IAL – 8. přednáška

Řazení II.

12. a 13. listopadu 2024

Obsah přednášky

- Řazení polí na principu vkládání
 - Bubble-insert sort
 - Binary-insert sort
- Řazení na principu rozdělování
 - Quick sort
 - Shell sort
- Řazení na principu slučování
 - Merge sort
 - Sequence-merge sort
 - List-merge sort
 - Tim sort
- Radix sort

Řazení na principu vkládání

- Řazení vkládáním (insert) se podobá mechanismu, kterým hráč karet bere postupně karty ze stolu a vkládá je do uspořádaného vějíře v ruce.
- Pole dělíme na dvě části:
 - Levou seřazenou a pravou neseřazenou.
 - Levou část tvoří na začátku první prvek.
- Algoritmus řazení má následující strukturu:

```
for i ← (1, MAX-1):
    // najdi v levé části index k, kam se má zařadit prvek A[i]
    // posuň část pole od k do i-1 o jednu pozici doprava
    // vlož na A[k] hodnotu zařazovaného prvku
```

Bubble-insert sort

- Metoda bublinového vkládání
- Kombinuje vyhledání místa pro vkládání i posun segmentu pole do jednoho cyklu:
 - Postupným porovnáváním a výměnou dvojic prvků.

Pozn.: Tato metoda řazení odpovídá dříve zmíněné metodě Shuttle sort, která byla odvozena od Bubble sortu (tedy od metody založené na principu výběru). Postup řazení ale odpovídá spíše principu vkládání.

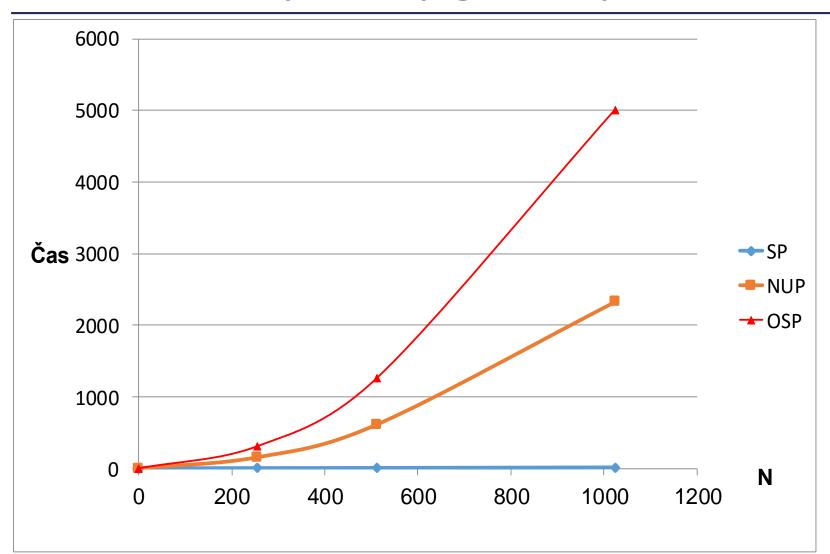
Bubble-insert sort

Bubble-insert sort – zhodnocení

- Metoda je stabilní je vhodná pro vícenásobné řazení podle více klíčů.
- Chová se přirozeně a pracuje in situ.
- Má kvadratickou časovou složitost.
- Experimentálně byly naměřeny tyto hodnoty:

N	256	512	1 024
SP	4	6	14
NUP	156	614	2 330
OSP	312	1 262	5 008

Bubble-insert sort – naměřené výsledky graficky



Binary-insert sort

- Vkládání s binárním vyhledáváním.
- Pro vložení prvku vyhledáváme místo v seřazené posloupnosti – lze využít binární vyhledávání.
- V případě shodných klíčů musí metoda nalézt místo za nejpravějším ze shodných klíčů – varianta Dijkstrovy metody binárního vyhledávání.

Binary-insert sort

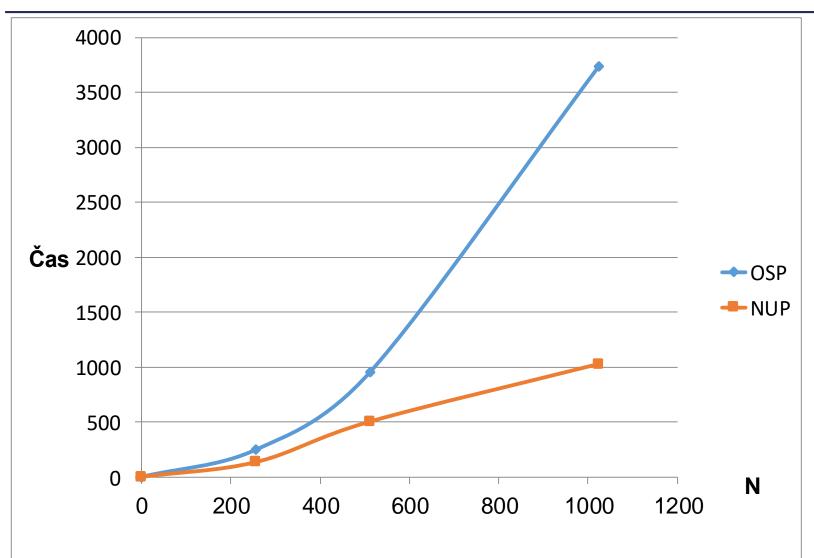
```
procedure BinaryInsertSort (TArray A)
  for i \leftarrow (1, MAX-1):
    tmp \leftarrow A[i]
    left \leftarrow 0
                               // hranice již seřazené části
    right ← i-1
    while left ≤ right:
                                     // binární vyhledání
       m \leftarrow (left+right) div 2
       if tmp < A[m]:
         right ← m-1
       else:
         left \leftarrow m+1
                                  // ale skončíme těsně za
    for j \leftarrow (i-1, left)^{-1}:
         A[j+1] \leftarrow A[j] // posun segmentu pole doprava
    A[left] ← tmp // prvek z pozice i na své místo
```

