Лабораторная работа №5

Дисциплина: Компьютерный практикум по статистическому моделированию

Манаева Варвара Евгеньевна

Содержание

1	Техническое оснащение:	5
2	Цели и задачи работы 2.1 Цель	
3	Выполнение лабораторной работы [2]	7
4	Выводы по проделанной работе 4.1 Вывод	
Сп	писок литературы	9

Список иллюстраций

Список таблиц

1 Техническое оснащение:

- Персональный компьютер с операционной системой Windows 10;
- Планшет для записи видеосопровождения и голосовых комментариев;
- Microsoft Teams, использующийся для записи скринкаста лабораторной работы;
- Приложение Pycharm для редактирования файлов формата *md*;
- pandoc для конвертации файлов отчётов и презентаций.

2 Цели и задачи работы

2.1 Цель

Освоить синтаксис языка Julia для построения графиков.

2.2 Задачи [1]

- 1. Повторить примеры из раздела 5.2
- 2. Выполнить задания для самостоятельной работы из раздела 5.4

3 Выполнение лабораторной работы [2]

Решение прикреплено в конце документа

4 Выводы по проделанной работе

4.1 Вывод

В результате выполнения работы мы освоили синтаксис языка Julia для построения графиков.

Были записаны скринкасты выполнения и защиты лабораторной работы.

4.2 Ссылки на скринкасты:

- Выполнение, Youtube
- Выполнение, Rutube
- Защита презентации, Youtube
- Защита презентации, Rutube

Список литературы

- 1. Лабораторная работа № 5 [Электронный ресурс]. Российский Университет Дружбы Народов имени Патрису Лумумбы, 2023. URL: https://esystem.rudn.ru/mod/resource/view.php?id=1069843.
- 2. Julia official documentation [Электронный ресурс]. 2023. URL: https://docs.j ulialang.org/en/v1/.

Повторение примеров

Основные пакеты для работы с графиками в Julia

```
In [1]: # подключаем для использования Plots:
        using Plots
        # задание функции:
        f(x) = (3x.^2 + 6x - 9).*exp.(-0.3x)
        # генерирование массива значений х в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1
        # (шаг задан через указание длины массива):
        x = collect(range(-5,10,length=151))
        # генерирование массива значений у:
        y = f(x)
        # указывается, что для построения графика используется gr():
        gr()
        # задание опций при построении графика
        # (название кривой, подписи по осям, цвет графика):
        plot(x,y,
            title="A simple curve",
            xlabel="Variable x",
            ylabel="Variable y",
            color="blue")
```


Variable x

```
In [2]: # указывается, что для построения графика используется pyplot():

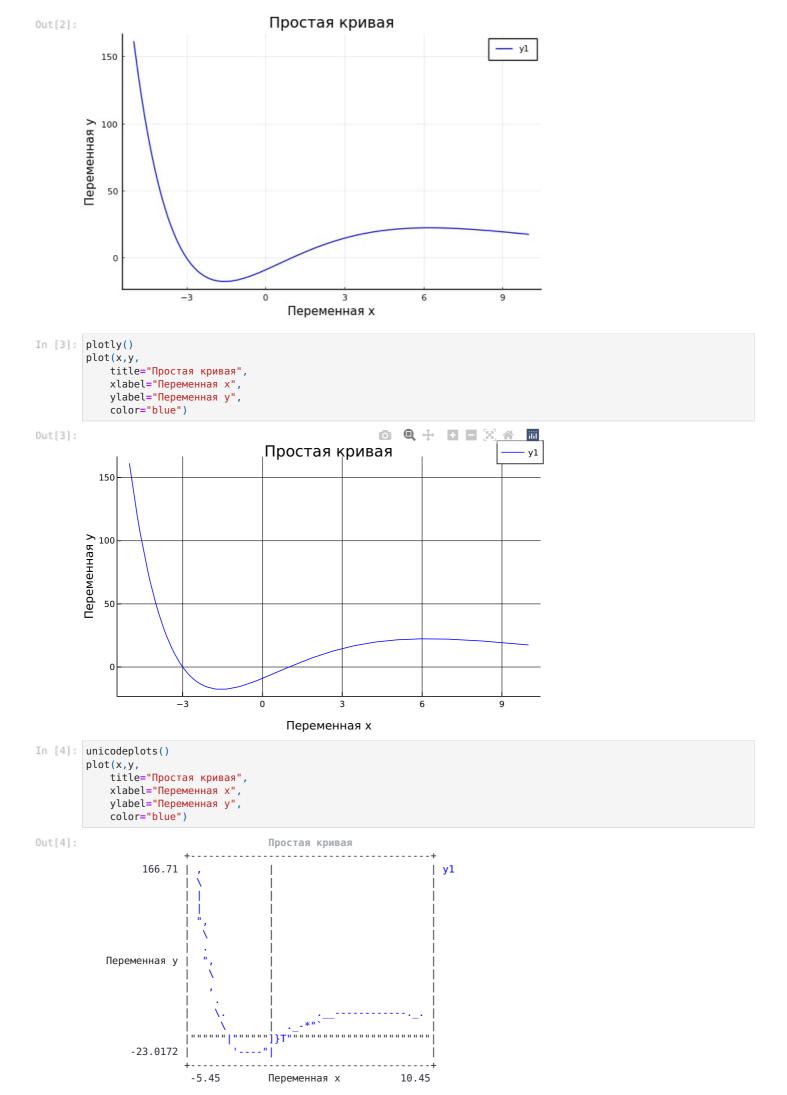
рурlot()

# задание опций при построении графика

# (название кривой, подписи по осям, цвет графика):

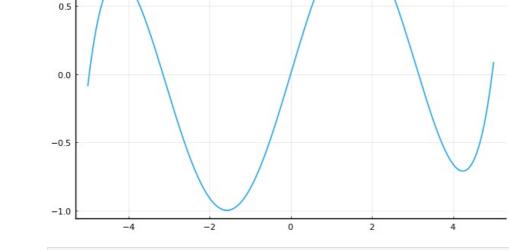
plot(x,y,

    title="Простая кривая",
    xlabel="Переменная x",
    ylabel="Переменная y",
    color="blue")
```

