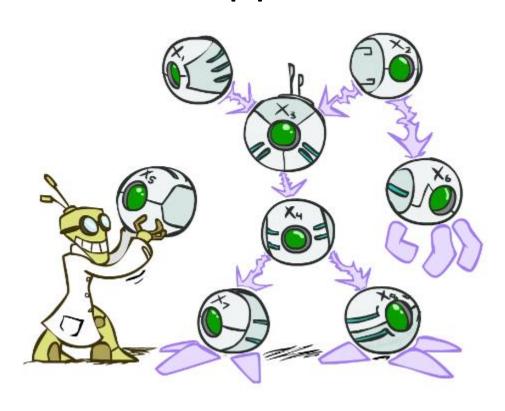
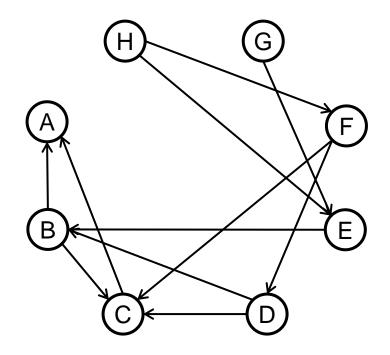
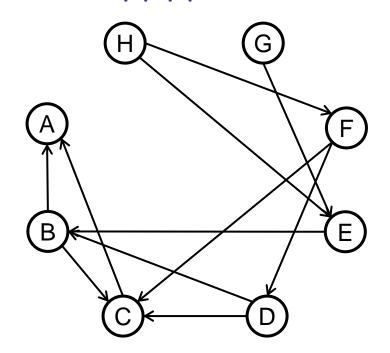
Вештачка интелигенција Проблеми од Баесови мрежи



 Напишете го изразот за тоталната здружена веројатност за променливите опишани со дадената Баесова мрежа.



 Напишете го изразот за тоталната здружена веројатност за променливите опишани со дадената Баесова мрежа.



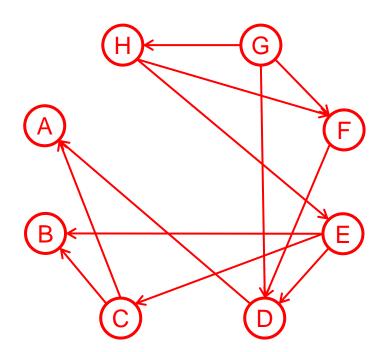
P(A | B, C) * P(B | D, E) * P(C | B, D, F) * P(D | F) * P(E | G, H) * P(F | H) * P(G) * P(H)

 Нацртајте ја Баесовата мрежа која соодветствува на дадениот израз за тотална здружена веројатност

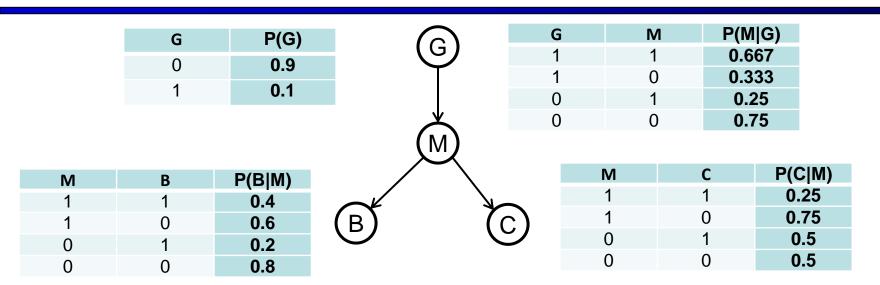
P(A | C, D) P(B | C, E) P(C | E) P(D | E, F, G) P(E | H) P(F | G, H) P(G) P(H | G)

 Нацртајте ја Баесовата мрежа која соодветствува на дадениот израз за тотална здружена веројатност

P(A | C, D) P(B | C, E) P(C | E) P(D | E, F, G) P(E | H) P(F | G, H) P(G) P(H | G)



• Во некој паралелен универзум Зелената партија се бори за претседателска позиција. Изборот на претседател Зелената партија (променлива G) ќе има ефект врз легализацијата на марихуана (променлива М), што потоа влијае дали буџетот ќе биде избалансиран (променлива В) и дали присуството на часови ќе се зголеми (променлива С). Аналитичарите ја измоделирале оваа ситуација со помош на Баесова мрежа.



• Пополнете ја целосно табелата за тоталната здружена веројатност

G	M	В	С	P(G,B,M,C)
1	1	1	1	1/150
1	1	1	0	
1	1	0	1	1/100
1	1	0	0	
1	0	1	1	1/300 1/300
1	0	1	0	1/300
1	0	0	1	
1	0	0	0	1/75

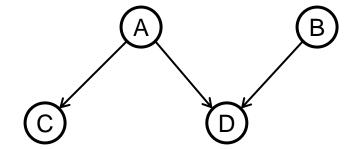
G	M	В	С	P(G,B,M,C)
1	1	1	1	
1	1	1	0	27/400
1	1	0	1	
1	1	0	0	81/800
1	0	1	1	27/400
1	0	1	0	27/400
1	0	0	1	
1	0	0	0	27/100

		D(C)		G	M	P(M	IG)
	G	P(G)	(G)	1	1	0.6	
	0	0.9	Y	1	1		
	1	0.1		1	0	0.3	33
	ı	U. I		0	1	0.2	25
			<u>\psi}</u>	0	0	0.7	7 5
			$(\Lambda \Lambda)$				
			M				
M	В	P(B M)			M	С	P(C M)
1	1	0.4			1	1	0.25
1	0	0.6			1	0	0.75
I			(B) (C)	0	1	0.5
0	1	0.2			•	1	
0	0	0.8			0	0	0.5

■ Пополнете ја целосно табелата за тоталната здружена веројатност P(G,B,M,C)=P(G)*P(M|G)*P(B|M)*P(C|M)

