

PROJET STA101

Analyse de données : méthodes descriptives

Étude de qualité sur un échantillon de cafés

TABLE DES MATIERES

I. I	NTRODUCTION	1
II. A	ANALYSES PRÉLIMINAIRES	3
Α.	Analyse univariée et préparation des données	3
В.	Analyse bivariée	5
C.	CHOIX DES VARIABLES ACTIVES ET ILLUSTRATIVES	7
III.	CLASSIFICATION	8
Α.	CHOIX DE LA MÉTHODE	8
В.	CHOIX DU NOMBRE DE CLASSES	9
C.	Profil des classes	10
IV.	ANALYSE FACTORIELLE	16
Α.	CHOIX DU NOMBRE D'AXES	16
В.	Premier plan factoriel (9,1% d'inertie)	17
C.	SECOND PLAN FACTORIEL (7,7% D'INERTIE)	20
v. (CONCLUSION	22
VI.	ANNEXES	I
Α.	Extrait du jeu de donnees	I
В.	LEXIQUE DES VARIABLES SENSORIELLES	III
C.	EXPLICATION DES DEFAUTS MESURES DANS LE CAFE	III
D.	Frequences des modalites des 4 variables qualitatives	IV
E.	BOITES A MOUSTACHE DES VARIABLES QUANTITATIVES	V
F.	DIAGRAMMES EN BARRE DES VARIABLES QUALITATIVES	VI
G.	REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS DE CORRÉLATION DE SPEARM	an VIII
Н.	REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS V DE CRAMER	VIII
I.	REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS ETA ² ENTRE UNE VARIABLE	
QU	ALITATIVE ET UNE QUANTITATIVE	IX
J.	BOITES À MOUSTACHE DE LA VARIABLE SCORE TOTAL SUIVANT LES MODALITÉS D	DES
VAF	RIABLES QUALITATIVES	X
K.	ACP SUR LES VARIABLES SENSORIELLES ET DEFAUTS	XII
L.	TABLEAU DES VALEURS PROPRES ET DES INERTIES ASSOCIÉES	XV
M.	DIAGRAMMES DES VALEURS PROPRES	XVI
N.	VERIFICATION MATHEMATIQUE DU NOMBRE D'AXES NON TRIVIAUX	XVI
O.	GRAPHES DES MODALITES DANS LES DEUX PREMIERS PLANS	XVII

I. INTRODUCTION

Cet écrit a pour objet l'étude d'un jeu de données collectées en 2023 par le *Coffee Quality Institute* (CQI), organisation internationale à but non lucratif, qui œuvre pour améliorer la qualité du café de spécialité et la vie des personnes qui le produisent. L'une des missions du CQI est de maintenir une base de données qui sert de ressource pour les professionnels et les passionnés, et qui contient une variété d'informations sur la production, la transformation et l'évaluation sensorielle du café.

L'étude présentée dans ce document porte sur 207 individus décrits par 21 variables (extrait en <u>annexe A</u>). Un individu est défini comme étant un café produit par une ferme agricole identifiée. Parmi les variables :

- 2 portent sur le lieu de plantation et répertorient, pour chaque ferme agricole, le pays et l'altitude ;
- 5 informent sur le café récolté et les méthodes de préparation des grains, en précisant la masse produite, la variété, la couleur du fruit cueilli, la méthode de traitement utilisée pour extraire le grain du fruit (*Processing.Method*), et le taux d'humidité du grain avant torréfaction;
- 10 correspondent à l'évaluation sensorielle selon les critères : arôme, saveur, arrière-goût, acidité, corps, équilibre, uniformité, propreté de la tasse, douceur, impression générale (annexe B);
- 1 variable, appelée score total, est obtenue en sommant les 10 variables sensorielles ;
- 3 variables évaluent la présence de défauts dans une quantité définie de grains de café : nombre de défauts de catégorie 1, nombre de défauts de catégorie 2, nombre de quakers (annexe C).

On dénombre parmi ces 21 variables : 17 variables de nature quantitative, et 4 variables de nature qualitative (avec un nombre de modalités pouvant aller de 6 à 24 modalités selon la variable).

L'objectif principal de cette étude est de répondre au mieux à la problématique suivante : peut-on affirmer que certaines notes sensorielles sont corrélées avec les conditions géographiques des plantations, ou avec d'autres paramètres de production mis en place par les fermes de café ?

Dans un premier temps, l'étude débutera par une analyse univariée et bivariée. Cette partie aura pour intérêt de déterminer si un traitement préalable des données est nécessaire, et si des corrélations peuvent être déjà observées entre deux variables. A l'issue de cette partie, un choix concernant les variables actives et illustratives sera proposé pour la suite de l'étude.

Dans un second temps, une classification des cafés sera réalisée à partir des variables actives, afin de mettre en évidence l'existence de groupes de cafés similaires et les éléments de similitude des cafés d'un même groupe.

Enfin, une analyse factorielle viendra compléter l'étude pour explorer les critères sur lesquels se reposent la classification précédemment obtenue.

II. ANALYSES PRÉLIMINAIRES

A. ANALYSE UNIVARIÉE ET PRÉPARATION DES DONNÉES

Une première prise de contact avec les données consiste à étudier un résumé d'indicateurs statistiques (figure 2.1), étape qui permet d'observer rapidement si des variables quantitatives ne sont pas à supprimer du jeu de données, comme des doublons ou des variables constantes.

Trois suppressions peuvent être effectuées pour les raisons suivantes :

- la première colonne du jeu de données est composée des numéros des individus et ne correspond pas à une variable ;
- les variables Douceur et Propreté de la tasse sont constantes et égales à 10.

Statistic	N	Min	Pctl(25)	Median	Mean	Pctl(75)	Max	St. Dev.
X	207	1	52.5	104	104.000	155.5	207	59.900
Altitude	205	139	1,000	1,300	1,293.380	1,600	5,400	668.167
Weight.kg	207	1	30	300	66,857.960	18,000	6,144,000	601,852.400
Aroma	207	6.500	7.580	7.670	7.721	7.920	8.580	0.288
Flavor	207	6.750	7.580	7.750	7.745	7.920	8.500	0.280
Aftertaste	207	6.670	7.420	7.580	7.600	7.750	8.420	0.276
Acidity	207	6.830	7.500	7.670	7.690	7.875	8.580	0.260
Body	207	6.830	7.500	7.670	7.641	7.750	8.250	0.233
Balance	207	6.670	7.500	7.670	7.644	7.790	8.420	0.256
Uniformity	207	8.670	10.000	10.000	9.990	10.000	10.000	0.103
Clean.Cup	207	10	10	10	10.000	10	10	0.000
Sweetness	207	10	10	10	10.000	10	10	0.000
Overall	207	6.670	7.500	7.670	7.677	7.920	8.580	0.306
Total.Cup.Points	207	78.000	82.580	83.750	83.707	84.830	89.330	1.730
Moisture.Percentage	207	8.100	10.100	10.800	10.784	11.500	13.500	0.999
Category.One.Defects	207	0	0	0	0.135	0	5	0.592
Quakers	207	0	0	0	0.691	1	12	1.687
Category.Two.Defects	207	0	0	1	2.251	3	16	2.950

Figure 2.1: Indicateurs statistiques des variables quantitatives.

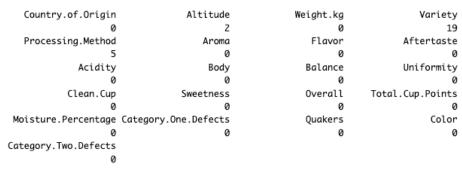


Figure 2.2 : Tableau des valeurs manquantes dans le jeu de données.

On s'intéresse désormais à la présence de données manquantes. On constate sur la figure 2.2, qu'en plus des 2 valeurs manquantes pour la variable quantitative Altitude, il en manque 19 et 5 respectivement pour les variables qualitatives Variété et Méthode de Traitement.

Le nombre total de valeurs manquantes n'étant pas négligeable par rapport au nombre total d'individus, on ne peut pas envisager de supprimer les individus concernés (qui pourraient représenter de 9% à 12% de l'ensemble des individus), sans affecter fortement la qualité du jeu de données. Pour combler la base de données, une imputation a été effectuée. Le choix de l'analyse factorielle utilisée pour l'imputation est expliqué dans le paragraphe III.A.

Une observation que l'on peut aussi faire à partir du résumé (figure 2.1) est qu'il y a, parmi les variables quantitatives, 3 variables discrètes avec comme valeur prépondérante zéro. Une transformation logarithmique semble nécessaire pour réduire l'effet d'asymétrie et stabiliser la variance. La préparation des variables quantitatives est finalisée par une standardisation, étape nécessaire pour la suite de l'analyse car les données sont exprimées dans différentes unités.

Statistic	N	Min	Pctl(25)	Median	Mean	Pctl(75)	Max	St. Dev.
Altitude	207	-1.738	-0.417	0.063	-0.000	0.454	6.154	1.000
Weight.kg	207	-0.111	-0.111	-0.111	0.000	-0.081	10.097	1.000
Aroma	207	-4.245	-0.490	-0.178	-0.000	0.692	2.986	1.000
Flavor	207	-3.558	-0.589	0.019	-0.000	0.627	2.701	1.000
Aftertaste	207	-3.370	-0.652	-0.072	-0.000	0.545	2.973	1.000
Acidity	207	-3.315	-0.733	-0.078	-0.000	0.712	3.428	1.000
Body	207	-3.473	-0.604	0.125	0.000	0.467	2.608	1.000
Balance	207	-3.800	-0.562	0.101	0.000	0.569	3.027	1.000
Uniformity	207	-12.781	0.094	0.094	0.000	0.094	0.094	1.000
0verall	207	-3.286	-0.577	-0.022	0.000	0.794	2.948	1.000
Total.Cup.Points	207	-3.298	-0.651	0.025	0.000	0.649	3.250	1.000
Moisture.Percentage	207	-2.688	-0.685	0.016	0.000	0.717	2.720	1.000
Category.One.Defects_log	207	-0.253	-0.253	-0.253	-0.000	-0.253	6.251	1.000
Quakers_log	207	-0.545	-0.545	-0.545	-0.000	0.694	4.040	1.000
Category.Two.Defects_log	207	-1.098	-1.098	-0.210	-0.000	0.678	2.531	1.000

Figure 2.3 : Indicateurs statistiques des variables quantitatives, centrées et réduites.

Pour les variables qualitatives, les fréquences des modalités ont été calculées (<u>annexe D</u>). Certaines modalités rares pourraient être regroupées, mais leur nature ne permet pas que cela soit envisagé. Par exemple, il ne semble pas pertinent de regrouper Madagascar ou Myanmar avec un autre pays, sans dégrader la qualité des données.

Enfin, une analyse univariée graphique, composée de boîtes à moustaches sur les variables quantitatives continues, et de diagrammes en barre pour les variables qualitatives et quantitatives discrètes, est disponible en annexe (annexes E et E). Elle permet de remarquer que la variable Uniformité est constante sauf pour deux individus. On pourra donc considérer cette variable comme illustrative pour la suite des analyses.

