Máquinas de Aprendizado Extremo

January 6, 2022

1 Exercício 5 - Máquinas de Aprendizado Extremo - ELM

Aluno: Vítor Gabriel Reis Caitité

Matrícula: 2021712430

1.1 Objetivos

O objetivo dos exercícios desta semana é ter um primeiro contato com classificadores não lineares, especificamente ELMs. A linguagem de programação utilizada foi Python.

As bases de dados utilizadas nessa lista foram:

- mlbench.2dnormals(200)
- mlbench.xor(100)
- mlbench.circle(100)
- mlbench.spirals(100, sd = 0.05)

Para cada uma das bases, serão construídas diferentes ELMs variando-se o número de neurônios, por exemplo p = 5, 10, 30. Como as bases de dados são bidimensionais, é possível visualizar a superfície de separação obtida para cada uma das ELMs, que será mostrada nesse relatório. Como requisitado na descrição da lista, a avaliação da qualidade dos resultados será exclusivamente visual.

1.2 Importando Bibliotecas e Datasets

1.3 Implementação da ELM

```
[3]: import random
    class ELM:
        def __init__(self, n_neurons):
            self.n_neurons = n_neurons
        def fit(self, X, y):
            # Adding polarization term
            X_{new} = np.ones((X.shape[0], X.shape[1]+1))
            X_{new}[:,1:] = X
            n = X_new.shape[1]
            self.Z = np.array([random.uniform(-0.5, 0.5) for i in range(n*self.
     →n_neurons)]).reshape(n, self.n_neurons)
            H = np.tanh(np.dot(X_new, self.Z))
            H_{new} = np.ones((H.shape[0], H.shape[1]+1))
            H_{new}[:,1:] = H
            self.w = np.dot(np.linalg.pinv(H_new), y)
            return self.w, H, self.Z
        def predict(self, X):
            X_{new} = np.ones((X.shape[0], X.shape[1]+1))
            X_{new}[:,1:] = X
            H = np.tanh(np.dot(X_new, self.Z))
            H_{new} = np.ones((H.shape[0], H.shape[1]+1))
            H_{new}[:,1:] = H
            y_predicted = np.sign(np.dot(H_new, self.w))
            y_predicted[y_predicted==0]=1
            return y_predicted
```

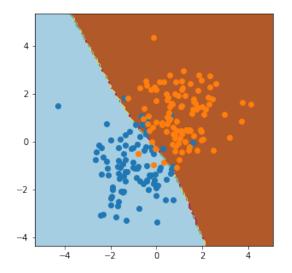
1.4 Funções para captação de resultados e geração de gráficos

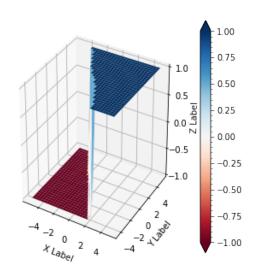
```
[4]: def plot_decision_border(X, y, clf, fig):
    #fig = plt.figure()
    ax = fig.add_subplot(121)
    # decision surface for logistic regression on a binary classification dataset
    min1, max1 = X[:, 0].min()-1, X[:, 0].max()+1
    min2, max2 = X[:, 1].min()-1, X[:, 1].max()+1
    # define the x and y scale
    x1grid = np.arange(min1, max1, 0.1)
    x2grid = np.arange(min2, max2, 0.1)
    # create all of the lines and rows of the grid
    xx, yy = np.meshgrid(x1grid, x2grid)
    # flatten each grid to a vector
    r1, r2 = xx.flatten(), yy.flatten()
    r1, r2 = r1.reshape((len(r1), 1)), r2.reshape((len(r2), 1))
```

