دوستان محترم سلام

در این سری از تمرینات و سریهای بعدی ممکن است با تمرینی مواجه شوید که قبلا در کلاس حل شدهاست، در این صورت نیازی به تحویل پاسخ آنها نیست. هدف اصلی از ارائه این تمرینها آشنایی شما با انواع سوالات مربوط به هر مبحث است.

۱- فرض کنید متغیر تصادفی X دارای تابع چگالی احتمال زیر باشد:

$$f_X(x) = \begin{cases} x & 0 < x < 1 \\ 2 - x & 1 \le x < 2 \\ 0 & else \end{cases}$$

الف) تابع توزیع تجمعی X را بیابید.

ج) مقدار $p(\frac{1}{2} < X < \frac{3}{2})$ را محاسبه کنید.

۲- اگر متغیر تصادفی X دارای تابع توزیع زیر باشد، تابع چگالی احتمال و p(X>3) را بیابید.

$$F_{X}(x) = \begin{cases} 0 & x < 0 \\ 1 - (1+x)e^{-x} & x \ge 0 \end{cases}$$

E(X) است. آیا E(X) وجود داردX است. آیا E(X) وجود داردX

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{x(x+1)} & x = 1, 2, 3, ... \\ 0 & else \end{cases}$$

۴- جعبهای دارای ۲ مهرهی سفید و ۳ مهرهی سیاه است. از داخل جعبه یک مهره به تصادف خارج می کنیم و آن را با دو مهرهی دیگر از همان رنگ به جعبه باز می گردانیم. سپس دو مهرهی دیگر بدون جایگذاری و به تصادف از جعبه خارج می کنیم و متغیر تصادفی X را برابر تعداد مهرههای سفید مشاهده شده در این دو مهرهی انتخابی در نظر می گیریم. تابع احتمال X و واریانس آن را به دست آورید.

هـ- تابع چگالی احتمال متغیر تصادفی X به صورت زیر داده شده است: Δ

$$f_X(x) = \begin{cases} k_1 x & 0 < x < 1 \\ k_2(2-x) & 1 \le x < 2 \\ 0 & else \end{cases}$$

الف) اگر E(X)=1 باشد مقدار k_1 و k_2 را تعیین کنید. باشد، احتمال آن که X از $\frac{3}{2}$ کمتر باشد را بیابید.

8- در هر مورد امید ریاضی و واریانس متغیر تصادفی X را بیابید. (راهنمایی: مقادیر n ، p اعدادی ثابت هستند.)

a)
$$p_X(x) = p^x (1-p)^{1-x}$$
; $x = 0,1$, $p \in (0,1)$

b)
$$p_X(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$$
; $x = 0, 1, 2, ..., n$, $n \in \mathbb{N}$, $p \in (0, 1)$

c)
$$f_X(x) = \lambda e^{-\lambda x}$$
 ; $x > 0$, $\lambda > 0$

«شــاد و موفّق باشید»