编译原理与技术实验二:语法分析程序的设计与实现 实验报告

毛子恒 2019211397 北京邮电大学 计算机学院

日期: 2021年10月26日

1 概览

1.1 任务描述

编写语法分析程序,实现对算术表达式的语法分析。要求所分析算术表达式由如下的文法产生。

$$E \to E + T|E - T|T$$

$$T \to T * F|T/F|F$$

$$F \to (E)|num$$

要求在对输入的算术表达式进行分析的过程中,依次输出所采用的产生式。 编写 LL(1) 语法分析程序,要求如下:

- 1. 为给定文法自动构造预测分析表。
- 2. 构造 LL(1) 预测分析程序。

1.2 开发环境

- macOS Big Sur 11.6
- Apple clang version 12.0.5
- cmake version 3.19.6
- Clion 2021.2.1
- Visual Studio Code 1.61.2

2 模块介绍

2.1 模块划分

各模块及其关系如图1。

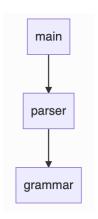


图 1: 模块关系图

其中, grammar 模块定义了文法类, 其中实现了文法的输入, 以及消除左递归、消除左公因子、计算 FIRST 和 FOLLOW 集的算法; parser 模块定义了预测分析类, 实现了从 LL(1) 文法构造预测分析表的构造函数, 以及利用预测分析表分析字符串的方法。

主函数的流程如下:

- 从文件中读入文法。
- 对文法进行转换并且判断是否是 LL(1) 文法。
- 利用文法构建预测分析表
- 从文件中读入需要分析的字符串。
- 对字符串进行预测分析,输出分析过程。

2.2 文法类

grammar 模块中定义了文法类:

```
1 using Symbol = std::string;
 2 using SymbolSet = std::unordered_set<Symbol>;
 3 using ProductionRight = std::deque<std::string>;
   using Productions = std::unordered_map<Symbol, std::vector<ProductionRight>>;
 5
   class Grammar
 6
 7
   public:
 8
        Grammar();
 9
        void LoadFromFile(std::ifstream &fs);
10
        bool ConvertToLL1();
11
        const SymbolSet &GetNonterminal() const;
12
        const SymbolSet &GetTerminal() const;
13
        const Productions &GetProduction() const;
14
        const Symbol &GetStart() const;
15
        const std::unordered_map<std::string, std::vector<SymbolSet>>
           &GetCandidateFirst() const;
16
        const std::unordered_map<std::string, SymbolSet> &GetFollow() const;
17
    private:
18
        SymbolSet nonterminal;
19
        SymbolSet terminal;
```

```
20
        Productions production;
21
        Symbol start;
22
        std::unordered_map<std::string, std::vector<SymbolSet>> candidate_first;
23
        std::unordered_map<std::string, SymbolSet> first;
24
        std::unordered_map<std::string, SymbolSet> follow;
25
        void EliminateLeftRecursion();
26
        void EliminateLeftFactoring();
27
        void ConstructFirst(const Symbol &left);
28
        void ConstructFirstSet();
29
        void ConstructFollow(const Symbol &left, std::unordered_map<Symbol,</pre>

    std::unordered_map<Symbol, bool>> &include_follow);

30
        void ConstructFollowSet();
31
        bool IsLL1Grammar() const;
32 };
33 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const SymbolSet &rhs);
34 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const ProductionRight &rhs);</pre>
35 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const Productions &rhs);
```

该类中包含有文法的非终结符号集合、终结符号集合、产生式集合、起始符号、候选式的 FIRST 集、非终结符的 FIRST 集合非终结符的 FOLLOW 集成员。

2.2.1 文法的输入

LoadFromFile 方法实现了从一个文件输入流中读取文法,一个描述1.1节中文法的文件示例如下:

```
$ Nonterminal symbols
E T F
$ Terminal symbols
+ - * / ( ) num
$ Start symbol
E
$ Productions
E -> E + T $ E - T $ T
T -> T * F $ T / F $ F
F -> ( E ) $ num
```

文件依次输入非终结符号集合、终结符号集合、起始符号、文法产生式集合。每个部分的开始都以一行单独的说明字符串标识,各个部分均可包含多行,各个符号之间以空格分隔。产生式中以 \$ 符号代替 | 符号。

输入时,程序会对文法的合法性进行基本的判断,包括非终结符号集和终结符号集不重合、 起始符号是非终结符号、产生式左部是非终结符号、右部是非终结符号或者终结符号。

2.2.2 文法转换为 LL(1) 文法

ComvertToLL1 方法实现了将文法转换为LL(1)文法,该方法依次调用 EliminateLeftRecursion、

EliminateLeftFactoring、ConstructFirstSet、ConstructFollowSet、IsLL1Grammar 方法,并在这期间输出调试信息。

消除左递归 EliminateLeftRecursion 方法实现了消除左递归算法,即对于有如下产生式的 非终结符 A:

$$A \to A\alpha_1 |A\alpha_2| \dots |A\alpha_n|\beta_1|\beta_2| \dots |\beta_m|$$

其中, $\beta_i(i=1,2,\ldots,m)$ 不以 A 打头。用如下产生式替代:

$$A \to \beta_1 A' | \beta_2 A' | \dots | \beta_m A'$$

 $A' \to \alpha_1 A' | \alpha_2 A' | \dots | \alpha_n A' | \varepsilon$

该算法的伪代码见算法1。

```
算法 1: 消除左递归
```

```
输入: G = (N, T, P, S)
输出: G_1 = (N_1, T, P_1, S)
```