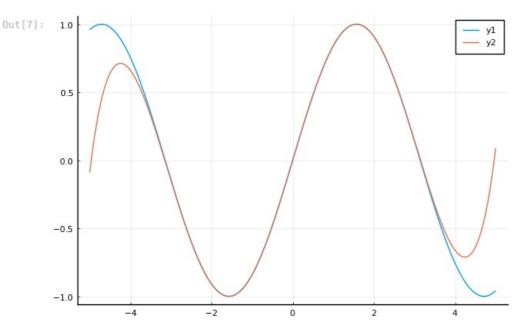


Опции при построении графика

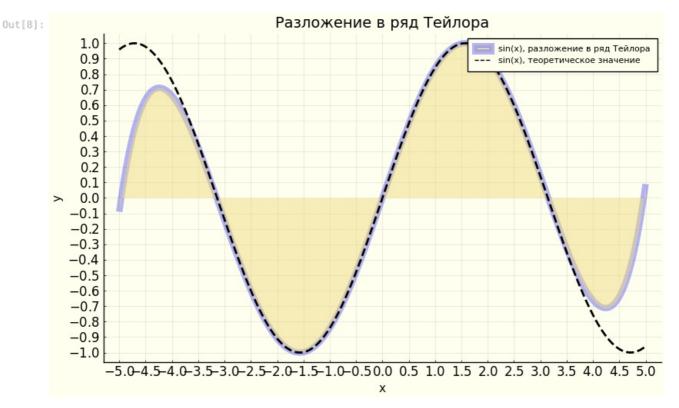
```
In [5]: # указывается, что для построения графика используется pyplot():
         pyplot()
         # задание функции sin(x):
        sin\_theor(x) = sin(x)
# построение графика функции sin(x):
         plot(sin_theor)
Out[5]:
         1.0
          0.5
         -0.5
         -1.0
                      -4
                                    -2
                                                   0
In [6]: # задание функции разложения исходной функции в ряд Тейлора:
         sin_taylor(x) = [(-1)^i*x^(2*i+1)/factorial(2*i+1) for i in 0:4] > sum
         # построение графика функции sin_taylor(x):
         plot(sin_taylor)
Out[6]:
         1.0
          0.5
```



```
In [7]: # построение двух функций на одном графике:
  plot(sin_theor)
  plot!(sin_taylor)
```



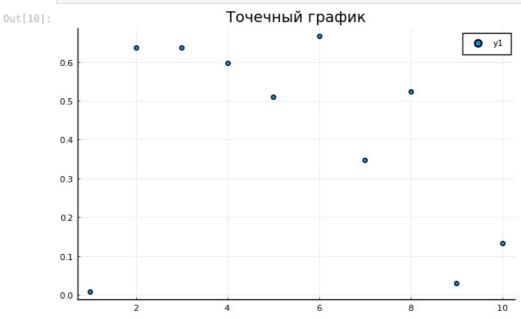
```
In [8]: plot(
              # функция sin(x):
              sin_taylor,
              # подпись в легенде, цвет и тип линии:
             label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора", line=(:blue, 0.3, 6, :solid),
              # размер графика:
              size=(800, 500),
              # параметры отображения значений по осям
             xticks = (-5:0.5:5),
             yticks = (-1:0.1:1),
xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
ytickfont = font(12, "Times New Roman"),
              # подписи по осям:
              ylabel = "y",
             xlabel = "x",
              # название графика:
             title = "Разложение в ряд Тейлора",
              # поворот значений, заданный по оси х:
             xrotation = rad2deg(pi/4),
              # заливка области графика цветом:
             fillrange = 0,
              fillalpha = 0.5,
              fillcolor = :lightgoldenrod,
              # задание цвета фона:
              background_color = :ivory
         plot!(
              # функция sin theor:
              sin theor,
              # подпись в легенде, цвет и тип линии:
              label = "sin(x), теоретическое значение",
              line=(:black, 1.0, 2, :dash))
```



```
In [9]: savefig("taylor.pdf")
    savefig("taylor.png")
```

Out[9]: "D:\\Education\\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\\labs\\gitrepo\\lab5\\taylor.png"

Точечный график



```
sys:1: UserWarning: No data for colormapping provided via 'c'. Parameters 'vmin', 'vmax' will be ignored
```

```
In [11]: # параметры распределения точек на плоскости:

n = 50

x = rand(n)

y = rand(n)

ms = rand(n) * 30

# параметры построения графика:

scatter(x, y,

label = "Случайные точки в 2D пространстве",

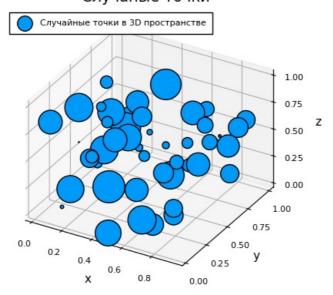
leg=:topright,

ylabel = "y",
```

```
xlabel = "x",
title = "Случаные точки",
markersize=ms)
```

Out[12]:

Случаные точки



Аппроксимация данных

```
In [13]: # массив данных от 0 до 10 с шагом 0.01:
    x = collect(0:0.01:9.99)
    # экспоненциальная функция со случайным сдвигом значений:
    y = exp.(ones(1000)+x) + 4000*randn(1000)
    # построение графика:
    scatter(x,y,markersize=3,alpha=.8,legend=false)
```

```
Out[13]:
6.0×10<sup>4</sup>
2.0×10<sup>4</sup>
0
0.0 2.5 5.0 7.5 10.0
```

```
In [14]: # определение массива для нахождения коэффициентов полинома:

A = [ones(1000) x x.^2 x.^3 x.^4 x.^5]

# решение матричного уравнения:

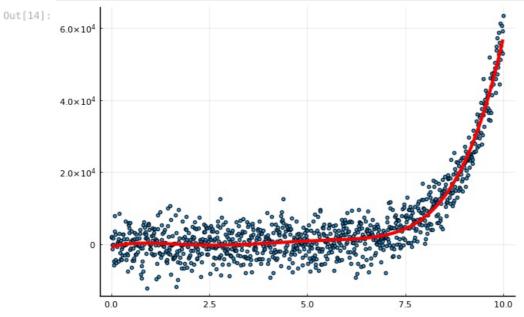
c = A\y

# построение полинома:

f1 = c[1]*ones(1000) + c[2]*x + c[3]*x.^2 + c[4]*x.^3 + c[5]*x.^4 + c[6]*x.^5

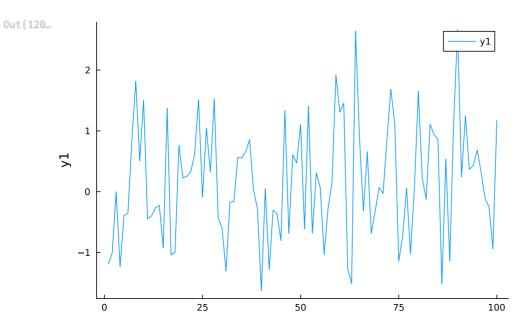
# построение графика аппроксимирующей функции:

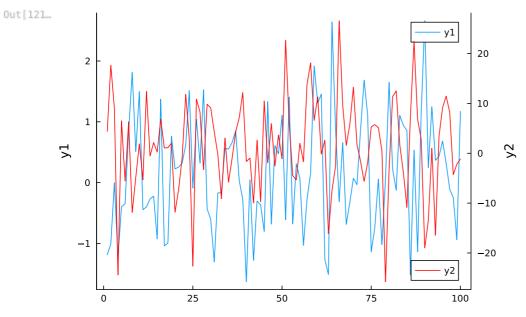
plot!(x,f1,linewidth=3, color=:red)
```



