

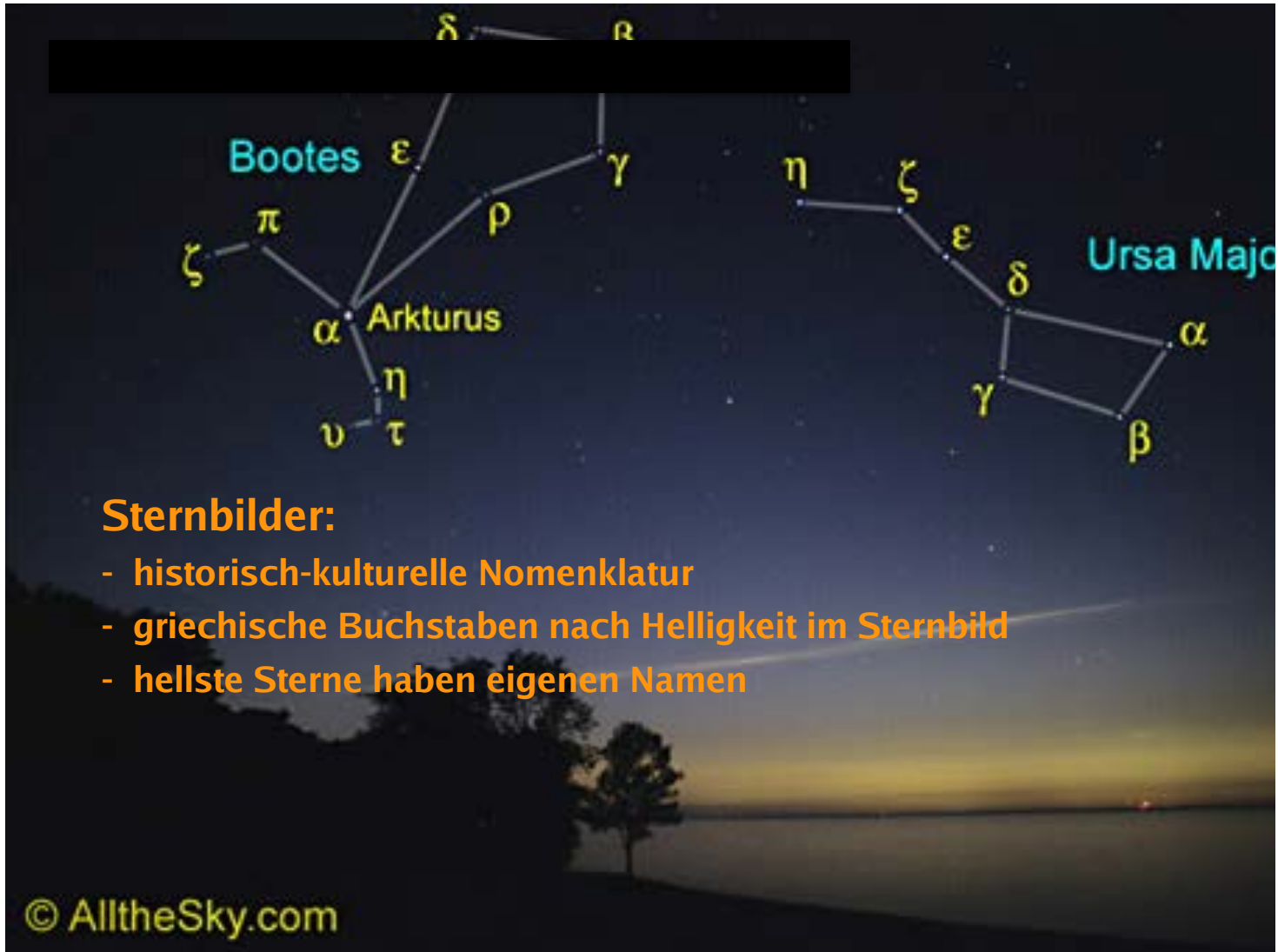
# Astro121 - Einführung in die Astronomie

## Koordinaten

Prof. Frank Bigiel

Argelander-Institut für Astronomie

# Erdrotation / Koordinaten

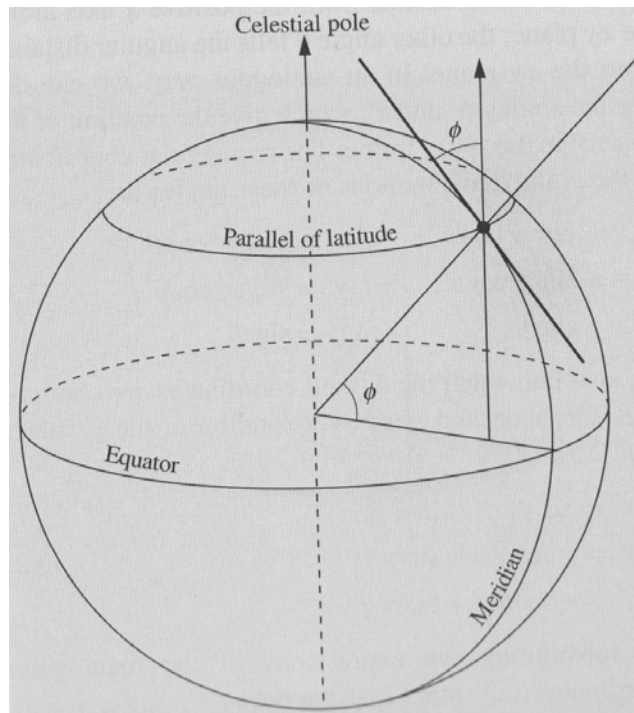


## Sternbilder:

- historisch-kulturelle Nomenklatur
- griechische Buchstaben nach Helligkeit im Sternbild
- hellste Sterne haben eigenen Namen

