

Утверждение. Пусть $X, Y \in W^\Phi$, тогда $X \not\sim_i^\Phi Y \Rightarrow \vdash \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$

1	$X \not\sim_i^\Phi Y$		1	$K_i \theta \in Y, \theta \notin X \quad \triangleright \vdash \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$
2	$\exists \theta \in \Phi : K_i \theta \in X, \theta \notin Y \text{ или } K_i \theta \in Y, \theta \notin X$		2	$\neg \theta \in X$
3	$K_i \theta \in X, \theta \notin Y$	$\triangleright \vdash \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$	3	$X \vdash \neg \theta$
4	$\neg \theta \in Y$	экономное отрицание?	4	$\vdash \underline{X} \rightarrow \neg \theta$
5	$Y \vdash \neg \theta$		5	$\vdash \theta \rightarrow \neg \underline{X}$
6	$\vdash \underline{Y} \rightarrow \neg \theta$		6	$\vdash K_i \theta \rightarrow K_i \neg \underline{X}$
7	$\vdash \theta \rightarrow \neg \underline{Y}$		7	$\vdash \underline{Y} \rightarrow K_i \theta$
8	$\vdash K_i \theta \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$		8	$\vdash \underline{Y} \rightarrow K_i \neg \underline{X}$
9	$\vdash \underline{X} \rightarrow K_i \theta$		9	$\vdash \hat{K}_i \underline{X} \rightarrow \neg \underline{Y}$
10	$\vdash \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$		10	$\vdash K_i \hat{K}_i \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$
			11	$\vdash \underline{X} \rightarrow K_i \hat{K}_i \underline{X}$
			12	$\vdash \underline{X} \rightarrow K_i \neg \underline{Y}$

Следствие. Пусть $X, Y \in W^\Phi$, тогда $\underline{X}, \hat{K}_i \underline{Y} \not\vdash \perp \Rightarrow X \sim_i^\Phi Y$