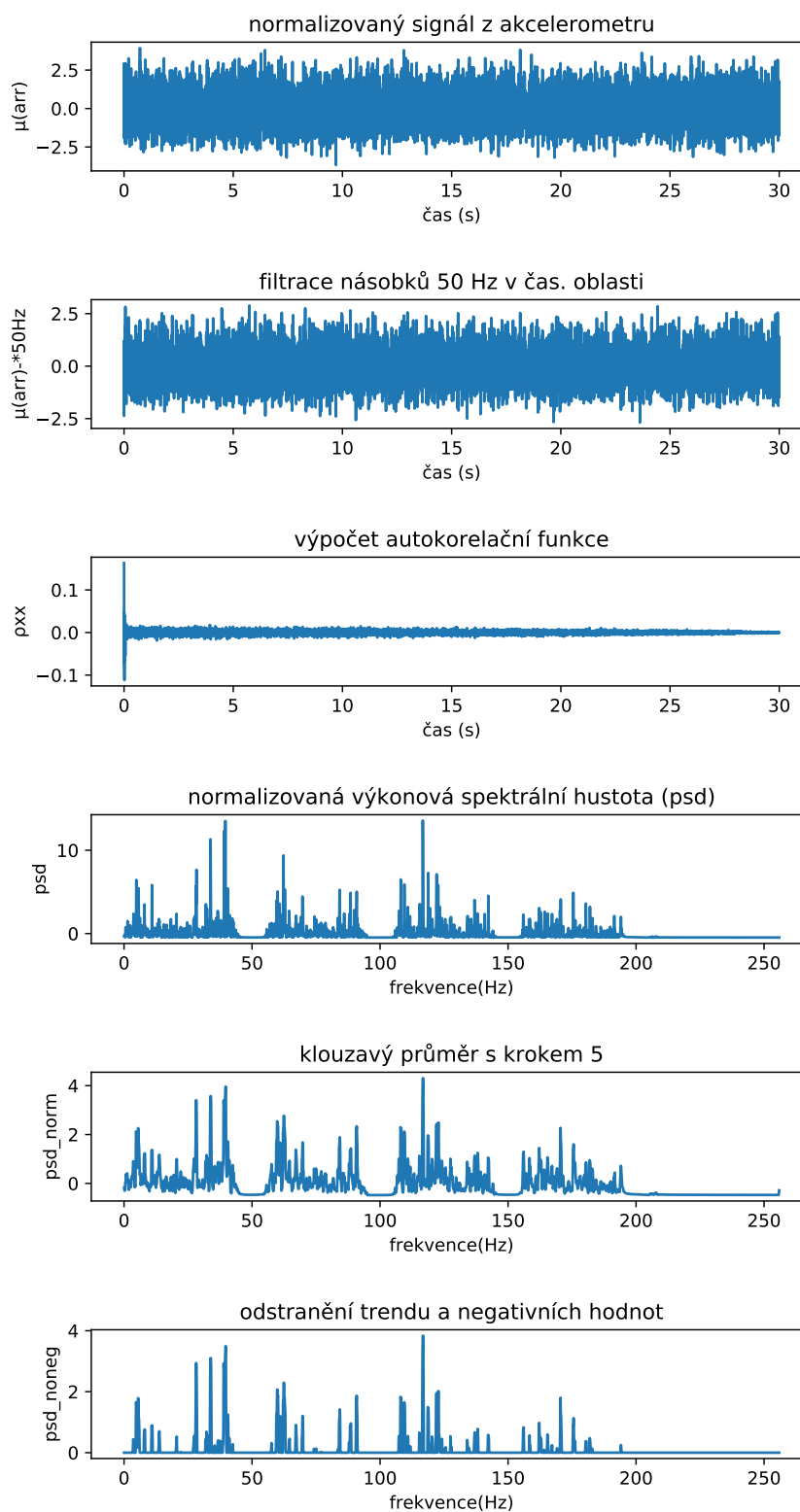


# Obsah

<b>1</b>	<b>Předzpracování dat</b>	<b>1</b>
1.1	Normalizace signálu a filtrace násobků 50 Hz . . . . .	2
1.2	Výpočet autokorelační funkce . . . . .	3
1.3	Převod na normalizovanou výkonovou spektrální hustotu ( $psd_{norm}$ ) a ošetření plovoucím průměrem . . . . .	4
1.4	Odstranění trendu a negativních hodnot . . . . .	5
1.5	Výstupní spektrum fáze předzpracování . . . . .	6
<b>2</b>	<b>Metoda vyhodnocení rozdílu křížové entropie multiškálově binari- zovaného spektra</b>	<b>7</b>
2.1	Metoda <i>get_multiscale_distributions</i> . . . . .	8
2.2	Metoda <i>train</i> . . . . .	9
2.3	Chráněná metoda <i>_cross_entropy</i> . . . . .	9
2.4	Metoda <i>compare</i> . . . . .	9
2.5	Kumulativní křížová entropie . . . . .	10
2.6	Porovnání křížových entropií agregovaných spektrálních hustot . . . .	12
	<b>LITERATURA</b>	<b>13</b>
	<b>PŘÍLOHY</b>	<b>14</b>
<b>A</b>	<b>Výběr metod ze třídy <i>Preprocessor</i> (předzpracování)</b>	<b>14</b>
A.1	Inicializační metoda třídy <i>Preprocessor</i> . . . . .	14
A.2	Normalizace vstupního signálu . . . . .	15
A.3	Filtrace pásmovou zádrží v časové oblasti . . . . .	16
A.3.1	Vytvoření Butterworthových filtrů . . . . .	16
A.3.2	Aplikace Butterworthových filtrů na signál . . . . .	16
A.4	Výpočet autokorelační funkce . . . . .	17
A.5	Výkonová spektrální hustota (psd) . . . . .	17
A.5.1	Aplikace Hammingova okna . . . . .	17
A.5.2	Výpočet výkonové spektrální hustoty . . . . .	18
A.6	Ošetření plovoucím průměrem . . . . .	19
A.7	Odstranění trendu . . . . .	19

A.8	Odstranění negativních hodnot . . . . .	20
<b>B</b>	<b>Třída <i>Method</i>, která je rodičem metody <i>M2</i></b>	<b>20</b>
<b>C</b>	<b>Výběr metod ze třídy <i>M2</i> (křížová entropie)</b>	<b>24</b>
C.1	Inicializace metody <i>M2</i> . . . . .	24
C.2	Výpočet multiškálově binarizovaných spekter . . . . .	24
C.3	Rozdělení na frekvenční intervaly (košíky) . . . . .	26
C.4	Výpočet binarizovaného spektra s využitím funkce softmax . . . . .	27
C.5	Natrénování třídy <i>M2</i> na trénovacích signálech vibrací . . . . .	27
C.6	Výpočet křížové entropie . . . . .	28
C.7	Porovnání dvou sad binarizovaných spekter z hlediska křížové entropie	28
<b>D</b>	<b><i>main.py</i>: Příklad vyhodnocení poškození stožáru lampy na základě směrnice kumulativní křížové entropie</b>	<b>30</b>

# 1 Předzpracování dat



Obrázek 1: Přehled kroků předzpracování vstupního signálu.

