Измерване на коефициентът на Поасон на въздух по метода на Клемент и Дезорм

Васил Николов (Dated: 03.06.2022)

І. Експериментална установка

Установката се състои от голям стъклен балон, към който е прикачен спиртен манометър и помпа за въздух. Между балонът и помпата, както и между балонът и околната среда, има клапи, които могат да са отворени или затворени. По идея клапата между балонът и помпата е затворена винаги, освен когато помпаме въздух.

II. Теоретична обосновка

Идеята на експеримента е чрез последователно свиване и разширяване на газа адиабатно да можем да измерим височини в манометъра, чрез които да сметнем коефициентът на Поасон γ за атмосферен въздух. Тъй като въздухът е основно азот и кислород, които са двуатомни молекули, очакваме числената стойност на γ да е около 1.4. Експериментът се състои от четири части.

А. Адиабатно свиване

В първата част бързо помпаме въздух в балона, и затваряме клапата между него и помпата. Тъй като процесът е бърз, то свиването е адиабатно. Нека в края налягането и температурата на газа в балона са съответно p_1 и T_1 . Тогава можем да запишем

$$p_1^{1-\gamma}T_1^{\gamma}=p_0^{1-\gamma}T_0^{\gamma}$$

Тук p_0 и T_0 са моментното атмосферно налягане и стайната температура.

Б. Квази-изохорно охлаждане

При свиването на газа той се загрява, и ако оставим системата за няколко минути нейната температура ще се изравни с тази на околната среда. Обемът на системата се променя с това колко се променя височината на спиртния стълб в манометъра. Тъй като обаче този обем е на порядъци по-малък от обема на балона можем да приемем, че процесът е изохорен. Тогава можем да запишем

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_0}$$

Когато се установи равновесие мерим налягането p_2 чрез манометъра. Нека то отговаря на височина H_1 .

В. Адиабатно разширение

Тук отваряме клапата, свързваща балонът с околната среда, за кратко време, под една секунда, и после затваряме клапата. Така газът в балона достига до налягане p_0 и температура T_3 . Можем да запишем

$$p_2^{1-\gamma} T_0^{\gamma} = p_0^{1-\gamma} T_3^{\gamma} \tag{1}$$

Г. Квази-изохорно затопляне

Аналогично на част 2 процесът може да се приеме за изохорен. Нека изчакаме газът в балона да уравновеси температурата си с тази на околната среда, и нека измерим налягането му p_4 . Вярно е, че

$$\frac{p_0}{T_3} = \frac{p_4}{T_0} \tag{2}$$

Нека на p_4 отговаря височина H_2 .

Обединявайки уравнения (1) и (2), и представяйки p_2 и p_4 чрез H_1 и H_2 получаваме

$$(\frac{p_2}{p_0})^{1-\gamma} = (\frac{T_3}{T_0})^{\gamma} = (\frac{p_0}{p_4})^{\gamma}$$

$$p_2 = p_0 + \rho g H_1$$

$$p_4 = p_0 + \rho g H_2$$

$$(3)$$

 p_2 и p_4 се различават много малко от p_0 . Затова можем да използваме приближението на Бернули в уравнение (3) и да го сведем до

$$1 + (1 - \gamma) \frac{\rho g H_1}{p_0} = 1 - \gamma \frac{\rho g H_2}{p_0}$$

$$(1 - \gamma) H_1 = -\gamma H_2$$

$$\gamma = \frac{H_1}{H_1 - H_2}$$
(4)

По уравнение (4) ще пресметнем коефициентът на Поасон за въздух.

III. Експериментални данни и резултати