

le cmaci jdask

la .varik. .VALefor.

April 12, 2024

# Contents

<b>1</b>	<b>le me'oi .disclaimer.</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>le vrici</b>	<b>4</b>
<b>3</b>	<b>le vrici je fancu</b>	<b>7</b>
3.1	la .cmimakonk. . . . .	7
3.2	la .cmimapred. . . . .	8
3.3	la'oi .Dun. . . . .	8
3.3.1	le ctaipe be zo'e ja le su'u la'oi .Dun. mapti . . . . .	8
3.4	la'oi .nu,iorks. . . . .	8
3.4.1	le ctaipe be le su'u mapti . . . . .	9
3.5	la girzu . . . . .	9
3.5.1	le ctaipe be le su'u la girzu cu mapti . . . . .	10
3.5.2	la .prefif. . . . .	11
3.6	la .refif. . . . .	11
<b>4</b>	<b>le jicmu</b>	<b>12</b>
4.1	la'oi .Multiset. . . . .	12
4.1.1	le krinu be tu'a zo'oi .record. . . . .	12
4.1.2	le me'oi .record. co'e . . . . .	12
4.2	la'oi .Selcmima. . . . .	13
4.2.1	le me'oi .record. co'e . . . . .	13
4.3	la'oi .Fasnu. . . . .	13
4.3.1	le me'oi .instance. . . . .	14
4.4	la'oi .Selpre. . . . .	14
4.4.1	le me'oi .instance. . . . .	14
<b>5</b>	<b>le srana be lo lijda ja co'e</b>	<b>15</b>
5.1	la'oi .Jdanunza'omro. . . . .	15
5.1.1	le me'oi .instance. . . . .	15
5.2	la'oi .Marde. . . . .	15
5.2.1	le me'oi .instance. . . . .	16
5.2.2	le me'oi .record. co'e . . . . .	16

5.3	la'oi .Prenu. . . . .	16
5.3.1	le su'u na me'oi . <u>field</u> . fa lo srana be lo lijda . . . . .	17
5.3.2	le me'oi . <u>instance</u> . . . . .	17
5.3.3	le me'oi . <u>record</u> . co'e . . . . .	17
5.4	la'oi .Lijda. . . . .	17
5.4.1	le me'oi . <u>record</u> . co'e . . . . .	18

# Chapter 1

## le me'oi .disclaimer.

ni'o na mulno .i la .varik. cu stidi lo nu na ci'au .ue sai lo nu vo'a mutce lo ka  
ce'u bixygau pe'a

## Chapter 2

# le vrici

```
open import Data.Fin
  using (
    Fin
  )
open import Data.Nat
  using (
    ℕ
  )
open import Function
  using (
    _◦_ ;
    _on_ ;
    flip ;
    _◦_ ;
    _$ _
  )
  renaming (
    _|>_ to _▷_
  )
open import Data.Bool
  using (
    not ;
    T?
  )
open import Data.List
  as ℒ
  using (
    map ;
```

```

        zip;
        List
    )
    renaming (
        lookup to _!_
    )
open import Data.Maybe
    using (
        nothing;
        Maybe;
        just
    )
    renaming (
        map to mapm
    )
open import Data.String
    using (
        String
    )
open import Data.Product
    using (
         $\Sigma$ ;
         $\_ \times \_$ ;
         $\_ , \_$ ;
        proj1;
        proj2
    )
open import Data.Rational
    using (
         $\mathbb{Q}$ 
    )
open import Relation.Binary
    using (
        Setoid
    )
open import Truthbrary.Record.Eq
    using (
         $\_ \equiv^b \_$ ;
         $\_ \stackrel{?}{=} \_$ ;
        Eq
    )
open import Truthbrary.Record.LLC
    using (

```

```

    nu,iork;
    length;
    _ $\notin$ _;
    _ $\in$ _;
    LL;
    UL
  )
  open import Data.Empty.Polymorphic
  using (
     $\perp$ 
  )
  open import Relation.Binary.PropositionalEquality
  using (
    refl;
    _ $\equiv$ _
  )

  import Data.Vec
  as  $\forall$ 
  import Data.List.Relation.Unary.All
  as LUA
  using (
    _ $\ddot{::}$ _;
    All;
    []
  )

