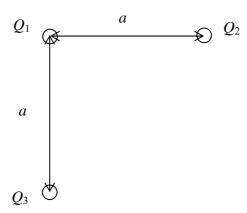
Aufgabe 1: Elektrostatisches Feld und Kräfte



Die Punktladungen Q_1 , Q_2 und Q_3 bilden die Eckpunkte eines rechtwinkligen Dreiecks.

Daten:

$$Q_1 = Q_2 = Q_3 = 0,5 \text{ nAs (positive Ladungen)}$$

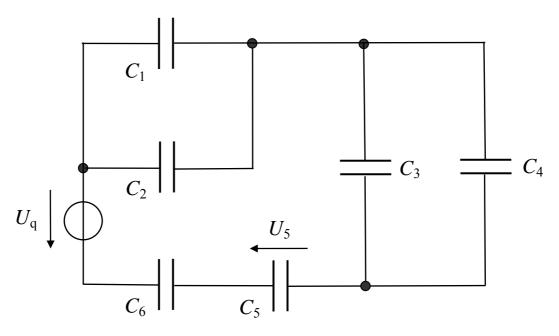
$$a = 2 \text{ cm}$$
 $\varepsilon_r = 1$

- a) Berechnen Sie den Betrag der Kraft auf die Ladung Q_1 (2 Pt.) und zeichnen Sie den Vektor im oben dargestellten Bild ein.
- b) Bestimmen Sie den Ort, wo eine zusätzliche negative Ladung $Q_4 = -0.5$ nAs angeordnet werden muss, so dass auf Q_1 keine Kraft wirkt. Berechnen Sie den gesuchten Ort und zeichnen Sie ihn im oben dargestellten Bild ein.
- c) Zeichnen Sie (qualitativ) den Verlauf der Feldlinien im unten vorbereiteten Bild ein. (Feldlinien in der Ebene aufgespannt durch die drei Ladungen, ohne Q_4)



 $Q_3 \stackrel{(\pm)}{=}$

Aufgabe 2: Spannung an Kondensator



Daten:

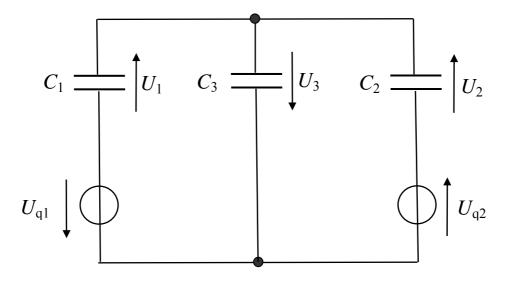
$$U_{\rm q} = 12 \text{ V}$$

 $C_1 = 1,5 \,\mu\text{F}$ $C_2 = 1,5 \,\mu\text{F}$ $C_3 = 0,5 \,\mu\text{F}$
 $C_4 = 0,5 \,\mu\text{F}$ $C_5 = 1 \,\mu\text{F}$ $C_6 = 2,2 \,\mu\text{F}$

Die Spannungsquelle wird langsam hochgefahren, dabei werden die vorher spannungsfreien Kondensatoren aufgeladen.

Bestimmen Sie die Spannung U_5 .

Aufgabe 3: Netzwerk mit Kondensatoren



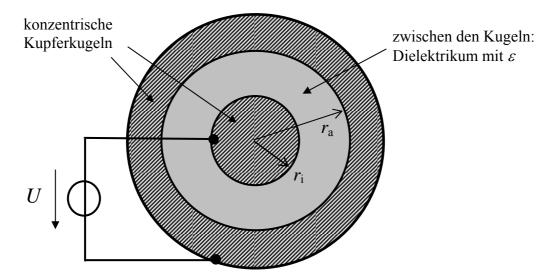
Daten:

$$U_{q1} = 20 \text{ V}$$
 $U_{q2} = 40 \text{ V}$ $C_1 = 1 \mu\text{F}$ $C_2 = 2 \mu\text{F}$ $C_3 = 3 \mu\text{F}$

Die Spannungsquellen werden langsam hochgefahren, dabei werden die vorher spannungsfreien Kondensatoren aufgeladen.

Bestimmen Sie die Spannungen U_1 , U_2 und U_3 .

Aufgabe 4: Feldstärke im Kugelkondensator

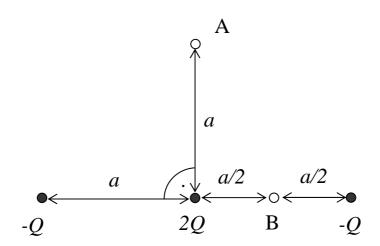


Der im Querschnitt abgebildete Kugelkondensator wird an eine Spannungsquelle angeschlossen, die von Null aus langsam auf die Spannung U hochgefahren wird.

Bestimmen Sie das Verhältnis $r_{\rm i}$ / $r_{\rm a}$, so dass die Feldstärke im Dielektrikum an der Oberfläche der Innenkugel (Radius $r_{\rm i}$) bei einer gegebenen Kondensatorspannung (und einem $r_{\rm a}$) minimal wird.

Aufgabe 1: Elektrostatisches Feld und Kräfte

Drei Punktladungen sind gemäss Bild auf einer Linie angeordnet. (Medium: Luft)



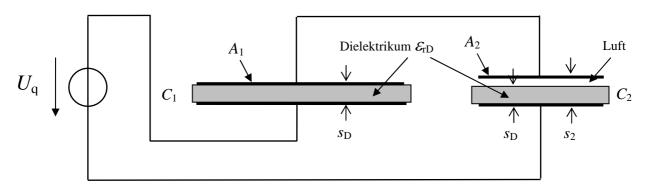
Daten:

$$|Q| = 1 \text{ nC}$$

$$a = 10 \text{ cm}$$

- a) Bestimmen Sie die elektrischen Feldstärken in den Punkten A und B.
 (Betrag berechnen und Richtung in der Zeichnung eintragen)
- b) Zeichnen Sie die Feldlinien im Bild ein.

Aufgabe 2: Plattenkondensatoren



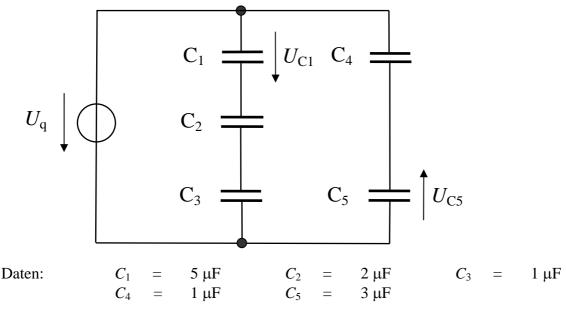
Daten:

$$A_1 = 2000 \text{ cm}^2$$
 $A_2 = 1000 \text{ cm}^2$
 $s_D = 5 \text{ mm}$ $\varepsilon_{rD} = 7$

- a) Für $U_q = 2$ kV und $s_2 = 8$ mm: Bestimmen Sie den Betrag der elektrischen Feldstärken E im Dielektrikum von C_1 , sowie im Dielektrikum und in der Luft von C_2 .
- b) Für $U_q = 8 \text{ kV}$:
 Bei welchem Wert von s_2 erreicht die Feldstärke in der Luft bei C_2 den Wert 20 kV/cm?
 (das Mass s_D bleibt unverändert)

Aufgabe 3: Netzwerk mit Kondensatoren

Die abgebildete Kondensatorschaltung wird mit der Spannungsquelle $U_{\rm q}$ langsam aufgeladen. Zu Beginn waren alle Kondensatoren entladen.

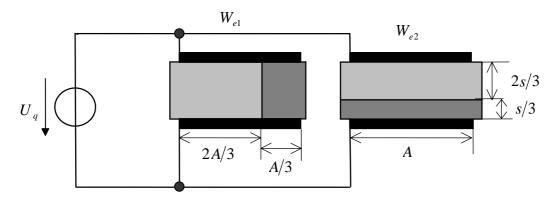


- a) Welche Quellenspannung U_q muss eingestellt werden, damit für U_{C1} eine Spannung von 40 V gemessen wird?
- b) Für $U_{\rm q}$ wird 300 V eingestellt: Bestimmen Sie die Spannung $U_{\rm C5}$, die in der Schaltung total gespeicherte Ladung $Q_{\rm T}$ und die total gespeicherte Energie $W_{\rm T}$.

Aufgabe 4: Energieverhältnis

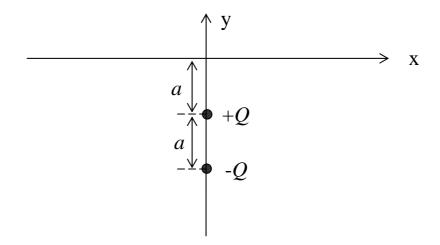
Zwei Plattenkondensatoren haben gleiche Abmessungen (Fläche A und Abstand s). Die beiden Dielektrika mit ε_{r1} und ε_{r2} sind jedoch verschieden angeordnet.

Daten: $\varepsilon_{r1} = 3$ helles Muster Streuung vernachlässigen $\varepsilon_{r2} = 5$ dunkles Muster



Berechnen Sie das Verhältnis der gespeicherten Energien $\frac{W_{e1}}{W_{e2}}$ der beiden Anordnungen.

Aufgabe 1: Elektrische Feldstärke



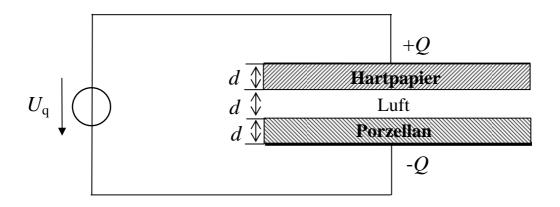
Die beiden Punktladungen +Q und -Q sind vom Betrag her gleich gross und befinden sich im angegebenen Abstand auf der y-Achse des Koordinatensystems.

Sie verursachen im Raum mit $\varepsilon_r = 1$ (Luft) ein elektrostatisches Feld.

- a) Skizzieren Sie qualitativ den Verlauf der Feldlinien in der xy-Ebene.
- b) Die Feldstärkevektoren auf der x-Achse können in eine x- und eine y-Komponente zerlegt werden.

Leiten Sie die Formel für die x-Komponente der Feldstärkevektoren längs der x-Achse her: $E_x = f(Q, a, x)$.

Aufgabe 2: Plattenkondensator mit Mehrschichtdielektrikum

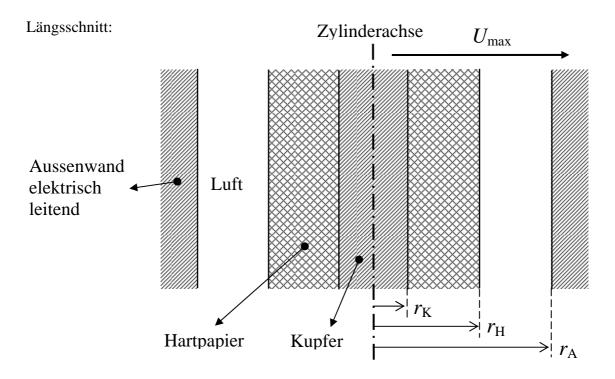


Daten: Spannung: $U_q = 10 \text{ kV}$

Plattenfläche: $A = 200 \text{ cm}^2$ Schichtdicken: d = 5 mmHartpapier: $\varepsilon_{\text{rH}} = 4,5$ Porzellan: $\varepsilon_{\text{rP}} = 6$

- a) Bestimmen Sie die Beträge der in den drei verschiedenen Schichten auftretenden elektrischen Feldstärken $E_{\rm H}$, $E_{\rm L}$ und $E_{\rm P}$.
- b) Berechnen Sie den Betrag der Ladungen Q auf den Platten.