1 Function EliminateLeftRecursion()

```
\mathbf{P}_1 \leftarrow \varnothing;
 2
             \mathbf{N}_1 \leftarrow \mathbf{N};
 3
             foreach A \in \mathbb{N} do
 4
                     if A \to A\alpha \not\in \mathbf{P} then
 5
                             foreach A \to \beta \in \mathbf{P} do
  6
                                  \mathbf{P}_1 \leftarrow \mathbf{P}_1 \cup \{A \rightarrow \beta\};
  7
                      else
 8
                             \mathbf{N}_1 \leftarrow \mathbf{N}_1 \cup \{A'\};
                             \mathbf{P}_1 \leftarrow \mathbf{P}_1 \cup \{A \rightarrow \varepsilon\};
10
                             foreach A \to A\alpha \in \mathbf{P} do
11
                                \mathbf{P}_1 \leftarrow \mathbf{P}_1 \cup \{A' \rightarrow \alpha A'\};
12
                             foreach A \to \beta \in \mathbf{P} do
13
                                  \mathbf{P}_1 \leftarrow \mathbf{P}_1 \cup \{A \rightarrow \beta A'\};
14
```

消除左公因子 EliminateLeftFactoring 方法实现了消除左公因子算法,即对于每个非终结符 A,找出它的两个或更多候选式的最长公共前缀 α ,如果 $\alpha \neq \varepsilon$,有如下产生式:

$$A \to \alpha \beta_1 |\alpha \beta_2| \dots |\alpha \beta_n |\gamma_1| |\gamma_2| \dots |\gamma_m|$$

其中, $\gamma_i(i=1,2,\ldots,m)$ 表示不以 α 打头的表达式。用如下产生式替代:

$$A \to \alpha A' |\gamma_1| \gamma_2 |\dots |\gamma_m|$$

 $A' \to \beta_1 |\beta_2| \dots |\beta_n|$

该算法的伪代码见算法 2。

```
算法 2: 消除左公因子
```

```
输入: G = (N, T, P, S)
      输出: G_1 = (N_1, T, P_1, S)
 1 Function EliminateLeftFactoring()
             \mathbf{P}_1 \leftarrow \varnothing;
             N_1 \leftarrow N;
 3
             do
 4
                    \mathbf{P}_0 \leftarrow \varnothing;
  5
                     for each A \in \mathbb{N} do
  6
                            while \exists A \to \alpha \beta_1 | \alpha \beta_2 \in \mathbf{P} do
                                   \mathbf{N}_1 \leftarrow \mathbf{N}_1 \cup \{A'\};
  8
                                   foreach A \to \alpha \beta_i \in \mathbf{P} do
                                          \mathbf{P} \leftarrow \mathbf{P} - \{A \rightarrow \alpha \beta_i\};
 10
                                         \mathbf{P}_0 \leftarrow \mathbf{P}_0 \cup \{A' \rightarrow \beta_i\};
11
                                   \mathbf{P} \leftarrow \mathbf{P} \cup \{A \rightarrow \alpha A'\};
12
                            \mathbf{foreach}\:A\to\alpha\in\mathbf{P}\:\mathbf{do}
13
                                   \mathbf{P} \leftarrow \mathbf{P} - \{A \rightarrow \alpha\};
14
                                   \mathbf{P}_1 \leftarrow \mathbf{P}_1 \cup \{A \rightarrow \alpha\};
15
             while P_0 \neq \emptyset;
16
```

构建非终结符和候选式的 FIRST 集 ConstructFirstSet 方法实现了构建非终结符和候选式的 FIRST 集,对于任意产生式 $A \to \alpha$,若 $\alpha \neq \varepsilon$,设该产生式为:

$$A \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$$

遍历产生式右部的每一个 Y_i ,如果:

- Y_i 是终结符,则 α 的 FIRST 集中增加 Y_i ,终止遍历;
- Y_i 是非终结符,如果没有求出它的 FIRST 集,则递归求解。之后, α 的 FIRST 集并上 Y_i 的 FIRST 集。此后检查 Y_i 的 FIRST 集中是否包含 ε (即是否能推导出 ε),若不包含,则终止遍历。

最后,A 的 FIRST 集为各个候选式的 FIRST 集的并。该算法的伪代码见**算法 3**。

算法 3: 构建非终结符和候选式的 FIRST 集

```
输入: G = (N, T, P, S)
   输出: FIRST
 1 Function ConstructFirst(A)
 2
         foreach A \to \alpha \in \mathbf{P} do
             if \alpha = \varepsilon then
 3
                  \mathbf{FIRST}(A) \leftarrow \mathbf{FIRST}(A) \cup \{\varepsilon\};
 4
                  FIRST(\alpha) \leftarrow {\varepsilon};
 5
             for i \leftarrow 1 to k do
                                                                                                  // \alpha = Y_1 Y_2 \dots Y_k
 6
                  if Y_i \in \mathbf{T} then
 7
                       \mathbf{FIRST}(\alpha) \leftarrow \mathbf{FIRST}(\alpha) \cup \{Y_i\};
 8
                       break;
 9
                  if FIRST(Y_i) = \emptyset then ConstructFirst(Y_i);
10
                  FIRST(\alpha) = FIRST(\alpha) \cup FIRST(Y_i);
11
                  if \varepsilon \notin \mathbf{FIRST}(Y_i) then break;
12
             if i = k then FIRST(A) \leftarrow FIRST(A) \cup \{\varepsilon\};
13
             FIRST(A) \leftarrow FIRST(A) \cup FIRST(\alpha);
14
15 Function ConstructFirstSet()
        foreach A \in \mathbf{T} do
16
             if FIRST(A) = \emptyset then ConstructFirst(A);
17
```

