Диплом

Федоров Глеб, 125

10 декабря 2014 г.

Содержание

Bı	ведение	2
Ι	Теоретические сведения	3
1	Явление сверхпроводимости	3
2	Эффект Джозефсона	3
	2.1 Уравнения Джозефсона	3
	2.2 RCSJ-модель	4
	2.3 Фазо-потоковое соотношение	5
3	Теория изолированного Flux-кубита	6
	3.1 Построение гамильтониана	6
	3.2 Квантово-механический анализ	7
	Анализ потенциала	7
	Стационарные состояния	7
II	Экспериментальная часть	9
II	І Результаты	9
ΙV	⁷ Заключение	9

Введение

Квантовый компьютер – это устройство, хранящее и обрабатывающее информацию в группе квантовых систем, причем обработка информации происходит в результате когерентных взаимодействий систем внутри группы. Каждая квантовая система, как правило, является двухуровневой и носит название "квантовый бит" или "кубит" (англ. "qubit" – quantum bit). Для осуществления квантового расчета необходимо уметь реализовывать связь между кубитами, управлять состоянием кубитов, сохраняя его чистоту, определять состояние каждого из кубитов в группе и, наконец, изолировать кубиты от окружающей среды, следовательно, в качестве кубитов могут быть использованы любые достаточно изолированные двухуровневые системы, поддающиеся контролю и способные взаимодействовать друг с другом. В качестве примера можно привести фотоны, оны в ионных ловушках, ядерные спины, атомы в электромагнитных резонаторах, электрические системы и т.п.

Последние являются одними их самых заманчивых кандидатов на эту роль, если только окажутся подчинены квантовой механике. ¹⁰ К счастью, явление сверхпроводимости и эффект Джозефсона позволяют наблюдать квантовые эффекты в контурах даже мезоскопического масштаба и создавать так называемые сверхпроводящие (джозефсоновские) кубиты. ¹¹ В данной работе проводится исследование одного из них – потокового сверхпроводящего кубита (впервые предложен в статье ¹² и назван Flux-кубитом).

Джозефсоновские кубиты имеют два значительных недостатка и одно значительное преимущество в сравнении с микроскопическими кубитами. Первый недостаток касается шума и нарушения чистоты состояния - в силу больших размеров, джозефсоновские кубиты сильнее связываются со средой, что требует дополнительных изысканий в области их изоляции; второй недостаток заключается в том, что в то время как микроскопические кубиты, например, атомы, идентичны друг другу, сверхпроводящие кубиты могут иметь отличия из-за неточностей производства. Для борьбы с этим требуется либо создавать заведомо нечувствительные к дефектам схемы, либо проводить калибровку, в процессе которой параметры цепей измеряются и компенсируются.

Преимущество джозефсоновских кубитов в их гибкости: они могут быть произвольным образом расположены относительно друг друга, а их параметры легко и непрерывно изменяемы в широких пределах. Эта гибкость вместе с некоторыми фундаментальными эффектами¹³ может быть использована для борьбы с первым недостатком, а также предоставляет много вариантов для подстройки параметров, что в значительной степени нивелирует второй недостаток. Далее, накопленный опыт человечества в области изготовления интегральных схем позволит упростить переход к производству реальных устройств, что является очевидным преимуществом в сравнении с другими типами кубитов. Таким образом, скорее всего именно джозефсоновские кубиты и будут применены в первом квантовом компьютере, и именно их следует изучать.

Важно отметить, что сверхпроводящие кубиты могут применяться не только для непосредственного использования в квантовом компьютере, так как по сути являются рукотворными атомами. Они могут быть пригодны для создания метаматериалов, 14 проведения высокоточных измерений полей, 15 использоваться в качестве активной среды, 16 для квантовой криптографии и телепортации 17 и т.п.

Часть I

Теоретические сведения

Данный раздел содержит теоретическое описание явлений, наблюдаемых в экспериментальной части работы. Далее будут кратко рассмотрена теория сверхпроводимости, эффект Джозефсона, затем произведено рассмотрение теории изолированного Flux-кубита, теории его взаимодействия с окружающей средой и, наконец, вопросы измерения и контроля.