Aufgabe 3: Zylindrische Durchführung



Daten: Radius des Kupferleiters: 1 cm $r_{\rm K}$ Aussenradius der Hartpapierisolation: 3 cm $r_{\rm H}$ Radius des Lochs durch die Aussenwand: 5 cm $r_{\rm A}$ relative Permittivität des Hartpapiers: $\mathcal{E}_{\mathrm{rH}}$ = 4,5 Durchschlagsfestigkeit des Hartpapiers: 200 kV/cm

Durchschlagsfestigkeit des Hartpapiers: $E_{DH} = 200 \text{ kV/cm}$ Durchschlagsfestigkeit der Luft: $E_{DL} = 20 \text{ kV/cm}$

Bestimmen Sie die maximale Spannung $U_{\rm max}$, die zwischen dem Kupferleiter und der Aussenwand (Erde) angelegt werden darf, so dass nirgens die Durchschlagsfestigkeit überschritten wird.

Aufgabe 4: Kraft auf Plattenkondensator

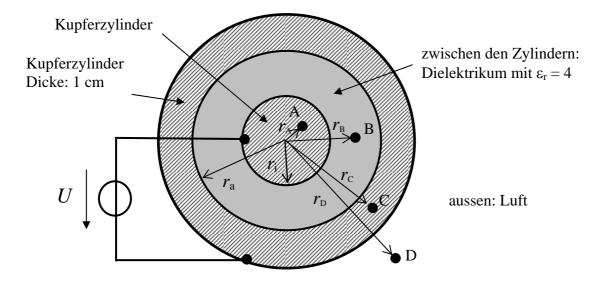
Daten: Spannung am Kondensator: U = 8 kV

Fläche der Kondensatorplatten: $A = 200 \text{ cm}^2$ im Kondensator gespeicherte Energie: $W_e = 400 \mu \text{Ws}$

das Dielektrikum ist Luft

Berechnen Sie die Kraft, mit der sich die Platten des Kondensators anziehen.

Aufgabe 1: Elektrische Feldstärken bei einer zylindrischen Anordnung

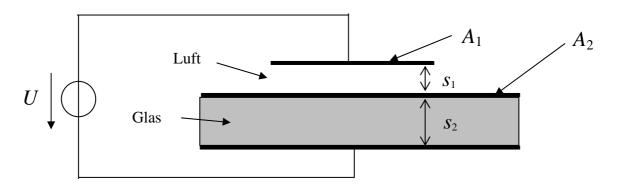


Daten:
$$U = 4 \text{ kV}$$
 $r_i = 1 \text{ cm}$ $r_a = 3 \text{ cm}$ $l = 1 \text{ m}$ $r_{C} = 3.5 \text{ cm}$ $r_{D} = 5 \text{ cm}$

Der im Querschnitt abgebildete Zylinderkondensator (Länge *l*) wird an eine Spannungsquelle angeschlossen, die von Null aus langsam auf die Spannung *U* hochgefahren wird.

Berechnen Sie die Beträge der Vektoren der el. Feldstärken in den Punkten A, B, C und D. Zeichnen Sie die Richtung der Vektoren im Bild ein.

Aufgabe 2: Anordnung mit drei planparallelen Platten

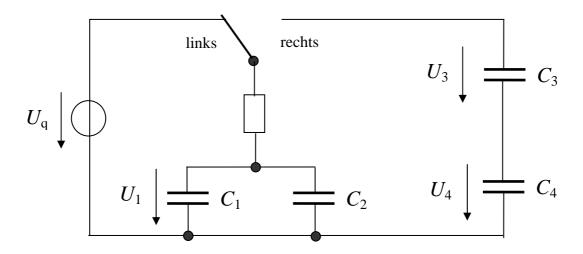


Daten:
$$U = 6 \text{ kV}$$
 Glas: $\varepsilon_r = 4$
 $A_1 = 20 \text{ x } 20 \text{ cm}$ $A_2 = 30 \text{ x } 30 \text{ cm}$ $s_1 = 2 \text{ mm}$

Die im Querschnitt abgebildete Anordnung von planparallelen Platten wird an eine Spannungsquelle angeschlossen, die von Null aus langsam auf die Spannung *U* hochgefahren wird.

- Berechnen Sie den Plattenabstand s_2 im Glas, sodass die Feldstärke im Luftraum der Anordnung 20 kV/cm beträgt.
- b) Wie gross ist die Gesamtkapazität der Anordnung bei $s_2 = 6$ mm?

Aufgabe 3: Kondensatorschaltung



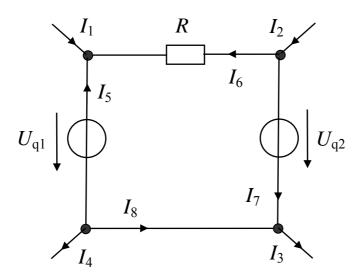
Daten:
$$U_{q} = 20 \text{ V}$$

 $C_{1} = 1 \,\mu\text{F}$ $C_{2} = 2 \,\mu\text{F}$ $C_{3} = 3 \,\mu\text{F}$ $C_{4} = 4 \,\mu\text{F}$

In der eingezeichneten Schalterstellung "links" wird die Spannungsquelle hochgefahren und die Kondensatoren C_1 und C_2 aufgeladen. Anschliessend wird der Schalter in die Stellung "rechts" gebracht. Dabei werden die vorher spannungsfreien Kondensatoren C_3 und C_4 zugeschaltet. (NB: der eingezeichnete Widerstand ist nur für den Ausgleichsvorgang von Bedeutung)

Berechnen Sie die Spannungen U_1 , U_3 und U_4 nach dem Schalten.

Aufgabe 1: Netzausschnitt

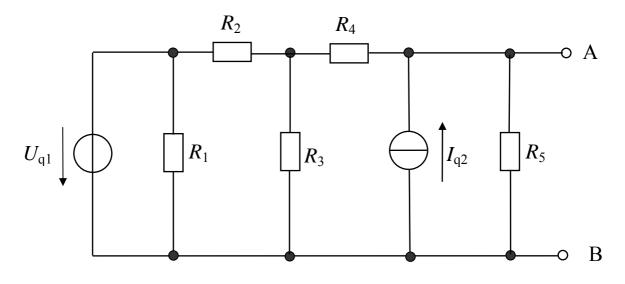


Daten:

$$U_{q1} = 24 \text{ V}$$
 $U_{q2} = 12 \text{ V}$ $R = 100 \Omega$
 $I_1 = 1 \text{ A}$ $I_2 = 2 \text{ A}$ $I_3 = 3 \text{ A}$

Berechnen Sie die Ströme I_4 , I_5 , I_6 , I_7 und I_8 .

Aufgabe 2: Ersatzspannungsquelle (Thévenin)

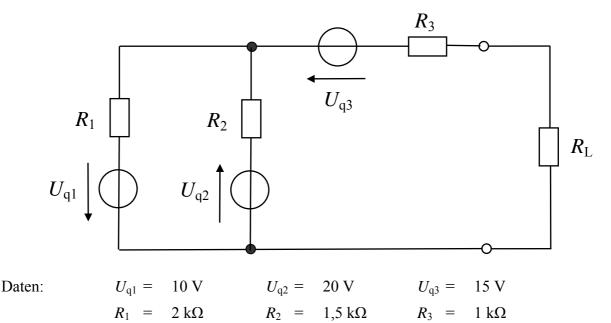


Daten:

$$U_{\rm q1} = 24 \, {\rm V}$$
 $I_{\rm q2} = 600 \, {\rm mA}$
 $R_1 = 10 \, \Omega$ $R_2 = 22 \, \Omega$ $R_3 = 33 \, \Omega$
 $R_4 = 47 \, \Omega$ $R_5 = 56 \, \Omega$

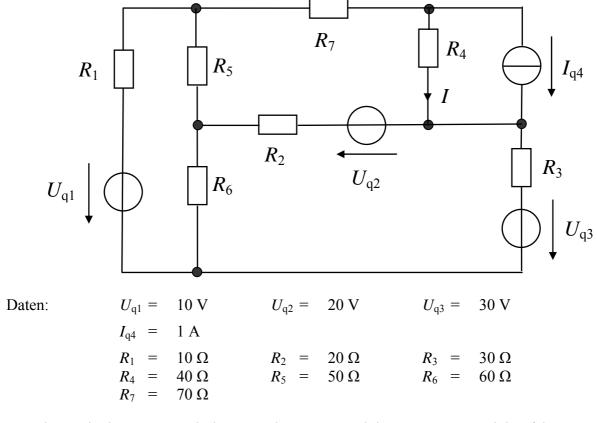
Ermitteln Sie die Ersatzspannungsquelle (Thévenin) zwischen den Anschlüssen A und B: Skizze der Schaltung mit Angabe von $U_{\rm qE}$ und $R_{\rm iE}$.

Aufgabe 3: Anpassung



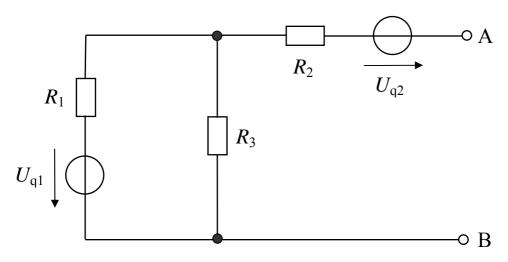
- a) Bestimmen Sie den Lastwiderstand R_L , so dass in ihm die Leistung maximal wird.
- b) Berechnen Sie die maximale Leistung P_{Lmax} in der Last.

Aufgabe 4: Maschenstrom- und Knotenpotenzialverfahren



Berechnen Sie den Strom I mit dem Maschenstrom- und dem Knotenpotenzialverfahren.

Aufgabe 1: Thévenin- und Norton-Ersatzquelle



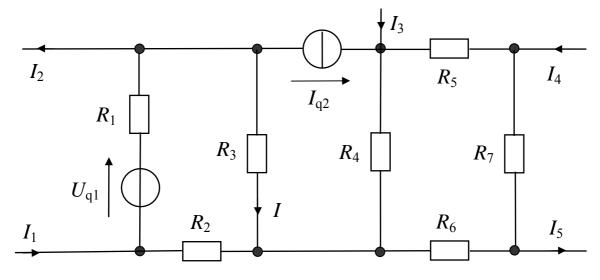
Daten:

$$U_{\rm ql} = 24 \, {\rm V}$$
 $U_{\rm q2} = 12 \, {\rm V}$ $R_1 = 4.7 \, \Omega$ $R_2 = 6.8 \, \Omega$ $R_3 = 2.2 \, \Omega$

Ermitteln Sie die Ersatzspannungsquelle (Thévenin) und die Ersatzstromquelle (Norton) zwischen den Anschlüssen A und B:

Skizze der beiden Schaltungen mit Angabe von U_{qE} (mit Referenzrichtung) und R_{iE} , sowie I_{qE} (mit Referenzrichtung) und R_{iE} .