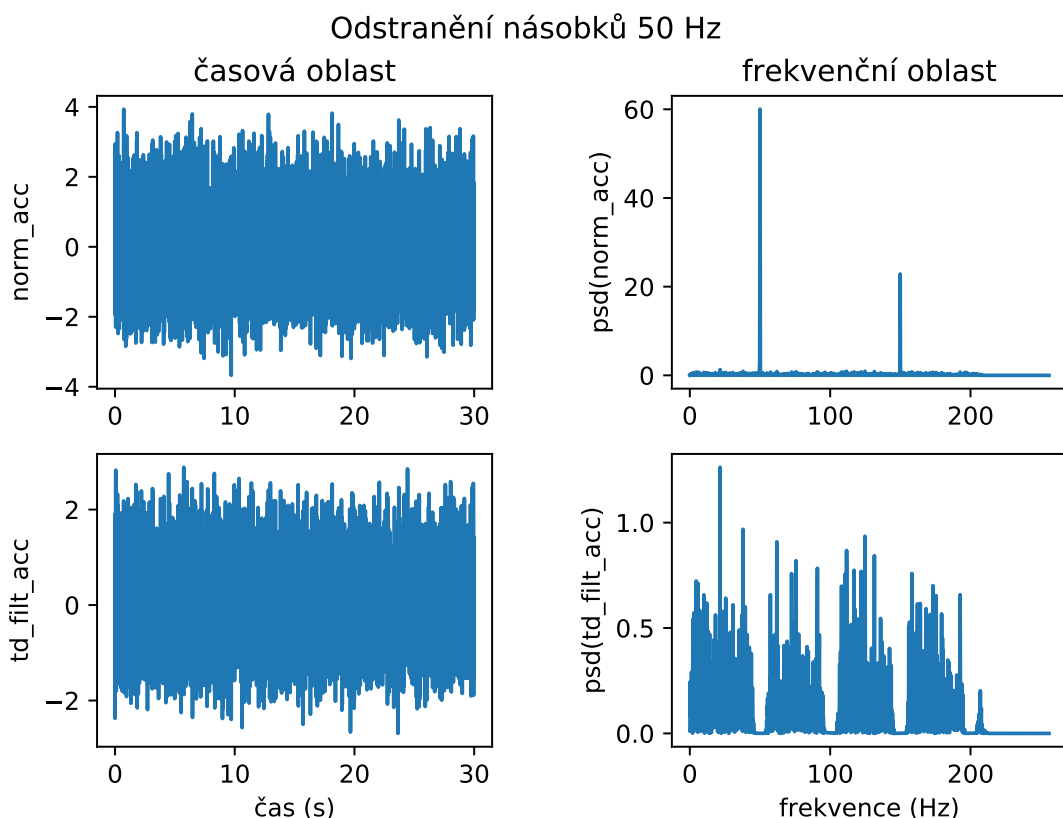
Pro předzpracování vstupních signálů (vibrací naměřených akcelerometry umístěnými na lampě) byla vytvořena třída *Preprocessor*, jejíž stěžejní úryvky kódu lze nalézt v příloze A. Na obrázku 1 je grafický přehled sekvence jednotlivých operací, které jsou na signál aplikovány. V tabulce 1 je uveden podrobný výčet proměnných, jejich rozměrů a metod, které k jejich výpočtu byly využity.

Tabulka 1: Přehled proměnných, jejich rozměrů a metod využitých pro jejich výpočet.

název	rozměry obecně	rozměry konkrétně	popis	metoda
$arr$	[nsamples, nmeas]	[15360, :]	signál vibrací z akcelerometru	-
$\mu(arr)$	[nsamples, nmeas]	[15360, :]	normalizace signálu vibrací	A.2
$\mu(arr)^{-*}50\text{ Hz}$	[nsamples, nmeas]	[15360, :]	odstranění násobků 50 Hz	A.3
$\rho_{xx}$	[nsamples - 1, nmeas]	[15359, :]	autokorelační funkce signálu	A.4
$psd$	[Nfft/2; nmeas]	[2560, :]	výkonová spektrální hustota signálu	A.5
$psd_{norm}$	[Nfft/2; nmeas]	[2560, :]	normalizace psd	A.2
$psd_{cg}$	[Nfft/2; nmeas]	[2560, :]	ošetření psd plovoucím průměrem	A.6
$psd_{detrended}$	[Nfft/2; nmeas]	[2560, :]	odstranění absolutního trendu z psd	A.7
$psd_{noneg}$	[Nfft/2; nmeas]	[2560, :]	oříznutí negativních hodnot	A.8

## 1.1 Normalizace signálu a filtrace násobků 50 Hz

Naměřené vibrace jsou nejprve normalizovány (v obr. 1 značeno  $\mu(arr)$ , dále však pouze  $x$ ) na nulovou střední hodnotu ( $\mu = 0$ ) a jednotkový rozptyl ( $\sigma = 1$ ) pomocí metody A.2. Na normalizovaný signál jsou následně aplikovány Butterworthovy bandstop (pásmová zádrž) filtry, které odstraňují násobky 50 Hz (50, 100, 150, 200) a jejich okolí ( $\pm 5$  Hz). Příslušné parametry filtrů jsou nalezeny metodou A.3.1 a aplikovány na normalizovaný signál metodou A.3.2 (viz obr. 2).



Obrázek 2: Porovnání normalizovaného signálu v časové oblasti (vlevo) a frekvenční oblasti (výkonová spektrální hustota, vpravo) před filtrací (nahore) a po filtraci (dole) Butterworthovými filtry.

## 1.2 Výpočet autokorelační funkce

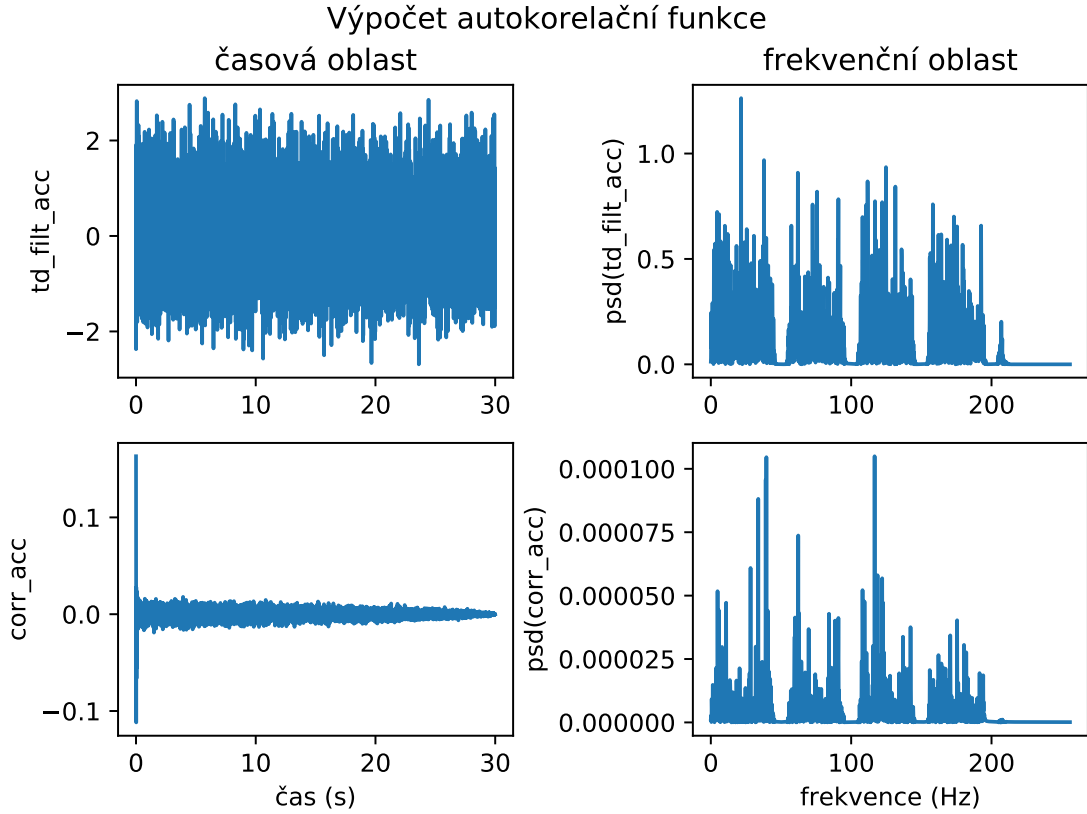
Ze signálu je následně vypočtena jeho autokorelační funkce, která zvyšuje odstup signálu od šumu (signal-to-noise ratio). Výpočet je dle [1] proveden následovně:

$$\rho_{xx}(m) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1-m} (x(n) \cdot x(n+m)), \text{ kde } m \in (0, N-1) \quad (1)$$

kde  $x$  je vstupní signál a  $N$  je počet vzorků signálu.

Aby však  $\rho_{xx}$  nebyla závislá na střední hodnotě vstupního signálu [1] je navíc od autokorelační funkce odečtena druhá mocnina střední hodnoty signálu ( $\mu(x)$ ):

$$\rho_{xx}(m) = \rho_{xx}(m) - (\mu(x))^2 \quad (2)$$



Obrázek 3: Normalizovaný signál bez násobků 50 Hz (nahore) a jeho autokorelační funkce (dole) v časové oblasti (vlevo) a frekvenční oblasti (výkonová spektrální hustota, vpravo)

Výpočet autokorelační funkce je realizován maticově metodou A.4 a její porovnání s dosavadním signálem  $x$  je na obr. 3.

