## Chuyên đề Đạo hàm của hàm số lượng giác - Toán 11

## A. LÝ THUYẾT

#### 1. Giới hạn sinxx

Định lý 1.

 $\lim_{x\to 0} \sin x = 1$ .

**Ví dụ 1.** Tính  $\lim_{x\to 1} \sin_x -1x2-1$ 

#### Lời giải

 $\text{D}\check{\text{a}}t \times -1 = t$ .

Khi x tiến đến 1 thì t tiến đến 0.

 $limt \rightarrow 0 sinttt + 2 = limt \rightarrow 0 sintt. 1t + 2 = limt \rightarrow 0 sintt. limt \rightarrow 0 1t + 2 = 1.12 = 12.$ 

## 2. Đạo hàm của hàm số $y = \sin x$

## Định lý 2.

Hàm số  $y = \sin x$  có đạo hàm tại mọi  $x \in \mathbb{R}$  và  $(\sin x)' = \cos x$ .

Chú ý:

Nếu  $y = \sin u$  và u = u(x) thì:  $(\sin u)' = u'.\cos u$ 

**Ví dụ 2.** Tính đạo hàm của hàm số y=sin2x+32

### Lời giải

 $y'=2\sin 2x+3'.\sin 2x+3=2\cos 2x+3.2x+3'.\sin 2x+3y'=4\cos 2x+3.\sin 2x+3$ 

## 3. Đạo hàm của hàm số $y = \cos x$

#### Định lý 3.

Hàm số  $y = \cos x$  có đạo hàm tại mọi  $x \in \mathbb{R}$  và  $(\cos x)' = -\sin x$ .

Chú ý:

Nếu  $y = \cos u$  và u = u(x) thì:  $(\cos u)' = -u'$ .  $\sin u$ 

Ví dụ 3. Tính đạo hàm của hàm số  $y=\cos\pi 2-x$  tại  $x=\pi 3$ .

## Lời giải

Đặt u= $\pi 2-x$ 

 $\Rightarrow$ y'=cosu'=-u'.sinu=- $\pi$ 2-x'sin $\pi$ 2-x=sin $\pi$ 2-x.

Thay  $x=\pi 3$  vào y' ta được:

 $y'\pi 3 = \sin \pi 2 - \pi 3 = \sin \pi 6 = 12.$ 

Vậy giá trị của đạo hàm của hàm số tại  $x=\pi 3$  là 12

# 4. Đạo hàm của hàm số y = tanx

### Định lý 4.

Hàm số y = tanx có đạo hàm tại mọi  $x \neq \pi 2 + k\pi, k \in \mathbb{Z}$  và  $(tanx)' = 1\cos 2x$ .

Chú ý:

Nếu y = u và u = u(x) thì: (tanu)' = u'cos2u.

Ví dụ 4. Tính đạo hàm y=2+tanx

## Lời giải

$$\text{D}
 \text{at } u = 2 + tanx$$

$$y'=u'2u=2+tanx'22+tanx=1cos2x22+tanx=12.cos2x2+tanx$$

## 5. Đạo hàm của hàm số $y = \cot x$

## Định lý 5.

Hàm số  $y = \cot x$  có đạo hàm tại mọi  $x \neq k\pi, k \in \mathbb{Z}$  và  $(\cot x)' = -1\sin 2x$ .

Chú ý:

Nếu 
$$y = u \text{ và } u = u(x) \text{ thì: (cotu)'} = -u'\sin 2u.$$

**Ví dụ 5.** Tính đạo hàm của hàm  $y = \cot x^2$ .

#### Lời giải

$$y' = (\cot x^2)' = (x^2)'.-1\sin x22 = -2x\sin x22.$$

## 6. Bảng quy tắc tính đạo hàm tổng hợp:

Đạo hàm của hàm f(x) với x là biến số	Đạo hàm của hàm f(u) với u là một hàm
	sô
(c)' = 0	(c)' = 0
(x)' = 1	(u)' = u'
$(x^n)' = n.x^{n-1}$	$(u^n)' = n.u^{n-1}.u'$
$\left(\frac{1}{x}\right) = -\frac{1}{x^2}$	$\left(\frac{1}{u}\right) = -\frac{1}{u^2}$
$\left(\sqrt{x}\right) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\left(\sqrt{u}\right) = \frac{u'}{2\sqrt{u}}$
$(\sin x)' = \cos x$	(sinu)' = u'.cosu
$(\cos x)' = -\sin x$	$(\cos u)' = -u' \cdot \sin x$
$(\tan x) = \frac{1}{\cos^2 x}$	$(\tan u) = \frac{u'}{\cos^2 u}$
$(\cot x) = \frac{1}{\sin^2 x}$	$(\cot u) = \frac{u'}{\sin^2 u}$