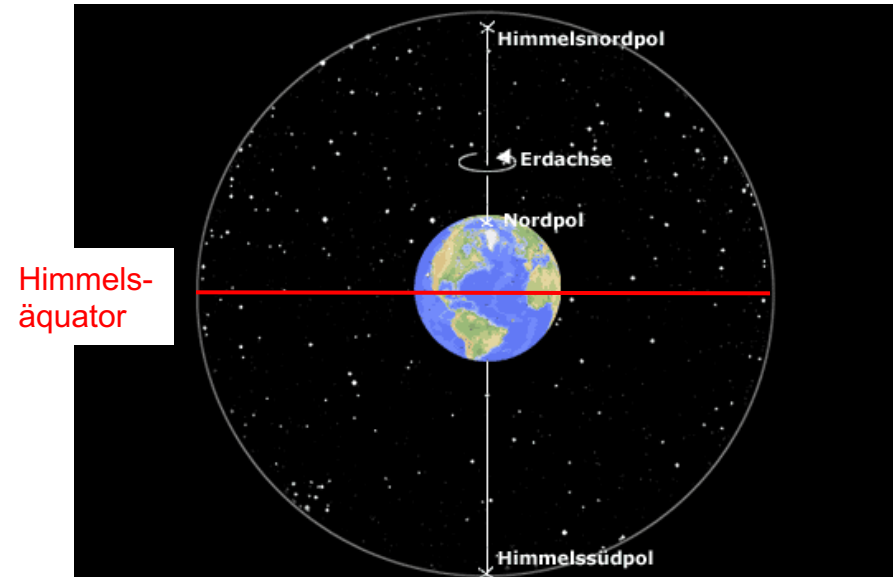
# Erdrotation

- West nach Ost; Periode:  $23^{\text{h}}56^{\text{m}}$  (= 1 Sterntag)
- Bewegung des Himmels (scheinbar)
  - Polarstern fix
    - = Himmelsnordpol
    - Höhe über dem Horizont = geographische Breite



# Erdrotation

- West nach Ost; Periode:  $23^{\text{h}}56^{\text{m}}$  (= 1 Sterntag)
- Bewegung des Himmels (scheinbar)
  - Polarstern fix
    - = Himmelsnordpol
    - Höhe über dem Horizont = geographische Breite
  - Andere Sterne Vollkreis um Pol in einem Sterntag
    - Bewegung am Himmelsäquator:  
1 Vollmond/Sonnendurchmesser ( $=\frac{1}{2}$  Grad) in 2 Minuten



# Erdrotation / Koordinaten

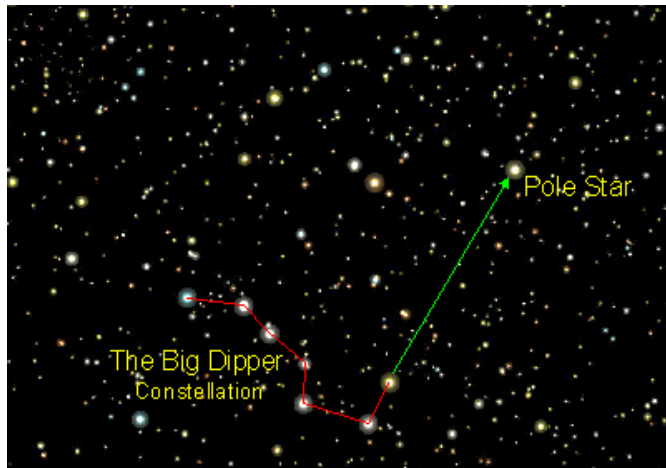
Von der Erde aus gesehen:

Sterne (Sonne, Mond, Planeten) bewegen sich von O -> W

-> **Erde rotiert** von W -> O

Blick nach Süden (auf Nordhalbkugel):

Sterne bewegen sich von “links” nach “rechts”

