

Algoritmo de Simulação de Book de Ofertas de Ações

Cassiano Luis Flores Michel, Leonardo Vargas Schilling

Ciência da Computação — PUCRS

Algoritmos e Estruturas de Dados 2 - Marcelo Cohen

17 de setembro de 2021



Introdução

Neste artigo busca-se descrever o processo de criação de um algoritmo para leitura de um arquivo de texto, onde simula-se o recebimento de uma ordem de compra ou venda de ações a cada linha.

A cada linha lida, devem-se realizar todas as operações possíveis até aquele momento, através das seguintes regras:

1. A empresa não realiza preguízo (Preço de compra > Preço de venda);
2. A empresa prioriza a maior diferença entre Preço de Compra e Venda;
3. A empresa lucra com a diferença entre os valores de compra e venda;
4. A primeira linha do arquivo indica o número de operações.

Formato da linha do arquivo:

<operação> <quantidade> <preço>

Exemplo:

C 129 14 V 302 12

Estratégia

Entende-se que para atingir o seu objetivo, as ordens de **compra** devem ser ordenadas por preço *decrecente*, enquanto as ordens de **venda** devem ser ordenadas por preço *crescente*.

Desta forma a operação com maior lucro para a empresa sempre será através da execução da primeira ordem de venda e da primeira ordem de compra da coleção.

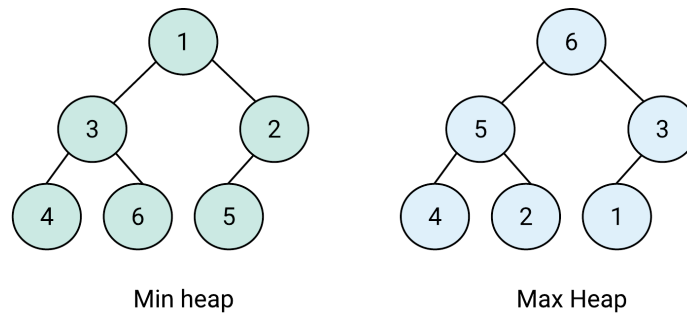
Para cada linha lida, insere a operação na coleção e executa as operações possíveis, por fim, imprime os resultados analisados:

1. Lucro;
2. Tempo de execução aproximado;
3. Total de operações aproximado;
4. Ordens de compra não executadas;
5. Ordens de venda não executadas;
6. Nome do arquivo.

Estruturas de dados

Optou-se por utilizar implementações *opensource* de filas de prioridade através de heaps binários. Um heap binário é uma estrutura de dados baseada em árvores binárias que satisfaz sempre a propriedade de heap, que diz que se o nó B é filho do nó A, então a chave de A é maior ou igual a chave de B.

Demonstração de um Min Heap e Max Heap



Fonte: <https://medium.com/@rohan04/easy-way-to-implement-the-heap-data-structure-in-python-5658d0a6d266>

Algoritmo

A complexidade de tempo para a inserção (executada N vezes, sendo N o número de linhas do arquivo – 1) é $O(\log n)$;