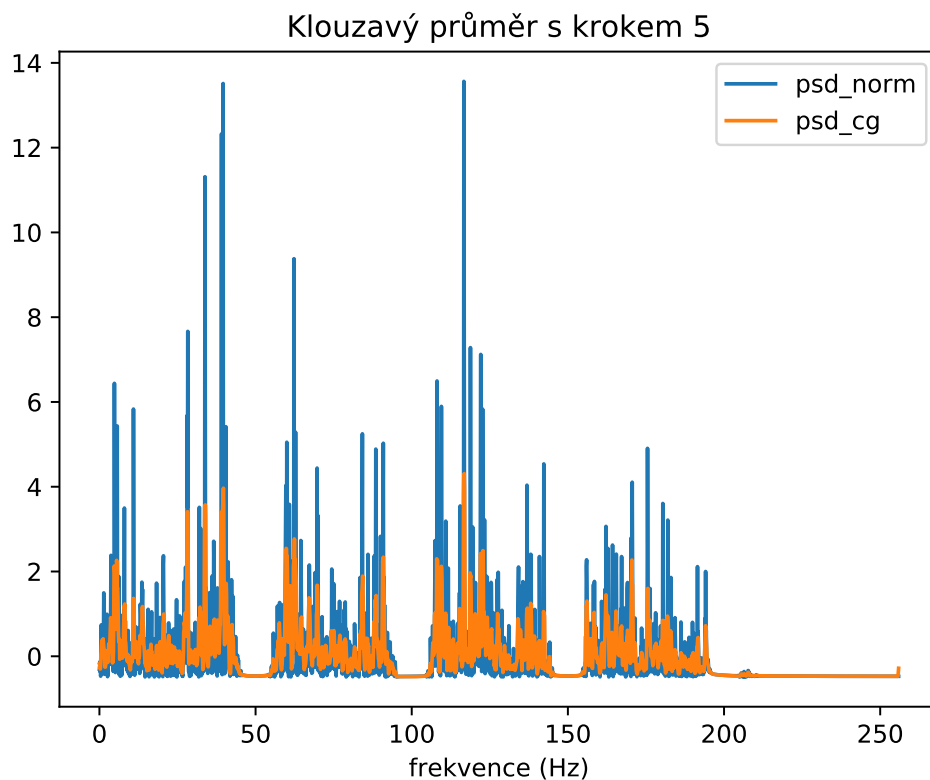
### 1.3 Převod na normalizovanou výkonovou spektrální hustotu ( $psd_{norm}$ ) a ošetření plovoucím průměrem

Autokorelační funkce  $\rho_{xx}$  je ošetřena Hammingovou okénkovou funkcí (viz metoda A.5.1) a převedena pomocí diskretní fourierovy transformace (DFT, resp. FFT) do frekvenční oblasti a z její absolutní hodnoty vypočtena výkonová spektrální hustota (viz metoda A.5.2) dle vztahu:

$$psd = \frac{1}{N} (FFT(\rho_{xx}))^2 \quad (3)$$

kde  $N = 5120$  je délka FFT. Nyquistova délka je tedy 2560 vzork, což odpovídá frekvenci 250 Hz.

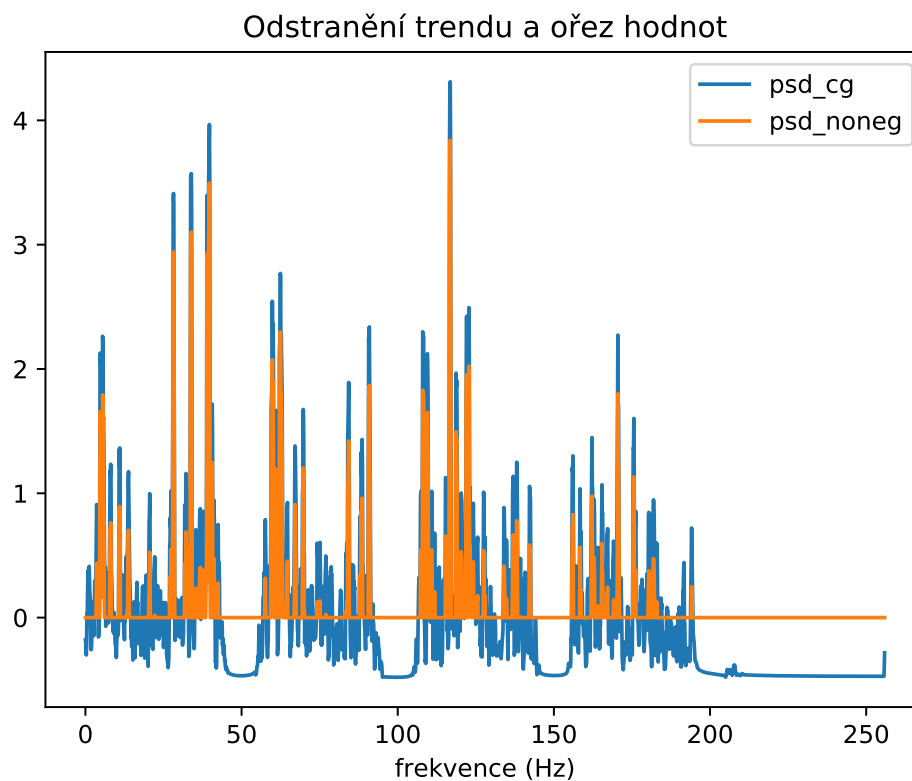
Výkonová spektrální hustota ( $psd$ ) je dále normalizována na nulovou střední hodnotu a jednotkový rozptyl ( $psd_{norm}$ ) a v metodě A.6 ošetřena plovoucím (klouzavým) průměrem se základním krokem 5 ( $psd_{cg}$ ). Porovnání výkonových spektrálních hustot  $psd_{norm}$  a  $psd_{cg}$  lze pozorovat na obrázku 4



Obrázek 4: Aplikace metody A.6 na normalizovanou výkonovou spektrální hustotu (modrá,  $psd_{norm}$ ) pro výpočet plovoucího (klouzavého) průměru s krokem 5 (oranžová,  $psd_{cg}$ ).

## 1.4 Odstranění trendu a negativních hodnot

Závěrem je v  $psd_{cg}$  nalezen a odstraněn absolutní trend (viz metoda A.7). Nevýznamné části spektra jsou tímto uvrženy do záporných hodnot, které jsou posléze odstraněny (viz metoda A.8). Výsledkem je nezáporná výkonová spektrální hustota ( $psd_{noneg}$ ). Porovnání  $psd_{cg}$  a  $psd_{noneg}$  se nachází na obr. 5.

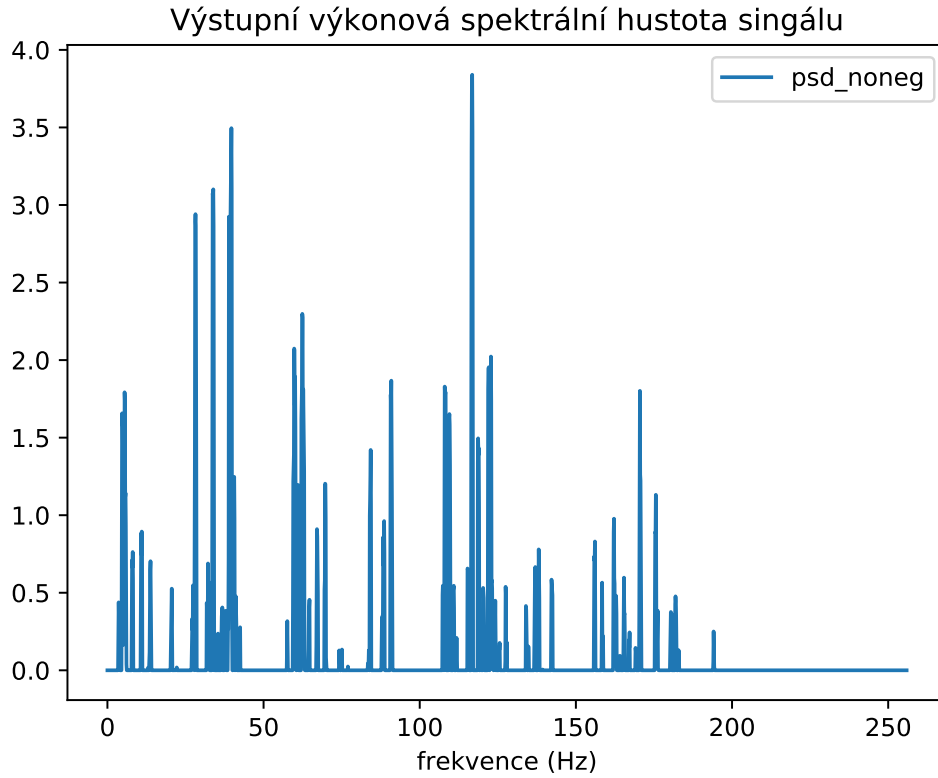


Obrázek 5: Výkonová spektrální hustota před (modrá,  $psd_{cg}$ ) a po odstranění absolutního trendu a oříznutí záporných hodnot (oranžová,  $psd_{noneg}$ ).

