# Lenguajes de programación y modelos de computación <sup>1</sup>

Asignatura: Análisis Comparativo de Lenguajes Responsable: Ariel Gonzalez e-mail: agonzalez@dc.exa.unrc.edu.ar

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas, Físico-Químicas y Naturales Universidad Nacional de Río Cuarto - Argentina

2016

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Apunte elaborado por Mg. Marcelo Arroyo en colaboración con Mg. Ariel Gonzalez.

#### Abstract

Este libro es el resultado del dictado del curso Análisis Comparativo de Lenguajes para alumnos de pregrado en la Universidad Nacional de Río Cuarto.

Si bien existe una vasta bibliografía en el tema, es difícil encontrar un único libro que cubriese todos los temas y con el enfoque que es buscado en la asignatura.

Los principales objetivos de este trabajo es recopilar contenidos de varias fuentes bibliográficas y compilarlas desde un enfoque de las características de los lenguajes de programación a partir de un punto de vista de modelos de computación y paradigmas (o estilos) de programación, desarrollando los conceptos relevantes de los lenguajes de programación.

En cada capítulo se desarrollan los conceptos a partir de un lenguaje de programación básico, para luego compararlo con las construcciones similares encontradas en algunos lenguajes de programación seleccionados.

Los lenguajes de programación se han seleccionado por su difusión en la industria y por su importancia desde el punto de vista académico, los cuales se analizan en base a los conceptos básicos estudiados.

El enfoque es centrado en la elección de un lenguaje núcleo, para el cual se define su sintaxis y semántica (en base a su máquina abstracta correspondiente). El mismo, es extendido con adornos sintácticos y otras construcciones básicas en función de las características a analizar. La semántica formal permite realizar análisis de correctitud y su complejidad computacional.

Este material está dirigido a alumnos de segundo o tercer año de carreras de ciencias de la computación o ingeniería de software. Sus contenidos permiten desarrollar un curso en cuatro meses de duración con prácticas de aula y talleres. Al final de cada capítulo se proponen ejercicios correspondientes a cada tema.

Los paradigmas estudiados implican el modelo **imperativo**, **funcional**, **orientado a objetos**, **lógico** y el **concurrente**. Este último modelo es transversal a los demás modelos, por lo que se hace un análisis y consideraciones en cada contexto en particular.

El lenguaje kernel seleccionado es  $\mathbf{Oz}$ , el cual es un lenguaje académico desarrollado específicamente para el estudio de los diferentes modelos de computación.

# Contents

1	Intr	Introducción		
	1.1	Lenguajes como herramientas de programación	4	
	1.2	Abstracciones	4	
		1.2.1 Abstracción procedural	5	
		1.2.2 Abstracción de datos	5	
	1.3	Evaluación de un lenguaje de programación	6	
	1.4	Definición de un lenguaje de programación	7	
		1.4.1 Sintaxis	7	
		1.4.1.1 Lenguajes regulares	9	
		1.4.1.2 EBNFs y diagramas de sintaxis	0	
		1.4.2 Semántica	1	
	1.5	Herramientas para la construcción de programas	2	
		1.5.1 Bibliotecas estáticas y dinámicas	3	
	1.6	Ejercicios	5	
<b>2</b>	Len	guajes y modelos de programación 1	9	
	2.1	Modelos o paradigmas de programación	9	
		2.1.1 Lenguajes declarativos	1	
		2.1.2 Lenguajes con estado	1	
	2.2	Elementos de un lenguaje de programación	2	
	2.3	Tipos de datos	4	
		2.3.1 Tipos de datos simples o básicos	5	
		2.3.2 Tipos de datos estructurados	6	
		2.3.3 Chequeo de tipos	7	
		2.3.4 Sistemas de tipos fuertes y débiles	8	
		2.3.5 Polimorfismo y tipos dependientes	9	
		2.3.6 Seguridad del sistema de tipos	9	
	2.4	Declaraciones, ligadura y ambientes	9	
	2.5	Excepciones	1	
	2.6	Qué es programar?	3	
	2.7	Ejercicios	3	

3 El modelo declarativo		35
3.1 Un lenguaje declarati	vo	36
9	signación única	37
	alores	
	de ejemplo	38
<del>-</del> -	s de variables	38
	les, estructuras cíclicas y aliasing	39
<del>-</del>	núcleo declarativo	40
	os y procedimientos?	41
	cticos y abstracciones lingüísticas	41
	ásicas del lenguaje	43
<del>-</del>		43
	bstracta	44
1	ın programa	45
· ·	obre ambientes	45
	las sentencias	46
	ecución	47
	pos del lenguaje núcleo declarativo	48
•	memoria	49
· ·	perador '=')	49
	le unificación	50
9	$\operatorname{rador} == ) \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots$	52
, -	con Excepciones	52
	try y raise	53
	ación Declarativa	53
	Especificación	54
	Iterativa	54
	general a una abstracción de control	55
	$ m_{Recursiva}$	55
3.5.5 Programación	de Alto Orden	56
	racción procedimiental	57
	$\operatorname{cricidad}$	57
3.5.5.3 Insta	nciación	58
3.5.5.4 Emb	ebimiento	58
3.5.5.5 Curr	ificación	59
3.6 Ejercicios		59
4 Lenguajes funcionales		64
	nal	64
	$\mathrm{pales}$	65
	as con respecto a la programación imperativa	66
4.4 Fundamentos teóricos		67
	a	68
	ıcción	69
	putación y cálculo lambda	69
	ategias de reducción	71

		4.4.2	Lógica combinatoria							72
	4.5	LISP								
		4.5.1	Sintaxis							74
		4.5.2	Semántica							75
		4.5.3	Estado							75
		4.5.4	Aplicaciones							76
	4.6	Lengu	ajes funcionales modernos							76
		4.6.1	ML							76
			4.6.1.1 Tipos de datos estructurados							77
			4.6.1.2 Referencias (variables)							79
			4.6.1.3 Otras características imperativas							79
		4.6.2	Haskell							
			4.6.2.1 Tipos							
			4.6.2.2 Casos y patrones							
			4.6.2.3 Evaluación perezosa y sus consecuencias .							
			4.6.2.4 Ambientes							
			4.6.2.5 Clases y sobrecarga de operadores							
			<i>y</i> 0 1							
	4 7	ъ								
	4.7	Ejercio	cios	•	 ٠	٠	•	•	٠	91
5	Pro	grama	ción Relacional							93
	5.1	El mo	delo de Computación Relacional							93
		5.1.1	Las sentencias choice y fail							93
		5.1.2	Arbol de Búsqueda							
		5.1.3	Búsqueda Encapsulada							
		5.1.4	La función Solve							
	5.2	-	amación Relacional a Lógica							
	0.2	5.2.1	Semántica Operacional y Lógica							
	5.3	-	5							
	0.0	5.3.1	Elementos Básicos							
		5.3.2	Cláusulas Prolog							
		5.3.2	Fundamentos Lógicos de Prolog							
		0.5.5								
			5.3.3.2 El Principio de Resolución							
		<b>.</b> 0 4	5.3.3.3 Unificación y Regla de Resolución							
		5.3.4	Predicado cut (!)							
		5.3.5	Problema de la Negación							
		5.3.6	Predicado fail							
	5.4	Ejercio	$\operatorname{cios}$		 ٠			٠	. 1	111
6	Elr	nodelo	con estado (statefull)						1	13
	6.1		atica de celdas						_	
	6.2									
	6.3		$\operatorname{ad}$							
	6.4		rucción de sistemas con estado							
	0.1	6.4.1	Razonando con estado							
		U - 1 - 1								

		6.4.2 Programación basada en componentes	118
	6.5	Abstracción procedural	119
	6.6	Ejercicios	120
7	Leng	guajes de programación imperativos	122
	7.1	Declaraciones	122
	7.2	Expresiones y comandos	
	7.3	Excepciones	
	7.4	Introducción al lenguaje C	
	7.5	Estructura de un programa C	126
	7.6	El compilador C	128
	7.7	Compilación de un programa	128
	7.8	El pre-procesador	129
	7.9	Tipos de datos básicos	130
	7.10	Declaraciones y definiciones	131
	7.11	Definiciones de variables	131
	7.12	Definiciones de constantes	132
	7.13	Definiciones de tipos	132
	7.14	Funciones	133
	7.15	Alcance de las declaraciones	133
	7.16	Tiempo de vida de las entidades	134
		7.16.1~ Cambiando el tiempo de vida de variables locales	135
	7.17	Operadores	136
		7.17.1 Asignación	136
		7.17.2 Expresiones condicionales	137
		7.17.3 Otras expresiones	
	7.18	Sentencias de control: comandos	
		7.18.1 Secuencia	
		7.18.2 Sentencias condicionales	
		7.18.3 Sentencias de iteración	
		7.18.3.1 Iteración definida	
		7.18.3.2 Iteración indefinida	
	7.19	Tipos de datos estructurados	
		7.19.1 Arreglos	
		7.19.2 Estructuras	
		7.19.3 Uniones disjuntas	
	7.20	Punteros	
		7.20.1 Vectores y punteros	
		7.20.2 Punteros a funciones	
		Manejo de memoria dinámica	
		Estructuración de programas: módulos	
	7 2 3	Ejercicios	151

