

## NORMALIZACIÓN

- Anomalía: Problema que surge a raíz del diseño de una relación.
  - o Redundancia: información que se repite innecesariamente en diferentes tuplas.
  - o Anomalías de actualización: se puede actualizar el valor en una tupla, sin actualizar los de otras tuplas.
  - o Anomalías de inserción: insertar valores en ciertos atributos de una relación y no en otros me produce valores nulos.
  - o Anomalías de borrado: borrar ciertos valores de una tupla, puede llevarme a perder la información de la tupla completa.
- Dependencia funcional: captura propiedades del mundo real. Es una **restricción** de una relación en una base de datos y generaliza la idea de clave de una relación.

Si dos tuplas ( $t_1$  y  $t_2$ ) de una relación  $R$ , coinciden en todos los atributos  $A_1, A_2, \dots, A_n$ , entonces deben también coincidir los atributos  $B_1, B_2, \dots, B_m$ . Para toda tupla de  $R$ .

Esto se escribe:  $A_1, A_2, \dots, A_n \rightarrow B_1, B_2, \dots, B_m$

Y se lee:  $A_1, A_2, \dots, A_n$  “determina funcionalmente a”  $B_1, B_2, \dots, B_m$

Dicho de otra manera:

Una df de la forma  $X \rightarrow Y$  se cumple en  $R$  si: para todos los pares de tuplas  $t_1$  y  $t_2$  de la relación, cuando se cumple que  $t_1[x] = t_2[x]$ , entonces se cumple  $t_1[y] = t_2[y]$ .
- Dependencia funcional trivial: es una df de la forma:  $A_1, A_2, \dots, A_n \rightarrow B_1, B_2, \dots, B_m$ 

Tal que:  $\{B_1, B_2, \dots, B_m\} \subseteq \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$
- Clave de una relación: los atributos  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  son la clave de una relación  $R$  si cumplen:
  - o  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación  $R$ .
  - o No existe un subconjunto de  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  que determine funcionalmente a todos los atributos de  $R$  —esto implica que una clave es un conjunto minimal—
- Clave candidata de una relación: en caso de existir dos o más conjuntos de atributos  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ ,  $\{B_1, B_2, \dots, B_k\}$ , ...  $\{N_1, N_2, \dots, N_m\}$  en una relación  $R$  tales que:
  - o  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  determinan funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación  $R$ .
  - o  $\{B_1, B_2, \dots, B_k\}$ , ... y  $\{N_1, N_2, \dots, N_m\}$  también por si mismos determinan al resto de los atributos de  $R$ .
  - o No existe un subconjunto de  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  o  $\{B_1, B_2, \dots, B_k\}$ , ... o  $\{N_1, N_2, \dots, N_m\}$  que determine funcionalmente a todos los atributos de  $R$ .
  - o Entonces  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ ,  $\{B_1, B_2, \dots, B_k\}$ , ...  $\{N_1, N_2, \dots, N_m\}$  son CLAVES CANDIDATAS para la relación  $R$ .
- Superclave de una relación: “super conjunto” de una clave. Los atributos  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  son la superclave de una relación  $R$  si cumplen:
  - o  $\{A_1, A_2, \dots, A_n\}$  determina funcionalmente a todos los restantes atributos de la relación  $R$ .
  - o Notar que:
    - Una clave está contenida en una superclave.
    - Una superclave no necesariamente es minimal (como lo es la clave por la segunda condición de su definición)

### Axiomas de Armstrong

Permiten inferir nuevas df dado un conjunto base que resulto evidente.

Aplicándolos hallo un conjunto completo y seguro donde todas las df halladas son correctas.

Al generar todas las df algunas son triviales.

- Axiomas básicos:
  - o Reflexión:  $X$  es un conjunto de atributos y  $Y \subseteq X$  entonces  $X \rightarrow Y$  (sabemos que  $a \rightarrow a$ , luego se puede decir que  $a, b \rightarrow a$ ).

Demostración: Si  $Y \subseteq X$  y existen dos tuplas diferentes de  $R$  tales que  $t_1[x] = t_2[x]$  por definición de df  $t_1[y] = t_2[y]$ .