```

## Chapter 3

# le vrici je fancu

### 3.1 la .cmimakonk.

ni'o la .cmimakonk. cu ctaipe le su'u ro da poi ke'a co'e zo'u ro de poi ke'a co'e  
zo'u da cmima lo konkatena be da bei de

```
cmimakonk : ∀ {a} → {A : Set a}
           → { _ : Eq A }
           → (x : A)
           → (xs : List A)
           → x ∈ _ $ x _ :: xs
cmimakonk x xs = sym $ begin
  length (ℓ.take 1 $ ℓ.filter (x ==?) $ x _ :: _) ≡⟨ refl ⟩
  _ ≡⟨ x≡1↑f[x::xs'] x xs ▷ sym ▷ cong length ⟩
  length (x _ :: ℓ[]) ≡⟨ refl ⟩
  1 ■
  where
  open import Relation.Binary.PropositionalEquality
  x≡1↑f[x::xs'] : ∀ {a} → {A : Set a}
    → { _ : Eq A }
    → (x : A)
    → (xs : List A)
    → (_ ≡ _
       (x _ :: ℓ[]))
       (ℓ.take 1 $ ℓ.filter (x ==?)
        (x _ :: _ $ ∀.toList $ ∀.fromList xs)))
  x≡1↑f[x::xs'] = {!!}
  open ≡-Reasoning
```



### 3.2 la .cmimapred.

ni'o la .cmimapred. cu ctaipe le su'u ro da poi ke'a co'e zo'u ro de poi ke'a co'e zo'u ro di poi ke'a co'e zo'u da cmima di naja lo konkatena be de bei di

```
cmimapred : ∀ {a} → {A : Set a}
           → { _ : Eq A }
           → (x z : A)
           → (xs : List A)
           → x ∈ xs
           → x ∈ _ $ z :: xs
cmimapred = {!!}
```

### 3.3 la'oi .Dun.

ni'o xu sarcu fa lo nu ciksi bau la .lojban.

```
Dun : ∀ {a} → {A : Set a}
      → { Eq A }
      → (x z : List A)
      → Set a
Dun x z = LUA.All (∈ x) z × LUA.All (∈ z) x
```

#### 3.3.1 le ctaipe be zo'e ja le su'u la'oi .Dun. mapti

```
module DunVeritasJaZo'e where
T : ∀ {a} → {A : Set a}
  → { _ : Eq A }
  → { i j k : List A }
  → Dun i j
  → Dun j k
  → Dun i k
T = {!!}
```

### 3.4 la'oi .nu,iorks.

ni'o ro da zo'u da cmima la'o zoi. nu,iorks x .zoi. jo cu du lo su'o cmima be la'oi .x.

```
nu,iorks : ∀ {a} → {A : Set a} → { _ : Eq A } → List A → List A
nu,iorks [] = []
nu,iorks (x :: z) = x :: z.filter (≠? x) (nu,iorks z)
where
  ≠?_ = T? ∘₂ not ∘₂ ≡ᵇ _
```

### 3.4.1 le ctaipe be le su'u mapti

```

module Nu,iorksVeritas where
  pav : ∀ {a} → {A : Set a}
    → { _ : Eq A }
    → (x : List A)
    → nu,iork $ nu,iorks x
  pav ℒ.[] = refl
  pav (x ℒ.:: xs) = nuk {!!} $ filnek x $ nu,iorks xs
  where
    filnek : ∀ {a} → {A : Set a}
      → { _ : Eq A }
      → (e : A)
      → (x : List A)
      → e ∉ ℒ.filter (T? ∘ not ∘ _≡b_ e) x
    filnek e ℒ.[] = refl
    filnek e (x ℒ.:: xs) = {!!}
    nuk : ∀ {a} → {A : Set a}
      → { _ : Eq A }
      → {e : A}
      → {x : List A}
      → nu,iork x
      → e ∉ x
      → nu,iork $ e ℒ.:: x
    nuk = {!!}

  rel : ∀ {a} → {A : Set a}
    → { _ : Eq A }
    → (x : List A)
    → (e : A)
    → e ∈ x → e ∈ nu,iorks x
  rel = {!!}

  cib : ∀ {a} → {A : Set a}
    → { _ : Eq A }
    → (x : List A)
    → (e : A)
    → e ∈ nu,iorks x → e ∈ x
  cib = {!!}

