#### Kawasaki Quantum Summer Camp 2025

## 量子機械学習

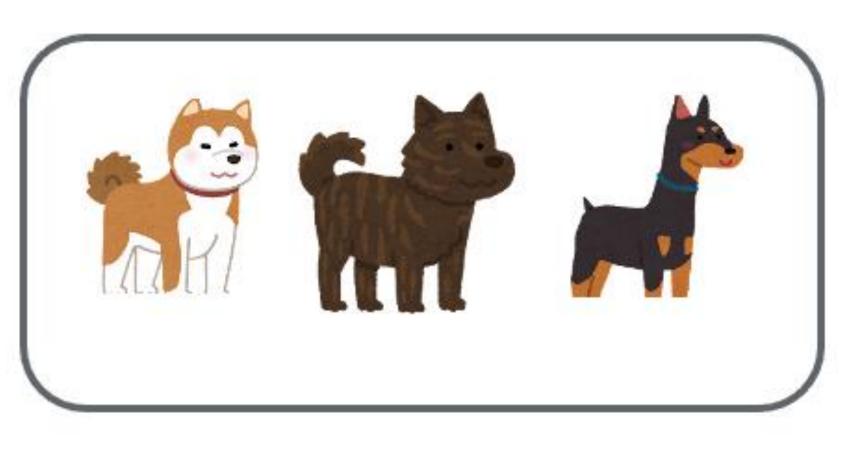
Jul 31, 2025

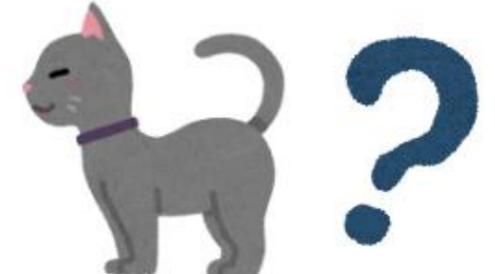
沼田祈史 Kifumi Numata IBM Quantum



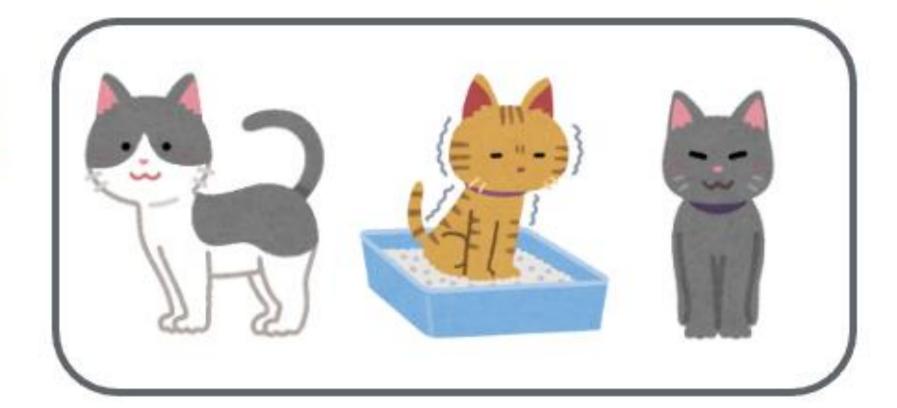




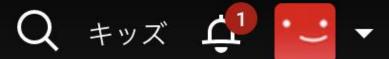






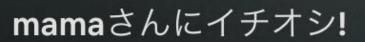


ホーム TV番組・ドラマ 映画 新作&人気作 マイリスト 言語別に検索



















あなたにピッタリのオススメ作品

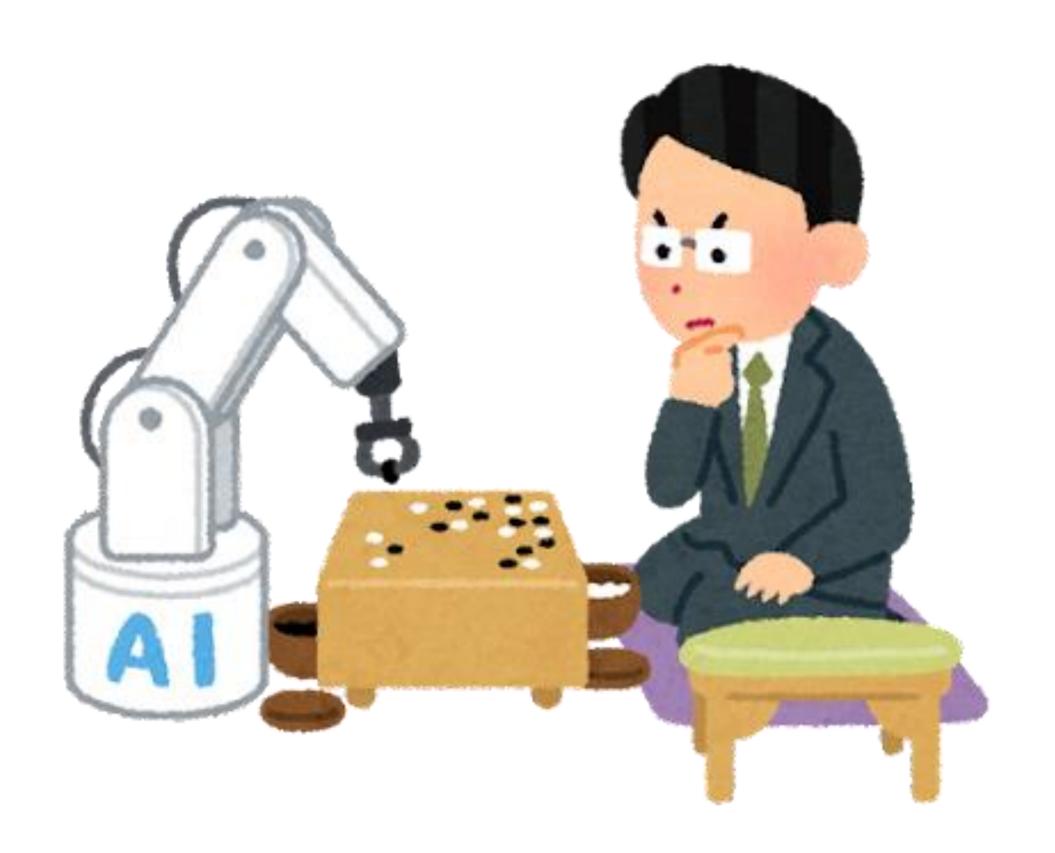






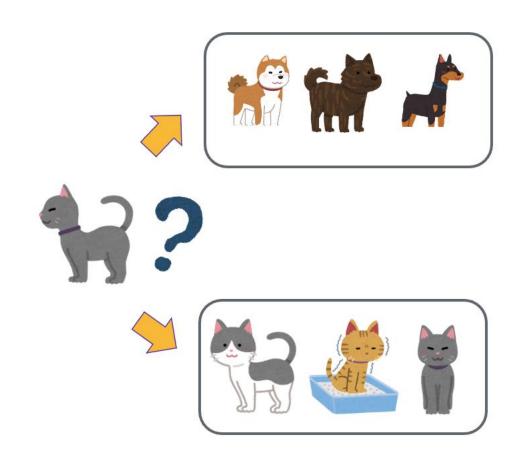






## 機械学習

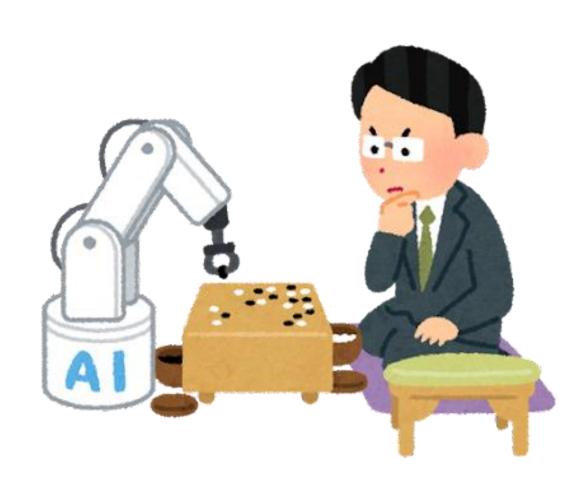
#### 教師あり学習



#### 教師なし学習



#### 強化学習

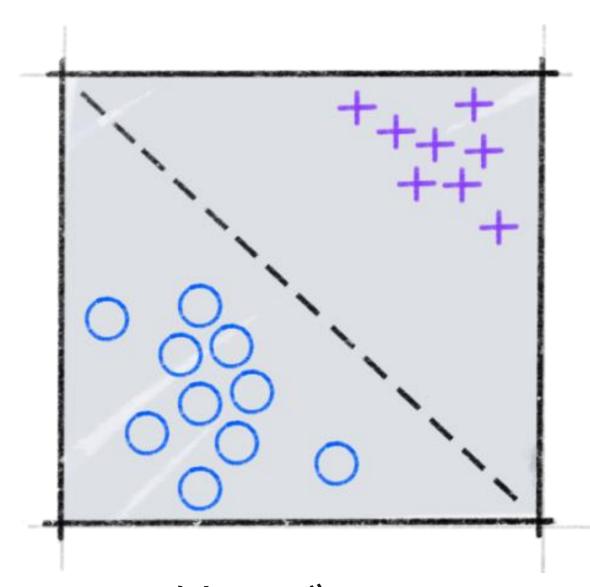