## 1.5 Výstupní spektrum fáze předzpracování

V předchozí kapitole získaná  $psd_{noneg}$  je finálním výstupem fáze předzpracování (třída *Preprocessor*), který se v následujících kapitolách bude pro jednoduchost nazývat pojmem výkonová spektrální hustota nebo označením  $psd$ . Graf této výstupní hodnoty je na obrázku 6.





Obrázek 6: Příklad výstupní výkonové spektrální hustoty z fáze předzpracování.

## 2 Metoda vyhodnocení rozdílu křížové entropie multiškálově binarizovaného spektra

Metoda navržená ve třídě *M2* (*Methods.M2*) slouží k vyhodnocení mechanického opotřebení sloupů sledované lampy na základě rozdílu v hodnotách informační křížové entropie (4) mezi multiškálově binarizovanými spektrálními výkonovými hustotami.

$$H(p, q) = \sum_{i=1}^N (p(x_i) \cdot \log_2(q(x_i))) \quad (4)$$

kde  $N$  je počet vzorků signálů.

## 2.1 Metoda *get\_multiscale\_distributions*

Výpočet binarizovaného spektra probíhá v následujících krocích:

1. rozdělení *psd* na frekvenční intervaly (košíky) o šířce *bs* (metoda *\_split\_to\_bins* C.3)
2. zjištění celkového počtu hodnot, které v rámci každého košíku dosahují hodnoty vyšší než zvolený práh *th* (metoda *\_binarize\_and\_softmax* C.4)
3. převod hodnot na distribuci pravděpodobnosti jednotlivých frekvencí (každý košík odpovídá střední frekvenci z rozsahu frekvencí, které zahrnuje) za pomoci funkce Softmax (metoda *\_binarize\_and\_softmax* C.4)

Multiškálovost binarizace spočívá v definici několika prahových hodnot

$$ths = (th_1, th_2, \dots, th_{Nths})$$

kde *Nths* je počet definovaných prahů a několika velikostí košíků

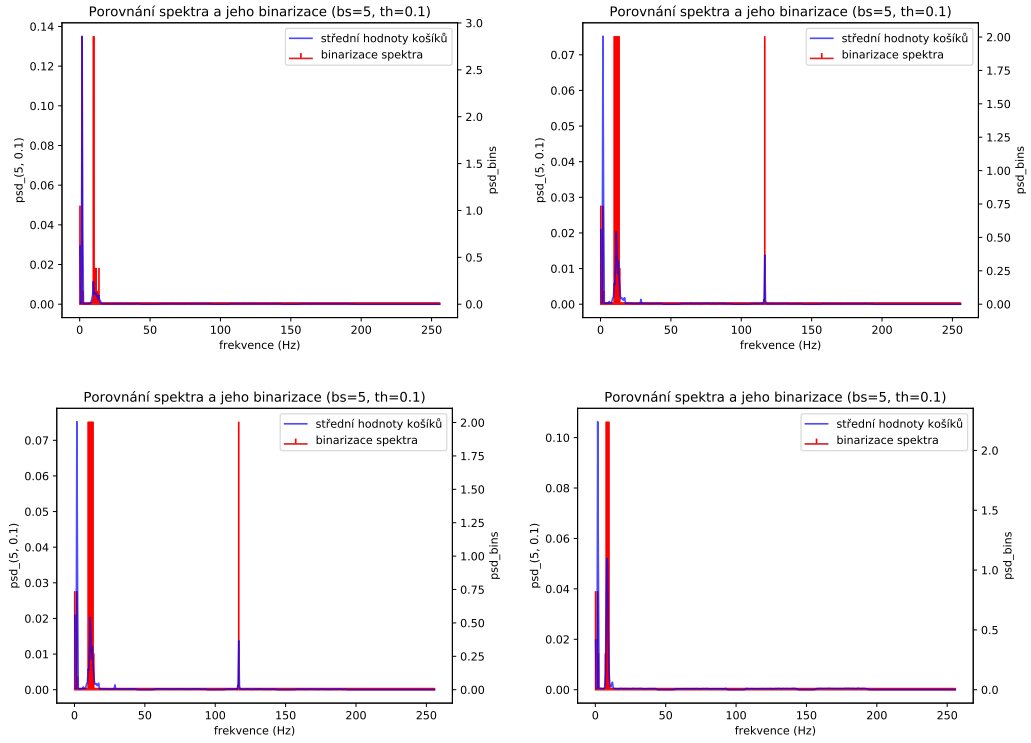
$$bsz = (bs_1, bs_2, \dots, bs_{Nbs})$$

kde a *Nbs* je počet definovaných velikostí košíků. Např lze definovat:

$$\begin{aligned} bsz &= (5, 10, 20) \\ ths &= (0.1, 0.2, 0.4, 0.8) \end{aligned} \tag{5}$$

Hodnoty *bs* jsou definovány jakožto počty vzorků v košíku. Rozsah frekvencí, které košík zahrnuje je tedy závislý na periodě vzorkování vstupního pole *psd* (tzn. že pro periodu vzorkování 0,1 Hz a např. *bs* = 20 odpovídá rozsah jednoho košíku 2 Hz).

Pro každou kombinaci *bs* a *th* z *bsz* a *ths* je poté vypočteno binarizované spektrum (*psd<sub>bs,th</sub>*) dle výše zmíněných kroků. Takto binarizovaná spektra jsou uložena pro další zpracování. Celý tento proces výpočtu multiškálově binarizovaných spekter je souhrnně proveden metodou *get\_multiscale\_distributions* (C.2). Příklady binarizovaných spekter pro *bs* = 5 (0,5 Hz) a *th* = 0,1 jsou na obrázku 7.



Obrázek 7: Příklad binarizace výkonové spektrální hustoty na binarizované spektrum s velikostí košíku  $bs = 5$  a prahovou hodnotou  $th = 0,1$ .

## 2.2 Metoda *train*

Metoda *train* (C.5) spočívá ve výpočtu multiškálových binarizovaných spekter  $psd_{bs,th}^{train}$  z dostatečně dlouhé trénovací datové sady signálů vibrací neporušené lampy (např. 2 měsíce). Hodnoty  $psd_{bs,th}^{train}$  jsou uloženy jako proměnné instance třídy, aby mohly být využity k výpočtu křížové entropie mezi trénovacími a testovacími daty.

## 2.3 Chráněná metoda *\_cross\_entropy*

Chráněná metoda *\_cross\_entropy* (C.6) slouží k výpočtu informační křížové entropie mezi dvěma binarizovanými spektry dle vztahu (4).