- Aumento: Si  $X \rightarrow Y$ ;  $Z$  es un conjunto de atributos, entonces  $Z, X \rightarrow Z, Y$ .  
Demostración: Asumamos que  $X \rightarrow Y$  vale pero  $X, Z \rightarrow Y, Z$  no vale. Si  $X \rightarrow Y$  entonces cada vez que 1)  $t1[x] = t2[x]$  implica 2)  $t1[y] = t2[y]$ , por otro lado, cada vez que 3)  $t1[x, z] = t2[x, z]$  implica 4)  $t1[y, z] \neq t2[y, z]$ .  
De 1) y 3) se deduce  $t1[z] = t2[z]$   
De 2) y 4) se deduce que  $t1[y, z] = t2[y, z]$
- Transitividad: si  $X \rightarrow Y$ ;  $Y \rightarrow Z$ , entonces  $X \rightarrow Z$ .  
Demostración: 1)  $X \rightarrow Y$ . 2)  $Y \rightarrow Z$ .  $t1[x] = t2[x]$  implica por 1) y  $t1[y] = t2[y]$  implica por 2). y  $t1[z] = t2[z]$  entonces  $X \rightarrow Z$

- Axiomas que se deducen a partir de los básicos:

- Unión: si  $X \rightarrow Y$ ;  $X \rightarrow Z$ , entonces  $X \rightarrow Y, Z$   
Demostración: 1)  $X \rightarrow Y$ . 2)  $X \rightarrow Z$ . Si  $X \rightarrow Y$ , por aumento vale que  $X \rightarrow XY$ . Si  $X \rightarrow Z$ , por aumento vale que  $X, Y \rightarrow Y, Z$ . Luego por transitividad,  $X \rightarrow Y, Z$
- Descomposición: si  $X \rightarrow Y, Z$ , entonces  $X \rightarrow Y$ ,  $X \rightarrow Z$   
Demostración:  $X \rightarrow Y, Z$  por reflexividad vale que  $Y, Z \rightarrow Y$ . Luego, por transitividad  $X \rightarrow Z$ . Por flexibilidad también vale que  $Y, Z \rightarrow Z$ . Luego por transitividad, también vale que  $X \rightarrow Z$
- Pseudotransitividad: Si  $X \rightarrow Y$ ;  $Y, Z \rightarrow W$  entonces  $X, Z \rightarrow W$   
Demostración:  $X \rightarrow Y$ , por aumento vale que  $X, Z \rightarrow Y, Z$ . Por otro lado se sabe que  $Y, Z \rightarrow W$ . Luego por transitividad, vale que  $X, Z \rightarrow W$

- Clausura de un conjunto de atributos ( $X^+$ ):

Sea  $F$  un conjunto de  $df$  sobre un esquema  $R$  y sea  $X$  un subconjunto de  $R$ .

La clausura de  $X$  respecto de  $F$ , se denota  $X^+$  y es el conjunto de atributos  $A$  tal que la dependencia  $X \rightarrow A$  puede deducirse a partir de  $F$ , por los axiomas de Armstrong.

Es decir,  $X^+$  son todos los atributos determinados por  $X$  en  $R$ .

- Algoritmo para encontrar  $X^+$ :
  - Result :=  $X$
  - While (hay cambios en result) do
  - For (cada dependencia funcional  $Y \rightarrow Z$  en  $F$ ) do
  - if ( $Y \subseteq \text{result}$ ) then
  - result := result  $\cup$   $Z$

- Como generar relaciones que cumplan condiciones de un buen diseño:

- Descomposición:
  - Es una forma aceptada de eliminar las anomalías de una relación.
  - Consiste en separar los atributos de una relación en dos nuevas relaciones.
  - No se debe perder información, ni  $df$ .
- Perdida de información: si un esquema  $R$ , se lo particiona en dos subesquemas  $R1$  y  $R2$  se debe cumplir algunas de las siguientes condiciones.
  - $R1 \cap R2$  es clave en el esquema  $R1$
  - $R1 \cap R2$  es clave en el esquema  $R2$
- Perdida de  $df$ :
  - Verificar que cada una de las  $df$  que valían en el esquema  $R$ , sigan valiendo en alguna de las particiones  $Ri$ .
  - Cuando se chequean las  $df$  pueden ocurrir dos cosas:
    - Los atributos de la  $df$  original quedaron todos incluidos en alguna de las particiones generadas.
    - Los atributos de la  $df$  original quedaron distribuidos en más de una partición.
  - Algoritmo para analizar la perdida de  $df$ :
    - Res =  $x$
    - Mientras Res cambia

Para  $i = 1$  to  $\text{cant\_de\_particiones\_realizadas}$

$\text{Res} = \text{Res} \cup ((\text{Res} \cap \text{intersección } R_i) \cup \text{intersección } R_i)$

- Donde  $R_i$  es el conjunto de atributos de la división representada por  $R_i$   
 $X$  es el determinante de la dependencia funcional que quiero analizar.  
 $((\text{Res} \cap \text{intersección } R_i) \cup \text{intersección } R_i)$ , asegura que quedan sólo los atributos que pertenecen a la partición que se está tratando.