猫や犬の写真がラベル付けされた集合から、新しい猫や犬の写真を識別する。

映画の視聴履歴に基づいて視聴 者をグループ分けし、新しい映 画を推薦する。 囲碁のプレイ方法をアルゴリズムで学習する。

## 機械学習

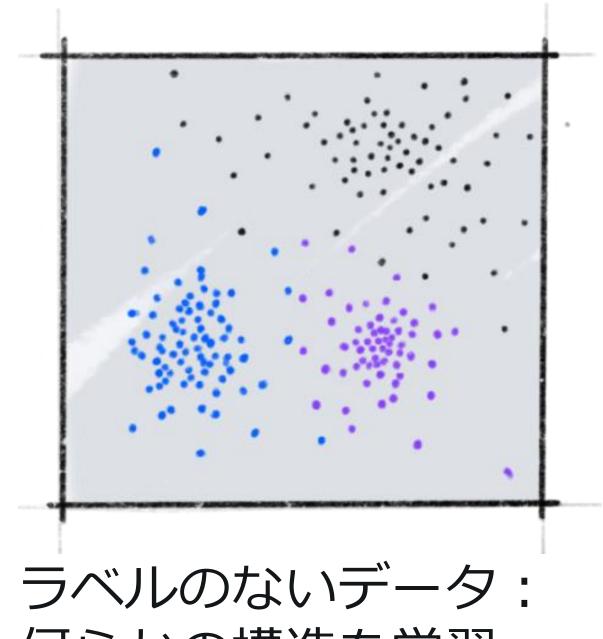
#### 教師あり学習



ラベル付きデータ  $(x_i, y_i)$ : マッピングする関数y = f(x)を 学習。

猫や犬の写真がラベル付け された集合から、新しい猫 や犬の写真を識別する。

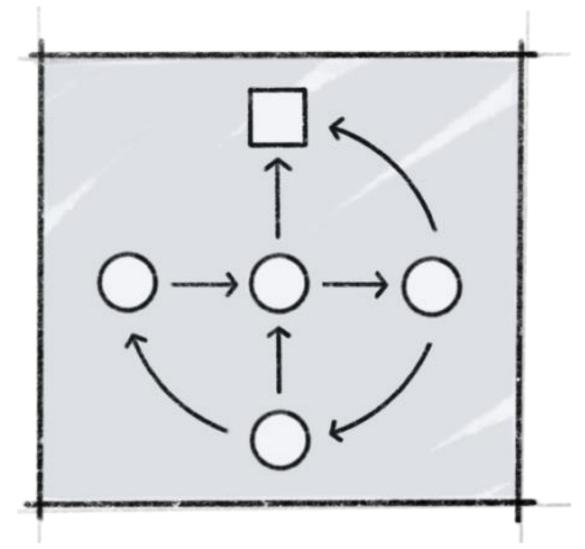
#### 教師なし学習



何らかの構造を学習。

映画の視聴履歴に基づいて視聴 者をグループ分けし、新しい映 画を推薦する。

#### 強化学習

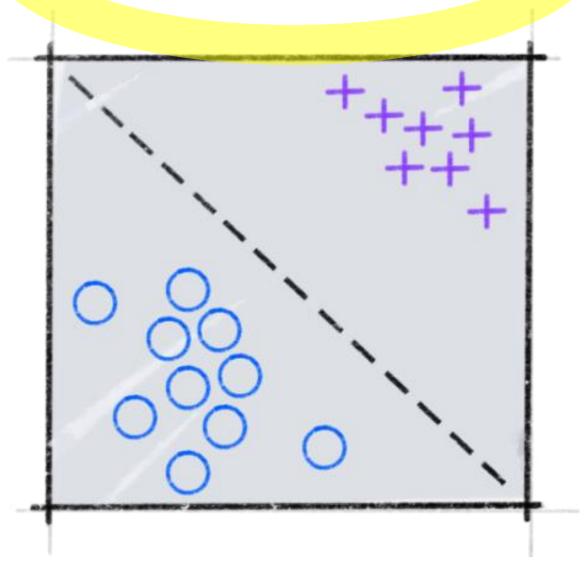


行動に応じて報酬が得られる環 境で、期待される報酬を最大 化。

囲碁のプレイ方法をアルゴリズ ムで学習する。

## 機械学習

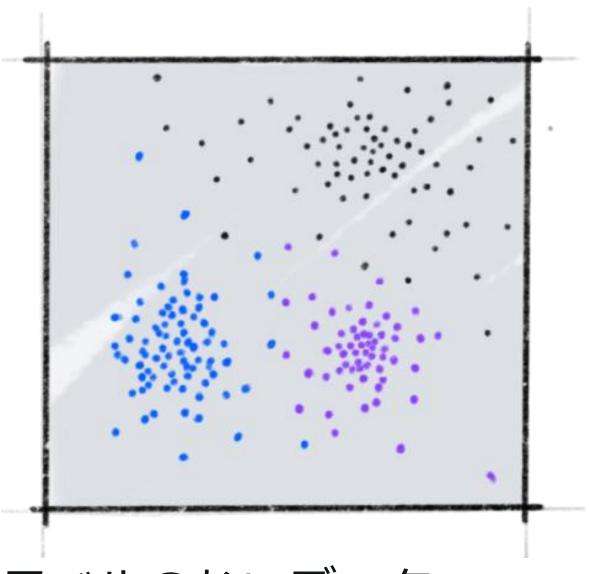
#### 教師あり学習



ラベル付きデータ  $(x_i, y_i)$ : マッピングする関数y = f(x)を 学習。

例) 猫や犬の写真がラベル付けされた 集合から、新しい猫や犬の写真を識別す る。