构建非终结符的 FOLLOW 集 ConstructFollowSet 方法实现了构建非终结符的 FOLLOW 集,对于非终结符 B,检查所有右部包含 B 的产生式 $A \rightarrow \alpha BY_1Y_2 \dots Y_k$:

遍历每一个 Y_i ,如果:

- Y_i 是终结符,则 B 的 FOLLOW 集中增加 Y_i ,终止遍历;
- Y_i 是非终结符,B 的 FOLLOW 集并上 Y_i 的 FIRST 集中非空的部分。此后检查 Y_i 的 FIRST 集中是否包含 ε (即是否能推导出 ε),若不包含,则终止遍历。

如果遍历完 Y_k 并且 $A \neq B$,则 A 的 FOLLOW 集包含在 B 的 FOLLOW 集中,为了处理两个非终结符的 FOLLOW 集互相包含导致无限递归的情况,采用 include_follow 变量记录非终结符的 FOLLOW 集的包含关系,以及 finished_construct_follow 变量记录 FOLLOW 集是否构建完成。如果一个非终结符 B 的 FOLLOW 集包含另一个终结符 A 的 FOLLOW 集,但是 A 的 FOLLOW 集不包含 B 的 FOLLOW 集并且 A 的 FOLLOW 集还没有处理,则可以递归处理 A 的 FOLLOW 集,完成后将 B 的 FOLLOW 集并上 A 的 FOLLOW 集。

在处理完所有非终结符的 FOLLOW 集后,处理两个集合相互包含(即两个集合相等)的情况,此时将两个集合都设为原本的集合的并即可。

该算法的伪代码见算法 4。

算法 4: 构建非终结符的 FOLLOW 集

```
输入: G = (N, T, P, S), FIRST
   输出: FOLLOW
1 Function ConstructFollow(B)
2
       foreach A \in \mathbb{N} do
           foreach A \to \alpha B\beta \in \mathbf{P} do
 3
                                                                                  //\beta = Y_1 Y_2 \dots Y_k
               for i \leftarrow 1 to k do
 4
                   if Y_i \in \mathbf{T} then
                       FOLLOW(B) \leftarrow FOLLOW(B) \cup \{Y_i\};
 6
                       break;
 7
                   FOLLOW(B) \leftarrow FOLLOW(B) \cup (FIRST(Y_i) - \{\varepsilon\});
 8
                   if \varepsilon \notin \mathbf{FIRST}(Y_i) then break;
 9
               if i = k \wedge A \neq B then
10
                   include\_follow[B, A] = true;
                                                     // FOLLOW(A) \subseteq FOLLOW(B)
11
                   if include_follow[A, B] = false \land finished\_construct\_follow[A] = false then
12
                       ConstructFollow(A);
13
                   FOLLOW(B) \leftarrow FOLLOW(B) \cup FOLLOW(A);
14
       finished_construct_follow[B] = true;
15
16 Function ConstructFollowSet()
       \mathbf{T} \leftarrow \mathbf{T} \cup \{\$\};
17
       FOLLOW(S) \leftarrow \{\$\};
18
       foreach A \in \mathbb{N} do
19
           if FOLLOW(A) = \emptyset then ConstructFollow(A);
20
       foreach A, B \in \mathbb{N} do
21
           if include_follow[A, B] = true \land include_follow[B, A] = true then
22
               FOLLOW(A) \leftarrow FOLLOW(A) \cup FOLLOW(B);
23
               FOLLOW(B) \leftarrow FOLLOW(A);
24
```

判断是否是 LL(1) 文法 IsLL1Grammar 方法判断文法是否是 LL(1) 文法,即检查每个产生式 $A \rightarrow \alpha | \beta$,需要满足:

- $\mathbf{FIRST}(\alpha) \cap \mathbf{FIRST}(\beta) = \emptyset$
- 如果 $A \to \varepsilon$, **FIRST** $(\alpha) \cap$ **FOLLOW** $(A) = \emptyset$

2.3 预测分析

parser 模块定义了预测分析类:

```
1 using Production = std::pair<Symbol, ProductionRight>;
 2 class Parser
 3
 4 public:
 5
        Parser();
 6
        explicit Parser(const Grammar &grammar);
 7
        bool ParseString(const ProductionRight &str);
 8
   private:
 9
        using Status = std::pair<std::vector<Symbol>, ProductionRight>;
10
        Symbol start;
11
        SymbolSet nonterminal;
12
        std::vector<Symbol> terminal;
13
        std::unordered_map<Symbol, std::unordered_map<Symbol, ProductionRight>>
        → parsing_table;
14
        bool NextStep(Status &status, Production &production);
15
        friend std::ostream &operator << (std::ostream &os, const Parser &rhs);
16 };
17 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const std::vector<Symbol> &rhs);
18 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const Production &rhs);</pre>
19 std::ostream &operator<<(std::ostream &os, const Parser &rhs);</pre>
```

该类中的 parsing_table 为预测分析表。

2.3.1 构建预测分析表

Parser(const Grammar & grammar) 构造函数通过 LL(1) 文法构造一个预测分析表,构造算法伪代码见**算法 5**。

2.3.2 预测分析算法

ParseString 方法实现对一个字符串的预测分析,该函数首先初始化一个状态,之后依照 状态和当前字符串不返回断调用 NextStep 一步步进行预测分析,并且同时输出分析过程。该 函数的返回值表示分析是否成功。