B. ANALYSE BIVARIÉE

Dans ce paragraphe, on s'intéresse aux liaisons entre les variables deux à deux. On peut observer, dans la figure 2.4, une représentation graphique des coefficients de corrélation de Pearson. Cette figure démontre un lien linéaire entre sept des variables sensorielles deux à deux (toutes les variables sensorielles restantes sauf la variable Uniformité). On ne soulignera pas le lien avec la variable Score total, avec qui le lien est trivial puisque cette variable est construite à partir des variables sensorielles.

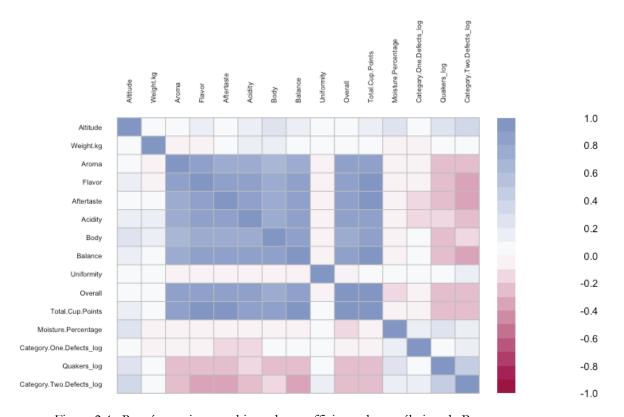


Figure 2.4 : Représentation graphique des coefficients de corrélation de Pearson.

De même, cette figure fait apparaître des coefficients de corrélation négatifs entre chacune de ces 7 variables sensorielles et chacune des 3 variables liées aux défauts.

On notera qu'une recherche des liaisons non linéaires, avec les coefficients de corrélation de Spearman, a été faite en <u>annexe G</u>, mais qu'elle ne fait pas apparaître d'autre liaisons particulières entre deux variables quantitatives.

Il serait intéressant d'approfondir l'étude des liaisons entre l'ensemble des variables regroupant les variables sensorielles, et celles des défauts. Cette étude est brièvement faite en annexe K, sous la forme d'une Analyse en Composantes Principales (ACP) sur les 10 variables quantitatives que l'on vient de citer. Elle met bien en lumière que les 7 variables sensorielles restantes sont fortement liées entre elles, et qu'elles sont indépendantes dans une moindre mesure des variables liées aux défauts.

On peut enfin observer des corrélations entre deux variables qualitatives (<u>annexe H</u>) et entre une variable qualitative et une variable quantitative (<u>annexe I</u>). En particulier, et dans le but de répondre à la problématique, la répartition du score total selon une des variables qualitatives est présenté ci-dessous:

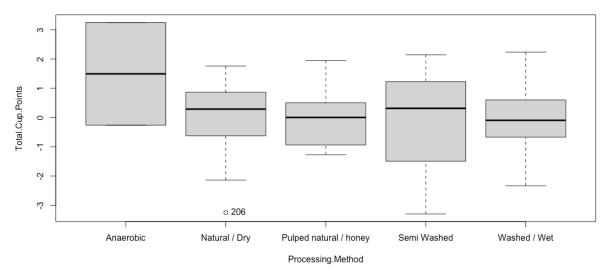


Figure 2.5 : Boites à moustaches de la variable Score total suivant les modalités de la variable Méthode de Traitement.

On peut, à partir de la figure 2.5, affirmer que le score total n'est pas réparti de la même façon suivant la méthode de traitement employée sur les fruits. D'autres représentation mettant en lien le score total et les autres variables qualitatives sont disponibles en annexe J.

C. CHOIX DES VARIABLES ACTIVES ET ILLUSTRATIVES

Au regard de cette première partie et de la problématique, il apparaît pertinent de sélectionner comme variables actives celles relatives aux conditions géographiques des plantations, ainsi qu'aux paramètres de production mis en place. Ce choix permettra d'établir une typologie des cafés fondée exclusivement sur ces éléments, sans tenir compte de leur évaluation sensorielle ni de leurs défauts. Les variables sensorielles et celles liées aux défauts seront quant à elles considérées comme illustratives, ce qui facilitera l'estimation de leurs corrélations avec la typologie obtenue.

Un résumé des variables actives et illustratives est disponible ci-dessous.

Variables actives	Nature
Country.of.Origin	Qualitative
Variety	Qualitative
Processing.Method	Qualitative
Color	Qualitative
Altitude	Quantitative
Weight.kg	Quantitative
Moisture.Percentage	Quantitative

Variables illustratives	Nature
Aroma	Quantitative
Flavor	Quantitative
Aftertaste	Quantitative
Acidity	Quantitative
Body	Quantitative
Balance	Quantitative
Uniformity	Quantitative
Overall	Quantitative
Total.Cup.Points	Quantitative
Category.One.Defects_log	Quantitative
Quakers_log	Quantitative
Category.Two.Defects_log	Quantitative

Figure 2.7 : Tableaux des variables actives et illustratives, avec leur nature.

III. CLASSIFICATION

A. CHOIX DE LA MÉTHODE

On veut, dans cette partie, établir des classes d'individus selon les variables actives. Cette classification devra regrouper, dans une même classe, des individus relativement proches, ce qui implique une notion de distance que l'on doit définir.

On procèdera à une classification par approche tandem. Cette méthode consiste à regrouper, en utilisant la distance euclidienne, les projetés des individus dans les plans principaux obtenus à partir d'une analyse factorielle. L'intérêt de l'approche tandem est de nettoyer les données en laissant de côté les derniers axes correspondant à ce que l'on nomme « du bruit ».

Les variables actives étant à la fois qualitatives et quantitatives, l'Analyse Factorielle des Données Mixtes sera privilégiée. La métrique utilisée pour l'AFDM combine la distance euclidienne normée pour les variables quantitatives (comme en ACP normée), et la distance du khi-deux, pour les variables qualitatives (comme en ACM), pondérée pour assurer l'équilibre entre les variables de natures différentes.

On remarquera que c'est justement à partir de l'AFDM que les données manquantes ont été imputées dans la partie II.A. (*)

La classification se fera en deux étapes : une Classification Ascendante Hiérarchique (CAH), selon le critère d'agrégation de Ward, suivie d'une consolidation par les centres mobiles.

(*) Le logiciel R a utilisé un algorithme itératif régularisé appliqué à la matrice de corrélations (pour les variables quantitatives) concaténée avec le tableau disjonctif complet (pour les variables qualitatives). L'algorithme repose sur une initialisation des valeurs manquantes par la moyenne de la variable ou par la proportion de chaque modalité, selon la nature de la variable, puis sur deux étapes (estimation des paramètres via l'AFDM et imputation des valeurs manquantes à l'aide de la matrice ajustée) qui sont répétées jusqu'à convergence.

B. CHOIX DU NOMBRE DE CLASSES

La CAH permet de déterminer le nombre de classes qu'il faut choisir. Pour cela, on observe les valeurs propres obtenues par l'AFDM, et leur inerties (annexes L et M).

On constate que l'on peut conserver plus de 90% de l'inertie du nuage de données avec les 39 premiers axes. On procède donc à une CAH sur les 39 premiers axes, selon la méthode de Ward. Cette approche ascendante consiste, à chaque pas, à regrouper deux éléments (individus isolés ou classes déjà formées) en minimisant la variabilité au sein de chaque groupe (l'inertie intra-classe), et en maximisant les différences entre les groupes (inertie inter-classes)

Le diagramme des gains d'inertie (figure 3.1) indique que le premier saut d'inertie, en diminuant le nombre d'axes, est celui qui permet de passer d'une partition de 5 classes à 4 classes. On retient donc, selon ce critère, 5 classes pour la partition.

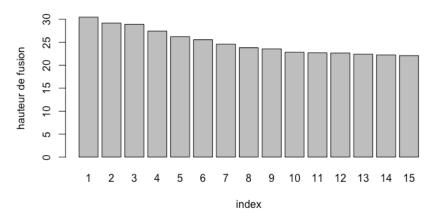


Figure 3.1 : Diagramme des gains d'inertie inter-classes.

On remarque que le nombre de classes aurait également pu être fixé à 7, pour des raisons similaires à celles mentionnées précédemment, bien que l'écart d'inertie à franchir soit légèrement moindre. Cette option a été envisagée, mais écartée, les résultats s'étant révélés moins utiles pour répondre à la problématique de l'étude.

C. PROFIL DES CLASSES

On procède alors à une consolidation des 5 classes obtenues par la CAH en les introduisant comme partition initiale de l'algorithme des centres mobiles. Cet algorithme calcule le centre de chaque groupe et réassigne ensuite les individus aux groupes en fonction de leur proximité avec les centres obtenus. Ce processus est répété jusqu'à ce que la répartition des individus soit stable.

Les effectifs des classes consolidées sont les suivants :

- 106 pour la classe 1, soit environ 51,2 % des individus ;
- 67 pour la classe 2, soit environ 32,4 % des individus ;
- 21 pour la classe 3, soit environ 10,1 % des individus ;
- 10 pour la classe 4, soit environ 4,8 % des individus ;
- 3 pour la classe 5, soit environ 1,4 % des individus.

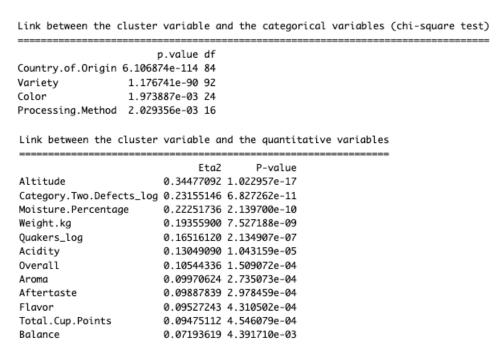


Figure 3.2 : Tableaux des corrélations avec la partition.

D'après la figure 3.2, la partition obtenue est corrélée fortement avec les variables qualitatives Pays d'origine, Variété et la variable quantitative Altitude. Dans une moindre mesure, elle est aussi associée aux variables qualitatives Couleur et Méthode de Traitement, et aux variables quantitatives Taux d'humidité, Masse, Défauts de catégorie 2, Quakers, et les 6 notes sensorielles : Acidité, Impression générale, Après-goût, Arôme, Saveur et Équilibre.

