# okoko asdasda MH

Βασίλειος Ασημαχόπουλος 16/05/2022

## Ευχαριστίες

## Περίληψη

## Abstract

HEPIEXOMENA Thesis title

## Περιεχόμενα

1	Κε	ράλαιο	0.1	5
2	Κε	ράλαιο	0.2	6
	2.1	Παραλ	λαγή του Logistic Χάρτη	6
			Για q=-0.1	
		2.1.2	Για q=-0.3	10
		2.1.3	Για q=-0.5	12
		2.1.4	Για q=-0.7	14
		2.1.5	Για q=-0.9	16
		2.1.6	Για q=-1.2	18
		2.1.7	Για q=-1.4	20
3	Κες	ράλαιο	o 3	21
$\mathbf{A}$	' Apr	endix	title	22

Κεφάλαιο 1 Κεφάλαιο 1

### Κεφάλαιο 2

## Κεφάλαιο 2

#### 2.1 Παραλλαγή του Logistic Χάρτη

Μελετήθηκε η δυναμική συμπεριφορά της εξίσωσης διακριτού χρόνου:

$$x_i = k * (a + x_{i-1})^2 * (b - x_{i-1})$$
 (2.1)

όπου a,b,k, q:παράμετροι

Για την εύρεση της δυναμικής συμπεριφοράς του συστήματος εξετάστηκε μια περιοχή τιμών των συγκεκριμένων παραμέτρων, ώστε να επιτευχθεί ταυτόχρονη σύγκριση της περιοδικής και χαοτικής συμπεριφοράς του. Πιο συγκεκριμένα, στη μελέτη που πραγματοποιήθηκε οι παράμετροι a,b, κρατήθηκαν αρχικά σταθερές με τιμές a=1, b=2 όπως και η αρχική συνθήκη του x1=0.1 παρέμεινε σταθερή, ενώ η τιμή της παραμέτρου a0.2. Έτσι, για κάθε περίπτωση παράχθηκαν το διάγραμμα διακλάδωσης, ο εκθέτης Lyapunov και το διάγραμμά της τιμής a1., τα οποία παρουσιάζονται και αναλύονται στη συνέχεια.

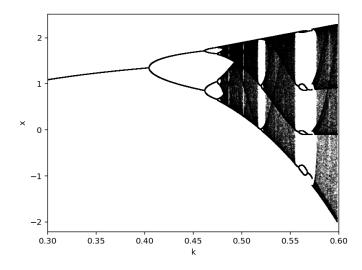
#### 2.1.1 $\Gamma$ $\alpha$ q=-0.1

Στο σχήμα 2.1 παρατίθεται το διάγραμμα διακλάδωσης του συστήματος 2.1, ως προς την παράμετρο k, για a=1, b=2 και q=-0.1. Για αυτές τις τιμές των παραμέτρων το σύστημα ξεχινάει από περίοδο-1 για k=0.3 , ενώ για k=0.4 εμφανίζει τον πρώτο διπλασιασμό της περιόδου. Τον δεύτερο διπλασιασμό τον εμφανίζει για k=0.47 (περίοδος-4) ,τον τρίτο για  $k{=}0.476$ (περίοδος-8) . Ενώ ο τελευταίος διπλασιασμός εμφανίζεται λίγο πιο μετά τον τρίτο για k=0.478 (περίοδος-16). Στην συνέχεια για k>0.479το σύστημα εισέρχεται στο χάος , μέχρι να εξέλθει για k=0.51 (περίοδος-3) και να ξανά εισέλθει σε χάος μετά από δύο διπλασιασμούς k=0.52 (περίοδος-6) και k=0.522 (περίοδος-11) για k>0.524. Το φαινόμενο αυτό είναι γνωστό ως συνοριαχή χρίση . Εξέρχεται για τελευταία φορά από το χάος για  $k{=}0.555$ (περίοδος-4). Για k=0.559 εμφανίζεται ένας διπλασιασμός (περίοδος-8) ο οποίος καταστρέφεται για  $k{=}0.567$ , οπότε εδώ παρατηρούμε αντιμονοτονικότητα δηλαδή έχουμε μία ανάστροφη αχολουθία διπλασιασμού της περιόδου για k=0.568. Λόγω αυτού του φαινομένου το οποίο συνεχίζει μέχρι το q=-0.2,μελετήθηκε περαιτέρω το σύστημα από -0.1<q<-0.2.Τέλος για k=0.5735 έχουμε έναν τελευταίο διπλασιασμό(περίοδος-6) πριν ξανά εισέλθει το σύστημα για k>0.575 στο χάος. Στο σχήμα 2.2 παρατίθενται 3 διαγράμματα διακλάδωσης 2.2α΄, 2.2β΄,  $2.2\gamma'$ ,  $2.2\delta'$  για 0.54<k<0.6. Ουσιαστικά εστιάστηκε το διάγραμμα στην αντιμονοτονικότητα που εμφανίζεται για τις συγκεκριμένες τιμές του q. Επίσης παρατηρούμε στα διαγράμματα  $2.2\beta', 2.2\gamma', 2.2\delta'$  δημιουργία χαοτικών φυσαλίδων. Δηλαδή, το σύστημα εισέρχεται στο χάος