1 Явление сверхпроводимости

Сверхпроводимость — это сложное коллективное явление, свойство некоторых материалов обладать строго нулевым электрическим сопротивлением при достижении ими температуры ниже определенного значения. В настоящий момент доминирующей теорией сверхпроводимости является теория БКШ, ¹⁸ согласно которой электроны в сверхпроводнике при переходе через критическую температуру объединяются в так называемые куперовские пары и претерпевают бозе-конденсацию. Спаривание электронов происходит в результате взаимодействия через фононы, приводящего к эффективному притяжению между ними и образованию связанного состояния на уровне Ферми, отделенного от уровней квазичастичных возбуждений энергетической щелью. Полное описание данного эффекта в рамках микроскопической теории невозможно в данной работе, поэтому мы будем далее пользоваться феноменологической теорией Гинзбурга-Ландау. ¹⁹ Сверхпроводящее состояние в рамках этой теории может быть описано параметром порядка или, иначе, модулем так называемой "макроскопической волновой функции куперовских пар":

$$\Psi(\mathbf{r}) = \sqrt{\frac{n_s}{2}} e^{i\theta(\mathbf{r})},\tag{1.1}$$

где n_s — концентрация сверхпроводящих электронов в сверхпроводнике. Важно подчеркнуть, что она не является настоящей волновой функцией, но тем не менее позволяет получить практически важные результаты. Мы далее считаем, что в изолированном невозмущенном полями сверхпроводнике и модуль, и фаза волновой функции (1.1) постоянны.

Из минимизации функционала Гинзбурга-Ландау и одного из уравнений Максвелла можно получить следующее уравнение для сверхпроводящего тока куперовских пар в зависимости от приложенного поля, являющееся обобщением уравнения Лондонов:

$$\mathbf{j}_s = -\frac{i\hbar e}{2m_e} (\Psi^* \nabla \Psi - \Psi \nabla \Psi^*) - \frac{2e^2}{m_e} \mathbf{A} |\Psi|^2.$$
 (1.2)

Подставляя сюда $\Psi(\mathbf{r})$ из определения (1.1), получим:

$$\mathbf{j}_s = \frac{1}{\Lambda} \left(\frac{\Phi_0}{2\pi} \nabla \theta(\mathbf{r}) - \mathbf{A} \right), \tag{1.3}$$

где $\Lambda = \frac{m_e}{n_s e^2}$, $\Phi_0 = \frac{h}{2e}$. Вторая константа, как будет показано далее, является *квантом магнитного потока*, и имеет важное значение в данной работе.

2 Эффект Джозефсона

2.1 Уравнения Джозефсона

Эффект Джозефсона 20 – это эффект установления одной макроскопической фазы в двух сверхпроводниках, соединенных через так называемую "слабую связь". Слабые связи многообразны: это

могут быть тонкие слои диэлектрика, сужения, точечные контакты, прослойки из металла в нормальном состоянии или из ферромагнетика. В случае, если фазы не равны, то через слабую связь будет течь бездиссипативный ток, и будет выполнено некоторое фазо-токовое соотношение между током и скачком фазы на переходе. Часто, хотя и не всегда,²¹ оно оказывается синусоидальным:

$$I_s = I_c \sin(\theta_2 - \theta_1) = I_c \sin \varphi. \tag{2.1}$$

Из этой формулы видно, что сверхпроводящий ток I_s не может превысить некоторого значения I_c . Это так называемый *критический ток* джозефсоновского перехода, при превышении которого бездиссипативность нарушается, и на переходе устанавливается напряжение V. В этом случае выполнено второе уравнение Джозефсона:

$$\hbar \frac{\partial \varphi}{\partial t} = 2eV, \tag{2.2}$$

и наблюдаются осцилляции разности фаз между сверхпроводниками. Величина критического тока рассчитывается из микроскопической теории, например, для перехода SIS верна формула Амбегаокара-Баратова:

$$I_c = \frac{\pi \Delta(T)}{2eR_n} \operatorname{th}\left(\frac{\Delta(T)}{2k_b T}\right),\tag{2.3}$$

где через R_n обозначено сопротивление контакта в отсутствие сверхпроводимости, $R_n = \rho \frac{d}{S}$, где ρ удельное сопротивление I-слоя, а d и S - его толщина и площадь.