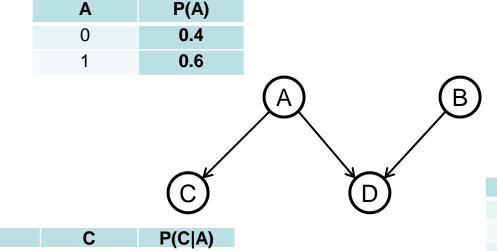
	P(G,B,M,C)	С	В	M	G		P(G,B,M,C)	С	В	M	G
$\frac{9}{10} * \frac{1}{4} * \frac{4}{10} * \frac{1}{10}$	-	1	1	1	0	4 2 4 4	1/150	1	1	1	1
10 4 10 4	27/400	0	1	1	0	$=\frac{1}{10}*\frac{2}{3}*\frac{4}{10}*\frac{1}{4}$		0	1	1	1
$\frac{9}{10} * \frac{1}{4} * \frac{6}{10} * \frac{1}{4}$	←	1	0	1	0	10 3 10 4	1/100	1	0	1	1
10 4 10	81/800	0	0	1	0	$\frac{1}{10} * \frac{2}{10} * \frac{6}{10} * \frac{3}{10}$	←	0	0	1	1
	27/400	1	1	0	0	10 3 10 4	1/300	1	1	0	1
0 2 0	27/400	0	1	0	0	1 1 0 1	1/300	0	1	0	1
$\frac{9}{10} * \frac{3}{4} * \frac{8}{10} * \frac{3}{2}$	\leftarrow	1	0	0	0	$\frac{1}{10} * \frac{1}{3} * \frac{8}{10} * \frac{1}{2}$	←	1	0	0	1
	27/100	0	0	0	0	10 5 10 2	1/75	0	0	0	1

 Дадена е Баесова мрежа со бинарни променливи А, В, С и D кои може да примаат вредности 0 или 1.



Колку вкупно параметри (поединечни вредности на веројатности) се потребни за да се дефинираат условните веројатносни распределби (во табелите покрај секој јазол) за оваа Баесова мрежа?

- Колку вкупно параметри (поединечни вредности на веројатности) се потребни за да се дефинираат условните веројатносни распределби (во табелите покрај секој јазол) за оваа Баесова мрежа?
- Маргинална веројатност за А и В, условна веројатност за С и D



0.1 0.9

0.2

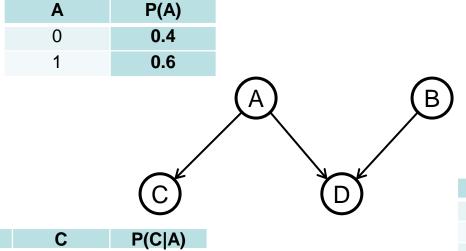
В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	0.8
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

Ако ги дефинираме сите веројатности потребни се 16 параметри.

Ако земеме дека важи P(X=0) = 1 - P(X=1), тогаш можеме да поминеме и со 8 параметри

■ Напишете општ израз за веројатноста P(A = 1, B = 1, C = 1, D = 1).



0.1 0.9

0.2

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	8.0
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

Напишете општ израз за веројатноста P(A = 1, B = 1, C = 1, D = 1).

$$P(A = 1, B = 1, C = 1, D = 1) = P(A = 1) * P(B = 1) * P(C = 1|A = 1) * P(D = 1|A = 1, B = 1)$$

= 0.6 * 0.3 * 0.1 * 0.99 = 0.01782

1	0.6		
		A	(B)
		/	**
	(c)		(D)

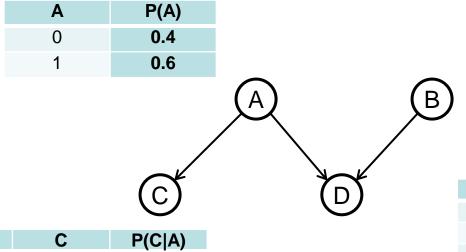
P(A) 0.4

		(6)	())			
				1	1	1
Α	С	P(C A)		1	1	0
1	1	0.1		1	0	1
1	0	0.9		1	0	0
0	1	0.8		0	1	1
0	0	0.2		0	1	0
•				0	0	1
				0	0	0

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B)
1	1	1	P(D A,B) 0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	0.8
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

■ Напишете општ израз за веројатноста $P(A = 0 \mid C = 1)$.



0.1 0.9

0.2

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B)
1	1	1	P(D A,B) 0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	0.8
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

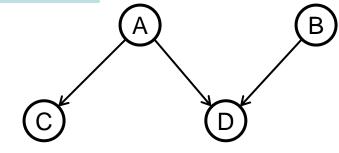
■ Напишете општ израз за веројатноста $P(A = 0 \mid C = 1)$.

$$P(A=0|C=1) = \frac{P(C=1|A=0) * P(A=0)}{P(C=1)} = \frac{P(C=1|A=0) * P(A=0)}{P(C=1,A=0) + P(C=1,A=1)}$$

$$= \frac{P(C=1|A=0) * P(A=0)}{P(C=1|A=0) * P(A=0) + P(C=1|A=1) * P(A=1)} = \frac{0.8*0.4}{0.8*0.4 + 0.1*0.6} = 0.84$$

Α	P(A)
0	0.4
1	0.6

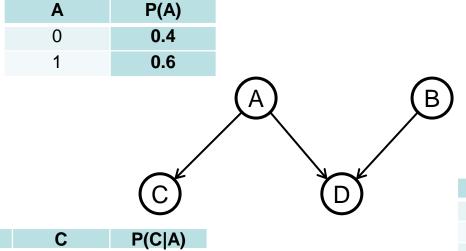
В	P(B)
0	0.7
1	0.3



Α	С	P(C A)
1	1	0.1
1	0	0.9
0	1	0.8
0	0	0.2

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	8.0
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

• Напишете општ израз за веројатноста $P(C = 0 \mid A=1, D=0)$.



0.1 0.9

0.2

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B)
1	1	1	P(D A,B) 0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	0.8
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

- Напишете општ израз за веројатноста $P(C = 0 \mid A=1, D=0)$.
- Тројката A,C,D е елементарната тројка заедничка причина што значи С и D се условно независни при дадено A.

$$P(C = 0|A = 1, D = 0) = P(C = 0|A = 1) = 0.9$$

0	0.4 0.6	
1	0.6	
	_/	
	(c)	

P(A)

P(C|A) 0.1 0.9

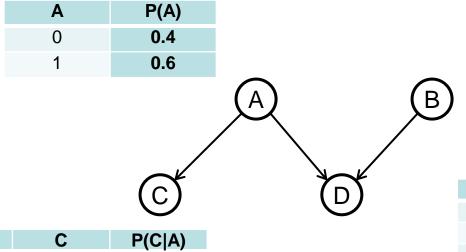
0.2

Α

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	0.8
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

• Напишете општ израз за веројатноста P(A = 1, B = 1).