## 2.4 Metoda *compare*

Metoda *compare* (C.7) využívá natrénovaných hodnot binarizovaných spekter  $psd_{bs,th}^{train}$  jakožto jeden vstup do chráněné metody *\_cross\_entropy*. Druhým vstupem jsou cesty k *psd* souborům (dále značeno  $psd^{test}$ ), které mají být s trénovacími daty

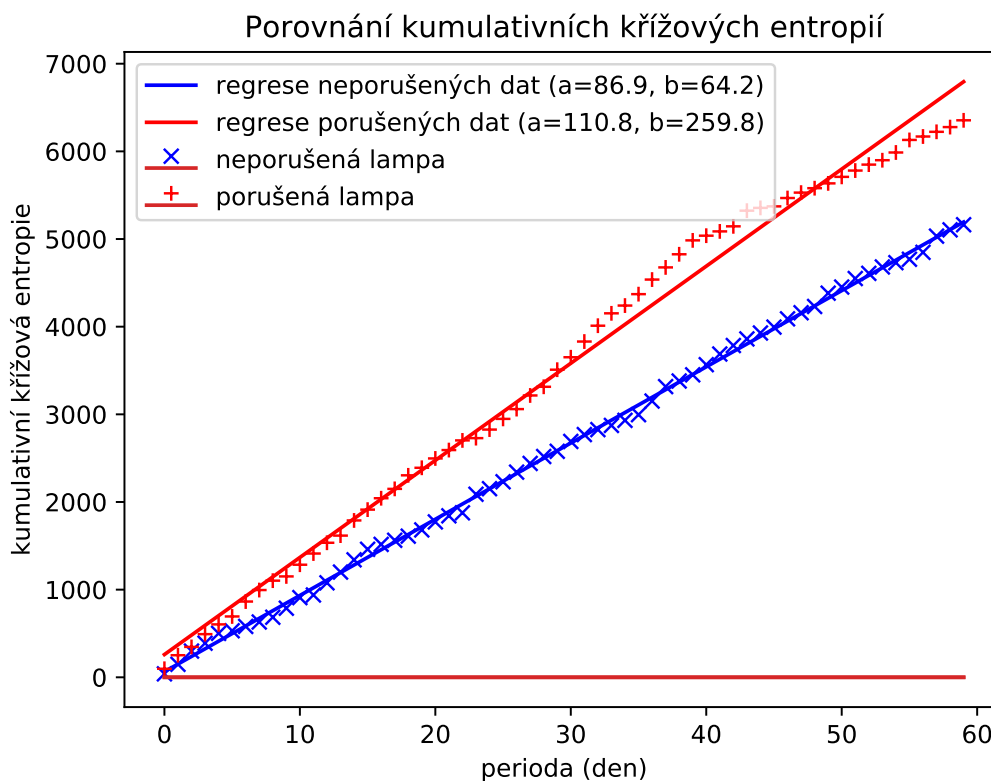
srovnány (pomocí křížové entropie).  $psd^{test}$  může být nejprve periodicky rozděleno do dnů či jiných časových intervalů a následně převedeno na binarizovaná spektra  $psd_{bs,th}^{test}$  se stejnými prahovými hodnotami a velikostmi košíků, jaké byly definovány při trénování instance třídy (metoda *train*).

Metoda *compare* tedy dle 4 vypočte hodnotu křížové entropie ( $ce$ ) mezi  $psd_{bs,th}^{train}$  a  $psd_{bs,th}^{test}$  a vrátí hodnotu  $ce$  z každého dne testovacích dat (pokud je zvolená perioda 1 den) pro každou kombinaci  $bs$  a  $th$ . Tyto hodnoty  $ce$  již mohou být využity pro další vyhodnocení mechanického poškození stožáru lampy např. vyhodnocením kumulativní křížové entropie.

## 2.5 Kumulativní křížová entropie

Z hodnot  $ce$  mezi trénovacími a testovacími daty lze vyhodnotit jakou rychlostí (s jakou směrnici) se hodnoty  $ce$  kumulují (sčítají) v čase ( $ce_{cummul}$ ).

Pro ukázkou byl v souboru *main.py* vytvořen příklad kontinuálního vyhodnocení poškození stožáru lampy na základě kumulativní křížové entropie s periodou 1 den (viz příloha D). Zde je nejprve instance třídy *M2* natrénována metodou *train* na 2 měsících dat z neporušené lampy ( $psd^{train}$ ) pro  $ths = (.001, .01, .1, .2, .5,)$  a  $bsz = (80,)$ . Následně jsou využity dvě další testovací datové sady. První sada odpovídá 2 dalším měsícům dat z neporušené lampy ( $psd^{neporusheno}$ ). Druhá sada poté zahrnuje 2 měsíce, ve kterých byla lampa již mechanicky poškozena ( $psd^{porusheno}$ ). Pomocí metody *compare* byly vypočteny hodnoty  $ce^{neporusheno}$  a  $ce^{porusheno}$  s periodou 1 den. Pro každý den je v  $ce$  k dispozici  $Nths \cdot Nbs$  (konkrétně 5) hodnot křížové entropie z nichž byla vybrána vždy ta nejvyšší jak v případě  $ce^{neporusheno}$  tak  $ce^{porusheno}$ . Kumulativním součtem těchto nejvyšších hodnot v jednotlivých dnech byly získány hodnoty  $ce_{cummul}^{neporusheno}$  a  $ce_{cummul}^{porusheno}$ , které jsou vykresleny v grafu na obrázku 8 společně s aproximací jejich průběhu za pomoci lineární regrese.



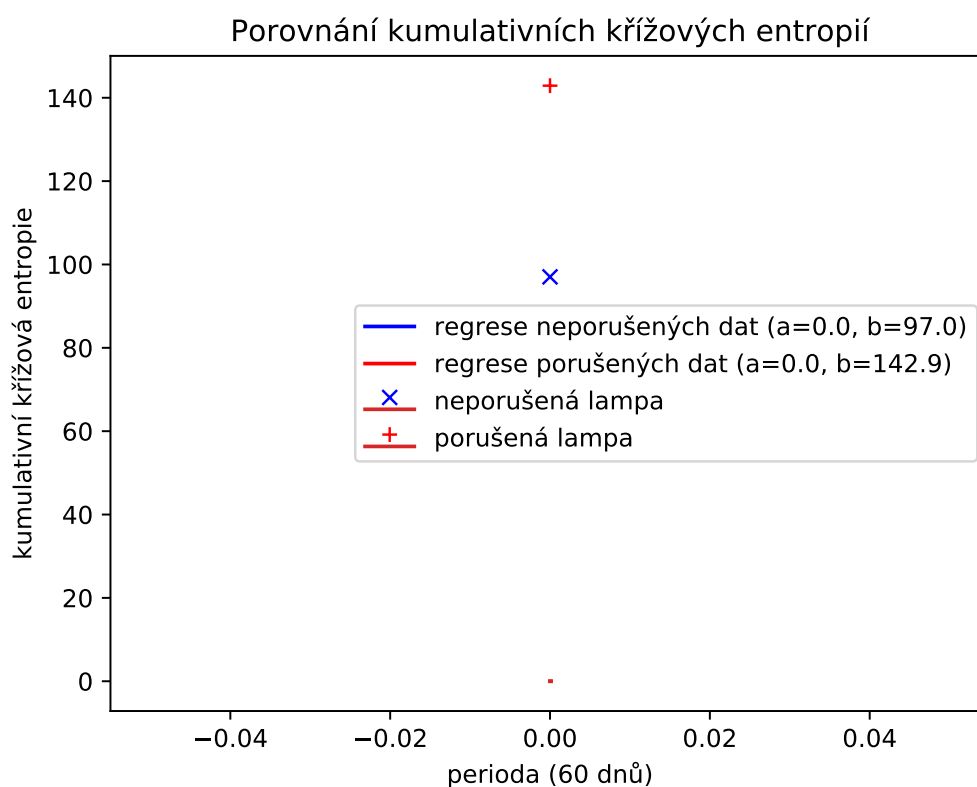
Obrázek 8: Porovnání kumulativních křížových entropií s neporušenými daty a porušenými daty a aproximace jejich průběhu lineární regresí.

Z obr. 8 je zřejmé, že regresní přímka aproximující  $ce_{cummul}^{poruseno}$  stoupá rychleji (směrnice  $a^{poruseno} = 110,8$ ) nežli regresní přímka aproximující  $ce_{cummul}^{neporuseno}$  (směrnice  $a^{neporuseno} = 86,9$ ). Křížová entropie porušených dat je tudíž v průměru vyšší nežli křížová entropie neporušených dat.

Pro průběžné vyhodnocení poškození stožáru lampy lze tedy kontinuálně pozorovat směrnici regresní přímky kumulativní křížové entropie za určité období (zde 60 dnu) a pokud naroste o určité procento od původní hodnoty, označit lampu ke kontrole porušení.