## **Formas Normales – BCNF**

- Forma normal: propiedad sobre la relación.
  - **BCNF (Forma normal de Boyce Codd)**: provee un mecanismo para asegurar que:
    - Las anomalías dejan de estar en un particionamiento,
    - que no se pierda información y,
    - en algunos casos, asegura que no se pierdan df.
  - Un esquema esta en BCNF si, siempre que una df de la forma  $X \rightarrow A$  es valida en R, entonces se cumple que:
    - $X$  es superclave de R, o bien,
    - $X \rightarrow A$  es una df trivial.
  - Como llevar un esquema R a BCNF: de manera esquemática y simplificada, una vez halladas las df y las claves candidatas:
    - 1-analizar si en el esquema R existe alguna dependencia funcional que no cumple con la definición de BCNF
      - 1.1) si existe tal dependencia funcional, particionar el esquema en dos nuevos esquemas  $R_i, R_{i+1}$ , contemplando la dependencia funcional en cuestión. Analizar las 2 particiones generadas
        - 1.1.1) Se pierde información?
          - 1.1.1.1: NO, entonces sigo a 1.1.2
          - 1.1.1.2: SI. La partición es errónea. Reanalizar
        - 1.1.2) Se pierden Dependencias funcionales?
          - 1.1.2.1 NO, entonces sigo a 1.1.3
          - 1.1.2.2 Si. Entonces no es posible llevar a BCNF. Cambia la forma normal analizada.
        - 1.1.3) Determinar en qué forma normal esta  $R_i, R_{i+1}$ , si no están en BCNF, reiniciar desde 1, sino pasar a 1.2
      - 1.2) Si no existe, el esquema está en BCNF
  - **3FN (tercera forma normal)**: se utiliza cuando no se puede llevar a BCNF porque se pierden df, y asegura que no se pierda información, no se pierdan df, pero no siempre se quitan las anomalías.
    - Un esquema de relación R esta en 3FN si para toda dependencia de la forma  $X \rightarrow A$ , se cumple que:
      - $X \rightarrow A$  es trivial, o bien,
      - $X$  es superclave, o bien,
      - $A$  es primo (*atributo primo: atributo que forma parte de alguna clave candidata*)
    - Como llevar un esquema R a 3FN: de manera esquemática y simplificada, una vez halladas las df y las claves candidatas y habiendo detectado que no se puede llevar a BCNF.
      - Se construye una tabla por cada df.
      - Si la clave de la tabla original, no esta incluida en ninguna de las tablas del punto anterior, se construye una tabla con la clave.
  - **1FN (primera forma normal)**: los atributos de la relación son simples y atómicos.
  - **2FN (segunda forma normal)**: un esquema de relación R esta en 2FN si para toda dependencia de la forma  $X \rightarrow A$ , se cumple que: A depende de manera total de la clave.

- Dependencia Multivaluada:

Una dependencia multivaluada, afirma que dos o mas atributos son independientes del resto. Como consecuencia de la independencia, se tiene redundancia. Esta redundancia no se elimina con las df.

- Se puede decir que:  $X \twoheadrightarrow Y$  si dado un valor de X, hay un conjunto de valores de Y asociados y este conjunto de valores de Y NO esta relacionado (ni funcional ni multifuncionalmente) con los valores de  $R - X - Y$  (donde R es el esquema), es decir Y es independiente de los atributos de  $R - X - Y$ .
- Sea R un esquema de relación
- Otra forma de definirla:
  - La Dependencia Multivaluada  $X \twoheadrightarrow Y$  vale en R si para todos los pares de tuplas  $t_1$  y  $t_2$  en R, tal que:
    - $t_1[X] = t_2[X]$  existen las tuplas  $t_3$  y  $t_4$  en R tales que:
      - $t_1[X] = t_2[X] = t_3[X] = t_4[X]$
      - $t_3[Y] = t_1[Y]$
      - $t_3[R-X-Y] = t_2[R-X-Y]$
      - $t_4[Y] = t_2[Y]$
      - $t_4[R-X-Y] = t_1[R-X-Y]$

- Dependencia Multivaluada trivial:

Sea R un esquema de relación, una dependencia multivaluada de la forma  $X \twoheadrightarrow Y$  que vale en R es trivial si el conjunto de atributos X, Y son todos los atributos del esquema.

- Como proceder cuando se hallan dependencias multivaluada:

- 4FN (cuarta forma normal): un esquema R esta en 4FN con respecto a un conjunto de dependencias multivaluada D, si para toda dependencia multivaluada de la forma  $x \twoheadrightarrow Y$  se cumple que  $X \twoheadrightarrow Y$  es una dependencia multivaluada trivial.
  - En otras palabras, un esquema esta en 4FN cuando no tiene dependencias multivaluada o bien, las dependencias multivaluada que en el valen, son triviales.