0.1 0.9

0.2

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	8.0
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

- Напишете општ израз за веројатноста P(A = 1, B = 1).
- Тројката A,B,D е елементарната тројка заедничка последица што значи A и B се апсолутно независни.

$$P(A = 1, B = 1) = P(A = 1) * P(B = 1) = 0.6 * 0.3 = 0.18$$

P(B) 0.7 0.3

, ,	1 (7-1)	
0	0.4	
1	0.6	
		\bigcirc

	(c)	(D)
•	D(014)	_
С	P(C A)	

P(A)

0.1 0.9 0.8 0.2

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	8.0
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

• Напишете општ израз за веројатноста $P(A = 0 \mid B = 1, C = 1, D = 1)$.

• •	- ()	
0	0.4	
1	0.6	
		\widehat{A} \widehat{B}
	(c)	
C	P(CIA)	

P(A)

0.1 0.9 0.8 0.2

В	P(B)
0	0.7
1	0.3

1 1 1 0.99 1 1 0 0.01 1 0 1 0.8 1 0 0 0.2 0 1 1 0.6 0 1 0 0.6 0 0 1 0.1 0 0 0 0.9	Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1 0 1 0.8 1 0 0 0.2 0 1 1 0.6 0 1 0 0.6 0 0 1 0.1	1	1	1	0.99
1 0 0 0.2 0 1 1 0.6 0 1 0 0.6 0 0 1 0.1	1	1	0	0.01
0 1 1 0.6 0 1 0 0.6 0 0 1 0.1	1	0	1	8.0
0 1 0 0.6 0 0 1 0.1	1	0	0	0.2
0 0 1 0.1	0	1	1	0.6
	0	1	0	0.6
0 0 0.9	0	0	1	0.1
	0	0	0	0.9

■ Напишете општ израз за веројатноста P(A = 0 | B = 1, C = 1, D = 1).

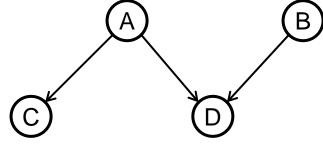
$$P(A = 0 | B = 1, C = 1, D = 1) = \frac{P(A = 0, B = 1, C = 1, D = 1)}{P(B = 1, C = 1, D = 1)} = \frac{P(A = 0, B = 1, C = 1, D = 1)}{P(A = 0, B = 1, C = 1, D = 1) + P(A = 1, B = 1, C = 1, D = 1)}$$

$$P(A = 0) * P(B = 1) * P(C = 1|A = 0) * P(D = 1|A = 0, B = 1)$$

$$= \overline{P(A=0) * P(B=1) * P(C=1|A=0) * P(D=1|A=0,B=1) + P(A=1) * P(B=1) * P(C=1|A=1) * P(D=1|A=1,B=1)}$$

Α	P(A)
0	0.4
1	0.6

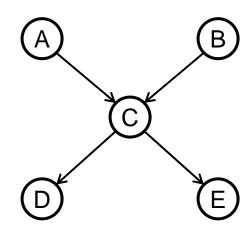
В	P(B)
0	0.7
1	0.3



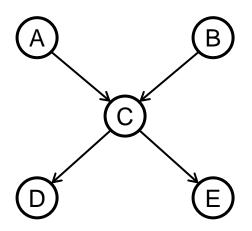
Α	С	P(C A)
1	1	0.1
1	0	0.9
0	1	8.0
0	0	0.2

Α	В	D	P(D A,B) 0.99
1	1	1	0.99
1	1	0	0.01
1	0	1	8.0
1	0	0	0.2
0	1	1	0.6
0	1	0	0.6
0	0	1	0.1
0	0	0	0.9

За случајните променливи А, В, С, D и Е е дефинирана
Баесовата мрежа дадена на сликата. Наведете ги сите
независности (апсолутни и условни) помеѓу променливи кои
произлегуваат од структурата на Баесовата мрежа.



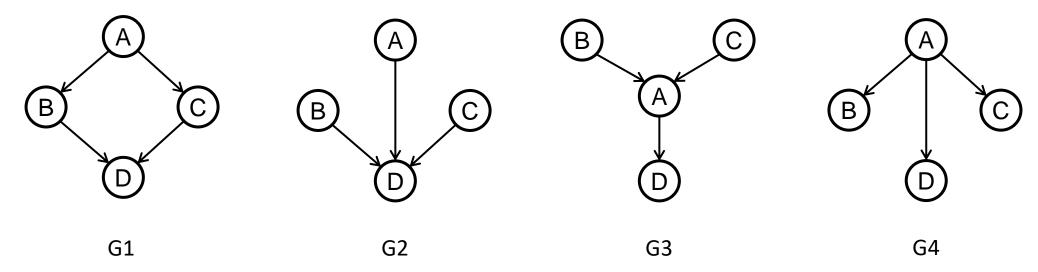
За случајните променливи А, В, С, D и Е е дефинирана
Баесовата мрежа дадена на сликата. Наведете ги сите
независности (апсолутни и условни) помеѓу променливи кои
произлегуваат од структурата на Баесовата мрежа.



Прашањето може да се одговори преку идентификување на елементарните тројки во дадената Баесова мрежа:

- $A \perp D \mid C$ (каузален синџир)
- $B \perp D \mid C$ (каузален синџир)
- $A \perp\!\!\!\perp E \mid C$ (каузален синџир)
- В Д Е | С (каузален синџир)
- $D \bot E \mid C$ (заедничка причина)

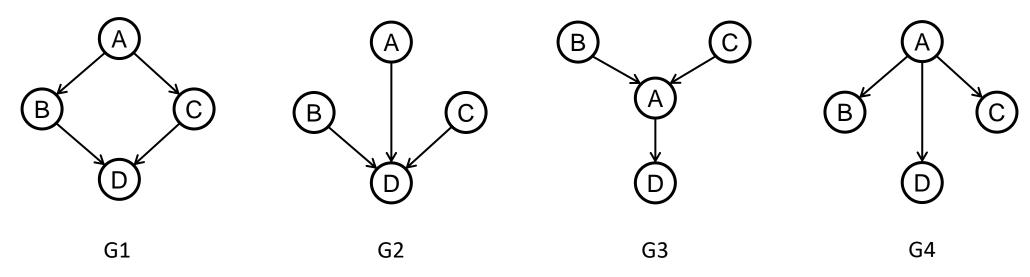
Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



a) All B|C

G2 затоа што од структурата се гледа дека A и B се во тројка заедничка последица со D и единствено дадено D може да активира влијание помеѓу променливите (да престанат да бидат независни). Во сите останати структури A и B се директно поврзани и не може да постои било каква независност.