Binary-insert sort zhodnocení

- Metoda je stabilní.
- Chová se přirozeně a pracuje in situ.
- Má kvadratickou časovou složitost.
- Binární vyhledávání vkládací princip výrazně nevylepšilo:

N	256	512	1 024
NUP	134	502	1 024
OSP	248	956	3 736

Binary-insert sort – naměřené výsledky graficky



Řazení rozdělováním – Quick sort

- Princip: Představme si algoritmus, který umí (rychle) rozdělit množinu položek na dvě podmnožiny:
 - jedna by obsahovala všechny prvky s klíčem menším (nebo rovným) jisté hodnotě
 - druhá by obsahovala všechny prvky s klíčem větším (nebo rovným) téže hodnotě

13	12	6	10	2	5	15	9	
	klíče	2 – 9		ı	klíče 1	0 – 15		
2 -	- 5	6 – 9		10 -	10 – 12 13		- 15	
2	5	6	9	10	12	13	15	

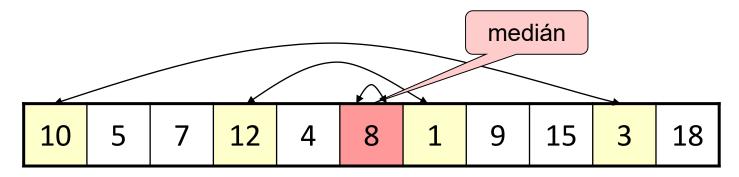
- Postupnou aplikací tohoto algoritmu na každou získanou podmnožinu, která obsahuje více než 1 prvek, lze získat seřazenou množinu.
- Mechanismu rozdělení říkáme partition.

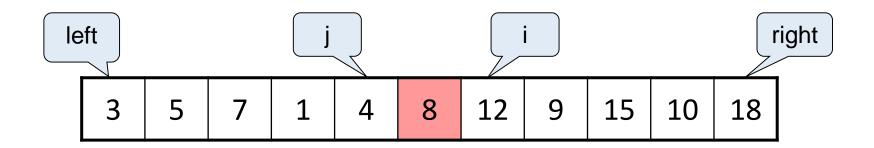
Mechanismus rozdělení – partition

- Medián prvek z množiny hodnot, pro který platí:
 - Polovina prvků je menší než medián.
 - Polovina prvků je větší než medián.
- Při znalosti mediánu je snadné implementovat proceduru partition, která rozdělí pole na dvě části:
 - Procházíme pole současně zleva (index i) a zprava (index j).
 - Zleva hledáme prvek větší nebo roven mediánu, zprava prvek menší nebo roven mediánu.
 - Nalezené prvky vyměníme a hledáme další prvky pro výměnu.
 - Proces ukončíme až se dvojice indexů překříží.
 - i a j jsou návratové hodnoty funkce, definující intervaly left..j (prvky menší nebo rovny mediánu) a i..right (prvky větší nebo rovny mediánu).
- Problém: nalezení mediánu.

Mechanismus rozdělení – partition

(int, int) function partition (TArray A, int left, int right)





Quick sort – rekurzivní zápis

```
procedure QuickSort (TArray A, int left, int right)
// Při volání má left hodnotu 0 a right hodnotu MAX-1

i, j ← partition(A, left, right)
if left < j:
   QuickSort(A, left, j) // Rekurze doleva
if i < right:
   QuickSort(A, i, right) // Rekurze doprava</pre>
```

Mechanismus partition I.

- Protože hledání mediánu je časově náročné, použijeme tzv. pseudomedián:
 - Libovolná hodnota z daného souboru čísel
 - Vhodnou hodnotou je číslo ze středu intervalu: (left+right) div 2
 - Experimentálně je prokázáno, že toto číslo splní svou roli velmi podobně jako medián.
- Abychom nemuseli při hledání hodnot pro výměnu kontrolovat hranice pole, používáme pseudomedián jako zarážku:
 - Hledáme hodnoty menší/větší nebo rovny pseudomediánu.
 - Takto nemusíme kontrolovat hranice pole např. v případě, že pole bude naplněno stejnými čísly.
- Pozn.: Autorem uvedených postupů je C. A. R. Hoare, významná osobnost v oboru teorie a tvorby programů. Uvedené postupy jsou klíčem k rychlosti Quick sortu.