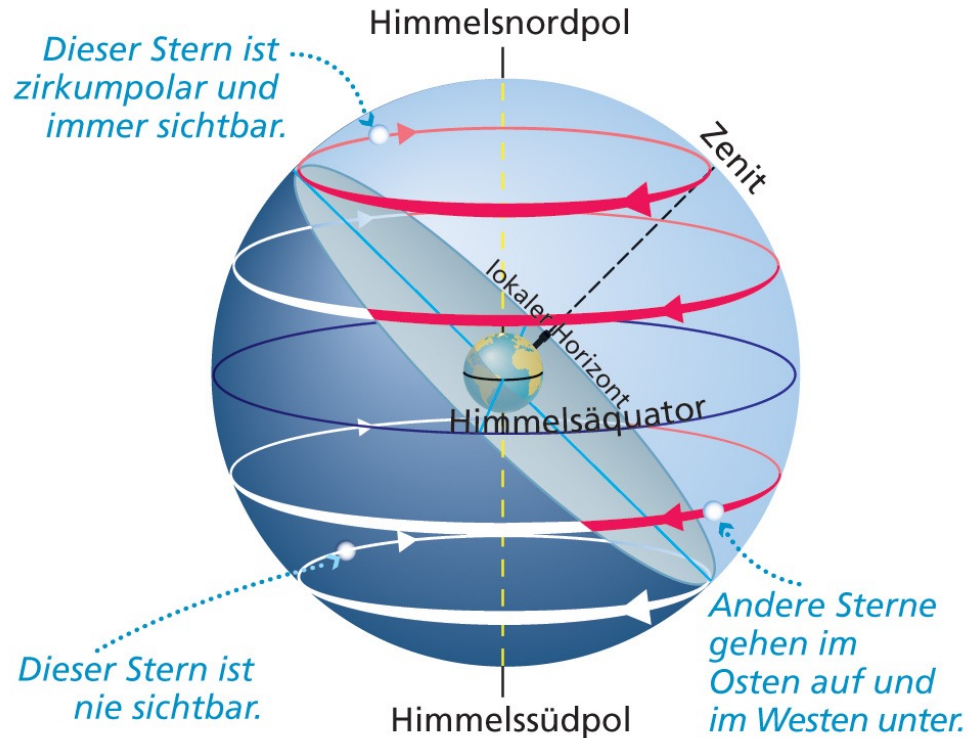


**Blick nach Norden:**

Wegweiser zum Polarstern



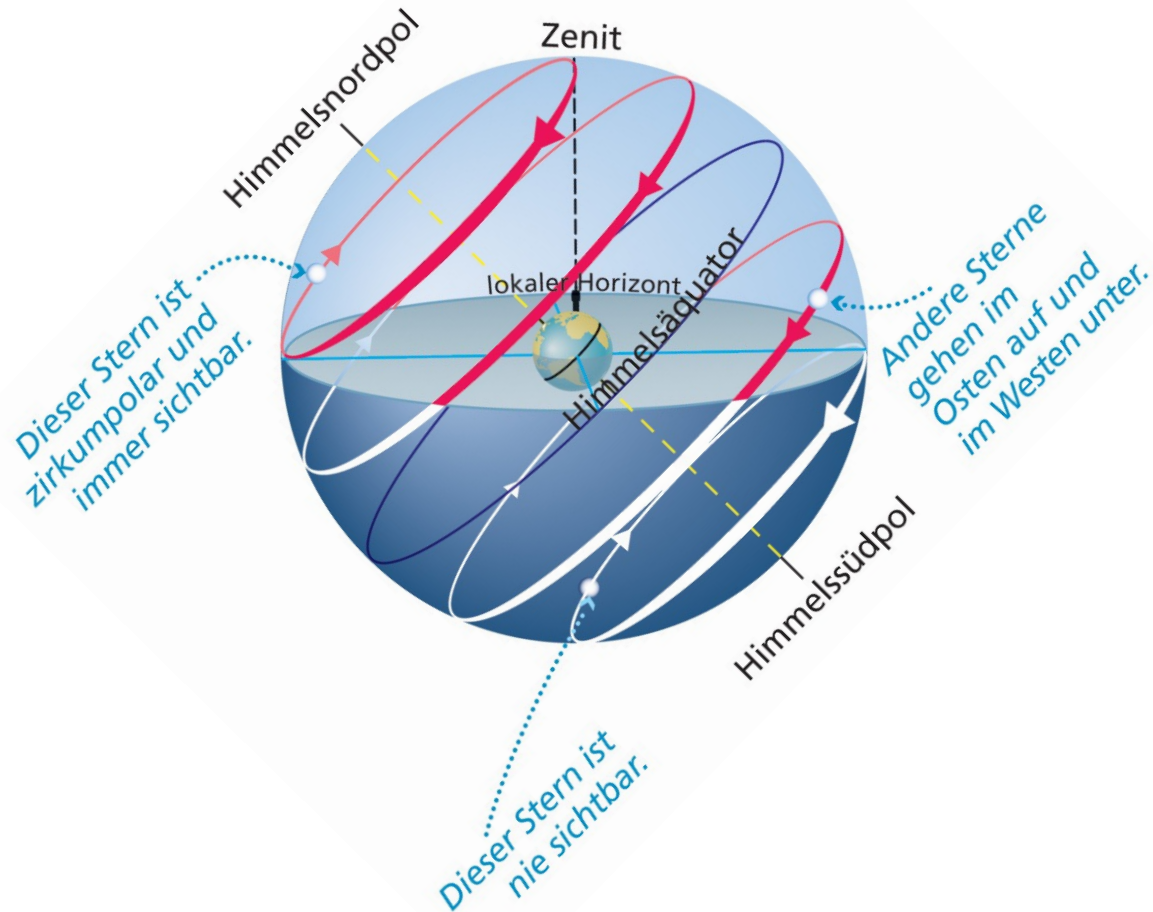
# Erdrotation / Koordinaten



**Abbildung 2.10: Der lokale Himmel für einen typischen Ort auf der Nordhalbkugel der Erde.** Der Horizont schneidet unter einem Winkel durch die Himmelskugel; dadurch scheinen die täglichen Kreisbahnen der Sterne am Himmel geneigt zu sein. Hinweis: Wenn Sie die Seite so drehen, dass der Zenit nach oben weist, können Sie die Bahnen der Sterne leichter erkennen.



# Erdrotation / Koordinaten



# Erdrotation / Koordinaten

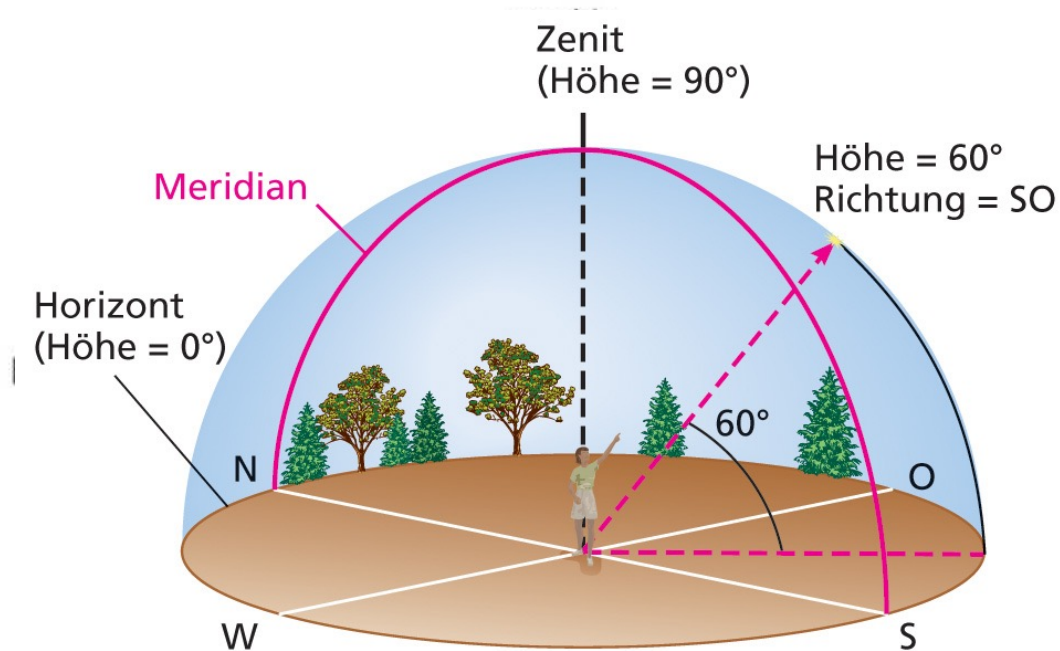
- Naheliegend: Horizontalsystem: Definiert durch Höhe (Altitude) und Azimuth (oft – nicht immer! – im Uhrzeigersinn von Süden gemessen)
- Grosser Nachteil: Orts- und zeitabhängig! Nicht geeignet für umfangreiche Objektkataloge