2.2 RCSJ-модель

Для упрощения описания динамики джозефсоновского контакта применяется модель RCSJ (Resistively and Capacitively Shunted Junction), работающая для маленьких переходов со слоем изолятора, когда изменения фазы на размере контакта пренебрежимо малы и присутствует ненулевая геометрическая емкость.

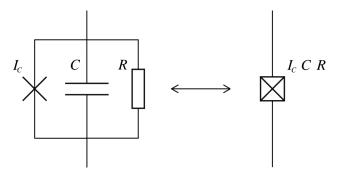


Рис. 1: Схема RCSJ в виде параллельного соединения идеального джозефсоновского перехода с конденсатором и резистором

Принципиальная схема изображена на Рис. 1. В случае, когда ток через систему не превышает критического I_c , резистор на схеме может быть опущен. В силу параллельности соединения выполнено также соотношение $\frac{\hbar}{2e}\frac{\partial \varphi}{\partial t}=U_C$ между напряжениями на переходе и на конденсаторе, которое устанавливает аналогию между неидеальным переходом и колебательным контуром с нелинейной индуктивностью.

В рамках RCSJ-модели энергия перехода состоит из энергии, запасенной в нелинейной индуктив-

ности идеального перехода, и энергии конденсатора:

$$E = E_{ind} + E_{cap} (2.4)$$

$$E_{ind} = \int I_J V_J dt = I_c \frac{\hbar}{2e} \int_0^T \sin(\phi(t)) \frac{d\phi(t)}{dt} dt$$

$$=E_J \int_0^{\varphi} \sin \phi \, d\phi = E_J [1 - \cos \varphi] \tag{2.5}$$

$$E_{cap} = \frac{1}{2}CU_C^2 = \frac{1}{2}C\left(\frac{\Phi_0}{2\pi}\right)^2\dot{\varphi}^2 = \frac{\hbar^2}{4E_C}\dot{\varphi}^2, \ E_C = \frac{(2e)^2}{2C}.$$
 (2.6)

2.3 Фазо-потоковое соотношение

Рассмотрим замкнутый сверхпроводящее кольцо конечной толщины, быть может, прерванный конечным числом джозефсоновских переходов $\{J_1..J_n\}$. Рассмотрим применительно к данному случаю уравнение (1.3). Проведем контур C внутри кольца так, чтобы он нигде не приближался к стенкам на расстояние, меньшее глубины проникновения магнитного поля (Рис. 2). Тогда сверхток на всей его длине будет равен нулю, и, проинтегрировав по нему (1.3), мы получим следующее равенство:

$$\oint\limits_{C}\mathbf{A}d\mathbf{l}=\frac{\Phi_{0}}{2\pi}\oint\limits_{C}\nabla\theta d\mathbf{l}.$$

Руководствуясь Рис. 2, соображениями однозначности волновой функции (1.1) при обходе вокруг контура и теоремой Стокса для rot **A**, можем написать:

$$\Phi = \frac{\Phi_0}{2\pi} \left(\sum_i \varphi_n + 2\pi k \right)$$

$$\sum_i \varphi_n = 2\pi \left(\frac{\Phi}{\Phi_0} - k \right), \ k \in \mathcal{Z}.$$
(2.7)

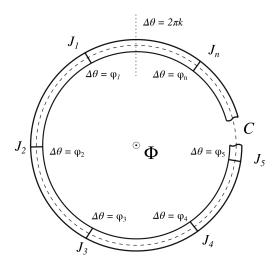


Рис. 2: К выводу фазо-потокового соотношения. Пунктиром обозначен контур интегрирования С. Через φ_i обозначены скачки фаз на джозефсоновских контактах, а точками - место разрешенного накопления фазы при полном обходе вокруг кольца $2\pi k,\ k\in\mathcal{Z}$

Таким образом, получено фазо-потоковое соотношение. Видно, что в случае отсутствия в кольце джозефсоновских переходов полученное уравнение (2.7) опишет равенство магнитного потока Φ , проходящего через сверхпроводящее кольцо, целому числу k квантов потока Φ_0 , обосновывая определение этой константы в (1.3).

