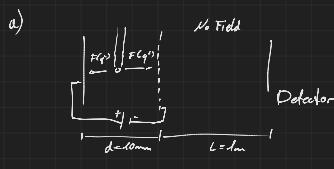


Sheet 1 Hydro 13 weeks

Exercise 1:



b)

$$F = qE \quad E_{\text{kin}} = qE \frac{1}{2} d$$

$$a = \frac{qE}{m} \quad \Rightarrow v = \sqrt{\frac{qE}{m}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} d = \frac{1}{2} a t^2 \quad \Rightarrow t_1 = \frac{d}{v}$$

$$\Rightarrow E_{\text{kin}} = \sqrt{\frac{d^2 m}{qE}}$$

$$\Rightarrow t_2 = t_1 + t_2 = \sqrt{\frac{d^2 m}{qE}} + L \sqrt{\frac{m}{qE d}}$$

$$t = L \sqrt{\frac{m}{qU_0}} + L \cdot \sqrt{\frac{m}{U_0 q}}$$

Left side $= \sqrt{\frac{30 \cdot 6.6 \cdot 10^{-22} h}{1.6 \cdot 10^{-19} C \cdot 1.602 \cdot 10^{-19}}} (10 \cdot 10^{-2} + 10) \text{ ns}$

right side $\approx 158,78 \text{ ns}$

c)

$$t > \sqrt{\frac{d^2 m}{qE}} + L \sqrt{\frac{m}{qE d}} \quad | \quad d \rightarrow d + \Delta x$$

$$t = \sqrt{\frac{(d+\Delta x)m}{qE}} + L \sqrt{\frac{m}{qE(d+\Delta x)}}$$

$$= \sqrt{\frac{d(m+qE\Delta x)}{qU_0}} + L \sqrt{\frac{m}{qU_0(d+\Delta x)}}$$

$$= \sqrt{\frac{d^2 m}{qU_0}} \left(1 + \sqrt{\frac{qE\Delta x}{d^2 m}} \right)$$

$$= 19,40 \text{ ns}$$

$$\Rightarrow \Delta t = 139,38 \text{ ns}$$

d)

$$t = \sqrt{\frac{d^2 m}{qU_0}} \left(\sqrt{\frac{qE}{d^2 m}} + L \sqrt{\frac{m}{d^2 m}} \right)$$

$$\Rightarrow n = \frac{e^2 q U_0}{2 \pi \hbar^2 (d^2 m)^{3/2} + L \sqrt{\frac{m}{d^2 m}}} \quad | \quad t = \lambda_{d3}$$

$$= 3,085 \cdot 10^{10} \text{ kg}$$

$$= 2,068 \text{ u}$$

\Rightarrow Atom density \rightarrow collision.

Exercise 2:

a)

$$f = I_0 e^{-n \lambda_{d3}}$$

$$\underbrace{-\ln(\frac{I}{I_0})}_{m_f} = \frac{n \lambda_{d3}}{\rho} \quad | \quad pV = NkT \Leftrightarrow n = \frac{N}{V} = \frac{p}{kT}$$

$$m_f = \frac{\lambda_{d3}}{kT}$$

$$\Leftrightarrow \rho = \frac{L T m_f}{L} \quad | \quad L = 3,5 \text{ cm} \quad (\text{Phys. Rev. } 71, 150 \text{ (1947))} \\ T = 2,23 + 0,012 \cdot 20k = 2,93,1 \cdot k$$

$$k = 1,38 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$$

$$= 2,85 \cdot 10^{-22} \text{ m}^2$$

$$m_f = \frac{4}{(500 \cdot \infty) \cdot 6 \cdot 10^{-23}} = 2,9615384 \text{ m}$$

b)

$$\sigma = \frac{f}{n} r^2$$

$$\Rightarrow \sigma = \frac{f}{n} r^2$$

$$= 3,00 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

c)

$$\frac{r_1}{r_2} = \sqrt{\frac{\sigma_1}{\sigma_2}}$$

$$\Rightarrow r_2 = \sqrt{\frac{\sigma_2}{\sigma_1}} r_1$$

$$= 1,152 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

Das Aktivitätsraster ist um 2 Größenordnungen kleiner.

Dies könnte mit einem Rechenschieber zusammenhängen, oder einfach zeigen, dass Aktivität kleiner als Cäsium ist. Dies stimmt zwar nicht optimal, die Größenordnung ist aber dennoch übereinstimmend.