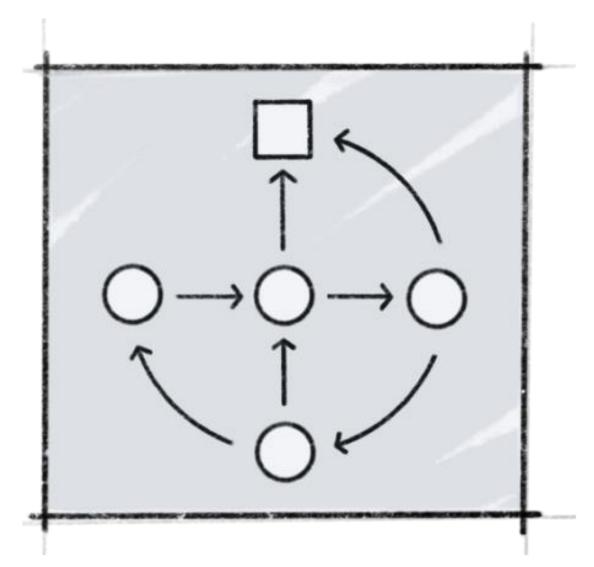
#### 教師なし学習



ラベルのないデータ: 何らかの構造を学習。

例)映画の視聴履歴に基づいて視聴者をグループ分けし、新しい映画を推薦する。

#### 強化学習



行動に応じて報酬が得られる環境で、期待される報酬を最大化。

例) 「パックマン」のプレイ方法をアルゴリズムで学習する。

## イチゴとリンゴをどうやってコンピューターは 見分けるのでしょうか?

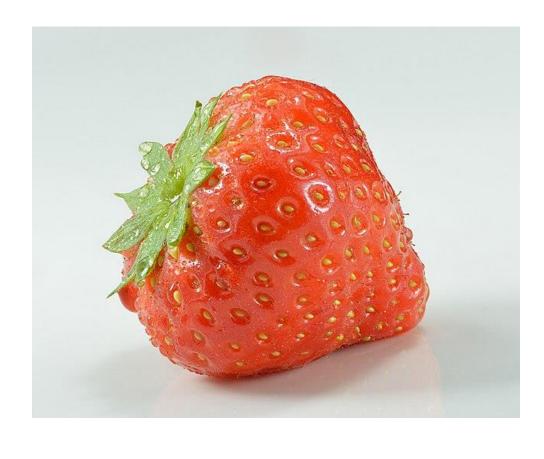












## 特徴をもとに判別しています。イチゴとリンゴを区別する特徴は何でしょう?



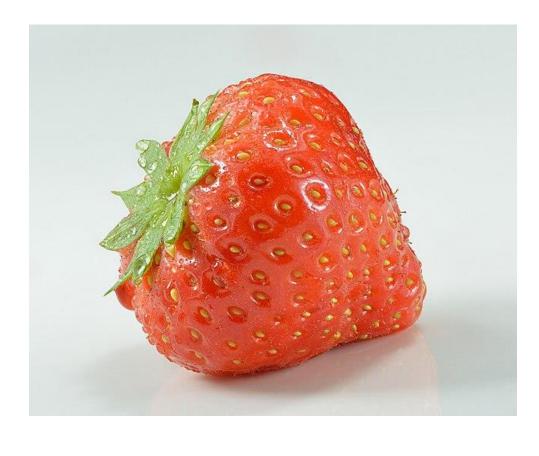






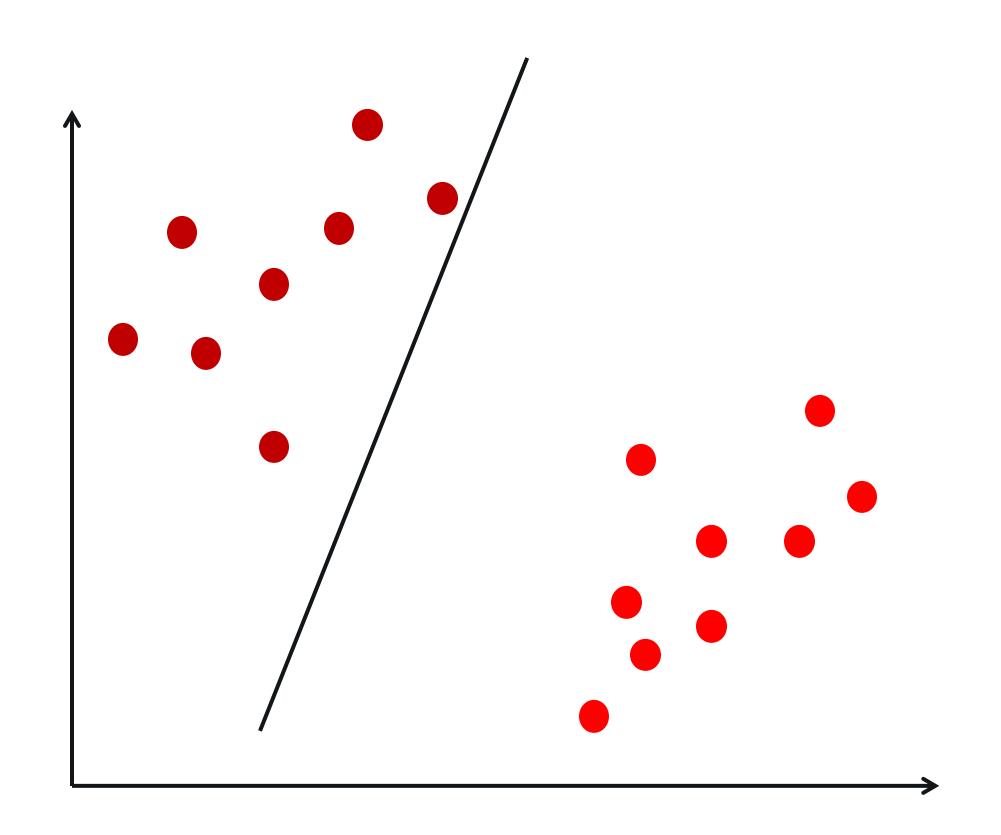


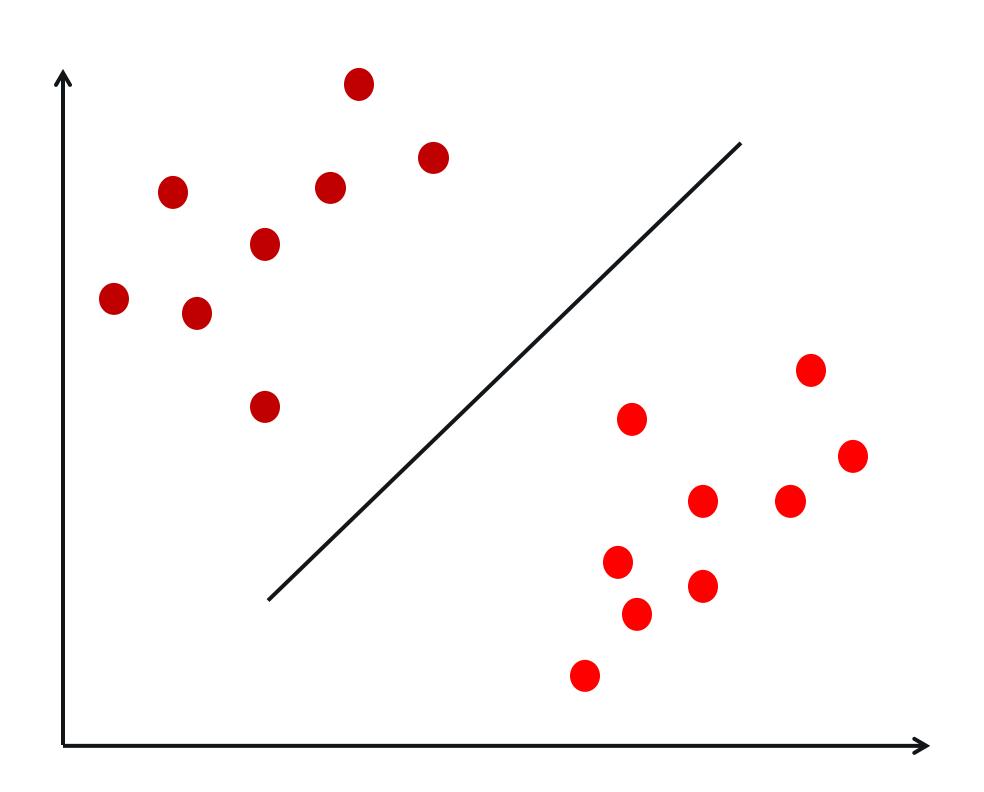




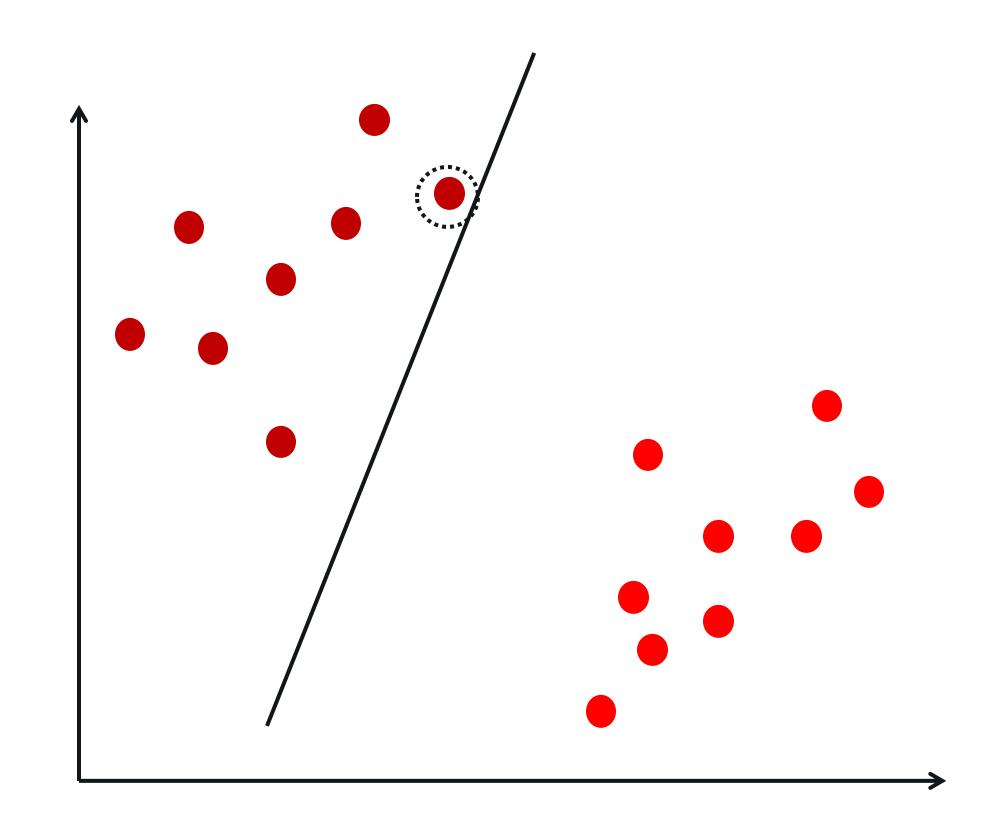
# イチゴとリンゴ 丸しり とがって すべすべ ぶつぶつ

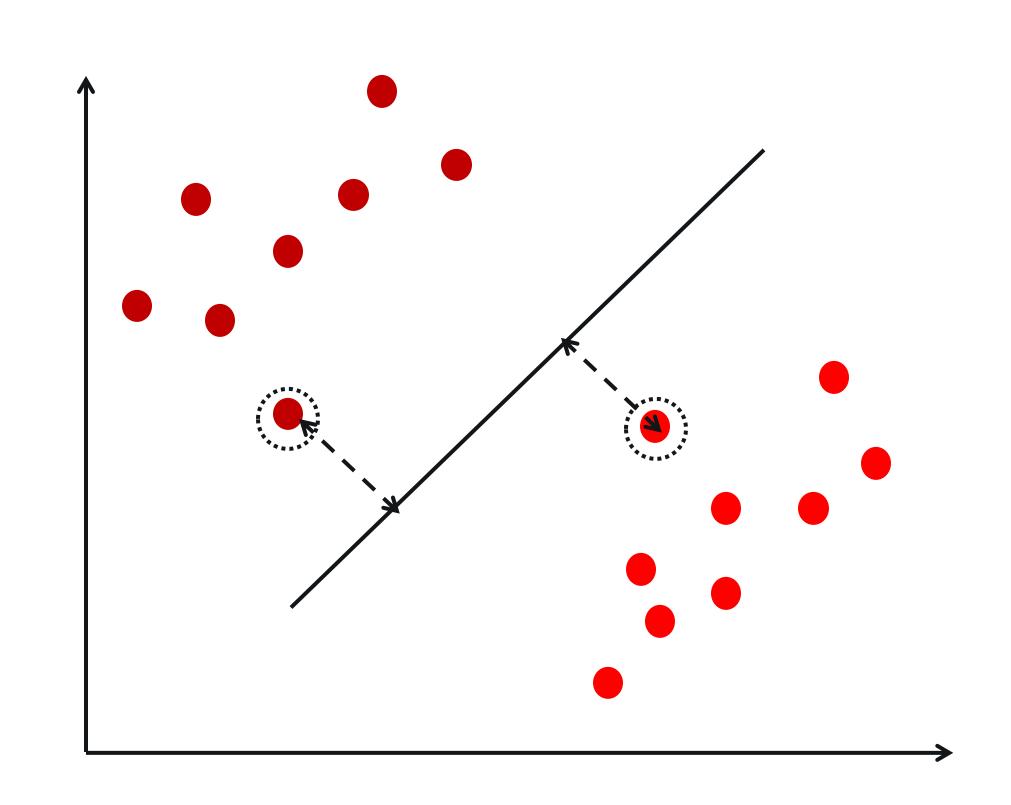
## どちらの方がよく分類できているでしょうか?