8	Mai	nejo de la memoria	152
	8.1	Manejo de la memoria eficiente	. 152
	8.2	Manejo del stack	. 153
		8.2.1 Implementación del manejo de alcance de ambientes	
	8.3	Valores creados dinámicamente. Manejo del heap	
	0.0	8.3.1 Manejo del heap	
		8.3.2 Manejo automático del heap	
		8.3.3 Algoritmos de recolección de basura	
	8.4	Ejercicios	
9	Pro	gramación orientada a objetos	166
•	9.1	Objetos	
	9.2	Clases	
	9.3	Clases y objetos	
	9.3	9.3.1 Inicialización de atributos	
		3	
	0.4	9.3.3 Atributos de primera clase	
	9.4	Herencia	
	0.5	9.4.1 Control de acceso a métodos (ligadura estática y dinámica)	
	9.5	Control de acceso a elementos de una clase	
	9.6	Clases: módulos, estructuras, tipos	
	9.7	Polimorfismo	
	9.8	Clases y métodos abstractos	
	9.9	Delegación y redirección	
		Reflexión	
		Meta objetos y meta clases	
		Constructores y destructores	
		Herencia múltiple	
	9.14	El lenguaje Java (parte secuencial)	
		9.14.1 Herencia	. 184
	9.15	Generecidad	. 185
		9.15.1 Templates (plantillas) de $C++$	. 185
	9.16	Ejercicios	. 188
10	Con	currencia	191
	10.1	Concurrencia declarativa	. 192
		10.1.1 Semántica de los threads	
		10.1.2 Orden de ejecución	
	10.2	Planificación de threads (scheduling)	
		Control de ejecución	
	10.0	10.3.1 Corrutinas	
		10.3.2 Barreras	
		10.3.3 Ejecución perezosa (lazy)	
	10.4	Aplicaciones de tiempo real	
		Concurrencia y excepciones	
		Sincronización	
	TOO	DINCIONIZACION	. ZUI

10.7 Concurrencia con estado compartido
10.7.1 Primitivas de sincronización
10.8 Concurrencia con pasaje de mensajes
10.8.1 Semántica de los puertos
10.8.2 Protocolos de comunicación entre procesos 206
10.9 Deadlock
10.10Concurrencia en Java
10.11 Concurrencia en Erlang
10.11.1 Características del Lenguaje
$10.11.2\mathrm{Modelo}\mathrm{de}\mathrm{Computaci\'on}\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots212$
10.11.3 Programación
10.12Ejercicios

# Chapter 1

# Introducción

Los lenguajes de programación son la herramienta de programación fundamental de los desarrolladores de software. Desde los comienzos de la computación, la programación fue evolucionando desde la simple configuración de interruptores, pasando por los primeros lenguajes  ${\bf assembly}$ , los cuales permitan escribir las instrucciones de máquina en forma simbólica y la definición de macros, hasta llegar a los lenguajes de programación de alto nivel que permiten abstraer al programador de los detalles de la arquitectura y el desarrollo de programas portables entre diferentes sistemas de computación<sup>1</sup>.

El objetivo de este material es estudiar los conceptos y principios que encontramos en los lenguajes de programación modernos.

Es importante conocer un poco la historia y la evolución de algunos conceptos para poder entender algunas características de algunos lenguajes.

En la actualidad se encuentran catalogados mas de 1500 lenguajes de programación, por lo cual una currícula en ciencias de la computación o de desarrollo de software no puede enfocarse en base al dictado de cursos sobre lenguajes concretos, sino que es necesario que se estudien lenguajes de programación desde el punto de vista de los diferentes modelos o estilos de computación en los cuales se basan.

Estos modelos o estilos permiten clasificar a los lenguajes de programación en familias que generalmente se conocen como paradigmas.

El estudio de los lenguajes en base al análisis de cada paradigma permite generalizar conceptos utilizados en grupos de lenguajes mas que en lenguajes particulares.

El enfoque utilizado permite realizar análisis de los conceptos utilizados en todos los lenguajes de programación existentes, permitiendo realizar comparaciones entre lenguajes o familias.

El estudio de los conceptos y principios generales, en lugar de estudiar la sintaxis de lenguajes específicos, permite que el desarrollador pueda estudiar y aprender por sí

 $<sup>^{1}</sup>$ Un sistema de computación comprende el hardware y el software de base, es decir, sistema operativo, enlazador, compiladores, editores, etc.

mismo, a utilizar correctamente las facilidades provistas por un nuevo lenguaje (o uno desconocido).

Los paradigmas estudiados comprenden el declarativo, dentro del cual podemos encontrar el funcional y el lógico, el imperativo, en el cual podemos encontrar una gran cantidad de lenguajes ampliamente utilizados como Pascal, C, Basic, Ada, FORTRAN, COBOL, . . . , con sus evoluciones en la programación orientada a objetos (POO) y los lenguajes basados en componentes.

Los conceptos y principios de la *concurrencia* son aplicables a todos los demás paradigmas por lo que se estudia como un paradigma en particular analizándose su aplicación en cada modelo de computación en particular.

# 1.1 Lenguajes como herramientas de programación

Un lenguaje de programación permite al programador definir y usar abstracciones. El desarrollo de software se basa fundamentalmente en la utilización de los lenguajes de programación y los procesadores de lenguajes (compiladores, intérpretes y linkers).

Las demás herramientas son auxiliares (como los editores, entornos integrados de desarrollo, generadores de Código, etc.) y su objetivo es sólo hacer más cómoda, automatizable y rápida la tarea de producción de código.

Los métodos de desarrollo de software, los cuales incluyen lenguajes textuales o iconográficos, están basados en los mismos conceptos adoptados en los lenguajes de programación<sup>2</sup>.

La afirmación anterior es fácilmente verificable ya que cualquier método de desarrollo deberá permitir la generación de código al menos para algún lenguaje de programación.

## 1.2 Abstracciones

En la sección anterior se afirma que un lenguaje de programación brinda mecanismos para la definición y utilización de abstracciones.

Estas abstracciones permiten que el programador tome distancia de las características de bajo nivel del hardware para resolver problemas de una manera mas modular, y contribuir así a un fácil mantenimiento a través de su vida útil.

Aceptando esta definición de lo que es un lenguaje de programación, es mas comprensible que los diseñadores de software a gran escala, generalmente son personas con amplios conocimientos sobre lenguajes (y su implementación), y muestra que es imposible que un (buen) diseñador de software no haya pasado por una etapa de verdadero desarrollo de software, es decir, la escritura de programas concretos en algún lenguaje de programación que incorpore conceptos modernos como abstracciones de

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>En realidad las características que encontramos en los métodos de desarrollo se pueden encontrar en lenguajes de programación desarrollados con bastante anterioridad.

alto nivel.

Esto nos permite definir el término programación.

**Definición 1.2.1** La programación es la actividad que consiste en definir y usar abstracciones para resolver problemas algorítmicamente.

Es importante comprender así a la programación, ya que esto muestra el porqué los mejores programadores o diseñadores son aquellos que tienen una buena base en contenidos, en los cuales el concepto de abstracción es indispensable en algunas áreas como la matemática, la lógica y el álgebra.

Un lenguaje de programación generalmente sugiere uno o más *estilos* de programación, por lo que su estudio permite su mejor aprovechamiento en el proceso de desarrollo de sotfware.

## 1.2.1 Abstracción procedural

Una abstracción procedural permite encapsular en una unidad sintáctica una computación parametrizada.

Es bien conocida la estrategia de solución de problemas conocido como divide and conquer (divide y vencerás), la cual se basa en la descomposición del problema en un conjunto de subproblemas mas simples y una forma de composición de esos subproblemas para obtener la solución final.

La abstracción procedural es la base de la implementación de esta estrategia de resolución de problemas. A modo de ejemplo, la programación funcional se caracteriza por la definición de funciones y la composición funcional. En cambio la programación imperativa se caracteriza por definir la evolución de los estados de un sistema basándose en la composición secuencial y en operaciones de cambios de estado (asignación).

#### 1.2.2 Abstracción de datos

Generalmente los programas operan sobre ciertos conjuntos de datos. Es bien conocido que los cambios mas frecuentes producidos en un sistema son los de representación de los datos que se manipulan. Por este motivo es importante poder *ocultar* los detalles de la representación (o implementación) de los datos para facilitar el mantenimiento y la utilización de subprogramas.

Los tipos abstractos de datos (ADTs) permiten definir tipos de datos cuyos valores están implícitos o denotados por sus operaciones. Es deseable que los lenguajes de programación permitan la especificación o implementación de ADTs ocultando los detalles de representación.

Es sabido que no todos los lenguajes lo permiten, pero las tendencias actuales han avanzado respecto a las capacidades de modularización y ocultamiento de información, otorgando un mayor control en el encapsulamiento de los componentes de las abstracciones.

## 1.3 Evaluación de un lenguaje de programación

Un lenguaje de programación puede ser evaluado desde diferentes puntos de vista. En particular, un lenguaje debería tener las siguientes propiedades:

- Universal: cada problema *computable* debería ser expresable en el lenguaje.