# Erdrotation / Koordinaten

## Horizontales Koordinatensystem

- **Azimut:** A: Winkeldistanz zur Südrichtung
- **Höhe** h (altitude, elevation): Winkeldistanz über dem Horizont
- **Zenit-Distanz:**  $z = 90^\circ - h$



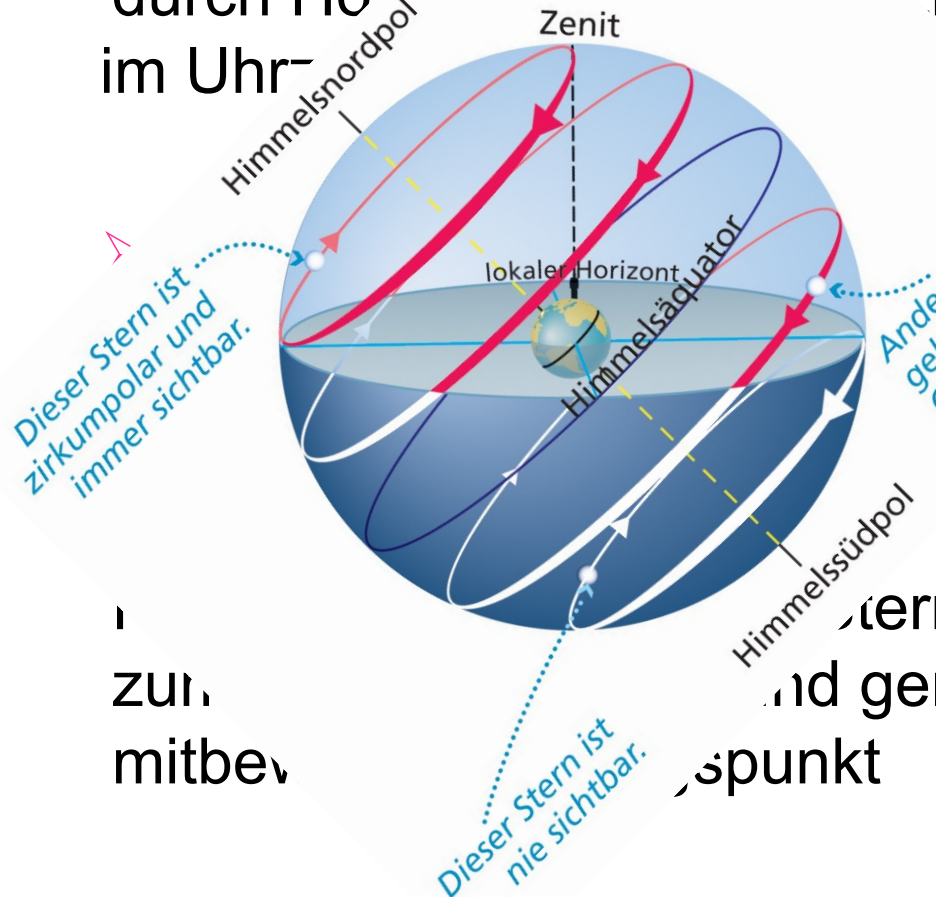
**Abbildung 2.6:** An jedem Ort der Erde erscheint der Himmel wie eine Kuppel (eine Halbkugel). Die Zeichnung zeigt wichtige Referenzpunkte am Himmel. Sie zeigt auch, wie wir eine beliebige Position am Himmel durch ihre Höhe und Richtung kennzeichnen können.

# Erdrotation / Koordinaten

- Naheliegend: Horizontalsystem: Definiert durch Höhe (Altitude) und Azimuth (oft – nicht immer! – im Uhrzeigersinn von Süden gemessen)
- Grosser Nachteil: Orts- und zeitabhängig! Nicht geeignet für umfangreiche Objektkataloge
- Besser: Äquatoriales, mitbewegtes Koordinatensystem Folgt der Bewegung der Sterne auf Bahnen parallel zum Himmelsäquator und gemessen relativ zu mitbewegtem Bezugspunkt
- Vorteil: Koordinaten Orts- und zeitunabhängig

# rdinaten

- azimuth (oft – nicht immer! –  
◦ messen)