Mechanismus partition I.

```
(int, int) function partition (TArray A, int left, int right)
 i ← left
                                    // inicializace i
 j ← right
                                    // inicializace j
 PM \leftarrow A[(i+j) \ div \ 2] // ustavení pseudomediánu
 do
   while A[i] < PM:
   · i ← i+1
                        // první i zleva, pro A[i]>=PM
   while A[j] > PM:
    j ← j-1
                        // první j zprava pro A[j]<=PM
   if i ≤ j:
       A[i] ↔ A[j] // výměna nalezených prvků
       i ← i+1
       j ← j-1
 while i ≤ j // konec, když se indexy i a j překříží
 return (i, j)
```

Mechanismus partition I.

- Pozn. 1: Na konci mechanismu partition je vždy i>j. Obvykle jsou to dvě sousední hodnoty, ale někdy mohou mít hodnotu ob jeden index.
- Pozn. 2: Bude-li jako pseudomedián vybráno minimum nebo maximum, pole se rozdělí na jeden prvek a zbytek.

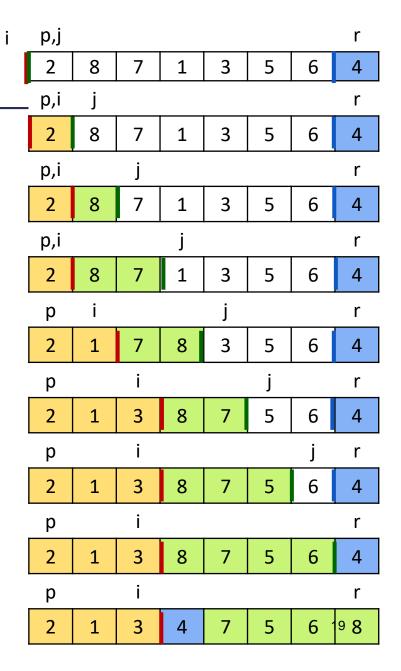
	0	1	2	3	4	5	6
	7	4	13	1	6	9	2
	1	4	13	7	6	9	2
,	T :	1 i	-	-			

Cílové hodnoty indexů:

- Pozn. 3: Existují různé varianty uvedeného mechanismu partition. Liší se především v následujících aspektech:
 - Volbou pseudomediánu první /poslední /prostřední / libovolný prvek.
 - Počtem hodnot, které mechanismus vrací 1 nebo 2 hodnoty.
 - Využitím pseudomediánu při výměnách prvků pseudomedián může být vyměňován s vhodnými prvky průběžně, nebo může být vyměněn s vhodným prvkem až na konci daného rozdělení prvků.

Mechanismus partition II.

- Jako pseudomedián (pivot) je volen nejpravější prvek
- Pole procházíme postupně zleva doprava (index j) a ve zpracované části udržujeme vlevo prvky menší nebo rovny pivotu (do indexu i) a vpravo prvky větší než pivot.
- Vždy když narazíme na prvek menší než pivot, vyměníme ho s prvním prvkem, který je větší než pivot
- Nakonec je pivot vyměněn s prvním prvkem části pole s prvky většími než pivot.
- Partition vrací index nové pozice pivota, rekurzivní volání pokračují vlevo a vpravo od tohoto prvku
- Méně efektivní než předchozí mechanismus.



Mechanismus partition II.

```
int function partitionII (TArray A, int left, int right)
  i ← left - 1
  PM \leftarrow A[right]
                               // ustavení pseudomediánu
  for j ← (left, right-1): // projdi pole zleva
    if A[j] \leq PM:
                         // menší musí do levé části
      i ← i+1
                     // za poslední prvek
      A[i] \leftrightarrow A[j] // výměna nalezených prvků
  A[i+1] \leftrightarrow A[right]
  return i+1
procedure QuickSortII (TArray A, int left, int right)
  if left < right:</pre>
    q ← partitionII (A, left, right)
    QuickSortII(A, left, q-1) // rekurze doleva
    QuickSortII(A, q+1, right) // rekurze doprava
```

Quick sort – nerekurzivní zápis

- Nerekurzivně můžeme Quick sort implementovat takto:
 - Využijeme zásobník.
 - Dva segmenty určené mechanismem partition zpracujeme tak, že jeden podrobíme dalšímu dělení a hranice druhého uložíme do zásobníku.
- Algoritmus sestává ze dvou cyklů:
 - Vnitřní cyklus provádí opakované dělení segmentu pole a uchovávání hraničních bodů druhého segmentu v zásobníku. Cyklus se ukončí, až není co dělit, a opakuje se vnější cyklus.
 - Vnější cyklus vyzvedne ze zásobníku hraniční body dalšího segmentu a vstoupí do vnitřního cyklu. Vnější cyklus se ukončí, když je zásobník prázdný a není žádný další segment k dělení.

