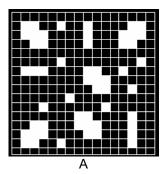


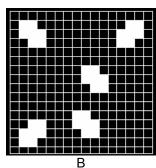
## Sistemas de Visão e Percepção Industrial

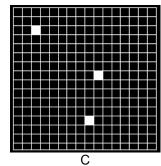
Exame de Época Normal 23 de Junho de 2008

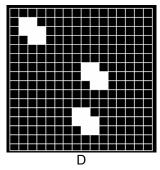
Mestrado Integrado em Engenharia Mecânica Mestrado em Engenharia de Automação Industrial

1- Sejam as seguintes imagens binárias de 16X16 pixels onde os pontos de objecto são brancos (valor 1). Nas questões, as letras A, B, C e D referem-se às respectivas imagens.

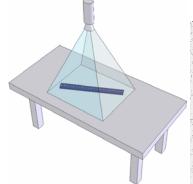


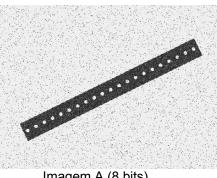


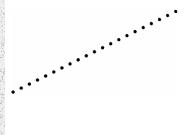




- Determinar um filtro 3x3 através do qual se possa obter a imagem B a partir da imagem A, e indicar de forma resumida as operações necessárias para levar a cabo o procedimento.
- Determinar os elementos estruturantes da operação morfológica Hit-and-miss para obter a imagem C a partir da imagem B, ou seja, indicar  $S=(S_1, S_2)$  em  $C=B\otimes S$ .
- Para obter D a partir de C usou-se a sequinte expressão  $D = C \oplus S$  (dilatação). Determinar e representar S.
- d) Qual seria o resultado X da operação  $X = TopHat(A, S) = A (A \circ S)$  onde S=ones(3,3)? O operador representado é a "abertura" morfológica.
- Se a partir da imagem C se quisesse criar uma imagem com 3 linhas horizontais de um pixel em toda a largura da imagem, qual seria a operação morfológica e o menor elemento estruturante possível que se poderia usar?
- 2- Uma réqua de comprimento indefinido, mas com furos de centímetro em centímetro, está pousada horizontalmente sobre uma mesa e é inteiramente visível através de uma câmara com as seguintes características: distância focal de 8 mm, dot-pitch do CCD de 80 pixels/mm e dimensão de imagem de 640X480 pixels. A câmara está colocada verticalmente sobre a mesa e com o plano focal paralelo ao tampo. A espessura da régua é desprezável e pode ter qualquer orientação no plano da mesa. A imagem na câmara (A) tem 256 níveis de cinzento.







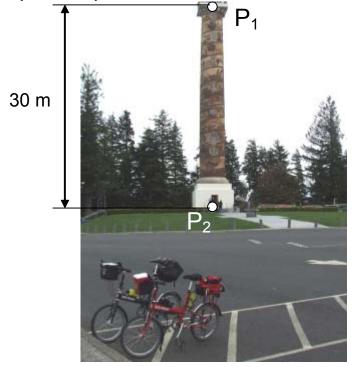
Sistema físico

Imagem A (8 bits)

Imagem B (binária)

- a) Indicar e explicar que operações se deveriam aplicar genericamente sobre a imagem A para obter a imagem B.
- b) A partir da imagem B, indicar um procedimento para contar o número de furos, mas sem invocar funções de alto nível como o "bwlabel" ou similar do MatLab ou outros. Ou seja, deve apenas usar-se procedimentos básicos de morfologia e manipulação de pixels de imagem.
- Indicar um procedimento algorítmico para obter as coordenadas dos centros de massa dos furos dos extremos da régua. Pode complementar-se a resolução com instruções Matlab, se necessário.
- Sabendo que as coordenadas, em pixels, se medem a partir do canto superior esquerdo da imagem, se as coordenadas encontradas para os furos nos extremos da régua tiverem os seguintes valores em pixels P1(86,368) e P2(558,128), determinar a que altura da mesa está o plano focal da câmara.

3- A coluna Astoria nos EUA tem cerca de 30 metros de altura entre os pontos assinalados na imagem como P1 e P2. A imagem tem dimensões 1596x2160 possuindo um *dot-pitch* de 216 pixels/mm. A fotografia foi tirada com a câmara colocada com o seu eixo óptico paralelo ao plano do pavimento e com o plano focal paralelo à coluna. A distância focal usada foi de 24 mm.



- a) Se as coordenadas em pixels de P1 e P2 forem P1(792,60) e P2(792, 1236), com o pixel (1,1) correspondendo ao canto superior esquerdo da imagem, determinar as coordenadas físicas (em milímetros) dos respectivos pontos no CCD da câmara admitindo que o centro geométrico do CCD é usado para origem do seu sistema de coordenadas (0,0).
- b) Com base nos dados, determinar a que distância da coluna foi tirada a fotografia.
- c) A que distância do solo estava a câmara na altura da fotografia?
- d) Descrever um procedimento (com o detalhe necessário a uma implementação, por exemplo, em Matlab do qual se podem usar as funções) que permita contar a área em pixels do espaço verde da relva em torno da coluna. Sugestão: admitir que a saturação do verde da relva é superior ao de qualquer outra região e é maior de 75%.
- 4- Seja uma imagem binária em que os pixels brancos têm coordenadas genéricas  $(x_i, y_i)$ . Considere-se um caso particular de uma imagem com apenas dois pixels  $P_1=(x_1, y_1)$  e  $P_2=(x_1, y_1)$ .
  - a) Demonstrar que a transformada de Hough dessa imagem num espaço de parâmetros para linhas rectas ( $\rho$ ,  $\theta$ ) são duas sinusóides nesse espaço,  $\rho = k_i \sin\left(\theta + \varphi_i\right)$  i = 1, 2, e determinar as suas amplitudes  $k_i$  e fases  $\varphi_i$  em função das coordenadas de P<sub>1</sub> e P<sub>2</sub>.
  - b) Se  $P_1$ =(5,10) e  $P_2$ =(10, 5) determinar em que ponto do espaço ( $\rho$ ,  $\theta$ ) se intersectam essas sinusóides.

## Cotação:

Questão 1 – 6 Valores. Questão 2 – 5 Valores. Questão 3 – 5 Valores. Questão 4 – 4 Valores

## Breve formulário

Matriz intrínseca da câmara.  $\mathbf{K} = \begin{bmatrix} \alpha_x & 0 & x_0 & 0 \\ 0 & \alpha_y & y_0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$ 

Equação polar da recta:  $x\cos\theta + y\sin\theta = \rho$ 

Relações trigonométricas:  $\sin(a\pm b) = \sin a \cos b \pm \cos a \sin b$ ,  $\cos(a\pm b) = \cos a \cos b \mp \sin a \sin b$