Две оси ординат

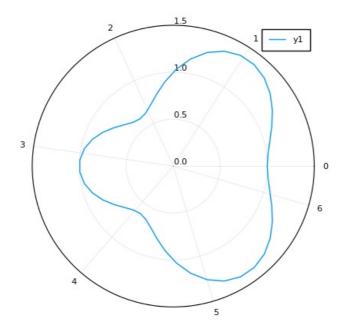
```
In [120... # пример случайной траектории
# (заданы обозначение траектории, легенда вверху справа, без сетки)
plot(randn(100),
    ylabel="y1",
    leg=:topright,
    grid = :off,
    )
```





Полярные координаты





Параметрический график

```
In [18]: # παραмеτρическое уравнение:
x1(t) = sin(2t)
y1(t) = sin(2t)
# ποστροεμων ετραφωνα:
plot(x1, y1, 0, 2π, leg=false, fill=(0,:orange))

Out[18]: 10

-05

-10

-10

-05

00

05

10
```

```
In [19]: # параметрическое уравнение
t = range(0, stop=10, length=1000)
x = cos.(t)
y = sin.(t)
z = sin.(5t)
# построение графика:
plot(x, y, z)
```



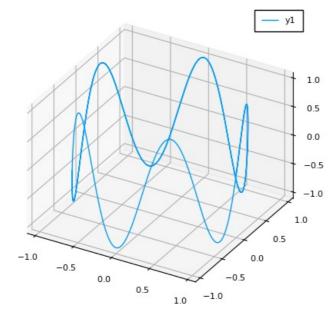
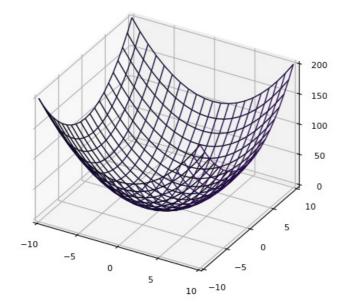


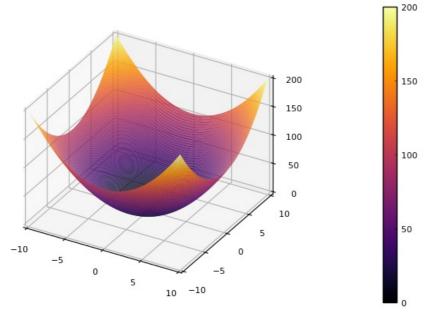
График поверхности

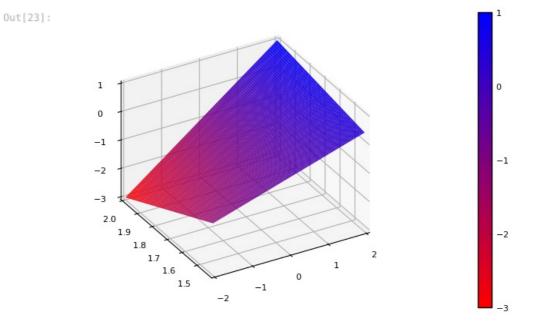
```
In [20]: # построение графика поверхности:
         f(x,y) = x^2 + y^2
         x = -10:10
         y = x
         surface(x, y, f)
                                                                                     200
Out[20]:
                                                                 200
                                                                                     150
                                                                 150
                                                                 100
                                                                                     100
                                                                 50
                                                                 0
                                                               10
                                                                                     50
                 -10
                                                        0
                        -5
                                                    -5
                                            10 -10
```

Out[21]:

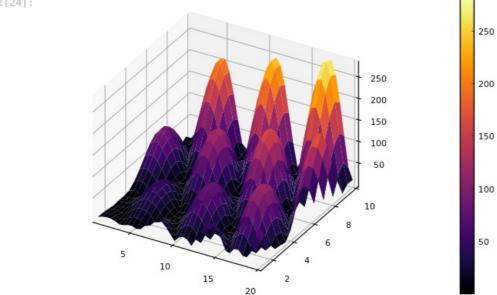


Out[22]:

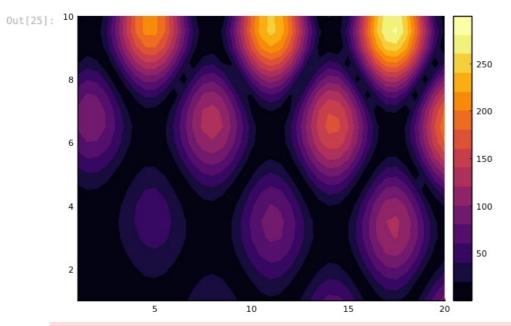




Линии уровня



```
In [25]: p = contour(x, y, g, fill=true)
plot(p)
```



sys:1: UserWarning: The following kwargs were not used by contour: 'label'