με διπλασιασιασμό της περιόδου και στην συνέχεια εξέρχεται από αυτό με αντίστροφο διπλασιασμό της περιόδου. Επιπλέον στο διάγραμμα  $2.2\delta'$  το φαινόμενο εμφανίζεται δυο φορές για 0.560 < k < 0.568 και 0.571 < k < 0.573. Επιπλέον, στο σχήμα 2.3 παρατίθεται το διάγραμμα των εκθετών Lyapunov για τιμές του k στο ίδιο διάστημα τιμών [0.3, 0.6]. Στο διάστημα τιμών k = 0.522, στο 0.51 < k < 0.522, και στο 0.554 < k < 0.574 παρατηρούμε ότι ο εκθέτης Lyapunov είναι συνεχώς αρνητικός, γεγονός που επιβεβαιώνει την περιοδική συμπεριφορά του συστήματος. Ενώ στα υπόλοιπα διαστήματα ο θετικός εκθέτης Lyapunov υποστηρίζει την χαοτική του συμπεριφορά, όπως έγινε φανερό και από το διάγραμμα διακλάδωσης. Τέλος, στον Πίνακα 2.1 παρατίθενται ενδεικτικές τιμές της παραμέτρου k και η συμπεριφορά που παρουσιάζει το σύστημα για αυτές, σύμφωνα με το διάγραμμα διακλάδωσης, καθώς και τα αντίστοιχα σχήματα των διαγραμμάτων της τιμής  $x_i$  σε συνάρτηση με την τιμή  $x_{i+1}$ . Από τα παραγόμενα σχήματα προκύπτει αριθμός σημείων αντίστοιχος με την περίοδο του συστήματος.

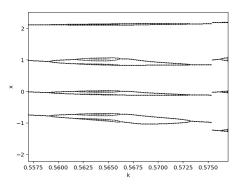
Παράμετρος k	Συμπεριφορά	Σχήμα
0.3	Περίοδος-1	$2.4\alpha'$
0.41	Περίοδος-2	$2.4\beta'$
0.476	Περίοδος-8	$2.4\gamma'$
0.4778	Περίοδος-16	$2.4\delta'$
0.479	Χάος	$2.4\epsilon'$
0.517	Περίοδος-3	2.4T')
0.52	Περίοδος-6	$2.4\eta'$
0.522	Περίοδος-11	$2.4\theta'$
0.524	Χάος	$2.4\iota'$
0.555	Περίοδος-4	2.4ια $'$
0.559	Περίοδος-8	2.4ເ $eta'$
0.568	Περίοδος-4	$2.4$ ι $\gamma'$
0.5735	Περίοδος-6	2.4ιδ'
0.575	Χάος	$2.4$ ເ $\epsilon'$

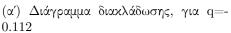
Πίνακας 2.1: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για  $a{=}1,$   $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.1$ 