```

## 3.5 la girzu

ni'o ga jo la'oi .G. du la'o zoi. map proj<sub>1</sub> \$ girzu g .zoi. gi ro da poi ke'a cmima la'oi .G. zo'u ga je cmima la'oi .g. fa lo te orsi be da gi lo ve .orsi be da cu co'e

ja nilzilcmi lo'i ro cmima be la'oi .G. poi ke'a du lo te .orsi be da

```

girzu :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
         $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
         $\rightarrow \text{List } A$ 
         $\rightarrow \text{List } \$ A \times \mathbb{N}$ 
girzu L = zipmap (length  $\circ$  flip F L) $ nu,iorks L
  where
zipmap =  $\lambda f x \rightarrow \text{zip } x \$ \text{map } f x$ 
F =  $\lambda a \rightarrow \text{length} \circ \mathbb{L}.\text{filter } (\_ \stackrel{?}{=} a)$ 

```

### 3.5.1 le ctaipe be le su'u la girzu cu mapi

```

module GirzuVeritas where
pav :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
       $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
       $\rightarrow (L : \text{List } A)$ 
       $\rightarrow (\text{flip LUA.All } (\text{girzu } L)$ 
           $(\lambda (x_1, x_2) \rightarrow$ 
               $(\_ \times \_$ 
                   $(x_1 \in L)$ 
                       $(x_2 \equiv \_ \$ \text{length } \$ \mathbb{L}.\text{filter } (\_ \stackrel{?}{=} x_1) L))))$ 
pav  $\mathbb{L}.$  = LUA. $\mathbb{L}$ 
pav (x  $\mathbb{L}.$  :: xs) = (cmimakonk x xs , refl) LUA.::  $\{\!\!\}$ 

rel :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
       $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
       $\rightarrow (L : \text{List } A)$ 
       $\rightarrow \text{flip LUA.All } L \$ \_ \in \mathbb{L}.\text{map proj}_1 (\text{girzu } L)$ 
rel  $\mathbb{L}.$  = LUA.All. $\mathbb{L}$ 
rel (x  $\mathbb{L}.$  :: xs) = girzu1 x xs LUA.All.::  $\{\!\!\}$ 

  where
girzu1 :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
           $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
           $\rightarrow (x : A)$ 
           $\rightarrow (xs : \text{List } A)$ 
           $\rightarrow x \in \text{map proj}_1 (\text{girzu } \$ x \mathbb{L}.$  :: xs)
girzu1 =  $\{\!\!\}$ 

sum :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
       $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
       $\rightarrow (L : \text{List } A)$ 
       $\rightarrow \mathbb{L}.\text{sum } (\mathbb{L}.\text{map proj}_2 \$ \text{girzu } L) \equiv \text{length } L$ 

```

```

sum  $\mathbb{L}.$ [] = refl
sum ( $x \mathbb{L}.$ ::  $xs$ ) = {!!}

```

### 3.5.2 la .prefif.

ni'o xu sarcu fa lo nu ciksi bau la .lojban.

```

prefif :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
          $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
          $\rightarrow (x : A)$ 
          $\rightarrow (xs : \text{List } A)$ 
          $\rightarrow \text{LUA.All } (\_ \in (x \mathbb{L}.$ ::  $xs)) \ xs$ 
prefif  $x \mathbb{L}.$ [] = LUA.[]
prefif  $e (x \mathbb{L}.$ ::  $xs) = {!!}$ 

```

### 3.6 la .refif.

ni'o xu sarcu fa lo nu ciksi bau la .lojban.

```

refif :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$ 
         $\rightarrow \{\_ : \text{Eq } A\}$ 
         $\rightarrow (x : \text{List } A)$ 
         $\rightarrow \text{LUA.All } (\_ \in x) \ x$ 
refif  $\mathbb{L}.$ [] = LUA.[]
refif ( $x \mathbb{L}.$ ::  $z$ ) = cmimakonk  $x \ z \text{ LUA.}:: \text{prefif } x \ z$ 