非递归预测算法的伪代码见算法6。

算法 6: 非递归预测分析算法

```
输入: 输入符号串 \omega,\mathbf{G} = (\mathbf{N}, \mathbf{T}, \mathbf{P}, S) 及其预测分析表 \mathbf{M}
   输出: 若 \omega \in L(\mathbf{G}),则输出 \omega 的最左推导 answer,否则报告错误
 1 Function ParseString(\omega)
 2
        stack.push($);
        \operatorname{stack.push}(S);
 3
        buffer \leftarrow \omega$;
 4
        ip \leftarrow 0;
        do
 6
             X \leftarrow \mathsf{stack.top}();
 7
             a \leftarrow \mathsf{buffer[ip]};
 8
             if X \in \mathbf{T} \cup \{\$\} then
                  if X = a then
10
                       stack.pop();
11
                       \mathsf{ip} \leftarrow \mathsf{ip} + 1;
12
                  else return error;
13
             else
14
                  if M[X,a] = X \rightarrow Y_1Y_2 \dots Y_k then
15
                       stack.pop();
16
                       for i \leftarrow k to 1 do stack.push(Y_i);
17
                       answer.push_back(X \to Y_1 Y_2 \dots Y_k);
18
                  else return error;
19
         while X \neq \$;
20
```

3 用户指南

return answer;

21

在项目目录中执行以下命令来编译:

```
mkdir build
cd build
cmake ..
make
```

编译完成后,运行:

```
./Syntactic ../test/grammar.txt ../test/test1.txt
```

运行截图如图 2所示。

图 2: 运行截图

4 测试结果

4.1 测试集 1

此测试集用于简单地测试程序是否正常运行。

4.1.1 输入

文法如2.2.1节所示。

```
num + num
```

4.1.2 输出

```
[Nonterminal Symbols] F T E
[Terminal Symbols] * - ( num / ) +
[Start Symbol] E
[Productions]
F -> ( E ) | num |
T -> T * F | T / F | F |
E -> E + T | E - T | T |

[Nonterminal symbols] F T E' T' E
[Terminal symbols] * - ( num / ) +
[Start symbol] E
[Productions]
F -> ( E ) | num |
```

```
T' -> [empty] | * F T' | / F T' |
E' -> [empty] | + T E' | - T E' |
E -> T E' |
T -> F T' |
[FIRST set of candidates]
                (E)
Candidate
FIRST
Candidate
               num
FIRST
               num
               F T'
Candidate
FIRST
                ( num
Candidate
               [empty]
FIRST
                [empty]
               + T E'
Candidate
FIRST
               - T E'
Candidate
FIRST
Candidate
                [empty]
FIRST
                [empty]
               * F T'
Candidate
FIRST
Candidate
               / F T'
FIRST
Candidate
               T E'
FIRST
                ( num
[FIRST and FOLLOW set of nonterminals]
Nonterminals
               F
FIRST
               num (
FOLLOW
               - / $ + ) *
Nonterminals
FIRST
               num (
               ) + $ -
FOLLOW
               Ε'
Nonterminals
FIRST
               - + [empty]
               $)
FOLLOW
               T'
Nonterminals
FIRST
               / * [empty]
FOLLOW
               - $ + )
               Ε
Nonterminals
FIRST
               num (
               ) $
FOLLOW
[Parsing Table]
Nonterminal
    Terminal
                    (
    Production
                   E -> T E'
    Terminal
                   num
                   E -> T E'
    Production
```

```
Nonterminal
    Terminal
                    T' -> * F T'
    Production
    Terminal
                    T' -> [empty]
    Production
    Terminal
    Production
                    T' -> [empty]
    Terminal
                    T' -> / F T'
    Production
    Terminal
                    )
    Production
                    T' -> [empty]
    Terminal
                    T' -> [empty]
    Production
                Ε'
Nonterminal
    Terminal
                    E' -> - T E'
    Production
    Terminal
                    $
                    E' -> [empty]
    Production
    Terminal
                    )
    {\tt Production}
                    E' -> [empty]
    Terminal
    Production
                    E' \rightarrow + T E'
Nonterminal
    Terminal
                    (
    Production
                    T -> F T'
    Terminal
                    num
    Production
                    T -> F T'
Nonterminal
    Terminal
                    (
    Production
                    F -> ( E )
    Terminal
                    num
    Production
                    F \rightarrow num
Stack
                $ E
Input
                num + num $
Output
                $ E' T
Stack
Input
                num + num $
                E -> T E'
Output
Stack
                $ E' T' F
Input
                num + num $
Output
                T -> F T'
                $ E' T' num
Stack
                num + num $
Input
```

```
Output
                F \rightarrow num
                $ E' T'
Stack
Input
                + num $
Output
Stack
                $ E'
Input
                + num $
Output
                T' -> [empty]
Stack
                $ E' T +
Input
                + num $
                E' -> + T E'
Output
Stack
                $ E' T
                num $
Input
Output
Stack
                $ E' T' F
Input
                num $
Output
                T -> F T'
Stack
                $ E' T' num
Input
                num $
Output
                F \rightarrow num
                $ E' T'
Stack
Input
                $
Output
                $ E'
Stack
Input
Output
                T' -> [empty]
Stack
                $
Input
                $
Output
                E' -> [empty]
```

Parsing successful!