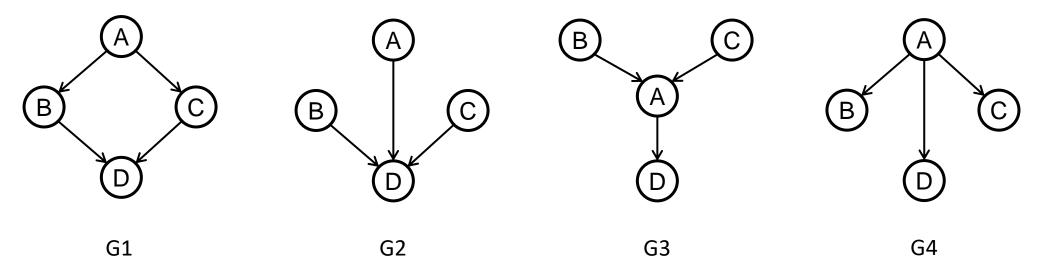
Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



b) $A \perp B \mid D$

Ниту една. Според објаснувањето под а) само D може да пропагира влијание помеѓу A и B во G2, и овде токму D е дадено.

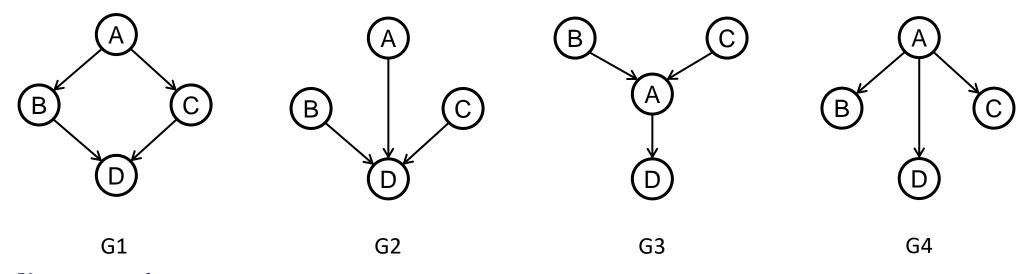
Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



c) Bll D A

G3 и G4. Во G1 и G2 променливите В и D се директно сврзани и нема независност. Во G3 има каузален синџир B,A,D, па условната независност важи. Во G4 има заедничка причина B,A,D, па условната независност важи.

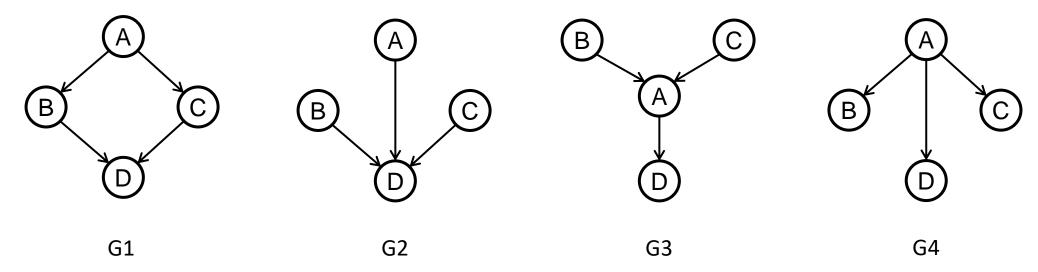
Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



d) BIID|C

Ниту една. G1 и G2 од исти причини како под c). Ако ги погледнете G3 и G4 патеката за да стигнете од B до D и во двата случаи поминува низ A и единствено знаењето на A може да има некаков ефект врз нивната условна независност. Тоа што овде го знаеме C кое не лежи на патеката прашањето B⊥D|C? го трансформира во B⊥D?, што не важи ниту за G3, ниту за G4.

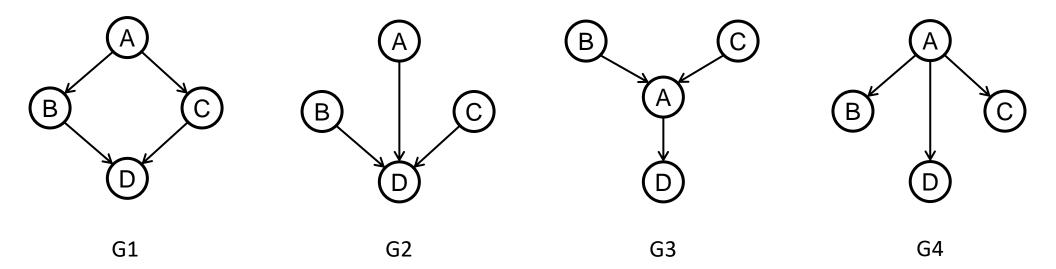
Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



e) BllC

G2 и G3. И во G1 и во G4 променливите В и С се во тројка заедничка причина со A, па не важи апсолутна независност. Во G2 и G3 променливите В и С се во тројка заедничка последица со D и A, соодветно, па важи апсолутна независност.

Нека се дадени 4 Баесови мрежи означени со G1, G2, G3 и G4.
 Наведете ги мрежите за кои важат следните искази за независност:



В Ц С А G1, G2 и G4. G1: Има две патеки меѓу В и С. Првата В,D,С е тројка заедничка последица и овде важи независноста бидејќи А не може да има ефект. Втората В,A,С е тројка заедничка причина и кога причината (А) е позната, тогаш последиците се независни. G2: В и С се во тројка заедничка последица со D и знаењето на А нема ефект врз нивната независност. G3: В и С се во тројка заедничка последица со А и знаењето на А предизвикува нивно меѓусебно влијание. G4: В и С се во тројка заедничка причина со А и знаењето на А предизвикува независност помеѓу нив.

- Добивате задача да направите модел за предвидување на пожар во зграда
 - Добивате информации од сензори на врати (кои не се многу доверливи) за тоа дали многу луѓе ја напуштаат зградата
 - Ако многу луѓе ја напуштаат зградата тоа може да биде предизвикано од уклучен аларм за пожар
 - Ако е уклучен аларамот за пожар тоа може да биде поради пожар или поради упад во системот
 - Ако има пожар може да има чад
- Приказната на проблемот многу ве потсеќа на Баесова мрежа. Како ќе ја изградите?