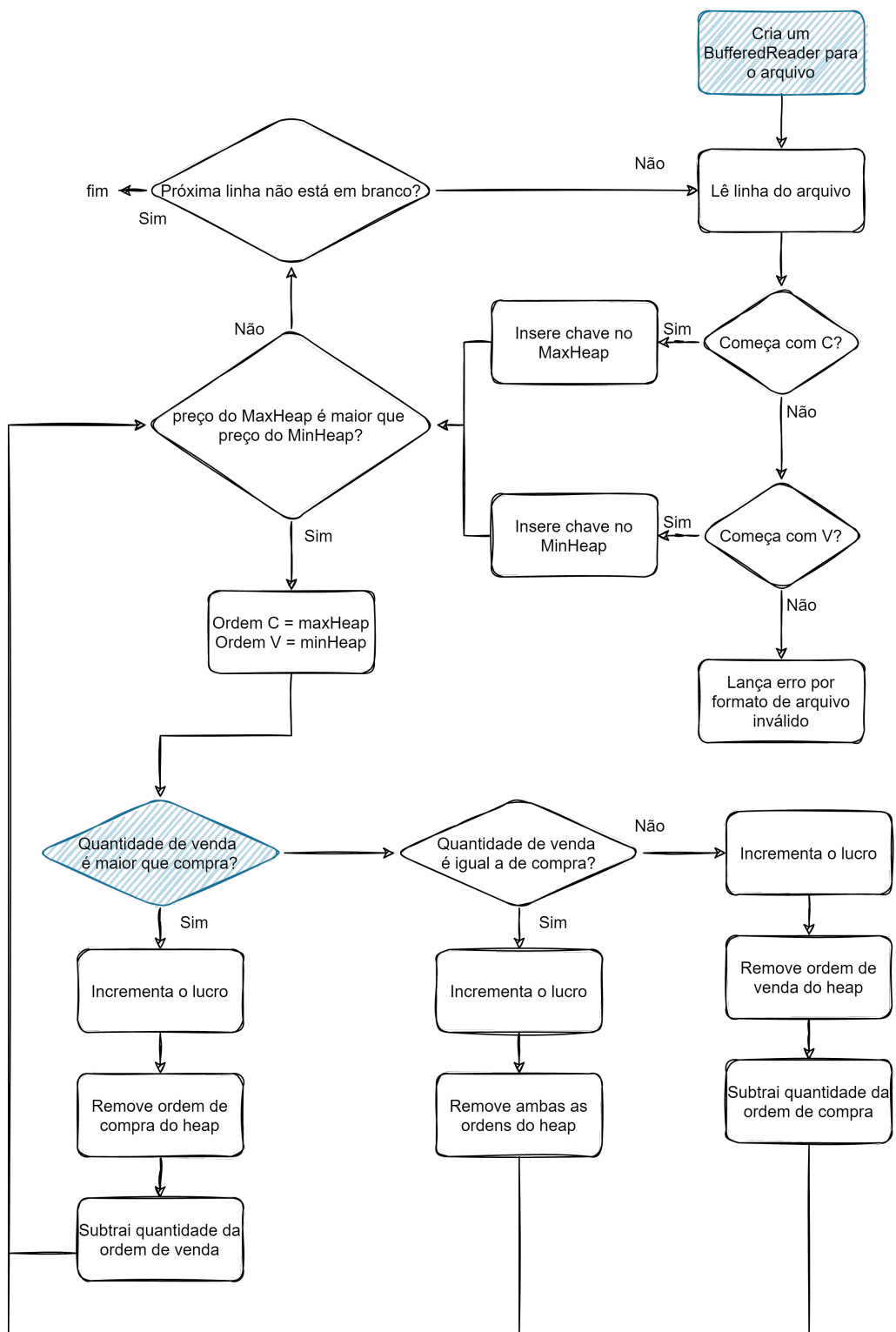
O acesso ao valor máximo ou mínimo dos heaps (valor que será checado para validar se existem operações lucrativas a serem executadas) é $O(1)$;

Caso haja uma operação lucrativa a ser executada (se o preço da raiz do minheap for menor ou igual ao preço da raiz do maxheap), executam-se as ordens possíveis;

Ao executar determinada ordem, caso a quantidade de compra ou venda das ordens prioritárias vire zero, então a ordem é removida (através do método `delMin` ou `delMax`) com complexidade $O(\log n)$;

Serão executadas N inserções (em $O(\log n)$), e até N remoções (considerando um cenário onde uma ordem de compra executa todas as ordens de venda ou vice-versa) portanto, pode-se considerar a complexidade do algoritmo como $O(n \log n)$.

Fluxograma



Resultados

Após a execução do algoritmo com todos os casos de teste, os dados foram tratados no Excel, para análise do tempo de operação e número de operações.

A contagem de operações se deu através da criação de uma classe **Contador**, cujo atributo *count* foi incrementado em todos os trechos e iterações do fluxo (*inserção*, *remoção*, *sink*, *swim*, *assertHeap*).