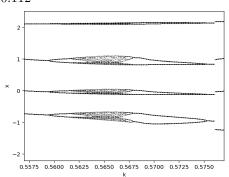


Σχήμα 2.1: Διάγραμμα διακλάδωσης, για a=1, b=2 και q=-0.1

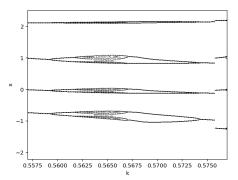
Σχήμα 2.2



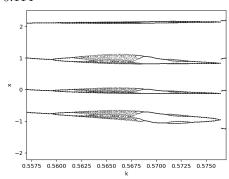


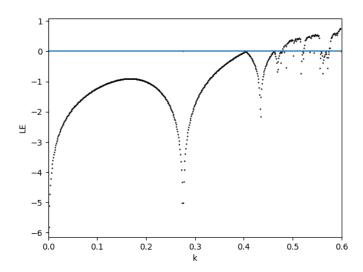


 $(\gamma')~\Delta$ ιάγραμμα διακλάδωσης, για  $q{=}\!\!\!\!\!-$  0.116



 $(\beta')$  Διάγραμμα διακλάδωσης, για  $q{=}{-}0.114$ 





Σχήμα 2.3: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1,$   $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.1.$ 

 $(\gamma')~\Gamma \text{ia }k{=}0.047$ (a')  $\Gamma$ ia k=0.3 (b') Fia k=0.41# 12 (d')  $\Gamma$ ia k=0.476 (T') Fia  $k{=}0.479$ (e')  $\Gamma$ ia k=0.4778 1.75 · 1.50 · 1.25 · (1.00 · 1 (h/)  $\Gamma$ ia  $k{=}0.519$ ( $\theta'$ )  $\Gamma$ ia k=0.522(ζ') Για k=0.517 ( $\iota\alpha'$ )  $\Gamma\iota\alpha$  k=0.555 ( $\iota\beta'$ )  $\Gamma\iota\alpha$  k=0.559(i')  $\Gamma$ ia k=0.524(igg)  $\Gamma$  ia  $k{=}0.568$ ( $\iota\delta'$ )  $\Gamma\iota\alpha$  k=0.5735 (ie')  $\Gamma$ ia k=0.575

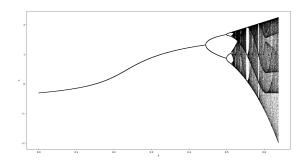
Σχήμα 2.4: Διαγράμματα της τιμής  $x_i$  με την τιμή  $x_{i+1}$  :

#### 2.1.2 $\Gamma \iota \alpha q = -0.3$

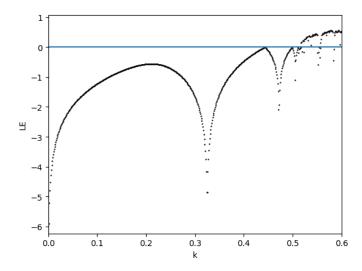
Στο σχήμα 2.5 παρατίθεται το διάγραμμα διακλάδωσης του συστήματος 2.1, ως προς την παράμετρο k, για  $a=1,\ b=2$  και q=-0.3. Για αυτές τις τιμές των παραμέτρων το σύστημα ξεκινάει από περίοδο-1 για m k=0.3 , ενώ για m k=0.44 εμφανίζει τον πρώτο διπλασιασμό της περιόδου. Τον δεύτερο διπλασιασμό τον εμφανίζει για k=0.5 (περίοδος-4) ,τον τρίτο για  $k{=}0.511$ (περίοδος-8). Στην συνέχεια για  $k{>}0.5165$  το σύστημα εισέρχεται στο χάος , μέχρι να εξέλθει για k=0.551(περίοδος-3) και να ξανά εισέλθει σε χάος μετά από δύο διπλασιασμούς k=0.555 (περίοδος-6) και k=0.556 (περίοδος-12) για k>0.5573. Το φαινόμενο αυτό είναι γνωστό ως συνοριαχή χρίση . Εξέρχεται για τελευταία φορά από το χάος για k=0.583 (περίοδος-4) και μετά απο ένα διπλασιασμό για  $k=0.5846(\Pi$ ερίόδος-7) είσέρχεται για τελευταία φορά στο χάος για  $k{=}0.5851$ . Επομένως και σε αυτή την περίπτωση το σύστημα εισέρχεται στο χάος με διπλασιασμό της περιόδου. Επιπλέον, στο σχήμα 2.6 παρατίθεται το διάγραμμα των εκθετών Lyapunov για τιμές του k στο ίδιο διάστημα τιμών [0, 0.63]. Στο διάστημα τιμών 0 < k < 0.511, στο 0.551 < k < 0.556, και στο 0.583 < k < 0.5846 παρατηρούμε ότι ο εκθέτης Lyapunov είναι συνεχώς αρνητικός, γεγονός που επιβεβαιώνει την περιοδική συμπεριφορά του συστήματος. Ενώ στα υπόλοιπα διαστήματα ο θετικός εκθέτης Lyapunov υποστηρίζει την χαοτική του συμπεριφορά, όπως έγινε φανερό και από το διάγραμμα διακλάδωσης. Τέλος, στον Πίνακα 2.2 παρατίθενται ενδειχτικές τιμές της παραμέτρου k και η συμπεριφορά που παρουσιάζει το σύστημα για αυτές, σύμφωνα με το διάγραμμα διακλάδωσης, καθώς και τα αντίστοιχα σχήματα των διαγραμμάτων της τιμής  $x_i$  σε συνάρτηση με την τιμή  $x_{i+1}$ . Από τα παραγόμενα σχήματα προχύπτει αριθμός σημείων αντίστοιχος με την περίοδο του συστήματος.