Quick sort – nerekurzivní zápis

```
procedure NonRecQuicksort (TArray A, int left, int right)
  InitStack(s)
                              // uložení hranic celého pole
  Push (s, left)
  Push(s, right)
  while not IsEmpty(s):
                                             // vnější cyklus
    right \leftarrow Top(s)
                                   // čtení v opačném pořadí
    Pop(s)
    left \leftarrow Top(s)
    Pop(s)
    while left < right:
                                        // dokud je co dělit
      i, j ← Partition(A, left, right)
      Push(s,i)
                            // interval pravé části do zás.
      Push (s, right)
                            // pravý index pro další cyklus
      right ← j
```

Nerekurzivní Quick sort – velikost zásobníku

- Kapacita zásobníku musí být dostatečná pro nejhorší případ:
 - Pokud se vždy dělí levý segment a pravý se uchovává, nejhorší je případ, kdy se vždy segment rozdělí na jeden prvek a zbytek. Pak se musí uchovat n-1 dvojic indexů.
 - Alternativa: algoritmus bude dělit vždy menší segment a hranice většího uchová v zásobníku. Nejhorší případ nastane, když se interval vždy rozdělí na dva stejně velké segmenty. V tom případě je třeba zásobník dimenzovat na kapacitu log, n dvojic indexů.
 - *Příklad:* pokud by se řadilo pole obsahující 1000 prvků, pak v případě prvního algoritmu je zapotřebí zásobník o kapacitě 999 dvojic. Ve druhém případě, kdy se menší segment dělí a větší uchovává, stačí zásobník o kapacitě log, 1000, tj. 10 dvojic.

Quick sort – zhodnocení

- Quick sort patří mezi nejrychlejší algoritmy pro řazení polí.
- Quick sort je nestabilní a nepracuje přirozeně.
- Časová složitost je linearitmická pro vhodně zvolený pseudomedián.
- V nejhorším případě při špatné volbě pseudomediánu (vždy minimum nebo maximum), je časová složitost kvadratická.
 - zlepšení volby pseudomediánu výběr mediánu ze tří náhodně vybraných hodnot

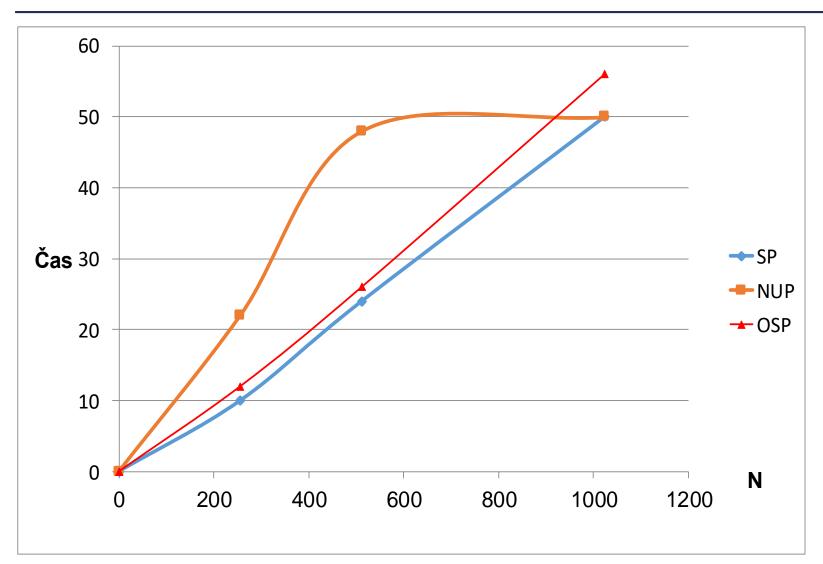
Quick sort – naměřené výsledky

Tabulka experimentálně naměřených hodnot pro Quick sort:

N	256	512	1 024
SP	10	24	50
OSP	22	48	50
ISP	12	26	56

K procvičení: Upravte algoritmus nerekurzivního zápisu Quick sortu pro variantu menšího zásobníku.

Quick Sort – naměřené výsledky graficky



Shell sort

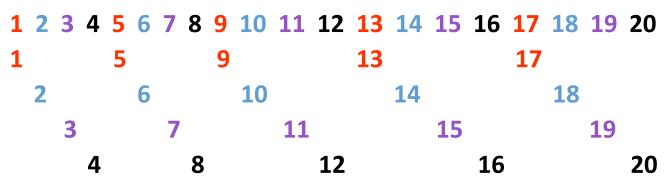
- Metoda řazení se snižujícím se přírůstkem
- Metoda používá opakované průchody polem, ve kterých řadí vždy jen určitou podposloupnost původní sekvence:
 - Původní sekvence je rozdělena na několik podposloupností, do kterých jsou vybrány prvky vzdálené od sebe o určitý krok.
 - Prvky v každé podsekvenci jsou uspořádány jedním bublinovým průchodem (Bubble-insert sort).
 - Po seřazení všech podposloupností se krok zmenší a opakuje se řazení pro nové podsekvence.
 - V poslední etapě řazení je krok roven jedné, všechny prvky jsou v jedné podposloupnosti, a řazení je dokončeno posledním bublinovým průchodem.

27

Pozn.: Rychlé řadicí algoritmy se vyznačují tím, že se prvky blíží ke svému správnému místu většími kroky.