## 右図の方が境界線と最も近いデータ点との距離が長い



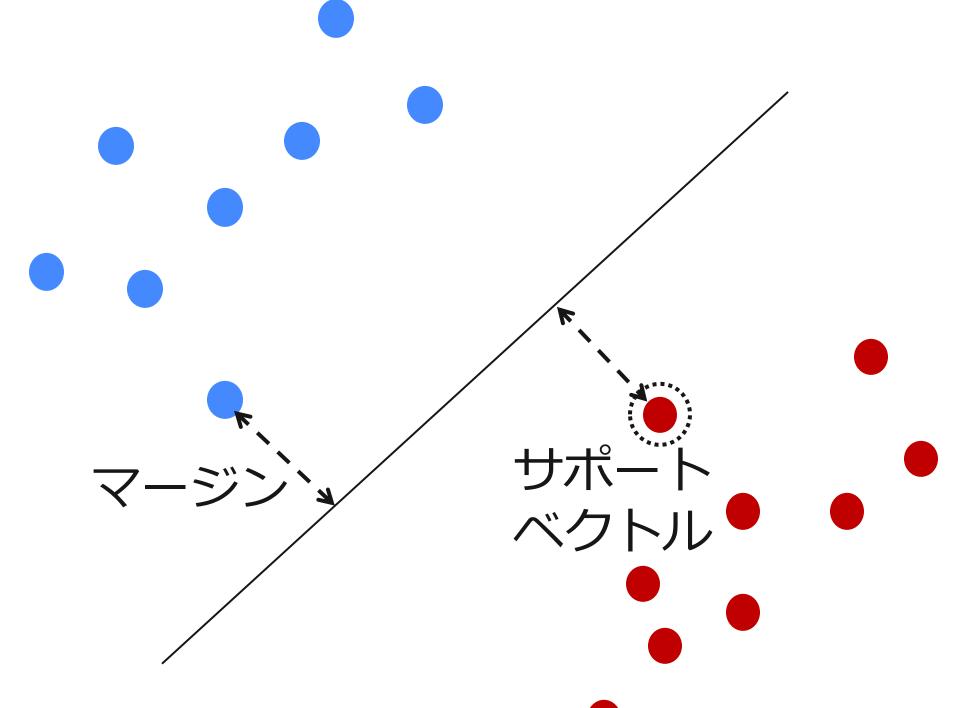


より安定した分け方

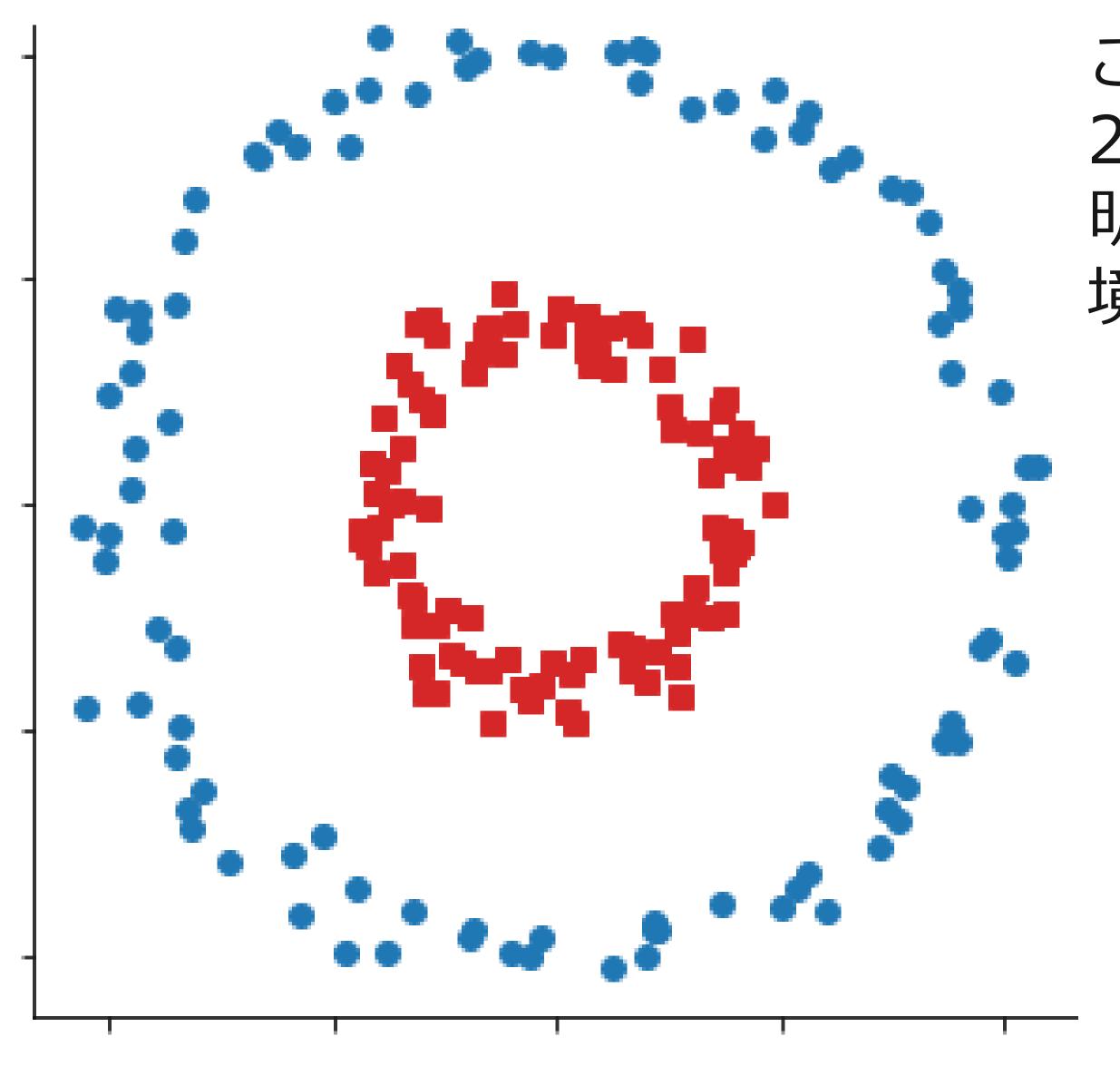
## SVM(サポートベクターマシン) とは

データを2つのグループに分ける手法(2値分類)

- グループ間の境界面を定める分析手法
- ・マージン(境界線と最近接データ点との距離)をできるだけ大きく取るように最適化 。

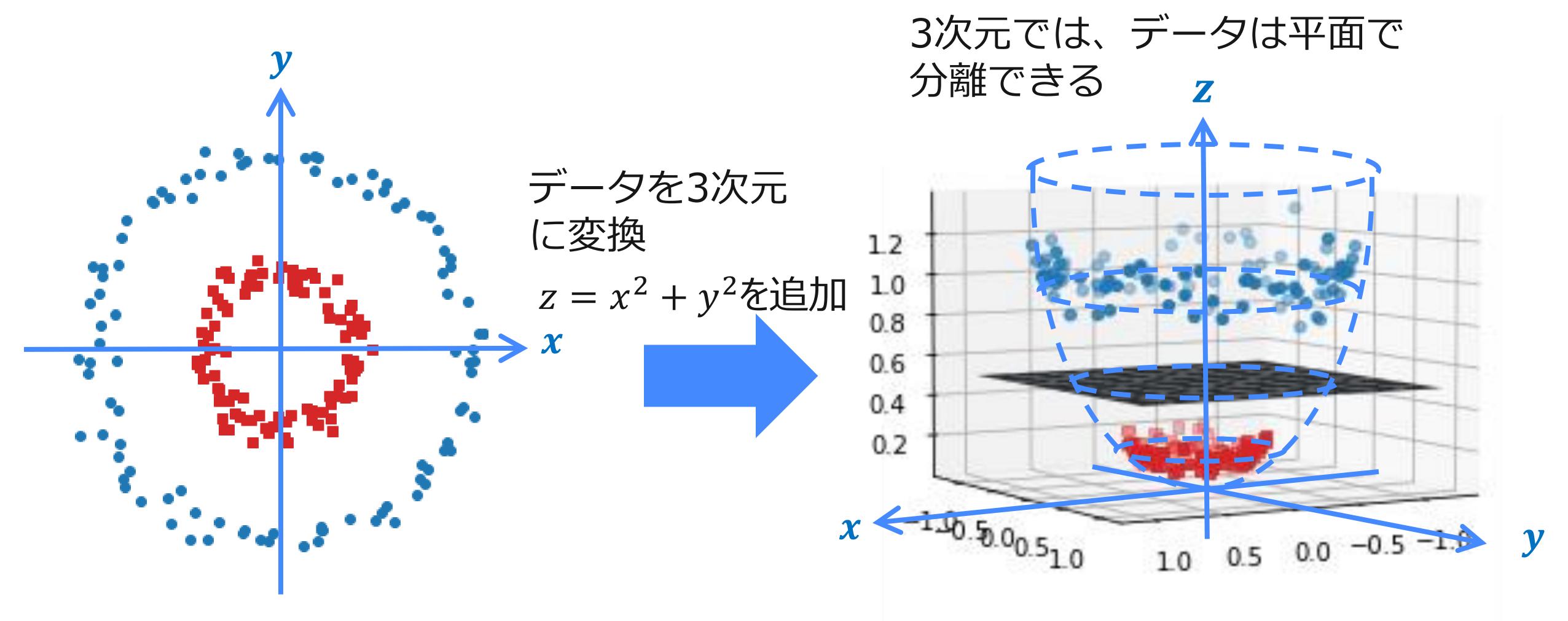


## 直線で分けられないデータの場合



このようなデータセットは、 2グループに分けられることは 明らかですが、 境界線が直線にはなりません。 (線形に分離できないといいます)