# B. BÀI TẬP

# I. Bài tập trắc nghiệm

**Bài 1:** Hàm số  $y = (1 + \sin x)(1 + \cos x)$  có đạo hàm là:

A.  $y' = \cos x - \sin x + 1$ .

B. y' = cosx + sinx + cos2x.

C.  $y' = \cos x - \sin x + \cos 2x$ .

D.  $y' = \cos x + \sin x + 1$ .

Ta có:

$$y = (1 + \sin x)(1 + \cos x)$$

 $=1+\sin x+\cos x+\sin x.\cos x$ 

$$=1+\sin x+\cos x+\frac{1}{2}\sin 2x$$

Suy ra:  $y' = \cos x - \sin x + \cos 2x$ 

Chọn đáp án C

**Bài 2:** Cho hàm số  $y = f(x) = \sin \sqrt{x} + \cos \sqrt{x}$ . Giá trị

B. 
$$\sqrt{2}$$
.

C. 
$$\frac{2}{\pi}$$

C. 
$$\frac{2}{\pi}$$
. D.  $\frac{2\sqrt{2}}{\pi}$ .

Lời giải:

$$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}\cos\sqrt{x} - \frac{1}{2\sqrt{x}}\sin\sqrt{x}$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{x}}\left(\cos\sqrt{x} - \sin\sqrt{x}\right)$$

$$f'\left(\frac{\pi^2}{16}\right) = \frac{1}{2\sqrt{\left(\frac{\pi}{4}\right)^2}}\left(\cos\sqrt{\left(\frac{\pi}{4}\right)^2} - \sin\sqrt{\left(\frac{\pi}{4}\right)^2}\right)$$

$$= \frac{1}{2\cdot\frac{\pi}{4}}\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 0$$

Chọn đáp án A

Bài 3: Cho hàm số  $y = f(x) = \sqrt{\tan x + \cot x}$ . Giá trị  $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$  bằng:

A. 
$$\sqrt{2}$$
.

B. 
$$\frac{\sqrt{2}}{2}$$
.

D. 
$$\frac{1}{2}$$
.

Lời giải:

$$y = \sqrt{\tan x + \cot x} \Rightarrow y^2 = \tan x + \cot x$$

$$\Rightarrow y' \cdot 2y = \frac{1}{\cos^2 x} - \frac{1}{\sin^2 x}$$

$$\Rightarrow y' = \frac{1}{2\sqrt{\tan x + \cot x}} \left( \frac{1}{\cos^2 x} - \frac{1}{\sin^2 x} \right).$$

$$f'\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2\sqrt{\tan \frac{\pi}{4} + \cot \frac{\pi}{4}}} \left( \frac{1}{\cos^2\left(\frac{\pi}{4}\right)} - \frac{1}{\sin^2\left(\frac{\pi}{4}\right)} \right)$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{2}} (2 - 2) = 0$$

Chọn đáp án C

Bài 4: Cho hàm số 
$$y = f(x) = \frac{1}{\sqrt{\sin x}}$$
. Giá trị  $f'\left(\frac{\pi}{2}\right)$  bằng:

A.1

B. 1/2.

D. Không tồn tại.

Lời giải:

Ta có:

$$y = \frac{1}{\sqrt{\sin x}} \Rightarrow y^2 = \frac{1}{\sin x} \Rightarrow y' 2y = \frac{-\cos x}{\sin^2 x}.$$

$$\Rightarrow y' = \frac{1}{2y} \cdot \left(\frac{-\cos x}{\sin^2 x}\right)$$

$$= \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} \left(\frac{-\cos x}{\sin^2 x}\right) = \frac{-\sqrt{\sin x}}{2} \cdot \frac{\cos x}{\sin^2 x}.$$

$$f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{-\sqrt{\sin\left(\frac{\pi}{2}\right)}}{2} \cdot \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{\pi}{2}\right)} = \frac{-1}{2} \cdot \frac{0}{1} = 0.$$