- Најпрво треба да ги дефинирате променливите во системот кој го моделирате:
 - Упад во системот (U) логичка случајна променлива која е точна кога има упад во системот
 - Пожар (Р) логичка случајна променлива која е точна кога има пожар
 - Аларм (А) логичка случајна променлива која е точна кога алармот за пожар
 - Чад (С) логичка случајна променлива која е точна кога има чад
 - Луѓе (L) логичка случајна променлива која е точна кога многу луѓе ја напуштаат зградата
 - Сензори (S) логичка случајна променлива која е точна кога сензорите на вратите детектираат многу луѓе кои напуштаат

- Во следниот чекор бидејќи сакаме да изградиме Баесова мрежа ќе дефинираме подредување на променливи според кое ќе можеме да ја искористиме независноста на променливите во наша полза. Кога имаме каузално врзани променливи ги подредуваме од причина кон последица.
- Според тоа можеме да го избереме следното подредување:
 - Пожар (Р), Упад во системот (U), Аларм (A), Чад (C), Луѓе (L), Сензори (S)
- Правилото на синџир според подредувањето е: P(P,U,A,C,L,S) = P(P) * P(U|P) * P(A|P,U) * P(C|P,U,A) * P(L|P,U,A,C) * P(S|P,U,A,C,L)
- Ке ги додаваме променливите редоследно со тоа што за секоја променлива ќе разгледуваме (условна) независност од веќе додадените

$$P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U|P) * P(A|P, U) * P(C|P, U, A) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)$$
 $P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U|P) * P(A|P, U) * P(C|P, U, A) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)$

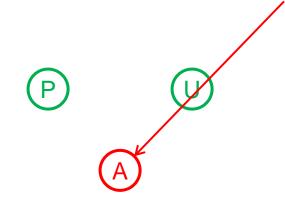
Пожар (Р) е првата променлива во подредувањето. Нема родители!

$$P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U|P) * P(A|P, U) * P(C|P, U, A) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)$$

P

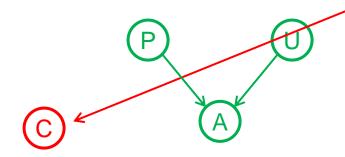
Упад во системот (U) е независна од **Пожар (P)**. Знаењето дали е точно или не нема ништо да промени во веројатноста за променливата пожар во овој момент.

P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U) * P(A|P, U) * P(C|P, U, A) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)



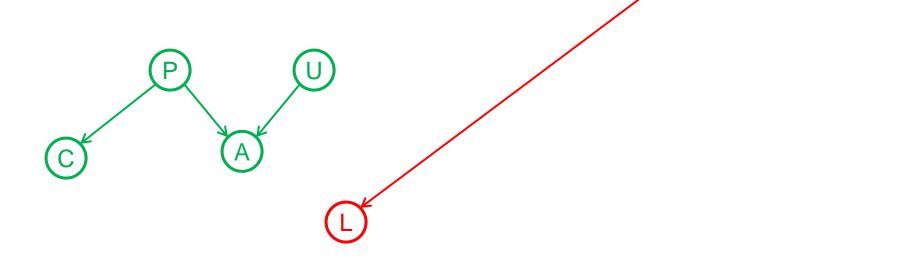
Аларм (A) зависи и од **Пожар (P)** и од **Упад во системот (U)**. Може да биде предизвикана од било која (или од двете)

P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U) * P(A|P, U) * P(C|P, U, A) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)



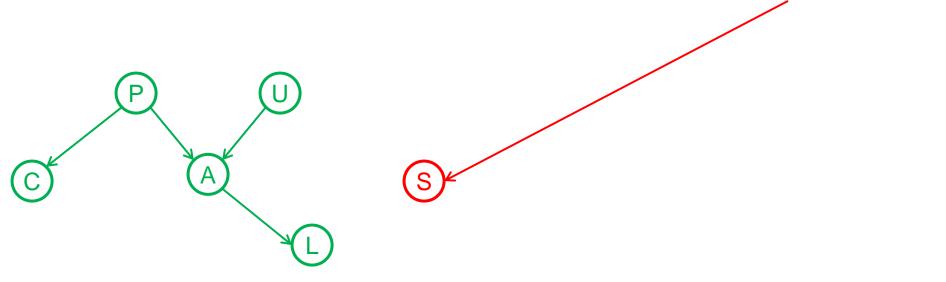
Чад (C) е предизвикано од Пожар (P). Тоа значи дека кога знаеме дека има Пожар (P) тогаш Чад (C) е независно од тоа дали има Упад во системот (U) и дали е уклучен Аларм (A)

P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U) * P(A|P, U) * P(C|P) * P(L|P, U, A, C) * P(S|P, U, A, C, L)



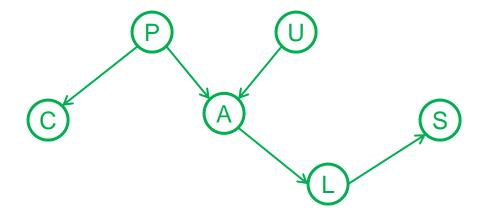
Луѓето (L) ја напуштаат зградата кога е уклучен **Аларм (A).** Според тоа, кога знаеме дали е уклучен **Алармот (A)** напуштањето на зградата од **Луѓето (L)** е независно од останатите променливи.

P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U) * P(A|P, U) * P(C|P) * P(L|A) * P(S|P, U, A, C, L)

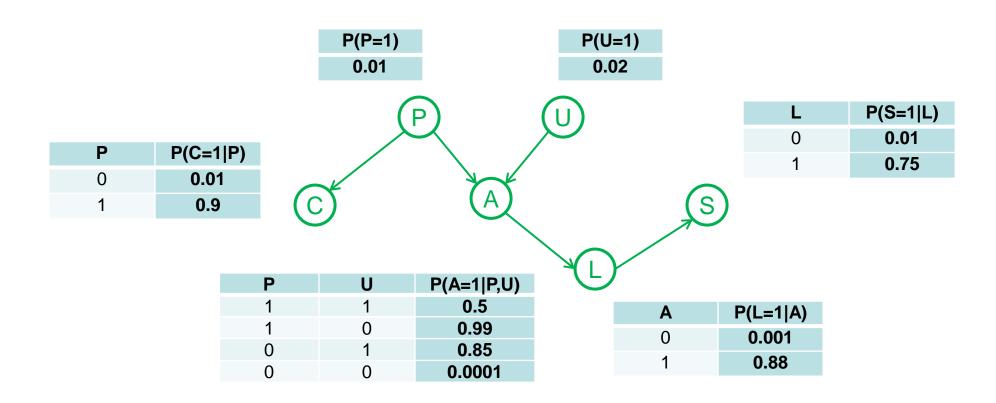


Сензорите (S) се активираат кога многу **Луѓе (L)** ја напуштаат зградата. Според тоа, кога знаеме дали многу **Луѓе (L)** ја напуштаат зградата тогаш **Сензорите (S)** се независни од останатите променливи.

