Aufgabe 1. Das folgende Programm sollte die Fakultätsfunktion implementieren und 5! + 17! auf der Konsole ausgeben. Zufälligerweise haben wir 6 Fehler dabei gemacht. Schnapp sie dir alle!

```
/* Fakultaetstest
   * (c) 2015 Clelia und Johannes */
  #include <studio.h>
  int fakultaet (n) {
                            /* speichert die Fakultaet */
     int ergebnis = 0;
                            /* verkleinere n, bis es */
     while (n > 0)
                            /* null ist und multi- */
         ergebnis *= n;
10
                            /* pliziere mit ergebnis */
11
     return ergebnis;
12
13
14
  int main () {
           int add2fak;
16
17
           add2fak = fakultaet (5) + fakulataet (17);
18
           printf ("5! + 17! = %i\n", add2fak);
19
           return 0,
20
21
```

Aufgabe 2. Implementiere die Signumsfunktion sgn(x), den Absolutbetrag betrag(x), cos(x) und die Wurzelfunktion wurzel(x) (mit dem Heron-Verfahren vom ersten Zettel) als Funktionen und lagere sie in ein eigenes Modul aus.

Aufgabe 3. a) Implementiere für $x \in \mathbb{R}$ und $n \in \mathbb{N}$ eine Potenzfunktion $x^n = power(x, n)$ mit der Double-and-Add-Methode:

$$power(x, n) = \begin{cases} 1 & \text{wenn } n = 0 \\ x \cdot power\left(x^2, \frac{n-1}{2}\right) & \text{wenn } n \text{ ungerade} \\ power\left(x^2, \frac{n}{2}\right) & \text{wenn } n \text{ gerade} \end{cases}$$

zuerst mal rekursiv.

- b) Implementiere eine Potenzfunktion naiv_power(x, n), indem du eine Schleife von 1 bis n laufen lässt und bei jedem Durchlauf eine mit 1 Initialisierte Variable mit x multipliziert. Berechne 0,9999999999²⁰⁰⁰⁰⁰⁰⁰⁰⁰ einmal mit power(x, n) von oben und einmal mit naiv_power(x, n) (es sollte ca. 0,818731 raus kommen).
- c) * Implementiere die Double-and-Add-Methode mit einer Schleife, also ohne rekursiven Aufruf.
- d) * Frage einen Tutor wie man Zeit messen kann und vergleiche die Laufzeiten der 3 Funktionen.

Aufgabe 4. Diese Aufgabe wird auf eine power(x, y)-Funktion führen, die für beliebige $x \in \mathbb{R}^+$ und $y \in \mathbb{R}$ den Wert von x^y berechnet.

• Implementiere die Exponential-Funktion expo(x), die e^x mithilfe folgender Reihendarstellung:

$$e^x = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^k}{k!}$$

• Implementiere eine Logarithmus-Funktion logarithm(x), die ln(x) mithilfe folgender Reihedarstellung berechnet:

$$\ln(x) = 2 \cdot \sum_{k=0}^{\infty} \left(\frac{x-1}{x+1}\right)^{2k+1} \frac{1}{2k+1}$$

• Verwende die Formel

$$x^y = e^{y \cdot \ln(x)}$$

um power(x, y) zu bestimmen.

Aufgabe 5. Implementiere die Riemann'sche Zeta-Funktion für $s \in \mathbb{R}$:

$$\zeta(s) := \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k^s}$$

Teste die Funktion für einige Werte $s \in]1,3[$. Für Werte $s \leq 1$ gilt $\zeta(s) = \infty$.