Chọn đáp án C

Bài 5: Cho hàm số  $y = \frac{\cos x}{1 - \sin x}$ . Tính  $y'\left(\frac{\pi}{6}\right)$  bằng:

A. 
$$y'\left(\frac{\pi}{6}\right) = 1$$
. B.  $y'\left(\frac{\pi}{6}\right) = -1$ .

C. 
$$y'\left(\frac{\pi}{6}\right) = 2$$
. D.  $y'\left(\frac{\pi}{6}\right) = -2$ .

Ta có:

$$y' = \frac{-\sin x (1 - \sin x) + \cos^2 x}{(1 - \sin x)^2}$$

$$= \frac{-\sin x + \sin^2 x + \cos^2 x}{(1 - \sin x)^2}$$

$$= \frac{-\sin x + 1}{(1 - \sin x)^2} = \frac{1}{1 - \sin x}$$

$$y' \left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{1}{1 - \sin \frac{\pi}{6}} = 2$$

Chọn đáp án C

Bài 6: Cho hàm số 
$$y = f(x) = \frac{\cos^2 x}{1 + \sin^2 x}$$
. Biểu thức  $f'\left(\frac{\pi}{4}\right)$  bằng

A. 
$$-3$$
.

B. 
$$\frac{8}{3}$$

$$C. - \frac{8}{9}$$

D. 
$$-\frac{8}{3}$$

$$f'(x) = \frac{-2\cos x \sin x (1 + \sin^2 x) - 2\cos x \sin x \cos^2 x}{(1 + \sin^2 x)^2}$$

$$= \frac{-2\cos x \sin x (1 + \sin^2 x + \cos^2 x)}{(1 + \sin^2 x)^2} = \frac{-4\cos x \sin x}{(1 + \sin^2 x)^2}$$

$$\Rightarrow f'(\frac{\pi}{4}) = \frac{-8}{9}$$

Chọn đáp án C

$$y = \frac{\sin x - x \cos x}{\cos x + x \sin x}$$
 có đạo hàm bằng

A. 
$$\frac{-x^2 \cdot \sin 2x}{(\cos x + x \sin x)^2}$$

$$B. \frac{-x^2.\sin^2 x}{(\cos x + x\sin x)^2}$$

C. 
$$\frac{-x^2 \cdot \cos 2x}{\left(\cos x + x \sin x\right)^2}$$

D. 
$$\left(\frac{x}{\cos x + x \sin x}\right)^2$$

Lời giải:

Ta có:

$$y' = \frac{(\sin x - x \cos x)' (\cos x + x \sin x) - (\cos x + x \sin x)' (\sin x - x \cos x)}{(\cos x + x \sin x)^2}$$

$$= \frac{(\cos x - \cos x + x \cdot \sin x) (\cos x + x \sin x) - (-\sin x + \sin x + x \cdot \cos x) (\sin x - x \cos x)}{(\cos x + x \sin x)^2}$$

$$= \frac{x \sin x (\cos x + x \sin x) - x \cos x (\sin x - x \cos x)}{(\cos x + x \sin x)^2}$$

$$= \frac{x^2 \sin^2 x + x^2 \cos^2 x}{(\cos x + x \sin x)^2} = \left(\frac{x}{\cos x + x \sin x}\right)^2$$

Chọn đáp án D

$$y = \cot^2 \frac{x}{4}$$
  
Bài 8: Cho hàm số 4. Khi đó nghiệm của phương trình là:

A. 
$$\pi + k2\pi$$
.

B. 
$$2\pi + k4\pi$$
.

C. 
$$2\pi + k\pi$$
.

D. 
$$\pi + k\pi$$
.

Lời giải:

Ta có:

$$y' = \left(\cot^2 \frac{x}{4}\right)' = 2\cot \frac{x}{4} \left(\cot \frac{x}{4}\right)' = \frac{1}{2}\cot \frac{x}{4} \left(1 + \cot^2 \frac{x}{4}\right)$$

Mà: 
$$y' = 0 \Leftrightarrow \frac{1}{2} \cot \frac{x}{4} \left( 1 + \cot^2 \frac{x}{4} \right) = 0$$

$$\Leftrightarrow \cot \frac{x}{4} = 0 \Leftrightarrow \frac{x}{4} = \frac{\pi}{2} + k\pi \Leftrightarrow x = 2\pi + k4\pi, \ k \in \mathbb{Z}$$