## 2.6 Porovnání křížových entropií agregovaných spektrálních hustot

Alternativní metodou vyhodnocení poškození by mohl být výpočet samotné multiškálové křížové entropie z agregace (průměru) testovaných výkonových spektrálních hustot za určité období a pozorování její hodnoty. Toho lze docílit v souboru *main.py* nastavením proměnné *period* na stejnou hodnotu jako *ndays*. Výstupem je v tomto případě pouze jedna hodnota křížové entropie pro porušená data a jedna pro neporušená data za *ndays* (zde konkrétně 60 dnu) (viz obr. 9).



Obrázek 9: Hodnoty křížových entropií mezi 2 měsíci trénovacích dat a 2 měsíci testovacích neporušených (modrá) a 2 měsíci testovacích porušených (červená) dat pro  $ths = (.001, .01, .1, .2, .5,)$  a  $bsz = (80,)$ .

## LITERATURA

- [1] Pavlík, Radomír a Poláček, Vladimír. *Detekce užitečného signálu v aplikaci harmonického radaru s využitím MATLAB*. 2009. URL: [http://dsp.vscht.cz/konference\\_matlab/MATLAB09/prispevky/079\\_pavlik.pdf](http://dsp.vscht.cz/konference_matlab/MATLAB09/prispevky/079_pavlik.pdf).

# PŘÍLOHY

## A Výběr metod ze třídy *Preprocessor* (předzpracování)

### A.1 Inicializační metoda třídy *Preprocessor*

```
1 def __init__(self,
2     fs=512,
3     ns_per_hz=10,
4     freq_range=(0, 256),
5     tdf_order=5,
6     tdf_ranges=((45, 55), (95, 105), (145, 155), (195, 205)),
7     use_autocorr = True,
8     noise_f_rem=(0, ),
9     noise_df_rem=(0, ),
10    mov_filt_size=5,
11    rem_neg=True):
12
13    """
14
15    :param fs: (int) sampling frequency of the acquisition
16    :param ns_per_hz: (int) desired number of samples per Hertz in FFT
17    :param freq_range: (list/tuple) (minimum frequency, maximum frequency)
18    rest is thrown away
19    :param tdf_order: (int) order of the time domain bandreject filter
20    :param tdf_ranges: (List/Tuple[List/Tuple]) time domain filter
21    bandreject frequency areas ((lb1, ub1), (lb2, ub2), ...)
22    :param use_autocorr: (bool) if True, calculate autocorrelation
23    function before transforming to psd
24    :param noise_f_rem: (list/tuple) frequencies that should be removed (
25    zeroed out) from the power spectrum
26    :param noise_df_rem: (list/tuple) range around f_rem that should also
27    be removed
```



```

21     :param mov_filt_size: (int) length of the rectangular filter for
moving average application

    :param rem_neg: (bool) if True, remove negative values after the final
preprocessing stage
23     """

    self.fs = fs

25     self.ns_per_hz = ns_per_hz

    self.freq_range = freq_range

27     self.tdf_order = tdf_order

    self.tdf_ranges = np.array(tdf_ranges) # 2D array

29     self.use_autocorr = use_autocorr

    self.noise_f_rem = noise_f_rem

31     self.noise_df_rem = noise_df_rem

    self.mov_filt_size = mov_filt_size

33     self.rem_neg = rem_neg


35     # calculate numerators and denominators of time domain frequency
filters

    self.nums, self.denoms = self._make_bandstop_filters()

37


    # initialize counter for conditional plot

39     self.cplot_call = 0


41     # initialize dict for semireresults

    self.semireresults = dict()

```

## A.2 Normalizace vstupního signálu

```

@staticmethod
2 def _calc_zscore(arr):

    """ calculate zscore normalized array from arr across the 0th
dimension

4

```

```

        :param arr: 2D array to be normalized (expected dimensions: [15360,
        :])
6      :return zscore of arr [15360, :]:
        """
8      assert len(arr.shape) == 2, "arr must be 2D array of [time samples,
        number of measurements]"
        return (arr - np.mean(arr, 0)) / np.std(arr, 0)

```

## A.3 Filtrace pásmovou zádrží v časové oblasti

### A.3.1 Vytvoření Butterworthových filtrů

```

1 def _make_bandstop_filters(self):
    """ calculate a bandstop filter params from given input parameters """
3     f_nyquist = self.fs/2
    Wh = self.tdf_ranges/f_nyquist
5
    nfilts = Wh.shape[0]
7
    nums = np.empty((nfilts, 2*self.tdf_order + 1))
9     denoms = np.empty((nfilts, 2*self.tdf_order + 1))
11
    for i in range(nfilts):
        b, a, *_ = butter(self.tdf_order, Wh[i, :], 'bandstop')
13         nums[i, :] = b
        denoms[i, :] = a
15
    return nums, denoms

```

### A.3.2 Aplikace Butterworthových filtrů na signál

```

def _apply_time_domain_filters(self, arr):
2     """ apply all calculated bandstop filteres on arr """
    nfilts = self.nums.shape[0]

```

```

4
    for i in range(arr.shape[-1]):
6        for num, denom in zip(self.nums, self.denoms):
            arr[:, i] = filtfilt(num, denom, arr[:, i]) # updating in
place
8    return arr

```

## A.4 Výpočet autokorelační funkce

```

@staticmethod
2 def _autocorr(arr):
    """ calculate autocorrelation function (ACF) from the array (arr) to
    reduce noise
4    inspired by http://dsp.vscht.cz/konference\_matlab/MATLAB09/
    prispevky/079\_pavlik.pdf
    """
6    N = arr.shape[0] # number of signal samples
    nmeas = arr.shape[1] # number of measurements
8
    Rrr = np.zeros((N-1, nmeas))
10
    for i in range(nmeas):
12        a = arr[:, i]
        XX = hankel(a[1:]) # create hankel matrix from a[1] to a[N-1] (
        upper left triangular matrix)
14        vX = a[: -1] # vector a[0] to a[N-2]
        Rrr[:, i] = np.matmul(XX, vX) / N - a.mean() ** 2 # calculate
        normalized ACF
16    return Rrr

```

## A.5 Výkonová spektrální hustota (psd)

### A.5.1 Aplikace Hammingova okna

```

@staticmethod
2 def _hamming(arr):
    """ Apply Hamming window across the 0th dimension in arr """
4     return (arr.T*np.hamming(arr.shape[0])).T

```

### A.5.2 Výpočet výkonové spektrální hustoty

```

def _calc_psd(self, arr):
2     """ calculate power spectral density from arr across the 0th dimension

4     :param arr: 2D array of time signals to be FFTed and PSDed (expected
        dimensions: [15360, :])
        :return: FIRST HALF OF THE freq_vals and psd (rest is redundant)
6         :var freq_vals: 1D array of frequency values in self.freq_range (x
            axis) [fs*ns_per_hz//2],
            :var psd: 2D array of power spectral densities of singals in arr [
fs*ns_per_hz//2, :]
8     """
    assert len(arr.shape) == 2, "arr must be 2D array of [time samples,
number of measurements]"
10
    nfft = self.fs * self.ns_per_hz
12    arr = self._hamming(arr)
    arr_fft = np.fft.fft(arr, nfft, 0)
14    arr_psd = np.abs(arr_fft)**2 / nfft

16    freq_vals = np.arange(0, self.fs, 1.0 / self.ns_per_hz)

18    # restrict frequency values to the range of self.freq_range
    freq_slice = slice(self.freq_range[0]*self.ns_per_hz, self.freq_range
[1]*self.ns_per_hz)
20

```

```
return freq_vals[freq_slice], arr_psd[freq_slice, :]
```

## A.6 Ošetření plovoucím průměrem

```
1 def _coarse_grain(self, psd_arr):
2     """
3     Calculating moving average using rectangular filter of length "
4     filt_len"
5
6     :param psd_arr: array of power spectral densities [nfft, :]
7
8     :return psd_arr_cg: coarse grained psd_arr using moving average
9     """
10    psd_arr_cg = np.zeros(psd_arr.shape)
11    filt = np.ones(self.mov_filt_size) / self.mov_filt_size
12
13    for i in range(psd_arr.shape[1]):
14        psd_arr_cg[:, i] = np.convolve(psd_arr[:, i], filt, 'same')
15
16    return psd_arr_cg
```

