Топлопроводност на слабопроводящи материали

Васил Николов (Dated: 26.04.2022)

І. Цел на упражнението

Да се определи коефициентът на топлопроводност на тънък дискообразен образец.

II. Експериментална установка

Установката се състои от нагревател и охладител, чиито температури се мерят електронно, и тънък цилиндричен образец, чийто коефициент на топлопроводност искаме да намерим. Нагревателят и охладителят са медни плочи с диаметърът на образеца. На нагряващата плоча (отгоре на установката) е прикачен реотан, а под охлаждащата плоча (отдолу на установката) има вентилатор.

Експериментът се състои от две части. В първата част задаваме температура на нагревателя, при която искаме да постигнем стационарно състояние, и измерваме крайната температура на охладителната плоча T_2 . Във втората част нагряваме охладителната плоча до температура, по-висока от тази при стационарното състояние от част 1, и целим да измерим колко бързо се охлажда. За да го постигнем нагряваме охладителя до температура около $10 \circ C$ повисока от T_2 , махаме нагревателя и оставяме охладителя да излъчва топлината си, като мерим на всеки $\Delta t = 10 \text{ s.}$ След това числено намираме производната на температурата от времето в точката, където температурата е равна на T_2 . Важно е да се отбележи, че тъй като в този случай охладителят излъчва от страничната си стена и и двете си основи производната на температурата му по времето ще е по-висока.

III. Теоретична обосновка

А. Част 1 - достигане на стационарно състояние

Нека при достигнатото стационарно състояние температурата на нагревателя е T_1 , а на охладителя - T_2 . Тогава можем да запишем законът на Фурие в следният вид:

$$P_1 = k \frac{T_2 - T_1}{h} \pi R^2 \tag{1}$$

Тук h е височината на диска, R е радиусът му, а k е коефициентът на топлопроводност на материала. P_1 е мощността, която охладителят излъчва при температура T_2 , през страничната си стена и долната си основа.

Б. Част 2 - Измерване на скорост на охлаждане на охладителя

Можем да изразим мощността, която охладителят излъчва със следната формула:

$$P_2 = mc\frac{dT}{dt} \tag{2}$$

Тук m е масата на охладителната плоча, а c е специфичният топлинен капацитет на медта. Освен това можем да запишем и следното равенство за мощностите, излъчвани от охладителя в двете части на експеримента:

$$\frac{P_2(T_2)}{P_1(T_2)} = \frac{2\pi R^2 + 2\pi Rh}{\pi R^2 + 2\pi Rh} = \frac{S_2}{S_1} \tag{3}$$
 Това е защото във втората част охладителят излъчва

Това е защото във втората част охладителят излъчва през цялата си площ, а в първата - само през страничната си стена и долната основа. Комбинирайки уравнения (1), (2) и (3) получаваме

$$\frac{dT}{dt} \frac{mch}{k(T_2 - T_1)\pi R^2} = \frac{S_2}{S_1}$$

$$k = \frac{dT}{dt} \frac{mch(R^2 + 2Rh)}{k(T_2 - T_1)(2R^2 + 2Rh)\pi R^2}$$
(4)

По уравнение (4) ще пресметнем коефициентът на топлопроводност на образеца.

IV. Експериментални данни и резултати

А. Достигане на стационарно състояние

За конкретната установка стационарното състояние се достига за около 15 min. От графиката на температурите на нагревателя и охладителя можем да видим крайните им стойности, $T_2=55.0^{\circ}C$ и $T_1=44.1^{\circ}C$.