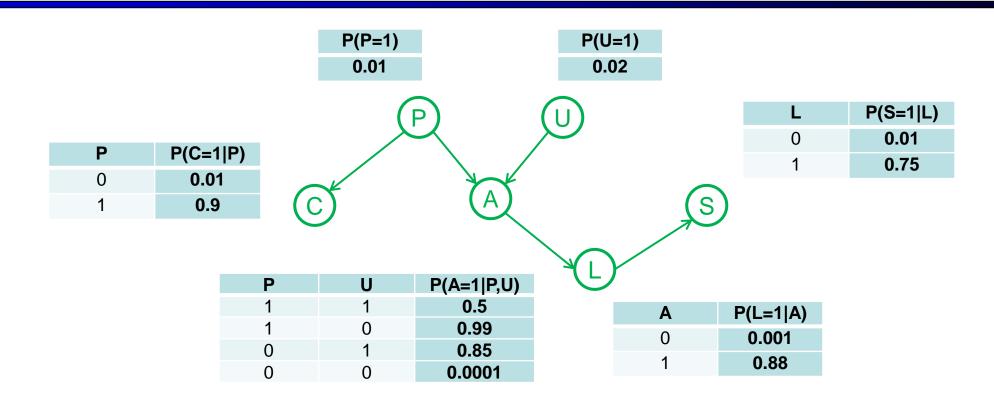
$$P(P, U, A, C, L, S) = P(P) * P(U) * P(A|P, U) * P(C|P) * P(L|A) * P(S|L)$$



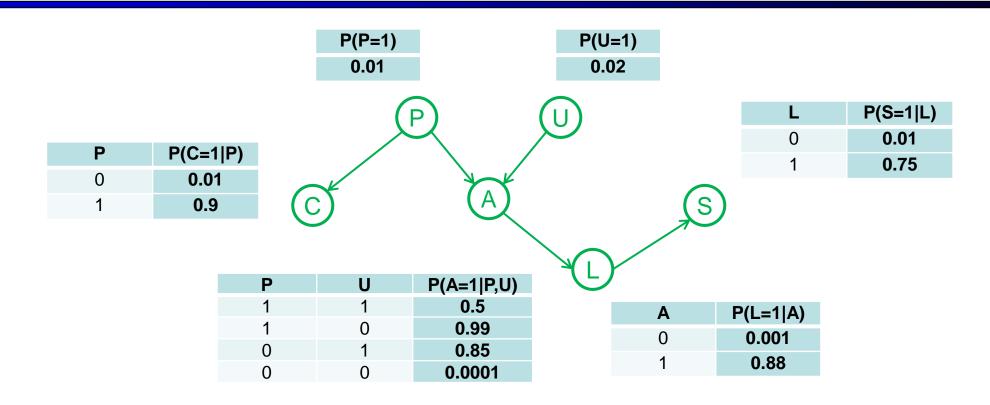
Ова е финалната структура на Баесовата мрежа! За целосна дефиниција потребно е да се дефинираат и соодветните условни веројатности за секоја променлива.



Забележете дека во табелите се дефинирани само веројатностите за позитивен исход, на пример X=1. Тоа можеме да го направиме бидејќи P(X=0) = 1 - P(X=1)

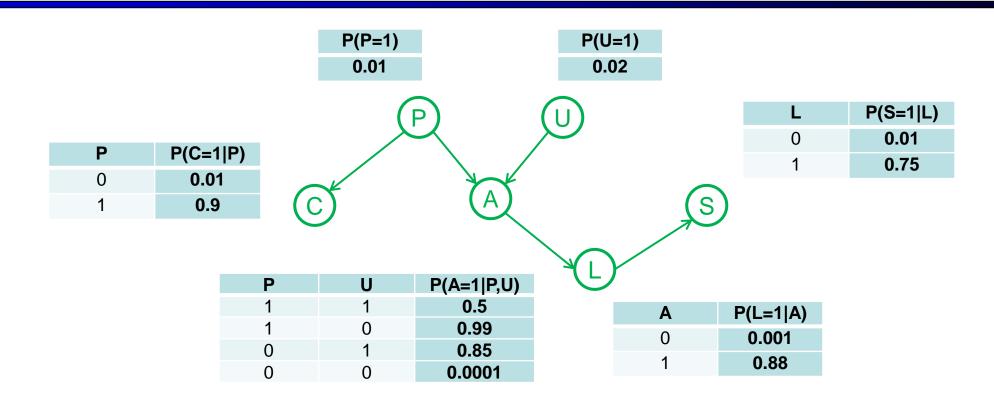


Прашање 1: Која е веројатноста дека има чад?

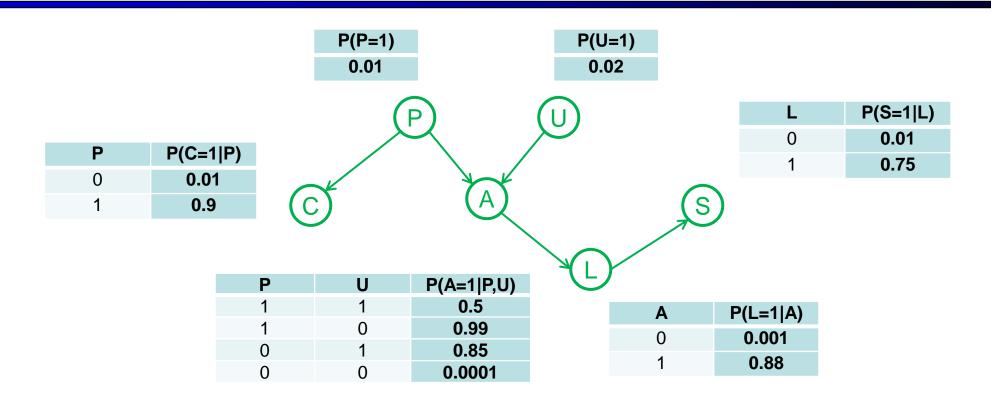


Прашање 1: Која е веројатноста дека има чад?

