Mathematik 3 für Physikstudierende

Winter 2023/24 Dr. Peter Gladbach Dr. Adrien Schertzer



Präsenzaufgabenblatt 1.

Präsenzaufgabe 1. Skizziere folgende Teilmengen von \mathbb{C} :

(i)
$$U_1 = \{ z \in \mathbb{C} : |z - 1 - i| = 1 \},$$

(ii)
$$U_2 = \{ z \in \mathbb{C} : |z - 1| \ge |z - i| \},$$

(iii)
$$U_3 = \{ z \in \mathbb{C} : |z - 2| \ge 1, |z - 2| < |z - 3| \},$$

(iv)
$$U_4 = \{ z \in \mathbb{C} : |z - i|^2 + |z + i|^2 = 2 \},$$

(v)
$$U_5 = \{ z \in \mathbb{C} : 0 < \arg(z - (1+i)) < \frac{\pi}{3} \}.$$

Präsenzaufgabe 2. Schreiben Sie in Standardform:

- (i) $e^{i\frac{\pi}{2}}$,
- (ii) $\frac{1}{1+i}$,
- (iii) $\frac{1+i}{2+i}$.

Präsenzaufgabe 3. Schreiben Sie in Polarkoordinaten:

- (i) i,
- (ii) 1 + i,
- (iii) 1 2i.

Präsenzaufgabe 4. Finden Sie alle Lösungen von

- (i) $z^n = 1$,
- (ii) $z^2 2iz + 1 = 0$.

Präsenzaufgabe 5. Welche der Funktionen sind holomorph?

- (i) $f(z) = |z|^2$,
- (ii) f(z) = iz,
- (iii) $f(z) = \operatorname{Re}(z)$,
- (iv) $\forall (x,y) \in \mathbb{R}^2$, $f(x,y) = e^{x+iy} \stackrel{Def.}{=} e^x(\cos(y) + i\sin(y))$,
- (v) $\forall (x,y) \in \mathbb{R}^2$, $f(x,y) = (x^2 y^2) + 2xyi$.

Präsenzaufgabe 6. Finden Sie $v:\mathbb{C} \to \mathbb{R}$, sodass u+iv holomorph, wobei

(i)
$$u(x+yi) = x^3 - 3y^2x - 7$$
,

(ii)
$$u(x + yi) = x^2$$
.