$\Sigma$ υμπεριφορά	$\Sigma$ χήμα
Περίοδος-1	$2.4\alpha'$
Περίοδος-2	$2.4\beta'$
Περίοδος-4	$2.4\beta'$
Περίοδος-8	$2.4\gamma'$
Χάος	$2.4\epsilon'$
Περίοδος-3	2.4 T')
Περίοδος-6	$2.4\eta'$
Περίοδος-12	$2.4\theta'$
Χάος	$2.4\iota'$
Περίοδος-4	2.4ια'
Περίοδος-7	2.4ເ $eta'$
Χάος	$2.4$ ιε $^{\prime}$
	Περίοδος-1 Περίοδος-2 Περίοδος-4 Περίοδος-8 Χάος Περίοδος-3 Περίοδος-6 Περίοδος-12 Χάος Περίοδος-4 Περίοδος-7

Πίνακας 2.2: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για a=1, b=2 και q=-0.3

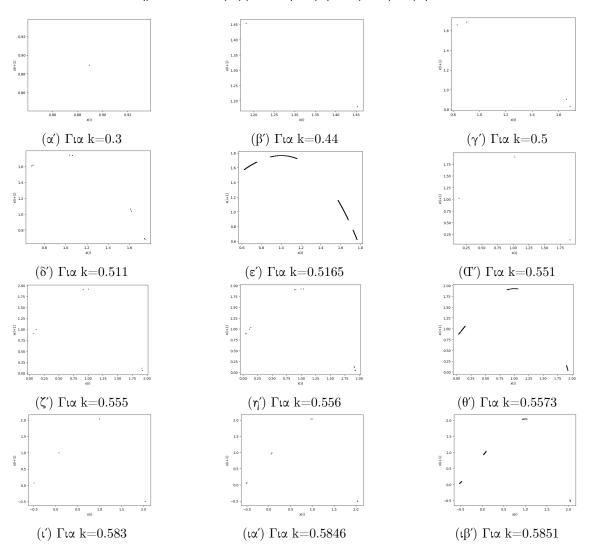


Σχήμα 2.5: Διάγραμμα διακλάδωσης, για a=1, b=2 και q=-0.3



Σχήμα 2.6: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1$ ,  $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.3$ 

Σχήμα 2.7: Διαγράμματα της τιμής  $x_i$  με την τιμή  $x_{i+1}$  :