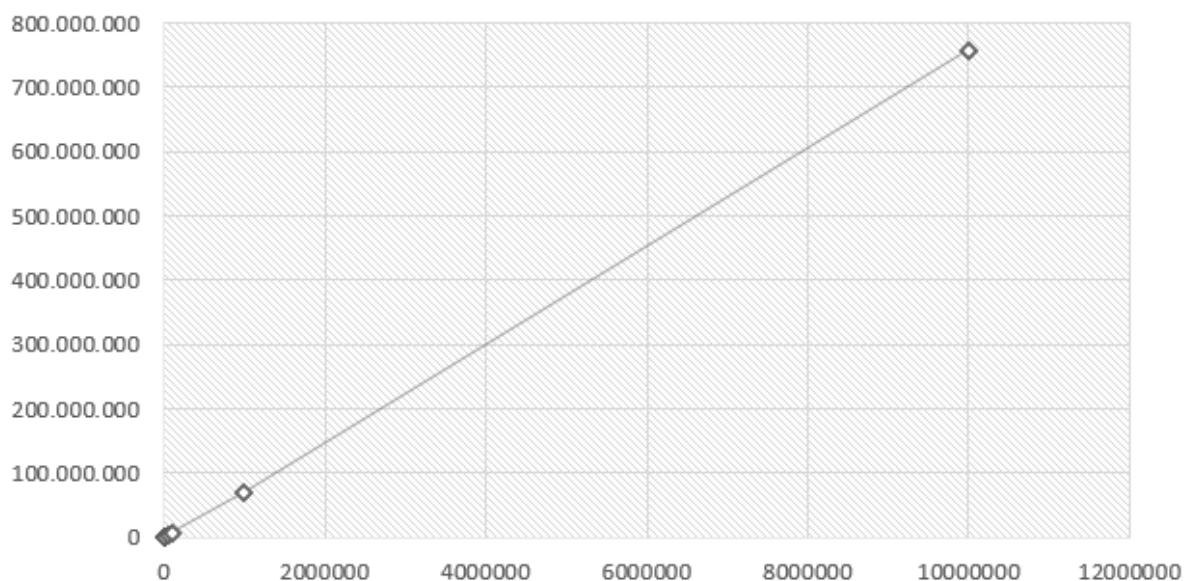
Tabela de Resultados

Nome	Ordens	Operações	Tempo Exec.	Lucro	Compras Restantes	Vendas Restantes
trinta_enunciado.txt	30	755	0,0320	45.538	3	7
trinta.txt	30	686	0,0000	523.013	8	10
cem.txt	100	2.913	0,0010	1.700.632	13	35
trezentos.txt	300	10.727	0,0040	5.296.100	63	67
mil.txt	1000	44.475	0,0080	17.829.179	217	171
tres_mil.txt	3000	150.951	0,0090	52.010.348	543	568
cinco_mil.txt	5000	264.297	0,0220	85.159.113	1.001	917
dez_mil.txt	10000	574.020	0,0230	171.823.410	1.865	1.845
cinquenta_mil.txt	50000	3.322.978	0,1119	856.631.193	9.143	9.259
cem_mil.txt	100000	6.875.371	0,1789	1.716.206.656	18.706	18.462
milhao.txt	1000000	70.837.030	1,1933	17.158.118.767	186.157	187.116
dez_milhoes.txt	10000000	757.241.584	9,5895	171.754.048.271	1.863.975	1.862.567

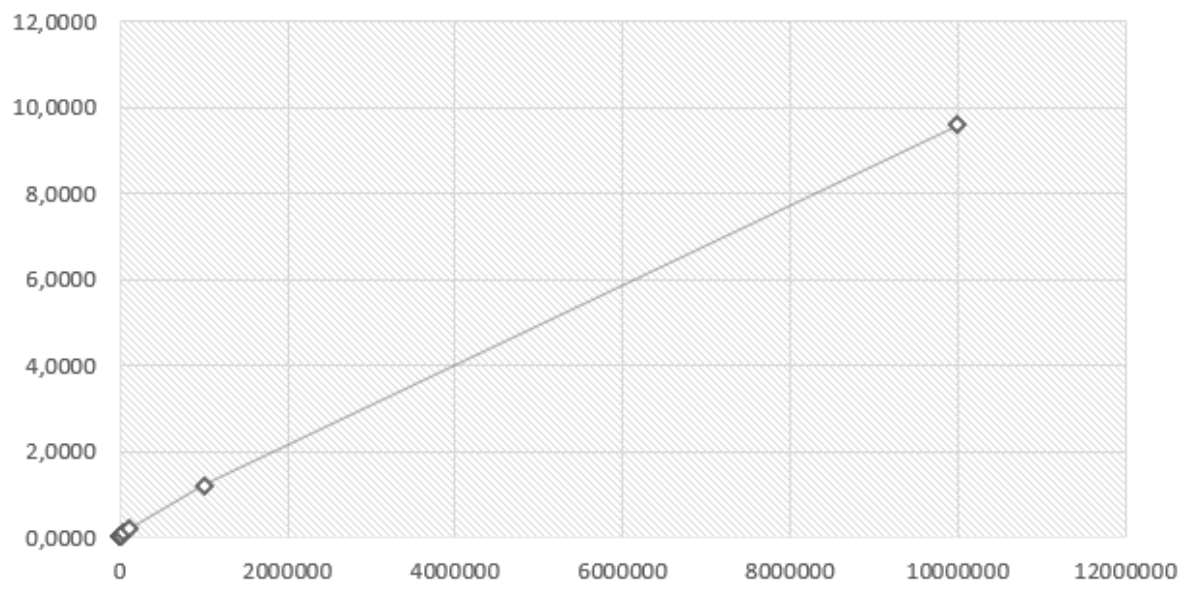
Fonte: os autores

Com os dados de tempo de execução, número de operações e número de ordens (linhas do arquivo de texto), foi possível esboçar dois gráficos:

Número de Operações x Número de Linhas do Arquivo



Tempo de Execução (s) x Número de Linhas do Arquivo



Referências

- [1] Sedgewick, Robert; Wayne, Kevin: “**Priority Queues**”. Last modified on December 29, 2017. Available in: <https://algs4.cs.princeton.edu/24pq>
- [2] Rohan: “**Easy way to implement the Heap data-structure in Python.**”. Last modified on July 17, 2020. Available in: <https://medium.com/@rohan04/easy-way-to-implement-the-heap-data-structure-in-python-5658d0a6d266>