Векторные поля

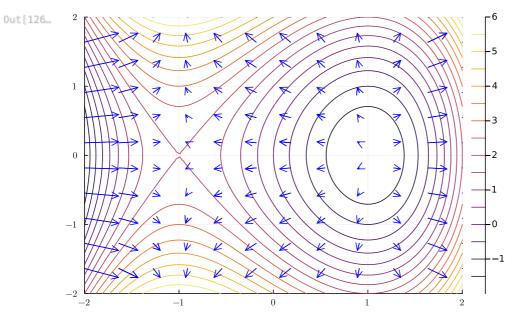
```
In [124. # градиент:
    x = range(-2, stop=2, length=12)
    y = range(-2, stop=2, length=12)
    # производная от исходной функции:
    dh(x, y) = [3x^2 - 3; 2y] / 25
    # построение векторного поля:
    quiver!(x, y', quiver=dh, c=:blue)
    # коррекция области видимости графика:
    xlims!(-2, 2)
    ylims!(-2, 2)
```

```
Expects 12 elements in each col of y, found 1.
                Stacktrace:
                    [1] error(s::String)
                        @ Base .\error.jl:35
                    [2] compute xyz(x::StepRangeLen{Float64, Base.TwicePrecision{Float64}, Base.TwicePrecision{Float64}, Int64},
                y::Vector{Float64}, z::Nothing, nice_error::Bool)
                        @ RecipesPipeline C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesPipeline\BGM3l\src\series.jl:90
                    [3] macro expansion
                        @ C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesPipeline\BGM3l\src\series.jl:140 [inlined]
                    [4] apply_recipe(plotattributes::AbstractDict{Symbol, Any}, #unused#::Type{RecipesPipeline.SliceIt}, x::Any, y
                 ::Any, z::Any)
                        @ RecipesPipeline C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesBase\BRe07\src\RecipesBase.jl:300
                    [5] _process_userrecipes!(plt::Any, plotattributes::Any, args::Any)
                        @ RecipesPipeline C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesPipeline\BGM3l\src\user recipe.jl:38
                    [6] recipe_pipeline!(plt::Any, plotattributes::Any, args::Any)
                        @ RecipesPipeline C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesPipeline\BGM3l\src\RecipesPipeline.jl:72
                    [7] plot!(plt::Plots.Plot, plotattributes::Any, args::Any)
                        @ Plots C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\Plots\sxUvK\src\plot.jl:223
                    [8] \ plot! (::Plots.Plot, ::Any, ::Vararg\{Any\}; \ kw::Base.Pairs\{Symbol, \ V, \ Tuple\{Vararg\{Symbol, \ N\}\}, \ NamedTuple\{n, n\}\}, \ NamedTuple\{n, n\}, \ NamedTuple\{n
                ames, T}} where {V, N, names, T<:Tuple{Vararg{Any, N}}})</pre>
                        @ Plots C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\Plots\sxUvK\src\plot.jl:213
                    [9] plot!(::Any, ::Vararg{Any}; kw::Base.Pairs{Symbol, V, Tuple{Vararg{Symbol, N}}, NamedTuple{names, T}} wher
                e {V, N, names, T<:Tuple{Vararg{Any, N}}})
                        @ Plots C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\Plots\sxUvK\src\plot.jl:202
                  [10] quiver!(::Any, ::Vararg{Any}; kw::Base.Pairs{Symbol, V, Tuple{Vararg{Symbol, N}}, NamedTuple{names, T}} wh
                ere {V, N, names, T<:Tuple{Vararg{Any, N}}})</pre>
                        @ Plots C:\Users\vemanaeva\.julia\packages\RecipesBase\BRe07\src\RecipesBase.jl:429
                  [11] top-level scope
                       @ In[124]:7
In [125… # градиент:
                  x = range(-2, stop=2, length=12)
                  y = range(-2, stop=2, length=12)
                  # производная от исходной функции:
                  dh(x, y) = [3x^2 - 3; 2y] / 25
                  # построение векторного поля:
                  quiver!(x, y, quiver=dh, c=:blue)
                  # коррекция области видимости графика:
                  xlims!(-2, 2)
                  ylims!(-2, 2)
```



1 -3 0 -1- 0 -1-1 O

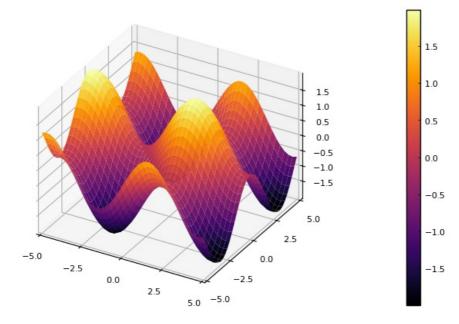
```
In [126… # градиент:
         pyplot()
         xv = collect(range(-2, stop=2, length=12))
         yv = collect(range(-2, stop=2, length=12))
         # производная от исходной функции:
         dh(x,y) = [3*x^2 - 3; 2y] / 25
         x = vcat([xv for i in 1:12]...)
         y = reshape(hcat([yv for i in 1:12]...)', :, 1)
         # построение векторного поля:
         quiver!(x, y, quiver=dh, c=:blue)
         # коррекция области видимости графика:
         xlims!(-2, 2)
         ylims!(-2, 2)
```