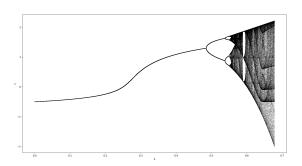


#### 2.1.3 $\Gamma$ ia q=-0.5

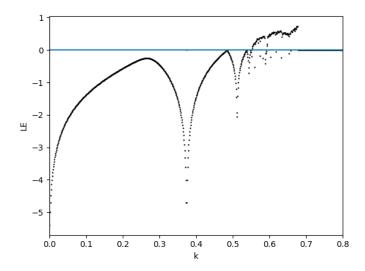
Στο σχήμα 2.8 παρατίθεται το διάγραμμα διακλάδωσης του συστήματος 2.1, ως προς την παράμετρο k, για  $a=1,\ b=2$  και q=-0.5. Για αυτές τις τιμές των παραμέτρων το σύστημα ξεκινάει από περίοδο-1 για m k=0.3 , ενώ για m k=0.48 εμφανίζει τον πρώτο διπλασιασμό της περιόδου. Τον δεύτερο διπλασιασμό τον εμφανίζει για k=0.53 (περίοδος-4) ,τον τρίτο για  $m k{=}0.55$  (περίοδος-8) και τον τέταρτο για  $m k{=}0.5531$  (περόδος-15). $m \Sigma$ την συνέχεια για  $m k{>}0.5534$ το σύστημα εισέρχεται στο χάος , μέχρι να εξέλθει για k=0.59 (περίοδος-3) και να ξανά εισέλθει σε χάος μετά από δύο διπλασιασμούς k=0.59377 (περίοδος-6) ,για k>0.594. Επομένως και σε αυτή την περίπτωση το σύστημα εισέρχεται στο χάος με διπλασιασμό της περιόδου. Επιπλέον, στο σχήμα 2.9 παρατίθεται το διάγραμμα των εκθετών Lyapunov για τιμές του k στο ίδιο διάστημα τιμών [0, 0.67]. Στο διάστημα τιμών 0 < k < 0.511, στο 0.551 < k < 0.556, και στο 0.583<k<0.5846 παρατηρούμε ότι ο εκθέτης Lyapunov είναι συνεχώς αρνητικός, γεγονός που επιβεβαιώνει την περιοδική συμπεριφορά του συστήματος. Ενώ στα υπόλοιπα διαστήματα ο θετικός εκθέτης Lyapunov υποστηρίζει την χαοτική του συμπεριφορά, όπως έγινε φανερό και από το διάγραμμα διακλάδωσης. Τέλος, στον Πίνακα 2.3 παρατίθενται ενδειχτιχές τιμές της παραμέτρου k και η συμπεριφορά που παρουσιάζει το σύστημα για αυτές, σύμφωνα με το διάγραμμα διακλάδωσης, καθώς και τα αντίστοιχα σχήματα των διαγραμμάτων της τιμής  $x_i$  σε συνάρτηση με την τιμή  $x_{i+1}$ . Από τα παραγόμενα σχήματα προχύπτει αριθμός σημείων αντίστοιχος με την περίοδο του συστήματος.

Παράμετρος k	Συμπεριφορά	Σχήμα
0.3	Περίοδος-1	$2.4\alpha'$
0.48	Περίοδος-2	$2.4\beta'$
0.53	Περίοδος-4	$2.4\beta'$
0.55	Περίοδος-8	$2.4\gamma'$
0.5531	Περίοδος-15	
0.5534	Χάος	$2.4\epsilon'$
0.59	Περίοδος-3	$2.4  ext{C}')$
0.593	Περίοδος-6	$2.4\eta'$
0.594	Χάος	$2.4\iota'$

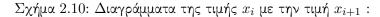
Πίνακας 2.3: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για a=1, b=2 και q=-0.5

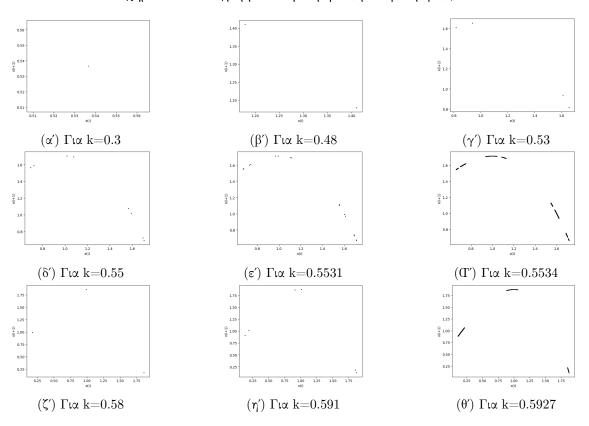


Σχήμα 2.8: Διάγραμμα διακλάδωσης, για a=1, b=2 και q=-0.5



Σχήμα 2.9: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1$ ,  $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.5$ 