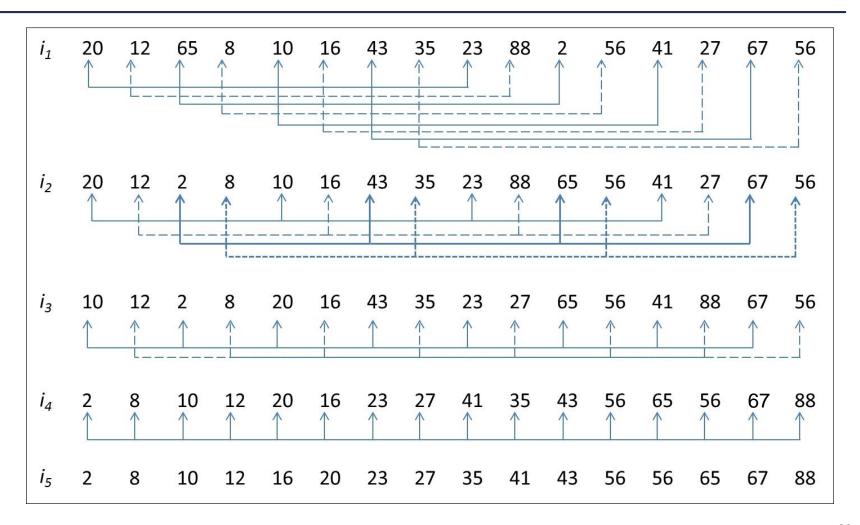
Shell sort

Následující sekvence (reprezentovaná indexy) může být rozčleněna na čtyři podsekvence čísel vzdálených o krok 4:



- Jednotlivé podsekvence jsou seřazeny bublinovým průchodem.
- Ve druhé etapě se krok sníží na dvě a obě sekvence se zpracují jedním bublinovým průchodem.
- V poslední etapě se na celou sekvenci aplikuje bublinový průchod s krokem jedna. Tím je řazení ukončeno.

Shell sort – příklad



Shell sort – velikost kroku

- Teoretické analýzy nenašly nejvhodnější řadu snižujících se kroků.
- Základem je verze algoritmu, v níž je první krok (n div 2) a v první etapě dochází k výměně (n div 2) dvojic, pokud nejsou uspořádány v žádoucím směru.
- V další etapě se krok vždy půlí a n-tice zpracovávané bublinovým průchodem se zdvojnásobují.
- Poslední etapou je průchod celým polem s krokem jedna.

Shell sort

Pozn.: Bublinový průchod provádí zavedení prvku z indexu [j+step] na jeho místo v dané podposloupnosti (čili porovnává jeho hodnotu s hodnotou prvků na indexech snížených o step). Se zaváděním končí, je-li hodnota prvku na sníženém indexu menší než hodnota zaváděného prvku.

Shell sort – zhodnocení

- Shell sort je nestabilní metoda.
- Pracuje in situ.
- Časová složitost závisí na zvolené řadě snižujících se kroků:
 - Pro uvedenou verzi (n/2, n/4, ..., 1) je v nejhorším případě časová složitost n².
 - Existují řady, pro které je časová složitost n³/² nebo n*log² n.
- V uvedené modifikaci pracuje rychleji než Heap sort ale pomaleji než Quick sort.
- Nepotřebuje ani rekurzi ani zásobník.

Řazení setřiďováním – Merge sort

- Merge sort je založen na principu slučování (setřiďování), tedy na principu komplementárnímu k rozdělování. Princip:
 - Pole rozdělujeme do tzv. běhů souvislých úseků, které už jsou setříděny (seřazeny).
 - Na začátku budou všechny běhy jednoprvkové.
 - Poté budeme dohromady slévat vždy dva sousední běhy do jediného setříděného běhu o délce dané součtem počtu prvků slévaných běhů, který bude ležet na místě obou vstupních běhů.
 - Po poslední iteraci bude posloupnost sestávat z jediného běhu, a bude tudíž setříděná (seřazená).
- Metoda vyžaduje pomocné (nebo pomocná) pole, pro uložení setříděné posloupnosti (nebo uložení vstupních posloupností).
- Rekurzivní varianta metoda postupně volá sebe sama pro levou a pravou polovinu zadané části pole a při návratu z rekurze slévá již setříděné posloupnosti.

```
procedure MergeSort (TArray A, int left, int right)
// Při volání má left hodnotu 0 a right hodnotu MAX-1
  if (left < right):</pre>
       q \leftarrow (left + right) div 2
       MergeSort(A, left, q)
       MergeSort(A, q+1, right)
       Merge(A, left, q, right)
                                        29
                                            10
                                               14
                                                   37
                                                       13
                                   29
                                      10
                                          14
                                                        37
                                                            13
                                           14
                                                      37
                                                             13
                                29
                                    10
                              29
                                     10
                                                        13
                                                            37
                                10
                                    29
```

Operace Merge

Operace Merge provádí slévání – použije dvě pomocná pole (typu TArray), do kterých přesune vstupní posloupnosti. Výslednou setříděnou posloupnost vkládá zpět do pole A.

```
procedure Merge (TArray A, int left, int mid, int right)
  left count ← mid - left + 1 // počet prvků levé posloupnosti
  right count ← right - mid // počet prvků pravé posloupnosti
  for i \leftarrow (0, left count-1): // levá posloupnost do pom. pole
    L[i] \leftarrow A[left+i]
  for j \leftarrow (0, right count-1): // přesun pravé posloupnosti
   R[j] \leftarrow A[mid+1+j] // začíná na indexu mid+1
  L[left count] \leftarrow MaxInt // ustavení zarážek
  R[right count] ← MaxInt
  i ← 0
  j ← 0
  for k ← (left, right): // slévání a vkládání do pole A
    if L[i] ≤ R[j]:
                             // vyber menšího
        A[k] \leftarrow L[i] // menší byl v levé posloupnosti
        i \leftarrow i+1
    else:
        A[k] \leftarrow R[j] // menší byl vpravo
        j ← j+1
```