  Esto deja claro que en el contexto de este libro, a modo de ejemplo, un lenguaje como SQL<sup>3</sup> no es considerado un lenguaje de programación.
- Natural: con su dominio de su aplicación.
  - Por ejemplo, un lenguaje orientado al procesamiento vectorial debería ser rico en tipos de datos de vectores, matrices y sus operaciones relacionadas.
- Implementable: debería ser posible escribir un intérprete o un compilador en algún sistema de computación.
- Eficiente: cada característica del lenguaje debería poder implementarse utilizando la menor cantidad de recursos posibles, tanto en espacio (memoria) y número de computaciones (tiempo).
- Simple: en cuanto a la cantidad de conceptos en los cuales se basa. A modo de ejemplo, lenguajes como PLI y ADA han recibido muchas críticas por su falta de simplicidad.
- Uniforme: los conceptos básicos deberían aplicarse en forma consistente en el lenguaje. Como un contraejemplo, en Pascal las sentencias for y while aceptan una única sentencia en su cuerpo, mientras que la sentencia repeat acepta un número variable de sentencias en su cuerpo.
  - En C el símbolo \* se utiliza tanto para las declaraciones de punteros como para los operadores de *referenciación* y multiplicación, lo que a menudo confunde y da lugar a la escritura de programas difíciles de entender.
- Legible: Los programas deberían ser fáciles de entender. Una crítica a los lenguajes derivados de C es que son fácilmente confundible los operadores == y =
- **Seguro**: Los errores deberían ser detectables, preferentemente en forma estática (en tiempo de compilación).

Los lenguajes de programación son las herramientas básicas que el programador tiene en su *caja de herramientas*. El conocimiento de esas herramientas y cómo y en qué contexto debe usarse cada uno de ellos hace la diferencia entre un programador recién iniciado y un experimentado especialista.

Es fundamental que los conceptos sobre lenguajes de programación estén claros para poder aplicar (y entender) las otras áreas del desarrollo de software como lo son

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>En SQL no se pueden expresar clausuras.

las estructuras de datos, el diseño de algoritmos y estructuración (diseño) de programas complejos. En definitiva estas tareas se basan siempre en un mismo concepto: abstracciones.

# 1.4 Definición de un lenguaje de programación

Para describir un lenguaje de programación es necesario definir la forma de sus *frases* válidas del lenguaje y de la semántica o significado de cada una de ellas.

## 1.4.1 Sintaxis

Los mecanismos de definición de sintaxis han sido ampliamente estudiados desde los inicios de la computación. El desarrollo de la teoría de lenguajes y su clasificación[6] ha permitido que se definan formalismos de descripción de lenguajes formales e inclusive, el desarrollo de herramientas automáticas que permiten generar automáticamente programas reconocedores de lenguajes (parsers y lexers) a partir de su especificación<sup>4</sup>.

La sintaxis de un lenguaje se especifica por medio de algún formalismo basado en *gramáticas libres de contexto*, las cuales permiten especificar la construcción (o derivación) de las frases de un lenguaje en forma modular.

Las gramáticas libres de contexto contienen un conjunto de reglas de formación de las diferentes frases o categorías sintácticas de un lenguaje.

## Definición 1.4.1 Una gramática libre de contexto (CFG) es una tupla

 $(V_N, V_T, S, P)$ , donde  $V_N$  es el conjunto finito de símbolos no terminales,  $V_T$  es el conjunto finito de símbolos terminales,  $S \in V_N$  es el símbolo de comienzo y P es un conjunto finito de producciones.

Los conjuntos  $V_N$  y  $V_T$  deben ser disjuntos  $((V_N \cap V_T) = \emptyset)$  y denotaremos  $\Sigma = V_N \cup V_T$ .

P es un conjunto de producciones, donde una producción  $p \in P$  tiene la forma (L,R), donde  $L \in V_N$  es la parte izquierda (lhs) de la producción  $y \in R \in (V_N \cup V_T)^*$  es la parte derecha (rhs).

Por claridad, en lugar de describir las producciones como pares, se denotará a una producción rotulada  $p: (X_0, (X_1, \dots, X_{n_p}))$ , con  $n_p \ge 0$  como:

$$p: X_0 \to X_1 \dots X_{np} \tag{1.1}$$

y en el caso que  $n_p = 0$ , se escribirá como:

$$p: X_0 \to \lambda \tag{1.2}$$

De aquí en adelante se asumirá que el símbolo de comienzo S aparece en la parte izquierda de una única producción y no puede aparecer en la parte derecha de ninguna

 $<sup>^4</sup>$ Como las populares herramientas lex y yacc.

producción<sup>5</sup>.

Es común que un conjunto de producciones de la forma  $\{X \to \alpha, \dots, X \to \beta\}$  se abrevie de la forma  $X \to \alpha \mid \dots \mid \beta$ .

**Definición 1.4.2** Sean  $\alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$  y sea  $q: X \to \varphi$  una producción de P, entonces  $\alpha X \beta \xrightarrow{q} \alpha \varphi \beta$ 

La relación  $\Longrightarrow_{G}$  se denomina relación de derivación y se dice que la cadena  $\alpha X\beta$  deriva directamente (por aplicación de la producción q) a  $\alpha\varphi\beta$ .

Cuando se desee hacer explícita la producción usada en un paso de derivación se denotará como  $\stackrel{q}{\Longrightarrow}$ .

Se escribirá  $\stackrel{\stackrel{\circ}{\Longrightarrow}}{\Longrightarrow}$  a la clausura reflexo-transitiva de la relación de derivación.

**Definición 1.4.3** Sea  $G = (V_N, V_T, S, P)$  una gramática libre de contexto. Una cadena  $\alpha$ , obtenida por  $S \stackrel{*}{\Longrightarrow} \alpha$  que contiene sólo símbolos terminales  $(\alpha \in V_T^*)$ , se denomina una sentencia de G. Si la cadena  $\alpha \in (V_T \cup V_N)^*$  (contiene no terminales) se denomina forma sentencial.

Definición 1.4.4 El lenguaje generado por G, denotado como

$$L(G) = \{w | w \in V_T^* \mid S \stackrel{*}{\Longrightarrow} w\}$$

**Definición 1.4.5** Sea el grafo dirigido ST = (K, D) un árbol, donde K es un conjunto de nodos y D es una relación no simétrica, con  $k_0$  como raíz, una función de rotulación  $l: K \to V_T \cup \epsilon \ y$  sean  $k_1, \ldots, K_n$ , (n > 0), los sucesores inmediatos de  $k_0$ .

El árbol ST = (K, D) es un árbol de derivación (o parse tree) correspondiente a  $G = \langle V_N, V_T, P, S \rangle$  si cumple con las siguientes propiedades:

- 1.  $K \subseteq (V_N \cup V_T \cup \epsilon)$
- 2.  $l(K_0) = S$
- 3.  $S \rightarrow l(k_1) \dots l(k_n)$
- 4. Si  $l(k_i) \in V_T$ ,  $(1 \le i \le n)$ , o si n = 1 y  $l(k_1) = \epsilon$ , entonces  $K_i$  es una hoja de ST
- 5. Si  $l(k_i) \in V_N$ ,  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática libre de contexto  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $k_i$  es la raíz del árbol sintáctico para la gramática  $(1 \le i \le n)$ , entonces  $(1 \le i \le n)$ , entonces

**Definición 1.4.6** Sea ST(G) un árbol de derivación para  $G = \langle V_N, V_T, S, P \rangle$ . La frontera de ST(G) es la cadena  $l(k_1) \dots l(k_n)$  tal que  $k_1 \dots k_n$  es la secuencia formada por las hojas de ST(G) visitadas en un recorrido preorden.

**Teorema 1.4.1** Sea  $G = \langle V_N, V_T, S, P \rangle$  una gramática libre de contexto,  $S \stackrel{*}{\Longrightarrow} \alpha$  si y sólo si existe un árbol de derivación para G cuya frontera es  $\alpha$ .

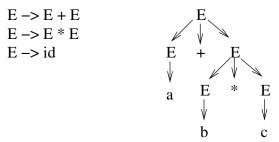


Figure 1.1: Una CFG y un árbol de derivación.

La figura 1.1 muestra una gramática libre de contexto y un árbol de derivación para la cadena "a + b \* c".

La gramática dada en la figura 1.1 es ambigüa ya que para una misma cadena existen dos (o más) árboles de derivación diferentes. Una gramática puede desambiguarse introduciendo producciones que definan la precedencia entre los diferentes no terminales.

**Definición 1.4.7** Dos gramáticas  $g_1$  y  $g_2$  son equivalentes si generan el mismo lenguaje, es decir que  $L(g_1) = L(g_2)^6$ .

Hay gramáticas inherentemente ambigüas para las cuales no existe una gramática equivalente no ambigüa.

### 1.4.1.1 Lenguajes regulares

Las palabras que se pueden formar en un lenguaje generalmente se describen con formalismos que no requieren describir estructuras de las frases. Estos formalismos se conocen como las gramáticas regulares. Existen otros formalismos equivalentes ampliamente utilizadas, como las expresiones regulares.

**Definición 1.4.8** Una gramática regular es una gramática cuyas producciones tienen la forma:  $X \to Ya$  y  $X \to a$ , donde  $X, Y \in N$  y  $a \in T$ .

Estas gramáticas sólo permiten describir la conformación de las *palabras o tokens* de un lenguaje lenguaje, pero no es posible describir la estructura de frases. A modo de ejemplo se muestra una gramática regular que describe la formación de un valor entero positivo:

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Esta forma se denomina gramática extendida.

 $<sup>^6</sup>$ La determinación si dos gramáticas libres de contexto son equivalentes es indecidible, es decir, no existe un algoritmo que lo determine.

El ejemplo anterior muestra que es extenso definir la forma de construcción de símbolos de un lenguaje por medio de una gramática regular, por lo que es común que se definan por medio de un formalismo, las *expresiones regulares*, cuya expresividad es equivalente y permiten definiciones mas compactas y legibles.