Classe 1 (106 cafés, 51,2 % des individus):

\$`1`						
		Cla/Mod	Mod∕Cla	Global	p.value	v.test
Variety=Caturra		96.666667	27.3584906	14.492754 7	.596615e-09	5.777173
Country.of.Origin=Guatem	nala	100.000000	19.8113208	10.144928 2	.691592e-07	5.143854
Country.of.Origin=Colomb	oia	100.000000	17.9245283	9.178744 1	.264710e-06	4.845221
Variety=Bourbon		90.909091	18.8679245	10.628019 4	.593517e-05	4.075401
Processing.Method=Washed	d / Wet	60.937500	73.5849057	61.835749 3	.900060e-04	3.546756
Variety=Catuai		92.857143	12.2641509	6.763285 9	.371109e-04	3.308757
Country.of.Origin=Brazil	l	100.000000	9.4339623	4.830918 9	.979458e-04	3.291105
Country.of.Origin=Hondur	as	92.307692	11.3207547	6.280193 1	.814369e-03	3.119047
Country.of.Origin=Costa	Rica	100.000000	7.5471698	3.864734 4	.136447e-03	2.867564
Country.of.Origin=Nicard	•	100.000000	6.6037736	3.381643 8	.356458e-03	2.637318
Country.of.Origin=El Sal		100.000000		3.381643 8	.356458e-03	2.637318
Country.of.Origin=Tanzar	nia, United Republ	ic Of 100.000000	5.6603774	2.898551 1	.679648e-02	2.391133
Color=greenish		66.666667	22.6415094	17.391304 4	.330754e-02	2.020732
Country.of.Origin=United	d States (Hawaii)	0.000000			.625649e-02	-2.222397
Color=yellow-green		23.529412	3.7735849	8.212560 1	.901018e-02	-2.345331
Color=blue-green		16.666667	1.8867925	5.797101 1	.531542e-02	-2.424833
Country.of.Origin=Thaild	and	16.666667		5.797101 1		-2.424833
Variety=Gesha		27.586207	7.5471698	14.009662 6	.510617e-03	-2.720891
Country.of.Origin=Ethiop	oia	9.090909		5.314010 4		
Variety=SL34		0.000000		3.864734 2		
Processing.Method=Pulped	,	23.076923		12.560386 2		
Variety=Ethiopian Heirlo	ooms	0.000000		4.347826 1		
Variety=Catimor		0.000000	0.0000000	5.314010 2	.780415e-04	-3.634944
Variety=Typica		8.333333		17.391304 3		
Country.of.Origin=Taiwar	1	0.000000	0.0000000	29.468599 1	.171017e-25	-10.471238
\$ `1`						
		n category Ove			,	
Altitude	5.309318	0.3602146 -3.1		0.782971		1.100361e-07
Moisture.Percentage	4.406287		26860e-15	0.859739		1.051577e-05
Category.Two.Defects_log		0.2844235 -1.3		0.916838		2.762511e-05
Quakers_log	3.672851	0.2491873 7.5		1.115583		2.398592e-04
Acidity	-2.491941	-0.1690676 -6.4		1.051726	3 0.9975816	1.270472e-02
Total.Cup.Points	-3.033169	-0.2057876 2.7	53222e-15	1.060299	9 0.9975816	2.420001e-03
Balance			05166e-15	1.065731	9 0.9975816	2.173958e-03
Aroma		-0.2139390 -1.6		0.993857		1.614277e-03
Flavor	-3.198523	-0.2170062 -6.8	00786e-16	1.028430	2 0.9975816	1.381335e-03
Overall	-3.250701	-0.2205462 9.1	09192e-15	1.056664	6 0.9975816	1.151208e-03
Aftertaste	-3.565271	-0.2418885 -8.5	68562e-15	1.072854	0 0.997581	3.634799e-04

Figure 3.3 : Tableaux de description pour les variables quantitatives et qualitatives de la classe 1.

La classe 1 est composée de cafés principalement de provenance du Guatemala, de Colombie, du Brésil et du Honduras.

Les variétés dominantes de cette classe sont les variétés Caturra, Bourbon et Catuai, et la méthode de traitement pour extraire les grains est majoritairement *Washed/Wet* (73 % de la classe contre une fréquence de 61% pour tous les individus).

Ces cafés sont issus de régions situées à une altitude haute (la moyenne de l'altitude de cette classe est plus élevée que la moyenne globale), et le taux d'humidité contenu dans les grains est plus important que ce qui est généralement observé.

Enfin, les cafés de cette classe reçoivent des scores inférieurs sur les 6 critères sensoriels (Acidité, Impression générale, Après-goût, Arôme, Saveur et Équilibre) et présentent plus de défauts de catégorie 2 et de quakers que l'ensemble des cafés.

Classe 2 (67 cafés, 32,4 % des individus):

\$`2`						
		Cla/Mod	Mod/Cla	Globa	p.value	v.test
Country.of.Origin=Taiwa	n	100.000000	91.044776	29.468599	5.134517e-46	14.240518
Variety=Typica		88.888889	47.761194	17.391304	8.707438e-15	7.756836
Variety=Gesha		68.965517	29.850746	14.009662	2 1.627083e-05	4.310741
Variety=SL34		100.000000	11.940299	3.86473	8.946030e-05	3.917532
Processing.Method=Pulpe	d natural / honey	61.538462	23.880597	12.560386	1.272336e-03	3.222148
Color=blue-green		75.000000	13.432836	5.797103	2.606380e-03	3.010710
Country.of.Origin=Unite	d States (Hawaii)	100.000000	7.462687	2.415459	3.201363e-03	2.947711
Country.of.Origin=Hondu	ras	7.692308	1.492537	6.280193	4.511319e-02	-2.003597
Country.of.Origin=Costa	Rica	0.000000	0.000000	3.864734	4.095214e-02	-2.044014
Variety=Blend		11.111111	2.985075	8.695652	3.952691e-02	-2.058659
Variety=Catuai		7.142857	1.492537	6.763285	3.148213e-02	-2.150925
Variety=Ethiopian Heirl	ooms	0.000000	0.000000	4.347826	2.716423e-02	-2.209150
Country.of.Origin=Brazi	l	0.000000	0.000000	4.830918	3 1.797229e-02	-2.366188
Variety=Catimor		0.000000	0.000000	5.314010	1.185989e-02	-2.516286
Country.of.Origin=Ethio	pia	0.000000	0.000000	5.314010	1.185989e-02	-2.516286
Processing.Method=Washe	d / Wet	25.781250	49.253731	61.835749	1.122479e-02	-2.535622
Variety=Bourbon		9.090909	2.985075	10.628019	1.004686e-02	-2.574212
Country.of.Origin=Thail	and	0.000000	0.000000	5.797103	7.805744e-03	-2.660359
Country.of.Origin=Colom	bia	0.000000	0.000000	9.17874	3.867689e-04	-3.548951
Country.of.Origin=Guate	mala	0.000000	0.000000	10.144928	3 1.597418e-04	-3.775414
Variety=Caturra		3.333333	1.492537	14.492754	5.150338e-05	-4.048698
\$`2`						
53					category Over	
Flavor	3.927677		-6.800786e			975816 8.577013e-05
Aroma	3.883319		-1.699338e			975816 1.030403e-04
Aftertaste	3.858365		-8.568562e			975816 1.141479e-04
Overall	3.808231		9.109192e			975816 1.399647e-04
Total.Cup.Points	3.372115		2.763222e			975816 7.459341e-04
Balance	3.250525		3.205166e			975816 1.151922e-03
Acidity	2.536237		-6.423203e			975816 1.120508e-02
Quakers_log Category.Two.Defects_log	-5.052508	-0.5076313 -0.6701610				975816 4.360470e-07 975816 2.554862e-11
	,					975816 2.354862e-11 975816 2.389648e-11
Moisture.Percentage Altitude	-6.679986 -8.119676	-0.6711460 -0.8157933				975816 2.389648e-11 975816 4.674289e-16
Attitude	-0.1130/0	-0.013/333	-3.139 04 0e	-10	0.0300011 0.9	3/3010 4.0/42036-10

Figure 3.4 : Tableaux de description pour les variables quantitatives et qualitatives de la classe 2.

La classe 2 regroupe des cafés principalement originaires de Taiwan et de Hawaï.

Les variétés majoritaires sont les variétés Typica, Gesha et SL34, et la méthode de traitement *Pulped Natural/Honey* est plus présente que dans l'ensemble des individus.

Ces cafés sont cultivés à basse altitude (l'altitude moyenne de la classe est nettement inférieure à celle de tous les individus), et le taux d'humidité contenu dans les grains est faible.

Les cafés de cette classe se distinguent par des notes modérément supérieures aux autres cafés, sur les 6 critères sensoriels (Acidité, Impression générale, Après-goût, Arôme, Saveur et Équilibre), et des défauts (de catégorie 2 et quakers) peu présents.

Classe 3 (21 cafés, 10,1 % des individus):

```
$`3`
                                          Cla/Mod Mod/Cla
                                                                    Global
                                                                                   p.value
Variety=Catimor
                                      100.00000 52.38095 5.314010 6.170230e-13 7.196667

        Country.of.Origin=Thailand
        83.33333 47.61905
        5.797101 6.640678e-10
        6.174420

        Country.of.Origin=Vietnam
        100.00000 19.04762
        1.932367 8.054782e-05
        3.942764

        Variety=Java
        100.00000 14.28571
        1.449275 9.128753e-04
        3.316087

        Country.of.Origin=Laos
        100.00000 14.28571
        1.449275 9.128753e-04
        3.316087

Country.of.Origin=Indonesia 100.00000 14.28571 1.449275 9.128753e-04 3.316087
Color=yellowish
                                        40.00000 19.04762 4.830918 1.235264e-02
                                        27.77778 23.80952 8.695652 2.795394e-02 2.197932
Variety=Blend
Processing.Method=Semi Washed 66.66667 9.52381 1.449275 2.863546e-02 2.188469
Variety=Gesha
                                         0.00000 0.00000 14.009662 3.516293e-02 -2.106477
Variety=Caturra
                                         0.00000 0.00000 14.492754 3.101450e-02 -2.156887
Processing.Method=Washed / Wet 6.25000 38.09524 61.835749 2.312875e-02 -2.271301
Color=greenish
                                         0.00000 0.00000 17.391304 1.436832e-02 -2.447921
Country.of.Origin=Taiwan
                                          0.00000 0.00000 29.468599 4.128405e-04 -3.531737
$'3'
                             v.test Mean in category Overall mean sd in category Overall sd
Moisture.Percentage 2.454211 0.5076607 3.126860e-15 0.8855271 0.9975816 0.01411941
                        -1.970764
                                             -0.4076582 -1.699338e-14
                                                                                 0.9887083 0.9975816 0.04875091
                         -1.986062
                                            -0.4108227 9.109192e-15
-0.4708663 -6.423203e-15
                                                                                 1.0366719 0.9975816 0.04702644
Overall
Acidity
                         -2.276334
                                                                                  0.9948488 0.9975816 0.02282603
```

Figure 3.5 : Tableaux de description pour les variables quantitatives et qualitatives de la classe 3.

La classe 3 regroupe des cafés principalement originaires de la Thaïlande, du Vietnam, du Laos et d'Indonesie.

La variété majoritaire est Catimor, avec la présence de la variété Java qui se trouve exclusivement dans cette classe. La méthode de traitement *Semi/Washed* est plus présente dans cette classe que dans l'ensemble des individus.

Le taux d'humidité dans ces cafés est plus important que dans l'ensemble des individus.

Les cafés de cette classe présentent enfin des notes inférieures aux autres cafés, sur les 3 critères sensoriels : Acidité, Impression générale et Arôme.