```

## Chapter 4

# le jicmu

### 4.1 la'oi .Multiset.

ni'o ga jo ko'a goi la'oi .*x*. ctaipe la'o zoi. **Multiset** *X* .zoi. gi ga je ko'a me'oi .multiset. gi lo'i ro se cmima be ko'a cu du lo'i ro se cmima be la'o zoi. **Multiset**.liste *x* .zoi.

.i lo me'oi .multiset. cu smimlu lo liste .i ku'i ro da poi ke'a me'oi .multiset. zo'u ro de poi ke'a .multiset. zo'u jitfa fa le du'u lo co'e ja se porsi cu vajni fi lo nu facki lo jei da dunli de

record Multiset {*a*} (*A* : Set *a*) : Set *a*  
  where  
  field  
  liste : List *A*

#### 4.1.1 le krinu be tu'a zo'oi .record.

ni'o la .varik. cu me'oi .record. ciksi la'oi .Multiset. jenai cu gasnu lo nu la'oi .Multiset. du la'oi .List. .i krinu la'e di'u fa le su'u la .varik. cu toldji lo nu frili fa lo nu vukna ja co'e lo ctaipe be la'o zoi. **Multiset** *x* .zoi. lo ctaipe be la'o zoi. List *x* .zoi.

#### 4.1.2 le me'oi .record. co'e

la'o zoi. **setoidMultiset** .zoi.

setoidMultiset :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\} \rightarrow \{\text{Eq } A\} \rightarrow \text{Setoid } a \ a$   
setoidMultiset {*A* = *A*} = record {  
  Carrier = Multiset *A*;  
   $\approx$  = Dun on GL;

```

isEquivalence = record {
  refl = (λ x → x , x) $ refif _;
  sym = Data.Product.swap;
  trans = T}}
where
open DunVeritasJaZo'e using (T)
GL = girzu ◦ Multiset.liste

```

## 4.2 la'oi .Selcmima.

ni'o la'oi .Selcmima. smimlu la'oi .Multiset. .i ku'i ga jo la'oi .a. ctaipe la'o zoi. Selcmima \_\_.zoi. gi la'o zoi. Selcmima.narpanra a .zoi. ctaipe lo su'u ro da poi ke'a cmima ja co'e ko'a goi la'o zoi. Selcmima.liste a .zoi. zo'u li pa nilzilcmi lo'i ro co'e poi da du lo meirmoi be ke'a bei fo ko'a

```

record Selcmima {a} (A : Set a) { _ : Eq A } : Set a
where
field
liste : List A
narpanra : nu,iork liste

```

### 4.2.1 le me'oi .record. co'e

la'o zoi. setoidSelcmima .zoi.

ni'o la .varik. cu stidi lo nu tcidu le velcki fa lo na jimpe...kei je cu stidi lo nu tadni la'oi .Agda. fa lo na jimpe be fi le velcki

```

setoidSelcmima : ∀ {a} → {A : Set a} → { Eq A } → Setoid a a
setoidSelcmima {A = A} = record {
  Carrier = Selcmima A;
  _≈_ = λ a b → AI (_∈ L b) (L a) × AI (_∈ L a) (L b);
  isEquivalence = record {
    refl = λ {x} → (λ x → x , x) $ refif $ Selcmima.liste x;
    sym = Data.Product.swap;
    trans = {!!} }}
where
L = Selcmima.liste
AI = LUA.All

```

## 4.3 la'oi .Fasnu.

ni'o ro da zo'u da ctaipe la'oi .Fasnu. jo cu fasnu

postulate Fasnu : Set

#### 4.3.1 le me'oi .instance.

postulate instance eqFasnu : Eq Fasnu

### 4.4 la'oi **.Selpre.**

ni'o ro da zo'u da ctaipe la'oi .Selpre. jo cu selpre

postulate Selpre : Set

#### 4.4.1 le me'oi .instance.

postulate instance eqSelpre : Eq Selpre

## Chapter 5

# le srana be lo lijda ja co'e

### 5.1 la'oi .Jdanunza'omro.

ni'o ga jo ko'a goi la'oi .a. ctaipe la'oi .Jdanunza'omro. gi ga je ko'a jdanunza'omro gi...