A continuación se da una gramática libre de contexto que describe la sintaxis de una expresión regular:

donde t es un símbolo terminal.

Las gramáticas regulares extendidas introducen otras construcciones más cómodas en la práctica como las siguientes:

## 1.4.1.2 EBNFs y diagramas de sintaxis

Una Extended Backus Naur Form es una extensión de las gramáticas libres de contexto que permite la descripción de un lenguaje en forma mas compacta.

Informalmente, se puede decir que permiten escribir expresiones regulares extendidas en la parte derecha de las producciones. Las notaciones mas comunmente mas utilizadas son:

- (S): S ocurre una o mas veces.
- $\{S\}$ : S ocurre cero o mas veces.
- [S]: S es opcional (cero o una vez).

A continuación de muestra un ejemplo de una EBNF.

```
var-decl --> var id {',' id} ':' type ';'
type    --> integer | real | ...
...
if-stmt    --> if condition then stmt [ else stmt ]
...
```

Los diagramas de sintaxis son una representación gráfica por medio de un grafo dirigido el cual muestra el flujo de aparición de los componentes sintácticos. Los nodos del grafo corresponden a los símbolos terminales y no terminales y los arcos indican el símbolo que puede seguir en una frase. Es común que los nodos correspondientes a los símbolos terminales se denoten con círculos y los nodos que corresponden a no terminales se denoten como óvalos.

La figura 1.4.1.2 muestra un ejemplo de diagramas de sintaxis.

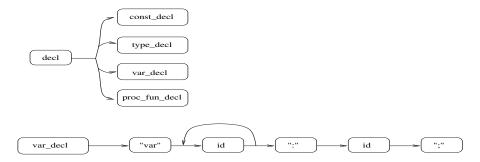


Figure 1.2: Ejemplo de diagramas de sintaxis.

### 1.4.2 Semántica

La semántica de un lenguaje de programación describe el significado, comportamiento o efectos de las diferentes frases del lenguaje.

Es muy común que en los manuales de los lenguajes de programación la semántica de cada una de las frases de describa de manera informal.

Esta informalidad ha llevado muchas veces a confusiones en los programadores o los implementadores de herramientas como compiladores e intérpretes, causando que los resultados de un programa en una implementación no sean los mismos que en otra<sup>7</sup>.

Para dar una definición precisa de la semántica de un lenguaje es necesario utilizar algún formalismo que describa en forma clara y no ambigüa el significado de las frases. Se han utilizado diferentes estilos de formalismos para dar semántica:

- **Denotacional**: cada construcción del lenguaje se relaciona con alguna entidad matemáticas (ej: conjuntos, funciones, etc) que representa el significado de cada estructura.
  - Esta forma de dar semántica es útil desde el punto de vista teórico, pero en general no es cómodo para los implementadores de lenguajes y los desarrolladores.
- Operacional: descripción del efecto o ejecución de cada construcción del lenguaje en una máquina abstracta dada. Una máquina abstracta está basada en algún modelo de computación.
  - Esta forma es útil tanto para los implementadores del lenguaje como para los desarrolladores de programas, ya que tienen una visión mas concreta (operacional) del lenguaje.
- Axiomática: descripción de cada construcción del lenguaje en términos de cambios de estado. Un ejemplo es la lógica de Hoare, que es muy útil para el desarrollo y verificación formal de programas imperativos.
  - Esta técnica es útil para los desarrolladores pero no demasiado buena para los implementadores del lenguaje.

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Esto ha sucedido en C, C++, FORTRAN, y hasta en los lenguajes de reciente aparición.

En este libro se utilizará la semántica operacional para dar el significado al lenguaje que se irá desarrollando en cada capítulo, siguiendo la idea de lenguaje núcleo (kernel) el cual permite dar una sintaxis y semántica de manera sencilla para luego adornar el lenguaje con mejoras sintácticas (syntactic sugars) y abstracciones sintácticas o lingüísticas prácticas, las cuales tendrán un patrón de traducción al lenguaje núcleo.

## 1.5 Herramientas para la construcción de programas

El programador cuando utiliza un lenguaje de programación, utiliza herramientas que implementan el lenguaje. Estas herramientas son programas que permiten ejecutar en la plataforma de hardware utilizada las construcciones del lenguaje de alto nivel. En general se disponen de las siguientes herramientas:

- Compilador: traduce un programa fuente a un programa assembly u objeto (archivo binario enlazable).
- Intérprete: programa que toma como entrada programas fuentes, genera una representación interna adecuada para su ejecución y evalúa esa representación emulando la semántica de las construcciones del programa dado.

Es posible encontrar intérpretes de bajo nivel, también conocidos como *ejecutores* de programas. Estos ejecutores interpretan lenguajes de bajo nivel (assembly real o hipotético).

Es común que una implementación de un lenguaje venga acompañado por un compilador a un assembly de una máquina abstracta y un intérprete de ese lenguaje de alto nivel. Ejemplos de esto son algunos compiladores de COBOL, Pascal (se traducía a P-code).

Actualmente uno de los casos mas conocidos sea Java. Es común que un compilador de Java traduzca los módulos a un assembly sobre una máquina abstracta conocida como la *Java Virtual Machine (JVM)*.

Este último enfoque permite obtener *portabilidad* binaria, ya que es posible ejecutar un programa en cualquier plataforma que tenga una implementación (intérprete) de la máquina abstracta.

• Enlazador (linker): un archivo objeto puede hacer referencia a símbolos (variables, rutinas, etc) de otros archivos objetos. Estas referencias se denominan referencias externas. El linker toma un conjunto de archivos objetos<sup>8</sup>, arma una imagen en memoria, resuelve las referencias externas de cada uno (asigna direcciones de memoria concretas a cada referencia externa no resuelta) y genera un archivo binario ejecutable (programa).

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Generalmente llamados módulos binarios.

En forma más rigurosa, un linker básicamente implementa una función que toma una referencia a un símbolo externo y retorna la dirección de memoria de su definición.

Generalmente cada archivo objeto se corresponde con un m'odulo del programa fuente. La modularización es útil para dividir grandes programas en unidades lógicas reusables.

Además, los ambientes de desarrollo generalmente vienen acompañados por módulos básicos para hacerlo mas útil en la práctica (módulos para hacer entradasalida, funciones matemáticas, implementación de estructuras de datos, etc) lo que comúnmente se conoce como la *biblioteca estándar* del lenguaje.

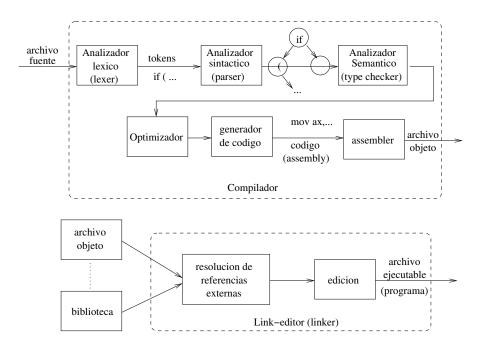


Figure 1.3: Esquema de compilación de un programa.

La figura 1.3 muestra un esquema del proceso de compilación de un programa.

## 1.5.1 Bibliotecas estáticas y dinámicas

Una biblioteca es un archivo que contiene archivos objeto.

Generalmente un programa de usuario se enlaza con al menos unas cuantas rutinas básicas que comprenden el sistema de tiempo de ejecución (runtime system). El

runtime system generalmente incluye rutinas de inicio (start-up) de programas<sup>9</sup>, y la implementación de otras rutinas básicas del lenguaje.

Cuando en el programa obtenido se incluye el código (y posiblemente datos) de las rutinas de biblioteca utilizadas se denomina enlazado estático (static linking).

Un programa enlazado estáticamente tiene la ventaja que cuando se lo transporta a otra computadora tiene todas sus dependencias resueltas, es decir que todas sus referencias (a datos y código) están resueltas y todo está contenido en un único archivo binario.

Los primeros sistemas de computación generalmente soportaban este único tipo de enlazado. De aquí el nombre a estos linkers conocidos como link-editores.

A medida que el tamaño de los programas crece, el uso de bibliotecas generales es común. Más aún, en los sistemas multitarea (o multiprogramación), comienzan a aparecer varias desventajas y el mecanismo de enlazado estático se torna prácticamente inviable

Las principales desventajas son:

- El tamaño de los programas se hace muy grande.
- En un sistema multitarea hay grandes cantidades del mismo código replicado en la memoria y en el sistema de archivos.
- No tiene en cuenta la evolución de las bibliotecas, cuyas nuevas versiones pueden corregir errores o mejorar su implementación.

Por este motivo aparece el enfoque de las bibliotecas de enlace dinámico<sup>10</sup> (DLLs).

Este enfoque requiere que el sistema operativo contenga un linker dinámico, es decir que resuelva las referencias externas de un módulo (archivo objeto) en tiempo de ejecución.

Cuando un proceso (instancia de programa en ejecución) hace referencia a una entidad cuya dirección de memoria no haya sido resuelta (referencia externa), ocurre una trampa (trap) o excepción generada por el sistema operativo. Esta trampa dispara una rutina que es la encargada de realizar el enlace dinámico.

Posiblemente se requiera que el código (o al menos la parte requerida) de la biblioteca sea cargada en la memoria (si es que no lo estaba).

Cabe hacer notar que los archivos objetos deben acarrear mas información de utilidad por el linker dinámico. Un programa debe acarrear la lista de bibliotecas requeridas y cada archivo objeto de cada bibliotecas debe contener al menos el conjunto de símbolos que exporta.