## A.7 Odstranění trendu

```
1 def _detrend(self, freqs, psd_arr):
2     """
3     Remove linear trend from y=psd_arr(x) based on Least Squares optimized
4     curve fitting
5
6     :param freqs: x
7     :param psd_arr: y
8
9     :return: psd_arr_detrended
10    """
11    nfs, nms = psd_arr.shape
```

```

psd_arr_detrended = np.zeros((nfs, nms))
11 min_idx, max_idx = (int(self.ns_per_hz*f) for f in self.freq_range)

13 for i in range(nms):
    par_init = (1., )

15
    x = freqs[min_idx:max_idx]
17 y = psd_arr[min_idx:max_idx, i]

19 par, success = leastsq(self.__error_func, par_init, args=(x, y,
self.__linear_func))

21 y_trend = self.__linear_func(par, x)

23 psd_arr_detrended[:, i] = np.concatenate((psd_arr[:min_idx, i], y
- y_trend, psd_arr[max_idx:, i]))

25 return psd_arr_detrended

```

## A.8 Odstranění negativních hodnot

```

1 def _remove_negative(self, psd_arr):
    """
3     Remove negative values from psd

5     :param psd_arr: array of power spectral densities [nfft, :]
    :return: psd_arr_positive
7     """
    return psd_arr.clip(min=0)

```

## B Třída *Method*, která je rodičem metody *M2*

```

class Method:
2
    def __init__(self, preprocessor=Preprocessor(), from_existing_file=
    True):
4
        """
        :param preprocessor: (obj) Preprocessor class instance which
        determines how to preprocess PSD files
6
        :param from_existing_file: (bool) whether to try to load from
        existing files or ignore them
        """
8
        self.preprocessor = preprocessor
        self.from_existing_file = from_existing_file
10
    @staticmethod
12
    def _calc_mean_and_var(psd, period=None, nmeas=144):
        naccs, nfft, ndm = psd.shape
14
        if period:
            nsamples = ndm//nmeas//period
16
        else:
            nsamples = 1
18
        mean = np.empty((nsamples, naccs, nfft))
20
        var = np.empty((nsamples, naccs, nfft))
22
        psd = np.array_split(psd, nsamples, axis=-1) # split to cca "
        period" long entries
#         print(f"period: {period}, nsamples: {nsamples}, len(psd): {len(
        psd)}")
24
        # calculate mean and var from each entry
        for i in range(nsamples):
26
            mean[i, :, :] = psd[i].mean(axis=2)
            var[i, :, :] = psd[i].var(axis=2)

```

```

28         return mean, var

30

32     def _get_PSD(self, path, period=None, remove_0th_dim=False):
33         """ load freqs and PSD if the preprocessed files already exist,
34         otherwise calculate freqs and PSD and save them
35
36         :param path: (string) path to files with data
37         :param period: (int) number of days from which to aggregate
38
39         :return (freqs(1Darray), mean(1Darray), var(1Darray)):
40         """
41         if ".npy" in os.path.splitext(path)[-1]:
42             folder_path = os.path.split(path)[0]
43         else:
44             folder_path = path
45             path_to_freqs = folder_path + "/freqs.npy"
46             path_to_PSD = folder_path + "/PSD.npy"
47             path_to_vars = folder_path + "/PSDvar.npy"
48
49         try:
50             if self.from_existing_file and "X.npy" in path:
51                 nlamps = FLAGS.nlamps
52                 freqs, X = self.preprocessor.run([path], return_as="
53                 ndarray")
54
55                 X = np.split(X, nlamps, axis=0) # reshape from (ndays.
56                 nmeas.nlamps, nfft//2, naccs//nlamps)
57                 X = np.dstack(X) # to (ndays.nmeas, nfft
58                 //2, naccs)
59                 psd = X.transpose((2, 1, 0)) # and then to (naccs,
60                 nfft//2, ndays.nmeas)

```



```

56         mean, var = self._calc_mean_and_var(psd, period)

58     elif self.from_existing_file:

        freqs = np.load(path_to_freqs)

        mean = np.load(path_to_PSD)

        var = np.load(path_to_vars)

62     else:

        print("\nIgnoring existing files!")

64         raise FileNotFoundError

    except FileNotFoundError:

66         freqs, psd = self.preprocessor.run([path], return_as="ndarray"

    )

        ndays, naccs, nfft, nmeas = psd.shape

68         # reshape from (ndays, naccs, nfft/2, nmeas) to (naccs, nfft

//2, ndays.nmeas)

        psd = psd.transpose((1, 2, 0, 3))

70         psd = psd.reshape((naccs, nfft, ndays*nmeas))

72         # calculate PSD (== long term average values of psd)

        mean, var = self._calc_mean_and_var(psd, period=None, nmeas=

nmeas)

74

        # save freqs and PSD files

76         if ".mat" not in path:

            np.save(path_to_freqs, freqs)

            np.save(path_to_PSD, mean)

78            np.save(path_to_vars, var)

80

        if not period and remove_0th_dim:

82            mean = mean.reshape(mean.shape[1:])

            var = var.reshape(var.shape[1:])

```

84

```
return freqs, mean, var
```

## C Výběr metod ze třídy *M2* (křížová entropie)

### C.1 Inicializace metody *M2*

```
1 class M2(Method):
2
3     def __init__(self, preprocessor=Preprocessor(), from_existing_file=
4         True, var_scaled_PSD=False):
5
6         super(M2, self).__init__(preprocessor, from_existing_file=
7             from_existing_file)
8
9         self.bin_sizes = None
10
11        self.thresholds = None
12
13        self.var_scaled_PSD = var_scaled_PSD
14
15
16        self.trained_distributions = None
```

### C.2 Výpočet multiškálově binarizovaných spekter

```
def get_multiscale_distributions(self, path, bin_sizes=(10, ), thresholds
    =(0.1, ), period=None):
1
2     """ Calculate multiscale distributions from files given in path for
3         each combination of values in
4         bin_sizes and thresholds.
5
6         :param path: path to files with psd files
7
8         :param bin_sizes: tuple with desired bin sizes
9
10        :param thresholds: tuple with desired thresholds
11
12        :param period: period with which to calculate the distributions
```

```

        :return multiscale_distributions: List[(1, 1), 1D array[nbins], 2D
array[naccs, nbins]]
    """
10
    freqs, PSD, PSD_var = self._get_PSD(path, period)
12
    multiscale_distributions = list()
14
    for i, (mean, var) in enumerate(zip(PSD, PSD_var)):
16
        if self.var_scaled_PSD:
            var = (var - var.min())/(var.max() - var.min()) # normalize
18
            to interval (0, 1)
            mean = mean*var
20
            md = list()
22
            # multiscale (grid search way)
            for bin_size in bin_sizes:
24
                for threshold in thresholds:
26
                    freq_bins, PSD_bins = self._split_to_bins(freqs, mean,
bin_size)
28
                    freq_binarized_mean = freq_bins.mean(axis=-1)
                    PSD_binarized_softmax = self._binarize_and_softmax(
PSD_bins, threshold)
30
                    md.append([(bin_size, threshold), freq_binarized_mean,
PSD_binarized_softmax])
32
            multiscale_distributions.append(md)
34

```

```

    return multiscale_distributions if period else
    multiscale_distributions[0]

```

### C.3 Rozdělení na frekvenční intervaly (košíky)

```

1  @staticmethod
   def _split_to_bins(freqs, psd_array, bin_size):
3      """Take psd_array and split it into bins (frequency-wise).

5      :param freqs: array of input frequencies [number of frequencies, ]
       :param psd_array: array of input psd values [number of measurements,
       number of frequencies]
7      :param bin_size: (int) desired bin size in number of values (not
       frequencies)

9      :return freq_bins (2D array) [number of bins, size of one bin]
           psd_bins: (3D array) [number of measurements, number of bins,
       size of one bin]
11     """
       naccs, nfreqs = psd_array.shape
13
       nbins = nfreqs // bin_size + (nfreqs % bin_size > 0)
15
       freq_bins = np.zeros((nbins, bin_size), dtype=np.float32)
17       psd_bins = np.zeros((naccs, nbins, bin_size), dtype=np.float32)

19       for i in range(nbins):
           area = slice(i*bin_size, (i + 1)*bin_size)
21           freq_bins[i, :] = freqs[area]
           psd_bins[:, i, :] = psd_array[:, area]
23
       return freq_bins, psd_bins

