
خلاصه فیزیک هالیدی - فصل سوم: بردارها

نرده ایهای و بردارها : نرده ایها ،مانند دما، فقط دارای اندازه اند. آنها با یک عدد و یک یکا (مثلا $10^{\circ}C$) مشخص می شوند و از قاعده های حساب و جبر معمولی پیروی می کنند. بردارها ، مانند جابجایی ، هم دارای اندازه و هم جهت هستند (مثلا 5m ، رو به شمال) و از قاعده های جبر برداری پیروی می کنند.

جمع بردارها به روش هندسی : دو بردار \vec{a} و \vec{b} را می توان با رسم آنها در یک مقیاس مشترک و قرار دادن ابتدای یکی بر انتهای دیگری به طور هندسی با هم جمع کرد . برداری که ابتدای بردار اولی را به انتهای بردار دوم وصل می کند بردار مجموع \vec{s} است . برای تفریق \vec{b} از \vec{a} جهت \vec{b} را وارون می کنیم تا $-\vec{b}$ به دست آید؛ آنگاه $-\vec{b}$ را با \vec{a} جمع می کنیم. جمع برداری جابجایی پذیر است و از قانون توزیع پذیری پیروی می کند.

مؤلفه های یک بردار: مؤلفه های (نرده ای) a_x و a_y هر بردار دو بعدی \vec{a} بارسم خط های عمود از سر \vec{a} بر محورهای مختصات به دست می آیند. این مؤلفه ها چنین داده می شوند :

$$a_x = a \cos\theta \text{ و } a_y = a \sin\theta$$

که در آن θ زاویه بین جهت مثبت محور x و جهت \vec{a} است. علامت جبری یک مؤلفه، معرف جهت آن در امتداد محور مربوط به آن است. با معلوم بودن مؤلفه ها ، بزرگی و سمتگیری بردار \vec{a} از رابطه های زیر بدست می آیند:

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} \text{ و } \tan\theta = \frac{a_y}{a_x}$$

نماد بردار – یکه : بزرگی بردارهای یکه $\hat{i}, \hat{j}, \hat{k}$ و برابر واحد است و به ترتیب در جهتهای مثبت محورهای x, y, z یک دستگاه مختصات راستگرد قرار دارند. بردار \vec{a} را می توان بر حسب بردارهای یکه به صورت زیر نوشت:

$$\vec{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}$$

که در آن $a_x \hat{i}$ ، $a_y \hat{j}$ و $a_z \hat{k}$ مؤلفه های بردار \vec{a} و a_x ، a_y و a_z مؤلفه های نرده ای آن هستند.

جمع برداری بر حسب مؤلفه ها: برای جمع کردن بردارها به صورت مؤلفه ای ، از قاعده های زیر استفاده می کنیم:

$$r_x = a_x + b_x \quad r_y = a_y + b_y \quad r_z = a_z + b_z$$

که در اینجا \vec{a} و \vec{b} بردارهایی هستند که باید با هم جمع شوند و \vec{r} بردار مجموع است.

ضرب یک نرده ای در یک بردار: ضرب نرده ای S در بردار \vec{v} ، بردار جدیدی است که بزرگی آن برابر با Sv و جهت آن در صورتی که S مثبت باشد ، همان جهت \vec{v} و در صورتی که S منفی باشد مخالف جهت \vec{v} است. برای تقسیم \vec{v} بر S ، \vec{v} را در $\frac{1}{S}$ ضرب می کنیم.

ضرب نرده ای یا نقطه ای: دو بردار \vec{a} و \vec{b} که به صورت $\vec{a} \cdot \vec{b}$ نوشته می شود، یک کمیت نرده ای است که با رابطه زیر داده می شود:

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = ab \cos \phi$$

که در آن ϕ زاویه ی میان بردارهای \vec{a} و \vec{b} است . ضرب نرده عبارت است از ضرب بزرگی یک بردار در مؤلفه نرده ای بردار دوم در امتداد راستای بردار اول بر حسب بردارهای یکه داریم:

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}) \cdot (b_x \hat{i} + b_y \hat{j} + b_z \hat{k})$$

که می شود آن را بنابر قانون توزیع پذیری بسط داد. توجه کنید که $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$ است.

ضرب برداری یا ضرببرداری: دو بردار \vec{a} و \vec{b} به صورت $\vec{a} \times \vec{b}$ نوشته می شود و حاصل آن بردار \vec{c} است که بزرگی آن با رابطه زیر داده می شود:

$$c = ab \sin \theta$$

θ زاویه کوچکتر بین جهت های بردارهای \vec{a} و \vec{b} است. راستای \vec{c} بر صفحه \vec{a} و \vec{b} عمود است. توجه کنید که $\vec{a} \times \vec{b} = -(\vec{b} \times \vec{a})$ است. بر حسب بردارهای یکه داریم:

$$\vec{a} \times \vec{b} = (a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}) \times (b_x \hat{i} + b_y \hat{j} + b_z \hat{k})$$

که می توان آن را با قانون توزیع پذیری بسط داد.