Chọn đáp án B

**Bài 9:** Hàm số  $y = 2\sqrt{\sin x} - 2\sqrt{\cos x}$  có đạo hàm là:

A. 
$$y' = \frac{1}{\sqrt{\sin x}} - \frac{1}{\sqrt{\cos x}}$$
.

B. 
$$y' = \frac{1}{\sqrt{\sin x}} + \frac{1}{\sqrt{\cos x}}$$
.

C. 
$$y' = \frac{\cos x}{\sqrt{\sin x}} + \frac{\sin x}{\sqrt{\cos x}}$$
.

D. 
$$y' = \frac{\cos x}{\sqrt{\sin x}} - \frac{\sin x}{\sqrt{\cos x}}$$
.

Ta có:

$$y' = 2(\sqrt{\sin x})' - 2(\sqrt{\cos x})'$$

$$= 2 \cdot \cos x \cdot \frac{1}{2\sqrt{\sin x}} + 2 \sin x \frac{1}{2\sqrt{\cos x}}$$

$$= \frac{\cos x}{\sqrt{\sin x}} + \frac{\sin x}{\sqrt{\cos x}}$$

Chọn đáp án C

**Bài 10:** Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = 2\sin 24x - 3\cos 35x$ .

A. 
$$y' = \sin 8x + \frac{45}{2} \cos 5x \cdot \sin 10x$$

B. 
$$y' = 8 \sin 8x + \frac{5}{2} \cos 5x \cdot \sin 10x$$

C. 
$$y' = 8\sin x + \frac{45}{2}\cos 5x \cdot \sin 10x$$

D. 
$$y' = 8\sin 8x + \frac{45}{2}\cos 5x \cdot \sin 10x$$

Bước đầu tiên áp dụng  $(u+v)^{\prime}$ 

$$y' = (2\sin^2 4x)^{1/2} - 3(\cos^3 5x)^{1/2}$$

Tính  $(\sin^2 4x)'$ :

Áp dụng  $(u^{\alpha})'$ , với  $u = \sin 4x$ ,

Ta được:

$$(\sin^2 4x)^{\prime} = 2\sin 4x.(\sin 4x)^{\prime} = 2\sin 4x.\cos 4x(4x)^{\prime}$$
  
= 8. \sin 4x.\cos4x = 4\sin 8x.

Tương tự:

$$(\cos^3 5x)' = 3\cos^2 5x.(\cos 5x)'$$

$$= 3\cos^2 5x.(-\sin 5x).(5x)'$$

$$= -15\cos^2 5x.\sin 5x = \frac{-15}{2}\cos 5x.\sin 10x.$$

Kết luận: 
$$y' = 8 \sin 8x + \frac{45}{2} \cos 5x \cdot \sin 10x$$

Chọn đáp án D

## II. Bài tập tự luận có lời giải

**Bài 1:** Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = (2 + \sin 22x)^3$ .

Áp dụng 
$$(u^{\alpha})'$$
, với  $u = 2 + \sin^2 2x$ .

$$y' = 3(2 + \sin^2 2x)^2 (2 + \sin^2 2x)^2$$

$$= 3(2 + \sin^2 2x)^2 (\sin^2 2x)^{'}.$$

Tính  $(\sin^2 2x)^i$ ,

Áp dụng  $(u^{\alpha})^{\prime}$ , với  $u = \sin 2x$ .

$$\left(\sin^2 2x\right)' = 2.\sin 2x \left(\sin 2x\right)'$$

$$= 2.\sin 2x.\cos 2x(2x)^{\prime} = 2\sin 4x.$$

$$\Rightarrow y' = 6\sin 4x \left(2 + \sin^2 2x\right)^2.$$

$$y = \sqrt{2 + \tan\left(x + \frac{1}{x}\right)}$$
 Bài 2: Đạo hàm của hàm số

Lời giải:n

Ta có:

$$y' = \frac{\left[2 + \tan\left(x + \frac{1}{x}\right)\right]'}{2\sqrt{2 + \tan\left(x + \frac{1}{x}\right)}} = \frac{1 + \tan^2\left(x + \frac{1}{x}\right)}{2\sqrt{2 + \tan\left(x + \frac{1}{x}\right)}} \cdot \left(x + \frac{1}{x}\right)'$$

$$= \frac{1 + \tan^2\left(x + \frac{1}{x}\right)}{2\sqrt{2 + \tan\left(x + \frac{1}{x}\right)}} \cdot \left(1 - \frac{1}{x^2}\right)$$