- ga je ko'a selcme lo ro cmima be la'o zoi. Jdanunza'omro.cmene a .zoi. gi
- krici le du'u...
  - ga je ro da zo'u da selvau la'o zoi. Selcmima.liste \$ Jdanunza'omro.velski a .zoi. jo cu jetnu je cu velski ko'a gi
  - ko'a jdanunza'omro lo ro prenu poi ke'a zunkte lo cmima be la'o zoi. Selcmima.liste \$ Jdanunza'omro.krinu a .zoi.

record Jdanunza'omro : Set

where

field

cmene : Selcmima String

velski : Selcmima Fasnu

krinu : Selcmima Fasnu

#### 5.1.1 le me'oi .instance.

postulate instance eqJdanunza'omro : Eq Jdanunza'omro

### 5.2 la'oi .Marde.

ni'o ga naja la'oi .f. ctaipe la'oi .Marde. gi la'o zoi. f x .zoi. ni la'oi .x. vrude la'oi .f. .i ro da zo'u ga jo la'oi .f. ctaipe la'oi .Marde. gi ga jo li no du lo me'oi .f. be



da gi na'e ke co'e ja krici fi da fa lo ro prenu poi la'oi .f. du lo ro marde be ke'a

```
Marde : Set
Marde = Fasnu → ℚ
```

### 5.2.1 le me'oi .instance.

```
postulate instance eqMarde : Eq Marde
```

### 5.2.2 le me'oi .record. co'e

la'oi .setoidMarde.

```
setoidMarde : Setoid _ _
setoidMarde = record {
  Carrier = Marde;
  _≈_ = λ a b → (z : Fasnu) → a z ≡ b z;
  isEquivalence = record {
    refl = λ z → refl;
    sym = λ {a b} x z → {!!};
    trans = {!!}
  }
```

## 5.3 la'oi .Prenu.

ni'o ga jo ko'a goi la'oi .a. ctaipe la'oi .Prenu. gi...

- ga je cmene ko'a fa lo ro cmima be la'o zoi. Selcmima.liste \$ Prenu.cmene a .zoi. gi
- ga je la'o zoi. Prenu.marde a .zoi. marde ko'a gi
- la'o zoi. Prenu.selpre a .zoi. selpre ko'a

```
record Prenu : Set
  where
  field
    cmene : Selcmima String
    marde : Marde
    selpre : Selpre
```

### 5.3.1 le su'u na me'oi .field. fa lo srana be lo lijda

ni'o la .varik. cu djica ko'a goi lo nu su'o da zo'u da me'oi .field. la'oi .Prenu. je cu ctaipe ja co'e la'oi .Lijda. .i ku'i la .varik. cu na birti lo du'u ma kau zabna je su'u rinka ja co'e ko'a .i ga je le velcki be la'oi .Prenu. cu lidne le velcki be la'oi .Lijda. gi zmadu fi le ka ce'u seldji la .varik. fa lo nu lo me'oi .field. be la'oi .Lijda. cu srana lo prenu kei fe lo nu lo me'oi .field. be la'oi .Prenu. cu srana lo lijda

.i la .varik. cu djica curmi lo nu stidi

### 5.3.2 le me'oi .instance.

postulate instance eqPrenu : Eq Prenu

### 5.3.3 le me'oi .record. co'e

la'oi .setoidPrenu.

```
setoidPrenu : (λ x → Setoid x x) _
setoidPrenu = record {
  Carrier = Prenu;
  _≈_ = {!!};
  isEquivalence = {!!}}
```

## 5.4 la'oi .Lijda.

ni'o ga jo ko'a goi la'oi .a. ctaipe la'oi .Lijda. gi...