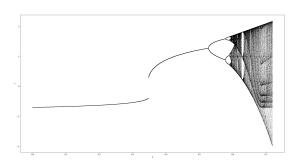


#### 2.1.4 $\Gamma$ ia q=-0.7

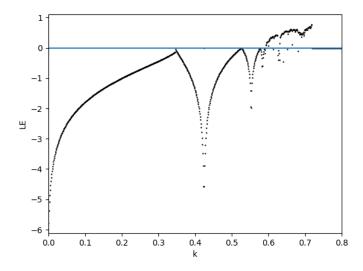
Στο σχήμα 2.11 παρατίθεται το διάγραμμα διακλάδωσης του συστήματος 2.1, ως προς την παράμετρο k, για  $a=1,\ b=2$  και q=-0.7. Για αυτές τις τιμές των παραμέτρων το σύστημα ξεχινάει από περίοδο-1 για k=0.3 αλλά από k[0.3469,0.3486] σπάει η περίοδος. Απο k=3.469ξαναξεχινάει από περίοδο- $1.\Gamma$ ια k=0.52 εμφανίζει τον πρώτο διπλασιασμό της περιόδου. Τον δεύτερο διπλασιασμό τον εμφανίζει για  $k{=}0.57$ (περίοδος-4) ,τον τρίτο για  $k{=}0.592$  (περίοδος-8) και τον τέταρτο για k=0.593(περόδος-15). $\Sigma$ την συνέχεια για k>0.593 το σύστημα εισέρχεται στο χάος , μέχρι να εξέλθει για k=0.627 (περίοδος-3) και να ξανά εισέλθει σε χάος μετά από δύο διπλασιασμούς k=0.63 (περίοδος-6) k=0.631 (περίοδος-11),για k>0.631. Επομένως και σε αυτή την περίπτωση το σύστημα εισέρχεται στο χάος με διπλασιασμό της περιόδου. Επιπλέον, στο σχήμα 2.9 παρατίθεται το διάγραμμα των εκθετών Lyapunov για τιμές του k στο ίδιο διάστημα τιμών [0, 0.72]. Στο διάστημα τιμών 0 < k < 0.594, στο 0.627 < k < 0.632, παρατηρούμε ότι ο εχθέτης Lyapunov είναι συνεχώς αρνητικός, γεγονός που επιβεβαιώνει την περιοδική συμπεριφορά του συστήματος. Ενώ στα υπόλοιπα διαστήματα ο θετικός εκθέτης Lyapunov υποστηρίζει την χαοτική του συμπεριφορά, όπως έγινε φανερό και από το διάγραμμα διακλάδωσης. Τέλος, στον Πίνακα 2.4 παρατίθενται ενδεικτικές τιμές της παραμέτρου k και η συμπεριφορά που παρουσιάζει το σύστημα για αυτές, σύμφωνα με το διάγραμμα διακλάδωσης, καθώς και τα αντίστοιχα σχήματα των διαγραμμάτων της τιμής  $x_i$  σε συνάρτηση με την τιμή  $x_{i+1}$ . Από τα παραγόμενα σχήματα προχύπτει αριθμός σημείων αντίστοιχος με την περίοδο του συστήματος.

$\Sigma$ υμπεριφορά	Σχήμα
Περίοδος-1	$2.13\alpha'$
Περίοδος-1	$2.13\beta'$
Περίοδος-2	$2.13\gamma'$
Περίοδος-4	$2.13\delta'$
Περίοδος-8	$2.13\epsilon'$
Περίοδος-15	$2.13  ext{C}'$
Χάος	$2.13\zeta'$
Περίοδος-3	$2.13\eta'$
Περίοδος-6	$2.13\theta'$
Περίοδος-11	$2.13\iota'$
Χάος	2.13ια'
	Περίοδος-1 Περίοδος-1 Περίοδος-2 Περίοδος-4 Περίοδος-8 Περίοδος-15 Χάος Περίοδος-3 Περίοδος-6 Περίοδος-11

Πίνακας 2.4: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για  $a{=}1$ ,  $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.7$ 