4.1.3 分析

程序首先输出原文法,之后输出消除左递归和左公因子的文法、候选式的 FIRST 集、非终结符的 FIRST 集和 FOLLOW 集、预测分析表。最后程序给出了分析字符串的过程。

4.2 测试集 2

此测试集测试一个复杂的算术表达式。

4.2.1 输入

文法如2.2.1节所示。

```
( num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
→ num )
```

4.2.2 输出 (部分)

```
. . .
Stack
Input
                ( num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num
\rightarrow + num ) ) / num ) $
Output
                $ E' T
Stack
Input
                ( num * ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num
\rightarrow + num ) ) / num ) $
Output
                E -> T E'
                $ E' T' F
Stack
Input
                ( num * ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num
\rightarrow + num ) ) / num ) $
                T -> F T'
Output
                $ E' T' ) E (
Stack
Input
                ( num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num
\rightarrow + num ) ) / num ) $
                F -> ( E )
Output
Stack
                $ E' T' ) E
Input
                num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num +
\hookrightarrow num ) ) / num ) $
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T
Input
                num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num +
\rightarrow num ) ) / num ) $
                E -> T E'
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' F
Input
                num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num +
\rightarrow num ) ) / num ) $
Output
                T -> F T'
                $ E' T' ) E' T' num
Stack
                num * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num +
Input
\rightarrow num ) ) / num ) $
```

```
F -> num
Output
                $ E' T' ) E' T'
Stack
Input
                * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num
\rightarrow ) ) / num ) $
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' F *
Input
                * ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num
\hookrightarrow ) ) / num ) $
                T' -> * F T'
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' F
Input
                ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num )
\hookrightarrow ) / num ) $
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' ) E (
Input
                ( ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num )
\hookrightarrow ) / num ) $
                F -> ( E )
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' ) E
                ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) )
Input
\hookrightarrow / num ) $
Output
Stack
                $ E' T' ) E' T' ) E' T
Input
                ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) )
\rightarrow / num ) $
Output
                E -> T E'
                $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
                ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) )
\rightarrow / num ) $
                T -> F T'
Output
                $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E (
Stack
                ( ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) )
Input
\rightarrow / num ) $
                F -> ( E )
Output
                $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E
Stack
Input
                ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
Output
                $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
Input
                ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
                E -> T E'
Output
```

```
$ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
               T -> F T'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E (
Stack
Input
               ( ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
Output
              F -> ( E )
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E
Input
               ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
Input
               ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
               E -> T E'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\rightarrow num ) $
Output
               T -> F T'
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E (
Stack
Input
               ( num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) /
\hookrightarrow num ) $
               F -> ( E )
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E
Stack
Input
               num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num
→ ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
Input
               num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num
→ ) $
Output
              E -> T E'
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num
→ ) $
              T -> F T'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' num
Input
               num + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num
→ ) $
Output
              F \rightarrow num
```

```
Stack
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
              + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
              $ E' T' ) E'
Stack
Input
              + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              T' -> [empty]
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T +
Stack
Input
              + num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              E' \rightarrow T E'
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
Input
              num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
              num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
              T -> F T'
Output
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' num
Stack
              num ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
              F \rightarrow num
Stack
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Input
              ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
Stack
              $ E' T' ) E'
Input
              ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              T' -> [empty]
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' )
Stack
Input
              ) * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              E' -> [empty]
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
              * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
Stack
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' F *
Input
              * num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
              T' -> * F T'
Output
Stack
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' F
Input
              num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
              $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' num
Stack
              num ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
              F -> num
Output
```

```
$ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' ) E'
Input
               ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T' )
Input
               ) + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               E' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E'
Input
               + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T +
Input
               + num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
               E' \rightarrow + T E'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
               num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               T -> F T'
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Stack
Input
               num / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
              F \rightarrow num
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F /
Stack
               / num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               T' -> / F T'
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Input
               num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Stack
               num ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
```

```
F -> num
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E'
Stack
Input
               ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               T' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' )
Stack
               ) - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               E' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               - num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E'
Stack
               - num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T -
Input
               - num * ( num + num ) ) / num ) $
               E' -> - T E'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
               num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
               num * ( num + num ) ) / num ) $
Input
               T -> F T'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Input
               num * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               F \rightarrow num
               $ E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               * ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F *
Stack
Input
               * ( num + num ) ) / num ) $
               T' \rightarrow * F T'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Input
               ( num + num ) ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E (
Stack
```

```
Input
               ( num + num ) ) / num ) $
Output
               F \rightarrow (E)
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E
               num + num ) ) / num ) $
Input
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
               num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               E -> T E'
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
               num + num ) ) / num ) $
Input
               T -> F T'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Stack
               num + num ) ) / num ) $
Input
Output
               F \rightarrow num
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
Input
               + num ) ) / num ) $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E'
               + num ) ) / num ) $
Input
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T +
Input
               + num ) ) / num ) $
Output
               E' \rightarrow + T E'
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T
Stack
               num ) ) / num ) $
Input
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
               num ) ) / num ) $
Input
               T -> F T'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Input
               num ) ) / num ) $
Output
               F \rightarrow num
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E' T'
Stack
               ) ) / num ) $
Input
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' ) E'
Stack
Input
               ) ) / num ) $
Output
               T' -> [empty]
```

```
$ E' T' ) E' T' ) E' T' )
Stack
Input
               ) ) / num ) $
Output
               E' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T'
Input
               ) / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E'
Stack
Input
               ) / num ) $
               T' -> [empty]
Output
               $ E' T' ) E' T' )
Stack
Input
               ) / num ) $
Output
               E' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T'
Input
               / num ) $
Output
               $ E' T' ) E' T' F /
Stack
Input
               / num ) $
Output
               T' -> / F T'
Stack
               $ E' T' ) E' T' F
Input
               num ) $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' num
Input
               num ) $
Output
               F \rightarrow num
Stack
               $ E' T' ) E' T'
               ) $
Input
Output
Stack
               $ E' T' ) E'
Input
               ) $
               T' -> [empty]
Output
Stack
               $ E' T' )
Input
               ) $
               E' -> [empty]
Output
               $ E' T'
Stack
Input
               $
Output
Stack
               $ E'
Input
               $
               T' -> [empty]
Output
```

Stack \$
Input \$

Output E' -> [empty]

Parsing successful!