```

## C.4 Výpočet binarizovaného spektra s využitím funkce softmax

```
@staticmethod
2 def _binarize_and_softmax(psd_bins, threshold):
    """ Calculate binarized values in bins scaled by softmax to
    probability distribution with sum of 1

    4
    :param psd_bins: (3D array) psd array which is split to bins[:, nbins
    , bin_size]
    6 :param threshold: (int) desired cutoff value for binarization
    :return psd_binarized_softmaxed: (2D array)[:, nbins]
    8 """
    psd_binarized = np.array(psd_bins > threshold, dtype=np.float32)
    10
    psd_binarized_sum = psd_binarized.sum(axis=-1)
    12 psd_sum_of_exp = np.exp(psd_binarized_sum).sum(axis=-1)
    14
    psd_binarized_softmaxed = np.exp(psd_binarized_sum)/np.expand_dims(
    psd_sum_of_exp, 1)
    16
    return psd_binarized_softmaxed
```

## C.5 Natrénování třídy M2 na trénovacích signálech vibrací

```
def train(self, path, bin_sizes, thresholds):
    2 """ calculate binarized distributions of PSD from path for each
    combination of bin_size and threshold nd then save them for further
    use
    4
    :param path: path to file(s) containing psd arrays for training
    :param bin_sizes: tuple of desired bin sizes
    6 :param thresholds: tuple of desired thresholds
    :return: None
    8 """
```

```

10     self.bin_sizes = bin_sizes
12     self.thresholds = thresholds

14     self.trained_distributions = self.get_multiscale_distributions(path,
self.bin_sizes, self.thresholds)

    print("Training complete!")

```

## C.6 Výpočet křížové entropie

```

1 @staticmethod
def _cross_entropy(d1, d2):
3     """ Calculate information cross-entropy between d1 and d2

5     :param d1: distribution 1
6     :param d2: distribution 2
7     :return:  $-\sum(d1(x).log2(d2(x)))$ 
8     """
9
    return -np.sum(d1*np.log2(d2))

```

## C.7 Porovnání dvou sad binarizovaných spekter z hlediska křížové entropie

```

def compare(self, path, period=None, print_results=True):
2     """ Calculate cross entropy between psd loaded from path and trained
multiscale distributions (M2().train).

    If period is specified, the compared psd files will first be split by
    days (e.g. period=1 means that ce will be
4     calculated for each day of psd_comp separately)

```

```

6      :param path: path to file(s) containing psd arrays for comparison with
      training data
      :param period: (int) split the comparison into periods of days (None==
      period is same as length of the data)
8      :param print_results: (int)
      :return ce: array of cross entropies for each threshold, bin_size and
      period
10     """
12
13     if not self.trained_distributions:
14         raise(ValueError, "Nejdříve je třeba metodu natrénovat (M2().train
      ).")
16
17     valid_distributions = self.get_multiscale_distributions(path, self.
      bin_sizes, self.thresholds, period)
18
19     nperiods = len(valid_distributions)
20     nbins = len(self.bin_sizes)
21     nth = len(self.thresholds)
22
23     ce = np.empty((nperiods, nbins*nth))
24
25     if print_results:
26         print("\n—CROSS ENTROPY VALUES—")
27         print(f"|| period | bs | th || CEnt ||")
28         for per, period_dist in enumerate(valid_distributions):
29             for i, (((bin_sz, th), _, dtrain), ((_, _), _, dval)) in enumerate
      (zip(self.trained_distributions, period_dist)):
30                 ce[per, i] = self._cross_entropy(dtrain, dval)
31                 if print_results:

```

```

32         print(f' || {per:6d} | {bin_sz:2d} | {th:.2f} || {ce[per, i]
           :4.0f} || ')

    return ce

```

## D *main.py*: Příklad vyhodnocení poškození stožáru lampy na základě směrnice kumulativní křížové entropie

```

1  from collections import Counter

3  from flags import FLAGS
   from preprocessing import Preprocessor
5  from Methods import M2

7  import numpy as np
   from matplotlib import pyplot as plt

9

11 def calc_periodic_best(ce, bin_sizes, thresholds):
    nperiods, nparams = ce.shape

13    nth = len(thresholds)

    best_params = [np.nan]*nperiods
    periodic_best = np.empty((nperiods,), dtype=np.float32)

17    periodic_best[:] = -np.inf

    for i, day in enumerate(ce):

19        best_j = 0

        for j, val in enumerate(day):

21            if val > periodic_best[i]:
                periodic_best[i] = val

```



```

23         best_j = j
        best_params[i] = divmod(best_j, nth)
25         print(f"day: {i}, bs: {bin_sizes[best_params[i][0]]}, th: {
thresholds[best_params[i][1]]} val: {periodic_best[i]}")
        return best_params, periodic_best
27
29 def linear_regression(y, x=None):
    """Calculate params of a line (a, b) using least squares algorithm to
    best fit the input data (x, y)"""
31     ndata = len(y)
    if not all(x):
33         x = np.arange(0, ndata, 1)
    else:
35         assert len(x) == ndata, "x and y don't have the same length"
    A = np.vstack((x, np.ones(ndata))).T
37     a, b = np.linalg.lstsq(A, y, rcond=None)[0]
    return a, b
39
41 if __name__ == "__main__":
    # Paths to files
43     setting = "training"
    folder = FLAGS.paths[setting]["folder"]
45     dataset = FLAGS.paths[setting]["dataset"]
    period = [FLAGS.paths[setting]["period"]]*len(dataset)
47     filename = ["X.npy"]*len(dataset)
    paths = [f"./{folder}/{d}/{p}/{f}" for d, p, f in zip(dataset, period,
        filename)]
49     from_existing_file = True
51     # multiscale params

```

```

bin_sizes = (80, )
53 thresholds = (.001, .01, .1, .2, .5, )
plot_distributions = False
55
# periodic params
57 ndays = 60
period = 1
59
# define instance of Preprocessor and initialize M2
61 preprocessor = Preprocessor()
m2 = M2(preprocessor, from_existing_file=from_existing_file)
63
# Train the method on 2 months of neporuseno (trained)
65 m2.train(paths[0], bin_sizes, thresholds)
67
# Calculate cross entropy of
ce2 = m2.compare(paths[1], period=period, print_results=False) #
trained with neporuseno2
69 ce3 = m2.compare(paths[2], period=period, print_results=False) #
trained with poruseno
ce23 = np.vstack((ce2, ce3))
71
# print(ce2.shape) # (nperiods, nbins*nthresholds)
73
# Find the highest cross-entropy for each day
ce2_best_params, ce2_periodic_best = calc_periodic_best(ce2, bin_sizes
, thresholds)
75 ce3_best_params, ce3_periodic_best = calc_periodic_best(ce3, bin_sizes
, thresholds)
77
# Count which and how many times have combinations of (bin_size,
threshold) been chosen as highest ce
ce2_best_js = Counter(ce2_best_params)

```

```

79     ce3_best_js = Counter(ce3_best_params)

    print(ce2_best_js)

81     print(ce3_best_js)


83     # Calculate cummulative sum of cross-entropies

    x = np.arange(0, len(ce2_periodic_best), 1)[:ndays]

85     y2 = np.cumsum(ce2_periodic_best)[:ndays]

    y3 = np.cumsum(ce3_periodic_best)[:ndays]

87


    # Calculate params for linear regressions

89     a2, b2 = linear_regression(y2, x)

    a3, b3 = linear_regression(y3, x)

91


    # plot the results of cummulative cross-entropies and their regression

93     plt.plot(x, a2*x + b2, "b", label=f"regrese neporušených dat (a={a2:.1f
f}, b={b2:.1f})")

    plt.plot(x, a3*x + b3, "r", label=f"regrese porušených dat (a={a3:.1f
}, b={b3:.1f})")

95     plt.stem(y2, markerfmt="bx", linefmt="none", use_line_collection=True,
        label="neporušená lampa")

    plt.stem(y3, markerfmt="r+", linefmt="none", use_line_collection=True,
        label="porušená lampa")

97     plt.xlabel(f"perioda ({period} " + ("den" if period == 1 else "dnů") +
        ")")

    plt.ylabel("kumulativní křížová entropie")

99     plt.title("Porovnání kumulativních křížových entropií")

    plt.legend()

101


    # save the resulting plot

103     plt.savefig(f"./images/M2/cummul_ce_nd-{ndays}_p-{period}.pdf")

    plt.show()

```