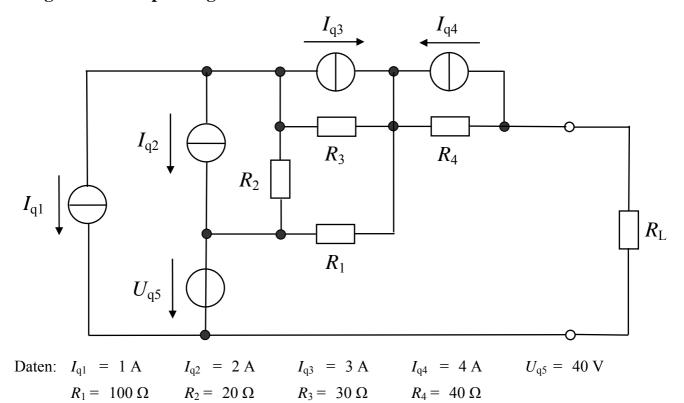
Aufgabe 2: Stromberechnung



Daten:
$$U_{q1} = 12 \text{ V}$$
 $I_{q2} = 2 \text{ A}$
 $I_1 = 2 \text{ A}$ $I_2 = 6 \text{ A}$ $I_3 = 3 \text{ A}$ $I_4 = 4 \text{ A}$ $I_5 = 3 \text{ A}$
 $R_1 = 10 \Omega$ $R_2 = 20 \Omega$ $R_3 = 30 \Omega$ $R_4 = 40 \Omega$
 $R_5 = 50 \Omega$ $R_6 = 60 \Omega$ $R_7 = 70 \Omega$

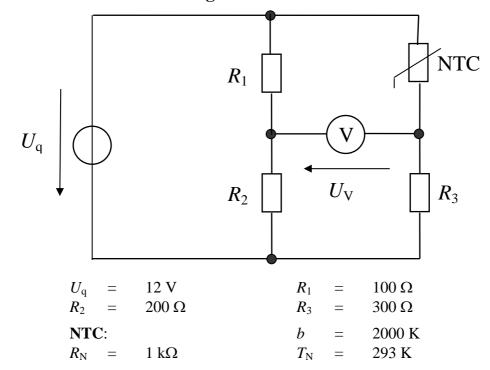
Berechnen Sie den Strom I.

Aufgabe 3: Anpassung



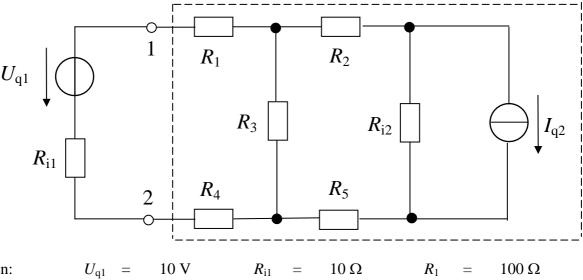
- a) Bestimmen Sie den Lastwiderstand R_L , so dass in ihm die Leistung maximal wird.
- b) Berechnen Sie die maximale Leistung P_{Lmax} in der Last.

Aufgabe 1: Brückenschaltung mit einem NTC-Widerstand



- a) Bestimmen Sie die Temperatur in °C, die am NTC herrscht, wenn das ideale Voltmeter (mit einem sehr grossen Innenwiderstand) $U_V = 2 \text{ V}$ anzeigt.
- b) Bestimmen Sie die Temperatur in °C, die am NTC herrscht, wenn die Brücke abgeglichen ist.

Aufgabe 2: Ersatzspannungsquelle und Leistungsabgabe



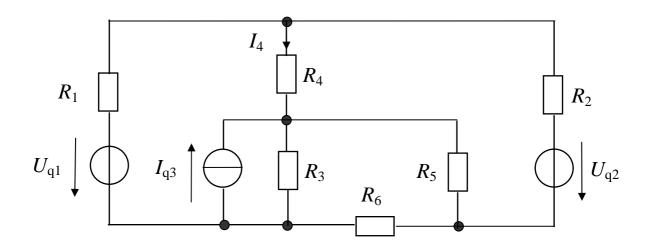
Daten:

Daten:

$$U_{\rm q1} = 10 \, {\rm V}$$
 $R_{\rm i1} = 10 \, {\rm \Omega}$ $R_{\rm 1} = 100 \, {\rm \Omega}$
 $I_{\rm q2} = 200 \, {\rm mA}$ $R_{\rm i2} = 1 \, {\rm k\Omega}$ $R_{\rm 2} = 200 \, {\rm \Omega}$
 $R_{\rm 3} = 300 \, {\rm \Omega}$ $R_{\rm 4} = 400 \, {\rm \Omega}$ $R_{\rm 5} = 500 \, {\rm \Omega}$

- a) Wandeln Sie das Netzwerk innerhalb der gestrichelten Linie in eine Ersatzspannungsquelle (mit den Anschlüssen 1 und 2) um.
- b) Bestimmen Sie die Leistung der Quelle U_{q1} .

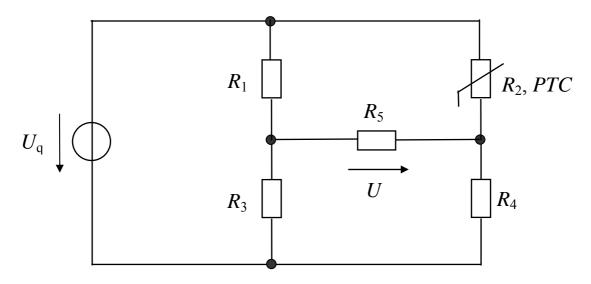
Aufgabe 3: Stromberechnung und Anpassung



Daten:
$$U_{q1} = 12 \text{ V}$$
 $R_1 = R_2 = 10 \Omega$ $U_{q2} = 24 \text{ V}$ $R_3 = 33 \Omega$ $I_{q3} = 200 \text{ mA}$ $R_4 = 47 \Omega$ $R_5 = R_6 = 33 \Omega \text{ (wie } R_3 \text{)}$

- a) Berechnen Sie den Strom I_4 .
- b) Bestimmen Sie R_4 , so dass in ihm die Leistung maximal ist.

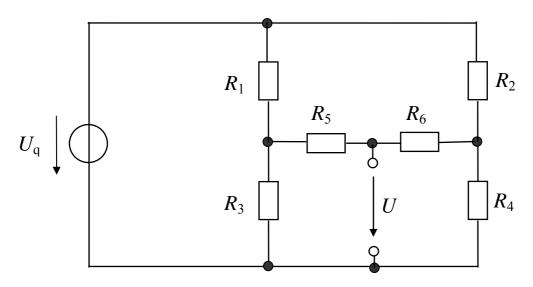
Aufgabe 1: Brücke mit einem temperaturabhängigen Widerstand



Daten: $U_{\rm q} = 12 \, {\rm V}$ $R_1 = 110 \, \Omega$ $R_3 = 330 \, \Omega$ $R_4 = 330 \, \Omega$ $R_5 = 330 \, \Omega$ $R_2, {\rm PTC}:$ $R_{\rm N} = 100 \, \Omega$ $T_{\rm N} = 100 \, {\rm °C}$ $\alpha = 1.4 \cdot 10^{-2} \, {\rm K}^{-1}$

Bestimmen Sie die Spannung U bei einer PTC-Temperatur von $200^{\circ}\mathrm{C}$.

Aufgabe 2: Spannungsberechnung



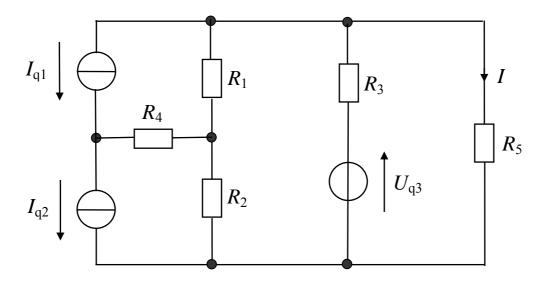
Daten:

$$U_{\rm q} = 12 \text{ V}$$

 $R_1 = 110 \Omega$ $R_2 = 220 \Omega$ $R_3 = 330 \Omega$
 $R_4 = 430 \Omega$ $R_5 = 220 \Omega$ $R_6 = 330 \Omega$

Berechnen Sie die Spannung U.

Aufgabe 3: Stromberechnung

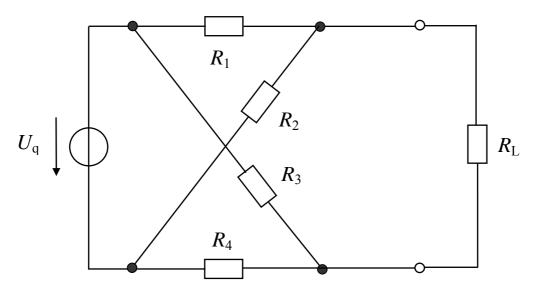


Daten:

$$I_{\rm q1} = 10 \,\mathrm{mA}$$
 $I_{\rm q2} = 20 \,\mathrm{mA}$ $U_{\rm q3} = 12 \,\mathrm{V}$
 $R_1 = 110 \,\Omega$ $R_2 = 220 \,\Omega$ $R_3 = 330 \,\Omega$
 $R_4 = 470 \,\Omega$ $R_5 = 510 \,\Omega$

Berechnen Sie den Strom I.

Aufgabe 4: Anpassung



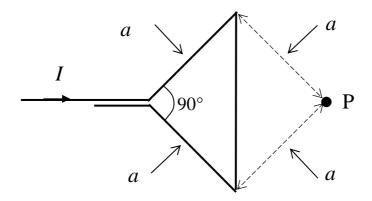
Daten:

$$U_{\rm q} = 12 \text{ V}$$

 $R_1 = 1.2 \text{ k}\Omega$ $R_2 = 2.4 \text{ k}\Omega$
 $R_3 = 4.7 \text{ k}\Omega$ $R_4 = 3 \text{ k}\Omega$

Bestimmen Sie den Lastwiderstand $R_{\rm L}$, so dass in ihm die Leistung maximal wird. Berechnen Sie die maximale Leistung $P_{\rm Lmax}$ in der Last.

Aufgabe 1: magnetische Feldstärke



Daten: I = 10 A a = 10 cm

- a) Bestimmen Sie den Betrag der magnetischen Feldstärke im Punkt P.
- b) Welche Richtung hat der Vektor?

Aufgabe 2: Kreisringspule

Eine Spule mit N Windungen ist dicht um einen ringförmigen Träger gewickelt.

Der Ring hat die Querschnittsfläche A.

