Vorlesung 22 – 17.01.2024

- Ableitung eine Distribution: $\partial_i T(\phi) := T(-\partial_i \phi)$. Falls $f \in C^1(\mathbb{R}^n; \mathbb{C})$ ist $\partial_i T_f = T_{\partial_i f}$.
- Faltung einer Distribution T mit einer Testfunktion ϕ : $T * \phi(x) = T(\phi(x \cdot)) \in C^{\infty}(\mathbb{R}^n; \mathbb{C})$
- Schwartz-Raum:
 - $\mathcal{S}:=\{\phi\in C^{\infty}(\mathbb{R}^n;\mathbb{C}): \sup_{x\in\mathbb{R}^n}|\partial^{\alpha}\phi(x)|(1+|x|^N)<\infty \text{ für alle } N\in\mathbb{N}, \alpha\in\mathbb{N}^n\}. \text{ Testfunktionen, deren Ableitungen bei }\infty \text{ schneller abfallen als jede Potenz.}$
- Lemma: Sei $\phi \in \mathcal{S}$. Falls $P : \mathbb{R}^n \to \mathbb{C}$ ein Polynom ist, ist das Produkt $\phi P \in \mathcal{S}$ und $\partial_i \phi \in \mathcal{S}$. Außerdem ist $\mathcal{F} \phi \in \mathcal{S}$.