# hängig! Nicht kataloge

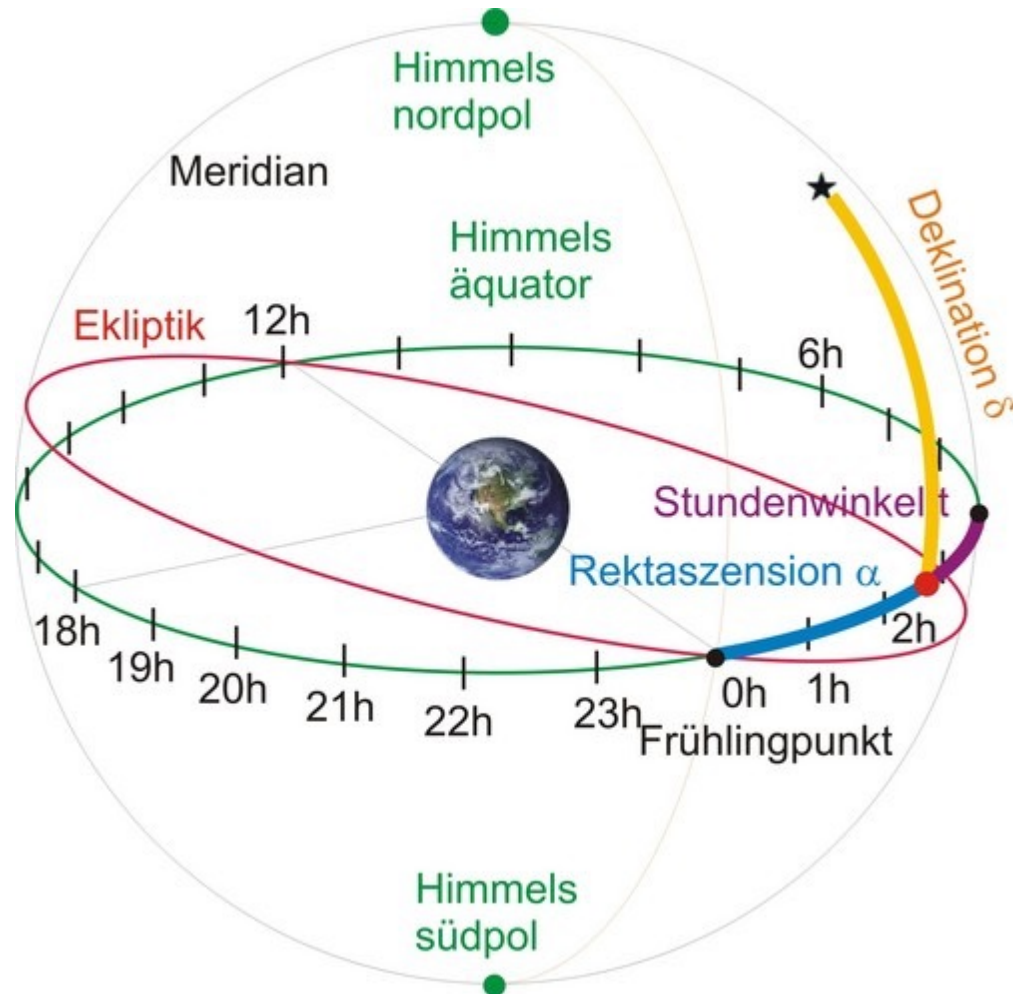
## zweites Koordinatensystem



- Vorteil: Koordinaten Orts- u

# Erdrotation / Koordinaten

- Definiere mitrotierenden Bezugspunkt: Frühlingspunkt
- Die Sonne "bewegt" sich dann von der Süd- auf die Norhalbkugel
- Rektaszension (R.A.):  
Winkeldifferenz Objekt – Frühlingspunkt
- Deklination: Winkeldifferenz Objekt – Äquator
- Beispiel: zweitnächster Stern  
 $\alpha$ -Centauri:  
14h 39m 36.491s, -60°50'02.308"



# Erdrotation / Koordinaten

## Mitbewegtes äquatoriales Koordinatensystem

-> Koordinaten  $\alpha$ ,  $\delta$  sind unabhängig von Erdrotation, also  $\sim$  konstant

-> Definition:

$\theta$  = Sternzeit = Stundenwinkel des Frühlingspunktes  
(abhängig von der geographischen Länge)

Es gilt:  $\theta = t + \alpha$

Für einen Stern im Meridian gilt  $t = 0$ , also  $\theta = \alpha$

-> z.B. stehen zur Sternzeit 7<sup>h</sup> die Sterne mit  $\alpha = 7^h$  im Meridian  
(haben also ihre höchste Höhe über dem Horizont erreicht)

-> Koordinatensystem ist immer noch nicht fest fixiert im Weltraum,  
da Frühlingspunkt sich durch Präzession und Nutation der  
Erdachse verschiebt (um jeweils 50" und 20" pro Jahr).

-> Daher: Spezifikation eines Referenz-Äquators und des  
Referenz-Frühlingspunktes durch Jahresangabe ("Epoche"):  
z.B.:  $\alpha_{1950}$  oder  $\alpha_{2000}$ , oder  $\alpha(1950)$  oder  $\alpha(2000)$

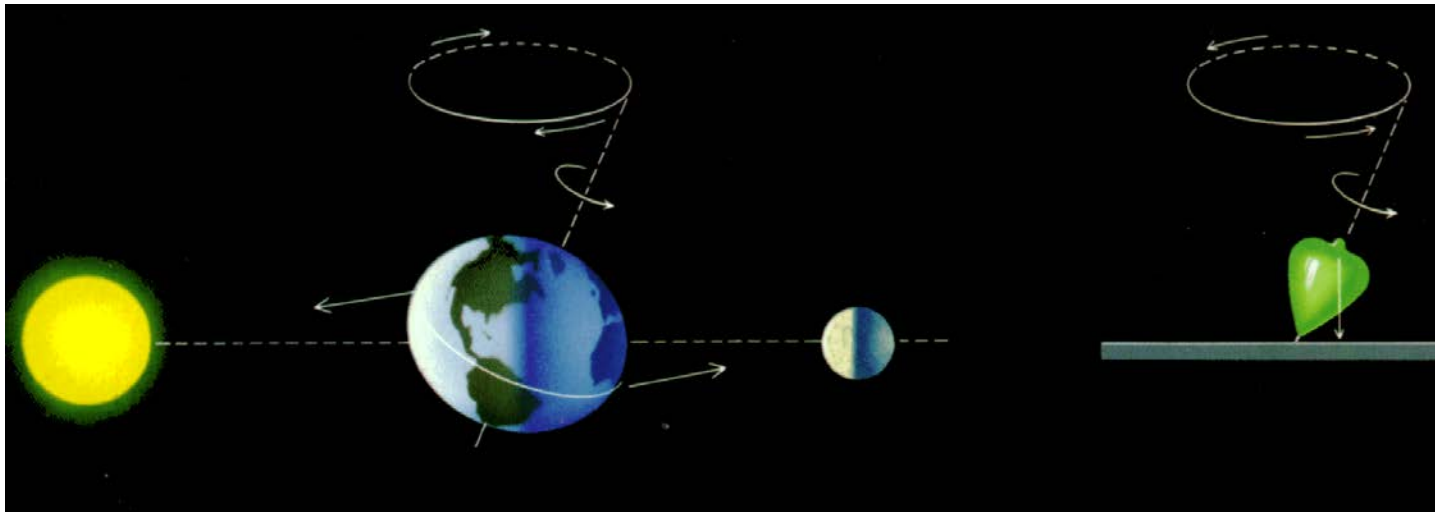
# Veränderung von Sternpositionen

- Eigenbewegung der Sterne ("proper motion")
- Radialgeschwindigkeit (Änderung der Entfernung)
- Orientierung der Erde (Rotation, Präzession, Nutation)
- Bewegung der Erde um Sonne (Aberration, Parallaxe)
- Erdatmosphäre (Refraktion)