Merge sort – zhodnocení

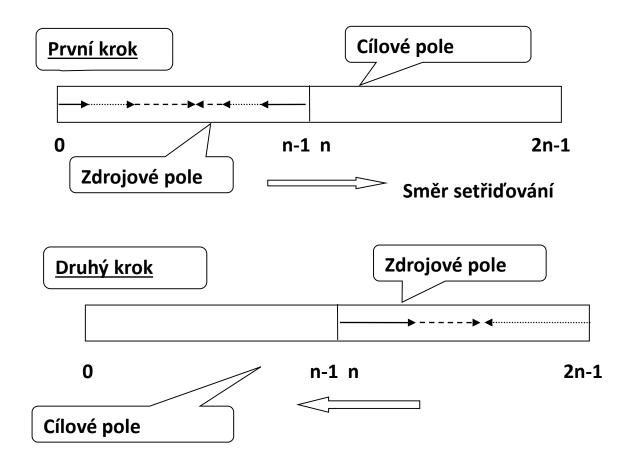
- Jedná se o stabilní metodu.
- Potřebuje pomocné pole o stejné velikosti jako je zdrojové pole – tzn. nepracuje in situ.
- Časová složitost je linearitmická.

Sequence-merge sort

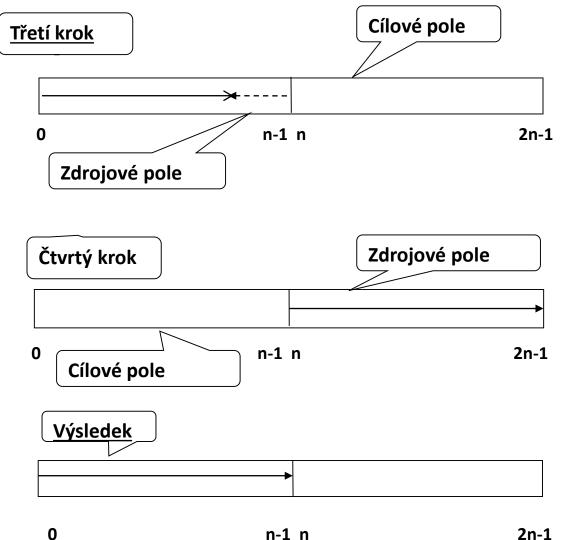
- Řazení setřiďováním posloupností sekvenční metoda využívající přímý přístup k prvkům pole.
- Postupuje polem zleva a současně zprava a setřiďuje dvě proti sobě postupující neklesající posloupnosti. Výsledek se ukládá do cílového pole.
- Počet vzniklých posloupností se počítá v počitadle.
- Algoritmus končí, vznikne-li jen jedna cílová posloupnost.

Sequence-merge sort – schéma

Šipky představují neklesající posloupnosti



Sequence-merge sort – schéma



40

Sequence-merge sort – zhodnocení

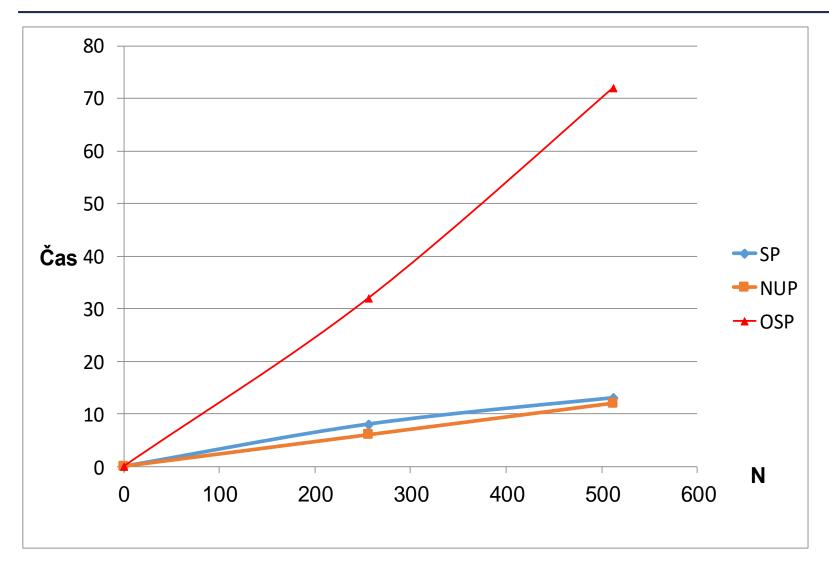
- Významným rysem algoritmu je jeho houpačkový mechanismus:
 - automaticky střídá pozici zdrojového a cílového pole i krok postupující proti sobě orientovanými slučovanými neklesajícími posloupnostmi.
- Metoda Sequence-merge sort je nestabilní.
- Nechová se přirozeně a nepracuje in situ.