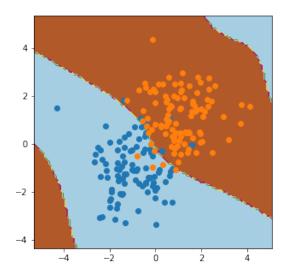
```
# horizontal stack vectors to create x1,x2 input for the model
        grid = np.hstack((r1,r2))
        #qrid = normalizer.transform(qrid)
        # make predictions for the grid
        yhat=(clf.predict(grid))
        yhat=np.array(yhat)
        # reshape the predictions back into a grid
        zz = yhat.reshape(xx.shape)
        # plot the grid of x, y and z values as a surface
        plt.contourf(xx, yy, zz, cmap='Paired')
        # create scatter plot for samples from each class
        for class_value in [-1, 1]:
            # get row indexes for samples with this class
            row_ix = np.where(y == class_value)
            # create scatter of these samples
            plt.scatter(X[row_ix, 0], X[row_ix, 1], cmap='Paired')
        # show the plot
        #plt.show()
[5]: def plot_surface(X, clf, fig):
        #fig = plt.figure()
        min1, max1 = X[:, 0].min()-1, X[:, 0].max()+1
        \min 2, \max 2 = X[:, 1].\min()-1, X[:, 1].\max()+1
        ax = fig.add_subplot(122, projection='3d')
        # create grid to evaluate model
        x = np.linspace(min1, max1, 30)
        y = np.linspace(min2, max2, 30)
        Y, X = np.meshgrid(y, x)
        xy = np.vstack([X.ravel(), Y.ravel()]).T
        print(xy.shape)
        #xy = normalizer.transform(xy)
        Z=clf.predict(xy)
        Z=np.array(Z).reshape(X.shape)
        # plot decision boundary and margins
        figure= ax.plot_surface(X, Y, Z,rstride=1, cstride=1,__
     →cmap='RdBu',edgecolor='none')
        ax.set_xlabel('X Label')
        ax.set_ylabel('Y Label')
        ax.set_zlabel('Z Label')
        cbar = fig.colorbar(figure, ax=ax, extend='both')
        cbar.minorticks_on()
        plt.show()
[6]: def results(X, y, p):
        train_accuracy_ELM = 0
        clf = ELM(p)
        clf.fit(X, y)
        y_hat_train=clf.predict(X)
```

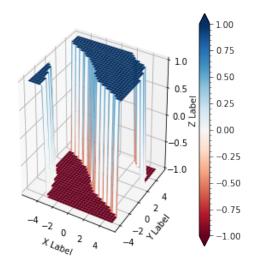
1.5 Aplicação na base de dados mlbench.2dnormals(200)

```
[7]: y = normals_dataset["classes"].astype(int).to_numpy()
y[y==2] = -1
X = normals_dataset.iloc[:,0:2].astype(float).to_numpy()
for p in [5, 10, 30]:
    results(X, y, p)
```

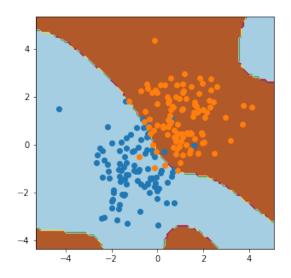


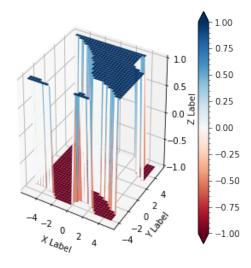






******* Resultado ELM com 30 neurônios na camada escondida ************ Acc train: 0.9450+/-0.0000 (900, 2)

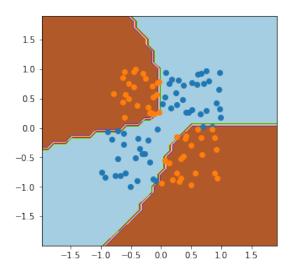


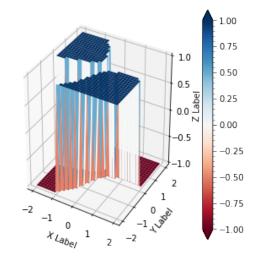


1.6 Aplicação na base de dados mlbench.xor(100)

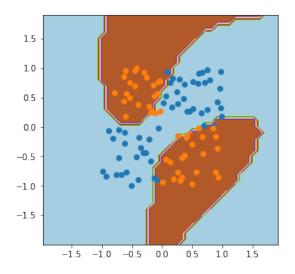
```
[8]: y = xor_dataset["classes"].astype(int).to_numpy()
y[y==2] = -1
X = xor_dataset.iloc[:,0:2].astype(float).to_numpy()
for p in [5, 10, 30]:
    results(X, y, p)
```