$$P(C = 1) = ?$$

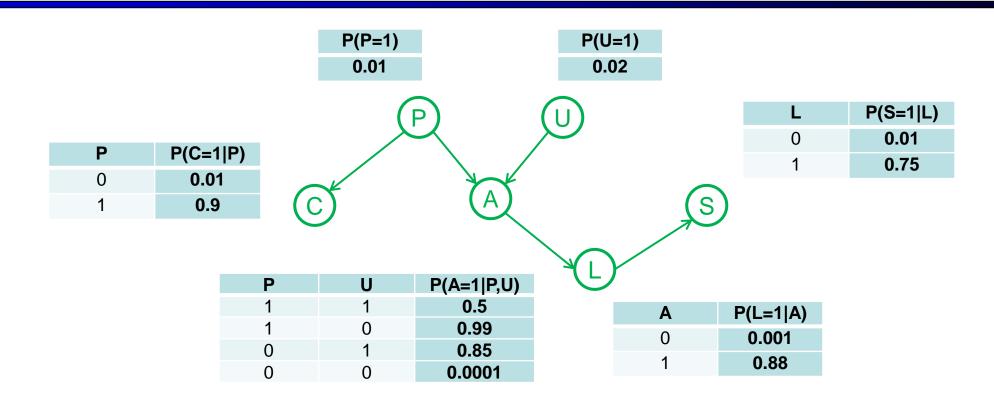


Прашање 2: Која е веројатноста дека има чад ако има упад во системот?

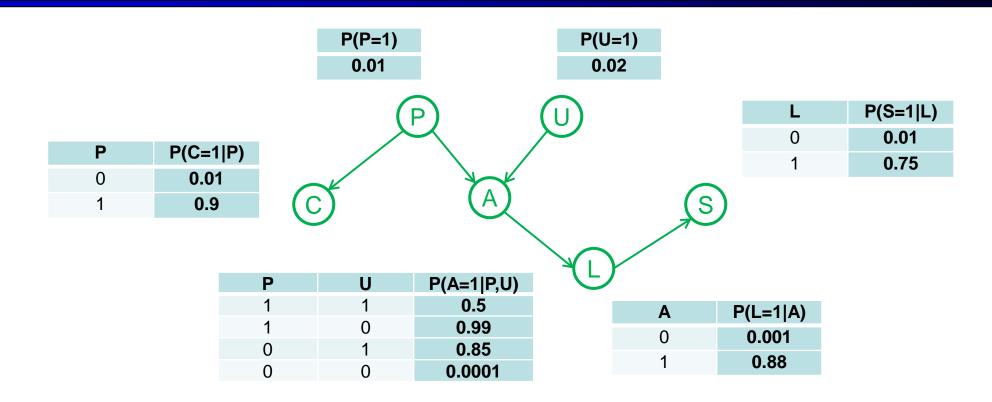


Прашање 2: Која е веројатноста дека има чад ако има упад во системот?

$$P(C = 1|U = 1) = ?$$

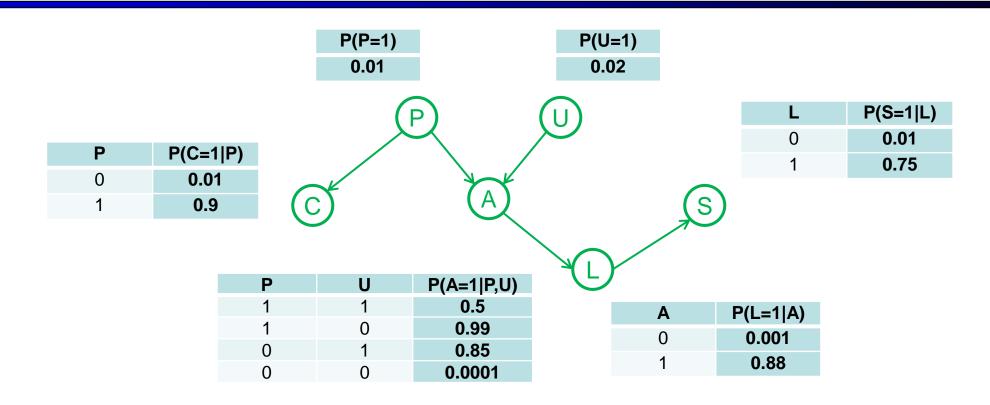


Прашање 3: Која е веројатноста за пожар ако има чад?

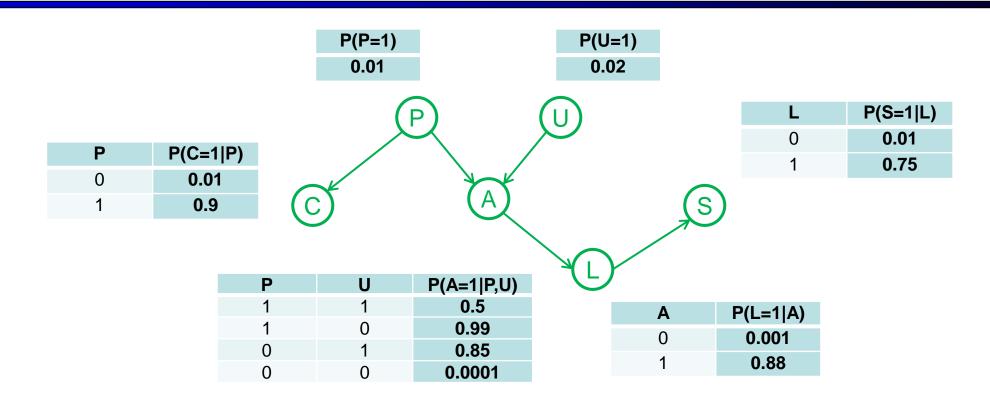


Прашање 3: Која е веројатноста за пожар ако има чад?

$$P(P = 1 | C = 1) = ?$$

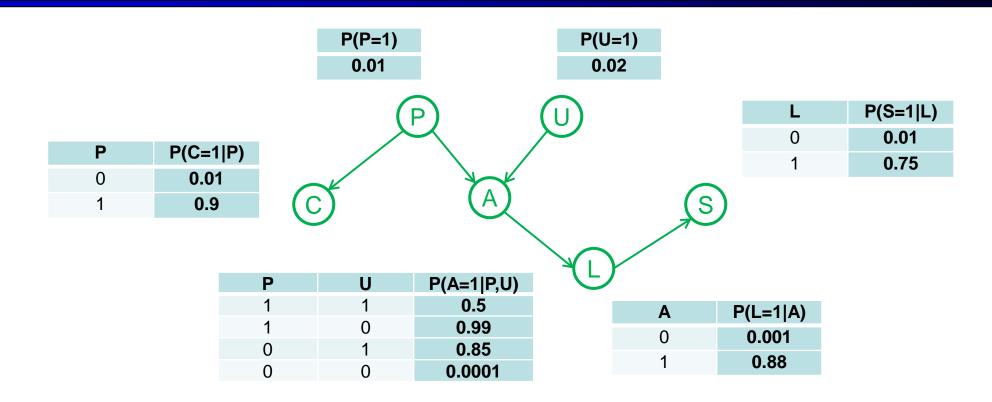


Прашање 4: Која е веројатноста за пожар ако има чад и има упад во системот?