Die mittlere Länge *l* des Spulenträgers ist:

 $l = 2\pi \cdot R$ (entspricht der mittleren Länge der Feldlinien)

Daten: N = 1000 R = 2 cm $A = 0.5 \text{ cm}^2$

a) Fall Spulenkörper aus Kunststoff:

Bestimmen Sie den Spulenstrom I, so dass die magnetische Feldstärke in der Spule (bei R = 2 cm) 100 A/m beträgt. Wie gross wird dann die Flussdichte? Welcher Strom wäre für eine Flussdichte von 200 mT notwendig?

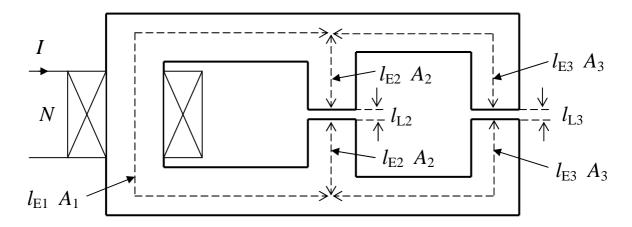
b) Fall Spulenkörper aus **Dynamoblech**:

(Magnetisierungskurve: siehe Aufgabe 3)

Bestimmen Sie den Spulenstrom I, so dass die magnetische Feldstärke in der Spule (bei R = 2 cm) 100 A/m beträgt. Wie gross wird dann die Flussdichte?

Welcher Strom wäre für eine Flussdichte von 200 mT notwendig?

Aufgabe 3: verzweigter magnetischer Kreis



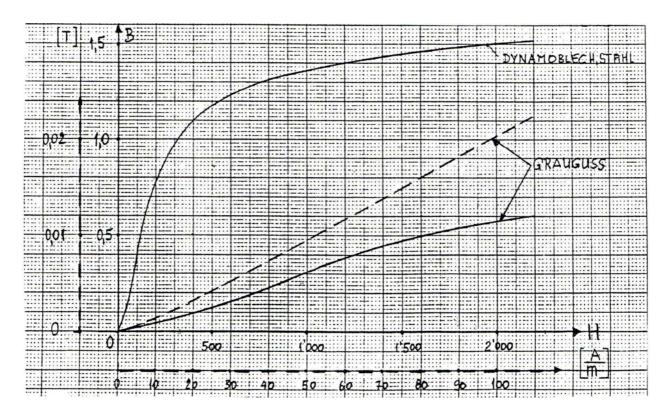
Daten: magnetischer Kreis aus Grauguss

die Streuung des Systems wird vernachlässigt

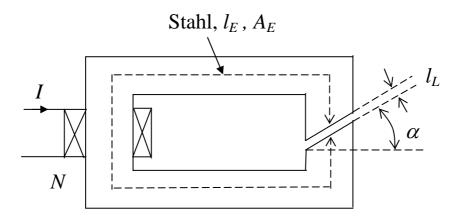
 $l_{\text{E1}} = 16 \text{ cm}$ $A_1 = 200 \text{ mm}^2$ N = 1000 $l_{\text{E2}} = 4 \text{ cm}$ $A_2 = 100 \text{ mm}^2$ $l_{\text{L2}} = 0.2 \text{ mm}$ $l_{\text{E3}} = 8 \text{ cm}$ $A_3 = 100 \text{ mm}^2$ $l_{\text{L3}} = 0.4 \text{ mm}$

- a) Zeichnen Sie das vollständige Ersatzschaltbild (mit allen Grössen) für den magnetischen Kreis.
- b) Wie gross muss der Strom I sein, damit $B_{L2} = 600 \text{ mT}$?

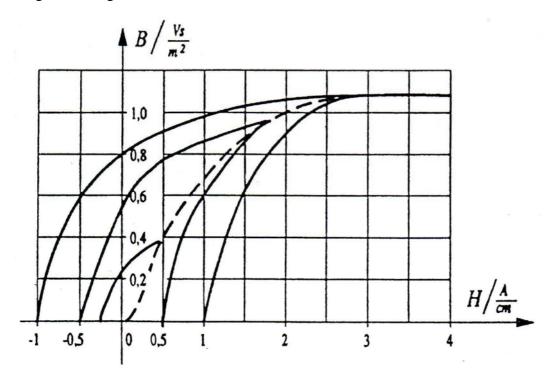
Magnetisierungskurven:



Aufgabe 4: Magnetisierung



Magnetisierungskurve des Stahls:

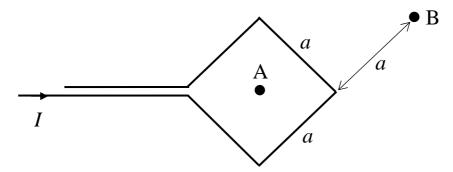


Daten: die Streuung des Systems wird vernachlässigt

Länge des Eisenabschnitts l_E =20 cmQuerschnittsfläche des Eisenabschnitts A_E = 5 cm^2 Länge des Luftspalts l_L =0.2 mmWinkel des Luftspalts α = 45° Windungszahl der SpuleN=100

- a) Wie gross muss der Strom I mindestens gewählt werden, damit die Sättigung erreicht wird?
- b) Auf welchen Wert muss der Strom *I* anschliessend reduziert werden, damit die Flussdichte im Eisen gerade der Remanenz entspricht?

Aufgabe 1: Magnetische Feldstärke und Flussdichte



Der Strom I fliesst durch eine quadratische Leiteranordnung in Luft.

Der Punkt A befindet sich in der Mitte des Quadrats.

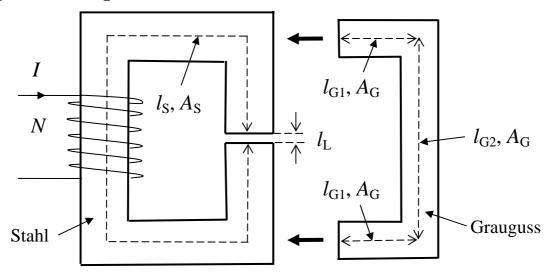
Der Punkt B liegt im Abstand a in der Verlängerung einer Seite des Quadrats (siehe Bild).

Daten: $I = 100 \,\mathrm{A}$ $a = 10 \,\mathrm{cm}$

- a) Bestimmen Sie den Betrag und die Richtung der magnetischen Feldstärke und der Flussdichte im Punkt A .
- b) Bestimmen Sie den Betrag und die Richtung der magnetischen Feldstärke und der Flussdichte im Punkt B .

NB: der Einfluss der Zuleitungen kann vernachlässigt werden.

Aufgabe 2: magnetischer Kreis



Der Kreis ist streuungsfrei angenommen.

Für den Stahl gilt die Magnetisierungskurve von Aufg. 2 der Übungsserie 15.

Im Grauguss entsteht bei einer Feldstärke $H_{\rm G}$ von 5500 A/m eine Flussdichte $B_{\rm G}$ von 0,84 T.

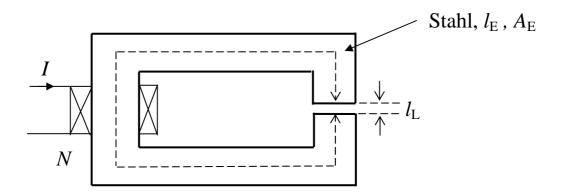
Daten:

$$l_{\rm S}=30~{\rm cm}$$
 $A_{\rm S}=4~{\rm cm}^2$ (Stahlkreis-Querschnitt)
 $l_{\rm G1}=3~{\rm cm}$ $l_{\rm G2}=9~{\rm cm}$ $A_{\rm G}=2~{\rm cm}^2$ (Bügel)
 $l_{\rm L}=1~{\rm mm}$ $N=1000$

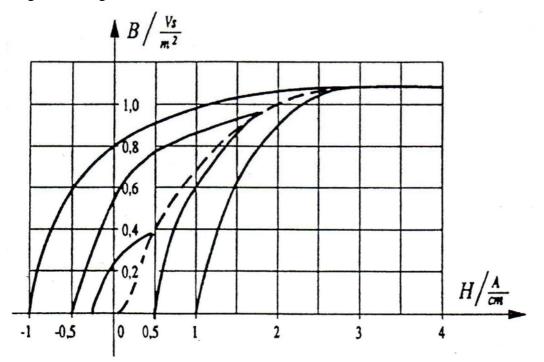
Der Kreis besteht aus einem Stahljoch mit einem Luftspalt und einem anschliessend angebrachten Bügel aus Grauguss.

Berechnen Sie die notwendige prozentuale Aenderung des Stromes, damit die Flussdichte im Luftspalt nach dem Anbringen des Bügels unverändert $B_L = 1$ T beträgt.

Aufgabe 3: Magnetischer Kreis mit einem Luftspalt



Magnetisierungskurve des Stahls:

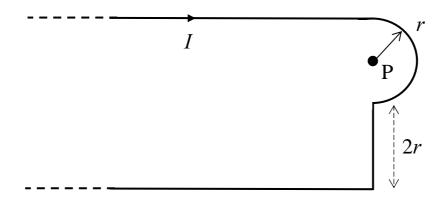


Daten: die Streuung des Kreises wird vernachlässigt

Länge des Eisenabschnitts $l_{\rm E}=20~{\rm cm}$ Querschnittsfläche des Eisenabschnitts $A_{\rm E}=5~{\rm cm}^2$ Länge des Luftspalts $l_{\rm L}=0.2~{\rm mm}$ Windungszahl der Spule N=100

- a) Bestimmen Sie den minimal notwendigen Strom I, so dass die Sättigung erreicht wird.
- b) Anschliessend wird der Strom I abgeschaltet. Bestimmen Sie die Flussdichte im Luftspalt B_L .

Aufgabe 1: Magnetische Feldstärke



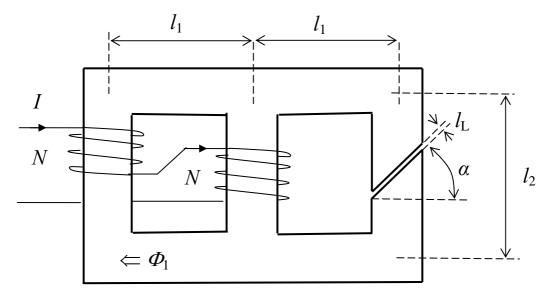
Zwei sehr lange, dünne, parallele Leiter führen zu einem Halbkreis mit Mittelpunkt P und einem geraden Verbindungsstück.

10 cm

Daten: I = 2 A r

- a) Bestimmen Sie den Betrag der magnetischen Feldstärke im Punkt P.
- b) Beschreiben Sie die Richtung des Vektors der magnetischen Feldstärke im Punkt P.