Sequence-merge sort – zhodnocení

- Asymptotická časová složitost je linearitmická.
- Algoritmus je velmi rychlý.
 - Z hlediska konstrukce programu nepatří k jednoduchým algoritmům.
 - Z hlediska programovacích technik patří k velmi zajímavým algoritmům.
- Experimentálně naměřené hodnoty jsou uvedeny v následující tabulce:

N	256	512
SP	8	13
NUP	6	12
ISP	32	72

Sequence-merge sort – naměřené výsledky graficky



List-merge sort

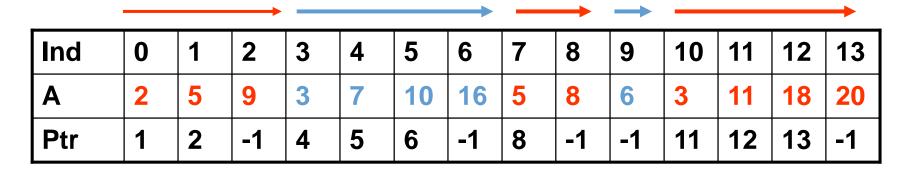
- Řazení polí setřiďováním seznamů pracuje na principu slučování metodou bez přesunů položek.
- K základnímu poli je nezbytné vytvořit stejně velké pomocné pole **Ptr** indexových ukazatelů, které zřetězí neklesající posloupnosti.
- Jádrem algoritmu je setřídění dvou seznamů zřetězených v pomocném poli indexovými ukazateli.

-			\longrightarrow											<u> </u>
Ind	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Α	2	5	9	3	7	10	16	5	8	6	3	11	18	20
Ptr	1	2	-1	4	5	6	-1	8	-1	-1	11	12	13	-1

List-merge sort

Stav po inicializaci:

Seznam začátků: $0 \rightarrow 3 \rightarrow 7 \rightarrow 9 \rightarrow 10$



Stav po sloučení prvních dvou neklesajících posloupností:

														—
Ind	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
Α	2	5	9	3	7	10	16	5	8	6	3	11	18	20
Ptr	3	4	5	1	2	6	-1	8	-1	-1	11	12	13	-1

List-merge sort – princip

První krok:

 zřetězení neklesajících posloupností do seznamu a vložení jejich začátků do dvojsměrného seznamu začátků.

Následující cyklus:

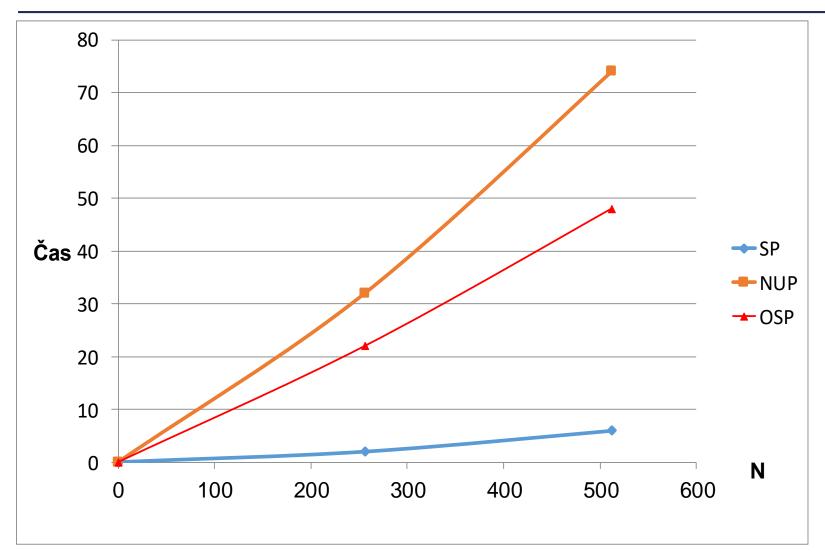
- V každé iteraci se vyzvednou ze seznamu začátky dvou zřetězených neklesajících posloupností.
- Setříděním těchto posloupností vznikne jedna zřetězená neklesající posloupnost, jejíž začátek se vloží na konec seznamu.
- Cyklus se ukončí, je-li v seznamu již jen začátek jedné neklesající zřetězené posloupnosti.
- Pozn.: výsledek se může do podoby výstupního seřazeného pole zpracovat vhodným průchodem skrz indexové ukazatele.

List-merge sort – zhodnocení

- List-merge sort je algoritmus pracující bez přesunu položek.
- Je potenciálně stabilní.
 - Stabilita se zajistí např. tím, že se začátky vkládají do dvojsměrného seznamu (na pozici vyjmutých začátků) a při setřiďování se u shodných prvků musí do výstupní posloupnosti vložit prvek první posloupnosti.
- Experimentálně byly naměřeny hodnoty uvedené v následující tabulce.

N	256	512
SP	2	6
NUP	32	74
OSP	22	48

List-merge sort – naměřené výsledky graficky



Tim sort

- Kombinuje Merge sort a Insert sort.
- Merge sort je použit na setřiďování neklesajících posloupností.
- Pokud jsou neklesající posloupnosti příliš krátké, jsou metodou insert sort prodlouženy.
- □ Jsou setřiďovány vždy dvě sousední podposloupnosti stabilní metoda.
- Nalezené/vytvořené podposloupnosti nemusí být setříděny hned, ale mohou být odloženy na zásobník. Díky tomu dochází k setřídění podobně dlouhých podposloupností.
- Použití dalších technik pro zlepšení výkonnosti: Binary-search (pro nalezení první/poslední pozice, které se dotkne vkládání), galloping mode (při vkládání více prvků za sebou ze stejné podposloupnosti), detekce klesajících posloupností, velikost běhů atd.
- Časová složitost je linearitmická, nepracuje in situ.