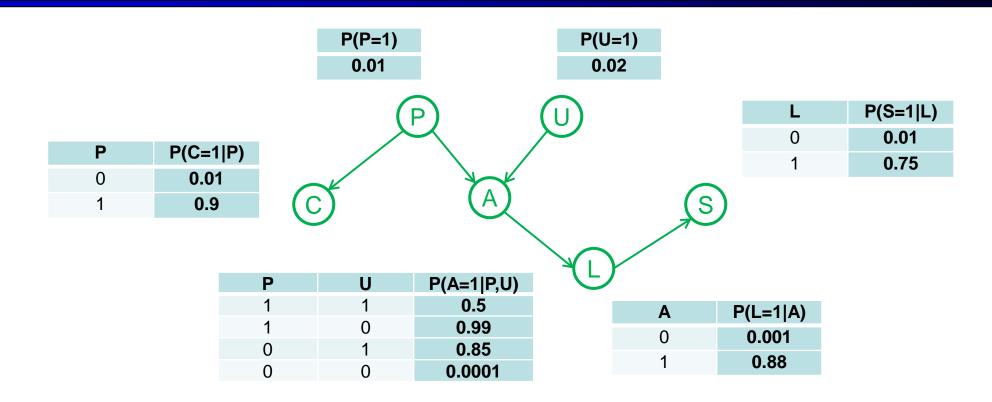


Прашање 4: Која е веројатноста за пожар ако има чад и има упад во системот?

$$P(P = 1 | C = 1, U = 1) = ?$$

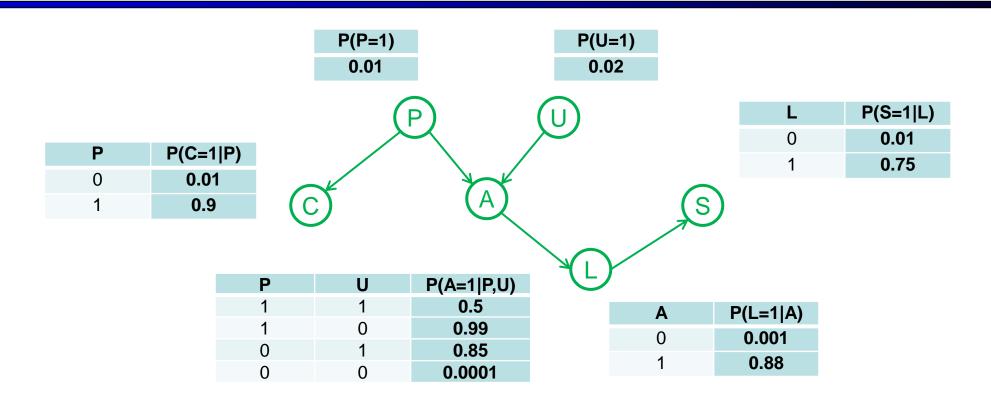


Прашање 5: Која е веројатноста дека сензорите ќе детектираат како многу луѓе ја напуштаат зградата ако има пожар?

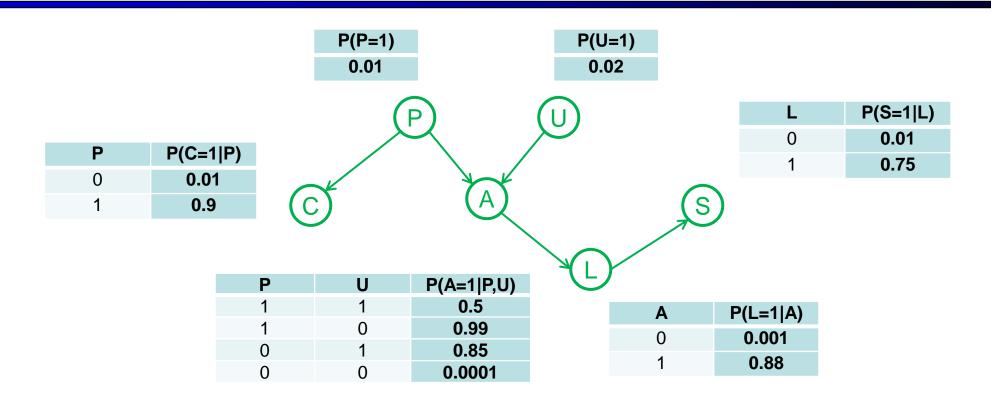


Прашање 5: Која е веројатноста дека сензорите ќе детектираат како многу луѓе ја напуштаат зградата ако има пожар?

$$P(S = 1|P = 1) = ?$$



Прашање 6: Која е веројатноста за пожар ако сензорите детектираат дека многу луѓе ја напуштаат зградата?



Прашање 6: Која е веројатноста за пожар ако сензорите детектираат дека многу луѓе ја напуштаат зградата?

$$P(P = 1|S = 1) = ?$$

Интерактивна алатка за учење

http://www.aispace.org/bayes/



Graph Searching



Consistency for CSPs







<u>Click here</u> to start the tool using Java Web Start. If you are having problems running the tool, ensure that you have the latest version of Java installed and that it is enabled in your browser. This can be acquired from <u>Sun's Java website</u>.

Description

Bayesian Networks, also called Belief or Causal Networks, are a part of probability theory and are important for reasoning in AI. They are a powerful tool for modelling decision-making under uncertainty. The purpose of this tool is to illustrate the way in which Bayes Nets work, and how probabilities are calculated within them.

- Help
 - QuickStart
 - General Help
 - Tutorials
 - Tutorial 1: Creating a New Graph Video Tutorial
 - Tutorial 2: Loading a Preexisting Graph
 - Tutorial 3: Querying a Graph (Part I) Video Tutorial
 - Tutorial 4: Querving a Graph (Part II)

 - Tutorial 6: Decision Networks (Supplementary)
 - Wideo Tutorial 1
 - Wideo Tutorial 2
- Bugs & Enhancements

Please visit our <u>feedback page</u> and send us your comments about the tools!

This tool was written by Kyle Porter, David Poole, Jacek Kisyński, Shinjiro Sueda, and Byron Knoll, with help from Alan Mackworth, Holger Hoos, Peter Gorniak, and Cristina Conati.