Las principales ventajas que tiene este mecanismo son:

 $<sup>^9\</sup>mathrm{Una}$  rutina de startup generalmente abre archivos de entrada-salida estándar e invoca a la rutina principal del programa.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>En el mundo UNIX son conocidas como shared libraries.

- El código de las rutinas de las bibliotecas se encuentra presente una sola vez (no hay múltiples copias).
- El código se carga baja demanda. Es decir que no se cargará el código de una biblioteca que no haya sido utilizada en una instancia de ejecución.

Como desventaja tiene que la ejecución de los programas tiene una sobrecarga adicional (overhead) que es el tiempo insumido por la resolución de referencias externas y la carga dinámica de código.

Un linker con capacidades de generar bibliotecas dinámicas deberá generar archivos objetos con la información adicional que mencionamos arriba y el sistema operativo deberá permitir ejecutar código reubicable, es decir independiente de su ubicación en la memoria<sup>11</sup>.

Una biblioteca compartida no debería tener estado propio, ya que puede ser utilizada por múltiples procesos en forma simultánea, es decir que es un recurso compartido por varios procesos. Por ejemplo, un programador de una biblioteca que pueda utilizarse en forma compartida no podrá utilizar variables globales.

Lo anterior es muy importante a la hora de diseñar bibliotecas. Es bien conocido el caso de la biblioteca estándar de C, la cual define una variable global (errno), la cual contiene el código de error de la última llamada al sistema realizada.

Al querer hacer la biblioteca de C compartida, los desarrolladores tuvieron que implementar un atajo para solucionar este problema.

# 1.6 Ejercicios

Nota: los ejercicios están planteados para ser desarrollados en un sistema que disponga de las herramientas de desarrollo comúnmente encontrados en sistemas tipo UNIX. El práctico se puede desarrollar en cualquier plataforma que tenga instaladas las herramientas básicas de desarrollo del proyecto GNU (software libre) instaladas.

Herramientas necesarias: gcc (GNU Compiler Collection), gpc (GNU Pascal Compiler), ld, grep y wc.

- 1. Definir una expresión regular que denote un identificador en Pascal.
- 2. Definir un autómata finito que acepte el lenguaje denotado por la expresión regular del ejercicio anterior.
- 3. Usar el comando **grep**<sup>12</sup> que seleccione las líneas del archivo fuente Pascal del ej. 7 los siguientes patrones:
  - (a) Las líneas que contengan Var

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Esto se logra utilizando algún mecanismo de memoria virtual (segmentación o paginado)

 $<sup>^{12}\</sup>mathrm{Uso}\colon \mathrm{grep}$  expresión-regular [file]. Para mas información hacer "man grep".

- (b) Las líneas con comentarios
- (c) Comparar la cantidad de begin y la cantidad de end en un programa Pascal. Ayuda: usar grep y wc.
- 4. Dar una EBNF que defina las sentencias de Pascal.
- 5. Dado el siguiente programa Pascal y el siguiente fragmento de código C. El programa CallToC declara una variable *externa*, le asigna un valor e invoca a un procedimiento *externo*, el cual está implementado en C (en el módulo *inc.c*),

- (a) compilar el programa Pascal (usando gpc). En caso de error describir su origen y quién lo genera (compilador o linker).
- (b) compilar el fragmento de programa C para obtener el archivo objeto correspondiente  $^{13}$  analizando los pasos realizados. Usar el comando objdump -t inc.o para ver los símbolos definidos en el archivo objeto.
- (c) generar un archivo ejecutable en base a los dos módulos.
- (d) describir qué pasos se realizaron (compilación, assembly, linking) en el punto anterior.
- 6. Generar una biblioteca estática (llamada *libmylib.a*) que contenga el archivo objeto *inc.o* (del ejercicio anterior) con la utilidad *ar*.

Usar el siguiente programa C (el cual invoca a  $inc_y()$ ) para compilarlo enlazarlo con la biblioteca mylib.

 $<sup>^{13}\</sup>mathrm{Usar}$ el comando gcc -v -c inc.c.

```
int main(void)
{
  inc_y();
}
```

- 7. Recompilar el programa Pascal definido arriba usando la biblioteca creada en el ejercicio anterior.
- 8. El siguiente programa C muestra la carga de una biblioteca dinámica (math), la resolución de una referencia (externa) a la función  $\cos$  (definida en math) y la invocación a  $\cos(2.0)$ .

```
/* File: foo.c */
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <dlfcn.h>

int main()
{
    void *handle;
    double (*cosine)(double); /* Pointer to a function */

    /* Load the math library */
    handle = dlopen("libm.so", RTLD_LAZY);

    /* Get (link) the "cos" function: we get a function pointer */
    cosine = (double (*)(double)) dlsym(handle, "cos");
    printf("%f\n", cosine(2.0));
    dlclose(handle);
    exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

Compilar el programa (con el comando gcc -rdynamic -o foo foo .c -ldl) y ejecutarlo.

## Ejercicios Adicionales

9. Implementar un programa que reconozca frases según la siguiente EBNF:

```
\begin{split} E &\to T['+'E] \\ T &\to F['*'T] \\ F &\to V \mid '('E')' \\ V &\to ('0'|'1'|'2'|'3'|'4'|'5'|'6'|'7'|'8'|'9') + \end{split}
```

Ayuda: Por cada regla de la gramática de la forma  $X\to' a'Y'b'$  se puede definir un procedimiento con la forma:

```
Procedure X;
begin
  if current_token = 'a' then begin
     next_token;
     Y
  end
  else
     error;
  if current_token = 'b' then
     next_token
  else
     error
end;
```

donde  $next\_token$  es un procedimiento que obtiene el próximo (símbolo) token de la entrada.

Para ésta gramática  $next\_token$  debería reconocer (y obtener) valores numéricos y los símbolos + y \* (e ignorar espacios, tabs y new-lines).

Generar patrones de código para reglas que contengan componentes opcionales (0 o una vez) y repeticiones (0 o mas y 1 o mas).

Extender el programa anterior para que evalúe la expresión.
 Ayuda: utilizar una pila de operandos y una pila de operadores.

# Chapter 2

# Lenguajes y modelos de programación

Un lenguaje de programación provee tres elementos principales:

- 1. un modelo de computación, el cual define una sintaxis y la semántica (formal o informal) de sus frases o sentencias.
- 2. un conjunto de técnicas de programación, las cuales definen un modelo o estilo de programación.
- 3. algún *mecanismo para el análisis de programas* (razonamiento, cálculos de eficiencia, etc).

Estos tres puntos definen lo que se conoce como paradigma de programación.

Un lenguaje de programación contiene diferentes tipos de constructores con su sintaxis y su semántica propia. Las diferentes construcciones o frases de un lenguaje generalmente se denominan sentencias y pueden clasificarse según su intención o uso en un programa.

En este capítulo, se analizan las diferentes tipos de sentencias y los conceptos fundamentales que podemos encontrar en un lenguaje de programación, independientemente al paradigma o modelo que pertenezca.

# 2.1 Modelos o paradigmas de programación

Un modelo o paradigma de programación define un estilo de programación. Cada modelo puede hacer que el programador piense los problemas a resolver desde diferentes perspectivas. Los modelos de programación pueden dividirse, en principio, en dos grandes grupos:

• Modelo declarativo, en donde no existe la noción de estado (stateless). Es decir que la ejecución de un programa evoluciona generando nuevos valores. Estos

valores nunca cambian. Es decir que la noción de variable (valor mutable) no existe, sino que los identificadores se ligan (asocian) a valores y esa asociación se mantiene inmutable.

• *Modelo con estado*, donde el concepto fundamental es la noción de asignación de valores a variables, es decir celdas con contenido mutable en la memoria.

El modelo sin estado se denomina declarativo porque el estilo de programación permite enfocar en la descripción de las computaciones más que en el detalle de cómo se deben realizar. En el modelo con estado, generalmente se decribe una computación como la evolución temporal del estado del programa, es decir que se expresa la forma progresiva en que se arriba a una solución.

Cada modelo tiene sus ventajas y desventajas.

En el modelo declarativo las ventajas pueden ser:

- a) claridad y simplicidad de los programas, ya que no se expresan en términos de cambios de estado.
- b) permite razonamiento modular (se puede analizar cada unidad en forma independiente) y usando técnicas simples como lógica ecuacional e inducción (aritmética y/o estructural).

Como desventaja podemos mencionar:

- a) algunos problemas se modelan naturalmente con estado. Por ejemplo, operaciones de entrada-salida, programas cliente-servidor, etc.
- b) generalmente se logran rendimientos menores con respecto a programas equivalentes con estado.

En el modelo con estado podemos mencionar las siguientes ventajas:

- a) eficiencia.
- b) el modelo de programación está intimamente relacionado con las arquitecturas de las computadoras actuales (arquitecturas Von Newman).

El modelo con estados, sin embargo tiene sus desventajas:

- a) pérdida de razonamiento al estilo ecuacional (ya no es posible reemplazar iguales por iguales).
- b) pérdida de razonamiento modular, debido a que las diferentes unidades de programa pueden actuar sobre una misma porción del estado del programa.

Definición 2.1.1 Una expresión es transparente referencialmente si puede ser reemplazada con el valor denotado por su evaluación en cada parte del programa que aparezca. En otro caso diremos que la expresión tiene efectos colaterales.

Las funciones matemáticas son transparentes referencialmente, aunque en programación no necesariamente. En el programa de la figura el siguiente programa de ejemplo, suponiendo que f(v) retorna el sucesor de v:

```
x := 1;

\{x = 1\}

y := f(x) + x;

\{x = 1 \land y = 2 + 1\}
```

se muestra un razonamiento ecuacional, el cual es válido sólo si la función f no tiene efectos colaterales. Si f modificara de alguna manera (en un modelo con estado) la variable x del ejemplo, el razonamiento anterior deja de ser válido.

Por esta razón, en el modelo con estado se debe razonar usando alguna lógica que tenga en cuenta cualquier cambio de estado, como por ejemplo la lógica de Hoare.

Esto muestra la necesidad del uso de ciertas técnicas de programación que eviten el uso de abstracciones (ej: funciones) que tengan efectos colaterales, para permitir un razonamiento más modular. Una de las técnicas mas efectivas es la modularización de los programas, definiendo componentes lo más independientes posibles, es decir que no tengan estado compartido.

## 2.1.1 Lenguajes declarativos

Los lenguajes de programación declarativos pueden clasificarse en alguna de las siguientes categorías:

- Funcionales: un programa se basa en aplicación y composición funcional. Ejemplos: Haskell y subconjuntos de LISP, SCHEME, y los derivados de ML (SML, Ocaml, etc)<sup>1</sup>.
- Relacionales o lógicos: un programa opera sobre relaciones. Muy útiles para problemas con restricciones, con soluciones múltiples, etc.
- Memoria con asignación única: se asignan valores a variables una única vez. Las variables están ligadas a algún valor o no. Las variables ligadas permancen en ese estado durante todo su tiempo de vida. Ejemplo: subconjunto de Oz.

## 2.1.2 Lenguajes con estado

Los lenguajes de programación con estado son los mas comunes de encontrar. Estos lenguajes se caracterizan por poseer operaciones de cambio de estado de variables. Estas operaciones se conocen comúnmente como sentencias de asignación.

Es posible clasificar los lenguajes con estado como:

- Procedurales (o imperativos): se caracterizan por permitir abstracciones funcionales (procedimientos y/o funciones) parametrizadas, sentencias de asignación y de control de flujo de la ejecución y definiciones de variables. Ejemplos: Pascal, C, Fortran, Cobol, Basic, etc.
- Orientados a objetos: permiten definir tipos en clases<sup>2</sup> y permiten organizarlas en forma jerárquica, fundamentalmente usando la relación supertipo-subtipo.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Estos últimos lenguajes no son funcionales puros, ya que también permiten programar con estado. 
<sup>2</sup>Una clase define un tipo y es además un módulo que encapsula la representación del conjunto de valores y sus operaciones.

## 2.2 Elementos de un lenguaje de programación

Un lenguaje de programación ofrece al programador un conjunto de construcciones o sentencias que pueden clasificarse en las siguiente categorías:

- Valores: Todo lenguaje permite expresar valores de diferentes tipos, como por ejemplo, valores numéricos, strings, caracteres, listas, etc. Los valores de tipos básicos se denominan literales (ej: 123.67E2) y los valores de tipos compuestos (o estructurados) se denominan agregados (ej: {'a','b','c'} en C, [0,2,4,8] en Haskell).
- *Declaraciones*: Una declaración introduce una nueva entidad, generalmente identificable. Estas entidades pueden ser:
  - Constantes simbólicas: identificadores a valores dados. Ej. en Pascal: Const Pi=3.141516;
  - Tipos: introducen nuevos tipos definidos por el programador. Ej. en Pascal: Type Point = Record int x, y end;
  - Variables: identificadores que referencian valores almacenados en memoria.
  - Procedimientos y funciones: abstracciones parametrizadas de comandos y expresiones, respectivamente.
  - Externas: hacen referencia a entidades definidas en otros módulos (o bibliotecas). Ej (en Pascal): Uses <unit>;

Aquellas declaraciones de entidades representables en memoria se denominan definiciones. Por ejemplo, son definiciones, las declaraciones de variables y de procedimientos y funciones, mientras que una declaración de un tipo no demanda memoria alguna.

- Comandos: sentencias de control de flujo de ejecución:
  - Comandos básicos: Como por ejemplo asignación (en Pascal) o invocaciones a procedimientos.
  - Secuencia o bloques.
  - Saltos (o secuenciadores): ejemplos como comandos goto L (donde L es un rótulo o punto de programa.

Otros saltos o secuenciadores son más estructurados como por ejemplo, los comandos break y continue de C. Generalmente se usan como saltos a puntos específicos en base a la sentencia en que se encuentran. Por ejemplo, en C, la sentencia break es un salto al final de la sentencia y puede aparecer en las sentencias switch (alternativas por casos) o en una iteración (for, while o do-while.

En C, la sentencia continue (sólo puede aparecer en una iteración) produce un salto en el flujo de ejecución al comienzo de la iteración. En algunos lenguajes, como en C, la expresión **return** < expr>; retorna (el valor de < expr>) inmediatamente de la función, haciendo que las sentencias subsiguientes no sean ejecutadas.

- Sentencias de selección o condicionales: Ej: if-then-else, case, etc.
- Iteración (o repetición):
  - Definida: el número de ciclos está determinado como por ejemplo la sentencia for de Pascal, for-each, etc.
  - Indefinida: el número de ciclos está determinado por una condición a evaluar en tiempo de ejecución. Ejemplo: sentencias while y repeatuntil.
- Operadores: Un operador es una función con una sintaxis específica de invocación. Un operador puede verse como una abstracción sintáctica de la invocación a una función y su objetivo es ofrecer una notación más natural al programador. Por ejemplo, es común que un lenguaje contenga operadores aritméticos (sobre enteros, reales, ...), lógicos, de bits (ej: shift), sobre strings, etc.

Los operadores se pueden usar en diferentes notaciones:

- infijos: operadores binarios donde el operador se escribe entre los operandos. Ejemplos: x \* y, a/2, ...
- prefijos: operadores n-arios donde el operador antecede a su operando. Ej: -x, --y (en C). Generalmente una invocación a una función toma esta forma:  $f(e_1, \ldots, e_n)$ , donde cada  $e_i$ ,  $(1 \le i \le n)$  es una expresión.
- posfijos: operadores donde el operador sucede al operando. Ej:  $p^{\hat{}}$  (en Pascal)
- midfijos: los operadores se mezclan con sus operandos. Ej: cond? t: f (en C).
- Expresiones: Una expresión representa un valor, es decir que puede ser asignable a una variable o constante, pasado como parámetro en una invocación a un procedimiento o función, etc.

Una expresión se forma de la siguiente manera:

- i. Un valor de un tipo determinado es una expresión.
- ii. Una referencia (el uso de su identificador) a una variable o constante es una expresión.
- iii. Una invocación a una función, donde cada uno de sus argmentos $^3$  es una expresión, es una expresión.
- iv. Una aplicación de un operador a sus operandos (expresiones) correspondientes es una expresión.

 $<sup>^3</sup>$ Un argumento en una invocación a un procedimiento o función se denomina parámetro actual o real. Un identificador de un parámetro en la declaración de un procedimiento o función se denomina parámetro formal.

v. Si e es una expresión, entonces (e) también lo es.

Una expresión que retorna un valor de verdad (boolean) se denomina predicado.

Los operadores generalmente están predefinidos en el lenguaje. Algunos lenguajes permiten al programador definir nuevos o al menos redefinir los existentes.

Cada operador tiene definida una cierta precedencia y asociatividad para permitir al programador evitar el uso excesivo de paréntesis para asociar los diferentes componentes de una expresión.

La precedencia permite establecer el orden de evaluación de una expresión con respecto a los demás operadores que aparecen en la misma. Es común que en el caso de los operadores aritméticos la precedencia habitual sea que se usa comúnmente en matemáticas (ej: \* tiene mayor precedencia que +). Por ejemplo, la expresión x+y\*z significa x+(y\*z).

La asociatividad define la parentización implícita cuando el operador aparece en secuencia. Por ejemplo, el operador + generalmente asocia a izquierda, mientras que el operador de asignación (=) en C, asocia a derecha. Es decir que la expresión x+y+z es equivalente a (x+y)+z y x=y=z es equivalente a x=(y=z).

## 2.3 Tipos de datos

**Definición 2.3.1** Diremos que un tipo de datos es una descripción de un conjunto de valores junto con las operaciones que se aplican sobre ellos.

Cada valor corresponde a un tipo de datos. Un valor v es de un tipo T si  $v \in T$ .

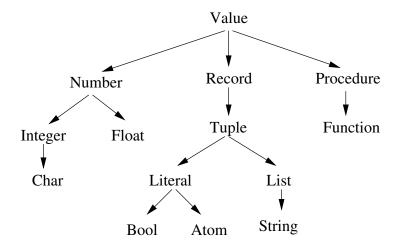


Figure 2.1: Jerarquía de tipos básicos.

Entre los tipos denominados  $b\'{a}sicos$  tenemos dos clases, los cuales pueden jerarquizarse según la figura 2.1:

- elementales: (también llamados básicos) tales como los números y literales.
   Estos valores son indivisibles.
- 2. **estructurados**: (o compuestos) como lo son los records. Son estructuras compuestos por otros valores.

Cabe aclarar que en otros lenguajes de programación existen otros tipos de datos básicos como las referencias y los arreglos.

Todo lenguaje de programación ofrece un conjunto de tipos de datos. La gran mayoría de los lenguajes de programación modernos permiten la declaración de nuevos tipos a partir de otros ya definidos. Esta es una de las principales características en la evolución de los lenguajes de programación. La posibilidad de definir nuevos tipos permite la implementación más elegante de tipos abstractos de datos, los cuales definen un tipo de datos en base a sus operaciones.

Los primeros lenguajes (como Fortran, Cobol, Basic), no ofrecían la posibilidad de definir nuevos tipos, por lo que limitaba bastante la claridad de las abstracciones.

A modo de ejemplo, en la figura 2.2, se muestran dos programas que suman números complejos. El programa de la izquierda está en un lenguaje que no permite definir nuevos tipos.

Figure 2.2: Ejemplo de programación con definición de nuevos tipos

Las diferentes versiones de la figura 2.2 muestran la diferencia en el estilo y claridad de los programas.

## 2.3.1 Tipos de datos simples o básicos

Cada lenguaje define un conjunto de tipos básicos como los siguientes:

- numéricos:
- escalares o numerables: Ej: enteros.
- no escalares: Ej: reales.
- caracteres
- lógicos
- punteros y/o referencias

Los enteros pueden representarse en complemento a dos con un número fijo de bits. Algunos lenguajes permiten definir el número de bits de la representación, como por ejemplo, en C: short int, long int, etc.

Los reales se representan según algún formato estándar (ej: IEEE) en punto flotante o en punto fijo $^4$ .

Los lógicos se representan comúnmente en un byte (ej: 0=false, 1=true), ya que generalmente es el tamaño mínimo de bloque de memoria direccionable.

Los punteros y referencias se usan para acceder indirectamente otros valores y se representan con una dirección de memoria, por lo que su tamaño de representación generalmente es igual al número de bits necesarios para direccionar una palabra de memoria.

## 2.3.2 Tipos de datos estructurados

Estos tipos de datos son aquellos que están compuestos por un conjunto de otros valores y pueden clasificarse en base a diferentes caracteríscas.

Por el tipo de sus elementos que contienen:

- 1. **homogéneos**: todos sus elementos son del mismo tipo, como por ejemplo los arreglos.
- 2. heterogéneos: sus elementos pueden ser de diferente tipo, como los registros.

Por sus características del manejo de sus elementos:

- 1. **estáticos**: el número de sus elementos está dado por una constante momento de su creación. Ejemplo: arreglos en Fortran o Pascal.
- 2. **dinámicos**: el número de sus elementos es variable. Ejemplos: listas, arreglos y registros dinámicos, . . . .
- 3. **semi-dinámicos**: el número de elementos está determinado por una variable en su creación pero luego el número de sus elementos se mantiene. Ejemplos: arreglos de C o C++.

Las estructuras de datos estáticas permiten una implementación mas eficiente, ya que la cantidad de memoria a asignar para su representación es conocida en tiempo de compilación y por lo tanto se pueden utilizar técnicas de manejo de memoria estática o mediante una pila.

Los arreglos y los registros estáticos o semi-dinámicos permiten una representación contig $^{5}$ ua de sus elementos, lo que permite la implementación simple de sus operadores

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Estos últimos son muy adecuados para representar importes monetarios.

de acceso a sus elementos, generalmente conocidas como selectores<sup>5</sup>.

Generalmente encontramos en los lenguajes a los siguientes tipos:

 Arreglos: contienen a un conjunto de datos almacenados en forma contigüa, permitiendo acceder a cada elemento por medio de un operador de indexación. Un arreglo puede ser multidimensional. Si tienen una dimensión se denominan vectores, si tienen dos, matrices.

El operador de indexación (denotado como [index] o (index)) es una función de un tipo índices (escalar) a un valor del tipo base (el tipo de los elementos contenidos).