4.2.3 分析

正确分析了此字符串。

4.3 测试集 3

此测试集用于测试一个错误的算术表达式。

4.3.1 输入

文法如2.2.1节所示。

```
( num + num ) * / num
```

4.3.2 输出 (部分)

```
Stack
               $ E
               ( num + num ) * / num $
Input
Output
Stack
               $ E' T
Input
               ( num + num ) * / num $
Output
               E -> T E'
Stack
               $ E' T' F
               ( num + num ) * / num $
Input
Output
               T -> F T'
Stack
               $ E' T' ) E (
               ( num + num ) * / num $
Input
               F -> ( E )
Output
Stack
               $ E' T' ) E
Input
               num + num ) * / num $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T
               num + num ) * / num $
Input
```

```
Output
               E -> T E'
               $ E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               num + num ) * / num $
               T -> F T'
Output
               $ E' T' ) E' T' num
Stack
               num + num ) * / num $
Input
               F -> num
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T'
Input
               + num ) * / num $
Output
Stack
               $ E' T' ) E'
Input
               + num ) * / num $
Output
               T' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T +
Stack
               + num ) * / num $
Input
               E' \rightarrow + T E'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T
Input
               num ) * / num $
Output
               $ E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               num ) * / num $
Output
               T -> F T'
               $ E' T' ) E' T' num
Stack
               num ) * / num $
Input
Output
               F \rightarrow num
Stack
               $ E' T' ) E' T'
Input
               ) * / num $
Output
               $ E' T' ) E'
Stack
               ) * / num $
Input
Output
               T' -> [empty]
               $ E' T' )
Stack
Input
               ) * / num $
Output
               E' -> [empty]
               $ E' T'
Stack
                * / num $
Input
Output
```

\$ E' T' F *

Stack

Parsing failed!

4.3.3 分析

在分析到错误的/符号时,由于预测分析表中没有对应的项,分析程序报错并退出。

4.4 测试集 4

此测试集用于测试一个错误的算术表达式。

4.4.1 输入

文法如2.2.1节所示。

```
( ( num + num ) / num
```

4.4.2 输出 (部分)

```
. . .
Stack
               $ E
               ( ( num + num ) / num $
Input
Output
               $ E' T
Stack
Input
               ( ( num + num ) / num $
Output
               E -> T E'
               $ E' T' F
Stack
               ( ( num + num ) / num $
Input
Output
               T -> F T'
               $ E' T' ) E (
Stack
               ( ( num + num ) / num $
Input
Output
               F -> ( E )
               $ E' T' ) E
Stack
Input
               ( num + num ) / num $
Output
```

```
$ E' T' ) E' T
Stack
Input
               ( num + num ) / num $
               E -> T E'
Output
               $ E' T' ) E' T' F
Stack
Input
               ( num + num ) / num $
Output
               T -> F T'
               $ E' T' ) E' T' ) E (
Stack
Input
               ( num + num ) / num $
               F -> ( E )
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E
Stack
Input
               num + num ) / num $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T
Input
               num + num ) / num $
               E -> T E'
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Stack
               num + num ) / num $
Input
Output
               T -> F T'
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
Input
               num + num ) / num $
               F -> num
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T'
Input
               + num ) / num $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E'
Input
               + num ) / num $
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T +
Input
               + num ) / num $
               E' \rightarrow + T E'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T
Input
               num ) / num $
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' F
Input
               num ) / num $
Output
               T -> F T'
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T' num
               num ) / num $
Input
               F -> num
Output
```

```
Stack
               $ E' T' ) E' T' ) E' T'
               ) / num $
Input
Output
               $ E' T' ) E' T' ) E'
Stack
Input
               ) / num $
Output
               T' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T' )
Stack
Input
               ) / num $
Output
               E' -> [empty]
               $ E' T' ) E' T'
Stack
               / num $
Input
Output
               $ E' T' ) E' T' F /
Stack
Input
               / num $
               T' -> / F T'
Output
Stack
               $ E' T' ) E' T' F
Input
               num $
Output
               $ E' T' ) E' T' num
Stack
Input
               num $
Output
               F \rightarrow num
               $ E' T' ) E' T'
Stack
Input
               $
Output
               $ E' T' ) E'
Stack
Input
Output
               T' -> [empty]
Stack
               $ E' T' )
Input
Output
               E' -> [empty]
```

Parsing failed!

4.4.3 分析

当分析到字符串尾时,由于栈顶的终结符和输入的符号不匹配,故分析程序报错并退出。

4.5 测试集 5

此测试集依照习题 4.5 修改而来。

4.5.1 输入

```
$ Nonterminal symbols
E A B L
$ Terminal symbols
num id ( )
$ Start symbol
E
$ Productions
E -> A $ B
A -> num $ id
B -> ( L )
L -> L E $ E
```

```
( id ( id ( num ) ) ( id ) )
```