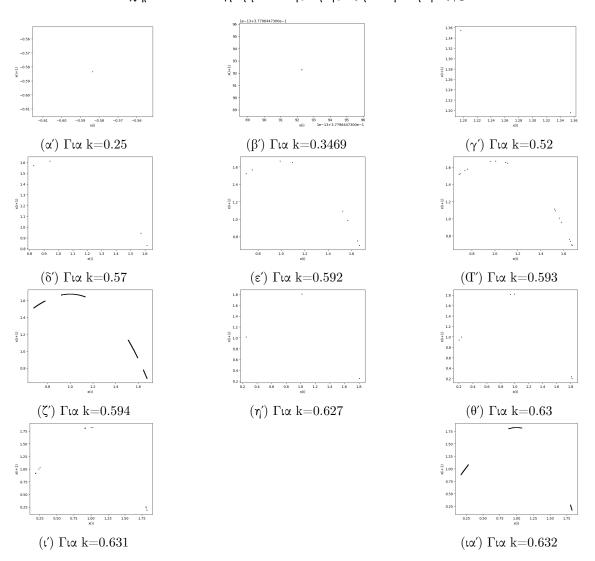


Σχήμα 2.11: Διάγραμμα διακλάδωσης, για a=1, b=2 και q=-0.7



Σχήμα 2.12: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1$ ,  $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.7$ .

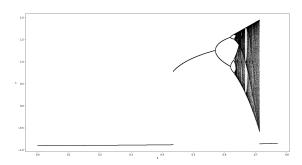
Σχήμα 2.13: Διαγράμματα της τιμής  $x_i$  με την τιμή  $x_{i+1}$  :



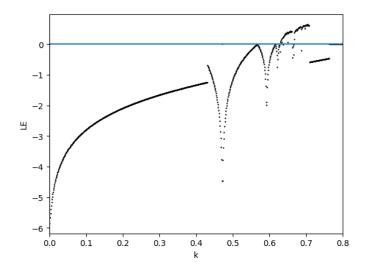
#### 2.1.5 Για q=-0.9

Παράμετρος k	Συμπεριφορά	$\Sigma$ χήμα
0.43	Περίοδος-1	$2.16\alpha'$
0.436	Περίοδος-1	$2.16\beta'$
0.57	Περίοδος-2	$2.16\gamma'$
0.62	Περίοδος-4	$2.16\delta'$
0.63	Περίοδος-8	$2.16\epsilon'$
0.633	Περίοδος-16	2.16 T'
0.635	Χάος	$2.16\zeta'$
0.665	Περίοδος-3	$2.16\eta'$
0.668	Περίοδος-6	$2.16\theta'$
0.671	Χάος	$2.16\iota'$
0.72	Περίοδος-1	2.16ια'

Πίνακας 2.5: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για  $a{=}1,\ b{=}2$  και  $q{=}\text{-}0.9$ 

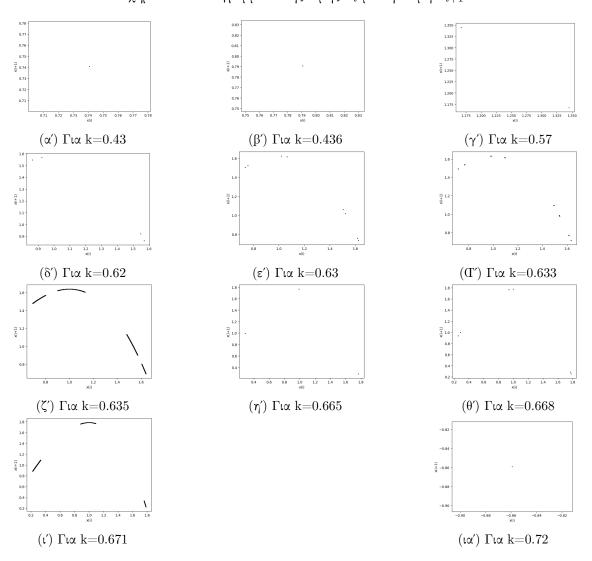


Σχήμα 2.14: Διάγραμμα διακλάδωσης, για a=1, b=2 και q=-0.9



Σχήμα 2.15: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1$ ,  $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.9$ 