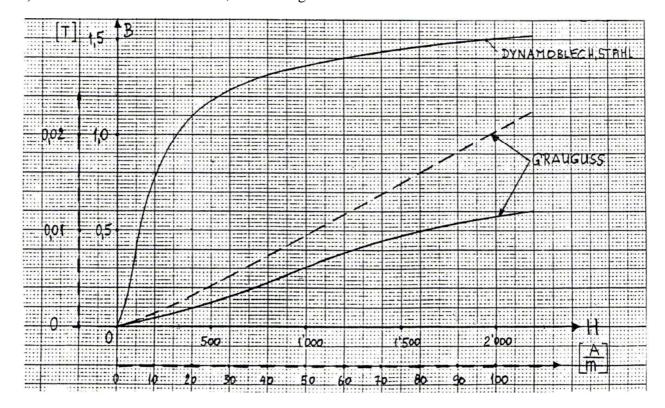
Aufgabe 2: Magnetischer Kreis



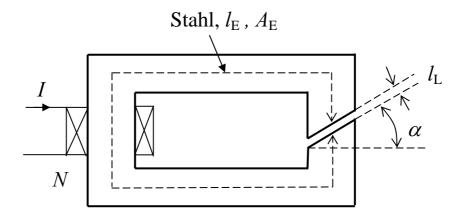
Der Kreis ist streuungsfrei angenommen. Der Kern ist aus Stahl und verhält sich nichtlinear. Magnetisierungskurve des Stahls: siehe Unterrichtsunterlagen.

Daten: $l_1 = 5 \text{ cm}$ $l_2 = 10 \text{ cm}$ $l_L = 0.1 \text{ mm mit } \alpha = 45^{\circ}$ $A = 1 \text{ cm}^2$: Querschnitt im Stahl N = 100 $\Phi_1 = 50 \text{ µVs}$: Fluss im Schenkel links

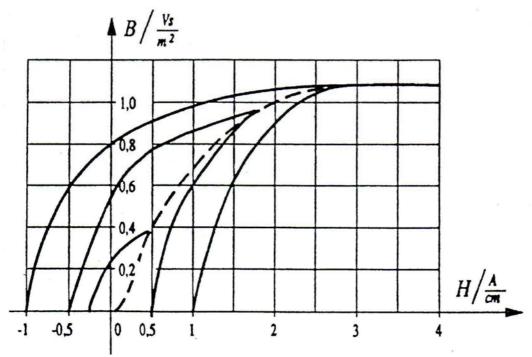
- a) Zeichnen Sie das Ersatzschaltbild des magnetischen Kreises mit allen vorkommenden Elementen und Grössen.
- b) Berechnen Sie die Flussdichte B_L im Luftspalt.
- c) Bestimmen Sie den Strom I, der benötigt wird.



Aufgabe 3: Magnetischer Kreis mit einem schrägen Luftspalt



Magnetisierungskurve des Stahls:



Daten: die Streuung des Kreises wird vernachlässigt

Länge des Eisenabschnitts $l_{\rm E}$ = $40 \, {\rm cm}$ Querschnittsfläche des Eisenabschnitts $A_{\rm E}$ = $9 \, {\rm cm}^2$ Länge des Luftspalts $l_{\rm L}$ = $0.2 \, {\rm mm}$ Winkel des Luftspalts α = 45° Windungszahl der SpuleN=100

a) Zu Beginn ist das Material entmagnetisiert.

Dann wird der Strom I hochgefahren, bis die Feldstärke im Eisen 175 A/m erreicht. Bestimmen Sie die resultierende Flussdichte im Luftspalt $B_{\rm L}$.

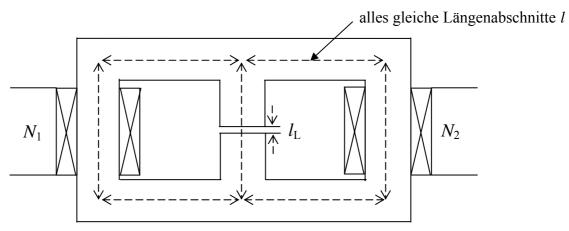
Berechnen Sie den Strom, der dazu notwendig ist.

b) Anschliessend wird der Strom abgeschaltet. (I=0) Bestimmen Sie die sich einstellende Flussdichte im Luftspalt $B_{\rm L}$.

Aufgabe 1: Selbst- und Gegeninduktivitäten

Zwei Spulen sind über ein Eisenjoch mit Luftspalt miteinander gekoppelt.

Die Anordnung wird als **streuungsfrei** betrachtet.

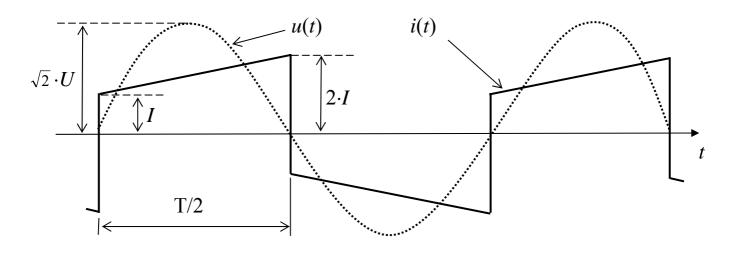


Daten: $N_1 = 100$ $N_2 = 200$ l = 10 cm $l_L = 1$ mm A = 4 cm² überall die gleiche Querschnittsfläche $\mu_{\Gamma} = 8000$ (konstant)

- a) Zeichnen Sie das Ersatzschaltbild des magnetischen Kreises.
- b) Berechnen Sie die Selbstinduktivitäten L_1 , und L_2 .
- c) Berechnen Sie die Gegeninduktivitäten $L_{12} = L_{21}$ (für gleichsinnige Kopplung).

Aufgabe 2: Effektivwert und Wirkleistung

Eine Spannungsquelle mit sinusförmiger Spannung u(t) ist mit dem skizzierten Strom i(t) belastet.



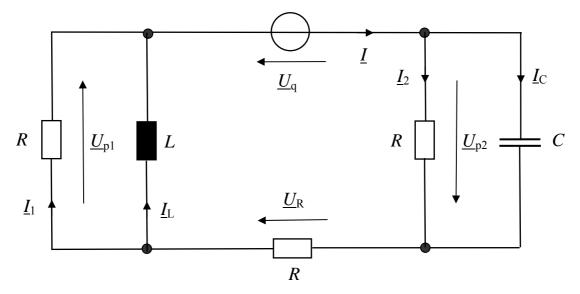
Daten:

$$U = 220 \text{ V}$$

$$I = 2 A$$

- a) Berechnen Sie den Effektivwert des Stromes I_{eff} .
- b) Berechnen Sie die von der Quelle abgegebene Wirkleistung *P* .

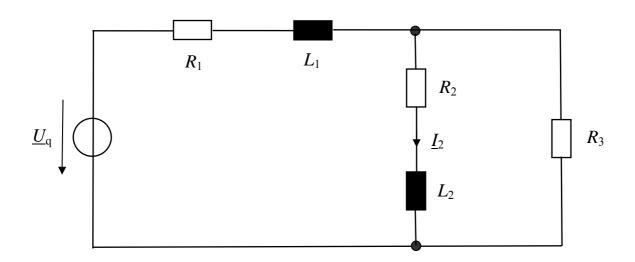
Aufgabe 3: Zeigerdiagramm



Daten: $X_L = |X_C| = R/2$

Zeichnen Sie das Zeigerdiagramm mit allen Spannungen und Ströme.

Aufgabe 4: Phasenbedingung



Daten:

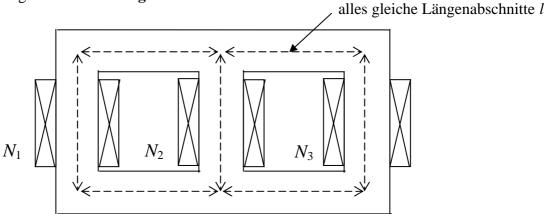
$$U_{\rm q} = 100 \, {\rm V}$$
 $f = 500 \, {\rm Hz}$
 $R_1 = 50 \, \Omega$ $R_2 = 100 \, \Omega$
 $L_1 = 10 \, {\rm mH}$ $L_2 = 20 \, {\rm mH}$

Bestimmen Sie den Wert von R_3 , so dass der Strom \underline{I}_2 der Spannung \underline{U}_q um 45° nacheilt.

Aufgabe 1: Induktivitäten

Drei Spulen sind über ein Eisenjoch miteinander gekoppelt.

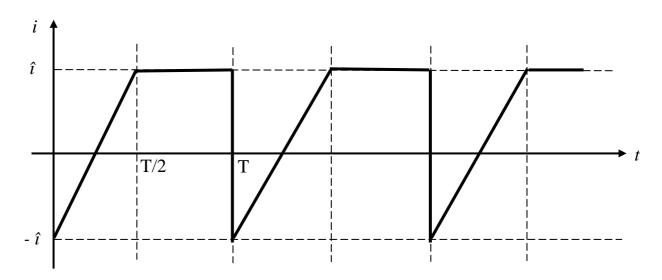
Die Anordnung wird als streuungsfrei betrachtet.



Daten: $N_1 = 100$ $N_2 = 200$ $N_3 = 100$ l = 10 cm A = 4 cm² überall die gleiche Querschnittsfläche $\mu_r = 8000$ (konstant)

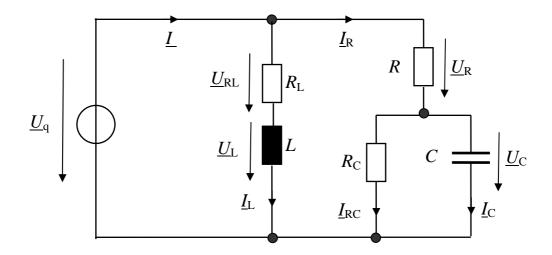
- a) Berechnen Sie die Selbstinduktivitäten L_1 , L_2 und L_3 .
- b) Berechnen Sie die Gegeninduktivitäten L_{12} , L_{23} und L_{13} (gleichsinnige Kopplung).
- c) Bestimmen Sie die Kopplungsfaktoren k_{12} , k_{23} und k_{13} .

Aufgabe 2: Mittelwerte eines periodischen Stromes



- a) Berechnen Sie den Gleichwert des Stromes.
- b) Berechnen Sie den Gleichrichtwert des Stromes.
- c) Berechnen Sie den Effektivwert des Stromes.

Aufgabe 3: Zeigerdiagramm und Phasenbedingung

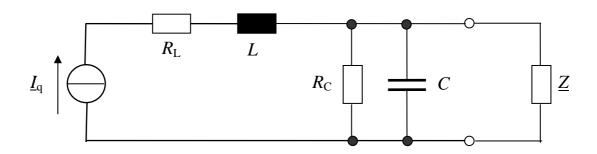


Daten:
$$f=1 \text{ kHz}$$

 $R_{\text{L}}=X_{\text{L}}=2 \text{ k}\Omega$ $R_{\text{C}}=1 \text{ k}\Omega$ $R=500 \Omega$

- a) Zeichnen Sie das Zeigerdiagramm mit allen Spannungen und Ströme für $|X_C|=2~\mathrm{k}\Omega$.
- b) Bestimmen Sie C , so dass $\underline{I}_{\mathbb{C}}$ um 60° gegenüber $\underline{U}_{\mathbb{Q}}$ voreilt.