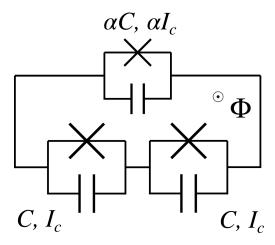


Рис. 3: Принципиальная схема Flux-кубита в рамках RCSJ-модели. Два из трех переходов по площади одинаковы, площадь третьего по сравнению с ними в α раз отличается (параметры отличаются в то же число раз согласно формулам для емкости конденсатора и (2.3)). Φ – поток, пронизывающий контур. Резисторы не изображены, так как рабочий ток переходов меньше I_c

3 Теория изолированного Flux-кубита

Flux-кубит, или потоковый трехконтактный сверхпроводящий кубит, был предложен впервые в 1999 году¹² и представляет собой сверхпроводящий контур, прерванный в трех местах джозефсоновскими переходами (Рис. 3), два из которых одинаковы, а третий отличается по площади в α раз. Под изолированным в данном разделе понимается одиночный кубит, не взаимодействующий с окружением ни диссипативным, ни консервативным образом. Единственным внешним фактором является при таком рассмотрении постоянное магнитное поле, проходящее через контур.

3.1 Построение гамильтониана

Для того, чтобы провести квантово-механическое рассмотрение кубита, требуется записать его гамильтониан. Для этого прежде всего нужно понять, какими независимыми степенями свободы он обладает. Вообще говоря, состояние одиночного джозефсоновского перехода, в силу того, что в параллельном соединении RCSJ-модели $U=\frac{\hbar}{2e}\dot{\varphi}$, целиком описывается своей разностью фаз. Для трех невзаимодействующих переходов таких разностей будет три, и их и следует выбрать в качестве обобщенных координат системы. Однако в случае замкнутого контура дополнительно накладывается фазопотоковое соотношение (2.7):

$$\varphi_1 + \varphi_2 + \varphi_3 = 2\pi \left(\frac{\Phi}{\Phi_0} - k\right), \ k \in \mathcal{Z}.$$
(3.1)

Таким образом, в контуре на Рис. 3 остаются независимыми только две разности фаз из трех. Введя их в качестве обобщенных координат, можно понять, что является аналогом кинетической, а что – потенциальной энергии системы. В уравнениях (2.4)-(2.6) энергия перехода зависит непосредственно от φ , а емкостная от $\dot{\varphi}$. Таким образом, переход запасает потенциальную, а емкость кинетическую энергию. Энергия магнитного поля, возникающего при течении тока в кольце, считается малой в силу малости геометрической индуктивности кубита по сравнению с джозефсоновской индуктивностью переходов (в противоположном случае ситуация значительно усложняется 22). Теперь можно записать лагранжиан системы, используя все те же уравнения (2.4)-(2.6) и выражая разность фаз φ_3 отличающегося

перехода через разности фаз φ_1 и φ_2 одинаковых переходов при помощи (3.1):

$$\mathcal{L} = \mathcal{T} - \mathcal{U},$$

$$\mathcal{T} = E_{cap} = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{3} C_{i} V_{i}^{2} = \frac{1}{2} \left(\frac{\Phi_{0}}{2\pi} \right)^{2} \left[C(\dot{\varphi}_{1})^{2} + \alpha C \left(\dot{\varphi}_{1} + \dot{\varphi}_{2} \right)^{2} + C(\dot{\varphi}_{2})^{2} \right]$$

$$= \frac{1}{2} \left(\frac{\Phi_{0}}{2\pi} \right)^{2} \left(\dot{\varphi}_{1} \quad \dot{\varphi}_{2} \right) C \left(\frac{1+\alpha}{\alpha} \quad \frac{\alpha}{1+\alpha} \right) \left(\frac{\dot{\varphi}_{1}}{\dot{\varphi}_{2}} \right),$$

$$\mathcal{U} = E_{ind} = E_{J} \left[2 + \alpha + \cos \varphi_{1} + \cos \varphi_{2} + \alpha \cos \left(2\pi \frac{\Phi}{\Phi_{0}} - \varphi_{1} - \varphi_{2} \right) \right].$$

