Vorlesung 1 - 11.10.2023

- Komplexe Zahlen $\mathbb{C} := \{x + yi : x, y \in \mathbb{R}\}$
- Multiplikation definiert durch $i^2 = -1$
- Kehrwert $\frac{1}{x+yi} = \frac{1}{x^2+y^2}(x-yi)$
- $\bullet \ \, \text{Vektordarstellung} \,\, [x+yi]_{\mathbb{R}^2} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- $\bullet \ \, \text{Matrixdarstellung} \, \, [x+yi]_{\mathbb{R}^{2\times 2}} = \begin{pmatrix} x & -y \\ y & x \end{pmatrix}$
- Polarkoordinaten $x+yi=r(\cos(\theta)+\sin(\theta)i)$, $r=\sqrt{x^2+y^2}\in[0,\infty)$, $\theta=\arg(x+yi)\in[0,2\pi)$
- Kurzform $e^{i\theta} := \cos(\theta) + \sin(\theta)i$