Classe 4 (10 cafés, 4,8 % des individus):

```
Cla/Mod Mod/Cla
                                                 Global
                                                             p.value
                                                                        v.test
Country.of.Origin=Ethiopia
                            90 90909
                                          100 5.314010 3.446215e-16 8.156588
Variety=Ethiopian Heirlooms 100.00000
                                          90 4.347826 6.203187e-15 7.799746
Color=yellow-green
                             17.64706
                                           30 8.212560 4.358511e-02 2.018059
Country.of.Origin=Taiwan
                              0.00000
                                           0 29.468599 2.772401e-02 -2.201170
$`4`
                          v.test Mean in category
                                                  Overall mean sd in category Overall sd
                                                                                             p.value
Weight.kg
                                       1.9475275 3.016910e-17
                                                                   4.0749508 0.9975816 2.736810e-10
                        6.312998
Acidity
                        3.881084
                                       1.1972945 -6.423203e-15
                                                                   0.6358599 0.9975816 1.039919e-04
Altitude
                        3.246990
                                       1.0016798 -3.159040e-16
                                                                   0.3034326 0.9975816 1.166323e-03
Quakers_log
                        3.122421
                                       0.9632508 7.562389e-17
                                                                   0.9899251
                                                                              0.9975816 1.793704e-03
Category.Two.Defects_log 2.724986
                                       0.8406441 -1.327441e-16
                                                                   0.8961830
                                                                              0.9975816 6.430430e-03
                        2.569394
                                       0.7926450 1.485661e-14
                                                                   0.8060520 0.9975816 1.018764e-02
Total.Cup.Points
                        2.140084
                                       0.6602050 2.763222e-15
                                                                   0.5265350 0.9975816 3.234796e-02
```

Figure 3.6 : Tableaux de description pour les variables quantitatives et qualitatives de la classe 4.

La classe 4 regroupe des cafés exclusivement originaires d'Éthiopie, appartenant en majorité à la variété Ethiopian Heirlooms, et cultivés à très haute altitude.

Ces cafés se distinguent par une quantité produite importante.

Ils présentent plus de défauts de catégorie 2 et de quakers, mais obtiennent des notes nettement supérieures en Acidité et en Corps, ce qui en font des cafés avec de très bons scores totaux.

Classe 5 (3 cafés, 1.4 % des individus):

```
$`5`
Cla/Mod Mod/Cla Global p.value v.test
Variety=SL14 100 100 1.449275 6.863724e-07 4.96518
Country.of.Origin=Uganda 100 100 1.449275 6.863724e-07 4.96518
```

Figure 3.7 : Tableau de description pour les variables qualitatives de la classe 5.

									Category.		Category.
								Total.Cup.	One.Defe	Quakers_	Two.Defec
ID	Aroma	Flavor	Aftertaste	Acidity	Body	Balance	Overall	Points	cts_log	log	ts_log
44	0,970	0,627	0,545	0,230	0,467	1,077	0,794	0,747	-0,253	-0,545	-0,210
119	0,101	0,019	-0,362	-0,733	-0,261	-0,250	0,239	-0,166	-0,253	-0,545	0,678
121	0,101	-0,267	-0,072	-0,733	0,125	-0,562	-0,022	-0,218	-0,253	-0,545	1,197

Figure 3.8 : Tableau des notes sensorielles et défauts des individus de la classe 5.

La classe 5 est composée des cafés d'Ouganda, exclusivement de la variété SL14. Les 3 cafés qui composent cette classe (individus 44, 119 et 121 dans la figure 3.8) obtiennent un score dans la moyenne haute en arôme, et ne présentent aucun quaker.

Bilan de la classification:

Sur la base des observations que l'on vient de faire, on peut constater que même si la partition n'a pas été faite à partir des notes sensorielles et des variables liées aux défauts, des liens entre ces variables et les classes obtenues peuvent être établis.

L'observation de ces classes, dans les premiers plans de l'analyse factorielle, pourra apporter des détails à propos des critères sur lesquels se reposent ces regroupements.

IV. ANALYSE FACTORIELLE

Comme expliqué dans la partie III.A, le choix de l'analyse factorielle s'est porté sur l'AFDM. Cette analyse permet de visualiser les individus dans les plans principaux à partir de variables à la fois quantitatives et qualitatives. Comme expliqué dans <u>l'annexe N</u>, le nombre d'axes non triviaux est conséquent et s'élève à 57. Il en résulte que les inerties des premiers axes sont faibles (contrairement aux inerties obtenues par l'ACP), et que l'interprétation des axes devra être consolidée par l'observation des données brutes.

A. CHOIX DU NOMBRE D'AXES

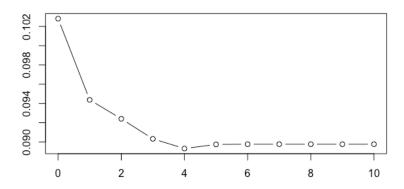
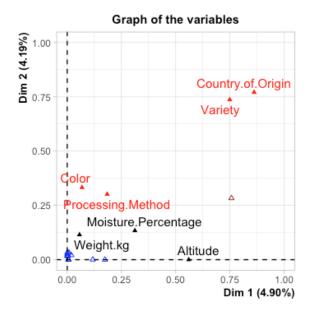


Figure 4.1 : Graphique représentant l'erreur de validation croisée en fonction du nombre d'axes.

La validation croisée est utilisée ici pour obtenir le nombre d'axes factoriels. Cette technique consiste à diviser les données en deux parties : une partie d'entraînement qui sert à construire le modèle, et une partie de test qui permet d'évaluer la qualité du modèle.

A l'issue de 40 simulations, l'erreur mesurée entre le modèle et les valeurs de test est représentée en figure 4.1. Sur ce graphique, l'erreur est minimale pour 4 axes. Ces 4 axes représentent environ 17% d'inertie cumulée (annexe I).

B. PREMIER PLAN FACTORIEL (9,1% D'INERTIE)



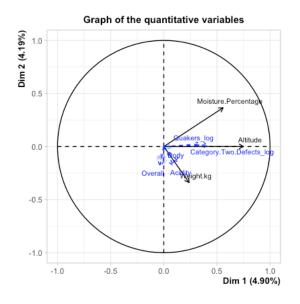


Figure 4.2 : Graphe des variables qui contribuent le plus.

Figure 4.3 : Cercle des corrélations des variables quantitatives.

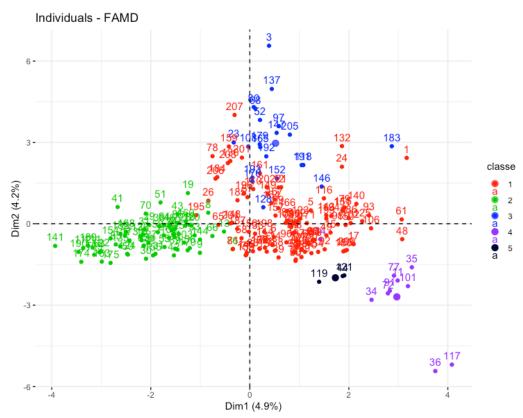


Figure 4.4: Graphe des individus dans le premier plan factoriel.

1ère dimension:

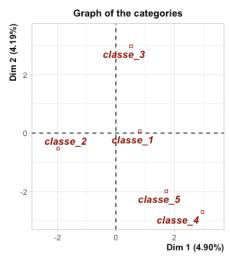


Figure 4.5: Graphe des centres des classes.

	Co	ord	Contrib		
Individu	Dim.1	Dim.2	Dim.1	Dim.2	
1	3.1686	2.4303	1.7373	1.1939	
3	0.3878	6.5646	0.026	8.7106	
34	2.4593	-2.8035	1.0466	1.5887	
35	3.2729	-1.6047	1.8536	0.5205	
36	3.7468	-5.431	2.4291	5.9621	
68	0.1107	4.2467	0.0021	3.6453	
80	0.0799	4.3033	0.0011	3.7431	
101	3.1945	-2.2996	1.7658	1.0689	
117	4.0823	-5.1934	2.8837	5.4518	
137	0.4441	4.9721	0.0341	4.997	
141	-3.9311	-0.8162	2.674	0.1347	
174	-3.4039	-1.4032	2.0049	0.398	
190	-3.4585	-1.0375	2.0697	0.2176	

Figure 4.6 : Tableau des coordonnées et contributions des individus contribuant le plus sur les 2 premiers axes.

\$quanti			
		correlation	p.value
Altitude		0.748	0.000
Moisture.Percentag	ge	0.558	0.000
Category.Two.Defe	cts_log	0.417	0.000
Quakers_log		0.343	0.000
Weight.kg		0.238	0.001
Body		0.139	0.046
\$quali			
	R2	p.value	
Country.of.Origin	0.862	0.000	
classe	0.755	0.000	
Variety	0.749	0.000	
Processing.Method	0.184	0.000	
Color	0.068	0.027	

	Estimate	p.value
classe=1	0.007	0.000
Country.of.Origin=Ethiopia	2.343	0.000
Variety=Ethiopian Heirlooms	2.768	0.000
classe=4	2.158	0.000
Country.of.Origin=Colombia	1.355	0.000
Variety=Caturra	0.985	0.000
Processing.Method=Washed / Wet	0.226	0.000
Country.of.Origin=Guatemala	0.550	0.001
Processing.Method=Anaerobic	2.307	0.033
Variety=Castillo	2.141	0.033
Variety=Bourbon	0.334	0.036
Color=greenish	0.669	0.043
Country.of.Origin=Peru	1.126	0.043
Processing.Method=Natural / Dry	-0.645	0.039
Variety=Gesha	-1.162	0.006
Variety=SL34	-1.969	0.006
Color=blue-green	-1.204	0.004
Processing.Method=Pulped natural / honey	-1.734	0.000
Variety=Typica	-2.685	0.000
Country.of.Origin=Taiwan	-2.593	0.000
classe=2	-2.791	0.000

Figure 4.7 : Description de l'axe 1 par les variables quantitatives et qualitatives.

Les résultats obtenus et présentés dans les figures 4.2, 4.3 et 4.7 montrent que les variables qui contribuent le plus à l'axe 1 sont les variables Altitude, Pays d'origine, et Variété, et celles qui contribuent d'une façon plus modérée sont les variables Taux d'humidité, Défauts de catégorie 2 et Quakers.

\$category

D'après les figures 4.5 et 4.7, et les descriptions de la classe 4, les modalités positivement associées à l'axe 1 sont : les pays Éthiopie, Colombie et Guatemala, les variétés Ethiopian Heirlooms et Caturra, une altitude élevée, et un taux d'humidité et de défauts (catégories 2 et quakers) plus élevés que pour l'ensemble des cafés.

De même, en exploitant les figures 4.5 et 4.7, et les descriptions de la classe 2, on peut affirmer que les modalités négativement associées à l'axe 1 sont : le pays Taiwan, la variété Typica, une altitude basse et très peu de défauts (de catégorie 2 ou quakers).