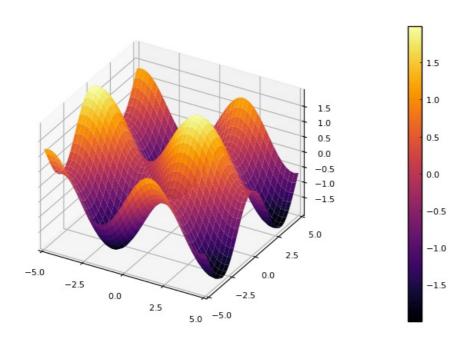


Анимация

```
In [29]: # построение поверхности:
    i = 0
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+l0sin(i))+cos(y))
# анимация:
    X = Y = range(-5, stop=5, length=40)
    @gif for i in range(0, stop=2π, length=100)
    surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+l0sin(i))+cos(y))
end
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\tmp.gif

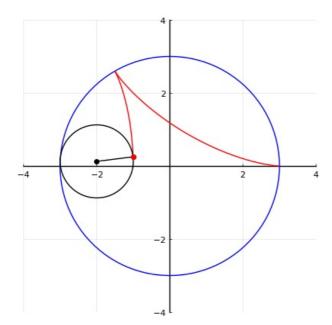




Гипоциклоида

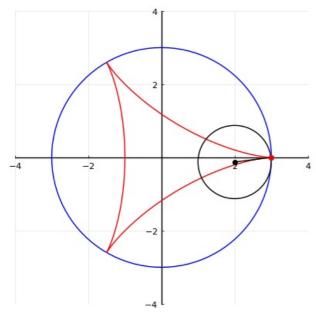
```
In [30]: # радиус малой окружности:
          r1 = 1
          # коэффициент для построения большой окружности:
          k = 3
          # число отсчётов:
          n = 100
          # массив значений угла 0:
          # theta from 0 to 2pi ( + a little extra)
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/100:2*\pi+2*\pi/100)
          # массивы значений координат:
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          # задаём оси координат:
          \texttt{plt=plot}(5, \texttt{xlim=}(-4, 4), \texttt{ylim=}(-4, 4), \texttt{c=:red}, \texttt{aspect\_ratio=}1, \texttt{legend=false}, \texttt{framestyle=:origin})
          # большая окружность:
          plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
          i = 50
          t = \theta[1:i]
          # гипоциклоида:
          x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
          y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
          plot!(x,y, c=:red)
          # малая окружность:
          xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(\theta)
          yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
          plot!(xc,yc,c=:black)
          # радиус малой окружности:
          xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
          yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
          plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
          scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
```

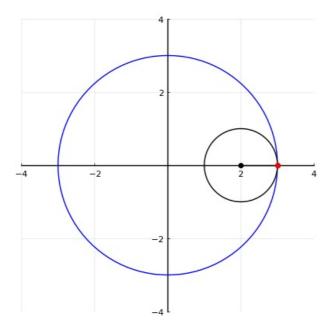




```
In [31]: anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-4,4),ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          gif(anim, "hypocycloid.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid.gif



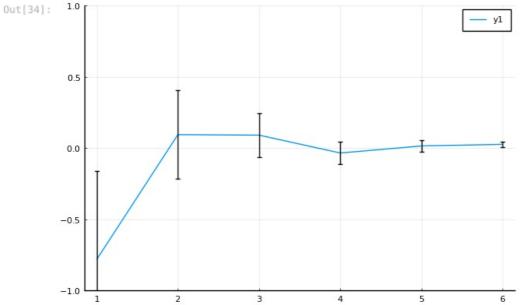


Errorbars

In [32]: # подключение пакета Statistics:

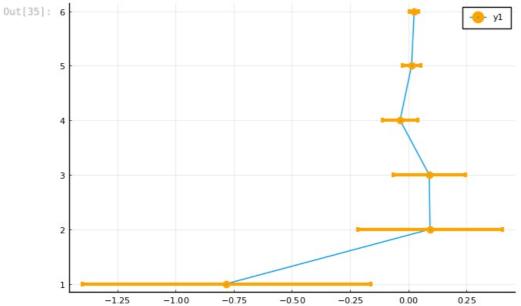
```
using Statistics
         sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]
         n = 10
         y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
         errs = 1.96 * sds / sqrt(n)
Out[32]: 6-element Vector{Float64}:
          0.6198064213930023
          0.3099032106965012
          0.1549516053482506
          0.0774758026741253
          0.03873790133706265
          0.019368950668531323
In [33]: plot(y,
         ylims = (-1,1),
Out[33]: 1.0
          0.5
          0.0
         -0.5
         -1.0
                             2
```

```
In [34]: plot(y,
    ylims = (-1,1),
    err = errs
)
```



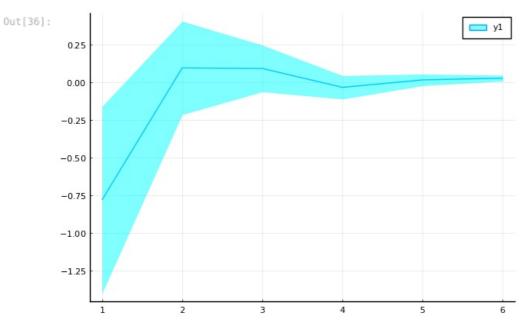
sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((0.0, 0.0, 0.0, 1.0)) for an unfilled marker ('_'). Matp lotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.

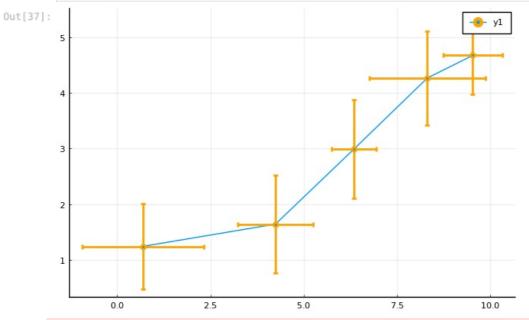
```
In [35]: plot(y, 1:length(y),
    xerr = errs,
    marker = stroke(3,:orange)
)
```



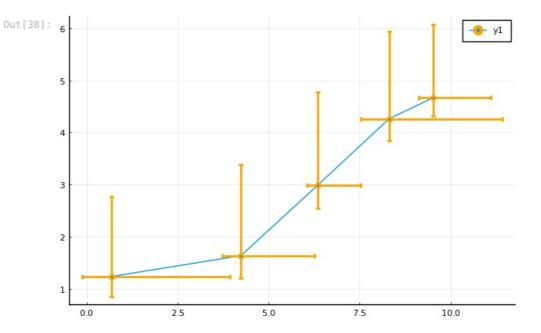
sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((1.0, 0.6470588235294118, 0.0, 1.0)) for an unfilled mark er ('|'). Matplotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.

```
In [36]: plot(y,
    ribbon=errs,
    fill=:cyan
)
```





sys:1: UserWarning: You passed a edgecolor/edgecolors ((1.0, 0.6470588235294118, 0.0, 1.0)) for an unfilled mark er ('_'). Matplotlib is ignoring the edgecolor in favor of the facecolor. This behavior may change in the future.