# Veränderung von Sternpositionen

## Präzession der Erde im Gravitationsfeld Sonne/Mond

- Erde **abgeplattet**, "Wulst" von 21 km, gekippt um  $23^\circ.5$
- **Gezeitenkräfte** von Sonne & Mond -> **Drehmoment** -> versucht Erdachse aufzurichten -> Präzessionsbewegung (Kreisel)
- **Himmelspole** wandern über den Himmel, **Frühlingspunkt** wandert
  - ★ Periode: 25,725 Jhr =  $50''.3878$  /Jhr
  - ★ Relation von Jahreszeiten und Tierkreiszeichen ändern sich
  - ★ Entdeckt: 129 v. Chr. v. Hipparchos, (Babylonier ?)





# Veränderung von Sternpositionen

## Präzession der Erde

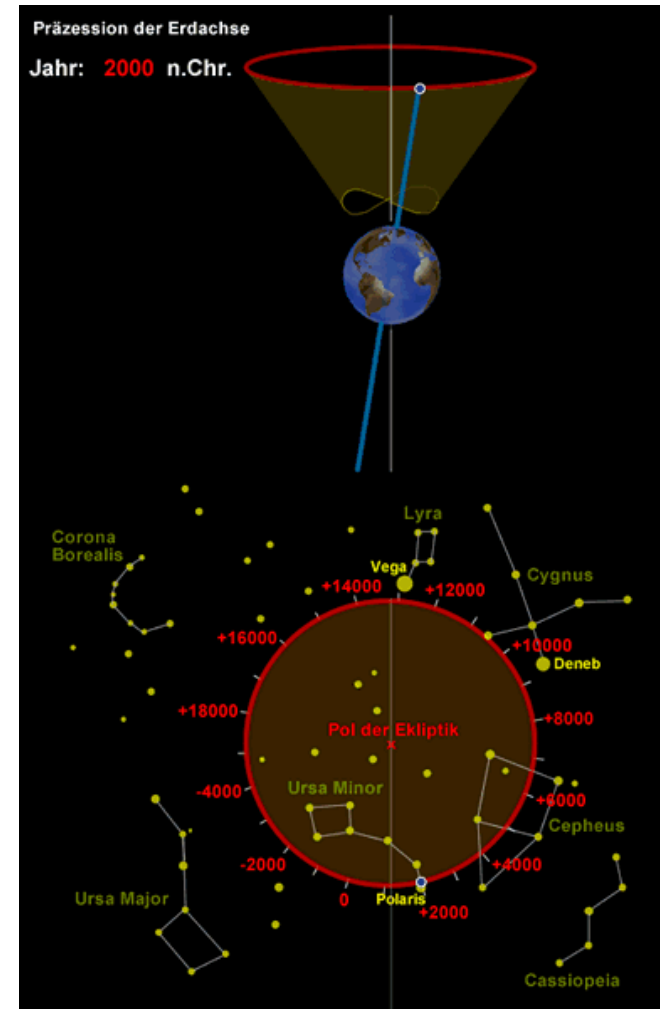
rotierende Erde bewegt sich als Kreisel

-> **Erdachse** zeigt in verschiedene Richtungen am Sternenhimmel (zur Zeit auf Polarstern Polaris)

-> **Bewegung des Himmelspols** durch Kreiselbewegung der Erdachse:

-> die nächsten **Pol-Sterne**:

- Iota Cep (in 4300 Jhr),
- Deneb (in 8000 Jhr),
- Wega (in 11000 Jhr),
- Polaris (in 25,800 Jhr, aber Eigenbewegung)

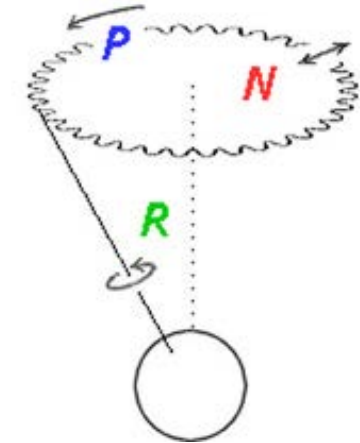


# Veränderung von Sternpositionen

**Nutation:** Störung der Präzessionsbewegung

- Grund: **nicht konstante Drehmomente** der Gezeiten auf Erdwulst wegen:
  - > Bahnneigung des Mondes
  - > Eliptizität von Erd und Mondbahn
- Periode: **18.6 Jahre**
- Effekte:
  - ★ Verschiebung der Bahnknoten (Schnittpunkte)
  - ★ Jahreszeitliche Verschiebung der Bedeckungen / Finsternisse
  - ★ **Längennutation** (Verschiebung des Frühlingspunktes)
  - ★ “**Schiefen**”**nutation** (Inklination der **Ekliptik**)