On peut vérifier cette interprétation avec des individus (<u>annexe A</u>) aux fortes coordonnées (figure 4.4 et 4.6). Par exemple, l'individu 141 est bien issu de Taiwan, cultivé à basse altitude et de variété Typica, sans aucun défaut, alors que les individus 48 et 35, qui sont à l'opposé du 141 sur l'axe 1, sont bien des cafés d'Éthiopie ou du Guatemala, cultivés à haute altitude et de la variété Ethiopian Heirlooms et Catuai, avec des défauts (de catégorie 2 et quakers).

2e dimension:

			\$category					
\$quanti				Estimate	p.value			
	correlatio	n p.value	classe=3	3.406	0.000	Variety=Castillo	1.757	0.037
Moisture.Percentag	je 0.36	6 0.000	Variety=Catimor	2.693	0.000	Variety=Pacamara	1.667	0.046
Aftertaste	-0.13	8 0.047	Processing.Method=Semi Washed	3.328	0.000	classe=5	-1.552	0.025
Body	-0.14	3 0.039	Country.of.Origin=Laos	4.494	0.000	Variety=SL14	-2.501	0.025
Total.Cup.Points	-0.16	3 0.019	Color=brownish	1.750	0.000	Country.of.Origin=Uganda	-2.438	0.025
Acidity	-0.17	8 0.010	Color=yellowish	1.712	0.000	Color=green	-0.899	0.007
Overall	-0.18	4 0.008	Country.of.Origin=Vietnam	2.874	0.000	Country.of.Origin=Taiwan	-0.956	0.002
Weight.kg	-0.33	9 0.000	Country.of.Origin=Thailand	1.366	0.000	Variety=Typica	-1.244	0.002
			Country.of.Origin=Indonesia	3.240	0.000	classe=2	-0.096	0.001
\$quali			Variety=Java	3.121	0.000	Processing.Method=Natural / Dry	-0.881	0.000
	R2 p.valu	e	Variety=Mundo Novo	2.342	0.000	Color=greenish	-1.546	0.000
Country.of.Origin	0.771	0	Country.of.Origin=Brazil	1.302	0.000	Country.of.Origin=Ethiopia	-2.965	0.000
Variety	0.737	0	Variety=Blend	0.655	0.001	classe=4	-2.256	0.000
classe	0.584	0	Color=bluish-areen	0.228	0.009	Variety=Ethiopian Heirlooms	-3.440	0.000
Color	0.332	0	Processing.Method=Anaerobic	1.016	0.015	Processing.Method=Washed / Wet	-2.131	0.000
Processing.Method	0.301	0	Country.of.Origin=El Salvador	0.893	0.020			

Figure 4.8 : Tableau de description de l'axe 2 par variables quantitatives et qualitatives.

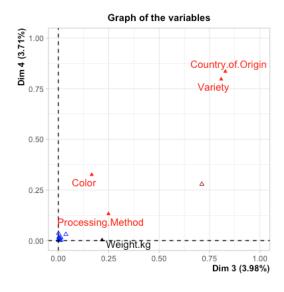
Les résultats obtenus et présentés dans les figures 4.2, 4.3 et 4.8 montrent que les variables qui contribuent le plus à l'axe 2 sont les variables Pays d'origine, et Variété, et d'une façon plus modérée, les variables Méthode de Traitement, Couleur, Masse produite et Taux d'humidité.

D'après la figure 4.8, les cafés observés en haut de l'axe sont des cafés issus d'Asie du Sud-Est (Laos, Indonésie, Vietnam), de couleur brunâtre ou jaunâtre, souvent traités par une méthode de traitement *Semi Washed*, de variétés Catimor, Java ou Mundo Novo, et produits en petite quantité, tandis que les cafés observés le plus en bas sont des cafés provenant d'Ethiopie et de variété Typica ou Ethiopian Heirlooms, de couleur verte/verdâtre, traités par la méthode *Washed/Wet*, et produits en grande quantité.

On retrouve ces observations avec les classes : la classe 3 se situant en haut de l'axe, et la classe 4 en bas.

Cette interprétation peut être validée par les individus 137 et 36, choisis pour leurs oppositions et leurs contributions (figure 4.4 et 4.6). On constate tout de même les limites de cette interprétation en observant des individus à coordonnées plus modérées, ayant pourtant des coordonnées opposées sur l'axe 2, et qui n'ont pas les critères précisés dans ce paragraphe (voir les individus 1 et 101). Cela est dû à la faible inertie de la seconde composante (environ 4%).

C. SECOND PLAN FACTORIEL (7,7% D'INERTIE)



Graph of the quantitative variables

1.0

Category.Two.Defects_log
Category.One.Defects_log
Aftertaste
Acidity

-0.5

-1.0

-0.5

0.0

0.5

1.0

Dim 3 (3.98%)

Figure 4.9 : Graphe des variables aux plus fortes contributions

Figure 4.10 : Cercle des corrélations des variables aux plus fortes coordonnées

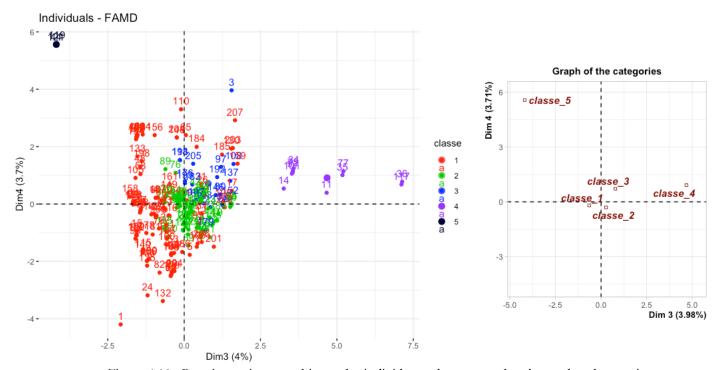


Figure 4.11 : Représentations graphiques des individus et des centres des classes dans le premier plan factoriel

Figure 4.12 : Tableau des coordonnées et contributions des individus contribuant le plus sur les axes 3 et 4.

	Co	ord	Contrib		
Individu	Dim.3	Dim.4	Dim.3	Dim.4	
1	-2.079	-4.1967	0.9197	4.0235	
24	-1.199	-3.1828	0.3059	2.3143	
35	5.1826	1.0093	5.7155	0.2327	
36	7.1365	0.7738	10.8376	0.1368	
44	-4.1946	5.5423	3.744	7.0174	
77	5.2081	1.1367	5.7718	0.2952	
117	7.1136	0.6821	10.768	0.1063	
119	-4.1692	5.6054	3.6988	7.1781	
121	-4.1969	5.5331	3.7481	6.9942	
132	-0.6994	-3.381	0.1041	2.6115	

\$quanti			\$category					
corr	elation p.va	lue	I	Estimate	p.value			
Weight.kg	0.466 0.	000	classe=4	4.500	0.000			
Acidity	0.193 0.	005	Country.of.Origin=Ethiopia	4.591	0.000	Variety=Catuai	-0.997	0.004
			Variety=Ethiopian Heirlooms	4.945	0.000	Country.of.Origin=Colombia	-0.818	0.002
\$quali			Processing.Method=Natural / Dry	0.977	0.000	Country.of.Origin=Honduras	-1.157	0.001
	R2 p.	value	Color=yellow-green	1.199	0.000	Color=green	-0.862	0.000
Country.of.Ori	gin 0.828	0	Country.of.Origin=Brazil	1.404	0.009	classe=5	-4.367	0.000
Variety	0.808	0	classe=3	0.604	0.012	Variety=SL14	-4.079	0.000
classe	0.712	0	Varietv=Mundo Novo	1.746	0.028	Country.of.Origin=Uganda	-3.991	0.000
Processing.Met	hod 0.249	0	Country.of.Origin=Taiwan	0.550	0.029	Variety=Caturra	-1.259	0.000
Color	0.166	0	Country.of.Origin=Guatemala	-0.566	0.014	classe=1	-0.831	0.000
			Country.of.Origin=Costa Rica	-1.140	0.010	Processing.Method=Washed / Wet	-0.741	0.000

Figure 4.13: Description de l'axe 3 par les variables quantitatives et qualitatives.

Sur ce second plan, on n'observe pas de séparation des classes 1, 2 et 3. L'axe 3 porte sur les variables Pays d'origine et Variétés, plus modérément sur la variable Masse produite, et légèrement sur les variables Acidité, Couleur et Méthode de Traitement. Il oppose la classe 4 et la classe 5:

- on retrouve à droite des cafés d'Éthiopie, de variété Ethiopian Heirlooms, et avec une acidité plus marquée et une masse produite plus importante ;
- et à gauche des cafés d'Ouganda de variété SL14.

L'axe 4 positionne en haut des cafés d'Ouganda (individu 44, 119 et 121), tous de variété SL14, traités par la méthode *Washed/Wet*, de couleur verte ; et en bas des cafés de Colombie, de variété Blend ou Castillo, et traités par la méthode *Anaerobic* (individus 1, 24 et 132).

Pour cette interprétation des axes, on aurait aussi pu utiliser d'autres graphiques comme celui des centres des individus prenant la même modalité. Ces graphiques sont disponibles en annexe O, et sont en adéquation avec les descriptions des axes faites précédemment.

Finalement, l'analyse factorielle permet de mettre en évidence les corrélations et les oppositions entre des individus dans les dimensions principales, et pose le cadre permettant d'obtenir les regroupements vus dans la partie III.C. Cette analyse fournit une vision globale et structurelle des données, tandis que la classification permet une interprétation plus ciblée et utile pour cette étude.

V. CONCLUSION

La classification par une approche tandem basée sur l'AFDM permet d'identifier cinq groupes de cafés, définis en fonction de leurs conditions géographiques et des paramètres de production appliqués. Les profils des classes obtenues, en lien avec les notes sensorielles et les défauts, sont les suivants :

- Cafés d'Amérique du Sud:

Cultivés à haute altitude, issus des variétés Caturra, Bourbon, Catuai, et traités par la méthode *Washed/Wet*, ces cafés ont des scores faibles pour la plupart des critères sensoriels et présentent davantage de défauts ;

- Cafés de Taiwan et de Hawaï:

Cultivés à basse altitude, avec un faible taux d'humidité, issus des variété Typica, Gesha ou SL34, et traités par la méthode *Pulped Natural/Honey*, ces cafés se distinguent par de bonnes notes sensorielles sur la plupart des critères et un nombre faible de défauts ;

- Cafés d'Asie du Sud-Est:

Issus en majorité de la variété Catimor, ces cafés présentent plus d'humidité, et ont des scores faibles en Acidité, Impression générale et en Corps;

- Cafés d'Éthiopie:

Cultivés à très haute altitude, issus de la variété Ethiopian Heirlooms, et bien qu'affichant davantage de défauts, ces cafés obtiennent d'excellents scores, surtout en Acidité et en Corps;

- Cafés d'Ouganda:

Issus de la variété SL14, ces cafés sont exempts de défauts de type quakers, et obtiennent une note supérieure à la moyenne en Arôme, bien qu'ils ne se démarquent pas sur les autres critères sensoriels.

