1
+			1	Ajout de 1
	0	1	1	



- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

<i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	<i>b</i> <sub>0</sub>	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Complément à 1
+			1	Ajout de 1
1	0	1	1	

- Etapes pour complémenter à 2
- Faire le complément à 1 du nombre : complémentation bit à bit
- Ajouter 1 au nombre
- Exemple : codage de -5

_ <i>b</i> <sub>3</sub>	$b_2$	<i>b</i> <sub>1</sub>	$b_0$	Commentaires
0	1	0	1	Valeur Absolue
1	0	1	0	Complément à 1
+			1	Ajout de 1
1	0	1	1	Complément à 2





Avantage :





- Avantage :
- Unicité du 0





- Avantage:
- Unicité du 0
- Utilisation du même opérateur pour l'addition et la soustraction





- Avantage:
- Unicité du 0
- Utilisation du même opérateur pour l'addition et la soustraction
- Modulo:  $7_H 4_H = (7_H + C_H) modulo(10_H) = 3_H$



- Avantage:
- Unicité du 0
- Utilisation du même opérateur pour l'addition et la soustraction
- Modulo :  $7_H 4_H = (7_H + C_H) modulo(10_H) = 3_H$
- Exemples en binaire.



- Codage sur N bits, N fini
- On veut coder un nombre négatif -P sur N bits,  $P \in [0, 2^N]$
- On sait que  $2^N = CP + P$
- On pose  $-P = CPmod2^N$
- Ce qui donne  $-P = (2^N P) mod 2^N$
- On sait que  $P \in [0, 2^N]$  donc on a bien  $(2^N P) mod 2^N = -P$



#### Si P positif on le code

$$P = \sum_{i=0}^{i=N-1} b_i * 2^i$$

$$P = b_{N-1} * 2^{N-1} + \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i \text{ avec } b_{N-1} = 0$$

### Si P négatif on le code

$$\begin{split} P &= -(2^N - \sum_{i=0}^{i=N-1} b_i * 2^i) \\ P &= -(2^N - b_{N-1} * 2^{N-1} - \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i) \text{ avec } b_{N-1} = 1 \\ P &= -(2^N - 2^{N-1} - \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i) \\ P &= -(2^{N-1} (2-1) - \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i) \\ P &= -(2^{N-1} - \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i) \\ P &= -b_{N-1} * 2^{N-1} + \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i \text{ avec } b_{N-1} = 1 \end{split}$$

### Nombre en complément à 2

$$P = -b_{N-1} * 2^{N-1} + \sum_{i=0}^{i=N-2} b_i * 2^i$$





## Codage Virgule Fixe

### Codage $Q_{N.M}$ : une partie entière, une partie décimale

$$N = \sum_{i=-M}^{i=N-1} b_i * 2^i$$

Codage  $Q_{N.M}$ : N bits en partie entière, M bits en partie décimale.

### **Exemples**

 $Q_{1.7}$ : 10010111 $_B$  => partie entière 1, partie décimale 0010111 représente le nombre décimal 1,171875 soit  $2^0+2^{-3}+2^{-5}+2^{-6}+2^{-7}$ 



## Format IEEE 754 simple précision 32 bits

$$N = (-1)^S.2^{(exposant-127)}.(1, mantisse)$$

- s sur 1 bit : signe, S=0 positif, S=1 négatif
- exposant sur 8 bits : codé en excès 127
- mantisse sur 23 bits : 1,mantisse forme normalisée de l'écriture du nombre

### Exemples

 $N = 110000000110000000000000000000000_B = >$ 

- Signe : 1
- Exposant : 10000000
- Mantisse: 11000000000000000000000
- Valeur décimale  $N = -2^{(128-127)}.(1,75) = -3,5$



#### l'infini et le zéro

### Dynamique Codage simple précision



#### Distance entre deux nombres consécutifs

 La distance entre deux nombres consécutifs dépend de l'exposant et est égale à 2<sup>Exposant-127</sup>.2<sup>-23</sup>

### Représentation Dénormalisée

- Si Exposant = 00000000 et que la mantisse est non nulle
- Dans ce cas  $N = (-1)^S \cdot 2^{-127} \cdot (0, mantisse)$

#### Not a Number

- si l'exposant vaut 11111111 et que la mantisse vaut 11111111111111111111111 alors le résultat est NaN
- o correspond au cas d'un nombre non initialisé



#### Format IEEE 754 double précision 64 bits

$$N = (-1)^{S}.2^{(exposant-1023)}.(1, mantisse)$$

- s sur 1 bit : signe, S=0 positif, S=1 négatif
- exposant sur 11 bits : codé en excès 1023
- mantisse sur 52 bits : 1,mantisse forme normalisée de l'écriture du nombre

### Format IEEE 754 demi précision 16 bits

$$N = (-1)^S.2^{(exposant-15)}.(1, mantisse)$$

- s sur 1 bit : signe, S=0 positif, S=1 négatif
- exposant sur 5 bits : codé en excès 15
- mantisse sur 10 bits : 1, mantisse forme normalisée de l'écriture du nombre

## Erreur des codages entiers, fixe et flottant

#### Erreur maximale

- la moitié de la valeur du bit de poids faible ou 1/2LSB (Least Significant Bit)
  - Codage entier:  $0.5 = 2^{-1}$
  - Codage fixe:  $0.5 * 2^{-M} = 2^{-(M+1)}$
  - Codage flottant simple précision :

$$0.5 * 2^{Exposant-127} * 2^{-23} = 2^{Exposant-127} * 2^{-24}$$





- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- 2 Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- Codage
- Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné



- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- 2 Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- 8 Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné

- Introduction : L'électronique numérique à l'aube de 2020 / Méthodes et outils de Conception des systèmes numériques
- Algèbre de Boole
- Codage
- 4 Les composants combinatoire simples
- 5 Les composants combinatoires complexes
- 6 Les composants séquentiels : les bascules
- Les composants séquentiels : les registres
- B Les composants séquentiels : les compteurs / Le traitement Pipeliné