**R:** Rotation  
**N:** Nutation  
**P:** Präzession

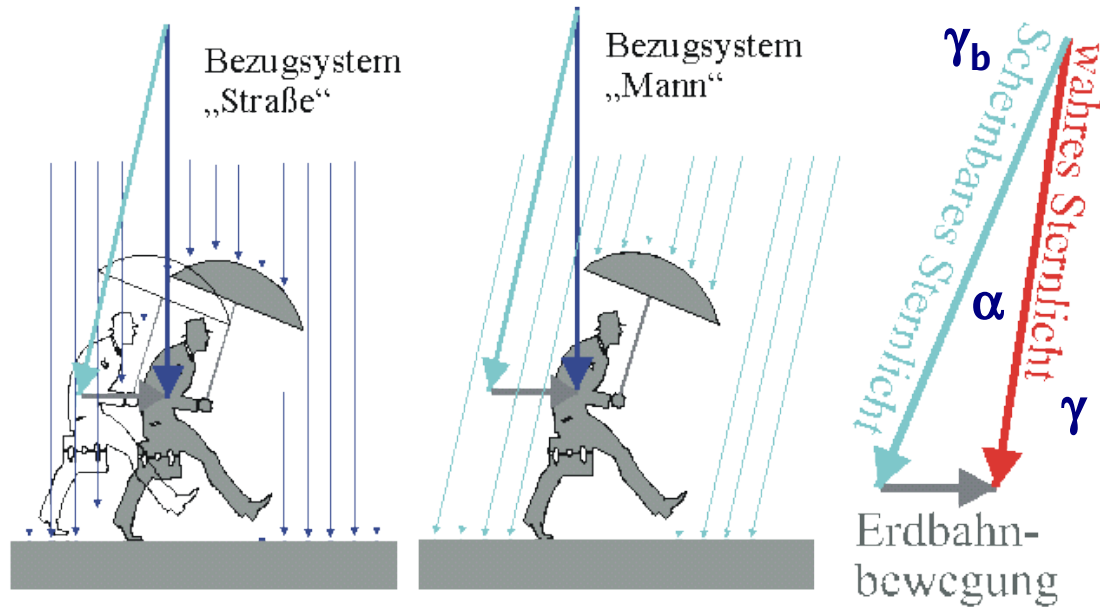


Entdeckt: 1728 von James Bradley

<http://en.wikipedia.org/wiki/Nutation>

# Veränderung von Sternpositionen

**Aberration:** Lichteinfallsrichtung variiert wegen Erdbewegung



[ [www.leifiphysik.de](http://www.leifiphysik.de) ]

Abberationswinkel: größter Winkel wenn Licht senkrecht einfällt  
= Abberationskonstante,  $\alpha_{\max} = v_{\text{Erde}} / c$  (nichtrelativistisch)

# Veränderung von Sternpositionen

## Aberration:

**Lichteinfallrichtung** variiert durch Bewegung des Beobachters

Hier: Bewegungskomponenten der Erde

- 0.5 km/s Rotationsgeschw. am Äquator
- 30 km/s Bahngeschw. Erde um Sonne
- 10 km/s Eigengeschw. der Sonne in Galaktischer Scheibe
- 220 km/s Bahngeschw. der Sonne in Galaxis
- einige 100 km/s Eigengeschw. der Galaxis

Gleichungen in nicht-relativistische Näherung:

$$\beta \equiv \frac{V}{c} \ll 1, \quad \alpha \simeq \beta \sin \gamma, \quad \alpha \ll \gamma$$

wirkl. Winkel =  $\gamma$  , beob. Winkel =  $\gamma_b$  , Differenz =  $\alpha = \gamma_b - \gamma$

für Erde (jährlich) :  $\beta = 10^{-4}$  ,  $\alpha_{max} = 10^{-4} = 20.5 \text{ asec}$

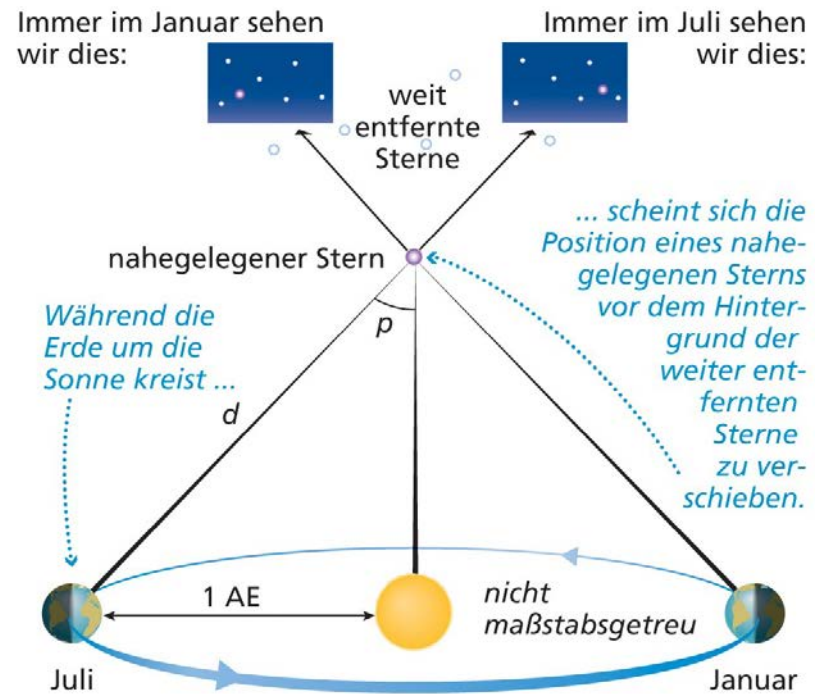
Werte für die Aberrationskonstante  $\kappa$  mit  $\alpha['] \simeq \kappa \sin \gamma$

täglich:  $0''.32 \cos \varphi$  , jährlich:  $20''.6$  , Galaktisch:  $150''$  ( $2 \cdot 10^8 \text{ yr}$ )

# Veränderung von Sternpositionen - Parallaxe

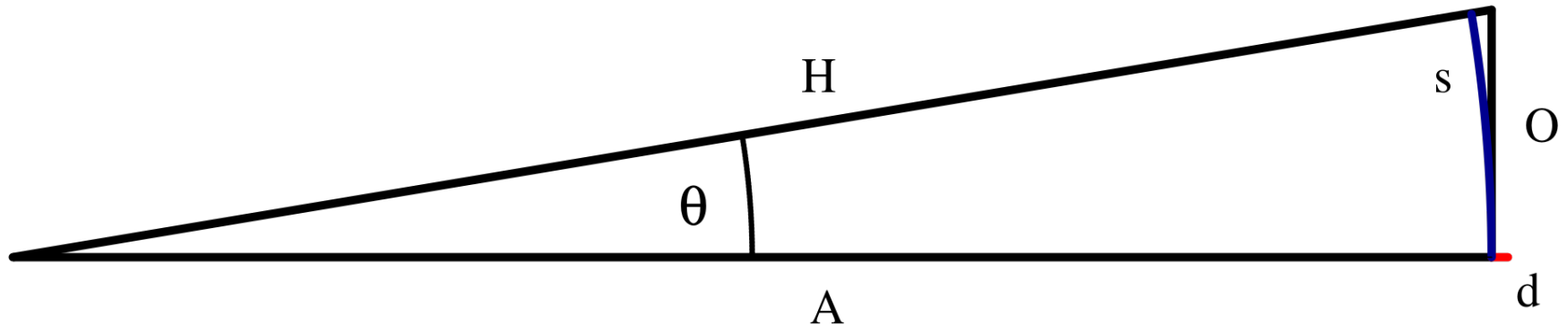
## Veranschaulichung:

Finger am ausgestreckten Arm, ein Auge abwechselnd schliessen. Finger bewegt sich gegen Hintergrund.