A l'aide de ces observations, on peut donc répondre à la problématique : les critères géographiques, la variété et les méthodes de traitement, sont bien liés aux qualités sensorielles et aux défauts des cafés.

Ces résultats peuvent offrir des pistes stratégiques commerciales, comme mettre en avant l'origine des cafés afin de valoriser leurs spécificités gustatives, ou encore dédier certains cafés à des gammes spécifiques en fonction de leur provenance.

REMERCIEMENTS

« Je tiens à remercier les professeurs, V incent Audigier et Mouhamoudou Ndao, pour la clarté et la rigueur des cours et travaux dirigés, ainsi que pour leurs remarques constructives qui ont grandement contribué à la réalisation de ce projet. »

Valérie Plusquellec

REFERENCES

Cours et TD de l'UE STA101, CNAM Vincent Audigier et Mouhamadou Ndao

R pour la statistique et la science des données Sous la direction de François Husson, 2018

Analyse de données avec R François Husson, Sébastien Lê, Jérôme Pagès, 2009

The World Atlas of coffee from beans to brewing – coffees explored, explained and enjoyed James Hoffmann, 2014

A System to Assess Coffee Value: Understanding the SCA's Coffee Value Assessment The Specialty Coffee Association, 2024

Source de la banque de données :

https://github.com/fatih-boyar/coffee-quality-data-CQI/tree/main?tab=readme-ov-file

VI. ANNEXES

A. EXTRAIT DU JEU DE DONNEES

ID	Country of Origin	Altitude	Weight.kg	Variety	Processing Method	Moisture Percentage	Color
1	Colombia	1815	35	Castillo	Anaerobic	11.8	green
2	Taiwan	1200	80	Gesha	Washed / Wet	10.5	blue-green
3	Laos	1300	475	Java	Semi Washed	10.4	yellowish
11	Ethiopia	2000	300	Ethiopian Heirlooms	Natural / Dry	11.8	greenish
17	Ethiopia	2000	40	Blend	Washed / Wet	11.3	green
24	Colombia	1350	30	Castillo		11.3	brownish
35	Ethiopia	2250	19200	Ethiopian Heirlooms	Natural / Dry	12.3	yellow-green
36	Ethiopia	1700	6144000	Ethiopian Heirlooms	Washed / Wet	9.4	greenish
41	Taiwan	400	10	Typica	Natural / Dry	10	brownish
44	Uganda	1905	19200	SL14	Washed / Wet	11	green
48	Guatemala	4700	18960	Catuai	Washed / Wet	11.3	green
52	Indonesia	1200	19200	Catimor		11.9	bluish-green
68	Vietnam	650	15	Catimor	Natural / Dry	11.6	brownish
77	Ethiopia	2361	19200	Ethiopian Heirlooms	Natural / Dry	11	yellow-green
80	Indonesia	1300	60	Blend	Semi Washed	11.5	blue-green
91	Ethiopia	1800	18000	Ethiopian Heirlooms	Washed / Wet	11.3	green
97	Thailand	1350	30	Catimor	Natural / Dry	11.6	yellowish
101	Ethiopia	2000	6000	Ethiopian Heirlooms	Washed / Wet	12	green
105	Mexico	1200	18000	Sarchimor	Washed / Wet	11.7	green
117	Ethiopia	1700	6144000	Ethiopian Heirlooms	Washed / Wet	10.4	greenish
119	Uganda	1650	9000	SL14	Washed / Wet	10.1	green
120	Taiwan	1100	40	Blend	Washed / Wet	10.1	blue-green
121	Uganda	1905	19200	SL14	Washed / Wet	11.1	green
126	Costa Rica	1850	22080	Caturra	Washed / Wet	10	green
132	Colombia	1390	24	Blend	Anaerobic	10.9	brownish
137	Laos	1250	1560	Catimor	Natural / Dry	11.8	brownish
141	Taiwan	275	12	Typica	Pulped natural / honey	8.9	blue-green
174	Taiwan	460	60		Pulped natural / honey	8.1	greenish
190	Taiwan	435	8		Pulped natural / honey	8.5	green
206	El Salvador	1200	2	Maragogype	Natural / Dry	11	bluish-green
207	Brazil	975	36000	Mundo Novo	Semi Washed	11.3	green

ID	Aroma	Flavor	Aftertaste	Acidity	Body	Balance	Uniformity	Clean Cup	Sweetness	Overall	Total Cup Points	Category One Defects	Quakers	Category Two Defects
1	8.58	8.5	8.42	8.58	8.25	8.42	10.0	10.0	10.0	8.58	89.33	0	0	3
2	8.5	8.5	7.92	8.0	7.92	8.25	10.0	10.0	10.0	8.5	87.58	0	0	0
3	8.33	8.42	8.08	8.17	7.92	8.17	10.0	10.0	10.0	8.33	87.42	0	0	2
11	8.08	8.25	8.0	8.08	7.92	7.92	10.0	10.0	10.0	8.0	86.25	0	1	1
17	8.17	8.08	7.92	8.17	7.75	7.92	10.0	10.0	10.0	8.08	86.08	0	2	2
24	8.08	8.0	7.83	8.17	7.75	7.83	10.0	10	10	8.0	85.67	0	0	2
35	8.0	8.08	8.0	8.0	7.67	7.75	10.0	10.0	10.0	7.83	85.33	0	3	4
36	7.92	7.75	7.83	8.17	8.0	7.75	10.0	10.0	10.0	7.83	85.25	0	1	1
41	8.0	7.92	7.83	7.92	7.75	7.75	10.0	10.0	10.0	7.92	85.08	0	0	0
44	8.0	7.92	7.75	7.75	7.75	7.92	10.0	10	10	7.92	85.0	0	0	1
48	7.67	8.0	7.75	7.92	8.0	7.83	10.0	10.0	10.0	7.83	85.0	0	0	4
52	7.83	7.92	7.75	7.83	7.83	7.83	10.0	10.0	10.0	7.83	84.83	0	3	2
68	8.0	7.83	7.75	7.67	7.58	7.83	10.0	10.0	10.0	7.92	84.58	0	0	0
77	7.83	7.75	7.58	7.92	8.0	7.5	10.0	10.0	10.0	7.75	84.33	0	5	4
80	7.67	7.67	7.83	7.83	7.67	7.75	10.0	10.0	10.0	7.83	84.25	0	1	1
91	8.0	7.75	7.5	7.67	7.67	7.67	10.0	10.0	10.0	7.75	84.0	1	1	1
97	7.75	7.67	7.58	7.75	7.75	7.67	10.0	10.0	10.0	7.75	83.92	0	0	3
101	7.83	7.67	7.5	7.92	7.5	7.67	10.0	10.0	10.0	7.75	83.83	0	0	12
105	7.67	7.67	7.58	7.67	7.83	7.58	10.0	10.0	10.0	7.75	83.75	4	0	12
117	7.42	7.42	7.42	8.0	7.92	7.67	10.0	10.0	10.0	7.67	83.5	0	1	11
119	7.75	7.75	7.5	7.5	7.58	7.58	10.0	10.0	10.0	7.75	83.42	0	0	3
120	7.75	7.92	7.67	7.92	7.75	7.83	8.67	10.0	10.0	7.92	83.42	0	0	0
121	7.75	7.67	7.58	7.5	7.67	7.5	10.0	10.0	10.0	7.67	83.33	0	0	5
126	7.58	7.75	7.42	7.67	7.5	7.75	10.0	10.0	10.0	7.67	83.33	0	0	3
132	7.67	7.67	7.58	7.67	7.58	7.58	10.0	10.0	10.0	7.5	83.25	0	0	2
137	7.67	7.75	7.33	7.67	7.58	7.5	10.0	10.0	10.0	7.58	83.08	0	0	7
141	7.5	7.67	7.58	7.58	7.5	7.5	10.0	10.0	10.0	7.58	82.92	0	0	0
174	7.33	7.42	7.42	7.5	7.42	7.5	10.0	10.0	10.0	7.5	82.08	0	0	3
190	7.33	7.5	7.42	7.33	7.33	7.25	10.0	10.0	10.0	7.33	81.5	0	0	0
206	6.5	6.75	6.75	7.17	7.08	7.0	10.0	10.0	10.0	6.83	78.08	0	12	13
207	7.25	7.08	6.67	6.83	6.83	6.67	10.0	10.0	10.0	6.67	78.0	0	0	1

B. LEXIQUE DES VARIABLES SENSORIELLES

Arôme – *Aroma* : perception olfactive du café infusé à deux moments.

Saveur – Flavor: perception issue à la fois du goût et de la composante olfactive lorsque le café est en bouche.

Arrière-goût – *Aftertaste* : perception issue du goût et de la composante olfactive après avoir avalé ou recraché le café.

Acidité – *Acidity* : perception du goût acide provoqué par l'infusion, qui peut varier en intensité et en caractère.

Corps – *Body* : perception de l'épaisseur ou de la viscosité du café en bouche.

Équilibre - Balance : perception de l'harmonisation des différentes composantes aromatiques.

Uniformité – Uniformity: perception de la cohérence du café d'une tasse à l'autre.

Propreté de la tasse – Clean Cup: perception de l'absence de tout défaut ou arrière-goût indésirable, comme l'acidité excessive, le goût moisi ou rassis.

Douceur – Sweetness : perception d'une qualité telle que caramel, fruitée ou florale.

Impression générale – *Overall*: perception générale de la qualité, y compris les aspects non couverts dans les autres sections, comme les préférences personnelles.

C. EXPLICATION DES DEFAUTS MESURES DANS LE CAFE

Quackers: grains non mûrs.

Défaut de catégorie 1: grains complètement noirs ou fermentés, gousses/cerises, et bâtons ou pierres de taille grande ou moyenne.

Défaut de catégorie 2 : coques/enveloppes, grains cassés ou ébréchés, dommages causés par des insectes, grains partiellement noirs ou fermentés, grains en coque, petits bâtons ou petites pierres, et dommages causés par l'eau.

<u>NB</u>: pour un échantillon de 350 grammes de grains, le café de spécialité ne doit présenter aucun défaut de catégorie 1 et un maximum de cinq défauts de catégorie 2.