Использование пакета Distributions

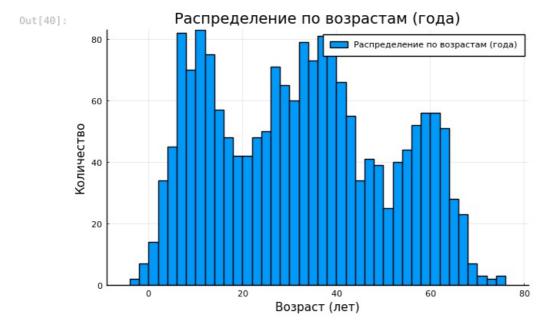
```
In [39]: using Distributions
          pyplot()
          ages = rand(15:55,1000)
          histogram(ages)
          d=Normal(35.0,10.0)
          ages = rand(d, 1000)
          histogram(
               ages,
               label="Распределение по возрастам (года)",
               xlabel = "Возраст (лет)",
               ylabel= "Количество"
Out[39]:

    Распределение по возрастам (года)

             150
          Количество
             100
              50
                                     20
                                                                        60
                                                       40
```

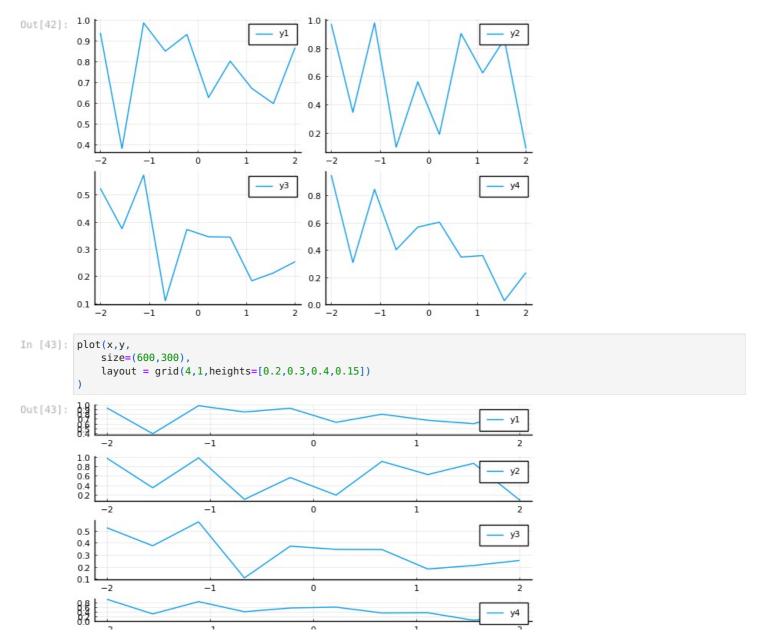
```
In [40]: pyplot()
d1=Normal(10.0,5.0);
d2=Normal(35.0,10.0);
d3=Normal(60.0,5.0);
N=1000;
ages = (Float64)[];
ages = append!(ages,rand(d1,Int64(ceil(N/2))));
ages = append!(ages,rand(d2,N));
ages = append!(ages,rand(d3,Int64(ceil(N/3))));
histogram(
    ages,
    bins=50,
    label="Pacnpedenehue по возрастам (года)",
    xlabel = "Возраст (лет)",
    ylabel= "Количество",
    title = "Распределение по возрастам (года)")
```

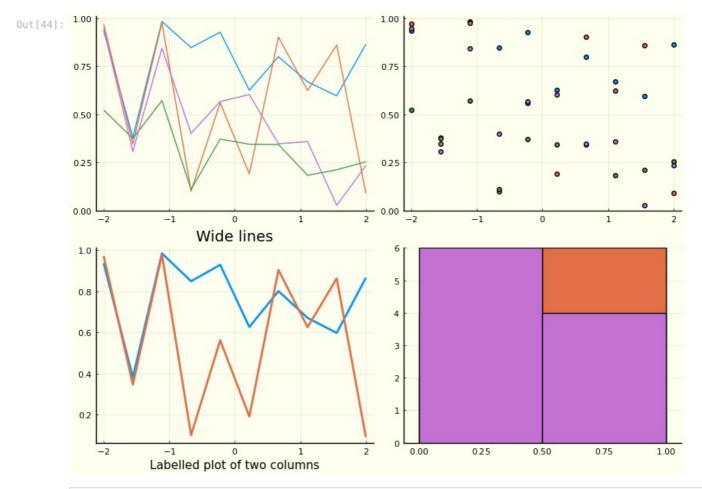
Возраст (лет)

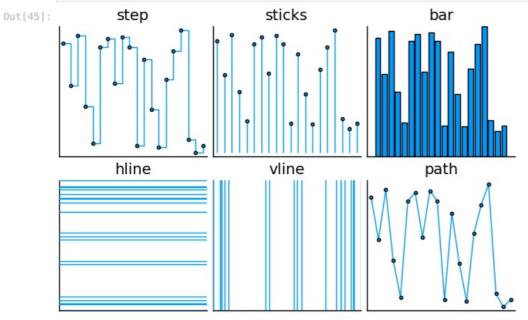


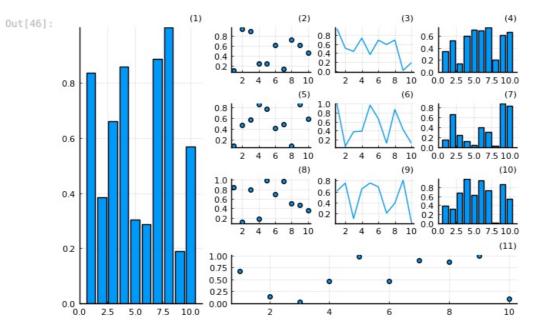
Подграфики

```
In [41]: # подгружаем pyplot():
            pyplot()
            # построение серии графиков:
            x=range(-2,2,length=10)
            y = rand(10,4)
            plot(x,y,
            layout=(4,1)
            1.0
0.9
0.8
0.7
0.6
0.5
0.4
Out[41]:
                                                                                                         y1
                 -2
                                       -1
                                                              0
                                                                                    1
                                                                                                          2
            1.0
            0.8
                                                                                                         y2
            0.4
            0.2
                                                              0
                                                                                    1
            0.5
0.4
0.3
                                                                                                         уЗ
            0.2
            0.1
                 -2
                                       -1
                                                              0
                                                                                    1
                                                                                                          2
            8.0
            0.6
            0.4
            0.2
                                       -1
                                                              0
                 -2
In [42]: plot(x,y,
    layout=4
```