Строить гамильтониан системы из такого лагранжиана не очень удобно, поэтому предварительно произведем замену координат $\phi = \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2}, \ \theta = \frac{\varphi_1 - \varphi_2}{2}$:

$$\mathcal{T} \stackrel{\varphi_1, \varphi_2 \to \phi, \theta}{=} C \left(\frac{\Phi_0}{2\pi} \right)^2 (\dot{\phi} \quad \dot{\theta}) \begin{pmatrix} 1 + 2\alpha & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \dot{\phi} \\ \dot{\theta} \end{pmatrix},$$

$$\mathcal{U} \stackrel{\varphi_1, \varphi_2 \to \phi, \theta}{=} E_J \left[2 + \alpha - 2\cos(\phi)\cos(\theta) - \alpha\cos\left(2\pi\frac{\Phi}{\Phi_0} - 2\phi\right) \right]. \tag{3.2}$$

Теперь, стандартным образом вводя обобщенный импульс $\mathbf{p}^T = \begin{pmatrix} p_\phi & p_\theta \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{\phi}} & \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \dot{\theta}} \end{pmatrix}$ и производя преобразование Лежандра, получим итоговый гамильтониан системы:

$$\mathcal{H} = \frac{p_{\phi}^2}{2M_{\phi}} + \frac{p_{\theta}^2}{2M_{\theta}} + E_J \left[2 + \alpha - 2\cos(\phi)\cos(\theta) - \alpha\cos\left(2\pi\frac{\Phi}{\Phi_0} - 2\phi\right) \right],$$
$$M_{\phi} = 2C \left(\frac{\Phi_0}{2\pi}\right)^2 (1 + 2\alpha), \ M_{\theta} = 2C \left(\frac{\Phi_0}{2\pi}\right)^2.$$

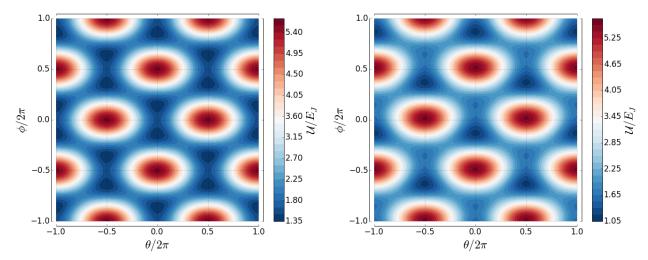
Далее, осуществляя переход к операторному виду квантовой механики, можно получить оператор Гамильтона для сверхпроводящего потокового кубита в терминах исключительно E_C и E_J :

$$\hat{\mathcal{H}} = E_C \left[-\frac{1}{2(1+2\alpha)} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} - \frac{1}{2} \frac{\partial^2}{\partial \theta^2} \right] + E_J \left[2 + \alpha - 2\cos(\phi)\cos(\theta) - \alpha\cos\left(2\pi \frac{\Phi}{\Phi_0} - 2\phi\right) \right]. \tag{3.3}$$