- ga je la'o zoi. Lijda.marde a .zoi. marde lo ro seljda be ko'a<sup>1</sup> gi
- ga je ga jonai la'oi .nothing. du ko'e goi la'o zoi. map<sub>m</sub> Selcmima.liste \$ Lijda.jdanunza'omro a .zoi. gi ga je su'o da zo'u da jdanunza'omro fi ko'a gi ko'e me'oi .just. lo'i jdanunza'omro be fi ko'a gi
- ga jonai...
  - la'oi .nothing. du ko'e goi la'o zoi. Lijda.cevni a .zoi. gi
  - ga je selcei fa lo ro seljda be ko'a gi...
  - \* ga je ko'e me'oi .just. lo'i cevni be ko'a gi

---

<sup>1</sup>.i jitfa fa le du'u ro da zo'u da srana lo marde be da be'o jo lo marde be lo ro seljda be lo lijda be da .i su'o da zo'u su'o de zo'u ga je de pagbu lo marde be da gi su'o di poi ke'a seljda lo lijda be da zo'u de pagbu lo marde be da be'o jenai lo marde be di

\* ga jo la'oi .t. ctaipe la'o zoi. Is-just \$ Lijda.cevni a .zoi. gi ga jo la'oi .Z. du la'o zoi. Data.Maybe.to-witness t .zoi. gi ga jo la'oi .G. du la'o zoi. proj<sub>1</sub> \$ proj<sub>1</sub> Z .zoi. gi lo mu'oi zoi. (proj<sub>2</sub> Z) m n .zoi. be ko'a goi la'o zoi. G ! m .zoi. bei ko'e goi la'o zoi. G ! n .zoi. cu co'e ja ni ko'a nelci ko'e

record Lijda : Set

where

private

$\mathbb{F}L : \forall \{a\} b \rightarrow \{A : \text{Set } a\} \rightarrow \{B : A \rightarrow \text{Set } b\}$   
 $\rightarrow \{ \text{LL } A \}$   
 $\rightarrow \Sigma A B \rightarrow \text{Set}$   
 $\mathbb{F}L = \text{Fin} \circ \text{length} \circ \text{proj}_1$

field

cevni : Maybe \$  $\Sigma (\text{UL } \$ \text{List Prenu}) \$ (\lambda X \rightarrow X \rightarrow X \rightarrow \mathbb{Q}) \circ \mathbb{F}L$   
marde : Marde  
jdanunza'omro : Maybe \$ Selcmima Jdanunza'omro

#### 5.4.1 le me'oi .record. co'e

setoidLijda :  $(\lambda x \rightarrow \text{Setoid } x x) \_$

setoidLijda = record {

Carrier = Lijda;

$\_ \approx \_ = \lambda a b \rightarrow \text{Lijda.marde } a \equiv \text{Lijda.marde } b$   
 $\times \text{Setoid.} \_ \approx \_ \text{SLJ } (\text{LJ } a) (\text{LJ } b)$   
 $\times \text{Setoid.} \_ \approx \_ \text{SLC } (\text{Lijda.cevni } a) (\text{Lijda.cevni } b);$

isEquivalence = {!!} }

where

LJ = Lijda.jdanunza'omro

SLJ :  $(\lambda x \rightarrow \text{Setoid } x x) \_$

SLJ = record {

Carrier = Maybe \$ Selcmima Jdanunza'omro;

$\_ \approx \_ = \text{SLJdu};$

isEquivalence = {!!} }

where

SLJdu :  $\forall \{a\} \rightarrow \{A : \text{Set } a\}$

$\rightarrow \{ \_ : \text{Eq } A \}$

$\rightarrow \text{Maybe } \$ \text{Selcmima } A$

$\rightarrow \text{Maybe } \$ \text{Selcmima } A$

$\rightarrow \text{Set } a$

SLJdu a@nothing b@nothing = a  $\equiv$  b

SLJdu (just a) (just b) = Setoid. $\_ \approx \_$  setoidSelcmima a b

SLJdu  $\_ \_ = \perp$

SLC :  $(\lambda x \rightarrow \text{Setoid } x x) \_$

```
SLC = record {  
  Carrier = _;  
  _  $\approx$  _ = {!!};  
  isEquivalence = {!!} }
```