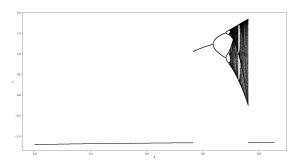
Σχήμα 2.16: Διαγράμματα της τιμής  $x_i$  με την τιμή  $x_{i+1}$  :



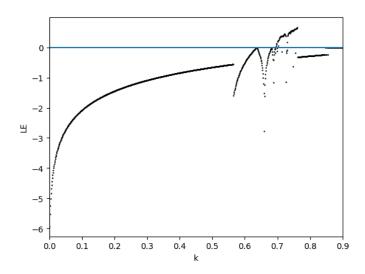
#### 2.1.6 Για q=-1.2

Παράμετρος k	Συμπεριφορά	Σχήμα
0.55	Περίοδος-1	$2.19\alpha'$
0.566	Περίοδος-1	$2.19\beta'$
0.63	Περίοδος-2	$2.19\gamma'$
0.68	Περίοδος-4	$2.19\delta'$
0.69	Περίοδος-8	$2.19\epsilon'$
0.696	Χάος	2.19₵′
0.726	Περίοδος-3	$2.19\zeta'$
0.729	Περίοδος-6	$2.19\eta'$
0.731	Χάος	2.190'
0.762	Περίοδος-1	$2.19\iota'$

Πίνακας 2.6: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για a=1, b=2 και q=-0.9

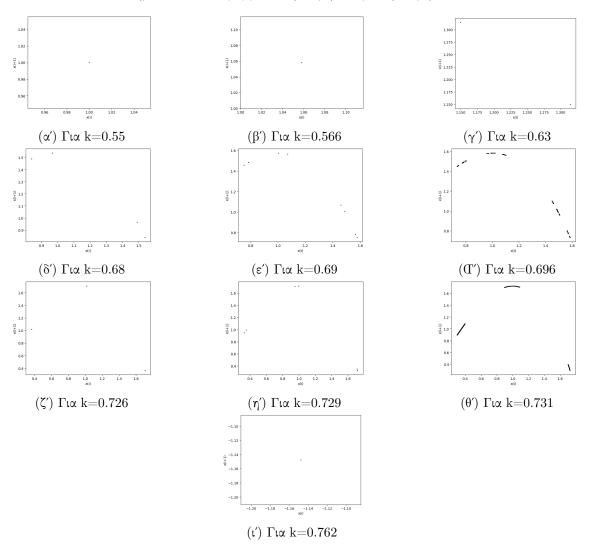


 $\Sigma$ χήμα 2.17: Διάγραμμα διακλάδωσης, για  $a{=}1,\,b{=}2$  και  $q{=}{-}1.2$ 



Σχήμα 2.18: Διάγραμμα του εκθέτη Lyapunov σε συνάρτηση με την παράμετρο k, για  $a{=}1,$   $b{=}2$  και  $q{=}{-}1.2$ 

Σχήμα 2.19: Διαγράμματα της τιμής  $x_i$  με την τιμή  $x_{i+1}$  :



#### 2.1.7 $\Gamma$ ia q=-1.4

Παράμετρος k	Συμπεριφορά	$\Sigma$ χήμα
0.5	Περίοδος-1	$2.19\alpha'$
0.54	Περίοδος-2	$2.19\beta'$
0.65	Περίοδος-1	$2.19\gamma'$
0.68	Περίοδος-2	$2.19\delta'$
0.725	Περίοδος-4	$2.19\epsilon'$
0.735	Περίοδος-8	$2.19  ext{C}'$
0.737	Περίοδος-15	$2.19\zeta'$
0.738	Χάος	$2.19\eta'$
0.767	Περίοδος-3	$2.19\iota'$
0.769	Περίοδος-6	$2.19\iota'$
0.77	Χάος	$2.19\iota'$
0.8	Περίοδος-2	$2.19\iota'$

Πίνακας 2.7: Συμπεριφορά του υπό μελέτη συστήματος για διάφορες τιμές του k,για  $a{=}1,$   $b{=}2$  και  $q{=}{-}0.9$ 

[0,0.91]

Κεφάλαιο 3 Κεφάλαιο 3

Παράρτημα Α΄

# Appendix title