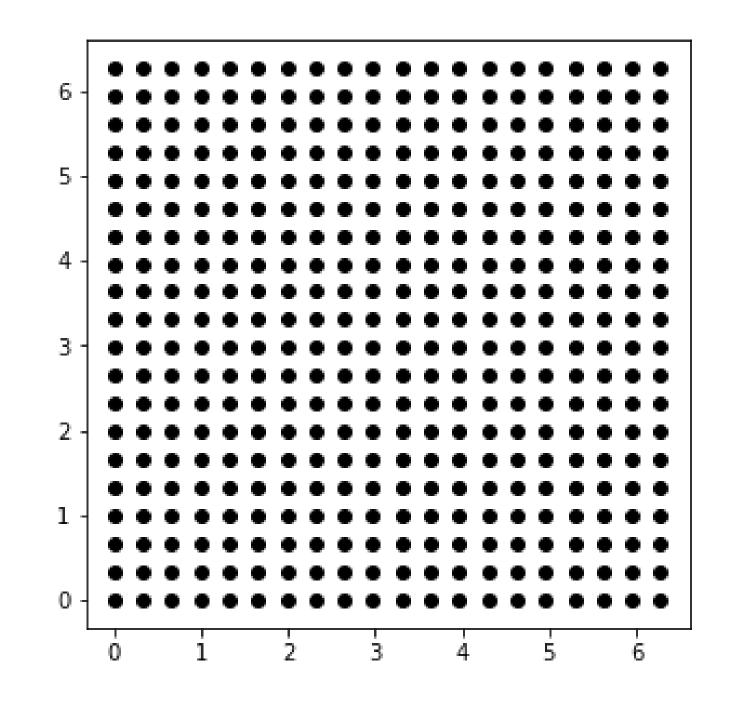
## データマッピングで分類



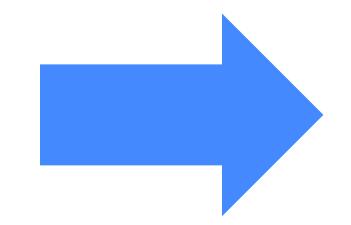
特徴量を高次元化(特徴量マッピング)することで、平な(線形な)境界面で切り分けることができます。

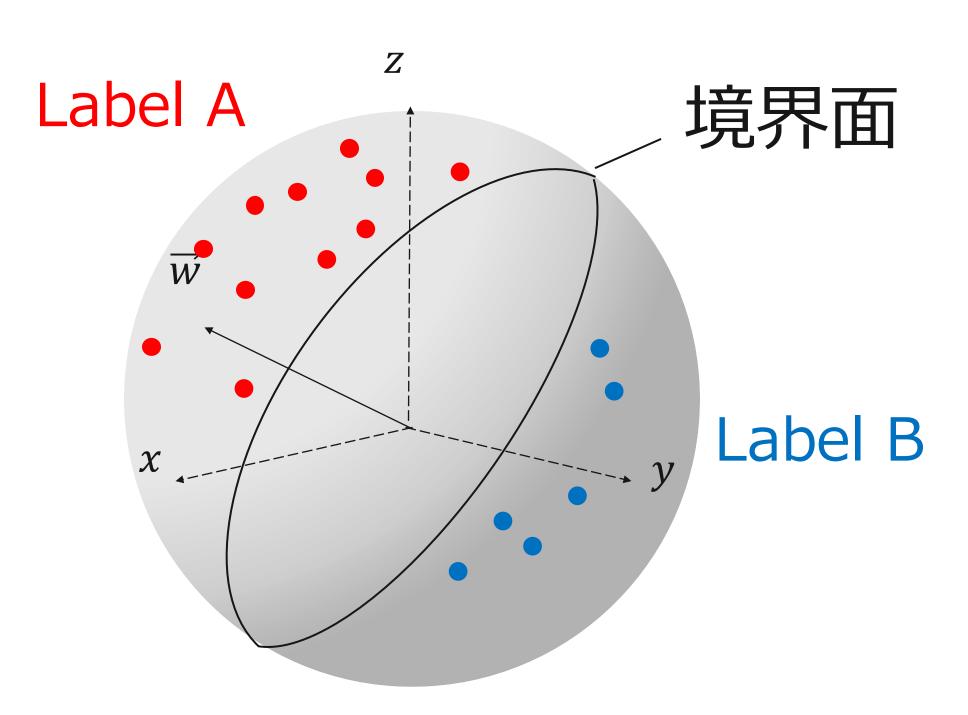
## 量子SVM(サポートベクターマシン)

特徴量を量子空間に特徴量マッピングすることで、線形な境界面で切り分けます。







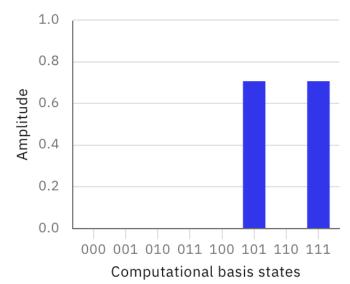


## データを量子機械学習のために符号化する手法(代表的なもの)

#### 1. 計算基底符号化

例) データセット
$$X = \{x_1 = 101, x_2 = 111\}$$

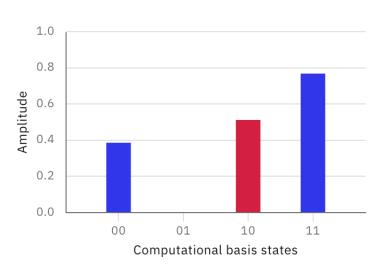
量子状態
$$|x\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|101\rangle + |111\rangle)$$



#### 2. 振幅符号化

例) 
$$X = \{x_1 = (1.5, 0), x_2 = (-2, 3)\}$$

例) 
$$X = \{x_1 = (1.5,0), \quad x_2 = (-2,3)\}$$
 
$$|x\rangle = \frac{1}{\sqrt{15.25}}(1.5|00\rangle - 2|10\rangle + 3|11\rangle)$$