D. FREQUENCES DES MODALITES DES 4 VARIABLES QUALITATIVES

\$Country.of.Origin				
	n	%	val%	
Brazil	10	4.8	4.8	
Colombia	19	9.2	9.2	
Costa Rica	8	3.9	3.9	
El Salvador	7	3.4	3.4	
Ethiopia	11	5.3	5.3	
Guatemala	21	10.1	10.1	
Honduras	13	6.3	6.3	
Indonesia	3	1.4	1.4	
Kenya	2	1.0	1.0	
Laos	3	1.4	1.4	
Madagascar	1	0.5	0.5	
Mexico	4	1.9	1.9	
Myanmar	1	0.5	0.5	
Nicaragua	7	3.4	3.4	
Panama	2	1.0	1.0	
Peru	4	1.9	1.9	
Taiwan	61	29.5	29.5	
Tanzania, United Republic Of	6	2.9	2.9	
Thailand	12	5.8	5.8	
Uganda	3	1.4	1.4	
United States (Hawaii)	5	2.4	2.4	
Vietnam	4	1.9	1.9	

\$Processing.	.Method
---------------	---------

	n	%	val%
Anaerobic	2	1.0	1.0
Natural / Dry	48	23.2	23.2
Pulped natural / honey	26	12.6	12.6
Semi Washed	3	1.4	1.4
Washed / Wet	128	61.8	61.8

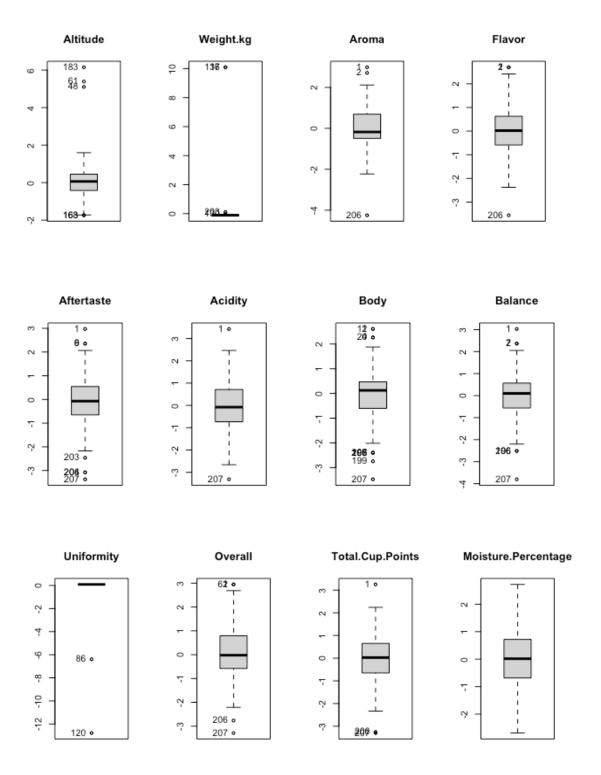
\$Color

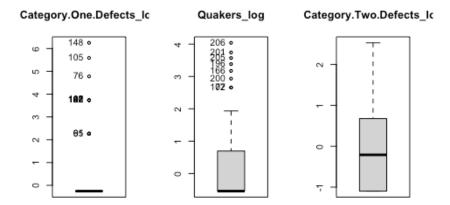
	n	76	val%
blue-green	12	5.8	5.8
bluish-green	21	10.1	10.1
brownish	10	4.8	4.8
green	101	48.8	48.8
greenish	36	17.4	17.4
yellow-green	17	8.2	8.2
yellowish	10	4.8	4.8

\$Variety

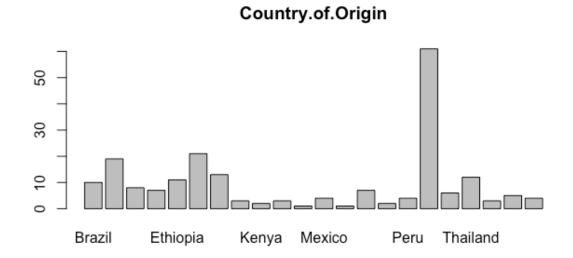
	n	%	val%
Blend	18	8.7	8.7
Bourbon	22	10.6	10.6
Castillo	2	1.0	1.0
Catimor	11	5.3	5.3
Catrenic	1	0.5	0.5
Catuai	14	6.8	6.8
Caturra	30	14.5	14.5
Ethiopian Heirlooms	9	4.3	4.3
Gayo	1	0.5	0.5
Gesha	29	14.0	14.0
Java	3	1.4	1.4
Lempira	1	0.5	0.5
Maragogype	2	1.0	1.0
Mundo Novo	4	1.9	1.9
Pacamara	2	1.0	1.0
Pacas	1	0.5	0.5
Parainema	2	1.0	1.0
Santander	1	0.5	0.5
Sarchimor	2	1.0	1.0
SHG	3	1.4	1.4
SL14	3	1.4	1.4
SL28	2	1.0	1.0
SL34	8	3.9	3.9
Typica	36	17.4	17.4

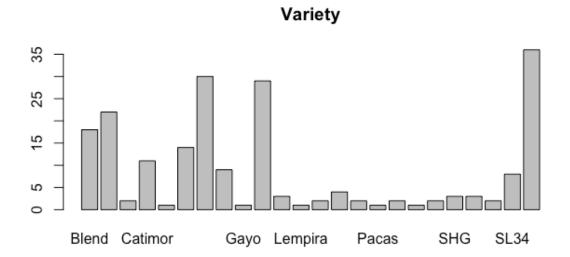
E. BOITES A MOUSTACHE DES VARIABLES QUANTITATIVES

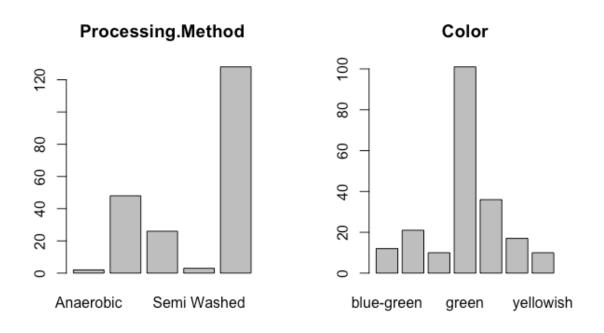




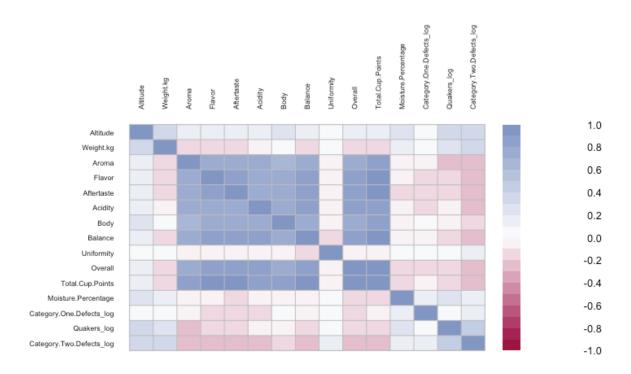
F. DIAGRAMMES EN BARRE DES VARIABLES QUALITATIVES



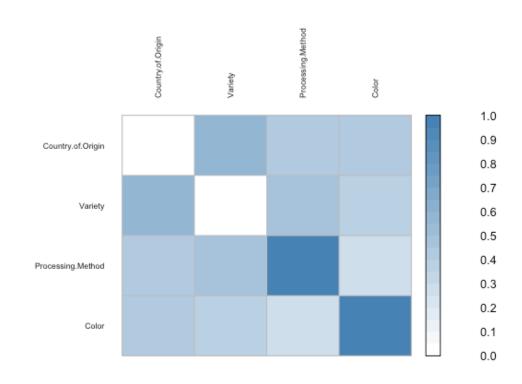




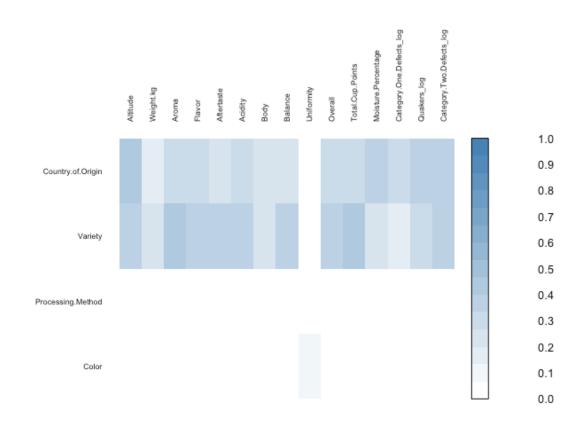
G. REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS DE CORRÉLATION DE SPEARMAN



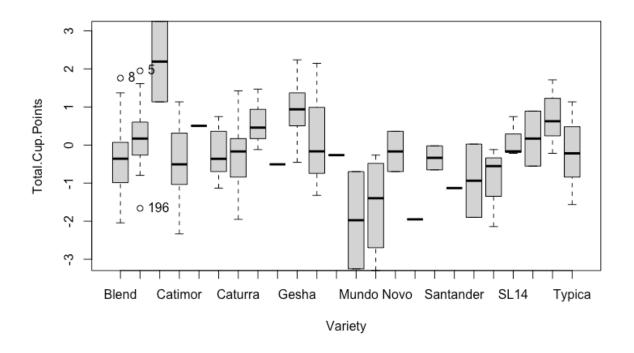
H. REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS V DE CRAMER

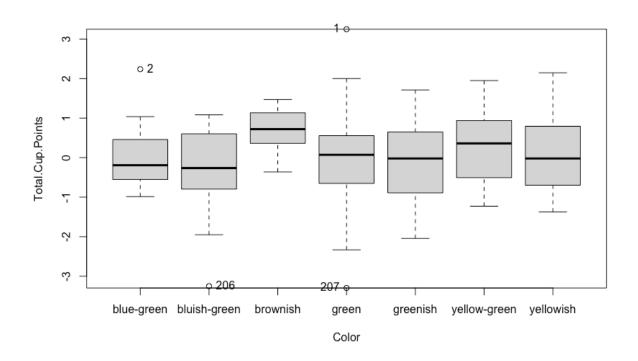


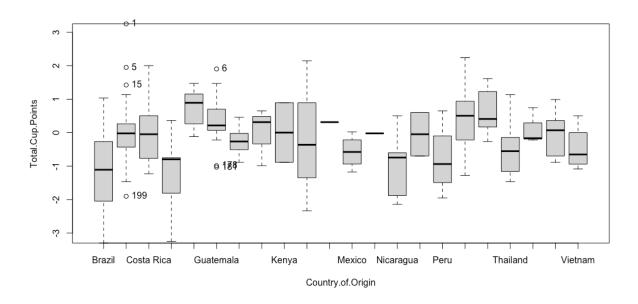
I. REPRÉSENTATION GRAPHIQUE DES COEFFICIENTS ETA² ENTRE UNE VARIABLE QUALITATIVE ET UNE QUANTITATIVE.



J. BOITES À MOUSTACHE DE LA VARIABLE SCORE TOTAL SUIVANT LES MODALITÉS DES VARIABLES QUALITATIVES.





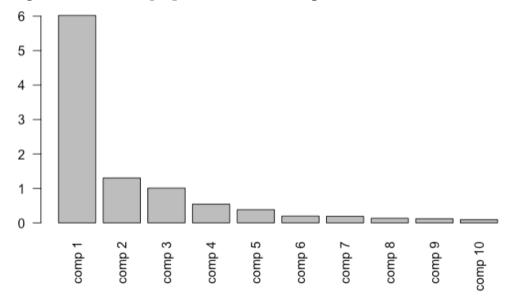


K. ACP SUR LES VARIABLES SENSORIELLES ET DEFAUTS

Figure K.1: Tableau des valeurs propres et des inerties associées

	eigenvalue	percentage of variance	cumulative	percentage	of	variance
comp 1	6.02056195	60.2056195				60.20562
comp 2	1.30399458	13.0399458				73.24557
comp 3	1.01029297	10.1029297				83.34849
comp 4	0.54441767	5.4441767				88.79267
comp 5	0.38466113	3.8466113				92.63928
comp 6	0.19737920	1.9737920				94.61308
comp 7	0.19042828	1.9042828				96.51736
comp 8	0.13491544	1.3491544				97.86651
comp 9	0.12039006	1.2039006				99.07041
comp 10	0.09295871	0.9295871			1	100.00000

Figure K.2 : Valeurs propres associées à chaque dimension



Interprétation:

D'après la règle de Kaiser, on conserve 3 composantes (figure K.1), ce qui est confirmé par la présence d'un coude entre la 3^e et la 4^e composante (figure K.2).