4.5.2 输出

```
[Nonterminal Symbols] L B A E
[Terminal Symbols] ) ( id num
[Start Symbol] E
[Productions]
L -> L E | E |
B -> ( L ) |
A -> num | id |
E -> A | B |
[Nonterminal symbols] L L' B A E
[Terminal symbols] ) ( id num
[Start symbol] E
[Productions]
L' -> [empty] | E L' |
B -> ( L ) |
L -> E L' |
A -> num | id |
E -> A | B |
[FIRST set of candidates]
Candidate
               num id (
FIRST
               [empty]
Candidate
FIRST
               [empty]
Candidate
               E L'
FIRST
               num id (
               ( L )
Candidate
FIRST
               (
Candidate
               num
```

```
FIRST
                num
Candidate
                id
FIRST
                id
{\tt Candidate}
                Α
                num id
FIRST
Candidate
                В
FIRST
                (
[FIRST and FOLLOW set of nonterminals]
Nonterminals
                L
FIRST
                ( id num
FOLLOW
                )
               L'
Nonterminals
FIRST
                ( id num [empty]
FOLLOW
Nonterminals
                В
FIRST
FOLLOW
                ( id num $ )
Nonterminals
FIRST
                id num
                ( id num $ )
FOLLOW
Nonterminals
                ( id num
FIRST
FOLLOW
                ) $ num id (
[Parsing Table]
Nonterminal
    Terminal
                    (
    Production
                    E -> B
    Terminal
                    id
    Production
                    E \rightarrow A
    Terminal
                    num
                    E -> A
    Production
Nonterminal
               Α
    Terminal
                    id
                    A -> id
    Production
    Terminal
                    num
    Production
                    A \rightarrow num
Nonterminal
    Terminal
                    (
                    B -> ( L )
    Production
Nonterminal
               L'
    Terminal
                    )
    Production
                    L' -> [empty]
    Terminal
                    (
                    L' -> E L'
    Production
    Terminal
                    id
                    L' -> E L'
    Production
```

```
Terminal
                   num
    Production
                   L' -> E L'
Nonterminal
               L
    Terminal
                   (
    Production
                   L -> E L'
    Terminal
                   id
    Production
                   L -> E L'
    Terminal
                   num
    Production
                   L -> E L'
Stack
               $ E
Input
               ( id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
Stack
               $ B
Input
               (id(id(num))(id))$
               E -> B
Output
               $ ) L (
Stack
Input
               ( id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L
               id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' E
               id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               L -> E L'
Stack
               $ ) L' A
               id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
               E -> A
Output
Stack
               $ ) L' id
               id ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               A -> id
Stack
               $ ) L'
               ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' E
Input
               ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               L' -> E L'
Stack
               $ ) L' B
Input
               ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               E -> B
```

```
Stack
               $ ) L' ) L (
               ( id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L' ) L
               id ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' ) L' E
Input
               id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               L -> E L'
Stack
               $ ) L' ) L' A
Input
               id ( num ) ) ( id ) ) $
               E -> A
Output
Stack
               $ ) L' ) L' id
Input
               id ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               A -> id
Stack
               $ ) L' ) L'
               ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               $ ) L' ) L' E
Stack
               ( num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               L' -> E L'
               $ ) L' ) L' B
Stack
Input
               ( num ) ) ( id ) ) $
               E -> B
Output
               $ ) L' ) L' ) L (
Stack
Input
               ( num ) ) ( id ) ) $
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L' ) L' ) L
Input
               num ) ) ( id ) ) $
Output
               $ ) L' ) L' ) L' E
Stack
               num ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               L -> E L'
Stack
               $ ) L' ) L' A
Input
               num ) ) ( id ) ) $
Output
               E -> A
Stack
               $ ) L' ) L' ) L' num
Input
               num ) ) ( id ) ) $
```

```
Output
               A -> num
               $ ) L' ) L' ) L'
Stack
Input
               ) ) ( id ) ) $
Output
Stack
               $ ) L' ) L' )
               ) ) ( id ) ) $
Input
Output
               L' -> [empty]
Stack
               $ ) L' ) L'
               ) ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' )
Input
               ) ( id ) ) $
               L' -> [empty]
Output
Stack
               $ ) L'
Input
               ( id ) ) $
Output
Stack
               $ ) L' E
Input
               (id))$
Output
               L' -> E L'
Stack
               $ ) L' B
Input
               ( id ) ) $
Output
               E -> B
Stack
               $ ) L' ) L (
               ( id ) ) $
Input
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L' ) L
Input
               id ) ) $
Output
Stack
               $ ) L' ) L' E
Input
               id ) ) $
Output
               L -> E L'
               $ ) L' ) L' A
Stack
               id ) ) $
Input
Output
               E -> A
               $ ) L' ) L' id
Stack
Input
               id ) ) $
Output
               A -> id
Stack
               $ ) L' ) L'
```

```
Input
               ) ) $
Output
Stack
               $ ) L' )
Input
               ) ) $
Output
               L' -> [empty]
Stack
               $ ) L'
               ) $
Input
Output
Stack
               $)
Input
               ) $
Output
               L' -> [empty]
Stack
               $
Input
Output
```

4.6 测试集 6

Parsing successful!

此测试集依照习题 4.6 修改而来。

4.6.1 输入

```
$ Nonterminal symbols
E A B L
$ Terminal symbols
num id ( ) ,
$ Start symbol
E
$ Productions
E -> A $ B
A -> num $ id
B -> ( L )
L -> L , E $ E
```

```
( id , ( id , ( num ) ) , ( id ) )
```