#### 3. 角度符号化

例) データポイント
$$x = (x_1, x_2)$$

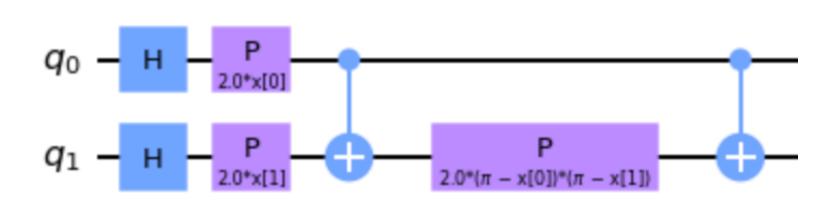


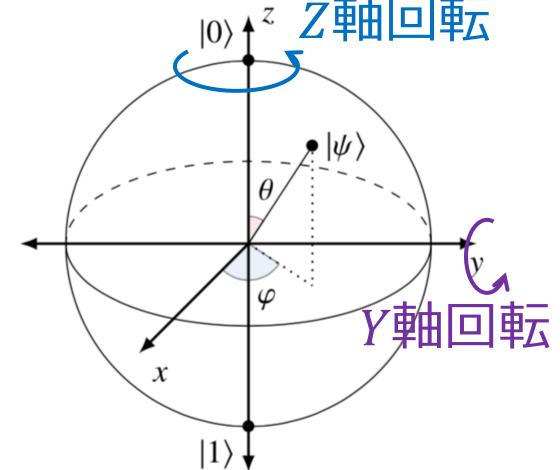
$$S_x = RY(x_1) \otimes RY(x_2)$$

#### 4. 角度符号化の応用

例) 
$$x = (x_1, x_2)$$

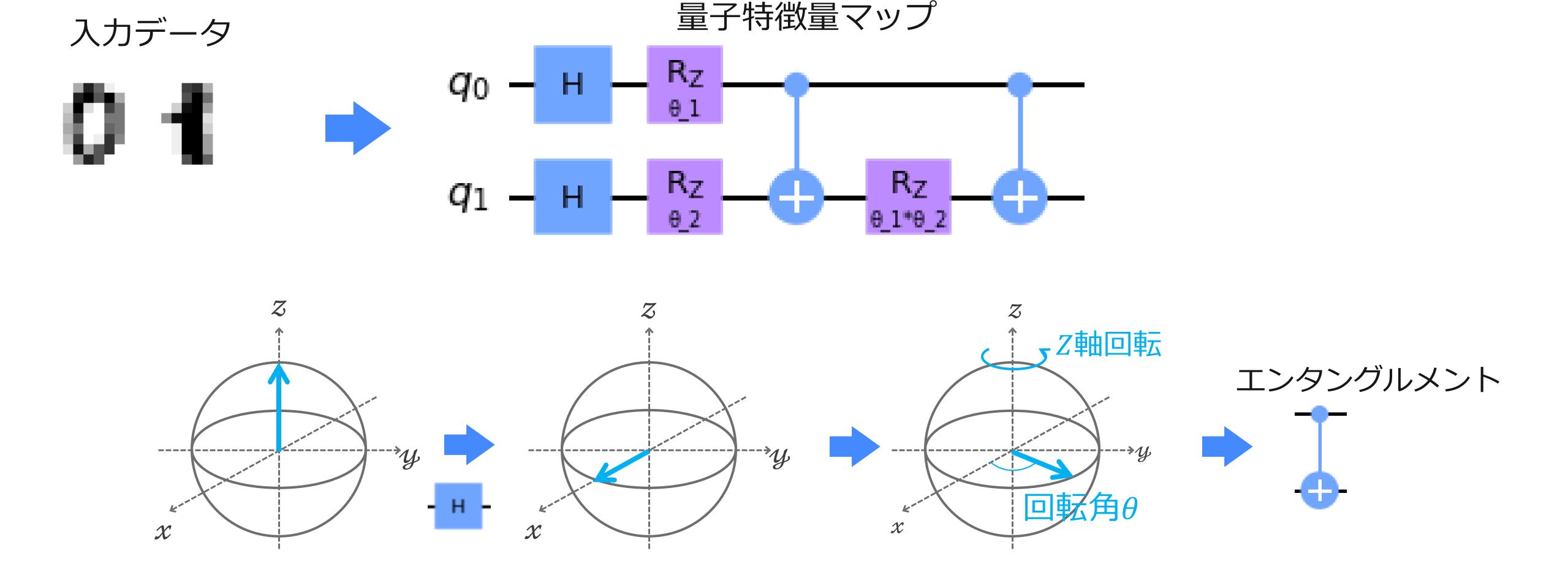






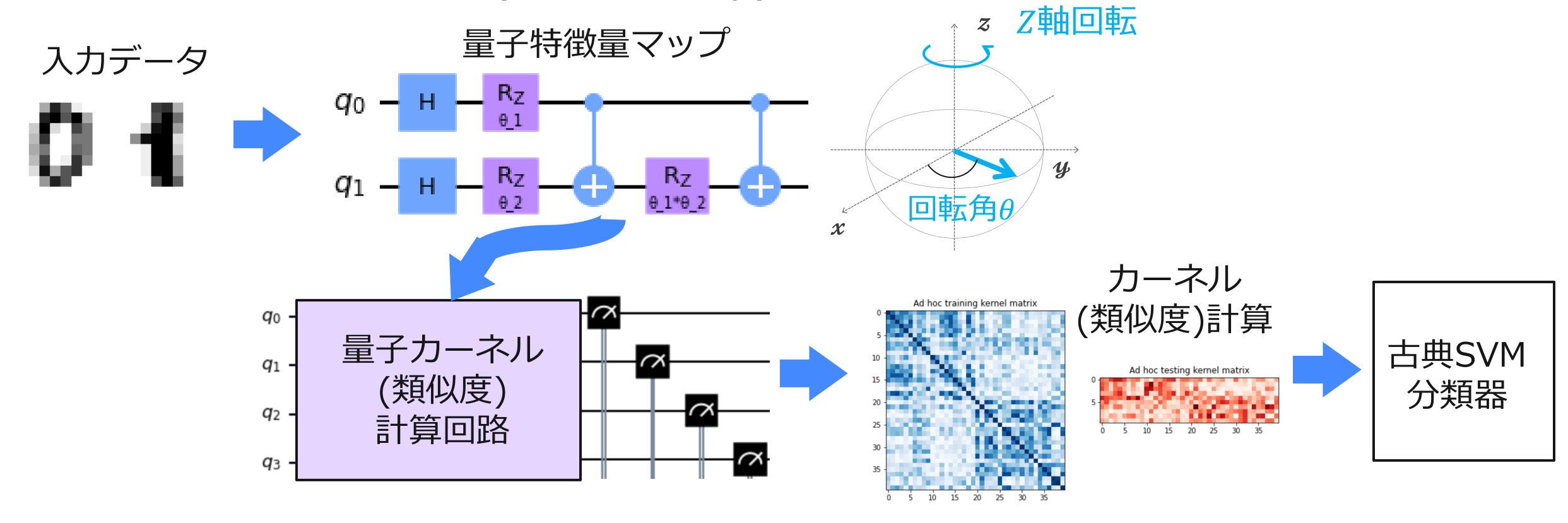
## 量子力一ネルSVM

データを量子データにエンコード(符号化)する際に、 パラメーター(量子ゲートの回転角 $\theta$ )を使った、角度符号化の応用の **量子特徴量マップ(Feature Map)**を使って、回転角 $\theta$ の部分にデータを入れます。



## 量子力一ネルSVM

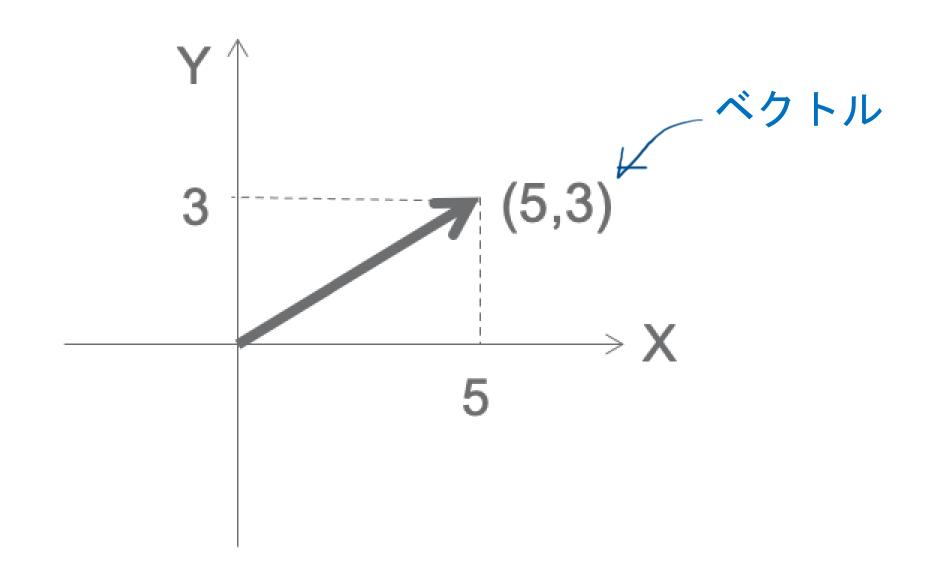
データを量子特徴量マップ(Feature Map)でエンコードした後、



量子回路で量子カーネル(類似度)の計算を行い、 量子カーネルを使って、古典SVM計算(線形な境界面で分ける2値分類)で学習・分類を 行います。

#### ベクトルとは

「大きさ」と「向き」を持った量です。



ベクトルは、数が横や縦に一列に並んだ形 をしています。

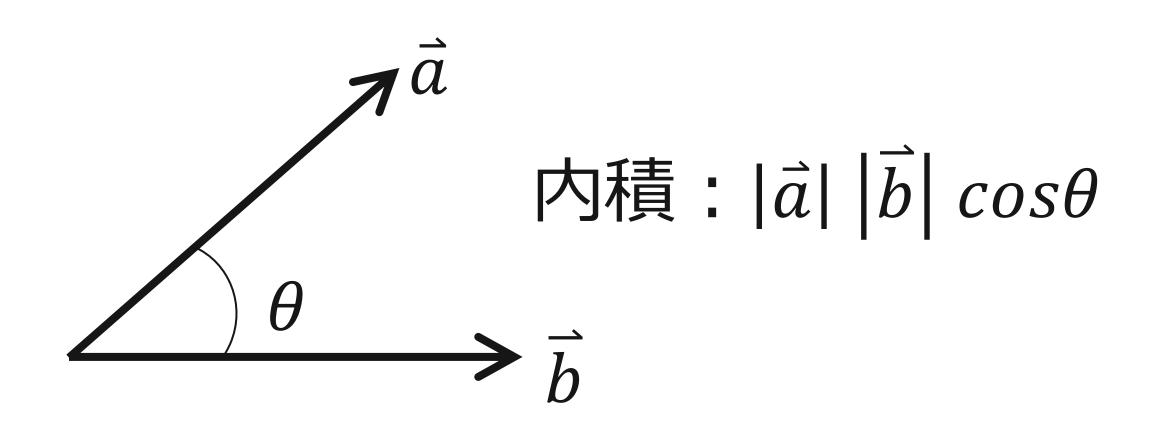
横ベクトルの例 
$$縦ベクトルの例$$
  $(5 3)$   $\begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$ 

