## MUAMMOLI MASALA VA TOPSHIRIQLAR:

1. Quyidagi funksiyalar sistemasining toʻliq emasligini Post teoremasi yordamida isbotlang:

1) 
$$\{\cdot, \vee\};$$

1) 
$$\{\cdot, \vee\};$$
 4)  $\{+, '\};$  7)  $\{+, \rightarrow\};$  10)  $\{'\};$ 

$$2) \{\cdot, \rightarrow\};$$

2) 
$$\{\cdot, \to\};$$
 5)  $\{1,'\};$  8)  $\{\cdot, \vee, \to\};$  11)  $\{\leftrightarrow,'\};$ 

11) 
$$\{\leftrightarrow,'\};$$

$$3) \{\rightarrow, \vee\};$$

6) 
$$\{+,\vee\};$$

3) 
$$\{\rightarrow,\lor\}$$
; 6)  $\{+,\lor\}$ ; 9)  $\{\cdot,\lor,\rightarrow,\leftrightarrow\}$ ;

2. Quyidagi funksiyalar sistemasining toʻliqligini Post teoremasi yordamida tekshiring:

7) 
$$\{\cdot,0,1\}$$

4) 
$$\{+,1\}$$
; 7)  $\{\cdot,0,1\}$ ; 10)  $\{+,\cdot,\leftrightarrow\}$ ;

$$2) \{ \rightarrow, + \};$$

$$5) \{\cdot, +, 0\};$$

8) 
$$\{\leftrightarrow,\lor,0\}$$
;

2) 
$$\{\rightarrow,+\}$$
; 5)  $\{\cdot,+,0\}$ ; 8)  $\{\leftrightarrow,\lor,0\}$ ; 11)  $\{+,\lor,\leftrightarrow\}$ ;

3) 
$$\{\rightarrow,1\}$$
;

9) 
$$\{ \rightarrow, \cdot, 0 \}$$

6) 
$$\{+,0,1\};$$
 9)  $\{\rightarrow,\cdot,0\};$  12)  $\{\rightarrow,(\leftarrow)'\};$ 

3. Quyidagi funksiyalar toʻliq funksiyalar sistemasi boʻlishini Post jadvali yordamida isbotlang:

1) 
$$x'y'z'$$
;

7) 
$$(x+1)(y+1)(z+1)$$
;

2) 
$$(x+y+1)(z+1)$$
;

8) 
$$x'(y \rightarrow z')$$
;

3) 
$$x'y'z' \lor xy'z$$
;

9) 
$$z \leftrightarrow (y + xz)$$
;

4) 
$$xy \rightarrow z'$$
;

10) 
$$(1+x)(y'+z)'$$
;

5) 
$$xyz+1$$
;

11) 
$$x't' \vee yz'$$
.

6) 
$$xy \rightarrow (x \rightarrow z')$$
;

3.5.4. Quyidagi funksiyalar sistemasining toʻliqligini Post jadvali yordamida tekshiring:

1) 
$$\{xy \lor y'z, 0, 1\};$$

7) 
$$\{(y \to x)(y' \to z), 0, 1\};$$

2)  $\{xy \lor xz \lor yz, x', 1\}$ ;

3)  $\{xy \lor xz \lor yz, x \leftrightarrow y, x + y\};$ 

4)  $\{y \to xz, 0, 1\}$ ;

5)  $\{x + y + z, xy, x'\};$ 

6)  $\{xy + z, (x \leftrightarrow y) + z, 1\}$ ; 12)  $\{xy, 0, 1\}$ ;

8)  $\{x + y + z, x'\};$ 

9)  $\{xy \lor xz \lor yz, x'\}$ ;

10)  $\{xy \lor xz \lor yz, 0, 1\};$ 

11)  $\{x + y, 0, 1\}$ ;