Tim sort

Spojení dvou posloupností:



4 5	7	9	12	14	17	
-----	---	---	----	----	----	--

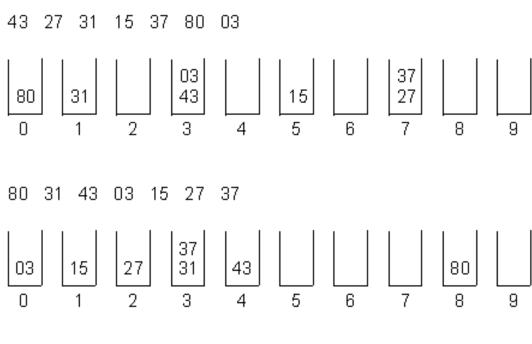
- Binárním vyhledáváním je nalezena pozice na kterou bude vložen první prvek druhé posloupnosti a současně ve druhé posloupnosti je nalezena pozice, kam bude vložen poslední prvek první posloupnosti.
- Prvky před (a za) touto pozicí jsou již na svém místě, zbývá setřídit ostatní.
- Do pomocného pole je přesunuta ta menší, ze zbývajících posloupností. V našem případě prvky 6 a 10.

Řazení tříděním podle základu – Radix sort

- Řazení tříděním podle základu je počítačová verze procesu řazení na děrnoštítkových třídicích strojích.
 - Na těchto strojích je základem desítková číslice na daném řádu v daném sloupci štítku. Ve většině počítačových aplikací je to desítková číslice čísla v kódu BCD (Binary-Coded-Decimal).
- Radix sort využívá pomocné datové struktury:
 - Seznamy (příp. fronty) prvků pro stejnou cifru.
 - Pole pro uchování začátků jednotlivých seznamů.
- Řazení tříděním lze implementovat tak, aby šlo o metodu pracující bez přesunu položek.
- Řazení tříděním podle základu je jednou z verzí tzv. přihrádkového třídění (bucket sort), které lze použít i na jiné než číselné klíče.

Radix sort

- Implementace s využitím přihrádek (např. s využitím jednosměrných seznamů).
- Po každém roztřídění prvků jsou prvky znovu spojeny do jedné posloupnosti.



03 15 27 31 37 43 80

Radix sort

```
Vstupní posloupnost vlož do seznamu S

for j ← (1, POCCIF) do

// inicializace přihrádek

// třídění prvků ze seznamu S do přihrádek dle j-té číslice

// vytvoření prázdného seznamu S

// postupné připojení všech přihrádek do seznamu S

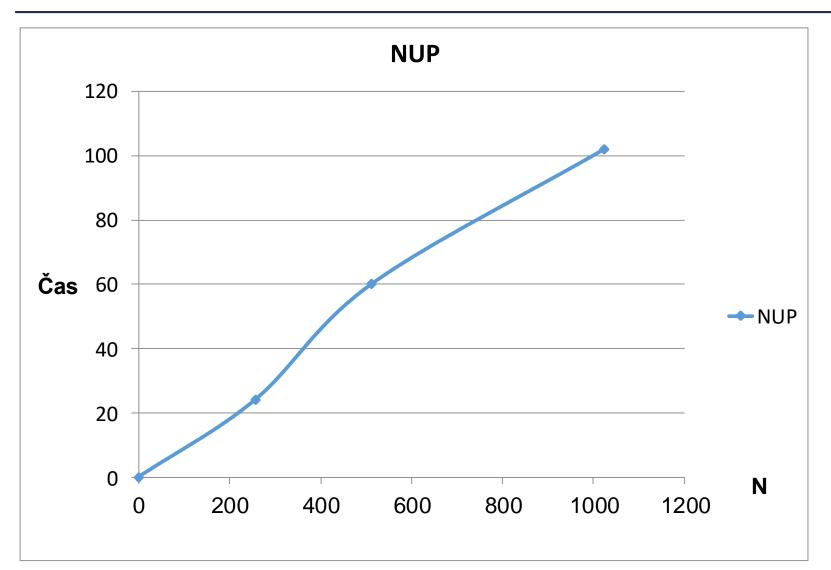
end for
```

Hodnocení Radix sortu

- Radix sort je stabilní metoda.
- Stav uspořádání nemá podstatný vliv na čas a proto se jeví, jako by se nechoval přirozeně.
- Metoda nepracuje in situ.
- Časová složitost je linearitmická.
- Experimentálně byly naměřeny tyto hodnoty pro náhodně uspořádaném pole:

N	256	512	1 024
NUP	24	60	102

RadixSort – naměřené výsledky graficky



Zhodnocení řadicích metod

Algoritmus	Časová složitost	Pomocná paměť	Stabilita
Bubble sort	O(n ²)	-	ano
Heap sort	O(n log n)	-	ne
Insert sort	O(n ²)	-	ano
Quick sort	O(n log n)	O(log n)	ne
Shell sort	O(n ²)	-	ne
Merge sort	O(n log n)	Θ(n)	ano
Radix sort	O(n log n)	Θ(n)	ano

Pozn.: Quick sort má uvedenou složitost pro vhodně zvolený medián.