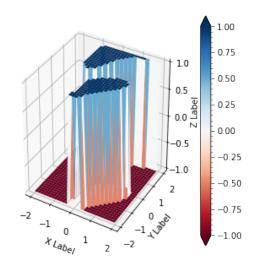
****** Resultado ELM com 5 neurônios na camada escondida ******** Acc train: 0.9400+/-0.0000 (900, 2)



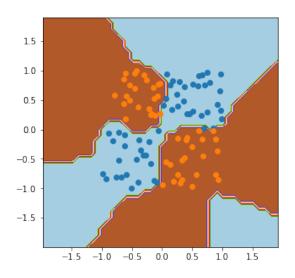


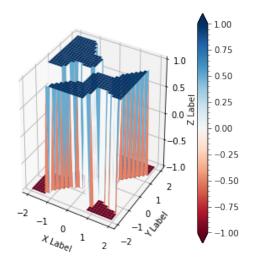
****** Resultado ELM com 10 neurônios na camada escondida ******** Acc train: 0.9400+/-0.0000 (900, 2)





****** Resultado ELM com 30 neurônios na camada escondida ******** Acc train: 1.0000+/-0.0000 (900, 2)

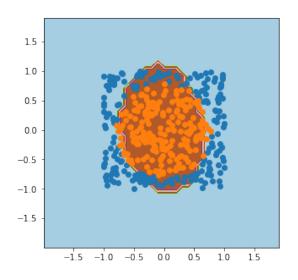


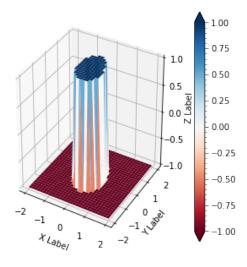


1.7 Aplicação na base de dados mlbench.circle(100)

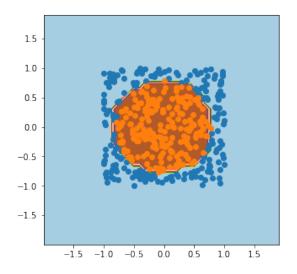
```
[9]: y = circle_dataset["classes"].astype(int).to_numpy()
y[y==2] = -1
X = circle_dataset.iloc[:,0:2].astype(float).to_numpy()
for p in [5, 10, 30]:
    results(X, y, p)
```

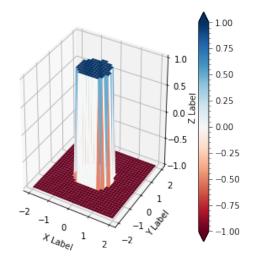
******* Resultado ELM com 5 neurônios na camada escondida *********** Acc train: 0.8175+/-0.0000 (900, 2)