4.6.2 输出

```
[Nonterminal Symbols] L B A E [Terminal Symbols] , ) ( id num
```

```
[Start Symbol] E
[Productions]
L \rightarrow L , E \mid E \mid
B -> ( L ) |
A -> num | id |
E -> A | B |
[Nonterminal symbols] L L' B A E
[Terminal symbols] , ) ( id num
[Start symbol] E
[Productions]
L' -> [empty] | , E L' |
B -> ( L ) |
L -> E L' |
A -> num | id |
E -> A | B |
[FIRST set of candidates]
                E L'
Candidate
FIRST
                num id (
Candidate
                [empty]
FIRST
                [empty]
Candidate
                , E L'
FIRST
                ( L )
Candidate
FIRST
                (
Candidate
                num
FIRST
                num
Candidate
                id
FIRST
                id
Candidate
FIRST
                num id
{\tt Candidate}
                В
FIRST
                (
[FIRST and FOLLOW set of nonterminals]
Nonterminals
FIRST
                ( id num
FOLLOW
                )
                L'
Nonterminals
FIRST
                , [empty]
FOLLOW
Nonterminals
FIRST
                (
FOLLOW
                $ , )
Nonterminals
                Α
FIRST
                id num
FOLLOW
                $ , )
                Ε
Nonterminals
FIRST
                ( id num
FOLLOW
                ),$
```

```
[Parsing Table]
Nonterminal
    Terminal
                   (
                   E -> B
    Production
    Terminal
                   id
    Production
                   E \rightarrow A
    Terminal
                   num
                   E -> A
    Production
Nonterminal
               Α
    Terminal
                   id
                   A -> id
    Production
    Terminal
                   num
    Production
                   A \rightarrow num
Nonterminal
               В
    Terminal
                   B -> ( L )
    Production
               L'
Nonterminal
    Terminal
    Production
                   L' -> , E L'
    Terminal
                   )
                   L' -> [empty]
    Production
Nonterminal
    Terminal
                   (
    Production
                   L -> E L'
    Terminal
                   id
    Production
                   L -> E L'
    Terminal
                   num
                   L -> E L'
    Production
Stack
               ( id , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ B
Input
               (id,(id,(num)),(id))$
Output
               E -> B
Stack
               $ ) L (
               (id,(id,(num)),(id))$
Input
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L
Input
               id , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
```

```
Stack
               $ ) L' E
               id , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
               L -> E L'
               $ ) L' A
Stack
Input
               id , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               E \rightarrow A
               $ ) L' id
Stack
Input
               id , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               A \rightarrow id
               $ ) L'
Stack
Input
               , ( id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               $ ) L' E ,
Stack
Input
               , (id, (num)), (id))$
               L' -> , E L'
Output
               $ ) L' E
Stack
               (id,(num)),(id))$
Input
Output
Stack
               $ ) L' B
               (id,(num)),(id))$
Input
               E -> B
Output
               $ ) L' ) L (
Stack
Input
               (id,(num)),(id))$
Output
               B -> ( L )
               $ ) L' ) L
Stack
               id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
               $ ) L' ) L' E
Stack
Input
               id , ( num ) ) , ( id ) ) $
               L -> E L'
Output
Stack
               $ ) L' ) L' A
Input
               id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               E \rightarrow A
Stack
               $ ) L' ) L' id
Input
               id , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               A \rightarrow id
               $ ) L' ) L'
Stack
Input
               , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
```

```
Stack
               $ ) L' ) L' E ,
Input
               , ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               L' -> , E L'
Stack
               $ ) L' ) L' E
               ( num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' ) L' B
Input
               ( num ) ) , ( id ) ) $
Output
               E -> B
Stack
               $ ) L' ) L' ) L (
               ( num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
               B -> ( L )
Stack
               $ ) L' ) L' ) L
Input
               num ) ) , ( id ) ) $
Output
Stack
               $ ) L' ) L' ) L' E
Input
               num ) ) , ( id ) ) $
Output
               L -> E L'
               $ ) L' ) L' A
Stack
               num ) ) , ( id ) ) $
Input
Output
               E -> A
               $ ) L' ) L' ) L' num
Stack
Input
               num ) ) , ( id ) ) $
Output
               A \rightarrow num
Stack
               $ ) L' ) L' ) L'
Input
               )),(id))$
Output
Stack
               $ ) L' ) L' )
               )),(id))$
Input
Output
               L' -> [empty]
               $ ) L' ) L'
Stack
               ) , ( id ) ) $
Input
Output
Stack
               $ ) L' )
Input
               ) , ( id ) ) $
Output
               L' -> [empty]
               $ ) L'
Stack
Input
               , ( id ) ) $
```

```
Output
Stack
Input
Output
```

```
$ ) L' E ,
, ( id ) ) $
L' -> , E L'
```

Stack \$) L' E
Input (id)) \$
Output

 Stack
 \$) L') L

 Input
 (id)) \$

 Output
 B -> (L)

Stack \$) L') L
Input id)) \$
Output

Stack \$) L') L' E
Input id)) \$
Output L -> E L'

Stack \$) L') L' A
Input id) \$

Input id)) \$ Output $E \rightarrow A$

Stack \$) L') L' Input)) \$

Output

Stack \$) L')
Input)) \$

Output L' -> [empty]

Stack \$) L'
Input) \$

Output

Stack \$)
Input) \$

Output L' -> [empty]

Stack \$

Input Output

Parsing successful!

\$

5 实验总结

本次实验中我编写了一个 LL(1) 语法分析程序,使我对语法分析的流程更加清楚,对相关知识点的掌握更加牢固。

此程序的架构比较简单,主要难点在算法设计方面。对于语法分析中涉及的算法,尤其是消除左公因子和求 FOLLOW 集的算法,书上的介绍比较简单,手算和代码实现的差距比较大。

在成功实现这些算法并且通过测试之后,我尝试再次尝试编写了伪代码,这将会为我未来解题带来很大帮助。在实现期间,我使用了 C++ 的语法特性,使得维护文法产生式和预测分析表等变得更加容易,大大减少编程复杂度。

此外,我的语法分析程序仍然存在许多待改进的地方,比如分析错误时可以输出更多的报错信息、在进行文法转换和求解集合时的鲁棒性仍然有待提高,由于时间所限,这些情况我无法——考虑周全。

本次实验除了让我对课内知识有了更多的认识,也使我的 C++ 编程能力得到提高,我从中收获颇丰。