Theorie 3: Quantenmechanik

Übungsblatt 2: 1-dimensionale Systeme

<u>Deadline:</u> Mittwoch 01.05.2024 18.00 via eCampus

Das Stufenpotential

Ein freies Teilchen der Masse m kommt mit Impuls p>0 und Energie $E_p=\frac{p^2}{2m}$ "von links" und trifft auf das Potential (mit $V_0>0$)

$$V(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ V_0, & x \ge 0. \end{cases}$$

1. (1.5 Punkte) Begründen Sie, dass man den folgenden Ansatz für die (zeitunabhängige) Wellenfunktion machen kann:

$$\psi(x) = \left\{ \begin{array}{ll} e^{ipx/\hbar} + Re^{-ipx/\hbar} \,, & \quad x < 0 \,, \\ Te^{iqx/\hbar} \,, & \quad x \ge 0 \,. \end{array} \right.$$

wobei R, T und q komplexe Zahlen sind.

2. (0.5 Punkte) Begründen Sie wieso die Wellenfunktion $\psi(x)$ und ihre Ableitung stetig sein müssen.

3. (5 Punkte) Bestimmen Sie die Wellenfunktion $\psi(x)$ für $E_p > V_0$, d.h., bestimmen Sie den Parameter q sowie den Reflektionskoeffizienten R und den Transmissionskoeffizienten T. Vergleichen Sie das Ergebnis mit dem entsprechenden Ergebnis aus der klassischen Mechanik.

4. (5 Punkte) Glecueh Frage für $E_p \geq V_0$, d.h., bestimmen Sie die Wellenfunktion $\psi(x)$ für $E_p > V_0$, d.h., bestimmen Sie den Parameter q sowie den Reflektionskoeffizienten R und den Transmissionskoeffizienten T. Vergleichen Sie das Ergebnis mit dem entsprechenden Ergebnis aus der klassischen Mechanik.

Der Tunneleffekt

Ein freies Teilchen der Masse m kommt mit Impuls p > 0 und Energie $E_p = \frac{p^2}{2m} < V_0$ "von links" und trifft auf das Potential

$$V(x) = \begin{cases} 0, & x < 0, \\ V_0, & 0 \le x < L, \\ 0, & x \ge L, \end{cases}$$

1. (2 Punkte) Begründen Sie, dass man den folgenden Ansatz für die (zeitunabhängige) Wellenfunktion machen kann:

$$\psi(x) = \begin{cases} Ae^{ipx/\hbar} + Be^{-ipx/\hbar}, & x < 0, \\ Ce^{-\kappa x/\hbar}, & 0 \le x < L, \\ De^{ipx/\hbar}, & x \ge L, \end{cases}$$

1

- 2. (4 Punkte) Bestimmen Sie die Wellenfunktion $\psi(x)$, d.h., bestimmen Sie die Parameter A, B, C, D und κ . Vergleichen Sie das Ergebnis mit dem entsprechenden Ergebnis aus der klassischen Mechanik.
- 3. (2 Punkte) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dass sich das Teilchen bei x > L befindet.