## Estructuras de datos. Material de referencia.

# Índice

1. Policy based data structures.

2

### 1. Policy based data structures.

La STL de GNU C++ implementa algunas estructuras de datos adicionales. Probablemente la más interesante de todas, es el árbol. Para poder utilizarlo debemos añadir antes las siguientes librerías:

```
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
```

Los contenedores basados en árboles tienen la siguiente declaración:

```
1 tree<Key, Mapped, Cmp_Fn = std::less<Key>, Tag = rb_tree_tag, node_update =
    null_node_update, Allocator = std::allocator<char>>
```

donde

- Key es el tipo de las llaves.
- Mapped es el tipo de los datos mapeados. Esto se asemeja bastante a un map. Si en cambio lo llenamos con null\_type, obtenemos un contenedor similar a un set.
- Cmp\_Fn es una función de comparación de llaves. Debe declararse en forma de struct con el operador () sobrecargado.
- Tag especifica la estructura de datos a utilizar. Debe ser alguno de rb\_tree\_tag (red-black tree), splay\_tree\_tag (splay tree) o ov\_tree\_tag (ordered-vector tree).
- node\_update especifica como actualizar los invariantes de cada nodo. El valor por defecto, null\_node\_update, indica que los nodos no guardan información adicional.

#### Split y join

Los contenedores basados en árboles soportan las mismas funciones que set y map, junto con dos funciones adicionales:

```
1 A.split(T key, Tree B);
2 A.join(Tree B);
```

La función split mueve todos los nodos con llaves mayores que key del árbol A al árbol B. La función join, por el contrario, mueve todos los nodos del árbol B al árbol A, siempre y cuando los rangos no se traslapen. En el caso de árboles rojo-negro, ambas funciones tienen complejidad poli-logarítmica.

#### Iteradores de nodo

Además de los iteradores convencionales de set y map, los contenedores basados en árboles implementan un tipo de iterador adicional, node\_iterator, el cual nos permite recorrer el árbol. Así por ejemplo, las funciones

```
1 Tree::node_iterator root = A.node_begin();
2 Tree::node_iterator nil = A.node_end();
```

regresan un iterador de nodo correspondiente a la raíz y nodos nulos del árbol. Cada iterador de nodo incluye dos funciones miembro get\_l\_child() y get\_r\_child() que regresan los iteradores de nodos correspondientes a los hijos izquierdo y derecho.

Podemos hacer la conversión entre iteradores convencionales e iteradores de nodo de la siguiente manera:

```
it = *nd_it;
nd_it = it.m_p_nd;
```

La primera línea regresa el iterator correspondiente a un node\_iterator mientras que la segunda realiza justamente lo contrario.

#### Actualización de nodos

Por otro lado, recordemos que node\_update especifica la información adicional que guardará cada nodo así como la forma en que se actualiza. Este debe ser declarado en forma de struct, el cual debe definir en su interior el tipo del dato adicional como metadata\_type, y sobrecargar el operador () especificando cómo se actualizará cada nodo.

El operador () será llamado internamente cada vez que sea necesario, recibiendo como parámetros el nodo a actualizar y el nodo nulo. Las llamadas siempre se realizarán desde las hojas hasta la raíz. De esta manera, al actualizar la información de un nodo, se presupone que la información de sus hijos ya está actualizada.

Finalmente, cada iterador de nodo tiene una función miembro get\_metadata() que regresa una referencia al dato adicional de ese nodo. Sin embargo, al ser una variable constante, debemos hacerle antes un const\_cast<metadata\_type &> para modificarlo.

Por ejemplo, si queremos que cada nodo guarde el tamaño del sub-árbol correspondiente, podemos definir la etiqueta size\_node\_update de la siguiente manera:

```
1 template<typename node_const_iterator, typename node_iterator, typename Cmp_Fn
      , typename Allocator>
   struct size_node_update {
       typedef int metadata_type;
3
4
       void operator() (node_iterator nd_it, node_const_iterator nil) {
           int lsize = 0, rsize = 0;
           if (nd_it.get_l_child() != nil)
               lsize = nd_it.get_l_child().get_metadata();
           if (nd_it.get_r_child() != nil)
               rsize = nd_it.get_r_child().get_metadata();
10
           const_cast <int &>(nd_it.get_metadata()) = lsize + rsize + 1;
       }
12
  };
```

#### Árbol de Estadísticos de Orden

La STL incluye una etiqueta tree\_order\_statistics\_node\_update, que le indica a cada nodo que guarde el tamaño del sub-árbol correspondiente. Esta etiqueta incorpora dos funciones nuevas:

```
1 A.find_by_order(unsigned int k);
2 A.order_of_key(T key);
```

La función find\_by\_order regresa un iterador convencional que corresponde al k-ésimo elemento de A (indexados en 0). La función order\_of\_key, por su parte, regresa un entero no negativo que representa el número de elementos menores que key. Ambas funciones tienen complejidad logarítmica.

```
#include <iostream>
#include <functional>
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
using namespace std;
```

```
typedef tree<int, null_type, less<int>, rb_tree_tag,
       tree_order_statistics_node_update > ordered_set;
   typedef ordered_set::node_iterator pnode;
10
   //Imprime el arbol rotado 90 grados hacia la izquierda.
11
   void print_tree(pnode it, pnode nil, int indent = 0) {
12
        if (it != nil) {
13
            print_tree(it.get_l_child(), nil, indent + 2);
14
            for (int i = 0; i < indent; ++i)
                cout << ' ';
16
            cout << **it << '\n';
17
            print_tree(it.get_r_child(), nil, indent + 2);
18
       }
19
   }
20
21
   int main() {
22
            //Datos de ejemplo.
23
       int n = 10;
24
       int arr [] = \{20, 15, 50, 30, 25, 36, 10, 35, 40, 21\};
25
26
       //Crea un arbol con los datos de arr y lo imprime.
27
       ordered_set v, w;
28
        for (int i = 0; i < n; ++i)
29
            v.insert(arr[i]);
30
        print_tree(v.node_begin(), v.node_end()); cout << '\n';</pre>
31
32
       //Separa el arbol en dos y los imprime.
33
       v.split(30, w);
        print_tree(v.node_begin(), v.node_end()); cout << '\n';
35
        print_tree(w.node_begin(), w.node_end()); cout << '\n';</pre>
36
37
       //Vuelve a unir ambos arboles y lo imprime.
38
       v. join (w);
39
       print_tree(v.node_begin(), v.node_end()); cout << '\n';</pre>
40
       //Imprime el indice de 35.
42
       cout \ll v.order_of_key(35) \ll 'n';
43
       //Imprime el 7-esimo elemento.
44
       cout \ll *v.find_by\_order(7) \ll '\n';
46
       return 0;
47
   }
48
```