Công thức xác định vectơ pháp tuyến của đường thẳng

I. Lý thuyết tổng họp.

- Định nghĩa vectơ pháp tuyến: Vectơ \vec{n} $(\vec{n} \neq \vec{0})$ là vectơ pháp tuyến của đường thẳng Δ nếu giá của vectơ \vec{n} vuông góc với đường thẳng Δ .
- Chú ý:
- + Nếu \vec{n} là vectơ pháp tuyến của Δ thì k \vec{n} (k \neq 0) cũng là vectơ pháp tuyến của Δ .
- + Nếu đường thẳng Δ có vecto chỉ phương $\vec{u}=(a;b)$ thì đường thẳng đó có các vecto pháp tuyến là $\vec{n}=(b;-a)$, $\vec{n'}=(-b;a)$.

II. Các công thức.

- Cho \vec{n} là vecto pháp tuyến của $\Delta \Rightarrow \vec{k} \cdot \vec{n}$ ($k \neq 0$) là vecto pháp tuyến của Δ .
- Cho đường thẳng Δ : $ax + by + c = 0 \implies Vector pháp tuyến của <math>\Delta$ là $\vec{n} = (a;b)$
- Cho đường thẳng Δ có vectơ chỉ phương $\vec{u} = (a;b)$ thì đường thẳng đó có các vectơ pháp tuyến là $\vec{n} = (b;-a)$, $\vec{n'} = (-b;a)$.
- Cho đường thẳng d và d'. Biết d \perp d': Nếu d' có vectơ chỉ phương là \overrightarrow{u} = (a;b) thì vectơ pháp tuyến của d là \overrightarrow{n} = (a;b).
- Cho đường thẳng d và d'. Biết d // d': Nếu d' có vectơ chỉ phương $\overrightarrow{u}' = (a;b)$ thì vectơ pháp tuyến của d là $\overrightarrow{n} = (-b;a), \overrightarrow{n} = (b;-a)$.

III. Ví dụ minh họa.

Bài 1: Cho đường thẳng d: 5x - 6y + 3 = 0. Tìm vecto pháp tuyến của d.

Lời giải:

Biết đường thẳng d: 5x - 6y + 3 = 0

 \Rightarrow Vecto pháp tuyến của d là: $\vec{n} = (5, -6)$

Bài 2: Cho đường thẳng d có vectơ chỉ phương là $\vec{u} = (8;3)$. Tìm vectơ pháp tuyến của đường thẳng d.

Lời giải:

Biết đường thẳng d có vecto chỉ phương là $\vec{u} = (8;3)$

 \Rightarrow Vector pháp tuyến của đường thẳng d là: $\vec{n} = (-3;8)$

Bài 3: Cho đường thẳng d có vecto chỉ phương $\vec{u} = (3,7)$. Tìm vecto pháp tuyến của các đường thẳng sau:

- a) d' song song với d
- b) d" vuông góc với d

Lời giải:

a)

Do d' song song với d và d có vecto chỉ phương $\vec{u} = (3,7)$ nên ta có:

Vecto pháp tuyến của d' là $\overrightarrow{n}' = (-7;3)$

b)

Do d'' vuông góc với d và d có vecto chỉ phương $\vec{u} = (3,7)$ nên ta có:

Vecto pháp tuyến của d'' là \overrightarrow{n} = (3,7)

IV. Bài tập vận dụng.

Bài 1: Cho đường thẳng d: 4x - 3y - 4 = 0 vuông góc với đường thẳng d'. Tìm vecto pháp tuyến của d'.

Bài 2: Cho đường thẳng d có vectơ chỉ phương là $\vec{u} = (-3;3)$. Tìm vectơ pháp tuyến của d.