**Abbildung 15.3:** IF✎ Aufgrund der Parallaxe verschiebt sich die scheinbare Position nahegelegener Sterne im Lauf eines Jahres vor dem Hintergrund der entfernten Sterne vor und zurück. Der Winkel  $p$ , der *Parallaxenwinkel*, entspricht der halben jährlichen Parallaxenverschiebung. Wenn wir  $p$  in Bogensekunden messen, beträgt die Entfernung  $d$  des Sterns  $1/p$  Parsec. Der in diesem Bild dargestellte Winkel ist extrem übertrieben: Alle Sterne haben Parallaxenwinkel von weniger als einer Bogensekunde.

# Kleinwinkelnäherung (Reihenentwicklung)

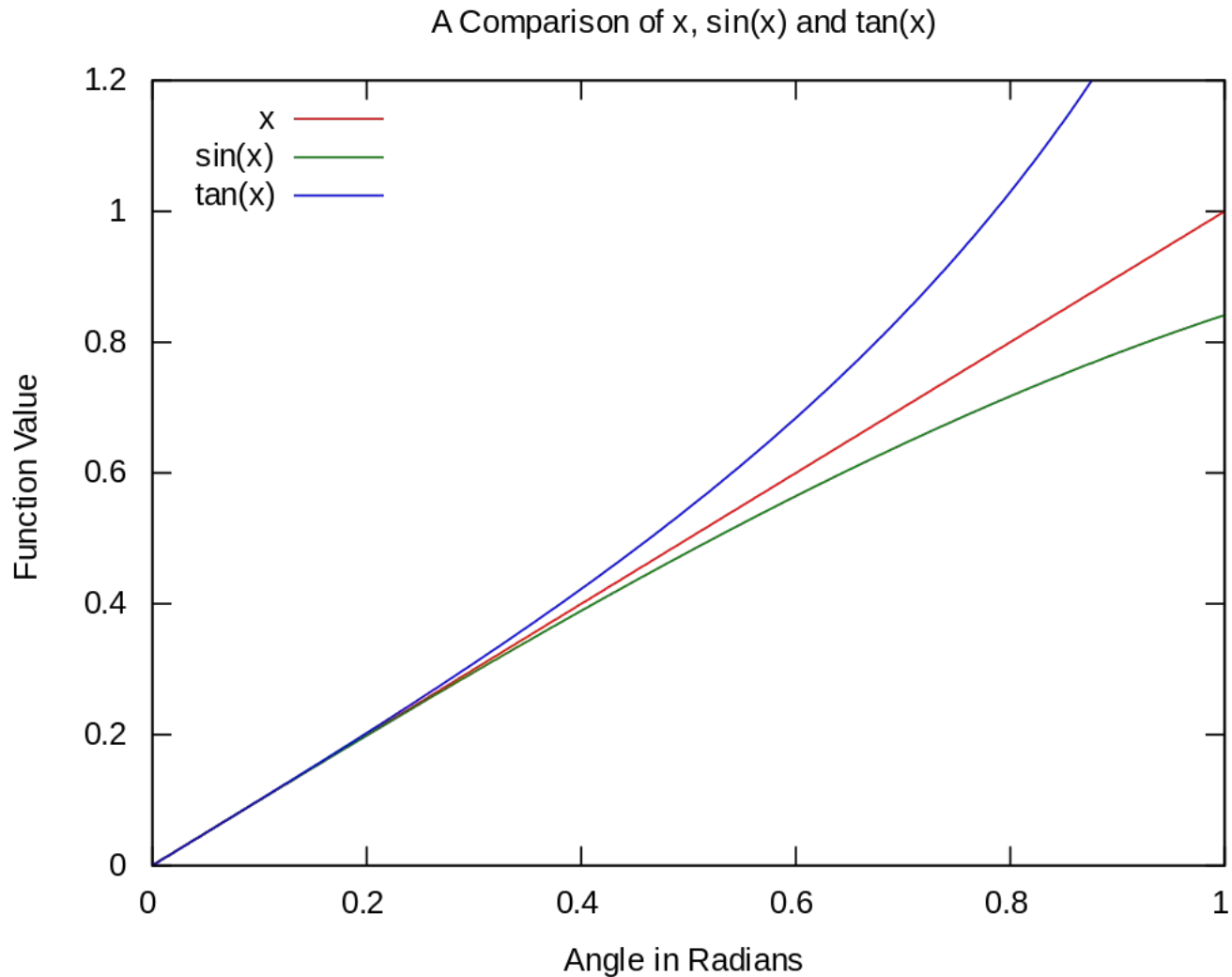


$$\sin x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1} = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots \quad \text{für alle } x$$

$$\cos x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n} = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots \quad \text{für alle } x$$

$$\tan(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{B_{2n}(-4)^n(1-4^n)}{(2n)!} x^{2n-1} = x + \frac{x^3}{3} + \frac{2x^5}{15} + \dots \quad \text{für } |x| < \frac{\pi}{2}$$

# Kleinwinkelnäherung (Reihenentwicklung)





# Veränderung von Sternpositionen

## Refraktion:

- Media mit unterschiedlichen Brechungsindizes: Licht wird gebrochen.
- Objekt/Stern scheint höher.
- Abhängig vom Zenithwinkel.