$$y = \cot^2(\cos x) + \sqrt{\sin x - \frac{\pi}{2}}$$

Bài 3: Đạo hàm của hàm số

Lời giải:

$$y' = 2\cot(\cos x) \cdot (\cot(\cos x))' + \frac{\left(\sin x - \frac{\pi}{2}\right)'}{2\sqrt{\sin x - \frac{\pi}{2}}}$$

$$= 2\cot(\cos x) \cdot \frac{-1}{\sin^2(\cos x)} \cdot (\cos x)' + \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x - \frac{\pi}{2}}}$$

$$= 2\cot(\cos x) \cdot \frac{1}{\sin^2(\cos x)} \cdot \sin x + \frac{\cos x}{2\sqrt{\sin x - \frac{\pi}{2}}}$$

Bài 4: Hàm số  $y = \frac{\cos x}{2\sin^2 x}$  có đạo hàm bằng:

Lời giải:

$$y' = \left(\frac{\cos x}{2\sin^2 x}\right)'$$

$$= \frac{2\sin^2 x (\cos x)' - (2\sin^2 x)' \cdot \cos x}{4\sin^4 x}$$

$$= \frac{-2\sin^3 x - 2.2\sin x \cdot \cos x \cdot \cos x}{4\sin^4 x}$$

$$= -\frac{\sin^2 x + 2\cos^2 x}{2\sin^3 x} = -\frac{(\sin^2 x + \cos^2 x) + \cos^2 x}{2\sin^3 x}$$

$$= -\frac{1 + \cos^2 x}{2\sin^3 x}$$

Bài 5: Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \left(\frac{\sin x}{1 + \cos x}\right)^3$ .

#### Lời giải:

Bước đầu tiên ta áp dụng công thức  $(u^{\alpha})^{\prime}$ 

$$v\acute{O}i \ u = \frac{\sin x}{1 + \cos x}$$
$$y' = 3\left(\frac{\sin x}{1 + \cos x}\right)^2 \cdot \left(\frac{\sin x}{1 + \cos x}\right)'$$

Tính:

$$\left(\frac{\sin x}{1+\cos x}\right)' = \frac{(\sin x)' (1+\cos x) - (1+\cos x)' \cdot \sin x}{(1+\cos x)^2}$$

$$= \frac{\cos x (1+\cos x) + \sin^2 x}{(1+\cos x)^2}$$

$$= \frac{\cos x + \cos^2 x + \sin^2 x}{(1+\cos x)^2} = \frac{\cos x + 1}{(1+\cos x)^2} = \frac{1}{1+\cos x}.$$

$$V_{a}^{a}y \ y' = 3\left(\frac{\sin x}{1+\cos x}\right)^2 \cdot \frac{1}{1+\cos x} = \frac{3\sin^2 x}{(1+\cos x)^3}.$$

**Bài 6:** Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \sin(\cos 2x.\tan 2x)$ .

Áp dụng 
$$(\sin u)'$$
, Với  $u = \cos^2 x \tan^2 x$   
 $y' = \cos(\cos^2 x \cdot \tan^2 x) \cdot (\cos^2 x \cdot \tan^2 x)'$ .  
Tính  $(\cos^2 x \cdot \tan^2 x)'$ , bước đầu sử dụng  $(u \cdot v)'$   
sau đó sử dụng  $(u^{\alpha})'$ .  
 $(\cos^2 x \cdot \tan^2 x)' = (\cos^2 x)' \cdot \tan^2 x + (\tan^2 x)' \cdot \cos^2 x$   
 $= 2\cos x (\cos x)' \tan^2 x + 2\tan x (\tan x)' \cos^2 x$   
 $= -2\sin x \cos x \tan^2 x + 2\tan x \cdot \frac{1}{\cos^2 x} \cos^2 x$   
 $= -\sin 2x \tan^2 x + 2\tan x$ .  
Vậy  $y' = \cos(\cos^2 x \cdot \tan^2 x) (-\sin 2x \tan^2 x + 2\tan x)$ 