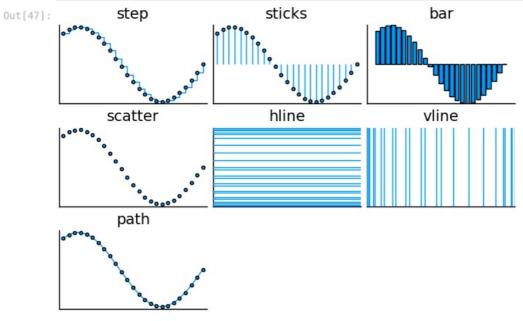






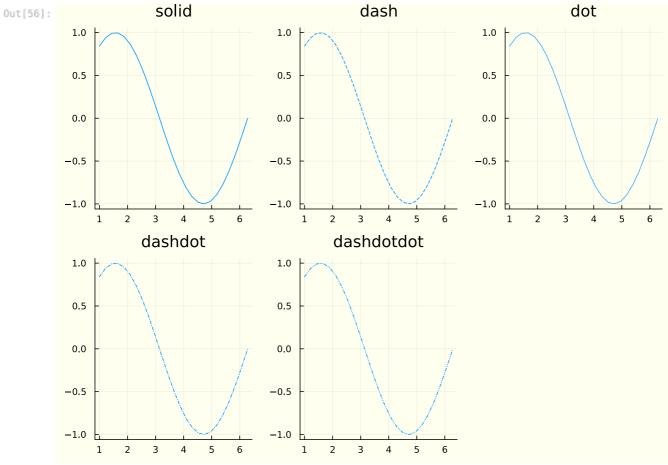
Самостоятельная работа

1. Постройте все возможные типы графиков (простые, точечные, гистограммы и т.д.) функции $y = sin(x), x = 0, 2\pi$. Отобразите все графики в одном графическом окне.



2. Постройте графики функции $y = sin(x), x = 0, 2\pi$ со всеми возможными (сколько сможете вспомнить) типами оформления линий графика. Отобразите все график в одном графическом окне

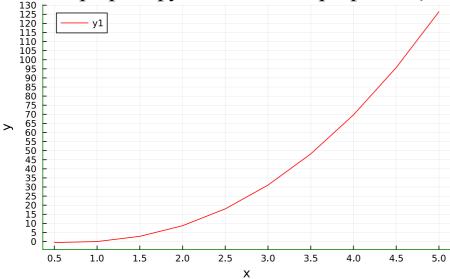
```
ls = lss[2],
    title = titles[2],)
p3 = plot(x values, y2,
    ls = lss[3],
    title = titles[3],)
p4 = plot(x_values, y2,
    ls = lss[4],
    title = titles[4],)
p5 = plot(x_values, y2,
   ls = lss[5],
    title = titles[5],)
plot(p1,p2,p3,p4,p5,
    layout=5,
    legend=false,
    size=(800,600),
    background color = :ivory
```



3. Постройте график функции $y(x) = \pi x^2 ln(x)$, назовите оси соответственно. Пусть цвет рамки будет зелёным, а цвет самого графика — красным. Задайте расстояни между надписями и осями такч чтобы надписи полностью умещались в графическ м окне. Задайте шрифт надписей. Задайте частоту отметок на осях координат.

Out[60]:

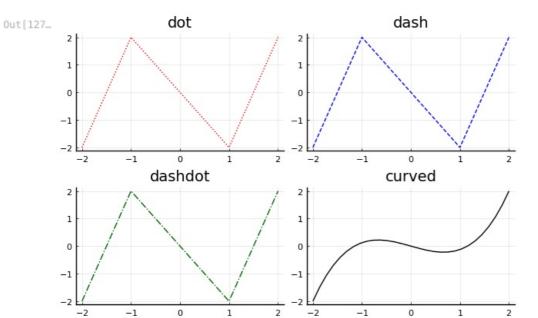
График функции с логарифмом:)



- 4. Задайте вектор x = (-2, -1, 0, 1, 2). В одном графическом окне (в 4-х подокнах) изобразите графически по точкам x значения функции $y(x) = x^3 3x$ в виде:
- точек,
- линий,
- линий и точек,
- кривой.

Сохраните полученные изображения в файле figure familiya.png, где вместо familiya укажите вашу фамилию.

```
In [127... x_{values} = [-2, -1, 0, 1, 2] # x_{values} = collect(-2:2)
         y4(x) = x^3 - 3*x
         titles = ["curved" "dash" "dot" "dashdot"]
         p1 = curves(x_values, y4,
             title = titles[1],
             color = :black)
         p2 = plot(x values, y4,
             ls = :dash,
             title = titles[2],
             color = :blue)
         p3 = plot(x values, y4,
             ls = :dot,
             title = titles[3],
             color = :red)
         p4 = plot(x values, y4,
             ls = :dashdot,
             title = titles[4],
             color = :darkgreen)
         plot(p3,p2,p4,p1,
             layout=4,
             legend=false,
```

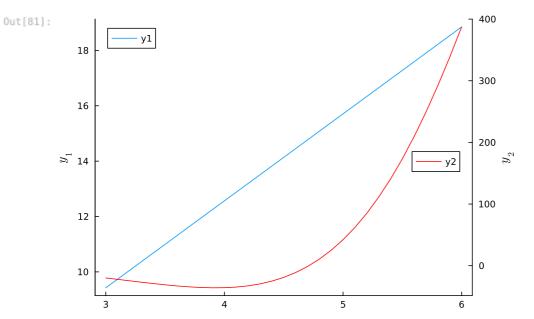


```
In [75]: savefig("figure_Manaeva.png")
```

- Out[75]: "D:\\Education\\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\\labs\\gitrepo\\lab5\\figure_Manaeva.png"
 - 5. Задайте вектор x=(3,3.1,3.2,...,6). Постройте графики функций $y_1(x)=\pi x$ и $y_2(x)=e^x cos(x)$ в указанном диапазоне значений аргумента x двумя разными способами

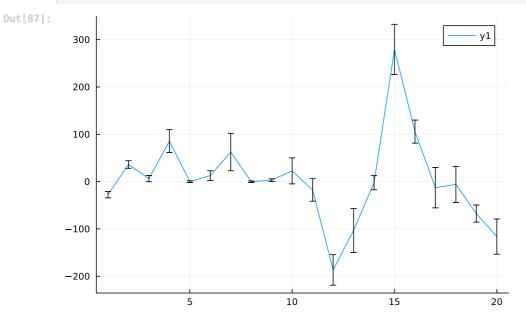
```
Оut[76]: 400
Прямая
Экспонента

100
0
```



6. Постройте график некоторых экспериментальных данных (придумайте сами), учитывая ошибку измерения.