3.2 Квантово-механический анализ

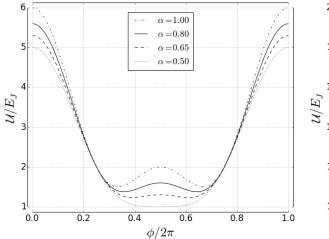
Анализ потенциала. Прежде всего рассмотрим потенциал $\mathcal{U}(\phi,\theta)$. На Рис. 4 представлены графики, демонстрирующие его структуру в случае $\Phi=0.5\Phi_0$. На Рис. 4 (а) можно видеть, что потенциал 2π -периодичен по каждой из переменных ϕ и θ и представляет собой бесконечную решетку из двойных ям, отделенных барьерами по диагонали. Каждая двойная яма в свою очередь делится на две части меньшим барьером. Его высота, как видно из Рис. 4 (с), определяется параметром α . Для того, чтобы структура оставалась подобной оной на Рис. 4 (а), требуется, чтобы $\alpha \in (0.5, 1)$: при нарушении этого условия либо совсем пропадает внутренний барьер, либо внешний барьер сравнивается с внутренним по высоте, и ямы перестают быть хорошо отделены друг от друга (Рис. 4 (d)). Минимумы $\mathcal U$ находятся в точках $\theta=\pi k, \ \phi=\pm \arccos\frac{1}{2\alpha}+\pi n, \ k, \ n\in\mathcal Z$. При отклонении потока от $0.5\Phi_0$ происходит перекос двойных ям: в зависимости от знака отклонения одна половина становится мельче, а другая глубже (Рис. 4 (b)).

Стационарные состояния. Прежде, чем начинать поиск стационарных состояний для гамильтониана (3.3), важно не упустить одну особенность. Строго говоря, в силу того, что потенциал (3.2) является периодическим, решениями уравнения Шредингера будут являться блоховские функции, а спектр энергий будет иметь зонную структуру. Таким образом, как это ни удивительно, один Fluxкубит представляет собой модель частицы в идеальной периодической решетке двумерного твердого тела. В силу вышесказанного, самый смысл стационарных решений Для нахождения стационарных состояний гамильтониана (3.3) мы воспользуемся периодичностью потенциала.

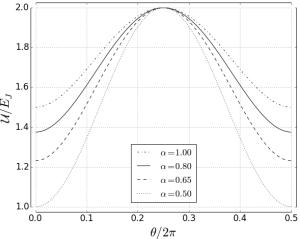


(a) Трехмерное изображение потенциала при $\Phi=0.5\Phi_0,~\alpha=0.8.$ Можно видеть 2π -периодическую решетку из двойных ям

(b) При отклонении потока от $0.5\Phi_0$ появляется перекос внутри двойных ям, одна половина становится глубже, а другая мельче в зависимости от знака отклонения $\Delta\Phi$. Здесь $\Delta\Phi=-0.05\Phi_0$



(c) Срез потенциала при $\Phi=0.5\Phi_0$ по направлению $\theta=\pi$ (барьер внутри ям) в зависимости от α . При $\alpha=0.5$ этот барьер пропадает, при $\alpha=1$ он сравнивается с барьером между ямами (см. (d))



(d) Срез потенциала при $\Phi=0.5\Phi_0$ по направлению $\phi=\left(1-\frac{2}{\pi}\arccos\frac{1}{2\alpha}\right)\theta+\arccos\frac{1}{2\alpha}$ (барьер между ямами) в зависимости от α . Здесь крайние точки отвечают минимумам $\mathcal U$ при $\theta=0$ $(\pi),\ \phi=\arccos\frac{1}{2\alpha}$ $(\pi-\arccos\frac{1}{2\alpha})$

Рис. 4: Графическое изображение периодического потенциала Flux-кубита в зависимости от относительного размера отличающегося перехода α и пронизывающего потока Φ