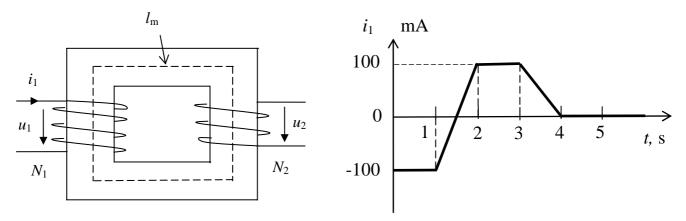
Aufgabe 4: Leistungsberechnung und Anpassung



Daten:
$$I_{\rm q}=100~{\rm mA}$$
 $f=1~{\rm kHz}$ $R_{\rm L}=10~\Omega$ $L=10~{\rm mH}$ $R_{\rm C}=100~\Omega$ $C=2,2~\mu{\rm F}$

- a) Berechnen Sie die Leistung, die in \underline{Z} umgesetzt wird, falls $\underline{Z} = 100 \Omega$ reell.
- b) Bestimmen Sie \underline{Z} , so dass die in ihm umgesetzte Wirkleistung maximal wird.
- c) Berechnen Sie die in <u>Z</u> umgesetzte Wirk- und Blindleistung im Anpassungsfall.

Aufgabe 1: Induktivitäten

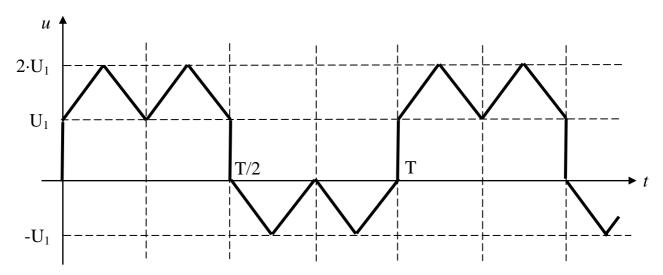


Die dargestellten, nicht ideal gekoppelten Spulen bilden einen Transformator (im Leerlauf). Die ohmschen Verluste werden vernachlässigt.

Daten: Windungszahl der Spule 1 $N_1 = 400$ Windungszahl der Spule 2 $N_2 = 200$ Kopplungsfaktor k = 0.8 mittlere Länge des Eisenjochs $l_{\rm m} = 30 \, {\rm cm}$ Querschnittsfläche des Eisenjochs $A = 1.2 \, {\rm cm}^2$ relative Permeabilität des Eisenjochs $\mu_{\rm r} = 1500$

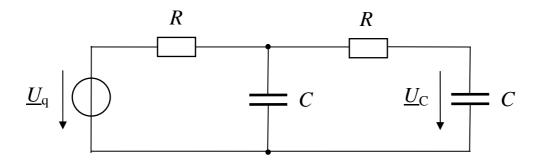
- a) Berechnen Sie die Selbstinduktivitäten L_1 und L_2 der beiden Spulen. Die Streuung soll vernachlässigt werden.
- b) Berechnen Sie die gegenseitige Induktivität L_{12} (= L_{21} = M).
- c) Bestimmen Sie den Verlauf der Spannungen u_1 und u_2 , wenn sich i_1 gemäss dem Diagramm ändert. Grafische Darstellung des Resultats.

Aufgabe 2: Mittelwerte eines periodischen Signals



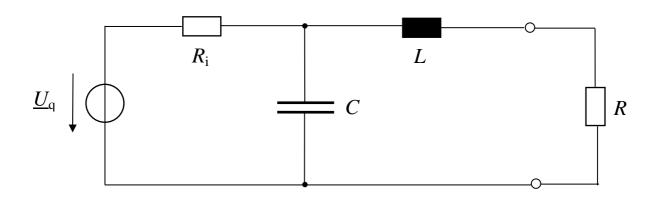
- a) Berechnen Sie den Gleichwert der Spannung.
- b) Berechnen Sie den Gleichrichtwert der Spannung.
- c) Berechnen Sie den Effektivwert der Spannung.

Aufgabe 3: Phasenbedingung



Bestimmen Sie die Kreisfrequenz ω , so dass \underline{U}_C gegenüber \underline{U}_q um 90° nacheilt. Lösung in allgemeiner Form (Buchstabensymbole).

Aufgabe 4: Leistung im Wechselstromnetzwerk



Daten:

$$U_{\rm q} = 20 \text{ V}$$

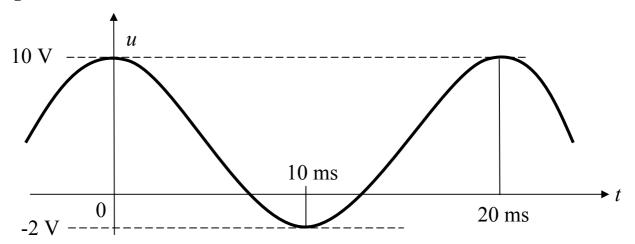
 $R_{\rm i} = 100 \Omega$

$$f = 100 \text{ Hz}$$

 $R = 10 \Omega$

Bestimmen Sie die Werte für C und für L (Anpassungsglied), so dass die Leistung in der Last R maximal wird.

Aufgabe 1: Mittelwerte



- a) Beschreiben Sie die harmonische Schwingung u(t) mathematisch.
- b) Berechnen Sie den Gleichrichtwert.
- c) Berechnen Sie den Effektivwert.
- d) Bestimmen Sie den Wert des Widerstands, an dem die Spannung eine Leistung P = 2 W umsetzt.

Aufgabe 2: Transformation in die symbolische Methode und zurück

- a) Transformieren Sie den im Zeitbereich beschriebenen Strom in die komplexe Darstellung. zwei Resultate angeben:
 - 1. nach der Methode der Projektion auf die vertikale Achse.
 - 2. nach der Methode der Projektion auf die horzontale Achse.

$$i = \sin(\omega t) + 2 \cdot \cos(\omega t + \pi/2) + 3 \cdot \cos(\omega t - 2\pi/3)$$
, A

b) Transformieren Sie den Strom <u>I</u>₅ in den Zeitbereich.

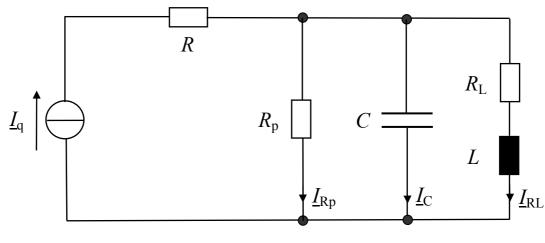
$$I_5 = I_1 + I_2 + I_3 + I_4$$

mit: $\underline{I}_1 = 1 \text{ A}$, $\underline{I}_2 = j \cdot 2 \text{ A}$, $\underline{I}_3 = 3 \angle -22^{\circ} \text{ A}$ und $\underline{I}_4 = e^{-j \cdot 1,067} \text{ A}$, alle Ströme haben die gleiche Kreisfrequenz ω .

zwei Resultate angeben:

- 1. nach der Methode der Projektion auf die vertikale Achse.
- 2. nach der Methode der Projektion auf die horzontale Achse.

Aufgabe 3: Wechselstromnetzwerk

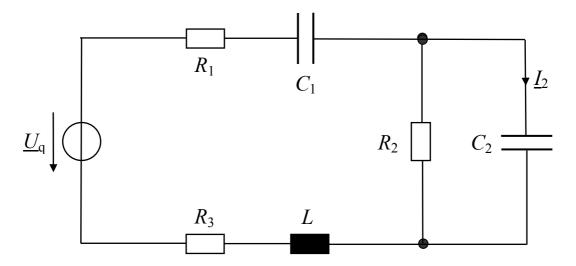


Daten:

$$\underline{I}_{q} = 10 \angle 0^{\circ} A$$
 $f = 50 \text{ Hz}$
 $R = 10 \Omega$ $R_{p} = 120 \Omega$ $R_{L} = 10 \Omega$
 $C = 10 \mu\text{F}$ $L = 500 \text{ mH}$

- a) Berechnen Sie die Ströme \underline{I}_{Rp} , \underline{I}_{C} und \underline{I}_{RL} .
- b) Berechnen Sie die in der gesamten Schaltung umgesetzte Wirk-, Blind- und Scheinleistung.

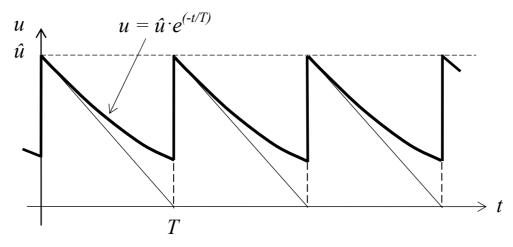
Aufgabe 4: Phasenbedingung



Daten:

Bestimmen Sie die Kapazität C_2 , so dass $\underline{I_2}$ um 45° gegenüber $\underline{U_q}$ voreilt.

Aufgabe 1: Mittelwerte eines periodischen Signals



Daten:

$$\hat{u} = 100 \text{ V}$$

$$T = 10 \text{ ms}$$

- a) Berechnen Sie den Gleichwert der Spannung.
- b) Berechnen Sie den Effektivwert der Spannung.

Aufgabe 2: Transformation in die symbolische Methode und zurück

- a) Transformieren Sie die im Zeitbereich beschriebene Spannung in die komplexe Darstellung. zwei Resultate angeben:
 - 1. nach der Methode der Projektion auf die vertikale Achse.
 - 2. nach der Methode der Projektion auf die horzontale Achse.

$$u = 311 \cdot \sin(\omega t + \pi/6) + 311 \cdot \cos(\omega t + \pi/3) + 311 \cdot \sin(\omega t - \pi/6)$$
, V

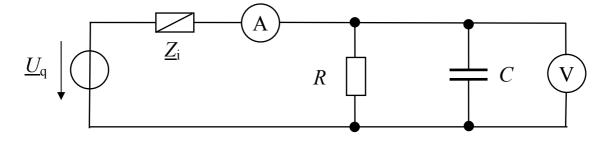
b) Transformieren Sie die in der komplexen Darstellung beschriebene Spannung mit der Kreisfrepuenz ω in den Zeitbereich.

zwei Resultate angeben:

- 1. nach der Methode der Projektion auf die vertikale Achse.
- 2. nach der Methode der Projektion auf die horzontale Achse.

$$U = 19 + i \cdot 30 + 60 \angle -45^{\circ} - 10 \angle 90^{\circ}$$
, V

Aufgabe 3: Äquivalente Schaltung, Strom und Spannung



Daten:

$$U_{\rm q} = 10 \,\mathrm{V}$$

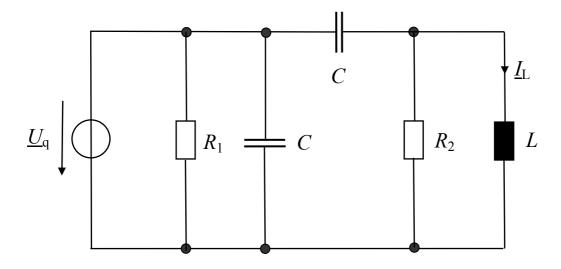
 $R = 100 \,\Omega$

$$f = 1 \text{ kHz}$$
 $C = 2 \mu\text{F}$

$$\underline{Z}_i = (10 + j \cdot 20) \Omega$$

- a) Bestimmen Sie die äquivalente Serieschaltung für R parallel zu C.
- b) Welche Werte zeigen das Ampèremeter und das Voltmeter an?