Les 3 premiers axes cumulent 83% de l'inertie du nuage, ce qui est relativement satisfaisant pour un nombre total de 10 variables.

Figure K.3: Graphe des individus sur le premier plan

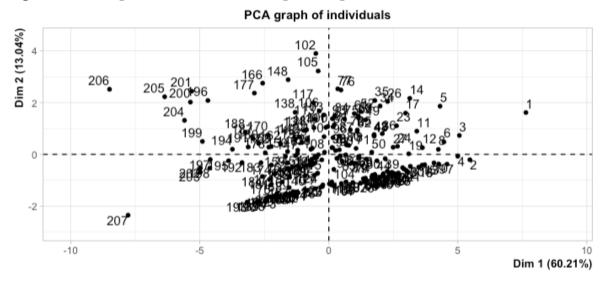
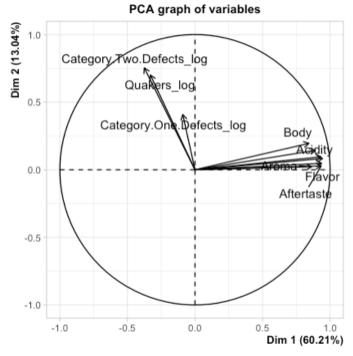


Figure K.4: Graphe des variables sur le premier plan



Interprétation:

On remarque que sur le premier axe, qui rassemble plus de 60% de l'inertie totale, les 7 variables sensorielles sont bien représentées et peuvent être considérées comme liées linéairement.

On observe aussi que dans le plan qui rassemble plus de 73% de l'inertie totale, les variables *Category.Two.Defects* et *Quakers* sont relativement bien représentées et sont indépendantes des variables sensorielles dans ce plan.

Figure K.5: Graphe des individus pour la 3^e composante

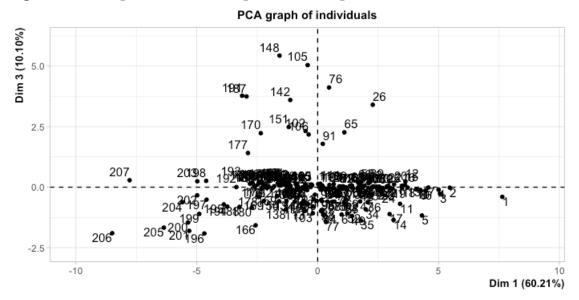
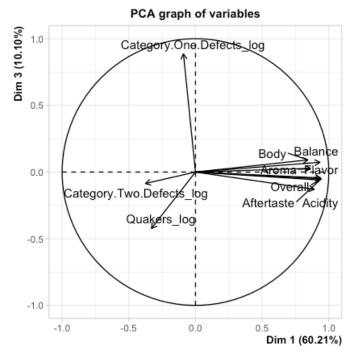


Figure K.6: Graphe des variables pour la 3° composante



Interprétation:

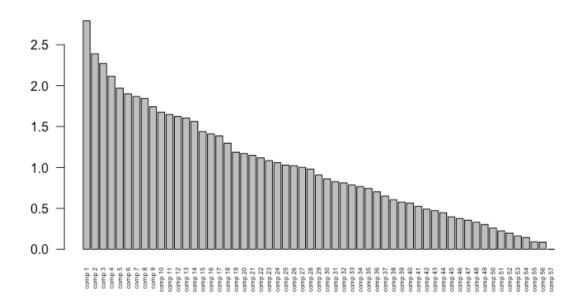
La 3° composante est fortement liée à la variable *Category.One.Defects* et dans ce plan qui rassemble plus de 70% de l'inertie, cette variable est indépendante des variables sensorielles.

L. TABLEAU DES VALEURS PROPRES ET DES INERTIES ASSOCIÉES

comp 1 2.792 4.898 4.898 comp 2 2.39 4.193 9.091 comp 3 2.27 3.983 13.074 comp 4 2.115 3.71 16.784 comp 5 1.97 3.456 20.24 comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 26.849 20.24 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19		eigenvalue	percentage of variance	cumulative percentage of variance
comp 3 2.27 3.983 13.074 comp 4 2.115 3.71 16.784 comp 5 1.97 3.456 20.24 comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 9 1.742 3.056 33.14 comp 9 1 1.676 2.94 36.08 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218	comp 1	2.792	4.898	4.898
comp 4 2.115 3.71 16.784 comp 5 1.97 3.456 20.24 comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.014 1.999 65.19 <tr< td=""><td>comp 2</td><td>2.39</td><td>4.193</td><td>9.091</td></tr<>	comp 2	2.39	4.193	9.091
comp 5 1.97 3.456 20.24 comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 9 1.742 3.056 33.14 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.053 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.084 1.901 67.091 <t< td=""><td>comp 3</td><td>2.27</td><td>3.983</td><td>13.074</td></t<>	comp 3	2.27	3.983	13.074
comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 9 1.676 2.94 36.08 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 <	comp 4	2.115	3.71	16.784
comp 6 1.899 3.332 23.572 comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 9 1 1.676 2.94 36.08 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091	comp 5	1.97	3.456	20.24
comp 7 1.868 3.277 26.849 comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 9 1.742 3.056 33.14 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947	_	1.899	3.332	23.572
comp 8 1.844 3.235 30.084 comp 9 1.742 3.056 33.14 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752		1.868	3.277	26.849
comp 9 1.742 3.056 33.14 comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543	_	1.844	3.235	30.084
comp 10 1.676 2.94 36.08 comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.758 74.301	comp 9	1.742	3.056	33.14
comp 11 1.648 2.892 38.972 comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.758 74.301 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 <td>_</td> <td></td> <td>2.94</td> <td>36.08</td>	_		2.94	36.08
comp 12 1.623 2.848 41.82 comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 <td></td> <td>1.648</td> <td>2.892</td> <td>38.972</td>		1.648	2.892	38.972
comp 13 1.605 2.816 44.636 comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.522 76.023 comp 30 0.859 1.508 79.122 <td></td> <td>1.623</td> <td>2.848</td> <td>41.82</td>		1.623	2.848	41.82
comp 14 1.562 2.741 47.377 comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 <td></td> <td>1.605</td> <td>2.816</td> <td>44.636</td>		1.605	2.816	44.636
comp 15 1.439 2.524 49.901 comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 20 1.147 2.012 63.23 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 <td></td> <td></td> <td>2.741</td> <td>47.377</td>			2.741	47.377
comp 16 1.411 2.475 52.376 comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 21 1.147 2.091 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 <td>-</td> <td></td> <td></td> <td></td>	-			
comp 17 1.385 2.43 54.806 comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 24 1.029 1.806 70.752 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>				
comp 18 1.297 2.276 57.082 comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>				
comp 19 1.187 2.083 59.165 comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 37 0.65 1.141 88.399 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>				
comp 20 1.17 2.053 61.218 comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.345 84.721 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 </td <td>-</td> <td>1.187</td> <td>2.083</td> <td>59.165</td>	-	1.187	2.083	59.165
comp 21 1.147 2.012 63.23 comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 <td></td> <td>1.17</td> <td>2.053</td> <td>61.218</td>		1.17	2.053	61.218
comp 22 1.117 1.959 65.19 comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 40 0.566 0.992 91.466 </td <td></td> <td>1.147</td> <td>2.012</td> <td>63.23</td>		1.147	2.012	63.23
comp 23 1.084 1.901 67.091 comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 <			1.959	65.19
comp 24 1.058 1.856 68.947 comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 <		1.084	1.901	67.091
comp 25 1.029 1.806 70.752 comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 43 0.472 0.827 94.075 <				68.947
comp 26 1.021 1.791 72.543 comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 <	-		1.806	70.752
comp 27 1.002 1.758 74.301 comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 <		1.021	1.791	72.543
comp 28 0.981 1.722 76.023 comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 <		1.002	1.758	74.301
comp 29 0.908 1.592 77.615 comp 30 0.859 1.508 79.122 comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216 <		0.981	1.722	76.023
comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	_	0.908	1.592	77.615
comp 31 0.827 1.45 80.573 comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	comp 30	0.859	1.508	79.122
comp 32 0.811 1.423 81.996 comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216		0.827	1.45	80.573
comp 33 0.787 1.38 83.376 comp 34 0.767 1.345 84.721 comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	_	0.811	1.423	81.996
comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	_	0.787	1.38	83.376
comp 35 0.744 1.305 86.026 comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	comp 34	0.767	1.345	84.721
comp 36 0.703 1.233 87.259 comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216		0.744	1.305	86.026
comp 37 0.65 1.141 88.399 comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	-			
comp 38 0.606 1.063 89.463 comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216				
comp 39 0.576 1.011 90.473 comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216				
comp 40 0.566 0.992 91.466 comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216			1.011	
comp 41 0.525 0.921 92.387 comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	-			91.466
comp 42 0.491 0.861 93.247 comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216			0.921	
comp 43 0.472 0.827 94.075 comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	_			
comp 44 0.447 0.784 94.858 comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216				
comp 45 0.397 0.696 95.555 comp 46 0.377 0.661 96.216	-			
comp 46 0.377 0.661 96.216				
1	-			
	comp 47			

comp 48	0.331	0.58	97.421
comp 49	0.303	0.531	97.952
comp 50	0.26	0.457	98.409
comp 51	0.223	0.391	98.8
comp 52	0.198	0.348	99.148
comp 53	0.162	0.284	99.433
comp 54	0.144	0.252	99.685
comp 55	0.092	0.162	99.846
comp 56	0.088	0.154	100
comp 57	0	0	100

M. DIAGRAMMES DES VALEURS PROPRES.



N. VERIFICATION MATHEMATIQUE DU NOMBRE D'AXES NON TRIVIAUX

Le nombre de variables quantitatives considérées est de 3.

Le nombre de variables qualitatives considérées est de 4, avec 22, 24, 5 et 7 modalités.

Le nombre d'axes non triviaux est égal au nombre total de colonnes dans la matrice composée des trois variables quantitatives et du tableau de Burt, auquel on enlève une modalité par variable qualitative : 3 + 22 + 24 + 5 + 7 - 4 = 57.

57 est bien le nombre d'axes obtenus dans les annexes I et J.

O. GRAPHES DES MODALITES DANS LES DEUX PREMIERS PLANS