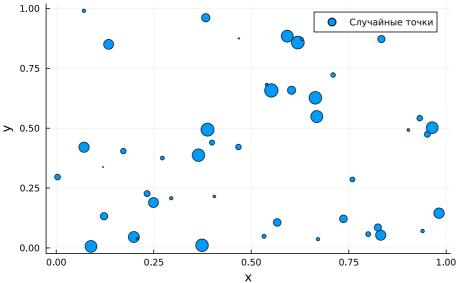
```
In [87]: sds = collect(rand(1:500, 20))
    n = 10
    y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]
    errs = 0.36 * sds / sqrt(n)
    plot(y,
    err = errs
)
```



7. Постройте точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.

```
In [88]: n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
ms = rand(n) * 10
# параметры построения графика:
scatter(x, y,
    label = "Случайные точки",
    leg=:topright,
    ylabel = "y",
    xlabel = "x",
    title = "Случаные точки в 2D пространстве",
    markersize=ms)
```

Out[88]: Случаные точки в 2D пространстве

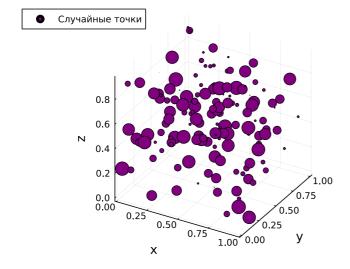


8. Постройте 3-мерный точечный график случайных данных. Подпишите оси, легенду, название графика.

```
In [93]: n = 150
    x = rand(n)
    y = rand(n)
    z = rand(n) * 10

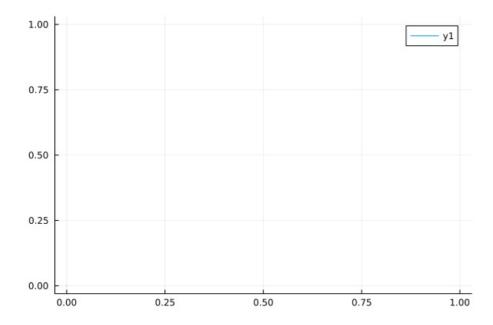
# параметры построения графика:
scatter(x, y, z,
    label = "Случайные точки",
    leg=:topleft,
    ylabel = "y",
    xlabel = "x",
    zlabel = "z",
    title = "Случаные точки в 3D пространстве",
    markersize=ms,
    mc = :purple
}
```

Случаные точки в 3D пространстве



Out[93]:

9. Создайте анимацию с построением синусоиды. То есть, постройте последовательность графиков синусоиды, постепенно увеличивая значение аргумент, пПосл чегое соединит их в анимацию.

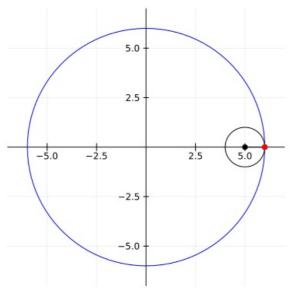


10. Постройте анимированную гипоциклоиду для 2 целых значений модуля k и 2 рациональных значений модуля k.

```
In [104... r1 = 1
         k = 6
         n = 100
         \theta = \text{collect}(0:2*\pi/100:2*\pi+2*\pi/100)
         X = r1*k*cos.(\theta)
         Y = r1*k*sin.(\theta)
         anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) .+ r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([rl*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
         gif(anim, "hypocycloid_1.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid.gif

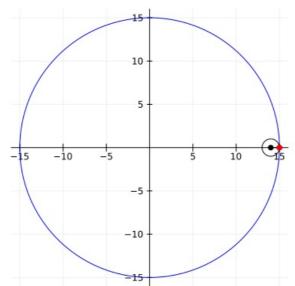




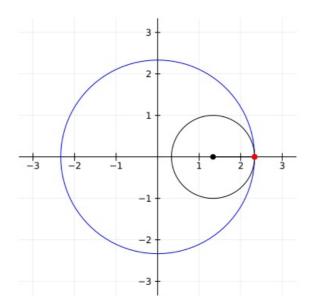
```
In [107... r1 = 1
         k = 15
         n = 200
         \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:2*\pi+2*\pi/n)
         X = r1*k*cos.(\theta)
         Y = r1*k*sin.(\theta)
         anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) + r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
         end
         gif(anim, "hypocycloid 2.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\KомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid_1.gif

ut[107...



```
In [112... r1 = 1
          k = 7/3
          n = 100
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:20*\pi+20*\pi/n)
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) .+ r1*sin.(\theta)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          end
          gif(anim, "hypocycloid_3.gif")
```



```
In [114... r1 = 1
          k = 3/7
          n = 100
          \theta = \text{collect}(0:2*\pi/n:20*\pi+20*\pi/n)
          X = r1*k*cos.(\theta)
          Y = r1*k*sin.(\theta)
          anim = @animate for i in 1:n
              # задаём оси координат:
              plt=plot(5,xlim=(-k-1,k+1),ylim=(-k-1,k+1), c=:red, aspect_ratio=1,legend=false, framestyle=:origin)
              # большая окружность:
              plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
              t = \theta[1:i]
              # гипоциклоида:
              x = r1*(k-1)*cos.(t) + r1*cos.((k-1)*t)
              y = r1*(k-1)*sin.(t) - r1*sin.((k-1)*t)
              plot!(x,y, c=:red)
              # малая окружность:
              xc = r1*(k-1)*cos(t[end]) + r1*cos.(\theta)
              yc = r1*(k-1)*sin(t[end]) + r1*sin.(0)
              plot!(xc,yc,c=:black)
              # радиус малой окружности:
              xl = transpose([r1*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
              yl = transpose([r1*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
              plot!(xl,yl,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)
              scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
          gif(anim, "hypocycloid 4.gif")
```

[Info: Saved animation to D:\Education\КомпПрактикумПоСтатМоделированию\labs\gitrepo\lab5\hypocycloid_4.gif

Out[114...