Aufgabe 4: Phasenbedingung

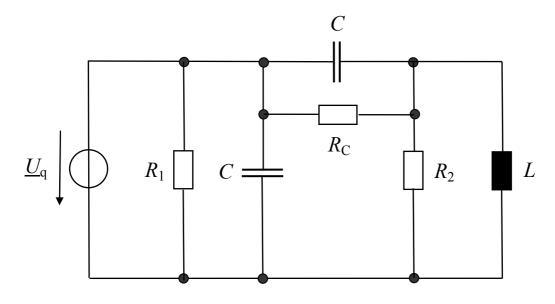


Daten:

$$U_{\rm q} = 10 \,\mathrm{V}$$
 $f = 1 \,\mathrm{kHz}$
 $R_1 = 1 \,\mathrm{k}\Omega$ $C = 10 \,\mathrm{\mu F}$ $L = 5 \,\mathrm{mH}$

Bestimmen Sie $\it R_{\rm 2}$, so dass $\it \underline{\it U}_{\rm q}$ gegenüber $\it \underline{\it I}_{\rm L}$ um 30° voreilt.

Aufgabe 5: Leistungsanpassung

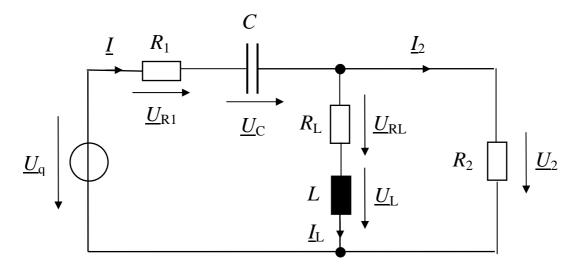


Daten:

$$U_{\rm q} = 10 \, {\rm V}$$
 $f = 1 \, {\rm kHz}$
 $R_{\rm 1} = 1 \, {\rm k}\Omega$ $R_{\rm C} = 33 \, \Omega$ $C = 10 \, \mu {\rm F}$

- a) Bestimmen Sie R_2 und L, so dass die in R_2 umgesetzte Leistung maximal wird.
- b) Berechnen Sie die maximale Leistung P_{max} , die bei Anpassung umgesetzt wird.

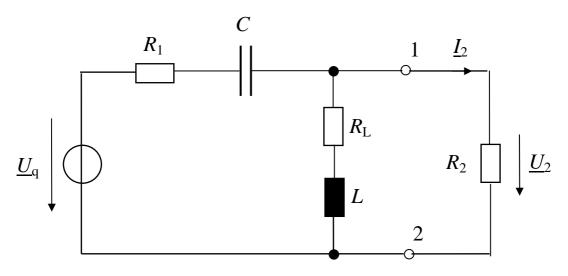
Aufgabe 1: Zeigerdiagramm



Daten:
$$U_{\rm q} = 220 \, {\rm V}$$
 $f = 50 \, {\rm Hz}$ $R_1 = 50 \, {\rm \Omega}$ $R_2 = 200 \, {\rm \Omega}$ $R_{\rm L} = 100 \, {\rm \Omega}$ $L = 637 \, {\rm mH}$ $C = 31,83 \, {\rm μF}$

Zeichnen Sie massstäblich das Zeigerdiagramm mit allen Spannungen und Ströme.

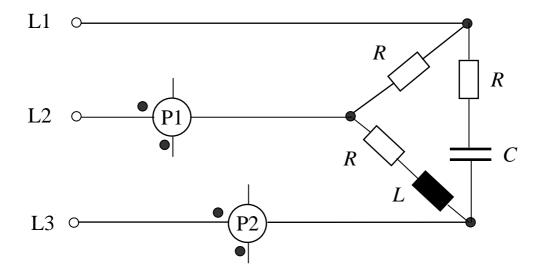
Aufgabe 2: Leistungsberechnung und Anpassung



Daten:
$$U_{\rm q} = 220 \, {\rm V}$$
 $f = 50 \, {\rm Hz}$
 $R_{\rm 1} = 50 \, {\rm \Omega}$ $R_{\rm L} = 100 \, {\rm \Omega}$
 $L = 637 \, {\rm mH}$ $C = 31,83 \, {\rm \mu F}$

- a) Berechnen Sie die Leistung, die in R_2 umgesetzt wird, falls $R_2 = 200 \Omega$.
- b) Bestimmen Sie R_2 , so dass die in ihm umgesetzte Leistung maximal wird. Berechnen Sie die Leistung für diesen Fall.
- c) Ist diese Wirkleistung die maximal mögliche für eine Last an den Klemmen 1 und 2 ? Antwort ohne Rechnung, jedoch mit Begründung.

Aufgabe 3: Dreieckschaltung an Drehstrom



Daten: Aussenleiterspannungen (Phasenlage gemäss Kapitel W16):

U380 V 50 Hz

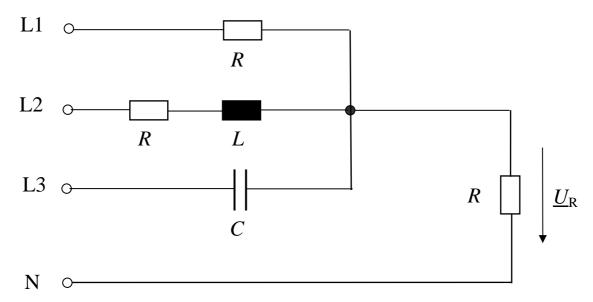
= R 100Ω

L 500 mH =

 \boldsymbol{C} = 22 µF

- Ergänzen Sie die Anschlüsse der beiden Wattmeter, so dass die Summe der angezeigten a) Werte die Wirkleistung in der Last ergibt.
- Berechnen Sie die in der Last umgesetzte Wirk- und Blindleistung. b)

Aufgabe 4: Sternschaltung an Drehstrom



Daten: Aussenleiterspannungen (Phasenlage gemäss Kapitel W16):

380 V U=

50 Hz

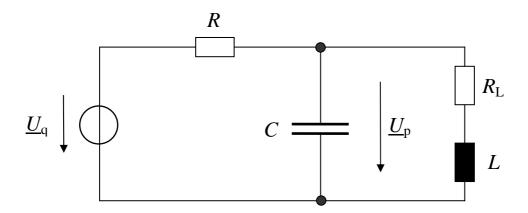
R = 100Ω

L500 mH =

C $22 \mu F$

Bestimmen Sie die Spannung \underline{U}_R .

Aufgabe 1: Phasenbedingung

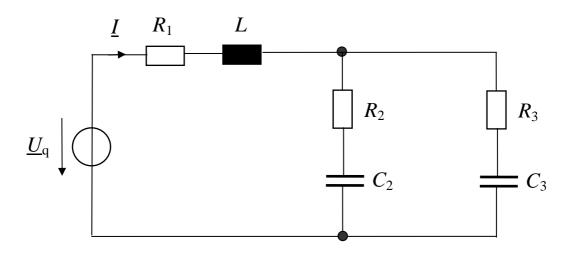


Daten:

$$R$$
 = 1 k Ω
 $R_{\rm L}$ = 100 Ω
 L = 200 mH
 C = 2 μ F

Bestimmen Sie ω , so dass \underline{U}_p und \underline{U}_q die gleiche Phasenlage haben.

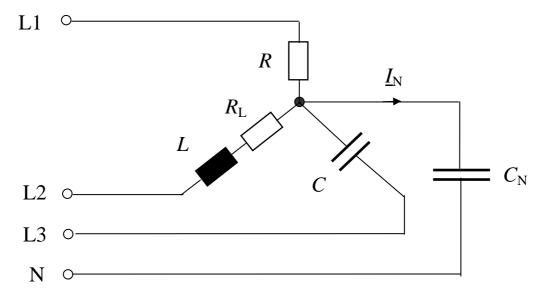
Aufgabe 2: Scheinleistung



$$U_{
m q} = 220 \, {
m V}$$
 $f = 50 \, {
m Hz}$
 $R_1 = 30 \, {
m \Omega}$ $L = 130 \, {
m mH}$
 $R_2 = 30 \, {
m \Omega}$ $C_2 = 160 \, {
m \mu F}$
 $R_3 = 40 \, {
m \Omega}$ $C_3 = 64 \, {
m \mu F}$

Berechnen Sie die in der gesamten Schaltung umgesetzte komplexe Scheinleistung \underline{S} .

Aufgabe 3: Vierleiterschaltung

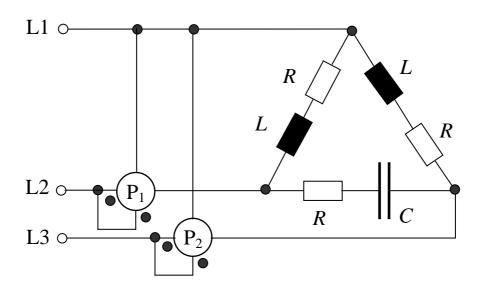


Daten:

$$\underline{U}_{12} = 380 \text{ V} \angle 30^{\circ}$$
 $f = 50 \text{ Hz}$ $R = 100 \Omega$
 $\underline{U}_{23} = 380 \text{ V} \angle -90^{\circ}$ $L = 500 \text{ mH}$ $R_L = 10 \Omega$
 $\underline{U}_{31} = 380 \text{ V} \angle 150^{\circ}$ $C = 20 \mu\text{F}$ $C_N = 100 \mu\text{F}$

Bestimmen Sie den Strom \underline{I}_N .

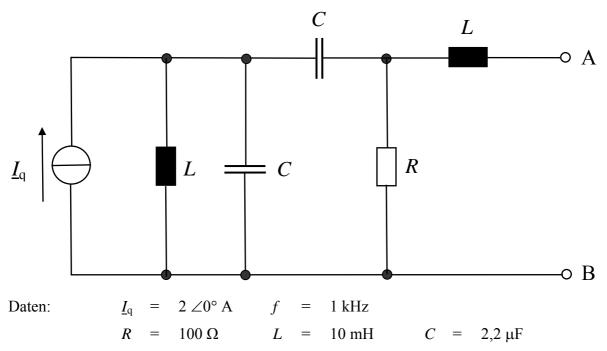
Aufgabe 4: Dreieckschaltung



Daten:

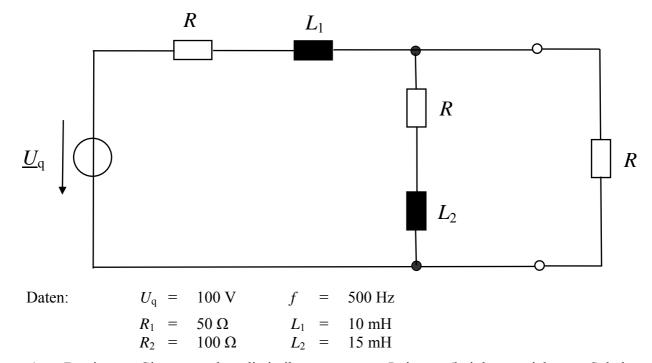
Welche Werte zeigen die beiden Wattmeter (P₁ und P₂) an?