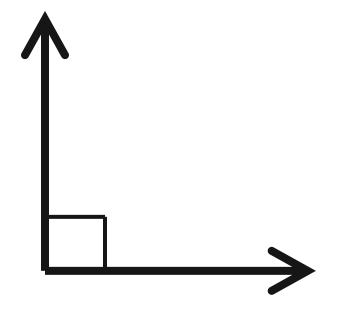
ベクトルを拡張して、数を長方形の形に並べたものが行列です。

#### 行列の例

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

## カーネル(類似度)計算は、ベクトルの内積の発展形



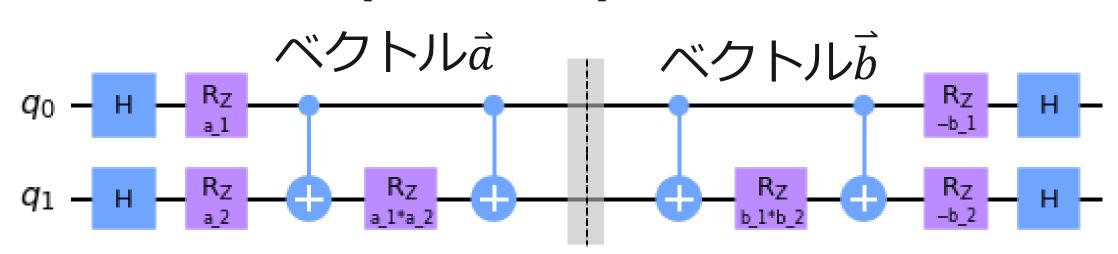


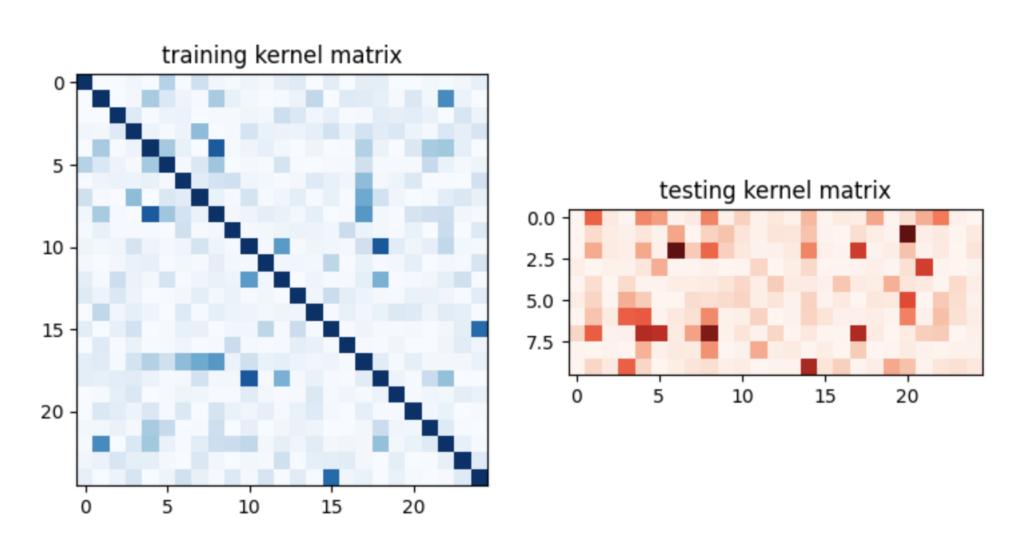
直行した ベクトルの 内積は0



自分自身との内積は1

#### カーネル(類似度)行列

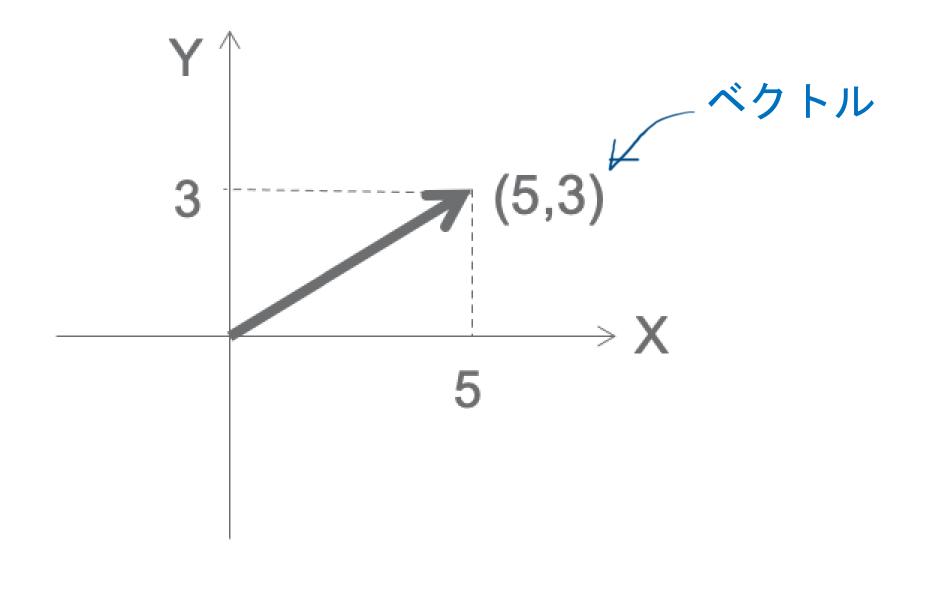


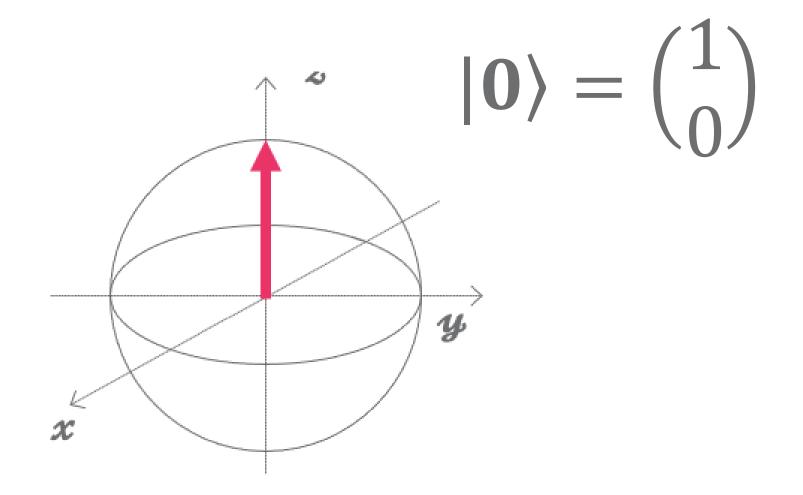


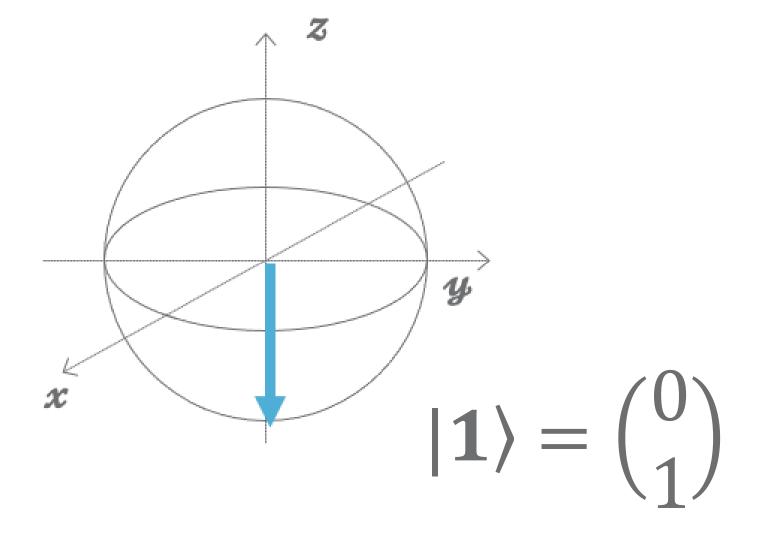
全く違う特徴:0(白)同じ特徴:1(濃紺/赤)

#### ベクトルとは

「大きさ」と「向き」を持った量です。







### 量子計算は、ベクトルと行列の計算

$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad |1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$q - H - H - H |0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.707 \\ 0.707 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \ (|0\rangle + |1\rangle)^{-1}$$

#### 行列と縦ベクトルの積

- 黄色の行と青色の列の成分を1つずつかけて、全てたし合わせて、ベクトルの一つの成分(緑色)となる。

$$\begin{pmatrix} a_{11} & \cdots & a_{1n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & \cdots & a_{mn} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} v_1 \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11}v_1 + \cdots + a_{1n}v_n \\ \vdots & \cdots & \vdots \\ a_{m1}v_1 + \cdots + a_{mn}v_n \end{pmatrix}$$

## (高度な内容) 量子計算は、ベクトルと行列の計算

$$\begin{array}{c} q_0 - H - \\ = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) \otimes \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle + |1\rangle) &= \frac{1}{2}(|00\rangle + |01\rangle + |10\rangle + |11\rangle) \\ = \frac{1}{2}\left(\begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix} \otimes \begin{bmatrix}1\\1\end{bmatrix}\right) = \frac{1}{2}\begin{bmatrix}1\\1\\1\end{bmatrix} = \frac{1}{2}\left(\begin{bmatrix}1\\0\\0\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}0\\1\\0\\0\end{bmatrix} + \begin{bmatrix}0\\0\\1\end{bmatrix}\right) + \begin{bmatrix}0\\0\\0\\1\end{bmatrix} \end{array}$$

$$\frac{q_{0} - H}{q_{1}} = \frac{1}{\sqrt{2}} |00\rangle + \frac{1}{\sqrt{2}} |11\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1\\0\\0\\1 \end{pmatrix}$$

ベクトルとベクトルのテンソル積:左側のベクトルの成分に右側のベクトルをかける。

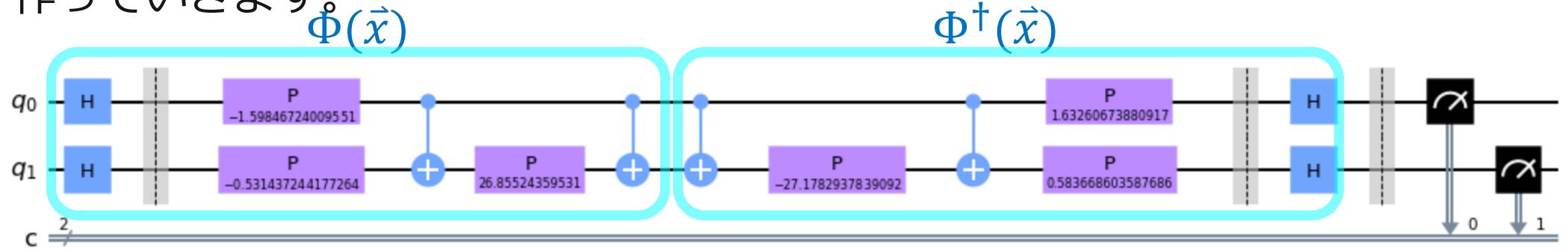
#### ポイント:

#### 量子状態はベクトル!

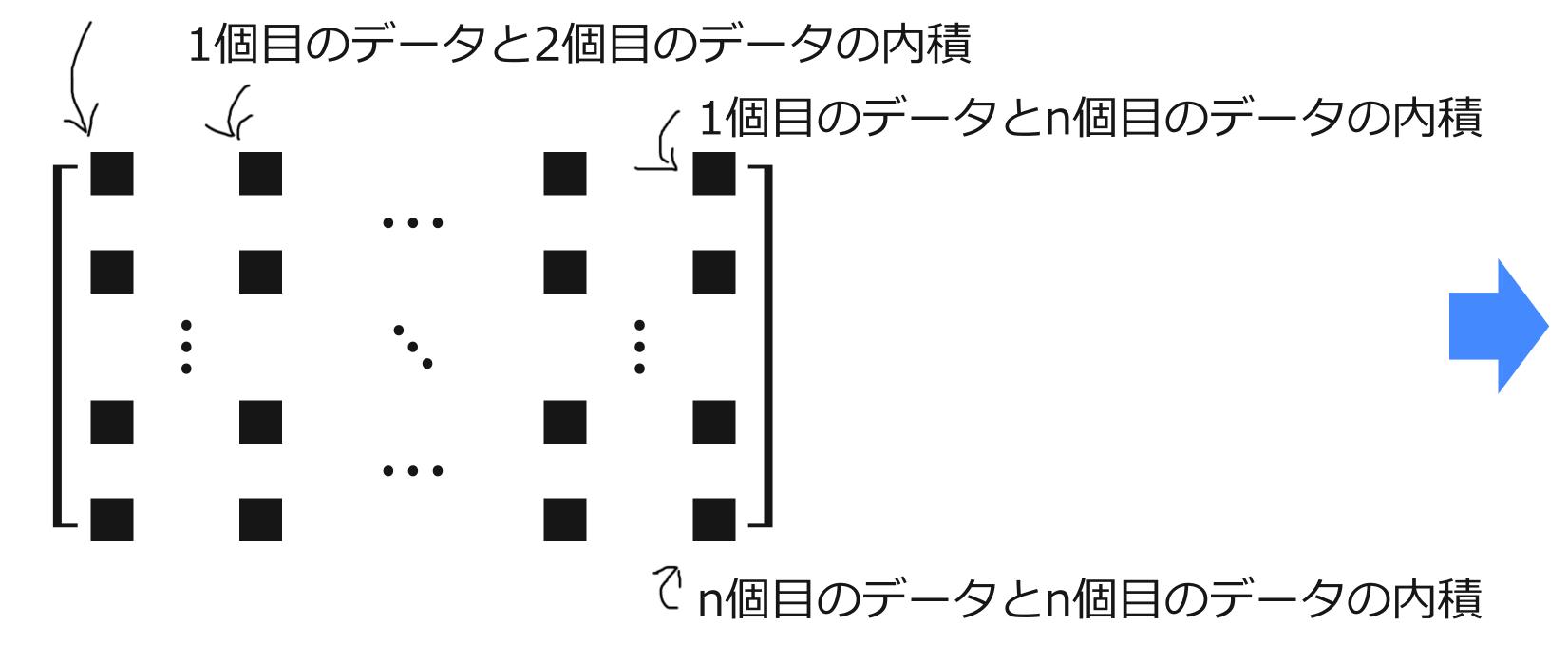
$$\begin{pmatrix} v_1 \\ \vdots \\ v_n \end{pmatrix} \otimes \begin{pmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} v_1 \begin{pmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \end{pmatrix} \\ \vdots \\ v_n \begin{pmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_n \end{pmatrix}$$

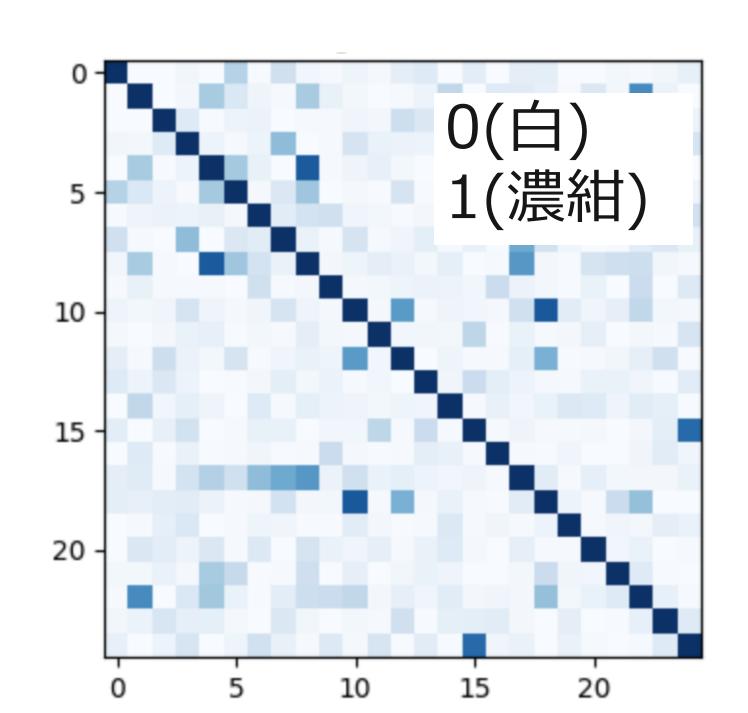
### 量子力一ネル

各データ対に対して内積(量子カーネル  $\langle \Phi(\vec{x})|\Phi(\vec{x})\rangle$ )を計算、測定してカーネル行列を作っていきます。  $\Phi^{\dagger}(\vec{x})$ 



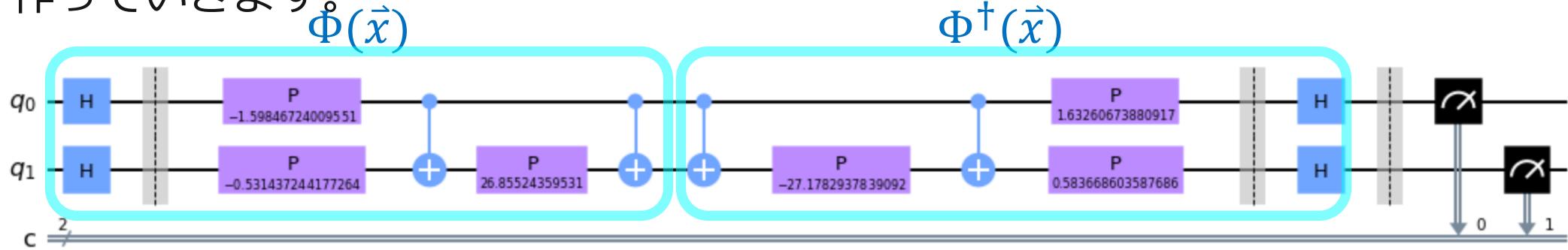
1個目のデータと1個目のデータの内積





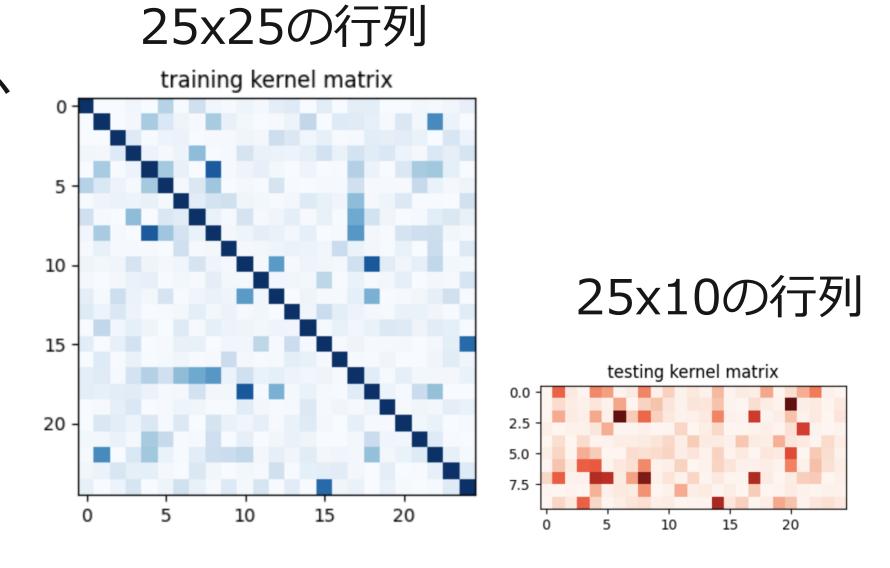
#### 量子力一ネル

各データ対に対して内積(量子カーネル  $\langle \Phi(\vec{x})|\Phi(\vec{x})\rangle$ )を計算、測定してカーネル行列を作っていきます。  $\Phi^{\dagger}(\vec{x})$ 



今回は、25個の学習データと10個のテストデータに対して、 以下を計算します:

- 学習データ同士 (例:25x25の行列)
- 学習データとテストデータ(例:25x10の行列)



## 演習

手書き文字(数字)データで量子カーネルを使った機械学習を学んだ後、洋服の画像について、学習分類を行ってみます。