Bài 7: Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \frac{\sin 2x + \cos 2x}{2\sin 2x - \cos 2x}$ 

$$y' = \frac{\left(\sin 2x + \cos 2x\right)' \cdot \left(2\sin 2x - \cos 2x\right) - \left(2\sin 2x - \cos 2x\right)' \cdot \left(\sin 2x + \cos 2x\right)}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2}$$

$$y' = \frac{\left(2\cos 2x - 2\sin 2x\right) \left(2\sin 2x - \cos 2x\right) - \left(4\cos 2x + 2\sin 2x\right) \left(\sin 2x + \cos 2x\right)}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2}$$

$$= \frac{4 \cdot \cos 2x \cdot \sin 2x - 2\cos^2 2x - 4\sin^2 2x + 2 \cdot \sin 2x \cdot \cos 2x}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2}$$

$$-\frac{\left(4\cos 2x \cdot \sin 2x + 4\cos^2 2x + 2\sin^2 2x + 2\sin 2x \cdot \cos 2x\right)}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2}$$

$$y' = \frac{-6\cos^2 2x - 6\sin^2 2x}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2} = \frac{-6}{\left(2\sin 2x - \cos 2x\right)^2}.$$

**Bài 8**: Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \sin 2(\cos(\tan^4 3x))$ 

#### Lời giải:

Đầu tiên áp dụng 
$$(u^{\alpha})'$$
, với  $u = \sin(\cos(\tan^4 3x))$   
 $y' = 2\sin(\cos(\tan^4 3x)).[\sin(\cos(\tan^4 3x))]'$   
Sau đó áp dụng  $(\sin u)'$ , với  $u = \cos(\tan^4 3x)$   
 $y' = 2\sin(\cos(\tan^4 3x)).\cos(\cos(\tan^4 3x)).(\cos(\tan^4 3x))'$   
Áp dụng  $(\cos u)'$ , với  $u = \tan^4 3x$ .  
 $y' = -\sin(2\cos(\tan^4 3x)).(\sin(\tan^4 3x)).(\tan^4 3x)'$ .  
Áp dụng  $(u^{\alpha})'$ , với  $u = \tan 3x$   
 $y' = -\sin(2\cos(\tan^4 3x)).(\sin(\tan^4 3x)).4\tan^3 3x.(\tan 3x)'$ .  
 $y' = -\sin(2\cos(\tan^4 3x)).(\sin(\tan^4 3x)).4\tan^3 3x.(1+\tan^2 3x).(3x)'$ .  
 $y' = -\sin(2\cos(\tan^4 3x)).(\sin(\tan^4 3x)).4\tan^3 3x.(1+\tan^2 3x).(3x)'$ .

#### **Bài 9:**

$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin 2x}{\tan 3x}$$
 bằng:

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin 2x}{\tan 3x} = \lim_{x \to 0} \frac{2x \cdot \frac{\sin 2x}{2x} \cdot \cos 3x}{3x \cdot \frac{\sin 3x}{3x}}$$
$$= \lim_{x \to \infty} \frac{2 \cdot 1 \cdot \cos 3x}{3 \cdot 1} = \frac{2}{3}$$

Bài 10: Đạo hàm của hàm số

$$y = \sin 2x + \cos \frac{x^2 + 1}{2} - \tan \sqrt{x}$$

bằng biểu thức nào?

Lời giải:

$$y' = 2\cos 2x - x\sin \frac{x^2 + 1}{2} - \frac{1}{2\sqrt{x}\cos^2 \sqrt{x}}$$

### III. Bài tập vận dụng

Bài 1 Đạo hàm của hàm số

$$y = \sin 2x \cos^4 x - \cot \frac{1}{x^2} - \sin 2x \cdot \sin^4 x$$

bằng biểu thức nào sau đây?

**Bài 2** Tính đạo hàm của hàm số y = x.cosx.

**Bài 3** Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \sin^3(2x + 1)$ .

**Bài 4** Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \sin \sqrt{2 + x^2}$ 

Bài 5 Tính đạo hàm của hàm số sau:  $y = \sqrt{\sin x + 2x}$ 

 $y = f(x) = \frac{2}{\cos(\pi x)}$  có f(3) bằng?

**Bài 7** Cho hàm số y = cos3x.sin2x. Tính  $y'\left(\frac{\pi}{3}\right)$ 

Bài 8 Cho hàm số 
$$y = \frac{\cos 2x}{1 - \sin x}$$
. Tính  $y'\left(\frac{\pi}{6}\right)$ 

**Bài 9** Cho hàm số 
$$f(x) = \tan\left(x - \frac{2\pi}{3}\right)$$
. Giá trị bằng?

Bài 10 Cho hàm số 
$$y = f(x) = \frac{\cos x}{1 + 2\sin x}$$
. Tính f'(x)