Aufgabe 1: Ersatzspannungsquelle (Thévenin)



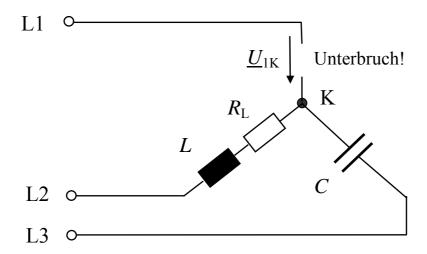
Bestimmen Sie die Ersatzspannungsquelle (Thévenin) zwischen den Anschlüssen A und B: Skizze der Schaltung mit \underline{U}_{qE} und \underline{Z}_{iE} .

Aufgabe 2: Leistungsberechnung und Anpassung



- a) Bestimmen Sie R_L , so dass die in ihm umgesetzte Leistung (bei der gezeichneten Schaltung) maximal wird.
- b) Berechnen Sie den Widerstand R_L und ein weiteres zu bestimmendes Element, das **parallel** zu R_L geschaltet werden soll, so dass die Leistung in R_L den maximal möglichen Wert erreicht.

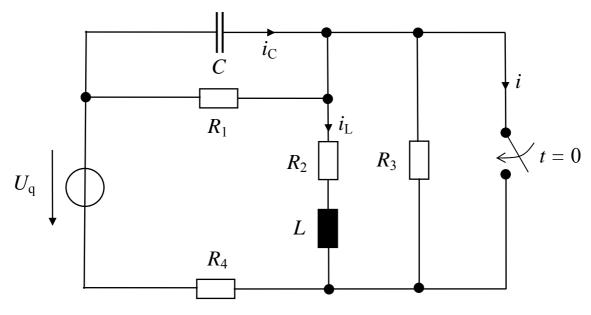
Aufgabe 3: Sternschaltung mit Unterbruch der Phase L1



Daten:

Bestimmen Sie die Spannung \underline{U}_{1K} .

Aufgabe 4: Ausgleichsvorgang



Daten:

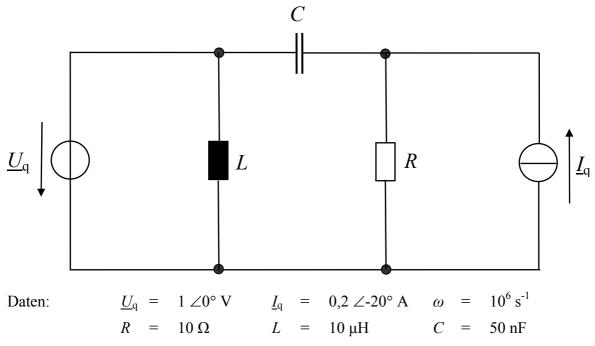
$$U_{\rm q} = 60 \, {\rm V}$$
 $L = 400 \, {\rm mH}$ $C = 50 \, {\rm \mu F}$
 $R_1 = 100 \, {\rm \Omega}$ $R_2 = 200 \, {\rm \Omega}$
 $R_3 = 300 \, {\rm \Omega}$ $R_4 = 400 \, {\rm \Omega}$

Zum Zeitpunkt t = 0 schliesst der Schalter. Davor ist der Zustand stationär.

Bestimmen Sie den **zeitlichen Verlauf** von i_L , i_C und i im Intervall $-\tau < t < 5\tau$.

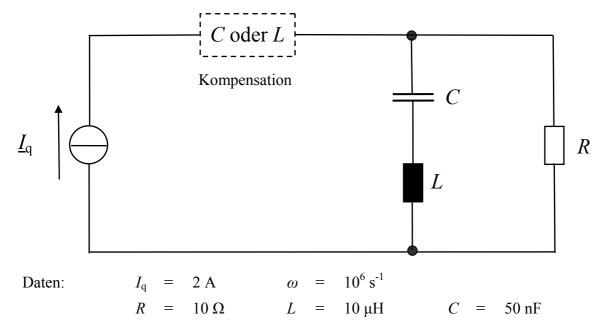
Quantitative Angaben, mit **mathematischer** Beschreibung und **grafischer** Darstellung der Funktionen.

Aufgabe 1: Scheinleistungen von Quellen



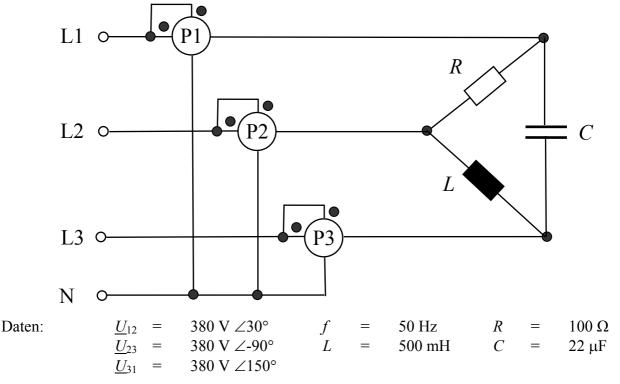
Bestimmen Sie die die komplexe Scheinleistung der beiden Quellen \underline{S}_U und \underline{S}_I . (für die Quellen soll, wie üblich, das Erzeugerpfeilsystem zum Einsatz kommen)

Aufgabe 2: Leistungsfaktor



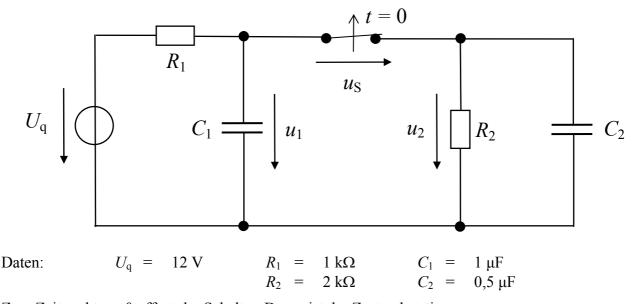
- a) Berechnen Sie den Leistungsfaktor λ der Schaltung (ohne Kompensation).
- b) Bestimmen Sie das Kompensationselement (C oder L), das notwendig ist, um den Leistungsfaktor λ auf 1 zu verbessern.

Aufgabe 3: Wirkleistung in einer Dreieckschaltung



- a) Berechnen Sie die gesamte Wirkleistung, die in der Dreieckschaltung umgesetzt wird.
- b) Bestimmen Sie die Anzeigen der drei Wattmeter.

Aufgabe 4: Ausgleichsvorgang

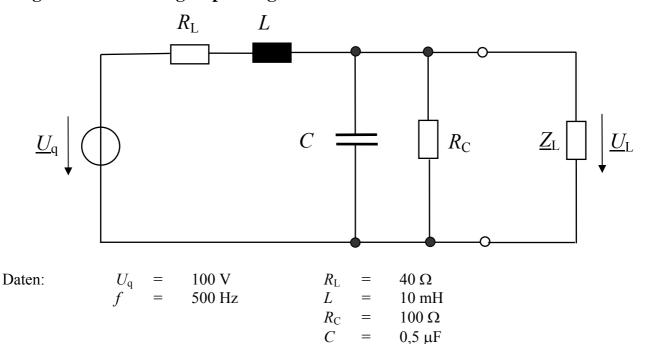


Zum Zeitpunkt t = 0 öffnet der Schalter. Davor ist der Zustand stationär.

Bestimmen Sie den **zeitlichen Verlauf** von u_1 , u_2 und u_S im Intervall $-\tau < t < 5\tau$.

Quantitative Angaben, mit **mathematischer** Beschreibung und **grafischer** Darstellung der Funktionen.

Aufgabe 1: Leistungsanpassung

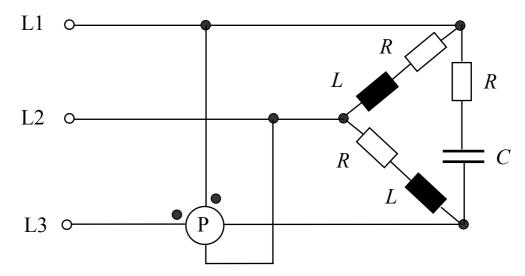


Bestimmen Sie die Last \underline{Z}_L , so dass die in ihr umgesetzte Wirkleistung P maximal wird.

Wie kann \underline{Z}_L realisiert werden? Angabe von zwei Varianten: eine Serie- und eine Parallelschaltung von jeweils zwei Schaltungselementen.

Wie gross wird U_L ?

Aufgabe 2: Wattmeter im Drehstromnetz



Daten: Aussenleiterspannungen (Phasenlage gemäss Kapitel W16):

$$U = 380 \text{ V}$$
 $R = 27 \Omega$
 $f = 50 \text{ Hz}$ $L = 86 \text{ mH}$
 $C = 118 \mu\text{F}$

Bestimmen Sie den Wert, den das Wattmeter anzeigt.

Aufgabe 3: Sternschaltung

L1
$$\circ$$
 I_1
 I_2
 I_2
 I_3
 I_3
 I_3
 I_3
 I_3
 I_4
 I_5
 I_5

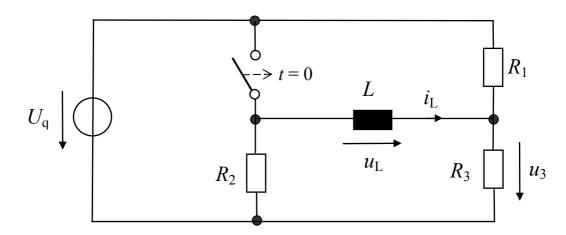
Daten:

Aussenleiterspannungen (Phasenlage gemäss Kapitel W16): U = 380 V f = 50 Hz $R_2 = 10 \text{ G}$

- Bestimmen Sie L_2 und L_3 , so dass die Effektivwerte (Zeigerlängen) von $\underline{I_1}$, $\underline{I_2}$ und $\underline{I_3}$ gleich
- b) Berechnen Sie \underline{I}_1 , \underline{I}_2 und \underline{I}_3 (Effektivwert und Phasenlage).

Aufgabe 4: Ausgleichsvorgang

gross sind (symmetrische Ströme).



Daten:

$$U_{\rm q} = 24 \, {\rm V}$$
 $L = 300 \, {\rm mH}$ $R_1 = 100 \, {\rm \Omega}$ $R_2 = 200 \, {\rm \Omega}$ $R_3 = 300 \, {\rm \Omega}$

Der Zustand vor t = 0 ist stationär.

Der Schalter schliesst bei t = 0.

Bestimmen Sie den zeitlichen Verlauf von $i_{\rm L}$, $u_{\rm L}$ und u_3 im Intervall $-\tau < t < 5\tau$. Quantitative Angaben, mit mathematischer Beschreibung der Funktionen und grafischer Darstellung der Kurven.