Часть II

Экспериментальная часть

Часть III

Результаты

Часть IV

Заключение

Список литературы

- 1 Lloyd S. A potentially realizable quantum computer. // Science (New York, N.Y.). 1993. Vol. 261. P. 1569—1571. (сслыка на стр. [2])
- 2 DiVincenzo D. P. Quantum Computation // Science. 1995. Vol. 270, no. 5234. P. 255—261. URL: http://www.sciencemag.org/content/270/5234/255.abstract. (сслыка на стр. [2])
- 3 DiVincenzo D.P. Prospects for quantum computing. 2000. Р. 12–15. (сслыка на стр. [2])
- ⁴ Spiller T. P. Quantum information processing: cryptography, computation, and teleportation // Proceedings of the IEEE. 1996. Vol. 84. (сслыка на стр. [2])
- 5 Milburn G J. Photons as qubits // Physica Scripta. 2009. Vol. 2009, no. T137. P. 14003. URL: http://stacks.iop.org/1402-4896/2009/i=T137/a=014003. (сслыка на стр. [2])
- ⁶ Cirac J. I., Zoller P. Quantum computations with cold trapped ions // Physical review letters. 1995. Vol. 74, no. 20. P. 4091. (сслыка на стр. [2])
- 7 Kane B. E. A silicon-based nuclear spin quantum computer // Nature. 1998. Vol. 393. Р. 133—137. (сслыка на стр. [2])
- 8 Rempe G. Cavity QED with single atomic and photonic qubits // Conference on Quantum Electronics and Laser Science (QELS) Technical Digest Series. 2008. (сслыка на стр. [2])
- ⁹ Devoret M. H., Martinis J. M. Implementing qubits with superconducting integrated circuits // Experimental Aspects of Quantum Computing. 2005. Р. 163—203. (сслыка на стр. [2])
- ¹⁰ Devoret M. H. Quantum fluctuations in electrical circuits // Les Houches, Session LXIII.— 1995.— URL: http://www.physique.usherb.ca/tremblay/cours/PHY-731/Quantum_circuit_theory-1.pdf. (сслыка на стр. [2])
- ¹¹ Clarke J., Wilhelm F. K. Superconducting quantum bits. // Nature. 2008. Vol. 453, no. 7198. P. 1031—42. URL: http://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/18563154. (сслыка на стр. [2])
- ¹² Superconducting persistent-current qubit / T. Orlando, J. Mooij, Lin Tian et al. // Physical Review B.— 1999.— Vol. 60, no. 22.— P. 15398—15413.— URL: http://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevB.60. 15398. (сслыки на стр. [2 и 6])
- ¹³ Charge insensitive qubit design derived from the Cooper pair box / J. Koch, T. M. Yu, J. Gambetta et al. -2007. P. 21. -0703002. (сслыка на стр. [2])

- ¹⁴ Implementation of a quantum metamaterial using superconducting qubits. / P. Macha, G. Oelsner, J.-M. Reiner et al. // Nature communications. 2014. Vol. 5. P. 5146. URL: http://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/25312205. (сслыка на стр. [2])
- ¹⁵ Clarke J., Braginski A. I. The SQUID Handbook. 2006. Vol. 2. Р. 1–634. ISBN: 9783527404087. (сслыка на стр. [2])
- ¹⁶ Resonance Fluorescence of a Single Artificial Atom / O. Astafiev, A. M. Zagoskin, A. A. Abdumalikov et al. // Science. 2010. Vol. 327, no. 5967. Р. 840–843. (сслыка на стр. [2])
- ¹⁷ Xia K., Vanner M. R., Twamley J. An opto-magneto-mechanical quantum interface between distant superconducting qubits. // Scientific reports. 2014. Vol. 4. Р. 5571. arXiv:1407.2324v1. (сслыка на стр. [2])
- ¹⁸ Schrieffer J. R., Tinkham M. Superconductivity // Reviews Of Modern Physics. 1999. Vol. 71. P. S313—S317. (сслыка на стр. [3])
- 19 Ginzburg V.L., Landau L.D. On the theory of superconductivity // Zh. Eksp. Teor. Fiz. 20, 1064. 1950. (сслыка на стр. [3])
- 20 Josephson B. Coupled Superconductors // Rev. Mod. Phys. 1964. Vol. 36. Р. 216—220. (сслыка на стр. [3])
- ²¹ Golubov A. A., Kupriyanov M. Y., Il'Ichev E. The current-phase relation in Josephson junctions // Reviews of Modern Physics. 2004. Vol. 76. P. 411–469. (сслыка на стр. [4])
- ²² Quantum theory of three-junction flux qubit with non-negligible loop inductance: Towards scalability / T. Robertson, B. Plourde, P. Reichardt et al. // Physical Review B.— 2006.— Vol. 73, no. 17.— P. 174526.— URL: http://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevB.73.174526. (сслыка на стр. [6])