```
Ejemplo en C: float v[N]; ... v[0] = 1.5; ...
```

Algunos lenguajes (ej: Pascal) permiten definir el dominio de los índices. Otros (ej: C, Java) el tipo índice es el rango [0, N-1].

Los arreglos son estructuras homogéneas, ya que todos los elementos que contiene son del mismo tipo.

En algunos lenguajes son estáticos (como en Pascal) en cuanto a su dimensión, es decir que su dimensión debe ser una constante. En otros lenguajes (como C y Java), son semi-dinámicos, es decir que su dimensión puede determinarse en tiempo de ejecución (aunque luego no puede cambiarse). Algunos lenguajes también permiten que su dimensión varíe en ejecución, por los que se llaman dinámicos o de dimensión variable.

 Registros (o estructuras): sus componentes (campos) pueden ser de cualquier tipo. Sus campos son identificables, por lo que se denominan también tuplas rotuladas. Generalmente se representan en memoria de forma contigüa. El operador de acceso a los campos generalmente se denota con el símbolo. (punto).

```
Ejemplo (C):
```

```
struct person { int id, char[N] nombre; };
person p; /* variable de tipo p */
p.id = 1; ...
```

- Tuplas: son como los registros pero sus elementos se referencian generalmente usando proyecciones.
- Strings (cadenas de caracteres): generalmente se denotan entre " o '. Algunos lenguajes los representan como arreglos de caracteres (C, Java), mientras que otros los representan como listas (Haskell, ML).

## 2.3.3 Chequeo de tipos

Un lenguaje de programación generalmente deberá chequear los tipos de los argumentos u operandos de cada operación. El proceso de verficar si los operandos de una

 $<sup>^5</sup>$ Como los operadores . de los registros y // de los arreglos.

operación son del tipo correcto se denomina **type checking**. Ese chequeo, en base al momento en que realiza, puede ser:

- Tipado estático: el chequeo de tipos se realiza en tiempo de compilación.
- *Tipado dinámico*: el chequeo de tipos se realiza en tiempo de ejecución. Los valores tienen tipo pero las variables no (pueden tomar cualquier valor).

Obviamente el tipado estático requiere que los tipos de las expresiones se determinen (liguen) en tiempo de compilación, por lo que se requiere que el programador tenga que especificar los tipos en las declaraciones o sino el lenguaje tendrá que inferirlos de alguna manera. Algunos lenguajes, como Haskell o ML, las declaraciones de tipos es opcional, salvo en algunos casos que podría dar lugar a ambigüedades. Estos lenguajes tienen un sistema de tipos y algoritmos de inferencia de tipos muy elaborado.

Un sistema de tipos estático es una forma simple de verficación de programas de acuerdo a las reglas que define el sistema de tipos para cada una de sus operaciones. El tipado estático tiene grandes ventajas ya que un programa que *compile*, se podría decir que no tiene errores de tipos (está correctamente tipado).

Un lenguaje con tipado dinámico deberá acarrear información del tipo<sup>6</sup> de cada uno de los valores en tiempo de ejecución.

El tipado dinámico, detectará errores de tipos durante la ejecución, lo cual puede ser un gran inconveniente. La ventaja del tipado dinámico es que permite mayor flexibilidad para definir abstracciones polimórficas<sup>7</sup> con mayor libertad, lo cual da un mayor poder expresivo (relativo).

El sistema de tipos generalmente es conservador ya que el problema general es indecidible (es comparable al problema de la parada). Por ejemplo, en una sentencia de la forma: if cond then 32 else 1+"hola", aún cuando cond evalúe siempre a true no compilará (1+"hola" es una expresión mal tipada) ya que en tiempo de compilación no se podría inferir que esta última expresión nunca se ejecutaría.

### 2.3.4 Sistemas de tipos fuertes y débiles

Un sistema de tipos fuerte (strong) impide que se ejecute una operación sobre argumentos de tipo no esperado.

Un lenguaje con un sistema de tipos débil (weak) realiza conversiones de tipos implícitas (casts) o aquellas explícitas. El resultado de la operación puede variar: por ejemplo, el siguiente programa:

```
var x = 5;
var y = "ab";
x+y;
```

en Visual Basic da error de tipos, mientras que en JavaScript produce el string "5ab".

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Puede ser un simple rótulo o marca (tag).

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Una operación es polimórfica si acepta argumentos de diferentes tipos en diferentes invocaciones.

## 2.3.5 Polimorfismo y tipos dependientes

Algunos lenguajes permiten que las operaciones operen sobre argumentos de tipos específicos. En este caso se denomina sistema de tipos *monomórfico*.

Un sistema de tipos que permite operaciones que aceptan argumentos que pueden ser instancias de una familia (relacionada de algún modo) de tipos se denomina un sistema *polimórfico* (muchas formas).

Por ejemplo, algunas operaciones en algunos lenguajes son polimórficos (ej: comando write o read de Pascal, aunque Pascal tiene un sistema de tipos monomórfico).

Otros lenguajes tienen verdaderos sistemas de tipos polimórficos, como Haskell, que soporta polimorfismo *paramétrico* (también llamado polimorfismo por instanciación). En este caso, una operación (función) define argumentos con un tipo variable. Cada instanciación (invocación a la función con valores concretos) determina (estáticamente) el tipo de cada argumento en cada invocación y chequea si son válidos.

En la programación orientada a objetos, una operación permite que sus argumentos sean instancias de una familia de tipos relacionados de la forma tipo-subtipo. Esas operaciones se definen como referencias del tipo superior.

Algunos tipos dependen de otros tipos (su tipo base). Por ejemplo, los arreglos son un tipo dependiente del tipo base (el tipo de cada uno de sus elementos). Estos tipos se denominan *tipos dependientes*.

## 2.3.6 Seguridad del sistema de tipos

Un sistema de tipos es seguro (safe) si no permite operaciones que producirían condiciones inválidas. Por ejemplo, si un lenguaje no chequea que en una operación de indexación en un arreglo, el índice esté en el rango válido, es un lenguaje con un sistema de tipos inseguro.

# 2.4 Declaraciones, ligadura y ambientes

Una declaración relaciona un identificador con una o más entidades. Esta relación se denomina *ligadura* (*binding*, en inglés).

Por ejemplo, la declaración de una constante, como const Pi = 3.141517; relaciona al identificador Pi con un valor y con un tipo determinado (real en este caso).

Una declaración de un tipo liga un identificador a un tipo.

Una ligadura entre un identificador y alguna de sus propiedades puede determinarse en dos momentos:

- i. durante la compilación: En este caso se denomina estática.
- ii. en ejecución o dinámica.

En el ejemplo anterior ambas ligaduras ocurren estáticamente, pero en cambio en una declaración de una variable, su tipo puede determinarse estáticamente pero no su valor<sup>8</sup>.

Una declaración de alguna entidad (tipo, variable, función, etc) alcanza a una cierta porción en un programa. La gran mayoría de los lenguajes de programación permiten que las declaraciones pertenezcan a algún bloque. El alcance de una declaración es similar al alcance de variables cuantificadas en lógica. Por ejemplo, en la siguiente fórmula

$$\forall x.(p(x) \land \exists y.q(x,y))$$

El cuantificador universal alcanza a toda la fórmula y el cuantificador existencial alcanza a la subfórmula q(x, y).

Un ambiente (o espacio de nombres) es un conjunto de ligaduras.

Cada sentencia de un programa se ejecuta en un cierto contexto o ambiente, por lo que su interpretación depende del ambiente en que se ejecuta.

En un lenguaje con alcance estático (static scope) las sentencias de un bloque (de un procedimiento o función) se ejecutan en el ambiente de su declaración. Esto significa que los valores (los tipos, etc.) de los identificadores referenciados en el bloque se determina en tiempo de compilación y corresponden a las declaraciones que contienen textualmete al bloque.

En un lenguaje con alcance dinámico (dynamic scope), un bloque se evalúa en el contexto de su invocación. Es decir que los identificadores referenciados pueden haberse definido en procedimientos o funciones que invocaron (directa o indirectamente) al actual. Esto significa que su contexto no depende del texto del programa, sino que su ambiente se determina sólo en tiempo de ejecución.

En el siguiente programa se muestra la diferencia entre alcance estático y dinámico.

```
var a = 1;
function f()
{
  return a+1;
}
function main()
{
  var a = 2;
  return f();
}
```

Con alcance estático la función f se evalúa en el ambiente de su definición, por lo que la invocación desde main retornará 2. Si f se evaluase en el ambiente de su invocación, en éste caso retornaría 3 (ya que haría referencia al valor de la variable a declarada en main).

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Algunos lenguajes permiten determinar su valor inicial.

El alcance estático permite razonar sobre programas en forma modular, es decir sin tener en cuenta sus posibles contextos de invocación.

Por otro lado, el alcance dinámico provee mayor flexibilidad, pero la mayor desventaja es que no permite analizar un bloque de código en forma modular, ya que los identificadores a los que se hace referencia dependen de una determinada traza de ejecución.

Además, el alcance dinámico tiene otro problema. Suponga que la declaración de a en main se define con tipo string. El programa ahora tendría un error de tipos ya que la función f trataría de sumar un valor de tipo string con un entero.

Por esta razón, generalmente los lenguajes con alcance dinámico también tienen tipado dinámico.

Lenguajes como Clipper, Scheme y Perl permiten tener ambos tipos de alcance.

## 2.5 Excepciones

Una excepción es un evento que ocurre durante la ejecución de un programa, como producto de la ejecución de alguna operación inválida, y require la ejecución de código fuera del flujo normal de control. El manejo de excepciones (exception handling), es una característica de algunos lenguajes de programación, que permite manejar o controlar los errores en tiempo de ejecución. Proveen una forma estructurada de atrapar las situaciones completamente inesperadas, como también errores predecibles o resultados inusuales. Todas esas situaciones son llamadas excepciones.

£Cómo manejamos situaciones excepcionales dentro de un programa?, como por ejemplo una división por cero, tratar de abrir un archivo inexistente, o seleccionar un campo inexistente de un registro. Debería ser posible que los programas las manejaran en una forma sencilla. Los lenguajes deberian proveer a los desarrolladores las herramientas necesarias para detectar errores y manejarlos dentro de un programa en ejecución. El programa no debería detenerse cuando esto pasa, mas bien, debería transferir la ejecución, en una forma controlada, a otra parte, llamada el manejador de excepciones, y pasarle a éste un valor que describa el error.

Algunos lenguajes de programación (como, por ejemplo, Lisp, Ada, C++, C#, Delphi, Objective C, Java, VB.NET, PHP, Python, Eiffel y Ocaml) incluyen soporte para el manejo de excepciones. En esos lenguajes, al producirse una excepción se desciende en la pila de ejecución hasta encontrar un manejador para la excepción, el cual toma el control en ese momento.

Ejemplo de manejo de excepción en C:

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <windows.h>
int main()
```

```
{
    __try
    {
        int x,y = 0;
        int z;
        z = x / y;
    }
    __except(EXCEPTION_EXECUTE_HANDLER)
    {
        MessageBoxA(0,"Capturamos la excepcion","SEH Activo",0);
    }
    return 0;
}
```

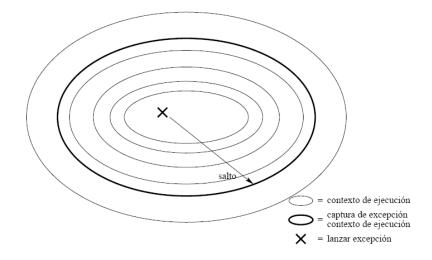


Figure 2.3: Manejo de Excepciones.

Cómo debería ser el mecanismo de manejo de excepciones?.

Podemos realizar dos observaciones. La primera, el mecanismo debería ser capaz de confinar el error, i.e., colocarlo en cuarentena de manera que no contamine todo el programa. L'Lamamos a esto el principio de confinamiento del error. Suponga que el programa está hecho de componentes que interactúan, organizados en una forma jerárquica. Cada componente se construye a partir de componentes mas pequeños. El principio del confinamiento del error afirma que un error en un componente debe poderse capturar en la frontera del componente. Por fuera del componente, el error debe ser invisible o ser reportado en una forma adecuada.

Por lo tanto, el mecanismo produce un "salto" desde el interior del componente hasta su frontera. La segunda observación es que este salto debe ser una sola operación.

El mecanismo deber ser capaz, en una sola operación, de salirse de tantos niveles como sea necesario a partir del contexto de anidamiento (ver figura 2.3).

# 2.6 Qué es programar?

Analizando los elementos de un lenguaje de programación, se nota que cuando se programa, es decir, se soluciona un problema dado por medio de un programa de computadora, en realidad se termina definiendo un conjunto de tipos.

Por lo que podemos decir que programar es definir tipos y/o usar los valores y operaciones de un conjunto de tipos definidos.

Como se verá mas adelante, los diferentes modelos, paradigmas de programación proveen diferentes estilos en la definiciones de tipos.

# 2.7 Ejercicios

- 1. En las siguientes declaraciones Pascal, marque cuáles son definiciones:
  - (a) const Pi = 3.1415;
  - (b) var x:integer;
  - (c) External Procedure P(x:integer);
  - $\begin{array}{l} \text{(d) Function Square}(x\text{:integer});\\ \text{begin}\\ \text{Square} = x*x\\ \text{end} \end{array}$
  - (e) type Person = record name:string; age:integer end;
- 2. Dar un ejemplo en un lenguaje imperativo de una expresión que no tenga transparencia referencial.
- 3. Muestre un ejemplo de programa en Haskell y en Pascal que no compile por un error de tipos aún cuando nunca se produciría en ejecución.
- 4. Muestre un ejemplo de un programa Pascal que compile pero que tenga un error de tipos en ejecución.
- 5. Realice un experimento para determinar qué sistema de equivalencia de tipos usa Pascal. Justifique su respuesta.
- 6. Dar un programa Pascal que muestre que no tiene un sistema de tipos seguro.
- 7. El principio de completitud de tipos determina que ninguna operación debería restringir arbitrariamente el tipo de sus operandos.
  Dar al menos tres ejemplos de operaciones de Pascal que violan este principio.
- 8. Hacer un análisis comparativo entre sistemas de tipos estáticos vs. dinámicos.

9. Dado el siguiente programa Pascal, determinar el ambiente de ejecución de las sentencias del cuerpo del procedimiento P.

```
Program Example;
Var x:integer;
  Function F(a:integer):integer;
    begin
      F := x*a
    end;
  Procedure P(y:integer)
    var x:integer;
        z:bool;
  begin
    x := 1;
    z := (y \mod 2 == 0);
    if z then
      x := F(y+1)
    else
      x := F(y)
  end;
begin { main }
  x := 2;
  P(x)
end.
```

10. De un ejemplo de uso de excepciones en C++.

## Ejercicios Adicionales

- 11. Determine qué tipo de alcance tiene el lenguaje LOGO (usado ampliamente en la enseñanza de la programación).
- 12. De un ejemplo de uso de excepciones en Java.
- 13. Determinar (mediante un experimento) el número de bits de los enteros en el compilador Pascal que utilice.