Exercise 3:

a)

$$E_{\text{kin}} = E_{\text{pot}}$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{2gh}$$

$$\Rightarrow \lambda_{d3} = \frac{h}{m \sqrt{2gh}}$$

$$= 5,65 \cdot 10^{-25} \text{ m}$$

b) Scanning $E_{\text{kin}} = 10 \text{ eV}$.

$$\rho = m \sqrt{\frac{E}{m}}$$

$$= \sqrt{2E} \text{ m}$$

$$\Rightarrow \lambda_{d3} = \frac{L}{\sqrt{2E}}$$

$$= 1,23 \cdot 10^{-25} \text{ m}$$

c)

$$\frac{m v^2}{2} = h_{13} T$$

$$v_p = \sqrt{\frac{h_{13} T}{m}}$$

$$\lambda_{d3} = \frac{h}{m \sqrt{2 \cdot \frac{h_{13} T}{m}}}$$

$$= \frac{h}{\sqrt{2} h_{13} T m}$$

$$= 2,92 \cdot 10^{-25} \text{ m}$$

d)

$$V = (20 \mu\text{m})^3, \quad N = 10^5$$

$$d = \sqrt[3]{\frac{V}{N}} \quad \Rightarrow \quad n = 1,25 \cdot 10^{12} \frac{1}{\text{m}^3}$$

$$= 4,309 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

$$\stackrel{6 \text{ Größenordnungen}}{=} 10^{-2} \text{ m}$$

$$\lambda_{d3} = \frac{h}{2 \pi m b_{13} T}$$

$$T = \frac{h^2}{2 \pi m b_{13}^2} \quad | \quad \lambda_{d3} = 10^{-6} \text{ m}$$

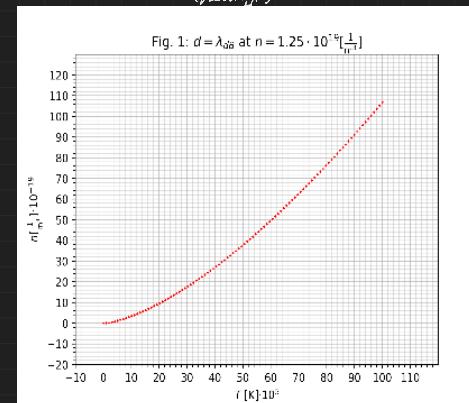
$$= 5,502 \cdot 10^{-26} \text{ m}$$

At $d = \lambda_{d3}$ the atoms become indistinguishable, since their wave overlap.

e)

$$\sqrt[3]{\frac{V}{N}} = \frac{h}{2 \pi m b_{13} T}$$

$$\Rightarrow n = \left(\frac{h}{\sqrt{2 \pi m b_{13} T}} \right)^3$$



f)

$$\lambda_{d3} = 2,92 \cdot 10^{-25} \text{ m} \Rightarrow \rho = n \lambda_{d3} = 2,22 \cdot 10^{-14} \frac{1}{\text{m}^3}$$

$$\lambda_{d3} = 4,309 \cdot 10^{-2} \text{ m} \Rightarrow \rho = 5,3868 \cdot 10^{10} \frac{1}{\text{m}^3}$$

Exercise 6:

a) $F_z = \vec{F}_c$

$m_p c^2 = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon_0 r^2}$

$m_p \frac{G \bar{r}^2}{T^2} = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon_0 r^2}$

$T = \sqrt{\frac{4\pi \epsilon_0 c^5 r^3}{q_1 q_2 m_p}} \quad | \quad r = \frac{\epsilon_0 b^2}{4\pi \epsilon_0 c^2}$

$T = \sqrt{\frac{G \epsilon_0^2 b^2}{c^5 \epsilon_0^2}} \quad |$

$\approx 1,4 \text{ s} \cdot \text{m}^{-16}$

b)

$P = \frac{2q^2 \alpha^2 \delta^4}{\pi c^3} \quad | \quad \alpha = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon_0 r^2 m_p} = \frac{mc^2 q^6}{4\pi \epsilon_0^3 b^4}$

$= \frac{2q^{14} mc^2}{3c^2 \pi b^8 \epsilon_0^8 \delta^8} \quad | \quad \nu = \frac{2\pi r}{T} = \frac{\epsilon_0 b^2}{4\pi \epsilon_0 c^2 \cdot T} =$

-