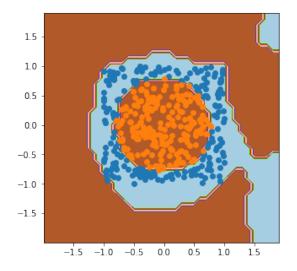


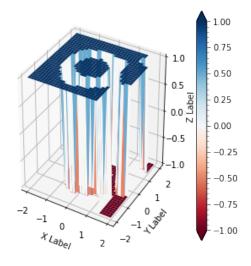


****** Resultado ELM com 10 neurônios na camada escondida ******** Acc train: 0.9625+/-0.0000 (900, 2)





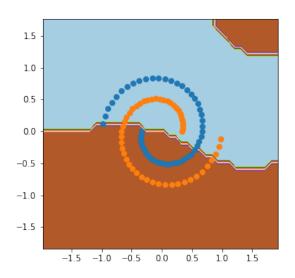


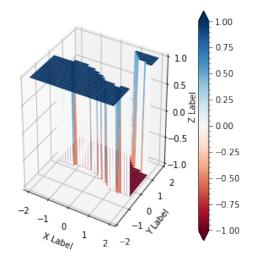


1.8 Aplicação na base de dados mlbench.spirals(100)

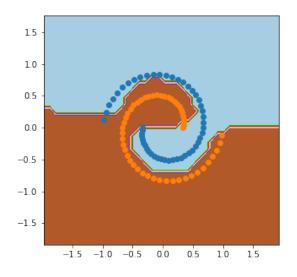
```
[10]: y = spirals_dataset["classes"].astype(int).to_numpy()
y[y==2] = -1
X = spirals_dataset.iloc[:,0:2].astype(float).to_numpy()
for p in [5, 10, 30]:
    results(X, y, p)
```

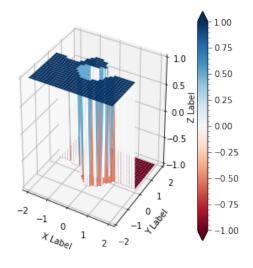
****** Resultado ELM com 5 neurônios na camada escondida ********* Acc train: 0.5000+/-0.0000 (900, 2)



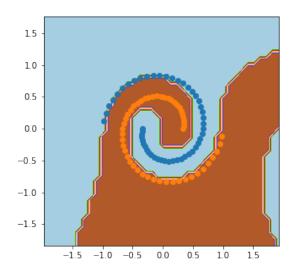


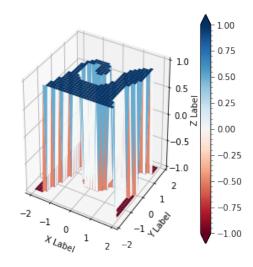
****** Resultado ELM com 10 neurônios na camada escondida ******** Acc train: 0.9600+/-0.0000 (900, 2)





****** Resultado ELM com 30 neurônios na camada escondida *********** Acc train: 1.0000+/-0.0000 (900, 2)





1.9 Discussão:

Com esse trabalho foi possível colocar em prática conceitos relativos a Máquinas de Aprendizado Extremo (ELM).

Nesse tipo de modelo é feita a escolha de uma matriz de pesos Z aleatória que, através do aumento de dimensão no espaço da camada intermediária, busca garantir a separação linear nesse espaço. Resumidamente, o intuito da ELM é que o número de funções $g_i(\mathbf{x}, \mathbf{z}_i)$ seja suficientemente grande para garantir a separabilidade no espaço da camada intermediária. Após isso, uma solução direta de erro mínimo pode ser obtida.

Como descrito em [1], a ELM possui um método de aprendizado simples, descrito a seguir. Dado um *dataset* de treinamento com N amostras $\{(\mathbf{x}_i, \mathbf{y}_i) | \mathbf{x}_i \in \mathbf{R}^n, \mathbf{y}_i \in \mathbf{R}^m, i = 1, ..., N\}$, uma função de ativação g(x) e um número de neurônios da camada escondida P:

- Gerar uma matriz de pesos de entrada Z tal que $Z \in R^{nxP}$.
- Calcular a matriz de mapeamento H (saída da camada escondida), tal que \$ H = g(XZ) \$.
- Calcular os pesos da camada de saída, $W = H^+Y$, sendo H^+ a pseudo-inversa de H.

Com as aplicações realizadas pôde-se perceber a eficiência do método em resolver problemas como os desta lista. Pôde-se notar que com o aumento do número de neurônios a acurácia de treinamento melhorou, contudo em algumas superfícies onde p=30 já era possível perceber sinais de *overfitting* (isso pôde ser visto principalmente nas bases *2dnormals*, *xor* e *circle*). Além disso, para p = 5, o modelo gerado apresentou sinais de *underfitting* principalmente ao ser aplicado nas bases *circle* e *spirals*, visto que a superfície de separação não conseguiu se adequar aos dados.

2 Referências

[1] G.-B. Huang, Q.-Y. Zhu, and C.-K. Siew, "Extreme learning machine: theory and applications," Neurocomputing, vol. 70, no. 1-3, pp. 489–501, 2006.