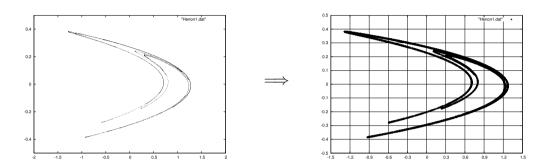
複雑系科学演習第9回

次の Hénon 写像 (エノン写像) のボックスカウンティング次元を考える.

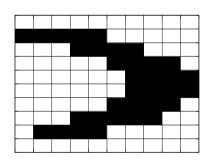
$$\left(egin{array}{c} x_n \\ y_n \end{array}
ight)\mapsto \left(egin{array}{c} x_{n+1} \\ y_{n+1} \end{array}
ight)= \left(egin{array}{c} y_n+1-ax_n^2 \\ bx_n \end{array}
ight);$$
 今日は $a=1.4,b=0.3$ に固定する.

1 先週描いてもらった Hénon 写像のアトラクタを 10×10 分割することを考える (右図) . イメージ例)



1.1 10×10 分割したマス目内にアトラクタの点が入っているかどうか調べる.点が入っているマス目の数を数えよ

イメージ例) 上右図で点の入っているマス目を黒く塗った図. 答え)34個



- **1.2** 50×50 , 100×100 , 500×500 分割したとき , 同様の手順でアトラクタの点が入っているマス目を (プログラムを用いて) 数えよ .
- 1.3 $N \times N$ 分割したとき上で得た結果が m(N) だったとする.横軸 N,縦軸 m(N) として両対数グラフを描け.何がわかるか.

```
問 1.1 を計算するプログラム例 : ところどころ で隠してあります. の数と文字数とは関係ありません
#include <stdio.h>
#define N 1000000
#define nSizeMax 1000
#define xmin -1.5
#define xmax 1.5
#define ymin -0.5
#define ymax 0.5
int hist[nSizeMax][nSizeMax];
void next(double* x, double* y, double a, double b) {
 double xx = (*y)+1-a*(*x)*(*x);
 double yy = b*(*x);
 *x = xx;
 *y = yy;
}
// initialization
void init(int nS) {
 int i, j;
 for ( i=0; i<nS; i++ ) {
   for ( j=0; j< ; j++ ) {
     hist[i][j] = 0;
   }
 }
}
// print out
void print(int nS) {
 int i, j, count = 0;
 for ( i=0; i<nS; i++ ) {
   for ( j=0; j<nS; j++ ) {
     if (
                   )
       count++;
   }
 }
 printf("%d %d\n", nS, count);
int main(){
 double a = 1.4, b = 0.3;
 double x = 0.5, y = 0.5;
 int n;
 int px, py;
 int nSize = 10;
 init(nSize);
 for(n=0; n<=N; n++){
   next(&x, &y, a, b);
   if ( n>10000 ) {
     px = (int)((x-xmin)/(xmax-xmin)*nSize);
     py = (int)((y-ymin)/(ymax-ymin)*nSize);
   }
 }
 print(nSize);
 return 0;
```